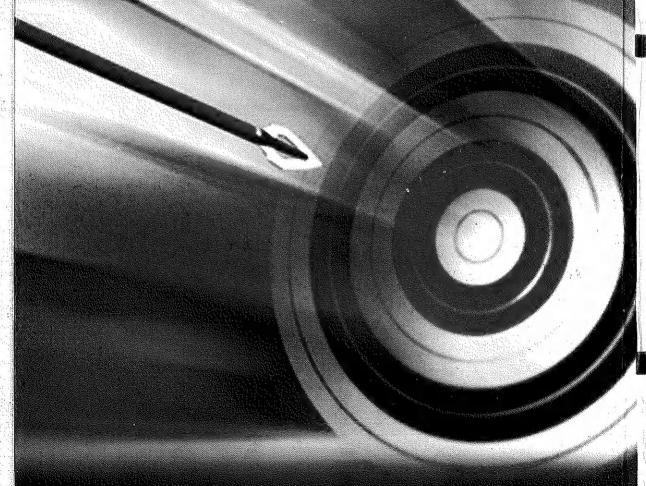
المديث ني

# بين النظرية والتطبيق



الأستاذ الدكتور / عبد القادر محمد عبد القادر عطيه

ilianos e

حقوق الطبع محفوظة للمؤلف رقم الإيداع: 2004/13783 الترقيم الدولي: 1-136-138.N 977/328

ams

Sam, Baltach In Maria (Alak Say Maria) Rango of the North of them-seems opeley Short in white in All (1982) The Control of

# بسم الله الرحمن الرحيم

" وعلمك ما لم تكن تعلم ، وكان فضل الله عليك عطيما "

صدق الله العظيم

Judge William Recognition of the Control

replace of the life male against and the light budget a

and the state of

بالرغم من أن هناك تطورات عديدة حدثت في علم الاقتصاد القياسي على أيدي المتخصصين فيه ، إلا أن كثيراً من التطورات التي تتم في فروع المعرفة الأخرى تغدي التطور في هذا الفرع . فالتطور في النظرية الإحصائية ، والنظرية الاقتصادية ، وفورة المعلومات وما صاحبها من توفر في البيانات ، و التطور في مجال الكمبيوتر وزيادة قدراته الحسابية والتخزينية ، ساعدت كلها على حدوث تطور كبير في مجال الاقتصاد القياسي خلال الخمسين سنة الأخيرة . وما يكاد المرء ينتهي من إعداد كتاب في هذا المجال على مدى عدد من السنوات إلا ويكتشف أن تطورات جديدة قد حدثت ، بحيث لا يمكنه تضمين الكتاب كل ما يحدث من تطورات .

و تحتوي هذه الطبعة من الكتاب على أربعة أجزاء تتمثل في :

الجزء الأول: قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة .

الجزء الثاني: المشاكل القياسية.

الجزء الثالث: قياس النماذج ذات المعادلات المتعددة .

الجزء الرابع : الاقتصاد القياسي التطبيقي .

ويلاحظ في هذا الصدد أن الاقتصاد القياسي كما تمت معالجته في هذا الكتاب يحتوي على فرعين هما الاقتصاد القياسي النظري Theoretical Econometrics والاقتصاد القياسي التطبيقي Applied Econometrics.

ويهتم الاقتصاد القياسي النظري بتقديم الطرق الملائمة لقياس العلاقات الاقتصادية المختلفة مثال طريقة المربعات الصغرى دات المرحلتين ، وطريقة المربعات الصغرى دات المرحلتين ، وطريقة المربعات الصغرى دات الثلاث مراحل وغيرها . كما يناقش الافتراضات التي تقوم عليها هذه الطرق ، وخصائصها الإحصائية ، والمشاكل القياسية التي تنجم عن اختلال افتراضاتها ، بالإضافة إلى وسائل علاج هذه المشاكل .

أما الاقتصاد القياسي التطبيقي فهو يختص بتطبيق الطرق القياسية النظرية في مجالات واقعية عديدة ترتبط بالاقتصاد والأعمال. ولكن هذا لا يعني أن هناك فصلا تاما بين هذين الفرعين. فالاقتصاد القياسي التطبيقي يستخدم طرق القياس التي يتضمنها الاقتصاد القياسي النظري ، وفي كثير من الحالات يترتب على عملية القياس التطبيقي الوصول إلى طرق قياس جديدة تتغلب على الصعوبات والمشاكل التي تواجه طرق القياس التي تولدت في ظل فرع الاقتصاد القياسي النظري .

ويتضمن الجزء المتعلق بالاقتصاد القياسي التطبيقي نتائج بعض الدراسات التطبيقية التي تطرقت إلى استخدام طرق قياسية . ومن أبرز الموضوعات التي تم التطرق إليها في هذا الجزء : نموذج تسعير الأصول المالية كأحد التطبيقات على الانحدار البسيط، ومنحنى التعلم و وفورات الحجم كأحد التطبيقات على الانحدار المتعدد، وقياس التغير في النوعية كأحد التطبيقات على المتغيرات الصورية، وتقدير دالة الطلب على الكهرباء كأحد التطبيقات على الانحدار غير الخطي، وقياس العلاقة بين الإعلان والمبيعات كأحد التطبيقات على النماذج الآنية، واختبار نظرية تعادل القوى الشرائية PPP كأحد التطبيقات على نموذج تصحيح الخطأ.

وقد تضمنت هذه الطبعة معالجة أكثر عمقاً لتحليل السلاسل الزمنية ، وهو المجال الذي زاد استخدامه في الآونة الأخيرة . وجدير بالذكر أنه تم إجراء جميع الحسابات اللازمة لأمثلة الكتاب باستخدام برنامج كمبيوتر Eviews4 .

وأسأل الله العلي القدير أن يتقبل مني هذا العمل خالصاً لوجهه الكريم ، وأن يغفر لي ما قد أكون قد وقعت فيه من أخطاء، إنه نعم المولى ونعم النصير .

المؤلف

أ.د عبدالقادر محمد عبدالقادر عطية

مكة المكرمة

ربيع ثاني 1425 هـ – يونيو 2004م

The control of the second of t

A STATE OF THE PROPERTY OF THE

A CONTRACT C CONTRACT CONTRAC

and the second of the second property of the second second second second second second second second second se The second se

# محتويات الكتاب

i	total
€	محتويات الكتاب
1	الجزء الأول: قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة
3	
4	المبحث الأول: التعريف بالاقتصاد القياسي
4	
10	(1-1-1) أهداف الاقتصاد القياسي
16	
16	(ا-2-1) تعيين النموذج
21	(1–2–2) تقدير معلمات النموذج
42	(1-2-1) تقييم المعلمات المقدرة بالنموذج
42 44	
45	The state of the s
the second of the second	
49	المبحث الثالث: دور النماذج القياسية في التوفيق بين السياسة والنظرية
51	(1-3-1) أنواع السياسات الاقتصادية
54	(1-3-1) العلاقة بين السياسة الاقتصادية والنظرية الاقتصادية
<b>57</b>	(1-3-1) النماذج القياسية الملائمة لرسم سياسات اقتصادية فعالة
59	النصل الثاني: الارتباط
50	المبحث الأول: قياس الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرات الكمية
60	(1-1-2) هكل الانتشار
64	(2-   -2) مجموع حاصل ضرب الانحرافات
65	(3-1-2) معامل التغاير
80	(4-I-2) معامل الارتباط
80	العبحث الثاني: قياس الارتباط بين المتغيرات النوعية
83	(2-2-1) معامل الاقتران
95 Q1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	(2-2-2) معامل التوافق

89	المبحث الثالث: قياس الارتباط الجزئي
95	الفصل الثالث: الانحدار الخطي البسيط
103	المبحث الأول: تعيين نموذج الاستهلاك
103	(1- 2-3) تحديد المتغيرات
104	Theil Will Will wat O 1 2
109	(3-1-3) تحديد التوقعات القبلية للمعلمات
109	(2-1-3) تحديد التوقعات القبلية للمعلمات
118	المبحث الثاني: تقدير دالة الاستهلاك
	(1-2-3) تجميع البيانات لنموذج الاستهلاك
131	(2-2-3) اختيار الطريقة القياسية الملائمة
143	(3-2-3) الفرق بين الارتباط و الانحدار
145	المحدُ الثالثُ: القب الخارجة
149	الفصل الرابع: تقييم المعلمات المقدرة - اختيارات الفروض
152	المبحث الأول: اختيار جودة التوفيق
154	التحديد المعامل التحديد التحدي
160	(1_4 رحام) التحديد وفعاها الارتباط
162	(1-1-4) معامل التحديد ومعامل الانحدار
164	4-1-4) معامل التحديد ومعامل عدم التحديد
165	(4-1-5) معامل التحديد في حالة دالة الانحدار النسبية
166	(4_1_6) الاتحدار العكب ومعامل التحديد
172	المبحث الثاني: اختيارات المعنوية - اختيار الخطأ المعياري
172	(4-2-1) الوسط الحساب وتبات المعلمات المقدرة
174	(4-2-4) اختبار الخطأ المعياري
181	المبحث الثالث: اختيارات المعنوية -اختبار "ز"
183	را ـ 3 ـ 1/ خصائص توزيع ";" المعياري
186	راستخدام "ز" كمعيار في اختيارات المعنوية
192	(4-3-4) مفهوم مستوى المعنوية
195	(4-3-4) العلاقة بين اختبار "ز" واختبار الخطأ المعياري
197	ال ح. ١. العد : اختيارات المعنوية -اختيار "ت"

205	المبحث الخامس: تقدير فترات الثقة لمعلمات المجتمع مسيستين
206	" (4–5–1) تحديد فترة ثقة من توزيع " ز"
207	" (4–5 –2) تحديد فترة ثقة من توزيع "ت"
209	الفصل الخامس: خصائص المقدر الجيد
	المبحث الأول: الخصائص المرغوبة للمقدرات في حالة السنة الصغيرة
210	(1-1-5) عدم التحيز
211	2-1-5) أقل تباين
214	3-1-5) الكفاءة
215	4-1-5) الخطية
215	- (1-5) المثلية الخطية
215	(5-1-5) أدنى متوسط لمربعات الخطأثنييت المنابية المن
217	الكفاية (7-1-5) الكفاية
218	· المبحث الثاني : الخصائص المرغوبة للمقدرات في حالة العينات الكبيرة مسمدة المساهدة،،،
218	1-2-5) عدم التحيز النهائي
220	(2-2-5) الاتساق
221	(3-2-5) الكفاءة النهائية
	· الفَصَّلُ السادس: الاتحدار غير الخطي البسيط
	المبحث الأول: العلاقة اللوغاريتمية المزدوجة
233	· المبحث الثاني: العلاقة شبه اللوغاريتمية منبسسية مستند المنتشفة المنتشفة الثانية العلاقة المناسسة المنتشفة المستندانية المنتسفة
241	🦥 ألمبحث الثالث : علاقة التحويل لمقلوب
	🐬 المبحث الرابع : علاقة لوغاريتم - مقلوب
	الْقَصْل السابع: الانحدار المتعدد
254	المبحث الأول: الانحدار الخطي المتعدد
	- (1-1-1) تقدير نموذج الانحدار الخطي المتعددبينتيشا بينشتنيتيشا
265	🌕 (1-7–2) تقييم نموذج الانحدار الخطي المتعدد
283	<sup>الت</sup> المبحث الثاني : الانحدار غير الخطي المتعددويَقَدَّنْ وَمَعَدُو
	(7-2-1) كثيرات الحدود
	(7-2-2) الدوال ذات المرونات الثابتة

29	7	المبحث الثالث : معايير التقييم العام لنماذج الانحدار المتعدد
29	7	
30	1.	(2-3-7) معايير درجة التبسيط
302	2	(3-3-7) معايير اختبار معنوية مجموعة معاملات معا
		(7-3-4) اختبارات تعيين النموذج
		نفصل الثامن : المتغيرات الصورية أو الصماء
318		المبحث الأول: كيفية استخدام المتغيرات الصورية
318	ß .	: (3-1-1) متغير تفسيري نوعي واحد
326	5	: (8-1-2) أكثر من متغير تفسيري نوعي
328	3.	(8-1-8) متغيرات تفسيرية نوعية وكمية
		المبحث الثاني: أهم استخدامات المتغيرات الصورية
339		(8-2-8) قياس التغير في الميول الحدية
343	o de	(2-2-8) قياس التغيرات الهيكلية
346		(8-2-8) قياس الر التقلبات الموسمية
357		
359		: (8–2–5) مؤشر للمتغيرات الرقمية
		> (6-2-8) استخدام بیانات سلسلة قطاعیة
		(8–2–7) تقدير دالة الشرائح
. 372		المبحث الثالث : استخدام المتغيرات الصورية كمتغيرات تابعة
372	, • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	(8-3-1) نموذج الاحتمال الخطي
382		(2-3-8) نموذج Logit نموذج (2-3-8)
385		(3-3-8) كيفية تقدير نموذج Logit ينموذج 3-3-8)
391	***	الفصل التاسع : تحليل التباين
392	***	المبحث الأول: مفهوم تحليل التباين
395	***	(1-1-9) التغير العشوائي
396		(9-1-2) التغير الحقيقي
398	****	هـ (9-1-3) التغير الكلي
400	••••	المبحث الثاني: اختبار مدي أهمية المتغيرات في تغيير الظاهرة
400	****	التاد فو الاتحاد الهاحد

409	02
419	(9-2-3) تحليل التباين والاتحدار
421	المبحث الثالث: استخدامات تحليل التباين
421	(1-3-9) اختبار معنوية معادلة الانحدار ككل
425	(9-3-9) اختبار معنوية التحسن في المقدرة التفسيرية
427	(9-3-3) اختبار معنوية الاختلاف بين معلمات من عينات مختلفة
430	
432	(9-3-9) اختبار مدى صحة القيود المفروضة على المعاملات
437	الجزء الثاني : المشاكل القياسية
439	الفصل العاشر: الارتباط الذاتي
440	المبحث الأول: التعريف بمشكلة الارتباط الذاتي
440	(1-1-1) تعريف الأرتباط الذاتي
440	(2-1-10) أشكال الارتباط الذاتي
444	(3-1-10) أساد الاتباط الذات
448	الثاني : اختبارات الكشف عن الارتباط الداني وعلاجه
448	(10-2-1) اختيار الارتباط الداتي من الرتبة الأولى
458	(10-2-2) اختبار الارتباط الداتي من رتبة أعلى من الأولى
459	اللوام على اللوام الله الله الله الله الله الله الله ال
460	(10-2-10) علاج مشكلة الارتباط الذاتي
467	الغصل الحادي عشر: الامتداد الخطي المتعدد
468	
468	(1-1-11) مفهوم الامتداد الخطي المتعدد
471	
472	(3-1-11) نتائج الامتداد الخطي المتعدد
478	المبحث الثاني : اختبارات الامتداد الخطي المتعدد
478	(11-2-11) اختبار کلاین
480	(11-2-2) اختبار الارتباط الجزئي
480	(11-2-2) اختبار فارار -جلوبر
491	(4-2-11) معامل التحديد واختيارات المعنوية

492	(11-2-1) علاج مشكلة الامتدار الخطي المتعدد
495	الفصل الثاني عشر ا مشكلة عدم ثبات التباين
496	المبحث الأول: التعريف بمشكلة عدم ثبات التباين
496.	(1-1-12) مفهوم مشكلة عدم ثبات التباين
498.	(2-1-12) أسباب مشكلة عدم ثبات التباين
499	(1-1-2) أثار مشكلة عدم ثبات التباين
500	المبحث الثاني :اختبارات الكشف عن مشكلة عدم ثبات التباين
500	(1-2-12) معايير الكشف عن مشكلة عدم ثبات التباين
513	(2-2-12) طرق تصحيح مشكلة التباين غير الثابت
19	الفصل الثالث عشر : تقدير النماذج ذات الفجوات الزمنية
520	المبحث الأول: التعريف بالنماذج ذات الفجوة الزمنية
520	(1-1-13) أنواع النماذج ذات الفجوة الزمنية
522	(13–1–2) أمثلة اقتصادية للنماذج ذات الفجوات الزمنية
531	المبحث الثاني : طرق تقدير النماذج ذات الفجوة الزمنية
531	(13–2–1) طرق تقدير النماذج ذات الفجوات الموزعة
544	(13–2–2) طرق تقدير نماذج الانحدار الذاتي
561	الجزء الثالث: النماذج القياسية متعددة المعادلات : النماذج القياسية متعددة المعادلات
563	الفصل الرابع عشر: التعريف بالنماذج القياسية متعددة المعادلات
565	(1–14) نمادج المعادلات الآنية
573	(2-14) نماذج المعادلات المتتابعة
576	(3-14) نماذج المجموعات المتتابعة
578	(14-4) نماذج المعادلات غير المرتبطة ظاهريا
81	النصل الخامس غشر: مشكلة التعرف
82	المبحث الأول : صياغة مشكلة التعرف
91	المبعث الثاني : حالات التعرف
91	الماذج ناقصة التعريف
93	(2-2-15) النماذج تامة التعريف
96	(15-2-15) النماذج زائدة التويف

600	- المبحث الثالث: شروط التعرف
602	
605	(2-3-15) شرط المرتبة
609	. A.L. C. S. A.L. C. S. A.L. C.
610	4.1.3 (1) 1.7.4 克 特别 数 4.7.2 4.4 4.4 克勒 1. 克 4.4 4.4 2.4 4.4 4.4 4.4 4.4 4.4 4.4 4.4
610	Start in the second of the sec
610	不能,他们还是这种 <b>的</b> ,就是这个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的,我们就是一个人的
616	FOR THE BEHAVIOR DESIGNATION AND AND AND AND AND AND AND AND AND AN
624	reneral Novembrania, pre na Apola na naterior polici
638	di de la regera de la disconsidadi
	و العبادي العالمي العبادي العبادي المساحد المس
644	
648	Principal de programa de la companya del companya del companya de la companya de
648	
650	(1-17) اختبارات الاستقرار (السكون)
	المبحث الثاني: التكامل المشترك
669	(17-2-1) تعريف تكامل السلاسل الزمنية
670.	(17-2-2) تعزيف التكامل المشترك
671.	(17-2-2) اختيارات التكامل المشترك
674	المبحث الثالث: كيفية إزالة عدم الشكون في الشلسلة
	Burgara da de la companya de la comp
	(17–13) علاج عدم ثبات التباينسينيسينيسينيسيسسسسيسيسيسيسيسيسيسيسيس
675	(2-3-17) إزالة الاتجاه العام
678	(3-3-17) إزالة التقلبات الموسمية
685 .	الفصل الثامن عشر: نموذج تصحيح الخطأييينيسيسيسيسيسيسيسيسيسيسيسيسيسسيسيسسيسسي
687.	المبحث الأول: صينة نموذج تصحيح الخطأ
589.	المبحث الثاني: نموذج تصحيح الخطأ وعلاقة السبية لجرائجر
	الفصل التاسع عشر: التنبؤ العلمي باستخدام نماذج الانحدار
596	المبحث الأول : تعريف التنبؤ العلمي وأنواعه
	المبحث الثاني : طرق التنبؤ العلمي
	🗜

70	(1-2-19) التنبؤ العلمي باستخدام معادلة انحدار واحدة
71	(2-2-19) التنبؤ باستخدام نموذج متعدد المعادلات
71.	المبحث الثالث : طرق السلاسل الزمنية في التنبؤ العلمي
71	(19–3–1) طرق تمهيد بيانات السلسة الزمنية
72	(2–3–19) منهجية بوكس – جيتكنز
72	(9-3-3) خطوات التنبؤ وفقاً لمنهجية بوكس -جينكنز
73	(4-3-19) نماذج الانحدار الذاتي ذات المتجه (VAR)
74	المبحث الرابع : اختبار مقدرة النموذج على التنبؤ
74	(1-4-19) اختبار معنوية الفرق
74	(2-4-19) معامل عدم التساوي لثيل
74	(19–4–3) معامل جانس
745	(4-4-19) متوسط مربع الخطأ
74	7 (5–4–19) علاقة المقدر بالفعلي
	الجزء الرابع: الاقتصاد القياسي التطبيقي
75	الفصل العشرون : نموذج تسعير الأصول المالية
75	المبحث الأول: العلاقة بين درجة التنويع والمخاطرة
752	(1-1-20) معدل العائد على الأصل المالي
752	(2-1-20) مخاطرة الاستثمار في أصل مالي معين
	(3–1–20) علاوة المخاطرة
754	** (1-20) معدل العائد ودرجة المخاطرة للمحفظة المالية
761	المبحث الثاني: العلاقة بين العائد والمخاطرة
76	√ (20-2-1) النموذج الاقتصادي للعلاقة بين العائد والمخاطرة سنتسسسسسسسا
763	(20-2-2) تعيين النموذج القياسي للعلاقة بين العالد والمخاطرة
769	المبحث الثالث: العلاقة بين مخاطرة الأصل ومخاطرة السوق
779	الفصل الحادي والعشرون: منحنيات التعلم والتكاليف ووفورات الحجم
	🥕 المبحث الأول : تعريفات وفورات الحجم ومنحنيات التعلم فينستني والمستقط المنطقة المستقطية والمستقطعة والمستقطة والمستقطعة والمستقطة والمستقطعة والمستقطعة والمستقطعة والمستقطعة والمستقطعة والمستقطة والمستقطعة والمستقلة وا
780	(1-21) وفورات الحجم
782	(1-21) منحني التعلم
786	المبحث الثاني : العلاقة بين التكاليف ووفورات الحجم والتعلم

700	(1-2-21) وفورات الحجم ودالة التكاليف
789 .	(2-2-21) دالة تكاليف كوب-دوجلاس ومنحني التعلم
795 .	(2-2-21) دالة تكاليف كوب-دوجلاس ومنحنى التعلم
796 .	4-2-21/ بعض النتائج التطبيقية
801 .	انما الثاني والعشون: قباس التغير في النوعية
Dec Y.	المبحث الأمل: ط ق قياس أثر التغير في النوعية على السعر
803	(22-1-1) طريقة النموذج المتناسب
TV. 1. 4	السعر والتوعية على السعر والتوعية على السعر والتوعية على السعر السعر والتوعية على السعر السعر السعر
807	(22–1–2) قياس العلاقة بين السعر والنوعية عبر الزمن
813	المبحث الثاني : تطبيقات لطريقة سعر الرفاهية
813	المباحث العلي
818	(1-2-22) بعض النتائج التطبيقية
831	الفصل الثالث والعشرون: دالة الطلب على الكهرباء
832	الفصل الثالث والعمرون . و الطلب على الكهرباء
832	المبحث الاول: بمودج العلب على الكهرباء
834	(23-1-1) الحصابض المغيرة للمسب على الكهرباء في الأجلين والقصير والطويل
837	(23-1-2) تقدير داله الطلب على المورود في المحتود الكهربائية
839	(23-1-3) نماذج فياسيه بدون بيانات عن تصورون 2 بهرو معاور. المبحث الثاني : بعض المشاكل القياسية في تقدير الطلب على الكهرباء
839	المبحث الثاني: بعض المشاكل الفياسية في تقدير العلب على المارية الم
839	(2-2-23) مشكلة التحيز الآني
B40	(2-2-23) محاولة هالفورسن
841	(23–2–3) تقدير النعر الحدي
45	(23–24) الصيغة الملائمة لدالة الطلب
47	الفصل الرابع والعشرون: اختبار نظرية تعادل القوى الشرائية
	المبحث الأول: صبغ نظرية تعادل القوى الشرائية (PPP)
40	المبحث الأول . فيم صرية لتعادل القوى الشرائية
********	second to the second se
	م م المراجع المتعادي الظاهد تعادل القوى الشرائية
	م معادلة عبد الساري تطبيقية للصبغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية
/U	المبحث الناتي . دراسات تطبيقية لاختبار الصيغة النسبية لتعادل القوى الشرائية

856	(1-3-24) اختبار نظرية PPP باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية
857	(2-2-24) اختبارات جدر الوحدة والتكامل المشترك لـ PPP
858	(24-3-3) تقدير نموذج تصحيح الخطأ لتعادل القوى الشرائية ببيانات شهرية
862	(24 –3–4) تقدير نموذج تصحيح الخطأ لتعادل القوى الشرائية ببيانات سنوية
	الفصل الخامس والعشرون: العلاقة بين المبيعات والإعلان- النملاج الآتية وعلاقات التغذية
865	المرتدة
866	المبحث الأول: نماذج قياسية للعلاقة بين المبيعات والإعلان
866	(1-1-25) فياس الإعلان
867	(25-1-25) التحليل الآني للإعلان والمبيعات
878	(1-25) اختبار جرانجر للسببية
	(1-25-1) نماذج الأنصبة السوقية وعدم الاتساق
885	(25-1-5) الأثر التراكمي للإعلان على المبيعات
889	المبحث الثاني: بعض الدراسات التعلبيقية عن العلاقة بين المبيعات والإعلان
889	(2-2-25) مدى تأثير الإنفاق الإعلاني على الاستهلاك الكلي
893	(25-2-2) أثر الإعلان على المبيعات على مستوى الصناعة
899	الحداول الإحصائية
915	
· (12)	
\$0,44/V4	
	The state of the s
755	In Xin Thankin Berger and a comment of the control
783	하다. 그는 그들은 사람들은 그는 그들은 그들은 그들은 그는 그들은
The Sales	as (Basilla) 1. \$4. \$4. \$4. \$2. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4. \$4
. Alexander	
	아니는 사람 역소 문과 회소의 학교에 들 작은 오늘 하는 것이 살았다. 이 가지 않는 사람들이 되었다.
i (di	
) Pay	

# الجزء الأول

قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة Estimation of Single -Equation Models

Alberta Madis Sitta Habilia Habilia Ang ban b Rista di madisang di manggalan kanadan minaka

# القصل الأول

# التعريف بالاقتصاد القياسي

# ومنهج البحث فيه

لقد استُخدِم لفظ اقتصاد قياسي لأول مرة عام ١٩٢١، ويرجع الفضل في ذلك للاقتصادي Ranger Frisch . وهناك من يؤرخ لمولد الاقتصاد القياسي بفترة الثلاثينات من القرن التاسع عشر حيث استخدم الاقتصادي كورنو Cournout التحليل الكمى في أبحاثه بطريقة منظمة منذ تلك الفترة . ويعتبر بذلك كورنو أبو الاقتصاد القياسي في رأى البعض ، مثلما يعتبر آدم سميث أبو علم الاقتصاد الوضعي . بل إن هناك من يؤرخ لمولد الاقتصاد القياسي بظهور الجدول الاقتصادي عند مدرسة الطبيعيين على يد الطبيب الفرنسي كيناي Quesnay عام ١٧٥٨م، ويذكر البعض أن تطبيقات الاقتصاد القياسي بدأت مع دراسات إنجل Engel في القرن التاسع عشر والذي استخدم فيها بيانات عن إنفاق الأسر وتوصل إلى قانون إنجل المعروف حتى الآن ، وهو ينص على أن " النسبة المخصصة للغذاء من الإنفاق الكلى للأسرة تقل مع زيادة الدخل".

ويهدف هذا الفصل إلى إلقاء الضوء على مفهوم الاقتصاد القياسي ومنهج البحث فيه، وهو يتكون من ثلاثة مباحث: Was been to live the

المبحث الأول: التعريف بالاقتصاد القياسي.

المبحث الثاني : منهج البحث في الاقتصاد القياسي .

المبحث الثالث: دور النماذج القياسية في التوفيق بين السياسة والنظرية

AND THE REPORT OF THE PARTY SALES

## المبحث الأول

# التعريف بالاقتصاد القباسي

#### **Econometrics**

يعرف البعض الاقتصاد القياسي بأنه القياس في الاقتصاد ، أو القياس الاقتصادي . وبصورة أكثر تفصيلا يعرف الاقتصاد القياسي بأنه فرع المعرفة الذي يهتم بقياس العلاقات الاقتصادية من خلال بيانات واقعية، بغرض اختبار مدى صحة هذه العلاقات كما تقدمها النظرية ، أو تفسير بعض الظواهر ، أو رسم بعض السياسات ، أو التنبؤ بسلوك بعض المتغيرات الاقتصادية .

ويلاحظ أن هذا التعريف يركز على نقطتين أساسيتين:

(١-١-١) العلاقة بين الاقتصاد القباسي والفروع الأخرى.

(١-١-١) أهداف الاقتصاد القياسي.

(١-١-١) العلاقة بين الاقتصاد القياسي والفروع الأخرى.

يعتبر الأقتصاد القياسي محصلة لثلاثة فروع من المعرفة، هي الإحصاء والنظرية الاقتصادية والاقتصاد الرياضي. أما عن الإحصاء فهو يمدنا بأساليب القياس مثل الارتباط والانحدار ، كما يمدنا بطرق القياس ، بالإضافة إلى البيانات الواقعية المبوبة التي تُستَخَدُمُ في عملية القياس (الإحصاء الاقتصادي) . وبالنسبة للنظرية الاقتصادية فهي تحدد ₪ العلاقات الاقتصادية المراد قياسها من خلال الفروض المفسرة التي تقدمها.أما فيما يتعلق بالاقتصاد الرياضي فهو يصيغ 🗳 هذه العلاقات النظرية في صورة معادلات رياضية قابلة للقياس. ولكن هذا لا يعنى أن الاقتصاد القياسي ليس له صفة مستقلة عن هذه الفروع، وإنما هو فرع متميز عن كل واحد منها . وسوف تحاول توضيح تميز الاقتصاد القياسي عن هذه الفروع فيما يلي :

### (١) النظرية الاقتصادية و الاقتصاد القياسي

تقدم لنا النظرية الاقتصادية فروضا مفسرة Hypotheses توضح العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية المختلفة وتفسر سلوك بعض الظواهر الاقتصادية . ومن الأمثلة على ذلك الفرض المفسر الذي يعرضه قانون الطلب القائل : " كلما ارتفع ثمن السلعة كلما انخفضت الكمية المطلوبة منها مع ثبات العوامل الأخرى على حالها ، والعكس صحيح". فمثل هذا الفرض يحدد العلاقة بين الكمية المطلوبة من السلعة وسعرها ، ويفسر لنا التقلب في الكمية المطلوبة من سلعة ما بالتغير في سعرها مع افتراض ثبات العوامل الأخرى ، وإذا ما توسعنا في نظرية الطلب كإحدى جزئيات النظرية الاقتصادية ، فإننا نجد أنها تعرض لعدد أكبر من العلاقات الاقتصادية . فهي تشير إلى أن طلب المستهلك على سلعة معينة يتحدد بعدد من العوامل أهمها سعر السلعة ، وأسعار السلع الأخرى ، ودخل المستهلك ، وذوق المستهلك . ومن ثم فان التغير في أي من هذه العوامل يؤدي لتغير الطلب على السلعة في اتجاه معين . وهذا يعني أن نظرية الطلب في صورتها الموسعة تفسر التقلب في طلب السلعة بالتغير في عوامل عديدة . وهكذا الأمر بالنسبة للجزئيات الأخرى للنظرية الاقتصادية ، كنظرية العرض ، ونظرية الإنتاج، ونظرية اللحرية العرض ، ونظرية الإنتاج، ونظرية اللحرية الله المستهلات الموسعة تفسر التقلب في طلب السلعة بالتغير في عوامل عديدة . وهكذا الأمر بالنسبة للجزئيات الأخرى للنظرية الاقتصادية ، كنظرية العرض ، ونظرية الإنتاج، ونظرية الاحتمادات النعرف ، ونظرية الإنتاج، ونظرية الله السلعة بالتغير في عوامل عديدة . وهكذا الأمر بالنسبة الله السلعة بالتغير في عوامل عديدة . وهكذا الأمر بالنسبة المدت الأخرى النظرية الإنتاج، ونظرية الاحتمادات الشعرة المنات المؤلية الإنتاج، ونظرية الإنتاج، ونظرية الإنتاج، ونظرية الإنتاج، ونظرية الإنتاج، ونظرية الإنتاج، ونظرية الإنتاح، ونظ

والاقتصاد الرياضي ما هو إلا إعادة صياغة للعلاقات الاقتصادية كما تحددها النظرية من أسلوب لفظي إلى أسلوب رياضي. وهذا يعني أنه لا يوجد هناك اختلاف بين النظرية الاقتصادية والاقتصاد الرياضي إلا في وسيلة التعبير عن العلاقات الاقتصادية. فالاقتصاد الرياضي يعبر عن العلاقات التي تحتوي عليها نظرية الطلب مثلا في الصيغة الرياضية التالية:

$$D_1 = ao + a_1P_1 + a_2P_2 + a_3Y + a_4S$$

and: And the second of the second الجزء الأول: قيلس النماذج ذلت المعادلة الواحدة - القصل الأول - التعريف بالالتصاد القياسي ومتهج البحث فيه

 $\mathbf{D}_1 = \mathbf{D}_1$  ط = الكمية المطلوبة من السلعة

 $\mathbb{P}_{0}=\mathbb{P}_{0}$  بنام السلم  $\mathbf{P}_{0}=\mathbb{P}_{0}$  بنام السلم المسلم السلم الم السلم الس

 $P_2 = max$ شور سلعة أخرى

ذ = الدوق على المراكبة المراكبة

والصيغة الرياضية السابقة تسمى دالة الطلب ، وهي توضح أن التغير في أي من المتغيرات التفسيرية الأربعة التي تظهر بالجانب الأيسر من المعادلة (الأيمن في الصيغة الإنجليزية) يصحبه تغير في طلب السلعة "ط، " يتحدد بمعاملات دالة الطلب التي تتمثل

حيث أرح صفر ما أرك صفر إذا كان ث، سعو سلعة بديلة ، أرح صفر إذا كان ث، سعر سلعة بديلة ، أرح صفر إذا كان ث، سعر

وبهده ألطريقة فان الصياغة الرياضية لدالة الطلب تغير تماماً عما توضحه النظرية الاقتصادية . ولكن على الرغم من ذلك فان هناك فرقا بين كل من النظرية الاقتصادية والاقتصاد الرياضي من ناحية ، و الاقتصاد القياسي من ناحية أخرى. ويمتكن توضيح ذلك فيما يلي:

(أ) فالنظرية الاقتصادية ومن ثم الاقتصاد الرياضي تنظر إلى كل المتغيرات التي تؤثر في الظواهر الاقتصادية على أنها متغيرات منتظمة تتغير بصورة مستمرة، ويمكن التعبير عنها بقيم محددة ، كما يمكن التنبؤ بسلوكها بدقة ، مثل السعر والدخل . وهي بذلك تهمل ما يسمى بالمتغيرات العشوائية التي لا تأخذ قيما محددة ، وليس هناك تأكد من حدوثها ، ولا تتغير بطريقة منتظمة ، ولكنها تؤثر في سلوك أي ظاهرة . ومن أمثلة هذه المتغيرات الأحداث السياسية ، وانتشار الأوبئة ، وحدوث الزلازل والحروب، والتقلبات الجوية ، والإشاعات وغيرها. ولأن المتغيرات العشوائية هي مصدر عدم التأكد في أي علاقة ، فإن

إهمالها من جانب النظرية الاقتصادية يعني أنها تنظر لكل العلاقات الاقتصادية على أنها على أنها على الله على أنها على أنها و كدة Exact . فنظرية الطلب تشير إلى أن التغير في الطلب يرجع للتغير في سعر السلعة أو أسعار السلع الأخرى أو الدخل أو الذوق بحيث أن ١٠٠٪ من التغير في هذا الطلب يرجع للتغير في هذا المتغيرات المنتظمة ، وأن صفر ٪ من التغير فيه يرجع للتغير في المتغيرات العشوائية .

أما عن الاقتصاد القياسي ، فلأنه يهتم بقياس العلاقات الاقتصادية كما هي قائمة في الواقع مستخدما بيانات فعلية ، فإنه يأخذ أثر المتغيرات العشوائية في الحسبان بحانب المتغيرات المنتظمة . ولما كان وجود المتغيرات العشوائية في الواقع يجعل العلاقة الاقتصادية بين أي متغيرين غير مؤكدة، فإن الاقتصاد القياسي ينظر إلى العلاقات الاقتصادية على أنها علاقات احتمالية (غير مؤكدة). فارتفاع سعر سلعة معينة قد لا يصاحبه في كل مرة انخفاض في الكمية المطلوبة لهذه السلعة كما تقرر النظرية الاقتصادية ، رغم ثبات كل المتغيرات المنتظمة الأخرى .ويحدث هذا إذا صاحب ذلك إشاعة بأن السلعة سوف تختفي من السوق. وهذا يعني أن وجود الإشاعة كمتغير عشوائي يجعل احتمال أن تكون العلاقة عكسية بين السعر والكمية المطلوبة أقل من ١٠٠٪.

حيث:

ط, = أ. + أ. ث, + أ، ث, + أ، ل + أ، ذ = أثر المتغيرات المنتظمة

ء - أثر المتغير العشوائي.

(ب) بالإضافة إلى ما سبق ، فإن النظرية الاقتصادية (ومن ثم الاقتصاد الرياضي) لا تحدد درجة العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية كما هي في الواقع ، وإنما تحدد فقط اتحاه هذه العلاقة . فهي لا تحدد مثلا نسبة الزيادة في الطلب التي يمكن أن تنجم عن ارتفاع

الدخل بنسبة 10 %. ولعل هذا يرجع إلى أن النظرية الاقتصادية أو الاقتصاد الرياضي لا يحددان قيما رقمية لمعاملات العلاقات الاقتصادية أ. ، أر ، أر ، أم أ ،

ولكن على الرغم من ذلك فان الاقتصاد القياسي يحدد درجة العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية كما هي في الواقع من خلال قياس معاملات المرونة. فياستخدام الأساليب الإحصائية يمكن للاقتصاد القياسي تحديد قيم المعاملات أن أن ، أن ... من خلال بيانات واقعية متاحة عن طر ، ثن ، ث ، ل وبتحديد هذه القيم يمكن حساب معاملات المرونة التي تحدد درجة العلاقة الاقتصادية بين المتغيرات على النحو التالي:

حيث تشير علامة (--) والتي تنطق بار إلى متوسط المتغيرات المختلفة . (٢) الاقتصاد القياسي و الإحصاء

ينقسم الإحصاء إلى إحصاء اقتصادي وإحصاء رياضي، ويختلف كل منهما عن الاقتصاد القياسي . فالإحصاء الاقتصادي يهتم بتجميع بيانات واقعية عن المتغيرات الاقتصادية كالدخل والاستهلاك والاستثمار والادخار والأسعار ، ثم يقوم بتبويبها في جداول أو عرضها في صورة رسوم تصف سلوك هذه المتغيرات عبر الزمن. وبذلك فأن مهمة الإحصاء الاقتصادي تعتبر مهمة وصفية . فهو من ناحية لا يقدم تفسيرات للتغير الذي يحدث في سلوك المتغيرات الاقتصادية عبر الزمن ، ومن ناحية أخرى لا يقيس معاملات العلاقات الاقتصادية بين المتغيرات المختلفة . هذا في حين أن الاقتصاد القياسي يستخدم البيانات التي يقدمها الإحصاء الاقتصادي في قياس معاملات العلاقات

الاقتصادية ، كما يقدم تفسيرا للتغير في سلوك المتغيرات الاقتصادية مستخدما هذه المعاملات.

أما عن الإحصاء الرياضي فهو يتكون من طرق القياس الإحصائية التي صممت أساسا لقياس العلاقات التجريبية البسيطة في مجال العلوم الطبيعية كالفيزياء والكيمياء. ولما كانت طبيعة العلاقات التجريبية مختلفة عن طبيعة العلاقات الاقتصادية فان طرق القياس الإحصائية لا تعتبر صالحة لقياس العلاقات الاقتصادية إلا بعد إجراء تعديلات عليها حتى تلائم طبيعة الظواهر الاقتصادية.

ولعل الاختلاف بين طبيعة العلاقات التجريبية و الاقتصادية يرجع إلى عاملين : (أ) في حالة العلاقات التجريبية يمكن للباحث أن يتحكم في جميع المتغيرات داخل المعمل بطريقة مباشرة ، مثال ذلك تحكمه في درجة الحرارة ، ودرجة الضغط، والوزن ؛ والحجم ، وغيرها . وهو بذلك يمكنه أن يعزل أثر العوامل الأخرى بسهولة إذا أراد أن يختبر أثر عامل واحد على الظاهرة محل البحث. وهذا يعني أنه لا يوجد هناك تداخلا بين أثار المتغيرات المستقلة أو التفسيرية عند تأثيرها على المتغير التابع في حالة قياس العلاقات التجريبية . ولذلك فانه من السهل في مثل هذه الحالة اختبار العلاقة بين متغيرين اثنين من خلال معامل الإنحدار البسيط ومعامل الارتباط البسيط. ولكن على العكس من ذلك فان جميع المتغيرات التي تؤثر في الظواهر الاقتصادية تتغير في وقت واحد دون أن يكون للباحث أدني مقدرة للتحكم فيها . فالأسعار تتغير في نفس الوقت الذي تتغير فيه الدخول والأذواق وكلها تؤثر على طلب المستهلك في وقت واحد . ونظرا لانعدام مقدرة الباحث على التحكم في المتغيرات الاقتصادية في دنيا الواقع فانه لا يمكنه عزل أثر العوامل الأخرى إذا ما أراد أن يبحث العلاقة بين متغيرين فقط. ولاشك أن التداخل بين أثار المتغيرات التفسيرية عند تأثيرها على ظاهرة اقتصادية معينة يجعل من معامل الانحدار البسيط و معامل الارتباط البسيط أداتين غير ملائمتين لقباس العلاقات الاقتصادية . وهنا يصبح من الضروري إجراء تعديلات على هذه الطرق الإحصائية لتصبح طرقا ملائمة لقياس العلاقات الاقتصادية المتداخلة . وفي هذا المجال

يستخدم الاقتصاد القياسي علاقات الانحدار المتعدد والنماذج ذات المعادلات المتعددة .

(ب) نظراً لأن الباحث في مجال العلوم الطبيعية يمكنه التحكم في بيئة التحربة داخل المعمل، فانه لا يوجد غالباً ما يمكن تسميته بالتوامل العشوائية أو غير المتوقعة في حالة قياس العلاقات التجريبية . أما في حالة العلاقات الاقتصادية فانه كثيراً ما توجد عوامل غير متوقعة أو عشوائية تؤثر في هذه العلاقات نظرا لانعدام مقدرة الباحث على التحكم في بيئة البحث. ولهذا السبب فمن الممكن القول أنَّ العلاقات التحريبية أكثر تأكداً من العلاقات الاقتصادية . ولما كانت الطرق الإحصائية المصممة لقياس العلاقات التحريبية لا تأخذ المتغيرات العشوائية في الاعتبار، فإنها تصبح في حاجة لتعديل قبل أن تصير ملائمة لقياس العلاقات الاقتصادية .

وعند إجراء التعديلات السابقة على الطرق الإحصائية التي يحتوي عليها الإحصاء الرياضي فإنها تتحول إلى طرق قياسية تلائم طبيعة العلاقات الاقتصادية ، ومثل هذه الطرق القياسية هي التي يستخدمها الاقتصاد القياسي في قياس العلاقات الاقتصادية

# (١-١-١) أهداف الاقتصاد القياسي:

بشير الحرء الثاني من تعريف الاقتصاد القياسي إلى الأهداف التي يخدمها هذا الفرع . ويمكن تلحيضها في أربعة أهداف

- (1) اختبار النظرية الاقتصادية .
- (٢) تفسير بعض الظواهر الاقتصادية :
  - (3) رسم أو تقييم السياسات الاقتصادية .
    - (٤) التنبؤ بسلوك المتغيرات الاقتصادية
      - (١) اختبار النظرية الاقتصادية

تعتمد النظرية الاقتصادية في جزء كبير منها على طريقة الاستنباط Deduction في التوصل لنتائجها . وطريقة الاستنباط تبدأ من افتراضات مبسطة يضعها الباحث بهدف تبسيط الواقع ثم يستنبط منها بالاستدلال المنطقي ما يسمى بالقروض المفسرة

Hypotheses . والفروض المفسرة عادة ما تقدم تفسيرا للظواهر الاقتصادية محل البحث. وهناك نوعان من الافتراضات المبسطة : افتراضات سلوكية Assumptions وهناك نوعان من الافتراضات المبسطة : افتراضات سلوكي هو Behavioral و افتراضات مقيدة Restrictive Assumptions . والافتراض السلوكي هو الذي الافتراض الذي يتعلق بهدف الوحدة الاقتصادية ويسمى سلوكي لأن الهدف هو الذي يحكم السلوك ، ومن أمثلته " افتراض أن هدف المستهلك هو تعظيم المنتج هو تعظيم الربح ".

والمراجعة المعارضات المقيدة فالهدف منها هو عزل أثر العوامل الأخرى التي هي ليست محل البحث أو تثبيتها . فإذا أراد الباحث تحديد العلاقة ﴿ بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة وسعرها ، فانه يقوم بوضع بعض الافتراضات المقيدة التي تعزل أثر العوامل الأخرى المؤثرة في الكمية المطلوبة مثل: افتراض ثبات أشعار السلخ الأخرى ، و افتراض ثبات الدخل ، و افتراض ثبات الدوق . وباستخدام الافتراضات المبسطة بنوعيها يمكن استنباط قرضا مفسرا للظاهرة محل البحث . فعلى سبيل المثال يمكن استنباط فرضا مفسرا بشأن العلاقة بين الكمية المطلوبة والشعر من خلال الافتراضات المبسطة لنظرية الطلب. فإذا افترضنا أن هدف المستهلك هو تعظيم المنفعة (اقتراض سلوكي) ، وافترضنا أن العوامل المؤثرة في الطلب غير السعر ثابتة (افتراض مقيدً) فإننا نستنبط مَنْ ذلك فرضا مفسرا مؤداة أنه " كلما انخفض شعر السلعة كلما اندفع المستهلك نحو زيادة الكمية المطلوبة منها ليزيد من منفعته الكلية" . ويلاحظ هنا أن هدا الفرض المفسر يحتمل الصواب كما يحتمل الخطأ ، وذلك وفقا لمدى صحة الافتراضات المبسطة التي تم استنباطه منها. وللحكم على مدى صحة هذا الفرض يجب أن تلجأ للواقع وتقيس العلاقة بين الكمية المطلوبة من السلعة وسعرها وتحدد ما إذا كانت عكسية كما توضح النظرية أم غير ذلك . والاقتصاد القياسي يقوم بمهمة القياس تلك بغرض اختبار مدي صحة النظرية الاقتصادية. ويوجد في هذا الصدد أحتمالين: أ-أن تتفق النظرية مع الواقع وفي هذه الحالة نقبل النظرية على أنها صحيحة في ظل الظروف الراهنة .

ب- أن تتعارض النظرية مع الواقع وفي هذه الحالة إما أن نرفض النظرية في صورتها القديمة أو نعدلها ثم نعيد اختبارها من جديد.

(٢) تفسير بعض الظواهر الاقتصادية بيواه و هياه المارية و الماهدة المارية و المادة الما

يعتقد البعض طالما أن مهمة الاقتصاد القياسي تتلخص في قياس العلاقات الاقتصادية بغرض اختبارها، فإن القياس لا يمكن أن يتم إلا بناءاً على نظرية، حيث أن الأخيرة هي التي تقدم العلاقات التي يمكن قياسها ووفقا لهذا الرأي فإنه لا يوجد هناك قياس بدون نظرية ومن ثم فإن مهمة النظرية الاقتصادية تأتي قبل مهمة الاقتصاد القياسي . ويعرف مؤيدو هذا الرأي بأصحاب مدخل الاستنباط أو مدخل القياس بنظرية.

ولكن هناك فريقا آخر يرى أن وجود نظرية ليس شرطاً ضرورياً حتى تتم عملية القياس، فعملية القياس يمكن أن تتم أولاً ومنها يمكن التوصل إلى نظرية حديدة تفسر الظواهر الاقتصادية .. ويعرف هذا الفريق بأصحاب مدخل الاستقراء Induction أو القياس بدون بطرية. وفي هذه الحالة يقوم الباحث بقياس العلاقة بين المتغير التابع وعدد من المتغيرات المستقلة التي يعتقد أنها تؤثر في المتغير التابع . ثم يسقط المتغيرات المستقلة التي يوضح القياس أن أثرها على المتغير التابع غير معنوي أولا يختلف حوهريا عن الصفر، ويعزى التغير في المتغير التابع للمتغيرات المستقلة ذات الأثر المعنوى. فإذا أراد باحث مثلا تفسير ظاهرة عدم فاعلية الحصار الاقتصادي في تحقيق الأهداف السياسية المرجوة منه في بعض الحالات ، فإنه قد يشرع في اختبار أثر بعض العوامل التي يعتقد أنها تؤثر في هذه الفاعلية مثل الحجم الاقتصادي النسبي للدولة الهدف ، وموقف الدول الأخرى من الحصاري ومدى شمولية الحصاري ومدي إستراتيجية السلع محل الحصار ، وغيرها . ثم يحدد العوامل ذات التأثير والجوهري ويستبعد العوامل ذات التأثير غير الجوهري من خلال عمليات القياس الاقتصادي فإذا اتضح له مثلاً أن الحجم الاقتصادي النسبي للدولة الهدف على علاقة عكسية مع فاعلية الحصار الاقتصادي ، وأنه هو المتغير الجوهري الوحيد في تأثيره على الحصار ، فقد يخلص بنظرية جديدة مؤداها كلما زاد الحجم الاقتصادي النسبي للدولة الهدف (تحت

الحصار) كلما قلت فاعلية الحصار الاقتصادي في تحقيق أهدافه السياسية وربما الاقتصادية . ولكن لا يمكن القول في هذه الحالة أن النظرية التي تم اشتقاقها من بيانات واقعية قد تم اختبارها ، حيث لا يمكن اختبار نظرية ما باستخدام نفس المادة التي صنعت منها . ولذلك تبقى هذه النظرية محل شك حتى يتم اختبارها من خلال بيانات أخرى غير التي تم اشتقاقها منها.

ولقد تعرض مدخل القياس بدون نظرية لعدد من الانتقادات أهمها :

- (أ) في حين يوفر أسلوب القياس بنظرية الوقت عند القياس، حيث تحدد النظرية للباحث المتغيرات التي يتعين جمع بيانات بشأنها والعلاقة التي تحتاج إلى قياس ، فإن أسلوب القياس بدون نظرية يحتاج إلى جهد ووقت كبيرين قبل أن يصل لفرض يفسر الظاهرة . فقيه يجمع الباحث بيانات عن عدد كبير جدا من المتغيرات المستقلة التي يعتقد أنها تؤثر على المتغير التابع ، ثم يقوم بقياس العلاقة بين كل من هذه المتغيرات، التفسيرية والمتغير التابع ، وفي النهاية يستبعد المتغيرات ذات الأثر غير الجوهري ويستبقى المتغيرات ذات الأثر الجوهري ، على أن ينسب إليها التغير في المتغير التابع . فالباحث في هذه الحالة لا يعرف على وجه التحديد المتغيرات التي يجب أن يجمع عنها بيانات.
- (ب) بالإضافة إلى ١ سبق فإن عملية القياس الإحصائي وحدها قد توصلنا إلى نتائبج ليس لها أي مدلول . فوجود ارتباط قوي بين متغيرين لا يعني بالضرورة أن التغير في أحدهما كان سببا في تغير الآخر. فلقد اتضح مثلا أن معامل الارتباط بين عدد الأطفال وعدد نوع معين من الطيور التي تظهر في سماء نيويورك خلال فترة معينة كان موجباً وقريباً من الواحد ، وبالطبع فإن هذا الارتباط الإحصائي القوي بين عدد الأطفال وعدد. الطيور ليس له أي مدلول أو معنى ، ولا يعني أن أحدهما سببا في الأخر .

## (٣) رسم أو تقييم السياسات الاقتصادية

يساعد الاقتصاد القياسي على تحديد القيم الرقمية لمعاملات العلاقات الاقتصادية . ولاشك أن معرفة هذه القيم يلزم لرسم سياسة اقتصادية سليمة . فإذا أرادت منشأة أن ترسم سياسة سعرية ملائمة لزيادة إيراداتها الكلية فلابد من معرفة القيمة الرقمية لمرونة الطلب السعرية لسلعتها . فإذا كانت هذه المرونة أكبر من الواحد فإن تخفيض السعر هو الذي يزيد إيراداتها ، وإذا كانت أقل من الواحد فإن رفع السعر هو الذي يزيد إيراداتها. ومرونة الطلب السعرية تلك يمكن تحديد قيمتها من خلال قياس دالة الطلب من بيانات واقعية . وكذلك إذا أرادت شركة ما تحديد السياسة الإعلانية الأكثر ملائمة لبرنامج مبيعاتها ، فلابد أن تقيس العلاقة بين أساليب الإعلان المختلفة (كاستخدام الجوائز، وبت إرساليات إعلانية، ومنح خصم، والقيام بأعمال خيرية،.....) وكمية المبيعات أو معدل الربح لتحديد مرونة المبيعات أو الربح لكل وسيلة إعلانية، وتحديد أي وسيلة أكثر فاعلية .

وإذا أرادت الدولة أن ترسم سياسة صرف أجنبي ملائمة للقضاء على العجز في ميزان مدفوعاتها، فلابد لها من معرفة القيم الرقمية لمرونة الصادرات السعرية ومرونة الواردات السعرية واللتان تحددان مدى استجابة كل من الصادرات والواردات للتغير في شعر السلعة الناجم عن تغير شعر الصرف. فإذا كانت مروتة الصادرات تساوي صفرا أو قريبة منه فان تحفيض سعر الصرف سوف يخفض حصيلة الصادرات، ولذا فان السياسة الملائمة في هذه الحالة ربما تكون رفع سعر الصرف . وعموما فإن مثل هذه المرونات لا يمكن معرفتها إلا من خلال قياس معاملات دوال الطلب على الصادرات والواردات . وبنفس الطريقة إذا أرادت الدولة أن تتحكم في معدل التضخم من خلال التحكم في عرض النقود فلابد من معرفة معامل العلاقة بين المستوى العام للأسعار وكمية النقود قبل أن ترسم السياسة النقدية الملائمة لتخفيض معدل التضخم بنسبة معينة .

ومن ناحية أخرى تستخدم بعض المعايير في اختبار معنوية التأثير الذي تحدثه السياسات الاقتصادية، ومن ثم تساعد في تقييم مدى فاعليتها في التأثير على الظواهر.

(٤) التنبؤ بقيم المتغيرات الاقتصادية في المستقبل

إذا اعتبرنا أن المستقبل القريب هو امتداد للماضي القريب، فمن الممكن استخدام الطرق القياسية في تحديد القيم المتوقعة لبعض المتغيرات الاقتصادية في فترات مقبلة ، وذلك بالاعتماد على البيانات الواقعية المتاحة عن فترات ماضية. ومثل هذا التنبؤ يساعد على رسم الخطط الاقتصادية الملائمة ، كما يمكن صانع القرار من اتخاذ خطوات مبكرة لازمة لإنجاح الخطط الاقتصادية في المستقبل . فإذا كان تحقيق هدف الخطة مثلا بعد عشر سنوات يتطلب زيادة العمالة الصناعية في مجال معين إلى المستوي "ص" وتمكنا من تحديد الكمية المتوقعة من العمالة من هذا النوع في هذا التاريخ باستخدام الطرق القياسية فكانت على سبيل المثال "س" ، واتضح أن س < ص العمالة الصناعية في هذا المجال بما يكفل سد العجز (ص س) حتى يمكن تحقيق العمالة الصناعية في هذا المجال بما يكفل سد العجز (ص س) حتى يمكن تحقيق هدف الخطة . وكذلك الأمر إذا أرادت الحكومة أن تغرض ضربية جديدة ، فعليها أن تعرف مقدما الآثار المتوقعة لهذه الضربية على التضخم، والبطالة والناتج القومي ، وغيرها. وبالطبع لن يمكنها عمل ذلك دون تقدير نموذج الدخل الذي يربط بين كل هذه المتغيرات باستخدام بيانات تاريخية . وإذا أرادت منشأة ■ أن توسع طاقتها الإنتاجية فلابد أن تنبأ بحجم مبيعاتها في المستقبل خلال ١٠ سنوات مقبلة مثلا.

a plante springer i Marier a parte destructiva propriede and a springer and springer and springer and springer Springer and springer design productive springer as appropried by the first of a strategy, was The matter of the same one their highest broads to

- The section White the Wall thought.
- Chronic Bashin Bills
- 15 may ply to the fig

and property of the party of th

## والمرابع والمحرة والمنجث الثاني المحاج والمراج والمراجع

# منهج البحث في الاقتصاد القياسي

يمر أي بحث قياسي بأربعة مراحل يمكن إيجازها فيما يلي:

المرحلة الأولى: تعيين النموذج Specification of the Model (أو مرحلة وضع الفروض).

المرحلة الثانية: تقدير معلمات النموذج Estimation of the Model (أو مرحلة اختبار الفروض).

المرحلة الثالثة: تقييم المعلمات المقدرة للنموذج الثالثة: تقييم المعلمات المقدرة للنموذج التنبؤ Evaluation of the Forecasting المرحلة الرابعة: اختبار مقدرة النموذج على التنبؤ Validity of the Model .

وسوف نقوم بشرح كل مرجلة من هذه المراحل بالتفصيل في هذا المبحث ، على أن ننهي هذا المبحث بنيدة عن النماذج وأنواعها .

#### ر ( ۲۰۰۱) تعیین النموذج ( ۲۰۱۱) تعیین النموذج

يقصد بتعيين النموذج صياغة العلاقات الاقتصادية محل البحث في صورة رياضية حتى يمكن قياس معاملاتها باستخدام ما يسمى بالطرق القياسية . وتنطوي هذه المرحلة على عدد من الخطوات أهمها:

- (١) تحديد متغيرات النموذج .
- (٢) تحديد الشكل الرياضي للنموذج .
  - (٣) تحديد التوقعات القبلية .
  - (١) تحديد متغيرات النموذج

يمكن للباحث أن يحدد المتغيرات التي يتضمنها النموذج عند دراسته لظاهرة ، اقتصادية معينة من خلال مصادر عديدة . ولعل أول هذه المصادر النظرية الاقتصادية ،

وثانيها المعلومات المتاحة من دراسات قيأسية سابقة في المجال الذي يبحث فيه بوجه عام ، وثالثها المعلومات المتاحة عن الظاهرة بوجه خاص. فعلى سبيل المثال إذا أراد الباحث أن يصبغ نموذجا للطلب على سلعة معينة (السيارات) ، فإن النظرية الاقتصادية تعينه على تحديد بعض المتغيرات التي ينطوي عليها النموذج ، حيث توضح هذه النظرية أن الطلب يتحدد بسعر السلعة وأسعار السلع الأخرى البديلة والمكملة ، والدخل، والذوق . ومما سبق يمكن تحديد بعض متغيرات نموذج الطلب على النحو التالى:

 $D_1 = (d_1)$  المتغير التابع: الكمية المطلوبة  $(d_1)$  المتغيرات التفسيرية (المستقلة):

 $P_1 =$  سعر السلعة (ث،)  $P_2 =$  سعر سلعة أخرى (ث،) Y = الدخل (ل) S = الدوق (ذ)

وبجانب ذلك يمكن معرفة متغيرات تفسيرية أخرى تؤثر في الطلب من خلال المعلومات التي تقدمها الدراسات القياسية السابقة التي أجريت في مجال الطلب بوجه عام (سواء كان الطلب على السلعة محل البحث أو على غيرها من السلع الأخرى ) . وفي هذا الصدد نجد أن الدراسات القياسية التي تمت في مجال الطلب على سلع مختلفة أثبتت أن مستوى الدخل المحقق في فترة سابقة (ل  $Y_{1-1}=1-1$ ) يؤثر على الطلب في الفترة الحالية، وكذلك الإنفاق الحكومي (G=3) ، وتوزيع الدخل (E=3).

بالإضافة إلى ما سبق يمكن تحديد متغيرات تفسيرية أخرى تؤثر في الطلب على السلعة محل البحث (السيارات) من خلال المعلومات الخاصة المتاحة عن هذه السلعة على وجه التحديد، مثال عدد الكيلومترات من الطرق المرصوفة للفرد (K=M)، ومعدل التعريفة الجمركية على واردات السيارات (M=M) وهكذا .

وبجمع كل هذه المتغيرات المحددة من مصادر مختلفة يمكن كتابة دالة الطلب في الصيغة التالية:

$$(P-1)$$
 ...... (ث، ث، ئ، ل، ذ، ل و، ق، ت، ص، م) .....  $D_{it} = f(P_{it}, \underline{P}_{2a}, Y_{t}, Y_{t-1}, S_{t}, G_{t}, E_{t}, K_{t}, M_{t})$ 

ولكن بالرغم من ذلك فانه لا يمكن بوجه عام إدراج جميع المتغيرات التفسيرية التي تؤثر في الظاهرة محل البحث في النموذج الذي يتعين تقدير معلماته ، وذلك لصعوبات كثيرة أهمها على الأقل صعوبات القياس . ولذلك عادة ما يتم الاقتصار فقط على عدد منها وهي المتغيرات الأكثر أهمية .

# (٢) تحديد الشكل الرياضي للنموذج

يقصد بالشكل الرياضي للنموذج عدد المعادلات التي يحتوي عليها ( فقد تكون معادلة واحدة أو عدد من المعادلات )، ودرجة خطية النموذج (فقد يكون نموذج خطي أو غير خطي) ، ودرجة تجانس كل معادلة (فقد تكون غير متجانسة أو متجانسة من أي درجة).

والنظرية الاقتصادية كثيرا ما لا توضح الشكل الرياضي الدقيق للنموذج . فعلى سبيل المثال لا توضح نظرية الطلب هل يتم دراسة الطلب على سلعة معينة من خلال نموذج مكون من عدد من المعادلات ، كما لا يوجد فيها ما يشير إلى ما إذا كانت دالة الطلب خطية أم غير خطية .

ولكن بالرغم من ذلك فان النظرية الاقتصادية قد تقدم اللا أحيانا بعض المعلومات التي تفيد – ولو إلى حد ما في تحديد بعض ملامح الشكل الرياضي للنموذج . فعلى سبيل المثال تقوم نظرية الطلب على أساس افتراض هام وهو أن المستهلك رشيد، وهذا يعني أن المستهلك لا يخضع لما يسمى بظاهرة الخداع النقدي. فإذا تغيرت الدخول النقدية للمستهلكين بنسبة معينة وتغيرت أسعار جميع السلع

والخدمات بنفس النسبة وفي نفس الاتخاه، فإن المستهلكين الرشيدين يدركون أن الدخل الحقيقي ظل ثابتا ولا ينخدعوا بالتغير في الدخل النقدي ، ومن ثم فلن يغيروا من الطلب على أي سلعة . وهذا يعني رياضيا أن دالة الطلب لابد أن تكون متجانسة من 

ولاشك أن الخطأ في تحديد الشكل الرياضي الملائم للنموذج يترتب عليه أخطاء جسيمة فيما يتعلق بقياس و تفسير العلاقة محل البحث. ولعل هذا يرجع إلى أن نتائج القياس تعتمد بدرجة كبيرة على صيغة الشكل الرياضي التي يختارها الباحث لتفسير الطاهرة.

ونظراً لأن النظرية الاقتصادية لا تقدم في كثير من الحالات ما يوضح الشكل الرياضي الملائم للنموذج ، فإن الباحثين يلجئون لبعض الوسائل التي تعينهم على ذلك. ومن الأساليب التي تتبع في هذا الصدد أن يقوم الباحث بجمع بيانات عن المتغيرات المختلفة التي يحتوي عليها النموذج ، ثم يقوم برصد هذه البيانات في شكل انتشار ذو محورين يتضمن المتغير التابع على محور وأحد المتغيرات المستقلة على المحور الأخر. ومن خلال معاينة شكل الانتشار يمكن الحكم مبدئيا على نوع العلاقة بين المتغير التابع وكل متغير مستقل هل هي خطية أم غير خطية وبناءاً على ذلك يمكن للباحث اختيار الشكل الملائم للنموذج . ولكن تعتبر مقدرة هذا الأسلوب محدودة بمتغيرين ، ولذا فإنه حتى لو كانت العلاقة بين المتغير التابع وكل متغير مستقل على حده خطية ، فإن هذا لا يضمن أن نظل هذه العلاقة خطية عندما تؤخذ كل المتغيرات دفعة واحدة.

ولهذا السبب فإن الباحثين يقومون بتجريب الصيغ الرياضية المختلفة عند القياس في حالة وجود علاقات متعددة ، ثم يختارون الصيغة التي تعطى نتائج أكثر معقولية من الناحيتين الاقتصادية والإحصائية .

ويسترشد الباحثون بعدد من العوامل عند تحديدهم لعدد المعادلات التي يحتوى عليها النموذج من أهمها: (أ) درجة تعقيد الظاهرة . فكلما كانت الظاهرة معقدة ، وكانت المتغيرات التي تؤثر فيها كثيرة، ويؤثر بعضها في بعض ، كلما كان من الأفضل استخدام نموذج ذو معادلات متعددة حتى يأخذ هذه العلاقات المتشابكة في الحسبان. ولاشك أن استخدام نموذج من معادلة واحدة في مثل هذه الحالة يؤدي إلى خطأ في تقدير المعلمات نظراً لأنه يحتوي على قدر كبير من التبسيط.

(ب) الهدف من تقدير النموذج . يعتبر الهدف من تقدير النموذج أحد العوامل التي تحدد حجم النموذج . فهناك بعض المتغيرات التي يمكن إسقاطها من النموذج نظراً لعدم أهميتها بالنسبة لبعض الأهداف ، في حين يتعين إدراجها في النموذج في حالة بعض الأخرى،

(ج) مدى توافر البيانات . قد يضطر الباحث إلى إسقاط بعض العلاقات من النموذج نظراً لعدم توافر بيانات عنها أو نتيجة لعدم إمكانية قياسها.

ولاشك أن مرحلة التعيين تعتبر من أهم وأصعب مراحل القياس. ولذا فإن الباحث قد يتعرض لكثير من الأخطاء عند تنفيدها مثال ذلك إغفاله لبعض المتغيرات من النموذج لعدم الإلمام بها أو لعدم توافر بيانات عنها، أو افتراضه الشكل الرياضي غير المناسب لقياس الظاهرة .

(٣) تَحْدَيْدُ التوقعات القبلية الله على المعالم المعا

يتعين تحديد توقعات نظرية مسبقة عن إشارة وحجم معلمات العلاقة الاقتصادية محل القياس بناءً على ما تقدمه المصادر السابقة من معلومات. فإذا افترضنا مثلا أن دالة الطلب لسلعة معينة تأخذ الصيغة التالية:

فإنه من الممكن أن نتوقع إشارات المعلمات  $\mu_1$ ,  $\mu_2$ ,  $\mu_3$ ,  $\mu_4$  وفقا لما هو متاح من معلومات من النظرية الاقتصادية ، حيث يتوقع أن تكون قيمة  $\mu_1$  سالبة وفقا لقانون الطلب الذي يوضح أن العلاقة عكسية بين الكمية المطلوبة من السلعة وسعرها . ومن المتوقع أن تكون قيمة  $\mu_2$  (b) موجبة إذا كانت السلعتين  $\mu_3$  المتوقع أيضا أن تكون قيمة  $\mu_3$  (b) موجبة إذا كانت السلعة محل الاهتمام عادية .

وتعتبر التوقعات القبلية للإشارة وحجم المعلمات هامة بالنسبة لمرحلة ما بعد التقدير، حيث يتم اختبار المدلول الاقتصادي للمعلمات المقدرة من خلال مقارنتها مع التوقعات القبلية من حيث إشارتها وحجمها.

### (۱-۲-۲) تقدير معلمات النموذج

ينتقل الباحث إلى مرحلة قياس أو تقدير المعلمات بعد الانتهاء من صياغة العلاقات محل البحث في شكل رياضي خلال مرحلة التعيين . ويعتمد الباحث أساساً في تقديره للمعلمات على بيانات واقعية يتم جمعها عن المتغيرات التي يتضمنها النموذج ، وعلى فنون قياسية تستخدم في عملية القياس وهي تسمى مُقُدْرات Estimators . وتنطوي هذه المرحلة على ثلاث خطوات على الأقل:

أولا: تجميع البيانات.

ثانيا: حل مشاكل التجميع.

ثالثاً: اختيار طريقة القياس الملائمة.

أولا: تجميع البيانات

يتعين على الباحث أن يقوم بجمع بيانات عن المتغيرات التي يحتوي عليها النموذج من مصادر عديدة . وسوف نركز في هذا القسم على نقطتين أساسيتين:

(١) أنواع البيانات .

(٢) بعض أساليب إعداد البيانات.

## (١) أنواع البياتات

يوجد هناك خمسة أنواع من البيانات:

أ- بيانات سلسلة زمنية أ- إيانات سلسلة زمنية

ب- بیانات قطاعیة Cross- Section Data

ح- بیانات سلسلة قطاعیة (Panel Data)

Experimental Data

هـ بيانات أخرى

(۱) بیاتات سلسلة زمنیة

تحتوي السلسلة الزمنية على عدد من القياسات لمتغير ما عند نقاط زمنية مختلفة، وهي تصف بذلك سلوك المتغير الاقتصادي عبر الزمن ومن الأمثلة على ذلك القياسات الخاصة بسعر القطن خلال الفترة -191 مثلا. والسلسلة الزمنية قد تكون لمتغير جزئي كدخل الفرد أو لمتغير كلي كالدخل القومي ويمكن عرض بيانات السلسلة الزمنية في صورة جدول أو رسم بياني كما هو موضح بالجدول (1-1) ،والشكل

جدول (۱-۱)

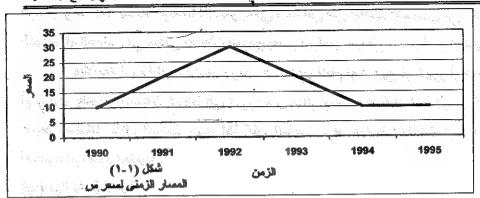
متوسط سعر السلعة س بالجنيه ( 1995-1990 )

	السعر (P)	السنة (T)
	10	1990
	20	1991
Y A Raway	30	1992
	20	1993
T. May	4 10 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10	1994
		1995

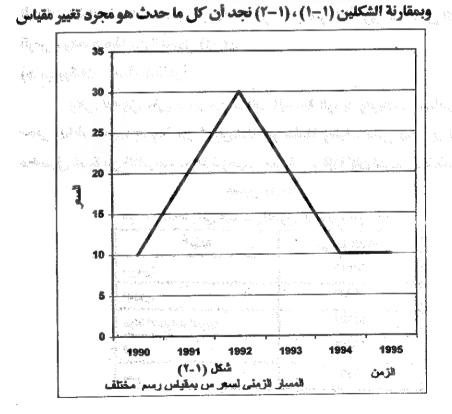
(f) has have

(1) which had go have the said.





ولكن يلاحظ أن الباحث يمكن أن يستخدم الأشكال البيانية بطريقة مضللة لعرض المسار الزمني للمتغيرات الاقتصادية بحيث يبالغ في الحقيقة . فعلى سبيل المثال يمكن عرض الشكل البياني السابق بصورة مبالغ فيها كما بالشكل(١-٢).



الرسم. وعادة ما يستخدم هذا الأسلوب في التضليل من جانب العاملين في مجال السياسة أو العاملين في مجال الإعلان لترويج بعض البرامج أو يعض السلع أمام الجمهور.

ويلاحظ أن بيانات السلسلة الزمنية قد تكون لأيام أو أسابيع أو شهور أو مواسم أو سنين. وتعرض البيانات عموماً في صورة متوسطات وتعتمد فترة السلسة الزمنية على طبيعة المشكلة محل البحث ، وما إذا كان الباحث يريد دراسة التقلبات في الفترة القصيرة أم الفترة الطويلة .

### (ب) بياتات قطاعية

توضح البيانات القطاعية القياسات التي يأخذها متغير ما بالنسبة لمفردات عينة ما عند نقطة زمنية معينة . مثال ذلك بيانات خاصة بدخول عينة من المستهلكين عند نقطة زمنية معينة ، أو الدخل القومي لمجموعة من دول العالم في سنة معينة . وتوضح البيانات القطاعية بدلك مدى تغير قيمة متغير ما من مفردة لأخرى عند نفس النقطة من الزمن ، ويتضح هذا من الجدول (١-٢).

### (جـ) بياتات سلسلة قطاعية

وهى تحتوي على مزيج من بيانات السلسلة الزمنية والبيانات القطاعية . فهي تعطي بيانات عن مجموعة من المفردات عبر سلسلة زمنية ، مثال ذلك بيانات عن دخول عينة من الأفراد عبر فترة زمنية معينة . فإذا كان لدينا عينة مكونة من جدول (١-٢)

متوسط الدخل في عينة من الدول بالدولار (غام 1991)

	*
متوسط الدخل	الدولة
33610	سويسرا
26930	اليابان
17703	دولة الإمارات العربية
13658	Sante Charles a plant
610	non and a second

خمسة أسر وتوافرت بيانات عن دخولهم لفترة ثلاث سنوات ، فإن السلسلة القطاعية تحتوي على ١٥ مشاهدة (٣ × ٥): وبالجدول (١-٣) بيانات سلسلة قطاعية لمعدلات التضخم في مجموعات الدول المختلفة.

وإذا كانت بيانات السلسلة الزمنية تهمل أثر التغير في سلوك المتغير من مفردة لأخرى وتفترض أن الأفراد يتصرفون بنفس الطريقة حيال حدث ما ، في حين تهمل البيانات القطاعية أثر التغير في قيم المتغير من فترة زمنية لأخرى وتفترض أن سلوك الأفراد لا يتغير عبر الزمن ، فإن بيانات السلسلة القطاعية تحتوي على الأثرين . ويستخدم هذا النوع من البيانات عادة لتكبير حجم العينة عندما لا تتوافر بيانات كافية من نوع البيانات القطاعية كل على حدة .

جدول (١-٣) معدلات التضخم في مجموعات الدول ٪

 3.75 5.65			5 A S S S S S S S S S S S S S S S S S S
1991	1990	1989	ه محموعة الدول
4.5	5.2	4.6	الصِّناعية
37.5	65.4	61.9	النامية
100.5	32.4	27.0	المتحولة

<sup>\*</sup>المتحولة هي دول أوريا الشرقية والاتحاد السوفيتي سابقا

#### (د) بيانات تجريبية

توجد هناك بعض المحاولات من قبل بعض الباحثين الاقتصاديين لإجراء تجارب يحصلون من خلالها على بيانات اقتصادية . ومن أمثلة هذه المحاولات تلك التي تجرى في محلات السوبر ماركت . وفي مثل هذه الحالات يتم تغيير سعر سلعة ما أو سعر سلعة بديلة )مكملة) كل أسبوع مرة ، مع تثبيت كل العوامل الأخرى التي يمكن التحكم فيها بالمحل ، ثم يتم تسجيل الكميات المطلوبة من قبل العملاء من السلعة المعينة في كل أسبوع عند الأسعار المختلفة . ومن بين التجارب التي أجريت في

$$P = \frac{\sum_{i=1}^{n} P_{ii}}{\sum_{i=1}^{n} P_{i0}} \times 100. \tag{1-5}$$

(i) معر السلعة P ، سعر السلعة (i) في الفترة P ، سعر السلعة السلعة (i) عبث : الرقم القياسي للأسعار P ، سعر السلعة . n=1في سنة الأساس  $P_{i0}=1$  ، عدد السلع الداخلة في حساب الرقم القياسي للأسعار ويمكن توضيح كيفية قياس الرقم القياسي للأسعار باستخدام أسلوب المجاميع البسيطة من خلال البيانات المعطاة بالجدول (١-٧).

جدول (١-٧)

قياس الرقم القياسي للأسعار باستخدام أسلوب المجاميع البسيطة (1994 = 100)

الوحدة	1996	1995	1994 •	سعر السلعة (P <sub>i</sub> )
Park Billing C	60	40	20	P <sub>1</sub>
کیلو جرام	8	<sub>क्ष्र</sub> हेर्नु <b>4</b> .	2	P <sub>2</sub>
کیلو جرام	12	10		P3
کیلو جرام	10 2 10 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	6 Allen William	<b>3</b>	P <sub>4</sub>
7. T.	90	60	30	ΣPit
7.04 K % Og - 3	300	200	100	P

ولقد تم حساب الرقم القياسي للأسعار في السنوات الثلاث بالجدول كما يلي :

$$P_{94} = \frac{30}{30} \times 100 = 100, P_{95} = \frac{60}{30} \times 100 = 200, P_{96} = \frac{90}{30} \times 100 = 300$$

ويلاحظ على هذا المقياس الموضح بالمعادلة ( 1-5) ما يلي: ﴿ عَلَيْ الْمُعَادِّ الْمُعَادِّ الْمُعَادِّ ا

(i) يتأثر بوحدات القياس . فيلاحظ أن السلعة الأولى سعرها أعلى من أسعار السلع الأخرى لأنه تم حساب وحدة القياس بالنسبة لها بالطن ، في حين تم حساب وحدة القياس للسلع الأخرى بالكيلو جرام . ولما كانت هذه السلعة أعلى السلع سعراً فإنها أثرت على مسار الرقم القياسي للأسعار بدرجة أكبر من غيرها . فإذا قارنا الرقم القياسي للأسعار بدرجة أكبر من غيرها . فإذا قارنا الرقم القياسي لسعر هذه السلعة (300,200,100) بالرقم القياسي العام للأسعار نجده هو نفسه تقريبا . (ب) نظراً لأن هذا المقياس يتأثر بدرجة كبيرة بالأسعار المرتفعة فإن مساره يتحدد أساساً بأسعار السلع الكمالية التي عادة ما تكون منخفضة رغم أهميتها من وجهة نظر الأغلبية العظمى من الأوراد . هذا في حين أن يتأثر بدرجة أقل بأسعار السلع الضرورية التي عادة ما تكون منخفضة رغم أهميتها من وجهة نظر الأغلبية العظمى من أفراد المجتمع . وفيما يتعلق بأسلوب المجاميع المرجحة فإنه يعطي وزناً لكل سعر يتحدد على أساس الكمية المستهلكة من السلعة كبيرة كلما دل ذلك على كبر أهمية السلعة ، والعكس صحيح ، ووفقا لهذا الأسلوب يمكن قياس الرقم ذلك على كبر أهمية السلعة ، والعكس صحيح ، ووفقا لهذا الأسلوب يمكن قياس الرقم

$$P = \frac{\sum_{i=1}^{n} P_{i}Q_{i}}{\sum_{i=1}^{n} P_{0}Q_{0}} \times 100. \tag{1-6}$$

القياسي للأسعار باستخدام الصيغة التالية (6-1).

حيث تشير  $(Q_i)$  إلى الكمية المستهلكة من السلعة (i) . ولكن إذا كان لدينا سلسلة زمنية للكميات من السلع المختلفة ، فكميات أي سنة سوف نستخدم كأوزان  $P_i$  ولقد أجاب عالم الإحصاء لاسبير Laspeyr باستخدام كميات سنة الأساس في حساب الرقم القياسي للأسعار ، كما بالصيغة (1-7) ، ويسمى هذا برقم لاسبير  $P_i$  .

$$P_L = \frac{\sum P_{ii}Q_{i0}}{\sum P_{i0}Q_{i0}} \times 100....(1-7)$$

حيث  $(Q_{i0})$  كمية السلعة (i) في سنة الأساس (0) . وإذا افترضنا أن البيانات بالجدول (N-1) توضح كميات وأسعار أربعة من السلع فمن الممكن حساب الرقم القياسي للاسبير كما هو موضح بالجدول (N-1) .

ميلاد روز ده پيده دود دي پردو روي چ**جدول (۱ –۸)** دو پيده نيز پيده و د پيده و درود د. دي پردو و دي دود دود پيده و **ايراسعار وکميات عينة من السلع** در و دو پيدي ويدي وي درود د.

199	96	. 19	1995 1994		994	السلغة
كمية	in its	كمية	· wag	كمية	سعر	રાક જમ્ જેવાં દ
10	60	15	40	10	20	X <sub>1</sub>
150	8	120	4	100	2.	X <sub>2</sub>
300	12	250	10	200	<u>_</u>	. X <sub>3</sub>
250		200	6	150	ght 1 <b>3</b> - 9	14 X4 X4

جدول (١-٩) حساب الرقم القياسي للأسعار وفقا للاسبير (100=1994)

		7 7		
السلعة	$Q_0$ (11)	$P_0Q_0$	$P_1Q_0$	P <sub>2</sub> Q <sub>0</sub>
	1994	1994	1995	1996
$\mathbf{X}_1$	10	200	400	600
X <sub>2</sub>	100	200	400	800
X <sub>3</sub>	200	1000	2000	2400
X4	150	450	900	1500
$\sum P_i Q_0$	Single of Single	1850	3700	5300
PL		100	200	286
_	200 150	1000 450 1850	2000 900 3700	2400 1500 5300

الجزء الأول : قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة القصل الأول : التعريف بالاقتصاد القياسي ومنهج البحث فيه

ولقد تم حساب  $P_L$  كما هو موضح فيما يلى:

$$P_{94} = \frac{1850}{1850} \times 100 = 100, P_{95} = \frac{3700}{1850} \times 100 = 200, P_{96} = \frac{5300}{1850} \times 100 = 286$$

وينتقد الرقم القياسي للاسبير بأنه يستخدم كميات سنة الأساس كأوزان للأسعار في جميع السنوات بما يوحي بثبات أهمية السلع والخدمات عبر الزمن دون تغير. ولاشك أن هذا غير صحيح حيث تتغير أهمية السلع عبر الزمن بين زيادة ونقصان وفقا لتغير الكميات المستهلكة منها.

ولتفادي هذه المشكلة اقترح باشيه Paaeche استخدام أوزان متغيرة تبعا لتغير الكميات في السنوات المتتالية. ويتمثل رقم باشيه (PA) فيما يلي:

$$P_{A} = \frac{\sum P_{i}Q_{ii}}{\sum P_{io}Q_{ii}} \times 100....(1-8)$$

حيث Qi. كمية السلعة (i) في الفترة (ف).

وباستخدام أرقام جدول (١-٨) يمكن حساب الرقم القياسي لباشيه كما هو موضح بجدول (١--١) :

جدول (۱-۰۱) الرقم القياسي لأسعار باشيه (100=1994<u>)</u>

	1996				1995			1994			
P <sub>0</sub> Q <sub>2</sub>	P <sub>2</sub> Q <sub>2</sub>	$Q_2$	P <sub>2</sub>	P <sub>0</sub> Q <sub>1</sub>	P <sub>1</sub> Q <sub>1</sub>	Qı	P <sub>1</sub>	P <sub>0</sub> Q <sub>0</sub>	Qo	Po	عدات ا
200	600	10	60	300	600	15	40	200	10	20	X1
300	1200	150	8	240	480	120	4	200	100	2	X2
1500	3600	300	12	1250	2500	250	10	1000	200	5	Х3
750	2500	250	10	600	1200	200	6	450	150	3	X4
2750	7900	Althina	Varia,	2390	4780	şê 061	Meai <sup>th a</sup>	1850	. <sup>1</sup> /2/	many i	ارون (۱۹۵۰) مج
287			ter start.	200		ry Strage	19.49				P <sub>A</sub>

ولقد تم حساب PA بالجدول السابق كما يلي:

$$P_{94} = \frac{1850}{1850} \times 100 = 100, P_{95} = \frac{4780}{2390} \times 100 = 200, P_{96} = \frac{7900}{2750} \times 100 = 287$$

ولكن يلاحظ في هذه الحالة أن التغير في الرقم القياسي لباشية من عام لآخر لا يعكس فقط التغير في الأسعار ، وإنما يعكس أيضا التغير في الكميات . أي أنه لا يعبر عن معدل التضخم بدقة .

ولقد استخدم مارشال و إدجورث رقما قياسيا آخر يعتبر وسطاً بين رقمي لاسبير و باشيه ، حيث يستخدم متوسط الكميات كوزن للسعر . ويسمى برقم مارشال- إدجورث، و هو يأخذ الصيغة التالية : لجزء الأول : قيلس النماذج ذلت المعادلة الواحدة - القصل الأول : التعريف بالاقتصاد القياسي ومنهج البحث فيه

$$P_{M} = \frac{\sum_{it} P_{it} (Q_{i0} + Q_{it})}{\sum_{it} P_{i0} (Q_{i0} + Q_{it})} \times 100...(1-9)$$

ويمكن حساب هذا الرقم باستخدام بيانات جدول (۱-۸) كما هو موضح بالجدول (۱-۱) :

جدول (۱-۱)

### الرقم القياسي لمارشال و إدجورث (١٩٩٤ - ١٠٠)

the first	19	96	31		19	95			199	94	
P <sub>0</sub> (Q <sub>2</sub> +Q <sub>0</sub> )	P <sub>2</sub> (Q <sub>2</sub> +Q <sub>0</sub> )	Q <sub>2</sub> +Q <sub>0</sub>	$\mathbb{P}_2$	P <sub>0</sub> (Q <sub>1</sub> +Q <sub>0</sub> )	P <sub>1</sub> (Q <sub>1</sub> +Q <sub>0</sub> )	Q <sub>1</sub> +Q <sub>0</sub>	$\mathbf{P}_{1}$	P <sub>0</sub> (Q <sub>0</sub> +Q <sub>0</sub> )	Q <sub>0</sub> +Q <sub>0</sub>	Po	سلمة
		4,500,000	y 20 y		A, a	The state	1000	Loop	delete pi		
400	1200	20	60	500	1000	25	40	400	20	20	Xì
500	2000	250	8	440	880	220	(3 ( <mark>4</mark> ) 33	400	200	2 2 m	Ж2
2500	6000	500	12	2250	4500	450	10	2000	400	: 5:::	Х3
1200	4000	400	10	1050	2100	350	6	900	300	3	X4
4600	13200			4240	8480			3700		(2003)	جمرع جمرع
287	13200			200	2		1.00	100		sylfet, .	$\mathbf{P}_{\mathrm{M}}$

ولقد تم حساب (P<sub>M</sub>) كما يلي :

$$P_{94} = \frac{3700}{3700} \times 100 = 100, P_{95} = \frac{8480}{4240} \times 100 = 200, P_{96} = \frac{13200}{4600} \times 100 = 287$$

ولكن يلاحظ أن هذا الرقم مازال يتأثّر بالتغير في الكميات .

### الطريقة الثانية: طريقة متوسط النسب

ووفقا لهذه الطريقة نحصل على الرقم القياسي لسعر كل سلعة حدة ، ثم نحصل على متوسط للأرقام القياسية الخاصة بمختلف الأسعار فيتكون لدينا مقياس يسمى بمتوسط النسب (P،) ، وذلك كما يتضح بالصيغة (P-1) .

$$P_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left( \frac{P_{ii}}{P_{i0}} \right) \times 100....(1-10)$$

(n) = عدد السلع . ويمكن حساب هذا الرقم باستخدام بيانات الجدول (n)

كما هو موضح بالجدول (١-١١).

جدول (۱–۱۲)

الرقم القياسي للأسعار - طريقة متوسط النسب (100=1994)

(P <sub>%</sub> /P <sub>¾</sub> )%	(P95/P94)%	(P <sub>94</sub> /P <sub>94</sub> )%	السلعة
300	200	100	X <sub>1</sub> 2
400	200	100	. 1006
240	200	100	
333	200	100	Vill.
1273	800	400	$\Sigma (P_{it}/P_{i0})$
1273/4=318	800/4=200	400/4=100	1997 <b>P.</b>

ومن مزايا هذا الرقم أنه يأخذ في الحسبان تأثير الأرقام القياسية لكل السلع ، حيث من المعروف أن المتوسط يأخذ في الاعتبار كل المعلومات المتاحة . غير أن هذا الجزء الأول : قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة الفصل الأول : التعريف بالاقتصاد القياسي ومنهج البحث فيه

الأسلوب يعطي كل الأرقام القياسية للأسعار نفس الوزن عند حسابه للمتوسط العام بغض النظر عن أهمية كل سلعة .

وكوسيلة تصحيحية يمكن استخدام صيغة أخرى لمتوسط النسب المرجحة . وفي هذه الحالة يرجح كل رقم قياسي لسعر سلعة ما بقيمة السلعة في سنة الأساس وفي هذه الحالة يرجح كل رقم قياسي لسعر سلعة ما بقيمة السلعة في سنة الأساس  $(\Sigma p_i, Q_i)$  ثم يتم قسمة مجموع النسب المرجحة على مجموع أوزان الترجيح  $(P_i, Q_i)$  . وبأخذ هذا الرقم الصيغة (1-11) .

$$P_{w} = \frac{\sum (\frac{P_{n}}{P_{i0}})(P_{i0}Q_{i0})}{\sum P_{i0}Q_{i0}} \times 100....(1-11)$$

#### (ب) القيم الحقيقية Real Values

يوجد هناك فرق بين القيمة النقدية والقيمة الحقيقية للمتغير. فالقيمة النقدية لمتغير ما تشير إلى قيمة هذا المتغير معبراً عنها بوحدات نقدية وفقا للأسعار الجارية. أما الحقيقية للمتغير فإنها تشير إلى قيمة المتغير معبراً عنها بوحدات نقدية وفقا للأسعار الثابتة (أسعار سنة الأساس). أي أن القيمة الحقيقية تعزل أثر التغير في الأسعار الجارية. فإذا ما أخذنا مثلا الناتج القومي نجد أن قيمته النقدية تتغير لأحد سببين أو كليهما: السبب الأول هو تغير المعار الجارية وهو تغير اسمي، والسبب الثاني هو تغير الكميات المنتجة من السلع والخدمات وهو تغير حقيقي.

ومن المفيد دائما أن نعبر عن المتغيرات الاقتصادية باستخدام قيمها الحقيقية بدلا من القيم النقدية . ومن الممكن استخدام الرقم القياسي لأسعار التجزئة في تحويل القيم النقدية إلى قيم حقيقية باستخدام الصيغة العامة التالية : الجزء الأول : قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة الفصل الأول : التعريف بالاقتصاد القياسي ومنهج البحث فيه

القيفة القدية للمعاير	
الرقم القياسي لأسعار التجزئة	القيمة الحقيقية للمتغير =
si kara da ara	

فإذا افترضنا أن القيم النقدية للناتج القومي والرقم القياسي لأسعار التجزئة كانت كما هي موضحة بالجدول (١-١٣) فمن الممكن حساب القيم الحقيقية للناتج القومي كما هي موضحة بنفس الجدول .

ويلاحظ من الجدول (١-١٣) أنه بالرغم من أن القيمة النقدية للناتج القومي قد زادت بنسبة ٢٥٠ ٪ خلال الفترة ١٩٩١ - ١٩٩٦ إلا أن القيمة الحقيقية للناتج القومي تناقصت بنسبة ٦٥ ٪ خلال نفس الفترة . ولعل هذا يرجع إلى زيادة الرقم القياسي للأسعار بنسبة ٢٠٠ ٪ وهي نسبة أكبر من نسبة الزيادة في القيمة النقدية للناتج القومي .

جدول (۱-۱۳)

القيم الحقيقية للناتج القومي (100= 1991)

القيمة الحقيقية للناتج القومي (٣)=(١)/(٢)٪	الوقم القياسي لأسعار التجزئة (٢) ٪	القيمة النقدية للناتج القومي (1)	ali degre restranti estiliti. Languari	
1000	100	1000	1991	
0.1 1-0.4 <b>750</b> .3(1).031.	100 h 100	3	1992	
500: 100	400	2000	1993	
500	500	2500	1994	
400	750	3000	1995	
<b>350</b>	1000	3500	1996	

ومن أهم التطبيقات في هذا الصدد حساب الأسعار النسبية أو الحقيقية. فحتى يمكن تحديد ما إذا كانت سلعة ما قد أصبحت أغلى نسبيا أم أرخص نسبيا مع مرور الزمن يتعين قياس سعرها النسبي أو الحقيقي ، حيث: الرقم القياسي لمنعر السلعة س الرقم القياسي لمنعر السلعة س الدقيقي السلعة س الرقم القياسي الأسعار التجزئة

ولاشك أن تزايد السعر الحقيقي للسلعة يشير إلى أنها قد أصبحت أغلى نسبيا عن ذي قبل، وتناقص سعرها الحقيقي يشير إلى أنها قد أصبحت أرخص نسبيا عن ذي قبل. كما أن ثبات سعرها الحقيقي يعني أن سعرها لم يتغير نسبيا مع مرور الزمن، وبمقارنة السعر الحقيقي لسلعة ما بالسعر الحقيقي لسلعة أخرى يمكن التعرف على أيهما قد أصبح أغلى نسبيا مع مرور الزمن، فإذا كان:

السعر الحقيقي للسلعة س

فإن هذا يعني أن السلعة س أصبحت أغلى نسبيا من السلعة ص مع مرور الزمن .

ومن ثم فإنه باستعراض المتطور المتاريخي للأسعار الحقيقية للسيارات والتلفزيونات يمكن التعرف على ما إذا كان التقدم التكنولوجي قد ساعد على تخفيض التكلفة الحقيقية لهذه السلع أم لا، وأيهما أصبح أكثر ندرة نسبيا مع مرور الزمن.

ومن التطبيقات الأخرى في هذا الصدد حساب القيمة الحقيقية للنقود ، وهي تشير إلى كمية السلع والخدمات التي يمكن شرائها بوحدة من النقد . ويمكن قياسها باستخدام الصيغة (١-١٤):

القيمة الحقيقية للنقود = الرقم القياسي الأسعار التجزئة في سنة الأسلس × ١٠٠ (١-١٠)

القيمة الحقيقية للنقود = الرقم القياسي الأسعار التجزئة في سنة المقارئة - ١٠٠ 

الرقم القياس الأسعار التجزئة في سنة المقارئة

ويمكن توضيح كيفية قياس القيمة الحقيقية للنقود من المثال المعطى بالجدول (١-١٤). ومن الواضح من هذا الجدول أن القيمة الحقيقية للنقود انخفضت بنسبة ٩٠٪ خلال الفترة ١٩٩١ - ١٩٩٦ . أي أن الجنية في عام ١٩٩٦ يشتري كمية من السلع والخدمات تساوي ١٠٪ من الكمية التي كان يشتريها عام ١٩٩١ .

جدول (۱-۱٤)

القيمة الحقيقية للنقود

الرقم القياسي للقيمة الحقيقية	الرقم القياسي لأسعار التجزئة %	السنة
للنقود ٪		Marie Marie III de Algeri
100	100	1991
50	200	1992
25	400	1993
\$47, 400 , <b>20</b> , his hold in	France (1805, 500 years) Walter	1994
13	750	1995
10	1000	1996

### ثانيا: حل مشاكل التجميع: إوا والمناط الميوايون والمالة والموالمالة المالات

تنشأ مشكلة التجميع عندما يحتاج الباحث لاستخدام متغيرات تجميعية في الدالة محل القياس مثل الناتج القومي والاستهلاك القومي وعملية التجميع قد تتم على أكثر من مستوى ، فهناك التجميع على مستوى الأفراد ، مثال ذلك الدخل القومي الذي هو عبارة عن مجموع دخول الأفراد ، أو الناتج القومي والذي هو عبارة عن مجموع نواتج المنشآت . ومن المشاكل التي تواجه الباحث في مثل هذه الحالة اختلاف محتوى الدخل من فرد لآخر . فهناك الدخل العيني وهناك الدخل النقدي . ولا من المحل العيني ويهمل الدخل العيني و ويمل الدخل العيني . ولا شك أن هذا يظهر الدخل الحقيقي في مستوى أقل من المستوى الفعلي .

وهناك أيضا التجميع على مستوى السلع . فإذا أردنا تقدير دالة الطلب على السلع الغذائية مثلا في مجتمع ما ، فإننا نحتاج لتجميع كميات السلع المختلفة وتحميع أسعارها . وهنا تواجهنا مشكلة عدم التجانس عند تجميع كميات السلع ومشكلة اختلاف الأوزان بالنسبة لأسعار السلع الغذائية المختلفة عند تجميعها في سعر واحد متوسط .

كما أن التجميع قد يتم على مستوى الفترات الزمنية . ففي بعض الحالات تنشر المصادر الإحصائية بيانات عن فترات أقصر من الفترات المطلوبة من قبل النظرية ، فقد تكون هذه البيانات ربع سنوية في حين أنها مطلوب أن تكون سنوية ، وفي هذه الحالة لابد من تجميعها . وفي أحيان أخرى قد تكون بيانات الإنتاج منشورة على أساس سنوي، في حين أن الدورة الإنتاجية تتم في أقل من سنة ، وفي هذه الحالة يتعين تجميع البيانات على أساس الدورة الإنتاجية لتقدير دالة الإنتاج مثلا . وقد يتم التجميع على أساس جغرافي ، مثال ذلك تجميع بيانات الناتج أو السكان لمدن أو دول مختلفة . وهنا تظهر مشكلة اختلاف مفهوم الناتج ونوعيته من مكان إلى آخر ، واختلاف هيكل السكان من مكان لآخر ، واختلاف هيكل السكان من مكان لآخر ، واختلاف هيكل تجميع قيم هذه المتغيرات على أساس جغرافي في رقم واحد لا يتكس نوعية أو هيكل تجميع قيم هذه المتغيرات على أساس جغرافي في رقم واحد لا يتكس نوعية أو هيكل قبل أن يبدأ في عملية تقدير المعلمات .

ثالثا: اختيار طريقة القياس الملائمة: معد مغلطة الملائمة (14 معاهدة الأنا

يوجد هناك طرق قياسية عديدة بمكن استخدامها في قياس العلاقات الاقتصادية أهمها:

(۱) طرق المعادلة الواحدة: وهي تطبق على كل معادلة من معادلات النموذج على حدةٍ ، ومن أمثلتها طريقة المربعات الصغرى العادية ، وطريقة الصيغ (٢) طرق المعادلات الآنية: ومن أمثلتها طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين وطريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث مراحل وغيرها.

وتختلف هذه الطرق في ملاءمتها لعملية القياس من حالة لأخرى تبعا لعدة عوامل منها طبيعة العلاقة محل البحث: هل هي معقدة أم بسيطة ، وخصائص المقدرات التي تعطيها كل طريقة: هل هي غير متحيزة ومتسقة وكافية أم غير ذلك ، والهدف من البحث القياسي: هل هو اختبار نظرية ما ، أم وضع سياسة ، أم التنبؤ ، أم تفسير ظاهرة . كما تختلف هذه الطرق من حيث كمية البيانات التي تتطلبها وتكاليف البحث . ويتعين على الباحث الاسترشاد بهذه العوامل عند اختياره لطريقة القياس الملائمة .

## (١-٢-٢) تقييم المعلمات المقدرة بالنموذج:

بعد أن ينتهي الباحث من تقدير القيم الرقمية لمعلمات النموذج من خلال بيانات واقعية ، فإنه يشرع في تقييم المعلمات المقدرة . والمقصود بتقييم المعلمات المقدرة Estimates هو تحديد ما إذا كانت قيم هذه المعلمات لها مدلول أو معنى من الناحية الاقتصادية ، وما إذا كان لها دلالة من الناحية الإحصائية . ويوجد هناك عدد من المعايير التي تمكننا من إتمام عملية التقييم أهمها :

- (۱) المعايير الاقتصادية Economic Criteria.
  - . Statistical Criteria المعايير الإحصائية (٢)
  - . Econometric Criteria المعايير القياسية (٣)

#### (١) المعايير الاقتصادية:

تتحدد المعايير الاقتصادية التي تستخدم في تقييم المعلمات من خلال مبادئ النظرية الاقتصادية . وتتعلق هذه المعايير بحجم وإشارة المعلمات المقدرة . فالنظرية الاقتصادية قد تضع قيودا مسبقة على حجم وإشارة المعلمات وهي تعتمد في ذلك على منطق معين . فإذا ما جاءت المعلمات المقدرة على عكس ما تقرره النظرية مسبقا فإن

هذا يمكن أن يكون مبرراً لرفض هذه المعلمات المقدرة ما لم يوجد هناك من المبررات المنطقية ما يؤدي للتسليم بصحة التقديرات ورفض ما تقرره النظرية . وفي مثل هذه الحالة يجب عرض هذه المبررات بوضوح . وبالرغم من ذلك فإنه في بعض الحالات يأتي اختلاف المعلمات المقدرة عما تقرره النظرية مسبقاً نتيجة لقصور في البيانات المستخدمة في تقدير النموذج ، أو نتيجة لكون بعض فروض الطريقة القياسية المستخدمة غير صحيحة . ويمكن أن نتعرض لمثال اقتصادي يوضح هذه النقطة . فالنظرية الكينزية مثلا تقرر أن الاستهلاك يتحدد في الأجل القصير بالدخل ، حيث كلما زاد الدخل كلما زاد الاستهلاك . كما تفترض هذه النظرية أن الدخل يتوزع بين زيادة الاستهلاك وزيادة الاحكار . وتفترض النظرية أيضا أن استهلاك المجتمع في الأجل القصير لا يمكن أن يكون سالبا أو منعدما حتى إذا انخفض الدخل للصفر . ويمكن ترجمة ما تقرره النظرية لفظيا إلى صيغة رياضية كما يلي:

C = A + b Y

حيث: س(C)= الاستهلاك، ل(Y) = الدخل. ووفقاً لهذه النظرية من المتوقع أن تكون :

أ> (A>0)، وهذا يعني أن المجتمع لابد أن يستهلك حتى إذا انخفض دخله الكلي
 إلى الصفر في الأجل القصير. ويتم هذا بالاعتماد على الاقتراض الخارجي أو السحب
 من المدخرات السابقة.

صفر < ب <1 (b<1) أي أن الميل الحدي للاستهلاك يجب أن يكون موجبا وتتراوح قيمته بين الصفر والواحد .

وهكذا فإن نظرية الاستهلاك الكينزية قد وضعت معاييراً اقتصادية خاصة بإشارة وحجم المعلمتين أ ، ب (A,b) ، ويتعين على أي محاولة لقياس دالة الاستهلاك في الأجل القصير أن تعطي نتائج تتفق مع هذه المعايير حتى يمكن قبولها اقتصاديا .

(٢) المعايير الإحصائية (اختبارات الرتبة الأولى): First Order Tests

تهدف المعايير الإحصائية إلى اختبار مدى الثقة الإحصائية في التقديرات الخاصة بمعلمات النموذج . ومن أهمها معامل التحديد واختبارات المعنوية . وسوف نتعرض لها بنوع من التفصيل فيما بعد .

(٣) المعايير القياسية (اختبارات الرتبة الثانية ): Second Order Tests

تهدف هذه المعايير إلى التأكد من أن الافتراضات التي تقوم عليها المعايير الإحصائية منطبقة في الواقع . فإذا كانت هذه الافتراضات متوافرة في الواقع فإن هذا يكسب المعلمات المقدرة صفات معينة أهمها عدم التحيز والاتساق . أما إذا لم تتحقق هذه الافتراضات فإن هذا يؤدي إلى فقدان المعلمات المقدرة بعض الصفات السابقة ، بل ويؤدي أصلاً على عدم صلاحية المعايير الإحصائية نفسها لقياس مدى الثقة في المعلمات المقدرة . وهذا يعني أن المعايير القياسية تستخدم في اختبار المعايير الإحصائية نفسها ، ولذا فهي تسمى اختبارات الرتبة الثانية . ومن بين هذه المعايير الإحصائية نفسها ، ولذا فهي تسمى اختبارات الرتبة الثانية . ومن بين هذه المعايير التباين ، ومعايير التعرف ، ومعايير ثبات معايير الرتباط الذاتي، ومعايير الامتداد الخطي المتعدد ، ومعايير التعرف ، ومعايير ثبات

## (١-٢-٤) تقييم مقدرة النموذج على التنبؤ:

لقد أوضحنا من قبل أن من أهم أهداف الاقتصاد القياسي التنبؤ بقيم المتغيرات الاقتصادية في المستقبل، ولذا يتعين اختبار مدى مقدرة النموذج القياسي على التنبؤ قبل استخدامه في هذا الغرض، فمن الممكن أن يجتاز النموذج جميع الاختبارات السابقة، ولكن لا يكون صالحا للتنبؤ، فالتنبؤ قائم على أساس افتراض أن المستقبل القريب امتداد للماضي القريب. ولكن إذا حدثت تغيرات هيكلية سريعة في الظروف الاقتصادية للمجتمع، فإن النموذج القياسي ربما لا يكون قادرا على التنبؤ البد من اختبار مدى استقرار بهذه التغيرات، ولاختبار مقدرة النموذج على التنبؤ لابد من اختبار مدى استقرار

المعلمات المقدرة عبر الزمن ، واختبار مدى حساسية هذه التقديرات للتغير في حجم العينة .

## (١-٢-٥) النموذج وأنواعه

يمكن تعريف النموذج بوجه عام بأنه "تمثيل مبسط لظاهرة واقعية " والتبسيط هنا يعني تلخيص الحقائق التي ينطوي عليها الواقع في صورة مركزة ولاشك أن مثل هذا التلخيص يؤدي لفقدان جزء من المعلومات التفصيلية ذات الأهمية الأقل ، والتركيز على المعلومات والعلاقات ذات الأهمية الأكبر . ويشبه النموذج في هذه الحالة الخريطة ، حيث أن خريطة من صفحة واحدة تمكننا من رؤية العالم في صورته العامة ، والإصرار على أن تحتوي الخريطة على كل التفاصيل يعني أننا في حاجة لرسم خريطة بمساحة العالم . وهذا بالإضافة إلى كونه شيئاً مستحيلاً ، فهو في حالة حدوثه يعني أننا لن يمكننا فهم أي شئ منه . ولكن يتعين مراعاة أن التبسيط إذا كان زائداً في بعض الحالات فإنه يعطي صورة مخلة للواقع ، ولذا فإن هناك حداً أقصى لا يتعين تجاوزه ، حتى يصبح التبسيط مقبولاً .

ويوجد هناك تقسيمات كثيرة للنماذج تعتمد على معايير مختلفة . فمن حيث طريقة صياغة النموذج يمكن التفرقة بين عدة أنواغ منها: النماذج اللفظية / المنطقية ، والنماذج الهندسية ، والنماذج الرياضية ، والنماذج القياسية . ونتعرض لكل واحدة من هده النماذج باختصار فيما يلي:

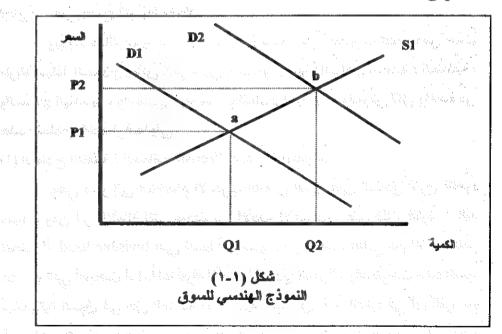
## : Logical Models / Verbal النماذج اللفظية / المنطقية )

وهي تشير إلى استخدام الأسلوب اللفظي القائم على المنطق لشرح ظاهرة معينة . ومن أبرز الأمثلة التي وردت في الأدب الاقتصادي على ذلك فكرة " البد الخفية " Invisible hand التي قدمها آدم سميث في النصف الثاني من القرن الثامن عشر ، و التي أصبحت أساساً لما نعرفه الآن بـ " نموذج السعر " . وقد شرحت هذه الفكرة ميكانيكية السوق في حل المشكلة الاقتصادية . وتتمثل هذه الفكرة في أن الفرد هو أقدر الأطراف على تحقيق مصلحته الخاصة ، ولذا يتعين أن تترك له الحرية في اتخاذ

قراراته الاقتصادية . وعندما يسعى الفرد بحرية لتحقيق مصلحته الخاصة فإنه يحقق مصلحة المجتمع ، وكأنما يداً خفية تدفعه لذلك . فإذا زادت دخول المستهلكين مثلا فإن كل فرد منهم يزيد الطلب على السلح والخدمات التي يفضلها سعياً وراء تحقيق مزيد من المنفعة لنفسه . ومع زيادة الطلب ترتفع أسعار السلَّم التي زاد عليها الطلب وهو ما يحفز منتجي السلع على زيادة الإنتاج منها سعياً وراء مصلحتهم الخاصة لتحقيق مزيداً من الأرباح . وفي النهاية سوف تتوقف الأسعار عن الارتفاع عندما يتساوي الطلب الجديد مع العرض الجديد لكل سلعة . وبهذه الطريقة تزداد رفاهية المجتمع ككل من مستهلكين ومنتحين .

#### : Geometric Models النماذج الهندسية

وهي تلك النماذج التي يتم التعبير عنها في صورة أشكال هندسية . ومن أبرز الأمثلة عليها ما هو معروف " بنموذج السوق " أو " نموذج السعر " والذي هو صياغة هندسية لنموذج اليد الخفية الذي أشرنا إليه سابقاً . ويوضح الشكل (١-١) هذا النموذج .



فزيادة الطلب من  $D_1$  إلى  $D_2$  يترتب عليه زيادة سعر التوازن من  $P_1$  إلى  $P_2$  وزيادة الكمية المنتجة والمستهلكة من  $Q_1$  إلى  $Q_2$  عند نقطة توازن جديدة  $P_2$  الكمية المنتجة والمستهلكة من  $P_3$ 

غير أن النماذج الهندسية عادة ما تكون مقصورة على عدد محدود من المتغيرات يعتمد على عدد المحاور.

: Algebraic Models النماذج الجبرية

يتمثل النموذج الجبري في عدد من المعادلات الرياضية أو ربما معادلة واحدة تضم عدد من المتغيرات يوجد بينها علاقات، وتمثل ظاهرة معينة . وتتمتع النماذج الجبرية بالمرونة الكبيرة نظرا لمقدرتها على احتواء أي عدد من المتغيرات .

ومن الأمثلة على ذلك نموذج السوق الخطي :

 $Q_d = a_0 + a_1 \, P$  والة الطلب  $Q_s = b_0 + b_1 \, P$  والة العرض  $Q_s = b_0 + b_1 \, P$  والة العرض  $Q_s = Q_d$  شرط التوازن وتتصف المعادلات الجبرية بكون العلاقات فيه محددة أو مؤكدة وليست احتمالية .

: Econometric Models النماذج القياسية

النموذج القياسي هو نموذج جبري احتمالي Stochastic لاحتوائه على متغيرات عشوائية Random variables تجعل العلاقات بين المتغيرات احتمالية وليست مؤكدة . ومن الأمثلة على ذلك نموذج السوق الاحتمالي :

 $Q_d = a_0 + a_1 P + a_2 Y + u_1$  دالة الطلب  $Q_s = b_0 + b_1 P + b_2 R + u_2$  دالة العرض  $Q_s = Q_d$  شرط التوازن

، (V , P,R) ، ويحتوي النموذج على متغيرات تابعة ( $Q_s(Q_a)$  ، ومتغيرات مستقله ( $u_1,u_2$ ) . ومتغيرات عشوائية ( $u_1,u_2$ ) .

وتنقسم النماذج من حيث علاقتها بالزمن إلى نماذج ساكنة Static Models، و نماذج حركية Dynamic Models . والنموذج الساكن هو الذي لا يعتمد على الزمن ولا يظهر الزمن فيه كمتغير مستقل ، أما النموذج الحركي فهـو النموذج الذي يلعب الزمن دوراً في التأثير على بعض متغيراته . ومن الأمثلة على ذلك :

نموذج الاستهلاك الساكن .....  $Y = a_0 + a_1 X$ 

 $Y_t = b_0 + b_1 \; X_t + b_2 \; X_{t-1} + u_2$  نموذج الاستهلاك الحركي .....

ومن الواضح أن الزمن لا يؤثر في النموذج الأول ، حيث أن الدخل (X) عند نقطة معينة يؤثر في الاستهلاك (Y) عند نفس النقطة . ويمكن كتابة النموذج الساكن في ثلاثة صيغ مختلفة دون أن يعني في أي منها أنه حركي:

نموذج استهلاك ساكن في حالة استخدام بيانات سلسلة زمنية  $Y_1 = a_0 + a_1 X_1 + u_1$  $Y_i = a_0 + a_1 \; X_i + u_i$  نموذج استهلاك ساكن في حالة استخدام بيانات قطاعية (أفراد) نموذج استهلاك ساكن في حالة استخدام بيانات سلسلة قطاعية  $Y_{it}=a_0+a_1X_{it}+u_{it}$ أما النموذج الحركي فيوضح أن دخل الفترة السابقة (X+1) يؤثر أيضا في استهلاك الفترة الحالية ( Y1) بجانب دخل الفترة الحالية (X1) .

All gradients and the second s

and the contract of the contract of the contract of the contract of

COMPANY CONTRACTOR OF THE CONT

· Burgaran Barrana da akamatan baran 1868 - Barran Barrana (1864)

ويعتبر معامل التغاير أفضل من مقياس مجموع حاصل ضرب الانحرافات من حيث أنه لا يتأثر بالتغير في عدد المشاهدات بنفس الدرجة ، ذلك لأن عدد المشاهدات "ن" يؤثر في كل من البسط والمقام . ولكن مازال معامل التغاير يعاني من وجهي القصور ب ، ج بالمقياس السابق .

### Correlation Coefficient معامل الارتباط (٤-١-٢)

حتى يمكن تلاشي وجهي القصور ب ، ج السابقين في معامل التغاير ، يتعين تحويل مقياس الارتباط من مقياس مطلق إلى نسبة . فالنسبة لا تتأثر بوحدات القياس كما أنها توضح مدى قوة الارتباط . ولعمل ذلك فإننا نقسم انحراف كل قيمة  $\infty$  (X) على الانحراف المعياري للمتغير  $\infty$  والذي نرمز له ع  $\infty$  ( $\infty$ ) حيث يعتبر بمثابة مقياس لمتوسط انحرافات  $\infty$  . كما نقسم انحراف كل قيمة  $\infty$  على الانجراف المعياري للمتغير  $\infty$  والذي نرمز له ع  $\infty$  ( $\infty$ ) . وبإجراء هذه التعديلات على معامل التغاير نحصل على معامل الارتباط للعينة والذي يعتبر مقياسا للارتباط .

$$\frac{-}{\mathbf{x}_{i}\mathbf{y}_{i}} = \frac{\mathbf{Cov.yx}}{\mathbf{s.s.}}$$

$$S_x = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}, S_y = \sqrt{\frac{\sum y_i^2}{n}}$$

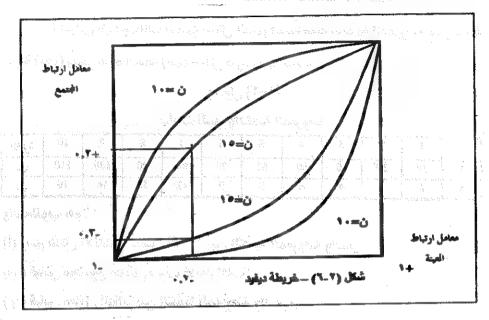
$$S_x = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}, S_y = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}$$

$$S_x = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}, S_y = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}$$

$$S_x = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}, S_y = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}}$$

ویلاحظ آن معامل ارتباط آلعینة (ر) لا یتأثر بوحدات آلقیاس ، ویوضح مدی قوة آلارتباط بین المتغیرین محل آلبحث . فالقیمة آلرقمیة لمعامل آلارتباط تتراوح بین -1 ، +1 . فإذا کان -1 افن آلارتباط یکون تاماً طردیاً ، وإذا کان -1 فان آلارتباط یکون منعدماً . وعندما یکون آلارتباط یکون منعدماً . وعندما یکون -1 الارتباط یکون تاماً عکسیاً وإذا کان -1 وعندما یکون -1 فان آلارتباط یکون قویاً ، وعندما یکون -1 فان آلارتباط یکون آلارتباط یکون ر مساویا -1 فان آلارتباط یکون منعدماً . وعندما یکون ر مساویا -1 فان شکل آلانتشار ینطبق تماماً علی آلخط آلمستقیم . وهناك فرق بین معامل آرتباط آلمجتمع (-1) ومعامل آرتباط آلعینة (ر) . فالأول یشیر آلی آلارتباط بین جمیع آلقیم آلمتغیرین می ، می ، آما آلثانی فیشیر آلی آلارتباط بین عدد من هذه آلقیم والذی یمثل آلعینة . ویوجد هناك خرائط تسمی

خرائط ديفيد David Charts تمكننا من تحديد فترة ثقة لمعامل ارتباط المجتمع بدلالة معامل ارتباط العينة ، وذلك كما يتضح بالشكل (٦-٢) . خرائط ديفيد David Charts تمكننا من تحديد فترة ثقة لمعامل ارتباط المجتمع بدلالة معامل ارتباط العينة ، وذلك كما يتضح بالشكل (٦-٢).



فعلى المحور الأفقي ترصد قيم من - الله + ا، وعلى المحور الراسي ترصد قيم من - الله + ا . وفي المساحة بين المحورين توجد منحنيات محسوبة على أساس حجم العينة بعضها للارتباط الموجب وبعضها للارتباط السالب . وفي خريطة ديفيد يقام عمود رأسي من قيمة "ر " المحسوبة من عينة على المحور الأفقي حتى تتلاقى مع منحنى للارتباط الموجب وآخر للارتباط السالب حسب حجم العينة ، ثم نمد خطاً من نقاط التلاقي إلى المحور الرأسي لنحدد قيم "م " المقابلة . وتمثل هذه القيم فترة الثقة لمعامل ارتباط المجتمع والتي تقابل قيم " ر " المحسوبة من عينة.

Balling Branch and Salican

entagy in come

# تطبيقات اقتصادية مثال (٢-١)- الارتباط بين السعر والكمية المعروضة

### افترض أن البيانات التالية تمثل القيم المشاهدة للكمية المعروضة من سلعة

معينة (حم) وسعر هذه السلعة (حم) خلال فترة زمنية معينة :

جدول (۲–۱)

et allen andere et med et he retal andere en jarret product en en jarret bestelligt beginne til monten gred til

#### بيانات السعر والكمية المعروضة

	1	2	3	4	5 :	· 6	.7	. 8	9	10	الفترة
<b>Y</b>	20	30	40	50	60	70	80	90	100	110	
X	2	3	4	6	8	9	12	14	16	16	ą.

#### والمُطلوب هو :

- (أ) رسم شكل الانتشار الممثل للعلاقة بين الكمية المعروضة والسعر.
- (بُ) قياس مجموع حاصل ضرب الإنحرافات على عمل على وما عمل المنا
  - (ج) قياس معامل التغاير بين الكمية المعروضة والسعر.
- (د) قياس معامل الارتباط بين الكمية المعروضة والسعر . ويجاب المعال الارتباط بين الكمية المعروضة والسعر

برسم شكل الانتشار (٢-٧) من بيانات الجدول (١-٢) يتضح أن العلاقة بين

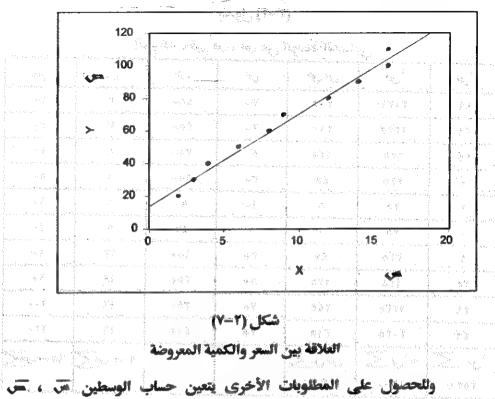
السعر والكمية المعروضة طردية وقوية لأن شكل الانتشار يقترب من الخط المستقيم .

Chapter Sand College and and all the land the sand with the sand

the file the form the the file that was not been been been been and by the

The Mark the Market Miles have by the "Market agency and They by the

haded by Got theretagy of the State of the tempology and



الحسابيين لم الانحرافات ص ، من أعلى النحو التالي :

 $70 = 10 \div 100 = 2$  می  $0 \div 100 = 100 \div 100 = 200$  می بیانات الجدول (۲–۲) یتضح آن :

مجموع حاصل ضرب الأنحرافات = 
$$\overline{}$$
س, ص, = 18۳۰ معامل التغاير =  $\overline{}$ س, ص,  $\div$ ن = 18۳۰ ÷ 18۳۰ معامل التغاير =

g Handa gajar

جدول (۲-۲) انحرافات قیم می، حب عن الوسط الحسایی

س"	ص'	<u>ص</u> یں	س	ص	eran <b>o™</b> yakça	حمي ا
٤٩ -	7-10	Ť10.	Y	£0	145 <b>y</b>	**
171	1770	*1.	. 1-	40-	ige 🚩 🛶	۳٠
70	7.70	110	<b>6-</b> <sup>11</sup>	Y0-	£	٤٠
1	770	٤٥	<b>T</b> -	10-	٦	٥٠
1	10	•	1-	<b>a</b>	(D) <b>X</b>	٦٠
9.5	70 A		•	• 04	su 🐧	٧٠
•	.770	ξo	¥+	10+	14	۸۰
Yo	770	170	0+	10+	18	4.
£9	1770	750	<b>Y+</b>	<b>70</b> +	17	1
£9	T-70	710	A. A	<b>£0</b> +	13	11-
∑ س′	≥ ص'=	≥س	. Property of the last	the freed hards	<u> ا</u> س =۰۹	10-=
707 = 0	LANCO CE	187.5		Allegari, Madali.		SAN A STAFF C

وتشير النتائج السابقة إلى أن الارتباط بين الكمية المعروضة والسعر ارتباط طردي، وهذا يتفق مع منطق النظرية الاقتصادية . كما يوضح معامل الارتباط أن الارتباط بينهما قوي .

مثال (2-2) الارتباط بين سعر الفائدة وحجم الاستثمار الثابت

قام باحث بجمع بيانات عن حجم الاستثمار في مجتمع ما (ث) وسعر الفائدة (ف) خلال الفترة ١٩٩٠–١٩٩٥ فوجدها كما بالجدول (٢-٣) . والمطلوب:

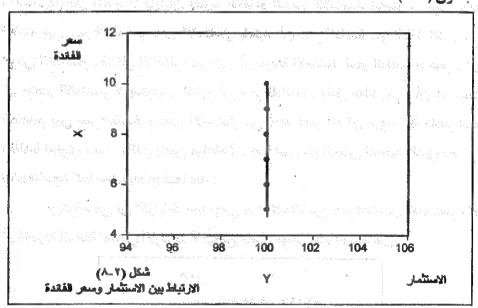
- (أ) ارسم شكل الانتشار الممثل للقيم المشاهدة للمتغيرين.
- (ب) احسب معاملي التغاير و الارتباط بين سعر الفائدة وحجم الاستثمار.
- (ح) علق على النتائج التي تحصل عليها مستخدما المنطق الاقتصادي .

جدول (٢-٣) الاستثمار الثابت وسعر الفائدة

سعر الفائدة % ف(X)	الاستثمار-بليون جنيه ث(Y)	السنة
5	100	2000
6	100	2001
7	100	2002
8	100	2003
9	100	2004
10	100	2005

يمثل الشكل ((٨-٨) العلاقة بين كل من سعر الفائدة والاستثمار كما يعرضها

الجدول (۲-۳).



ويمكن استخدام الصيغتين التاليتين في حساب كل من معامل التغاير ومعامل الارتباط:

حيث : ف، = ف –ف ، ث، = ث –ث

ويلاحظ أن حجم الاستثمار ثابت عبر الفترة الزمنية محل البحث، وهذا يعني أن ث، لكل القيم = صفر. ومن ثم فان \( \sum\_1 = صفر. أي أن الارتباط منعدم بين سعر الفائدة والاستثمار. ويلاحظ عموما أن شكل الانتشار ومعامل التغاير لا يؤيدان نظرية الكفاءة الحدية للاستثمار القائلة بوجود علاقة عكسية بين سعر الفائدة وحجم الاستثمار باعتبار أن سعر الفائدة هو تكلفة الاقتراض لغرض الاستثمار. فشكل الانتشار يشير إلى أن مرونة الاستثمار لسعر الفائدة = صفر. أي أن حجم الاستثمار لا يستجيب للتغير في سعر الفائدة . ولعل هذا يعني أن الارتباط المنعدم بين سعر الفائدة وحجم الاستثمار من أحد تفسيراته أن مرونة الاستثمار لسعر الفائدة تساوي صفرا . ولكن يتعين مراعاة أن هذا ليس هو المعنى الوحيد الذي تحتمله المنتجة كما سوف يتضح فيما بعد :

وبالرغم من أن الارتباط منعدم في هذه الحالة بين سعر الفائدة والاستثمار ، إلا أن الصيغة السابقة لمعامل الارتباط لا توضح ذلك. فوفقا لهذة الصيغة فان :

ghilistay)

SA MAL WAR (1995)

وهذا يعني أنه حتى تصلح صيغة معامل الارتباط السابقة في القياس يتعين أن تكون هناك على الأقل قيمة واحدة غير صفرية لكل انحراف من الانحرافين ث، ف. . ويعتبر معامل التغاير أنسب لقياس الارتباط في مثل الحالة السابقة.

مثال (٣-٢) الارتباط بين سعر الفائدة الثابت وحجم الاستثمار

قام باحث بجمع بيانات عن حجم الاستثمار وسعر الفائدة في مجتمع ما خلال فترة من الزمن 1990-1990 فوجدها كما بالجدول (٢-٤) .

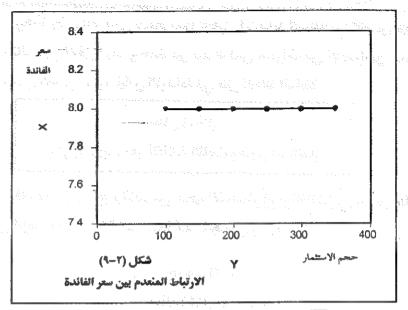
جدول (٢-٤) سعر الفائدة الثابت والاستثمار

	: <sup>1</sup>	سعر الفائدة %	الاستثمار (بليون جنيه)	A CONTRACTOR
	de	8	Bussey 1,100 . Barrer	17 2000
3	, j	8 ,	150	2001
		8	200	2002
		14. <b>1. 8</b> - 17 - 17 - 17 - 17 - 17 - 17 - 17 - 1	250	Date: 2003   1   1   1   1   1   1   1   1   1
	). 1 462	8 /	, 3 <u>00</u>	2004
!		8	350	2005

#### والمطلوب:

- (أ) رسم شكل الانتشار الممثل للقيم المشاهدة.
- (ب) حساب معاملي التغاير و الارتباط بين سعر الفائدة والاستثمار.
  - (ج) التعليق على النتائج باستخدام المنطق الاقتصادي.

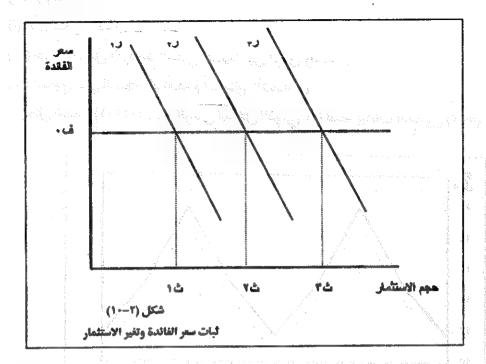
يوضح الشكل (٢-٢) العلاقة بين سعر الفائدة وحجم الاستثمار كما تصفها بيانات الجدول (٢-٤) . ولما كان سعر الفائدة ثابتا عبر الفترة الزمنية محل البحث ، فان هذا



يعني أن ف = ف - ف = صفر، ومن ثم فان ف ث = صفر ، وبالتالي فان معامل التغاير = صفر ، وهو ما يعني أن الارتباط منعدم بين سعر الفائدة والاستثمار . ويأخذ معامل الرتباط قيمة غير محددة في هذه الحالة أيضا . ويتضح من معامل التغاير و شكل الانتشار (٢-١) أن حجم الاستثمار يتزايد رغم ثبات سعر الفائدة ، وهذا يوحي بأن هناك عوامل أخرى تؤثر في حجم الاستثمار غير سعر الفائدة ، الأمر الذي يقلل من أهمية سعر الفائدة كأحد العوامل المؤثرة على حجم الاستثمار . ويمكن توضيح هذه الفكرة من خلال الشكل (١٠-١) .

And while many many thinks a transfer on a sequence of a great the sequence of the second of the sec

AND THE STATE OF THE SECOND STATES OF THE SECOND ST



فحدوث تقدم تكنولوجي أو ارتفاع في معدل الأرباح يمكن أن يؤدي إلى زر زيادة حجم الاستثمار من خـلال نقل منحنى الكفـاءة الحدية للاستثمار من رر إلى رر إلى رم رغم ثبات سعر الفائدة عند مستوى معين ف. .

> مثال (1-2) المسار الزمني للدخل

قام باحث بجمع بيانات عن الدخل القومي الحقيقي لمجتمع ما خلال فترة تسع سنوات فوجدها كما بالجدول (٢-٥).

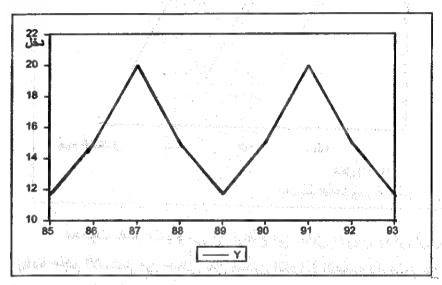
جدول (۲–۵)

			العسار	ِ الرهني ت	رحول				
السنة (ز) T	1985	1986	1987	1988	1989	1990	1991	1992	1993
الدخل (ل) Y	11.7	15	20	15	11.7	15	20	15	11.7

#### والمطلوب:

- (أ) رسم شكل الانتشار
- (ب) حساب معامل الارتباط الخطى البسيط بين الزمن والدخل.
  - (ح) التعليق على النتيحة باستخدام المنطق الاقتصادي.

يمثل الشكل (٢-١١) المسار الزمني للدخل القومي كما تصفه بيانات الجدول (٢-٥).



شکل (۲-۱۱)

وصف للدورة التجارية بدلالة الدخل

وحتى يمكن حساب معامل الارتباط بين الدخل والزمن يتعين تحديد الانحرافات ز، = ز= ز= ز= ز= ر= ركما بالجدول (٢-١).

وباستخدام الصيغة التالية لحساب معامل الارتباط :

$$\frac{\Sigma y!}{\sqrt{\Sigma i^2 y^2}}$$

A manage of the second of the

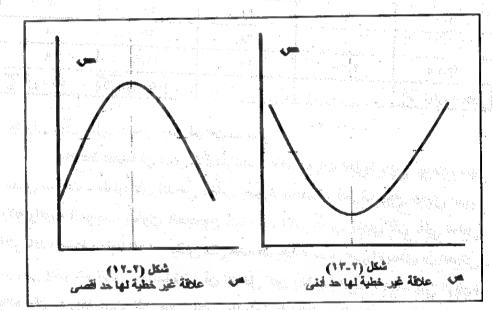
حساب الارتباط بين الدخل والزهر والمالية المالية المالية

yt(,(,3,3))	y(っぱ)	t(,;)	الدخل (ل) Y	الزمن (ن) T
AV, Y +		<b>(-</b>	11,7	ekjeja od 1000 od 1000.
	•	and the second second	16/ E	and the Holling of
Has a H. A.	<b>0</b> +	STORY OF	say Wagg Da	Constitution of the State of th
The second secon			10.7	San 70 12
Marine State of	Y TIPE		ille alle ye	
We will strong to	mail the standings	1+	10	No of motion
The state of the s	* ********* <b>&amp; 4</b> * * * *****************************	······································	۲۰	Y
•	•	8 T+	. 10	٨
17,7+	7,7-	£+	11,7	energy.
∕ زرل، =صفر		7.00	≥_ ل= ۱۳۵	€0=j <u>&lt;</u>

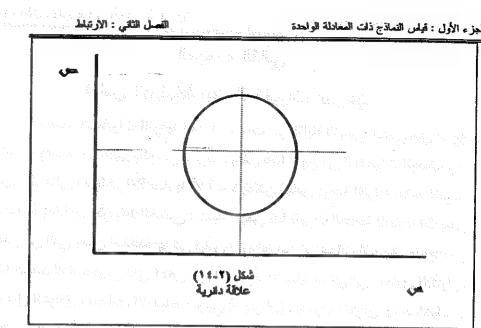
نجد ان 🔀 زال، = صفر، ومن ثم فان ر= صفر.

ويلاحظ عموما أن شكل الانتشار يصف حالة دورات تجارية طول الواحدة منها خمس سنوات . ونظراً لأن الدخل يتقلب بصورة منتظمة ، فان مجموع حاصل ضرب الانحرافات الموجب يساوي المجموع السالب ، الأمر الذي يؤدي لأن يأتي معامل الرتباط البسيط مساوياً للصفر . ولكن مثل هذه النتيجة لا تعني على الإطلاق أن الدخل لم يكن يتغير عبر الزمن ، وإنما تعني أن الدخل كان يتقلب بطريقة منتظمة بين الزيادة والنقصان بطريقة أدت لأن يلغي التغير بالزيادة أثر التغير بالنقصان . ولذا فان أحد المعاني المحتملة للارتباط الصفري البسيط هي أن المتغير الاقتصادي يتقلب بطريقة منتظمة عبر الزمن بين الزيادة والنقصان .

وفي نهاية هذا المبحث نود أن نشير إلى بعض القيود التي تحد من استخدام أسلوب الارتباط الخطي البسيط في قياس العلاقات الاقتصادية : (أ) الصيغة السابقة للارتباط البسيط لا تنطبق إلا في حالات العلاقات الخطية ، أي أنها لا تصلح في الحالات غير الخطية. فإذا ما كانت هناك علاقة غير خطية بين متغيرين تأخذ أحد الأشكال (٢-١٢)، (٢-١٣)، (٢-١٤) فإن استخدام معامل الارتباط الخطي في قياس هذه العلاقة سوف ينتهي بنا إلى أن يكون الارتباط بين هذين المتغيرين صفريا. وبالطبع فان الارتباط الصفري في الحالات السابقة لا يعني أن المتغيرين من ، من مستقلين إحصائيا ، حيث أن هناك علاقة بينهما ولكنها غير خطية. وكل ما هنالك مو أن الجزء السالب من هذه العلاقة يلغي أثر الجزء الموجب، فتكون المحصلة صفرا عندما الجزء السالب من هذه العلاقة يلغي أثر الجزء الموجب، فتكون المحصلة صفرا عندما نستخدم معامل الارتباط البسيط. ولذلك يمكن القول أن " كل المتغيرات المستقلة إحصائيا "



AND A PROBLEM TO THE PROBLEM TO A TOTAL TO SERVICE AND A PART OF THE PROBLEM OF T



(ب) يلاحظ أن معامل الارتباط الخطى لا يدلل على وجود علاقة سببية بين المتغيرات ، ﴿ فهو وإن كان يوضح مدى اقتران التغير في أحد المتغيرات بالتغير في متغير آخر ، إلا أنه لا يحدد ما إذا كانت تغيرات أحدهما هي السبب في تغيرات الآخر . كما أن معرفة معامل الارتباط وحدها لا تمكننا من التنبؤ بقيمة أحد المتغيرين بدلالة الآخر . وعموما فان وجود ارتباط قوي بين متغيرين مثل من ، ص ، ربما يصف واحدا من الحالات التالية:

١-أن التغير في هي هو سبب التغير في حي تدريب المناه والمنافاة و المناه

٢-أن التغير في حي هو سبب التغير في ص

٣- أن من عن يعتمدان على بعضهما البعض بالتبادل ، أي أن بينهما علاقة لتألية الاتجاه. ينها إلى المهادم والمحال أحد المحال أنه أنها المحال المعادية والمسائلة والمسائلة المرايا

٤- أن هناك عاملا مشتركا آخر يؤثر عليهما منا فيسبب اقترانا قويا بين التغيرات فيهما.

٥- أن الاقتران بينهما يرجع لعامل الصدفة البَّحتة [.. و .. الله على الله المداد المداد الله الله الله

# المبحث الثاتي

# قياس الارتباط بين المتغيرات النوعية

يقصد بالمتغيرات النوعية تلك المتغيرات غير القابلة للقياس الكمي مثل الدوق والديانة ومستوى التعليم والجنس وغيرها . ومثل هذا النوع من المتغيرات الوصفية وإن كان يؤثر على الظواهر الاقتصادية إلا أنه لا يمكن قياس درجة اقترانه بهذه الظواهر باستخدام معامل الارتباط الخطي البسيط . ومن هنا ظهر ت الحاجة لاستحداث بعض المقاييس التي يمكن استخدامها في قياس الارتباط بين المتغيرات النوعية . ويوجد في هذا الصدد ثلاثة مقاييس على الأقل بين المتغيرات النوعية تتمثل في : معامل الاقتران، ومعامل الارتباط الرتبي (سبيرمان) . وسوف نتعرض لهذه المقاييس بنوع من التفصيل في هذا المبحث .

# (۱-۲-۲) معامل الافتران Association coefficient

كثيرا ما يحتاج الباحث إلى قياس درجة الاقتران بين بعض المتغيرات النوعية مثال ذلك درجة الاقتران بين نوع التخصص والوظيفة ، حيث نسمع عن أطباء يعملون في البنوك ، وصيادلة يعملون في التدريس ، ودرجة الاقتران بين مستوى التعليم والطبقة الاجتماعية ، حيث نسمع عن أميين يندرجون في طبقة الأغنياء وحاملي درجة دكتوراه يندرجون في طبقة الفقراء ، وغيرها من الظواهر الاجتماعية غير القابلة للقياس .

ومعامل الاقتران يعتمد في تحديد قيمته على مدى اقتران الصفات بعضها ببعض. فإذا أخذن مثلا عينة من الأفراد عددها ١٠٠ فرد، منهم ١٠ فرد متخصصون في الهندسة المدنية، ٤٠ متخصصون في تدريس التاريخ، وأردنا تحديد درجة الاقتران بين نوع التخصص ونوع الوظيفة، وتبين لنا أن كل فرد حصل على وظيفة في تخصصه، فمن الممكن القول في هذه الحالة بأن هناك اقتراناً تاماً بين نوع التخصص والوظيفة. ويمكن وصف هذه الحالة من خلال جدول الاقتران (٢-٢):

#### حدول (٢-٢) - الاقتران بين نوع التخصص والوظيفة

مجموع	مدرس تاريخ	ه هندس مدني ه	الوظيفة
	lg desc <sub>e</sub> lighted :		التخصص التخصص
		Halde <b>l•</b> ≡ji, Pe	هندسة مدنية احد
18. <b>(.)</b>	A soci <b>6 · = 5</b> Comp.		تدريس تاريخ
1. 1.	. P <sub>P.</sub> <b>ۥ</b> P <u>.</u> . + P.	Zagona Wings	مجموع

حيث تشير الخلايا: أ ، ب ، ج ، د في جدول الاقتران السابق إلى تكرار كل صفة في العينة . ومعامل الاقتران يستخدم هذه التكرارات في حساب قيمته كما يلي :

Association coefficient = 
$$\frac{AD - BC}{AD + BC}$$

ومن الجدول (٢-٧) يتضح أن:

وهو ما يعني أن الاقتران بين الوظيفة والتخصص يعتبر اقترانا طرديا تاما . ولكن إذا افترضنا أن كل شخص يعمل في وظيفة غير تخصصه تماما ، كأن يعمل المهندس المدني في مهنة التدريس ، ويعمل مدريس التاريخ في مجال مقاولات الإنشاء، فإننا نجد أن : أ= صفر ، ب = 10 ، ج = 20 ، ق = صفر ، ومن ثم فإن :

أي أن هنا ك اقترانا عكسيا تاما بين نوع التخصص والوظيفة ، وفي هذه الحالة لا يوجد هناك أحد يعمل في تخصصه ، بل كل فرد يعمل في غير تخصصه .

أما إذا كان تخصص الهندسة وتخصص التدريس لا يؤثران بدرجة جوهرية على وظيفة الشخص، كأن يكون ٥٠٪ من المتخصصين في الهندسة المدنية يعملون في تخصصاتهم، ٥٠٪ يعملون في التدريس، ونفس الشيء في حالة التدريس، فإننا نجد أن: أ = ٣٠، ب = ٣٠، ج = ٢٠، د = ٢٠، ومن ثم فإن:

معامل الاقتران 
$$= \frac{(? \times ? \cdot) - (? \times ? \cdot)}{(? \times ? \cdot) + (? \times ? \cdot)}$$

وفي هذه الحالة نقول أن الوظيفة لا ترتبط بالتخصص ، أو أن التخصص لا يقترن بصورة فاعلة بالوظيفة . وإن كان هذا لا يعني أنه لا يوجد هناك من يعمل في تخصصه .

غير أن معامل الاقتران يعاني من بعض النقائص:

(أ) يقتصر استخدامه على المتغيرات التي تتصف بصغتين متقابلتين فقط ، مثل ذكر وانثى، أو أبيض وأسود ، وهكذا . وهذا يعني أن جدول الاقتران لا يمكن أن يحتوي على أكثر من أربعة خلايا جزئية . ولذلك لا يمكن استخدام معامل الاقتران في الحالات التي يتصف فيها المتغير بأكثر من صفتين ، مثال ذلك متعلم تعليم عالى ، ومتعلم تعليم متوسط ، وأمي ، وهكذا .

(ب) تتأثر قيمة معامل الاقتران بطريقة عرض التكرارات بالجدول، وربما ترتب على ذلك إعطاء نتائج مضللة . فإذا كتبنا البيانات المعروضة في جدول الاقتران (٢-٢) في الصورة التالية الموضحة بالجدول (٢-٨) :

All the form to the second of the second of

## 

الاقتران بين التخصص والوظيفة

مجموع	موظف في غير	موظف في تخصصه	الوظيفة
	لمصصة المحمد		التخصص
٦٠ ﴿	ت ب = صغر		هندسة مدنية
€ ¥ the line.	يدر وج صفر	<b>€</b> •= <i>&gt;</i>	تدريس تاريخ
	صفر		مجموع

فإننا نجد أنه بالرغم من أن هذا الجدول يحتوي على نفس القدر من المعلومات التي يحتوي على نفس القدر من المعلومات التي يحتوي عليها الجدول الذي يسبقه ، إلا أن معامل الاقتران مختلف وفقا للصيغة المستخدمة ، حيث :

وهي قيمة غير محددة . وربما يكون من الأفضل في هذه الحالة أن نحسب معامل الاقتران كما يلي :

معامل الاقتران = 
$$\frac{1 - - \psi L}{1 + + \psi L} = \frac{(*7 \times *3) - out}{1 + out} = 1$$

وهي نفس النتيجة التي حصلنا عليها من الجدول (٢-٧) .

# Contingency coefficient معامل التوافق (۲-۲-۲)

يمكن لمعامل التوافق أن يقيس درجة الارتباط بين ظاهرتين من بيانات وصفية حتى في حالة احتواء هذه البيانات على أكثر من قسمين . فإذا ما أردنا قياس درجة الارتباط بين مستوى التعليم والوعي المصرفي والذي نعبر عنه بالادخار في البنك ، فإن معامل التوافق يساعدنا على ذلك رغم أن مستوى التعليم يحتوي على أكثر من فئتين .

ولتوضيح ذلك افترض أن لدينا عينة من الأفراد تحتوي على ١٠٠ شخص ، وكان هذا ينقسم من حيث المستوى التعليمي إلى ٢٠ تعليم عالي ، ٥٠ تعليم متوسط ، ٣٠ دون التعليم المتوسط ، وكان جدول التوافق لهذه العينة يتمثل في الجدول (١-٩) . حدول (١-٩)

حدول التوافق بين المستوى التعليمي والوعي المصرفي

مجموع	يكتنز	يدخرفي البنك	مستوى التعليم
۲۰ = رع )	٠=,, ع	۲۰ = ۱٫۵	تعليم عالي
ه <b>۱۵۰</b> چې د ۱۵۰	- Yo = m 4		تعليم متوسط الم
Kr= <sub>U</sub> dylk		rek, <b>. s 4</b> ke	تعليم دون المتوسط
Karalina (n. 1886)	00 = <sub>7e</sub> ೨	د <sub>ه!</sub> = ه٤	مجموع

حيث تشير خلايا جدول التوافق إلى تكرارات الفئات المختلفة ، وتشير ك ف ع إلى تكرار خلية واقعة في الصف "ف" والعمود "ع". ويمكن استخدام الصيغة التالية في حساب معامل التوافق :

جيث:

أي أن "جـ " تساوي مجموع مربعات التكرارات بعد قسمتها على حاصل ضرب تكرار الصف (ك م) في تكرار العمود (ك م) . وفي مثالنا هذا نجد أن :

$$\frac{Y(Y)}{x} + \frac{Y(Y)}{x} + \frac$$

وتشير هذه النتيجة إلى أن هناك ارتباطا ما بين مستوى التعليم ودرجة الوعي المصرفي .

ولكن إذا كان معامل التوافق قد تخلص من المشكلة الأولى التي يعاني منها معامل الاقتران والخاصة بعدد الأقسام التي تتجزأ إليها كل صفة أو خاصية ، فإنه لا يزال يعاني من المشكلة الثانية ، حيث أن قيمته تتأثر بطريقة عرض التكرارات بالجدول . فإذا حسبنا معامل التوافق من جدول الاقتران (٢-٢) نجد أنه يساوى :

أما إذا حسبناه من الجدول (٢-٨) بعد أن نعرض نفس المعلومات بطريقة مختلفة ، فإن النتيجة تختلف ، حيث يصبح معامل التوافق مساويا صفر .

بالإضافة إلى أنه لا يمكن أن يكون سالبا ولا يمكن أن يكون تاما أي مساويا الواحد .

The Rank Correlation Coefficient (سبيرمان) معامل الارتباط (سبيرمان)

تقوم فكرة معامل الارتباط الرتبي على أساس ترتيب مفردات كل متغير من المتغيرات الوصفية محل البحث ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً ، مع إعطاء كل مفردة قيمة رقمية تظهر ترتيبها . وباستخدام هذه الرتب يمكن حساب معامل الارتباط الرتبي . وبمكن استخدام هذا المعامل في قياس درجة الارتباط بين بعض المتغيرات الوصفية

كالارتباط بين المستوى الثقافي والذوق، أو لقياس مدى التغير في بعض الظواهر الاقتصادية كالتغير في مَيكل الاقتصاد القومي . وسوف نوضح ذلك في أمثلة تالية . ويمكن حساب معامل الارتباط الرتبي من خلال المعادلة التالية :

$$\frac{\sqrt{3}}{(\sqrt{1-\gamma})} = \frac{\sqrt{3}}{(\sqrt{1-\gamma})} = \frac{\sqrt{3}}{(\sqrt{1-\gamma})}$$

$$R_s = 1 - \frac{\sum D^2}{n(n^2-1)}$$

n = عدد المشاهدات عدد عدد

 $\mathbf{D}$  = الفرق بين رتبتي كل قيمتين متقابلتين

مثال (۲-۵) مدى اتساق التفضيلات

افترض أن هناك مجموعتين من المستهلكين يختلفان في مستواهما الثقافي مع ثبات العوامل الأخرى كالعمر والدخل والموطن . وافترض أننا طلبنا من كل مجموعة منهما أن ترتب عدداً من التوليفات السلعية وفقا لتفضيلاتها ، فكان الترتيب الغالب لكل مجموعة من المستهلكين كما بالجدول (٢-١٠):

The state of the s

#### جدول (۲-۱۰)

#### ترتيب التوليفات المختلفة

											and the second of the
المجموعة السلعية	1	ب	ج	ು	A.	9	· -j	ح- ا	ф	1	مجموع
ترتيب المجموعة الأولى	1. A	12 J.Y.	53.4 <b>p</b>	: "E	8	₹ <sup>2</sup> * <b>T</b> .,	γ.	350	- T	*** 11 E	Profit (
ترتيب المجموعة الثانية	191	1000	, t 1 A	Y		.: N. *	41, . <b>E</b> .	, T.	<b>Y</b>	La V	1
الفروق =ف (D)	1-	Y-	۵-	<b>Y</b> -	1	1	۳		٧	1	
(D <sup>2</sup> )= ' ما	" 'A1	£1	ÝΦ	s, <sup>1</sup> 3 <b>q</b>	1	1	1	Yo	· £4	' A1	**-

#### وبحساب معامل الارتباط الرتبي نحصل على:

ومن الواضح أن هذه النتيجة تشير إلى أن تفضيلات المستهلكين ذوي المستويات الثقافي ربما يكون المستويات الثقافي ربما يكون مرتبطاً بدوق المستهلك ارتباطاً تاماً.

مثال (۲-۲) درجة التغير الهيكلي

إذا علمت أن التوزيع النسبي للناتج القومي بين القطاعات الإنتاجية المختلفة لمجتمع ما في عامي ١٩٧٠ ، ١٩٩٦ كان كما بالجدول (٢-١١):

جدول (۲–۱۱)

هيكل الناتج القومي %

الساة	Z (14Y•)	- Z (1997)
نظاع	Service Assets	gradie hy e
- المناعة الاستخراجية	Stern Sterner Construction A	An Drawn
- الصناعة التحويلية -سلع استهلاكية	1.	۳-
ـ - الصناعة التحويلية -سلع إنتاجية	1-	70
الزراعة	10	10
الخدمات	70	۲٠
جموع	1	1

#### فالمطلوب هو:

١-حساب معامل الارتباط الرتبي بين التوزيعين.

٢-التعليق على درجة التغير الهيكلي التي حدثت في هذا المجتمع .

للإجابة على الأسئلة المطلوبة سابقا يتعين إتباع الخطوات التالية:

أولا: القيام بترتيب القطاعات الإنتاجية ترتيبا تنازليا حسب أهميتها النسبية.

ثانيا : في حالة تساوي قطاعين إنتاجيين في الرتبة نقوم بقسمة الرتبتين اللتين يتعين

تحديدهما لهما على إثنين ونرصد متوسط الرتبة لكل منهما.

وبتنفيذ هاتين الخطوتين نحصل على الجدول (٢-١٢):

جدول (۲-۱۲)

حساب معامل الارتباط الرتبي

	المجموع		estrició inclu	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	مسجل بالا	ka Jawa	القطاع المادي
	Baga Pasa	is. Proble	si.	٤,٥	٤,٥	1	ترتیب ۱۹۷۰
L		<b>Y</b>	€	T 1	1 1 1	6	ترتیب ۱۹۹۲
		] 1	<u> </u>	Y,a	۳,۵	€-	و
T	ک د ′ = ه,۲	1	ag with loss	1,10	17,70	17	ĽJ

وبحساب معامل الارتباط الرتبي بين الترتبين نحصل على :

	*11	pa-4, 17-77; <b>Y1,0 × 1</b>		
	٠,٨ ـ =		- 1 =	زين
1	all and the second of the seco	( <b>\Y0)0</b>		

وحيث أن الارتباط بين الترتيبين عكسياً وقوياً فهذا دليل على أن تغيراً هيكلياً

كبيراً قد حدث في اقتصاد هذا المجتمع في الاتجاه المعاكس.

# الميحث الثالث

# فياس الارتباط الجزئي Partial Correlation

كثيراً ما تواجهنا حالات في الواقع لا يقتصر فيها الاقتران أو الارتباط على متغيرين فقط، وإنما يمتد ليشتمل على أكثر من متغيرين. وفي مثل هذه الحالة إذا ركزنا اهتمامنا على علاقة الاقتران بين متغيرين منها فقط وحاولنا حساب معامل الارتباط الخطى البسيط لعلاقة الاقتران هذه مع تجاهل المتغيرات الأخرى فسوف نحصل على نتيجة قد تختلف تماما عن التوقع النظري المسبق الذي نضعه لشكل علاقة الاقتران . فعلى سبيل المثال نحن ننظر للعلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة وسعرها على أنها علاقة عكسية ، ومن ثم فمن المتوقع أن يكون معامل الارتباط الخطى البسيط بينهما سالباً. ولكن إذا كان الدخل متزايداً بمعدل أعلى من معدل ارتفاع سعر السلعة فان الكمية المطلوبة منها سوف تزداد بدلا من أن تتناقص رغم ارتفاع سعر السلعة . ومن ثم فان معامل الارتباط الخطى البسيط بين الكمية المطلوبة والسعر ربما يكون طرديا . وهذه النتيجة الأخيرة عكس ما كان متوقعا نظرا لإهمال أثر متغير ثالث هو الدخل. ومن هنا تظهر أهمية معاملات الارتباط الجزئي التي تُمكِّن من قياس درجة الارتباط في حالة وجود أكثر من متغيرين بينهم علاقة اقتران ، حيث تستبعد أثر المتغيرات الأخرى وتركز على المتغيرين محل البحث. فإذا كان لدينا ثلاث متغيرات مثلا س،، س،، س، فمن الممكن قياس الأرتباط بين أي اثنين منهم مع عزل أثر الثالث  $(X_1,X_2\mid X_3)$ باستخدام معامل الارتباط الجزئي . ويمكن حساب الأخير باتباع الخطوات التالية: أولا: نقوم بحساب معاملات الارتباط الخطى البسيط التالية:

 $\mathbf{r}_{12} = \mathbf{n}_0 \cdot \mathbf{n}_0 \cdot \mathbf{n}_0$ 

ر،، = معامل الارتباط بين س،، س، عمامل الارتباط بين س،

 $I_{23} = a$  and  $I_{12} = a_{13} = a_{13}$ 

ثانيا: يمكن حساب معاملات الارتباط الجزئية التالية باستخدام المعاملات السابقة حيث:

 $r_{13.2} = معامل الارتباط بين س، س، مع ثبات س، = <math>r_{13.2}$ 

 $r_{23.1} = معامل الارتباط بين س، ، س، مع ثبات س <math>r_{23.1} = r_{23.1}$ 

# مثال (٢-٢) الارتباط الجزئي بين الاستهلاك والدخل

قام باحث بجمع بيانات عن الادخار (خ) والاستهلاك (س) والدخل (ل)

لمجتمع ما عبر فترة من الزمن فكانت كما بالجدول (٢-١٣).

### جدول (۲-۱۳)

#### الدخل والاستهلاك والادخار

	- A							<u> </u>			
1	السنة دره ت	1940	1447	1944	1944	1444	199+	1551	1997	1997	1448
1	الدخل (ل)	Ť	٤	1	~·· 🙏	1.	11	18	- 17	; 1A	Y-
ŀ	الاستهلاك (س)	1,0	٣,٤		٦,٥	٧,٥	٨,٥	1.,0	11	17,8	-110
1	الادخار (خ) \cdots	•,0	1,1	1	1,0	۲,۵	7,0	٣,٥	٤	٤,٦	7 - 3 x 💩 1

#### والمطلوب:

- (١) حساب معامل الارتباط الخطى البسيط بين الاستهلاك والادخار (رسع).
  - (٢) حساب معامل الإرتباط الجزئي بين الاستهلاك والادخار (رسع ر) .
    - (٣) مقارنة النتيجتين مع التعليق اقتصادياً.

ولإجابة المطلوبات السابقة يتعين إتباع الخطوات التالية :

١- حساب القيم المتوسطة للمتغيرات الثلاثة :

٢- حساب انحرافات القيم عن أوساطها الحسابية كما هو موضح بالجدول (٢-١٤) ،

# جدول (۲–۱٤)

#### حسابات معاملات الارتباط

(خ)	(س,)	"(し)	اخرا	ساڅا	ل اس،	عَد	س۱	ل,	السنه
٤,٧٠٩	ደገ,ገደባ	A1	11,07	18,4711	71,87	1,17-	7,45-	۹_	1940
£,740	71,7-0	٤٩	18,84	1-,1-01	72,01	Y, -Y-	٤,٩٣-	Y-	1943
۲,٧٨٩	11,-41	. Your	A,70	0,0711	17,70	1,77-	· T,TT-	۵–	1944
1,779	PART, T		7,01	7,1811	0,£9	1,17-	1,45-	٣	1944
٠,٠٢٨٩	٠,٦٨٨٩	1	٠,١٧	٠,١٤١١	٠,٨٢	٠,١٧-	٠,٨٣-	1-	1949
٠,٦٨٨٩	٠,٠٢٨٩	1	٠,٨٣	+,1811	•,17	-,47	٠,١٧	١	199.
٠,٦٨٨٩	٤,٧٠٨٩	4	7,54	1,4-11	. 7,01	·,AT	۲,1۲	7	1991
1,733.	15,5744	.= Yo.	٦,٦٥:	٤,٨٨١١	14,70	1,77	7,17	. 6	1847
T,YT0	10,4-51	£4	17,01	1,7401	10,51	1,17	٥,٠٧	Y	1997
0,675	EE,EAA9	A1	۲۰,۹۷	10,0£11	. <b>1-,1</b> -,	7,77	1,17	4	1998
10,541	145,54	TT+	۹٠,٥	10,-11	174,0	4.4		1.2	مجموع

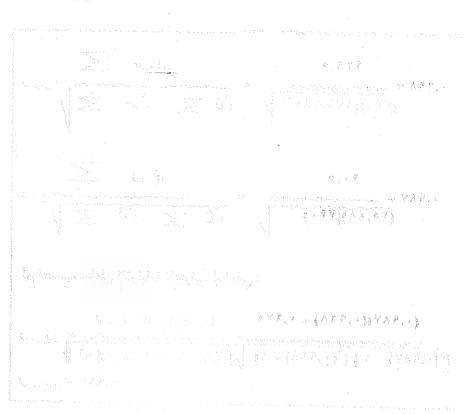
٣- نقوم بحساب معامل الارتباط الخطي البسيط بين الاستهلاك والادخار:

3- نقوم بحساب معامل الارتباط الجزئي رسغير. وقبل أن نفعل هذا نحسب معاملات الارتباط البسيطة الأخرى ممثلة في:

Miss Share

The market the fitting there are broken and the start the may explice for a fig.

٥-بمقارنة النتيجتين السابقتين نجد أن رسع = ٩٧٥، أما رسع و = ٠,٩٨٠ ، ولعل هذا يعني أن الارتباط الطردي شبه التام بين الاستهلاك والادخار الذي يوضحه معامل الارتباط البسيط يرجع إلى التغير في الدخل . فزيادة الدخل تؤدي إلى زيادة كل من الاستهلاك والادخار معاً ، الأمر الذي يؤدي لوجود ارتباط طردي شبه تام بينهما . وعندما يتم عزل أثر الدخل من خلال الحصول على معامل الارتباط الجزئي بين الاستهلاك والادخار يتضح أن الارتباط بينهما عكسي شبه تام ، وذلك لأنه مع ثبات الدخل فان أي زيادة في الاستهلاك لابد أن يصاحبها نقص في الادخار .



# الفصل الثالث

# والمحال الخطى البسيط معاد والمحال النسيط معاد والمحال الخطى البسيط معاد والمحال المحال المحال

#### Simple Linear Regression

يعتبر الانحدار أحد الأساليب الإحصائية التي نستخدم في قياس العلاقات الاقتصادية، حيث يختص بقياس العلاقة بين متغير ما يسمى بالمتغير التابع ومتغير آخر أو مجموعة من المتغيرات تسمى بالمتغيرات المستقلة أو التفسيرية ويلاحظ في هذا الصدد أن الانحدار كأسلوب قياس ليس هو الذي يحدد أي المتغيرات تابع وأيها مستقل ، وإنما يستعين الباحث في تحديد ذلك إما بالنظرية الاقتصادية أو الملاحظة . فمن النظرية الاقتصادية يمكن للباحث أن يعرف أن كمية النقود متغير مستقل أو تفسيري، وأن المستوى العام للأسعار متغير تابع ، كما يمكنه أن يعرف من الملاحظة أن الظروف الجوية متغير مستقل وأن الكمية المعروضة من المحصول متغير تابع .

وتنقسم نماذج الاتحدار إلى عدة أنواع: فهناك الاتحدار الخطي و الاتحدار غير الخطي، وهناك الاتحدار البسيط و الاتحدار المتعدد. وتتحدد درجة الخطية على أساس درجة العلاقة المراد قياسها . ففي حالة الاتحدار الخطي تكون المعادلة الممثلة للعلاقة عن الدرجة الأولى ، وفي حالة الاتحدار غير الخطي تكون المعادلة الممثلة العلاقة من الدرجة غير الأولى . أما عن صفتي بسيط ومتعدد فانهما يتحددان بعدد المتغيرات التفسيرية أو المستقلة التي تحتوى عليها معادلة الاتحدار . فالاتحدار السيط يقيس العلاقة بين متغيرين أحدهما ثابع والآخر مستقل ، أما الاتحدار المتعدد فهو يقيس العلاقة بين متغير تابع واحد وأكثر من متغير مستقل ومما سق يمكن تقسيم نماذج الانحدار إلى أربعة أنواع

- (١) الانحدار الخطى السيط
- (٢) الانحدار الخطى المتعدد.
- (٣) الانحدار غير الخطى السيط.
- (٤) الانحدار غير الخطى المتعدد.

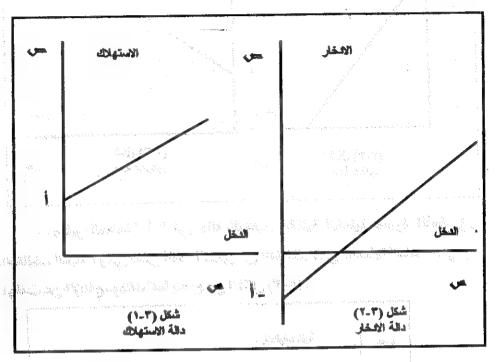
ويعتبر الانحدار الخطي البسط أبسط أنواع نماذج الانحدار ، وسوف يتم التركيز عليه في هذا الفصل ، على أن نعالج الأنواع الأخرى في فصول تألية . ويوجد هناك نماذج عديدة للعلاقات الاقتصادية البسيطة التي يمكن قياسها باستخدام أسلوب الانحدار البسيط مثال ذلك العلاقة بين الاستهلاك كمتغير تابع والدخل المتاح كمتغير مستقل وهو ■ يعرف بدالة الاستهلاك ، والعلاقة بين الادخار كمتغير تابع والدخل المتاح كمتغير مستقل وهو ما يعرف بدالة الادخار ، والعلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة ما وسعرها وهو ما يعرف بدالة الطلب وغيرها من العلاقات الأخرى.

ويلاحظ عموما أن معادلة الانحدار تتكون من متغيرات ومعلمات. فإذا افترضنا أن حس ( Y )، من ( X ) متغيرين يوجد بينهما علاقة خطية ، فان معادلة الانحدار الخطي السيط تأخذ الصيغة التالية :

$$(1-r)$$
.....Y =  $a + b \times \leftarrow \psi + \psi + 1 = \phi$ 

والمتغيرات التي تحتوي عليها معادلة الانحدار هي حرب (Y) كمتغير تابع ، عب (X) كمتغير مستقل أو تفسيري . وبلاحظ أن المتغير التابع حرب يمكن تفسيره بالتغير في المتغير المستقل عرب أما عن المعلمات فهي أ (a) ، ب (b) . وتعتبر "ا " هي الحد الثابت أو الحد المقطوع من محور المتغير التابع ، وتمثل قيمة المتغير التابع حرب عندما تكون قيمة المتغير التفسيري عرب مساوية للصفر . وتسمى بالمعلمة التقاطعية أو المعلمة الناقلة نظراً لأن تغيرها يؤدي لانتقال الخط الممثل للعلاقة بالكامل من وضع لآخر ، ويختلف مدلول المعلمة التقاطعية من علاقة اقتصادية لأخرى .

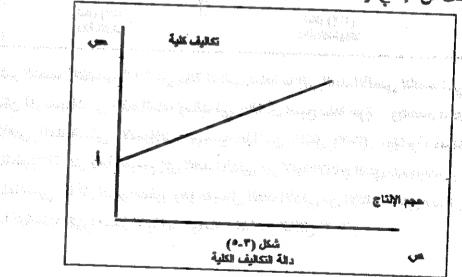
ففي دالة الاستهلاك الموضحة بالشكل (٣-١) تمثل "أ " الحد الأدني للإنفاق الاستهلاكي الذي لابد أن يقوم به المجتمع في الفترة القصيرة حتى إذا انخفض الدخل المتاح إلى الصفر، ويسمى بحد كفاف المجتمع. أما في دالة الادخار فان "أ" تمثل الادخار السالب اللازم لتغطية حد الكفاف من الاستهلاك عندما ينخفض الدخل المتاح للصفر . ويتم الادخار عندئد في صورة السحب من مدخرات سابقة أو الاقتراض . ويتضح هذا من الشكل (٣-٢) .



وتشير المعلمة التقاطعية " أ " في دالة الطلب لسلعة ما إلى الحد الأقصى للكمية التي يمكن أن تستهلك من هذه السلعة وذلك في حالة أن تصبح سلعة حرة . ويتحدد الحد الأقصى بالطاقة على الاستهلاك . ويتضح هذا من الشكل (٣-٣) . وتشير المعلمة التقاطعية" أ" في دالة العرض إلى الحد الأدنى من كمية الإنتاج الذي يتم عرضه من السلعة حتى إذا آل السعر للصفر، وهو ما يمثل الحد الأدنى من الإنتاج الذي لابد أن تبدأ به المنشأة في العملية الإنتاجية . ويتضح هذا من الشكل (٣-٤).

الجزء الأول : قبل النماذج ذات المعادلة الواحدة القصل الثالث : الاحدار الفطى البسيط كمية مطلوبة عن المعادلة المواحدة المعادلة المع

وتشير المعلمة" أ " في دالة التكاليف الكلية الخطية قصيرة الأجل إلى التكاليف الثابتة ، وهي تمثل الحد الأدنى من التكاليف التي تتحملها المنشأة حتى إذا توقفت عن الإنتاج، وذلك كما يتضح من الشكل (٣-٥).



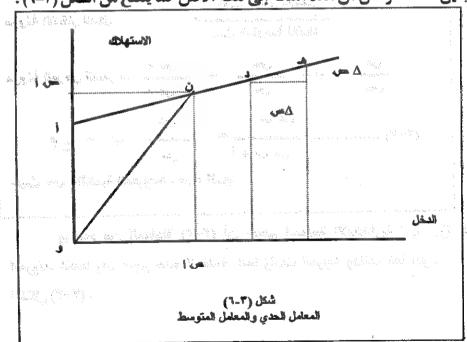
party steel to

أما عن المعلمة "ب " بالمعادلة (٣-١) فهي تسمى بالمعلمة الانحدارية وتمثل ميل الخط المستقيم الممثل للعلاقة . وهي تشير إلى مقدار التغير في المتغير التابع حس (٢) نتيجة لتغير المتغير المستقل عب (X) بوحدة واحدة . أي أن :

التغير في قيمة المتغير التابع 
$$x$$
 هيس  $b=\frac{\partial Y}{\partial X}$  المعامل الحدي  $x$  التغير في قيمة المتغير المسئلال  $x$  هي

أما المعامل المتوسط فيتمثل في:

ويلاحظ أن المعامل المتوسط يمكن قياسه عند أي نقطة على خط الأنتخدار بميل الخط الواصل من هذه النقطة إلى نقطة الأصل كما يتضح من الشكل (٣-٦).



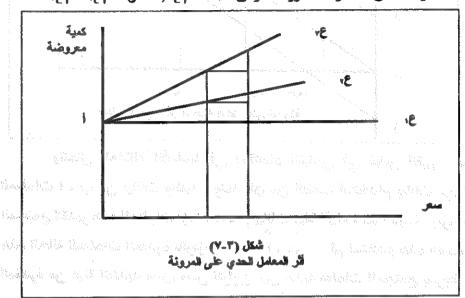
فالمعامل المتوسط بدالة الاستهلاك عند النقطة ن عميل الخط ن و -0.0 و -0.0 أما المعامل الحدي فيتم قياسه بميل الخط المستقيم الممثل للعلاقة بين أي نقطتين عليه مثل  $\Delta -0.0$   $\Delta -0.0$  بين النقطتين هـ، د بالشكل (-0.0). والمعامل الحدي بدالة الاستهلاك يمثل الميل الحدي للاستهلاك ، ويمثل المعامل المتوسط الميل المتوسط للاستهلاك . كما أن المعامل الحدي "ب" بدالة الادخار يمثل الميل الحدي للادخار ، ويمثل المعامل المتوسط الميل المتوسط للادخار .

وعموما يلاحظ أن:

	المعامل الحدي	
n Maly Balgaria	المعامل المتوسط	مرونة المتغير التابع للمتغير المست
	الميل الحدي للاستهلاك	اي أن :
g Mess	الميل المتوسط للاستهلاك	مرونة الاستهلاك للاعل
o as the state of the		
	الميل المتوسط للادخار	مرونة الانفار للنفل
	<u> </u>	مرونة العرض للسعر = عص
		<b>4</b> 6
(4-4).		· · · · - · · ·
	<b>ا + ب س</b>	•
	س= السعر .	حيث حن الكمية المعروضة ،

ويتضح من المعادلة (٣-٢) أن حجم المعلمة الانحدارية "ب "يؤثر على المرونة. فكلما زاد حجم هذه المعلمة كلما زادت المرونة وذلك كما هو واضح من الشكل (٣-٢).

ففي الشكل (٣-٣) نجد أن الخطوط ع،،ع،،ع، تقطع المحور الرأسي في نقطة واحدة هي "أ" ولذلك فان المعلمة التقاطعية واحدة بالنسبة لها . ولكن المعلمة الانحدارية "ب" تختلف فيما بينها ، الأمر الذي يؤدي لاختلاف ميل كل منها . ويلاحظ أنه كلما زاد الميل كلما زادت مرونة العرض حيث : م ع، (=صفر) <م ع، <م ع، <.....



كما أن تغير المعلمة الناقلة يؤثر على حجم المرونة . فمن المعادلة (٣-٢) نجد

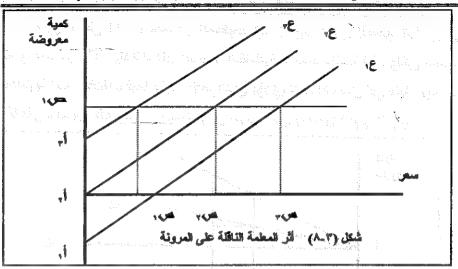
إذا كانت أ حصفر ، قان المقام < البسط ، ومن ثم م ع > ١

وإذا كانت أ > صفر ، فان المقام > البسط ، ومن ثم م ع < 1

وإذا كانت أ = صفر، فان المقام = البسط، ومن ثم م ع = ١

ولعل هذا يتضح من الشكل (٣-٨) . ففي الشكل (٣-٨) نلاحظ أن خطوط العرض المتوازية تختلف في قيمة المعلمة الناقلة ، حيث أر< أ, < أ, ولكنها تتساوى في المعلمة الانحدارية . ولذا فان مرونة العرض تختلف من خط عرض لآخر حيث :

م <sub>٢٥</sub> < م ع . . ولعل هذا يرجع لاختلاف المعامل المتوسط بينهم .



وتتمثل المشكلة الأساسية في الاقتصاد القياسي في قياس القيم الرقمية للمعلمات أ، ب من بيانات واقعية ولما كان من الصعب استخدام بيانات عن كل المحتمع لتقدير هذه المعلمات فإننا نستخدم بيانات عينة لأداء هذه المهمة . ونرمز في هذه الحالة للمعلمات المقدرة بالرمزين أ، ث ثم نستخدم هذه المعلمات المقدرة من عينة لتحديد مدى معين تتراوح بين حديه معلمات المجتمع بدرجة ثقة معينة . وفي الصفحات التالية من هذا الفصل سوف نستخدم أسلوب الانحدار الخطي البسيط في قياس إحدى العلاقات الاقتصادية وهي العلاقة بين الاستهلاك والدخل أو ما يعرف بدالة الاستهلاك ، وذلك كنموذج لتقدير علاقة انحدار خطي بسيط.

ولما كان البحث القياسي لأي مشكلة يمر بعدد من المراحل أهمها تعيين النموذج ، وتقدير النموذج ، وتقييم النموذج ، فسوف يتم التركيز في هذا الفصل على مرحلتين أساسيتين عند تطبيقنا لأسلوب الانحدار على دالة الاستهلاك نتناولهما في ثلاثة مباحث ، على أن نتعرض للمرحلة الثالثة وهي تقييم النموذج في الفصل الرابع :

المبحث الأول: تعيين تموذج الاستهلاك.

المبحث الثاني: تقدير دالة الاستهلاك.

المبحث الثالث: القيم الخارجة .

# المبحث الأول

# تعيين نموذج الاستهلاك

يعني تعيين النموذج عدد محدد من الخطوات كما سبق وأوضحنا: أولها تحديد متغيرات النموذج ، وثالثها تحديد الشكل الرياضي للنموذج ، وثالثها تحديد التوقعات القبلية لمعلمات النموذج ، ورابعها تعيين شكل الحد العشوائي. وسوف نشرح كل خطوة من هذه الخطوات بالتطبيق على نموذج الاستهلاك فيما يلي:

### (٣-١-١) تحديد المتغيرات:

تفترض النظرية الكينزية وجود علاقة طردية بين مستوى الاستهلاك وحجم الدخل ، حيث توضح هذه النظرية أنه كلما زاد الدخل كلما زاد الاستهلاك ، والعكس صحيح . وهذا يعني أن هذه النظرية تعتبر الدخل أحد المحددات الأساسية للاستهلاك ومن ناحية أخرى تشير النظرية الكلاسيكية إلى أن سعر الفائدة هو عائد الادخار ، ومن ثم يستنبط من ذلك أن سعر الفائدة يؤثر تأثيرا سلبيا على الاستهلاك ، حيث كلما ارتفع سعر الفائدة كلما زاد الادخار وانخفض الاستهلاك مع ثبات الدخل . كما تشير المشاهدات الواقعية إلى وجود علاقة طردية بين توقعات الأسعار ومستوى الاستهلاك . فإذا توقع الأفراد ارتفاع الأسعار في المستقبل بدرجة كبيرة فانهم يزيدون الطلب على السلع الاستهلاكية في الوقت الحاضر خاصة القابلة للتخزين منها . وتشير بعض الدراسات الاستهلاكية في الوقت الحاضر خاصة القابلة للتخزين منها . وتشير بعض الدراسات السابقة إلى وجود علاقة بين توزيع الدخل ومستوى الاستهلاك ، فإعادة توزيع الدخل في صالح الطبقة الفقيرة وفي غير صالح الطبقة الغنية تزيد من مستوى الاستهلاك الكلي وذلك باعتبار أن الميل الحدي للاستهلاك لدى الطبقة الفقيرة أعلى منه لدى الطبقة الغنية ، ولعل هذا يعني أن المصادر المختلفة تشير إلى أن المتغيرات التي يحتوي عليها نموذج الاستهلاك تتمثل في :

المتغير التابع : الإنفاق الاستهلاكي = ص = (Y) المتغيرات المستقلة :

أي أن دالة الاستهلاك تأخذ الصيغة العامة التالية :

$$Y = f(X, r, P, E) \leftarrow ($$
ت، ت، ت $)$ 

ولكن ليست كل المتغيرات التفسيرية على نفس الدرجة من الأهمية . فهناك بعض الدراسات السابقة التي أوضحت أن كل من سعر الفائدة وتوزيع الدخل والأسعار المتوقعة من العوامل قليلة الأهمية في التأثير على مستوى الاستهلاك. ولذلك في محاولة منا للتبسيط سوف نسقط هذه المتغيرات ونركز على الدخل كأهم متغير تفسيري في دالة الاستهلاك . ومن ثم فان نموذج الاستهلاك البسيط يأخذ الصيغة التالية :

$$Y = f(X)$$
  $\leftarrow (\infty) x = \infty$ 

# (٣-١-٣) تحديد الشكل الرياضي للنموذج

يوجد هناك أكثر من شكل رياضي يمكن استخدامه لقياس العلاقة الخطية بين

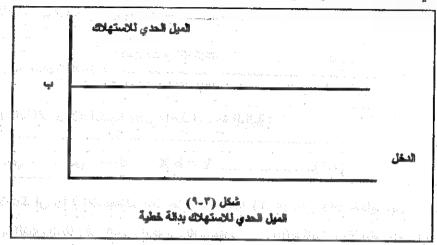
الاستهلاك والدخل. ويمكن التفرقة في هذا الصدد بين صيغتين:

(1) دالة الاستهلاك الخطية غير النسبية ، وهي تأخذ الصيغة التالية :

حيث: حب (Y) = الإنفاق الاستهلاكي ، ص (X) = الدخل .

ويلاحظ في هذه الحالة أن كل زيادة في الدخل بوحدة واحدة تؤدي إلى زيادة الاستهلاك بمقدار ثابت =  $\mathbf{p}$  (b) . ويمثل هذا المقدار ما يسمى الميل الحدي للاستهلاك أي أن ميل دالة الاستهلاك ثابت ، ولذا فإنها دالة خطية يمكن تمثيلها بالشكل ( $\mathbf{p}$ -1).

ولكن خطية دالة الاستهلاك تتضمن أن الميل الحدي للاستهلاك لدى أصحاب الدخول المرتفعة معيث أن الميل الحدى للاستهلاك لا يتغير بتغير الدخل كما يوضح الشكل (٣-١) .



ومن ثم فإن إعادة توزيع الدخل في صالح الطبقة الفقيرة وفي غير صالح الطبقة الغنية لا يؤثر على مستوى الاستهلاك وفقا لدالة الاستهلاك الخطية الموضحة بالمعادلة (٣-٣) .

ومن ناحية أخرى يلاحظ أن دالة الاستهلاك كما هي مصاغة في المعادلة (٣-٣) تعتبر دالة غير نسبة ، حيث تؤدي الزيادة في الدخل بنسبة معينة إلى زيادة الاستهلاك بنسبة أقل . أي أن النسبة المنفقة من الدخل على الاستهلاك ( الميل المتوسط للاستهلاك) تتناقص مع الزيادة في الدخل . ويمكن إيضاح ذلك بقسمة طرفي المعادلة (٣-٣) على من فنحصل على:

				42	j	-
1946, 17 (11 4 4 4 4 4 <b>(4 - ))</b>	************	************		<del>4</del> †	·	
A Briston Wage 1.		Police I	14			UR.

ومن المعادلة (٣-٤) يتضح أنه كلما زاد الدخل كلما انخفضت النسبة التي تمثل الميل المتوسط للاستهلاك ، وهذا لا يحدث بالطبع إلا إذا كانت نسبة الزيادة في الاستهلاك أقل من نسبة الزيادة في الدخل . ولعل هذا يعني أن النسبة التي ينفقها الأغنياء (أصحاب الدخول المرتفعة) من دخولهم على الاستهلاك أقل من النسبة التي ينفقها الفقراء (أصحاب الدخول المنخفضة).

ويلاحظ أن مرونة الاستهلاك للدخل 1 ، حيث:

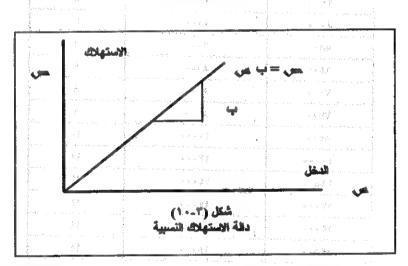
(٢) دالة الاستهلاك النسبية وهي تأخذ الصبغة التالية :

ويلاحظ أن دالة الاستهلاك كما تمثلها المعادلة (٣-٥) تعتبر دالة خطية أيضا حيث أن ميلها الذي يتمثل في الميل الحدي للاستهلاك = ب (b) = ثابت، ولا يتغير بتغير الدخل. غير أن الفرق بين الصيغة (٣-٣) ، والصيغة (٣-٥) ينحصر فيما يلي :

- (أ) أن الحد الثابث (المعلمة التقاطعية) في الصيغة (٣-٥) = صفر ، وهذا يعني أنه إذا انخفض الدخل للصفر ينخفض الاستهلاك للصفر . هذا في حين أن المعلمة التقاطعية في الصيغة (٣-٣) موجبة ، الأمر الذي يعني أن هناك حداً أدنى من الإنفاق الاستهلاكي لابد أن يقوم به المجتمع حتى لو انخفض الدخل للصفر ، وهو يتمثل في المعلمة أ .
- (ب) أن دالة الاستهلاك كما هي موضحة في الصيغة (T) تعتبر دالة نسبية ، حيث إذا زاد الدخل بنسبة معينة يزداد الاستهلاك بنفس النسبة ، الأمر الذي يعني أن تظل النسبة المنفقة من الدخل على الاستهلاك ثابتة مهما تغير الدخل . ويتضح هذا بقسمة طرفي المعادلة (T) على حب فنحصل على T حب T أبت . هذا في حين أن الميل المتوسط للاستهلاك في حالة الدالة (T) غير ثابت .
  - (ج) يتضح من الصيغة النسبية (٢-٥) أن الميل الحدي للاستهلاك = الميل المتوسط

للاستهلاك = ب = ثابت ، ومن ثم فان مرونة الاستهلاك للدخل تساوي الواحد . هذا في حين أن مرونة الاستهلاك للدخل في حالة الصيغة غير النسبية (٣-٣) أقل من الواحد. (د) لقد اتضح من الدراسات التطبيقية السابقة أن الصيغة (٣-٣) تصف العلاقة بين الاستهلاك والدخل بطريقة أفضل عند استخدام بيانات قطاعية أو بيانات سلسلة زمنية لفترة قصيرة نسبيا . ولعل هذا يعني أن الدالة غير النسبية تصف علاقة الاستهلاك بالدخل بصورة أفضل في الفترة القصيرة ، ولذا ينظر إليها على أنها دالة استهلاك في الأجل القصير. كما اتضح أيضا من الدراسات التطبيقية السابقة أن الصيغة (٥-٥) تصف العلاقة بين الاستهلاك والدخل بطريقة أفضل عند استخدام بيانات سلسلة زمنية لفترة طويلة . وهذا يعنى أن دالة الاستهلاك النسبية أكثر ملائمة لقياس العلاقة بين الاستهلاك والدخل في الفترة الطويلة . فالمجتمع الذي لا ينتج في الفترة الطويلة يموت ، ولدلك عندما ينخفض الدخل للصفر ينخفض الاستهلاك للصفر.

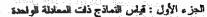
ومما سبق يمكن توضيح شكل دالة الاستهلاك النسبية كخط نابع من نقطة الأصل ذو ميل ثابت وأقل من الواحد كما هو واضح بالشكل (٣-١٠):

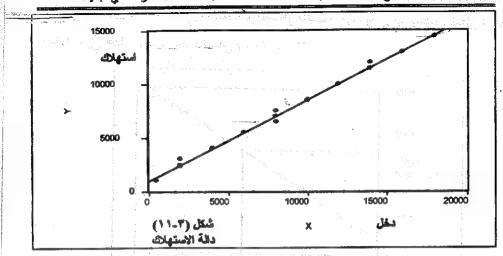


وحتى نحدد أي شكل من الأشكال الرياضية أكثر ملائمة لقياس علاقة الاستهلاك مع الدخل يتعين علينا الاسترشاد بشكل الانتشار المبنى على أساس البيانات الواقعية المراد استخدامها في قياس العلاقة . فإذا افترضنا أن البيانات التي تم جمعها تخص عينة من الأسر المسحوبة من قطاعات مختلفة من المجتمع عام ١٩٩٥ ، وكانت كما هي موضحة بالجدول (٣-١) ، فإن شكل الانتشار (٣-١١) يوضح العلاقة بين الاستهلاك والدخل كما تصفها بيانات الجدول . ومن الملاحظ أن معظم نقاط شكل الانتشار تقع على خط مستقيم ، ولذلك فإن أكثر الصيغ ملائمة لتقدير علاقة الاستهلاك هي الصيغة الخطية . وحيث أن البيانات المستخدمة في التقدير هي بيانات قطاعية فإن صبغة الدالة غير النسبية أكثر ملائمة من الصبغة النسبية . ونخلص مما سبق إلى أن الصبغة السبية .

جدول (٣-١) الإنفاق الاستهلاكي والدخل لعينة من الأسر

	الإنفاق الاستهلاكي	الدخل النقدي السنوي	رقم الأسرة	Paris 19
Major.	May War Same	Towns in the second	1	
ristå ogg	gardy <b>W</b> eeps fan	. 1888 P	English and William	Lai Ma
j. Ngjerij	Y0	Y • • •	٣	
	¥		£	
<i>;</i>		£•••	٥	
	88++	1	Wall of the state	
	<b>10</b> 104, 44	er age (s. <b>A.</b> s.	<b>Y</b>	
	Y	A		
:	Y0		•	
	A0	1	1.	
	1	17	11	]
:	110	18	- 17	
	17	16	11"	
	17	Sale of the Sale o	18	:
	180++	14	10	7





## (٣-١-٣) تحديد التوقعات القبلية للمعلمات

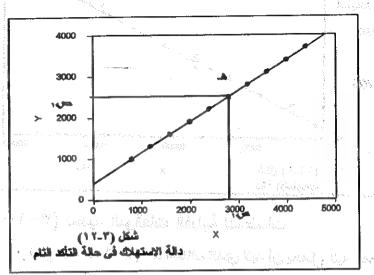
تمثل المعلمة "أ" (8) حد الكفاف الذي لابد أن يحصل عليه المجتمع حتى إذا انخفض الدخل للصغر ، ولذلك فانه من المتوقع أن تكون أ > صفر . وتمثل المعلمة الانحدارية ب (6) الميل الحدي للاستهلاك ، ومن المتوقع أن تكون صفر < ب < ١ . فهي أكبر من الصفر لأن العلاقة بين الاستهلاك والدخل من المتوقع أن تكون طردية ، وأقل من الواحد لأن الزيادة في الدخل تتوزع بين زيادة في الاستهلاك وزيادة في الادخار . كما أنه من المتوقع أن تكون مرونة الاستهلاك للدخل أقل من الواحد ، حيث أن الميل الحدي للاستهلاك < الميل المتوسط في حالة دالة الاستهلاك غير النسبية .

# (١-١-٢) تعيين الحد العشواتي

يلاحظ أن الصيغة المعينة سابقا لدالة الاستهلاك والتي تتمثل في :

س = أ + ب س ، لا تحتوي على حد عشوائي . ولعل هذا يعني أننا ننظر للعلاقة بين الاستهلاك والدخل على أنها علاقة مؤكدة ، حيث أن كل التغيرات في ح ترجع بكاملها للتغيرات في س ، ولو أن هذا صحيحا لكان كل تغير في الدخل بوحدة واحدة

(  $\Delta$  ه = 1 ) يصحبه تغير في الاستهلاك بمقدار ثابت =  $\psi$  ، ومن ثم ينطبق شكل الانتشار تماما على خط مستقيم كما بالشكل ( $\Upsilon$ – $\Upsilon$ 1) .



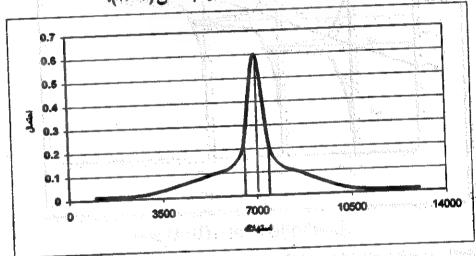
وفي هذه الحالة نجد أنه عندما يكون الدخل عن يوجد مستوى استهلاك هو واحد هو حن، وهذا يعني أن كل فرد دخله عن لابد أن يكون مستوى استهلاكه هو حن أي أن ١٠٠ ٪ من الأفراد ذوي الدخل عن مستوى استهلاكهم حن، وهكذا الأمر عند مستويات الدخل الأخرى وهذا يشير إلى تأكد العلاقة بين الاستهلاك والدخل ولكن في الواقع العملي لا يكون الأمر هكذا فإذا افترضنا أن من بين أفراد المجتمع هناك ١٠ أفراد دخل كل واحد منهم ٢٠٠٠ جنيه ، فليس بالضرورة أن يكون استهلاك كل واحد منهم متساوي مع الآخر يساوي ٢٠٠٠ جنيه مثلا . فمن المتوقع أن يكون ستة مثلا أستهلاك كل واحد منهم ٢٠٠٠ جنيه ، واثنين استهلاك كل واحد منهم ١٠٠٠ جنيه ، واثنين استهلاك كل واحد منهما ٢٥٠٠ جنيه ، فالإثنين الآخرين استهلاك كل واحد منهما ٢٥٠٠ جنيه ،

جدول (۲-۲)

التوزيع التكراري للاستهلاك عند الدخل 1000 جنيه

تكرار نسي	تكرار	استهلاك أستهداك
	an og <b>Y</b> aggger	### <b>****</b>
27.	والمنطبط والمراجع	ga Grago gita <b>Y ** 3</b> a agrico de c
×4.	Y	Yo
х1	1:	مجموع

ووفقا لذلك نجد أنه ليس من المؤكد أن يكون الاستهلاك ٢٠٠٠ جنيه عندما يكون الدخل ٨٠٠٠ جنيه ، ولكن هناك احتمالا ٦٠ ٪ أن يكون الاستهلاك ٢٠٠٠ عندما يكون الدخل ٨٠٠٠ جنيه ، وهذا يعني أن العلاقة بين الاستهلاك والدخل علاقة احتمالية في الواقع ، ويمكن أن نعبر عن هذه العلاقة الاحتمالية بالشكل (٣-١٣).

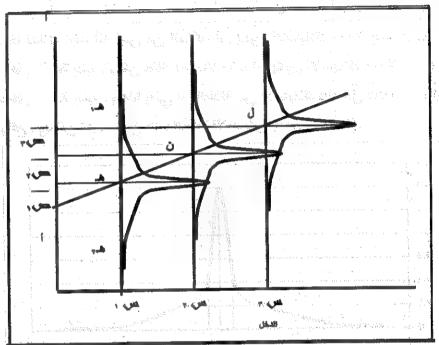


ار شکل (۲-۱۳)

التوزيع الاحتمالي للاستهلاك عند الدخل ٨٠٠٠

وهكذا نتوقع أن يأخذ الاستهلاك توزيعا احتماليا عند كل مستويات الدخل الأخرى كما هو الحال بالشكل (٣-١٣) . ولكن إذا كنا نبحث عن قيمة واحدة

للاستهلاك عند كل مستوى للدخل ، فإن القيمة الأكبر احتمالا أو الأكثر توقعه هي القيمة المتوسطة لأنها صاحبة أكبر احتمال وذلك بافتراض أن التوزيع الشائع هو التوزيع المعتدل . ولذلك تسمى القيمة المتوسطة بالقيمة المتوقعة . وفي مثالنا السابق عندما يكون الدخل ١٠٠٠ فانه من المتوقع أن يكون الاستهلاك ٢٠٠٠ . ولذلك عندما نقوم بتقدير دالة الاستهلاك من بيانات واقعية فإنها تكون دالة احتمالية . ويمكن توضيح ذلك باستخدام الشكل (٣-١٤) .



شكل (٣-١٤): دالة الاستهلاك المقدرة

فمن الشكل نجد أن دالة الاستهلاك المقدرة هي دالة احتمالية ، حيث تشير إلى القيمة الأكبر احتمالا للاستهلاك ( وهي القيمة المتوسطة حر) عند مستويات الدخل المختلفة . فعند مستوى الدخل س، نجد أن القيمة الأكبر احتمالا للاستهلاك هي حر، ، وعند مستوى الدخل س، نجد أن حر، هي القيمة الأكبر احتمالا للاستهلاك وهكدا. وبتوصيل النقاط ه ، ن ، ل نحصل على دالة الاستهلاك المقدرة والتي توضح القيم

المتوقعة للاستهلاك عند مستويات الدخل المختلفة . وهكذا يتضح لنا أن القيم حَيّى ، مَيّى ، حَيّى ليست هي القيم الوحيدة للاستهلاك التي يمكن أن تسود عند مستويات الدخل المختلفة من ، من ، من ، من ولكن هي فقط القيم الأكبر احتمالا . فعند مستوى الدخل من قد تكون القيم المشاهدة بالواقع للاستهلاك هي هـ ، هـ بالإضافة إلى هـ . وحيث أن "ه" هي القيمة المقدرة أو المتوقعة فان هناك انحرافا بين القيمة المقدرة وحيث أن "ه" وإذا سمينا خط الانحدار (أل) بالخط المقدر فإننا نجد أن هناك انحرافا بين القيم العلاقة أن هناك انحرافا بين القيم المشاهدة والخط المقدر . ومثل هذا الانحراف يحعل العلاقة احتمالية . ولذلك فانه يمثل أثر الحد العشوائي بالدالة المقدرة. وهذا يعني أن العلاقة الاحتمالية لابد أن تحتوي على الحد العشوائي (ع) . ومن ثم فان دالة الاستهلاك الاحتمالية يمكن كتابتها في الصورة التالية :

#### 

حيث ۽ (u) تشير إلى الحد العشوائي بالدالة والذي يجعلها احتمالية .
والسؤال الذي يثور الآن ، ما هي العوامل التي تحدد حجم الحد العشوائي بالدالة المقدرة ؟ وبمعنى آخر ما هي العوامل التي تؤدي لانجراف القيم المشاهدة عن الخط المقدرة أو الخط النظري ؟

يلاحظ في هذا الصدد أن الحد العشوائي كثيرا ■ يسمى بالخطأ العشوائي . ويمكن التفرقة بين نوعين من الخطأ العشوائي : (١) خطأ المعادلة (خطأ الحذف) ، (٣) خطأ المشاهدة (خطأ القياس) ، وسوف نتعرض لهذين النوعين من الخطأ بنوع من التفصيل في هذا المبحث .

#### (١) خطأ المعادلة (خطأ الحذف) Equation Error

يساً مثل هذا الخيطاً عن بعض العوامل التي تؤدي لاختلاف شكـل المعادلة المستخدمة في التقدير عن المعادلة الحقيقية التي تمثل العلاقة الصحيحة . ومن أهم العوامل التي تؤدي إلى اقتراف مثل هذا الخطأ ما يلي :

أ حذف بعض المتغيرات . ففي حالات كثيرة يحذف الباحث بعض المتغيرات من النموذج رغم أهميتها في تفسير الظاهرة محل البحث . ويرجح هذا ربما لعدم معرفة الباحث بهده المتغيرات نظرا لعدم ذكرها في النظرية ، ويسمى هذا بعدم كمال النظرية . وليسمى هذا بعدم كمال النظرية . وفي حالات أخرى قد تكون هناك بعض المتغيرات التي تؤثر في الظاهرة ولكنها غير قابلة للقياس ، مثال ذلك الأذواق والتوقعات والجنس والدين . أو قد توجد هناك بعض المتغيرات العشوائية التي لا يمكن التنبؤ بحدوثها مسبقا مثل حدوث الأوبئة أو الزلازل والبراكين . وقد تكون هناك بعض المتغيرات المعروفة للباحث والقابلة للقياس ولكن البيانات المتاحة عنها غير كافية أو غير دقيقة . وكل هذه أسباب تؤدي بالباحث إلى أن يحدف بعض المتغيرات الهامة التي تؤثر في الظاهرة . ونتيجة لمثل هذا الحذف فان الدالة المستخدمة في القياس ربما تكون مختلفة عن العلاقة الصحيحة .

ب - عدم كمال تعيين الشكل الرياضي للنموذج . قد يفترض الباحث أن العلاقة محل الدراسة علاقة خطية في حين أنها في الواقع غير خطية أو العكس أو قد يسقط بعض المعادلات من النموذج بدون مبرر من أجل تبسيط حجم النموذج ، هذا في الوقت الذي تكون فيه الظاهرة معقدة وتحتوي على علاقات عديدة يصعب إدراجها في معادلة واحدة . ومثل هذه المشكلة تسمى بمشكلة التعيين .

ج- أخطاء التجميع . عند استخدام بيانات تجميعية كالتي تخص الدخل الكلي الإستهلاك الكلي والادخار الكلي ، فان هذه البيانات تعبر فقط عن مجموع المقادير المتعلقة بالأفراد دون أن تعكس الاختلافات المتعلقة بنوعية هذه المقادير أو بهيكل توزيعها ، رغم أن هذه الاختلافات تؤثر في الظاهرة محل البحث . فتساوي مجموع الدخل القومي لبلدين متساويين في عدد السكان لا يعني تساوي درجة الرفاهية الاقتصادية بهما ، حيث أن توزيع الدخل بين الأفراد ربما يكون مختلفا في كل منهما . كما أن عملية تجميع الناتج الكلي للمشروعات المختلفة تهمل ما لهيكل هذا الناتج من أثر ، مثال ذلك نسبة الصناعات التحويلية إلى الصناعات الإستخراجية من الناتج ، أو توزيع الناتج رغم ثبات توزيع الناتج بين سلع استهلاكية وإنتاجية . فلا شك أن اختلاف هيكل الناتج رغم ثبات

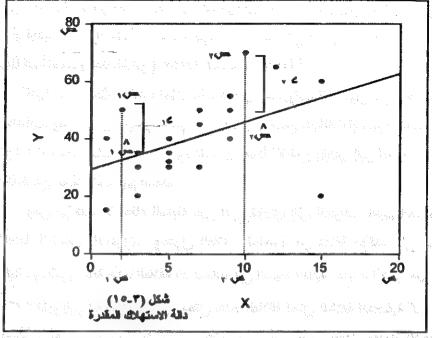
قيمته يؤثر على الظواهر الاقتصادية . وباختصار فان عملية التجميع تسقط أثر التغير في هيكل أو نوعية المتغيرات التجميعية مما يترتب عليه خطأ في شكل المعادلة. (٢) خطأ المشاهدة (خطأ القياس) Measurement Error

كثيراً ما تحدث هناك أخطاء عند قياس المتغيرات للحصول على ما يسمى بالمشاهدات، وهذا قد يرجع إلى عدم كمال أساليب جمع البيانات أو نتيجة للخطأ عند المعالجة الإحصائية لهذه البيانات. ولاشك أن خطأ القياس يؤدي إلى انحراف القيم المشاهدة عن الخط المستقيم المقدر.

ومن ثم فان الأخطاء السابقة هي التي تؤدي إلى انحراف القيم المشاهدة عن الخط المستقيم النظري، وتحول العلاقة المقدرة من علاقة مؤكدة إلى علاقة احتمالية . ويمكن كتابة هذه العلاقة الاحتمالية في الصيغة التالية : ص = أ + ب ص + ، حيث "ء " تشير إلى الحد العشوالي . ومثل هذه العلاقة تمثل العلاقة الحقيقية كما هي في الواقع ، وهي تتكون من جزأين : جزء يمكن تفسيره من خلال معادلة الانحدار ( أ + ب مر) وجزء آخر يتم تفسيره بالمتغير العشوائي (٤) . ويمكن توضيح ذلك من 

Marches (mail of the Charles and the control of the MANT SAN AN AND A STORE OF A STORE STANDARD SANDERS OF A STORE AND A STANDARD AND plant with the second and and any say that the second and a second and the second and the second and the second The way there were the first was the second with the and in the same of the same of

enclose that is the first on the second



ويمثل شكل الانتشار (٣-١٥) العلاقة بين الاستهلاك والدخل كما تم مشاهدتها في الواقع ، حيث أن هذا الشكل مبني على أساس بيانات واقعية . ويوضح خط الانحدار ذلك الجزء من المتغير التابع (٣٠) الذي يمكن تفسيره بدلالة المتغير المستقل المنتظم (٣٠) . فعندما تكون قيمة المتغير المستقل هي عب ا مثلا فان القيمة المتوقعة للمتغير التابع تكون هي شر اكما يحددها خط الانحدار والجزء الباقي من حب وهو "٤، "(٤، = -0، - -1) يرجع للمتغير العشوائي . أي أن : -0, = -1 + ١٠ . وهكذا بالنسبة تكل قيمة مشاهدة من قيم (-0) يوجد جزء منها يرجع للمتغير المنتظم عب وجزء برجع للمتغير العشوائي » . أي أن بوجه عام يمكن القول :

$$Y_i = \hat{Y}_i + u_i \leftarrow 4 + 3 \hat{x} = 3 \text{ cm}$$

وحيث أن: هُر = أ + ب عن تمثل خط الانحدار

 $Y_i = \hat{a} + \hat{b} X_i + u_i \leftarrow ( + ( + ) + ) = ( + ) = ( + )$ 

أي أن : التغير في الاستهلاك = تغير منتظم يرجع للدخل + تغير عشوائي

ولكن إذا كان ليس من الممكن قياس المتغيرات العشوائية في قيم محددة

فكيف يمكن تمثيلها في معادلة انحدار بالحد (ع) وكيف يمكن التعامل معها إحصائيا عند القياس ؟

وفي هذا الصدر يتم وضع عدد من الافتراضات الخاصة بشكل المتغير العشوائي حتى يمكن التعامل معه إحصائيا ، ومثل هذه الافتراضات قد تكون مطابقة للواقع وقد لا تكون . ولاشك أنه بقدر مطابقتها للواقع بقدر ما يكون قياسنا للعلاقة محل البحث أكثر دقة . ويسمى تحديد شكل المتغير العشوائي من خلال هذه الافتراضات تعيين الحد العشوائي . و سوف نتعرض لهذه الافتراضات في الجزء الخاص بتقدير النموذج .

Anald Williams

many and the site of the site

BOOK TO THE THE THE PARTY OF TH

the state of the second state of the second

Marian Company

with a market the state of the control of the state of th

ti like in likeling i kuntan Piliphin l

the and Majorial Philipping & Majoritock Philipping Society

and Harris Sanga Berk Sanga Sanga

gingeng milit strag tempog mena og strænglik med en fig sky trag men og part. Sener til t

### المبحث الثاني

## تقدير دالة الاستهلاك

بعد الانتهاء من مرحلة تعيين النموذج بخطواتها المختلفة ، تأتي مرحلة تقدير النموذج . وفي هذه المرحلة يتم قياس القيم الرقمية لمعلمات النموذج . وفي هذا الخصوص يتعين علينا التفرقة بين العلاقة الحقيقية والعلاقة المقدرة . فالعلاقة الحقيقية هي التي يمكن الحصول عليها عند جمع بيانات عن كل القيم الممكنة لمجتمع المتغيرات حى ، مى وهي تتمثل في الصبغة التالية:

 $Y_i = a + bX_i \iff y \mapsto i = y$ 

أما عن العلاقة المقدرة فهي التي يمكن الحصول عليها من بيانات عينة ، وتتمثل في الصيغة التالية :

 $Y_i=\hat{a}+\hat{b}\,X_i+e_i\leftarrow$ من ثم فان خط العلاقة المقدرة الذي يمثل هذه العلاقة يتمثل في:

$$\hat{Y}_i = \hat{a} + \hat{b} X_i \leftarrow \hat{A} \leftarrow \hat{A} + \hat{A} = \hat{A} + \hat$$

حيث:

 $\stackrel{\wedge}{Y_i} = \psi$  , which is the property of the property of the  $\stackrel{\wedge}{Y_i} = \psi$ 

$$\stackrel{\wedge}{b}=$$
 القيمة المقدرة للمعلمة الانحدارية ب $\stackrel{\wedge}{b}=$ 

د و القيمة المقدرة للحد العشوائي ع ر = القيمة المقدرة للحد العشوائي ع

وتمر مرحلة تقدير النموذج بعدد من التخطوات سوف نركز على إثنين منها في هذا المبحث: as 中华远镜 新元识。

(2-1-1) تجميع البيانات لنموذج الاستهلاك.

(٣-٢-٣) أَخَتَيَارَ طريقَة القياس الملائمَة .

ثم نختتم المبحث بالتعرض لنقطة ثالثة هي:

(٣-٢-٣) الفرق بين الارتباط و الانحدار.

(٣-٢-٣) تجميع البيانات لنموذج الاستهلاك

حتى يمكن تقدير نموذج الانحدار الذي تم تعيينه في المرحلة السابقة لابد

من توافر بيانات عن متغيرات هذا النموذج وهي حب، عب ، ع ، وسوف نتعرض في هذه المرحلة لأهم المشاكل التي تواجهنا عند جمع بيانات عن هذه المتغيرات . أولا: مشاكل متعلقة بجمع بيانات عن الاستهلاك والدخل

(١) هل نستخدم بيانات عن الدخل الحقيقي أم عن الدخل النقدي لا

يلاحظ عموما أنه في غياب ظاهرة الوهم النقدي فان الدخل الحقيقي وليس النقدي هو المحدد الأساسي لمستوى الاستهلاك . فإذا زاد الدخل النقدي بنسبة معينة وزاد المستوى العام لأسعار التجزئة بنفس النسبة فان مستوى الاستهلاك الحقيقي لا يتغير نظرا لثبات الدخل الحقيقي . بل أكثر من هذا ، إذا ظل الدخل النقدي ثابتا وارتفع المستوى العام للأسعار ، فان الدخل الحقيقي سوف ينخفض ومن ثم مستوى الاستهلاك. وهذا يعني أنه يتعين جمع بيانات عن الدخل النقدي و الإنفاق الاستهلاكي ثم القيام بتحويلها إلى قيم حقيقية باستخدام المستوى العام لأسعار التجزئة قبل استخدامها في تقدير دالة الاستهلاك . فإذا افترضنا أن ث (P) هو الرقم القياسي لأسعار التجزئة فان العلاقة التي يتعين تقديرها تصبح كما يلي:

$$\frac{Y}{P} = a + \frac{X}{P} + u$$

وبضرب المعادلة (٦-٦) في ث نحصل على: ﴿ أَنْ أَهُمُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ ال

ومن هذه المعادلة يلاحظ أن الإنفاق النقدي على الاستهلاك ليس دالة في الدخل النقدي وحده (مر) بل في مستوى الأسعار أيضا (ث) . وعموما فان استخدام بيانات عن الدخل النقدي والإنفاق النقدي على الاستهلاك لتقدير دالة استهلاك غير نسبية يعطى نتائج مختلفة عنها عندما نستخدم نفس البيانات بعد تعديلها لقيم حقيقية . ويمكن توضيح ذلك من المثال (٣-١) المعطى بالجدول (٣-٣) .....

> مثال (۲-۱) القيم النقدية والقيم الحقيقية

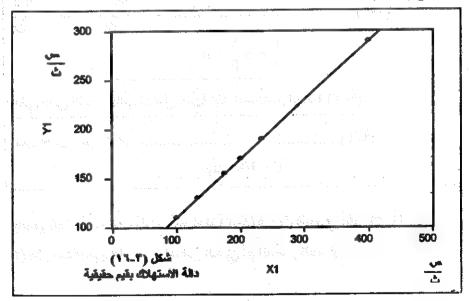
افترض أن البيانات التالية تعبر عن الدخل والإنفاق الاستهلاكي على الكماليات ومستوى الأسعار لعدد من الدول عند نقطة زمنية معينة .

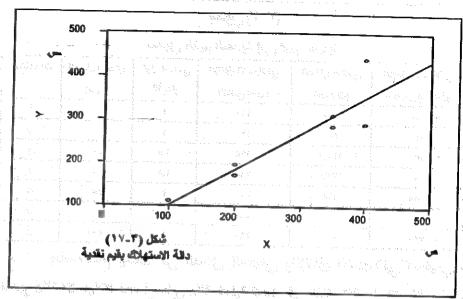
حدول (٣-٣) تعديل القيم النقدية إلى قيم حقيقية

الإنفاق الاستهلاكي الحقيقي (س/ث)	الدخل الحقيقي (س / ث)	الإنفاق الاستهلاكي النقدي (ص)	الرقيم القياسي للأسعار	الدخل القدي (س)	المشاهدات
11-	1	11.	1	100 %	î
17-	Y	17-	1	7	. پ
17+	177,7	110	1,0	٧	ج
14.	YYY,T	YAO:	1,0	70.	٥
100	170 .	71-	. Y	70.	
311-	ter les	££ • 334		٤	ق
71.	£	· 14.	1 20	٤٠٠	: ن

وباستخدام بيانات عن الدخل الحقيقي والإنفاق الاستهلاكي الحقيقي في تقدير دالة الاستهلاك نحصل على دالة خطية تتمثل في شكل الانتشار (٣-١٦). أما إذا استخدمنا بيانات عن الدخل النقدي والإنفاق النقدي على الاستهلاك فان شكل الانتشار الممثل لدالة الاستهلاك يصبح (٣-١٧).

ومن الواضح أن العلاقة الموضحة بالشكل (٣-١٧) لا تعكس العلاقة الحقيقة الموضحة بالشكل (٣-١٦).





ولكن يلاحظ أن تعديل البيانات باستخدام المستوى العام للأسعار في حالة بيانات السلسلة الزمنية التي تعكس دالة استهلاك نسبية لا يؤثر على شكل دالة الاستهلاك، ولا يؤثر على نتيجة القياس. أي أن استخدام الصيغة التالية:

$$\frac{Y}{P} = b \frac{X}{P} + u$$

يعطي نفس النتائج التي نحصل عليها عند استخدام الصيغة (٣-٩):

$$Y = bX + u_1$$

ويتضح هذا عند ضرب طرفي المعادلة (٣-٨) في ث فنحصل على (٣-٩). (٢) هل نستخدم بيانات عن الدخل الكلي أم الدخل المتاح <sup>9</sup> يلاحظ أن الدخل الكلي بالمفهوم الاقتصادي يشير إلى المقابل المستحق نتيجة لأداء خدمات إنتاجية خلال فترة زمنية معينة . أما الدخل المتاح = الدخل الكلي الضرائب المباشرة + المدفوعات التحويلية . ومن الواضح في هذا الصدد أن الدخل المتاح يعبر عن المقدرة الإنفاقية بدرجة أكبر من الدخل الكلي . فالدخل الكلي لا يستبعد الضرائب المباشرة رغم أنها تؤثر سلبيا على المقدرة الإنفاقية . كما أنه لا يحتوي على المبالغ التي تحول إلى الفرد عن طريق غير الإنتاج كالإعانات النقدية والأرباح الرأسمالية وغيرها من مدفوعات تحويلية، رغم أنها تزيد من المقدرة الإنفاقية . ولما كان الدخل المتاح يستبعد الضرائب المباشرة ويتضمن المدفوعات التحويلية فانه يصبح الدخل المتاح يستبعد الضرائب المباشرة ويتضمن المدفوعات التحويلية فانه يصبح الدخل المتاح بدلا من الدخل الكلي . ولعل هذا يعني أنه يتعين استخدام بيانات عن الدخل المتاح بدلا من الدخل الكلي عند تقدير دالة الاستهلاك.

(٣) هل نستخدم بيانات عن الدخل القومي أم متوسط الدخل ؟

من الأسئلة التي تطرح في هذا الصدد ، هل نستخدم بيانات عن الدخل القومي والاستهلاك القومي لتقدير دالة الاستهلاك، أم نستخدم بيانات عن متوسط الدخل ومتوسط الإنفاق لتقدير هذه الدالة ؟.

يلاحظ عموما أن الاستهلاك القومي يمكن أن يزداد لأحد سببين أو كليهما :

- (أ) زيادة حجم السكان مع ثبات متوسط الدخل الفردي .
- (ب) زيادة متوسط الدخل الفردي مع ثبات حجم السكان.
  - (ج) زيادة حجم السكان ومتوسط الدخل الفردي معا .

فإذا صاحب الزيادة في الدخل القومي زيادة في حجم السكان بنفس النسبة فان متوسط نصيب الفرد أو الأسرة من الدخل لن يتغير ، ومن ثم فان مقدرته الإنفاقية لن تتغير . وفي هذه الحالة إذا زاد الاستهلاك القومي فان هذه الزيادة سوف تكون راجعة لزيادة السكان المصحوبة بزيادة مساوية في الدخل القومي دون أن تكون راجعة لزيادة متوسط الدخل الفردي .

أما إذا زاد الدخل القومي وظل حجم السكان ثابتا ، فان متوسط نصيب الفرد أو الأسرة من الدخل سوف يزداد . وفي هذه الحالة إذا زاد الاستهلاك القومي فان هذه الزيادة سوف تكون راجعة لزيادة متوسط الدخل الفردي، وليس لزيادة حجم السكان . وإذا زاد الدخل وزاد حجم السكان ، ولكن كان معدل الزيادة في الأول أكبر منه في الثاني، فان الزيادة في الاستهلاك القومي في هذه الحالة يمكن أن تكون راجعة لكل من زيادة حجم السكان وزيادة متوسط الدخل .

ومما سبق يتضح أن استخدام بيانات عن الدخل القومي في تقدير دالة الاستهلاك لا يعكس فقط أثر الدخل أو المقدرة الإنفاقية على الاستهلاك، ولكن يعكس أيضا أثر حجم السكان على الاستهلاك يتعين استخدام بيانات عن متوسط الدخل ومتوسط الإنفاق.

يلاحظ أنه عند جمع بيانات قطاعية عن الدخل والإنفاق الاستهلاكي فان

#### (٤) كيف يمكن حساب المتوسط ؟

هذا يتم على أساس الأسر وليس الأفراد ، باعتبار أن الأسرة هي الوحدة المنفقة وليس الفرد . ومن ثم فان البيانات التي يتم جمعها في هذه الحالة تعبر عن دخول الأسر المختلفة وإنفاقها الاستهلاكي . والسؤال الذي يثور الآن: هل إذا جمعنا بيانات قطاعية عن الأسر يمكن استخدامها في تقدير دالة الاستهلاك كما هي بدون تعديل ؟ وللإجابة عن هذا السؤال دعنا نفترض أن هناك أسرتين مثلا أ ، ب ، وكان دخل الأسرة "أ" = ١٠٠٠ جنيه وإنفاقها الاستهلاكي = ١٠٠٠ جنيه ، هذا في حين كان دخل الأسرة ب = ١٠٠٠ جنيه وإنفاقها الاستهلاكي = ١٠٠٠ جنيه . لاشك أن استخدام هذه البيانات على هذه الصورة في تقدير دالة الاستهلاك يتضمن افتراض أن اختلاف الإنفاق الإنفاق الاستهلاكي الخاص بالأسرة "أ" يرجع الاستهلاكي الخاص بالأسرة "أ" يرجع إلى اختلاف الانفاقية للأسرتين في المتوسط. غير أن هذا قد لا يكون صحيحا. فربما يرجع الاختلاف في الإنفاق في هذه الحالة لاختلاف حجم الأسرتين فقط ، وليس لاختلاف مقدرتيهما على الإنفاق في الحالة لاختلاف حجم الأسرتين فقط ، وليس لاختلاف مقدرتيهما على الإنفاق في الحالة لاختلاف حجم الأسرتين فقط ، وليس لاختلاف مقدرتيهما على الإنفاق في

المتوسط. فإذا افترضنا أن حجم الأسرة " أ " هو فردين من الكبار ، هذا في حين أن حجم الأسرة "ب " هو فرد بالغ واحد ، فان هذا يعني أن متوسط دخل الفرد وكذلك متوسط إنفاقه في الأسرة " أ" يساوي متوسط دخله ومتوسط إنفاقه في الأسرة ب، وأن الاختلاف في الإنفاق على مستوى الأسر كان راجعا فقط لمجرد اختلاف حجم الأسرتين . ومن هذا المنطلق يتعين استخدام بيانات قطاعية بعد تعديلها على أساس متوسط فردي في تقدير دالة الاستهلاك وذلك حتى يكون التغير في الإنفاق الاستهلاكي راجعاً في المقام الأول إلى التغير في المقدرة الإنفاقية التي يحددها أساسا دخل الفرد في المتوسط.

وتئور هنا مشكلة تتعلق بكيفية حساب المتوسط . فإذا كان لدينا أسرتين ج ، د ، وكان دخل الأسرة "ج" = ١٠٠٠ جنيه وإنفاقها الاستهلاكي = ٨٠٠ جنيه أيضا ، بالإضافة إلى كون الأسرة "د " = ١٠٠٠ جنيه وإنفاقها الاستهلاكي = ٨٠٠ جنيه أيضا ، بالإضافة إلى كون حجم كل أسرة منهما = ٤ أفراد ، فهل يعني هذا بالضرورة أن متوسط دخل ومتوسط إنفاق الفرد في الأسرتين متساوي والإجابة في هذه الحالة بالطبع بالنفي .فإذا كانت الأسرة "ج" تتكون من ٢ كبار ، و ٢ أطفال أقل من ١٥ سنة ، هذا في حين كانت الأسرة "د" تتكون من ٤ أفراد من البالغين ، فليس من المنطقي أن نعتبر متوسط إنفاق الطفل في هذه الحالة مساوياً لمتوسط إنفاق البالغ . ولذلك يتعين تحويل عدد الأطفال إلى ما يوازيهم من عدد مكافيء للكبار. فإذا افترضنا أن الدراسات المتخصصة أثبتت أن احتياجات الفرد البالغ ، فمن الممكن اعتبار أن:

العدد المكافيء لأفراد الأسرة جـ - الكيار + المعافيء الأفراد الأسرة جـ - الكيار ومن هذا المنطلق نجد أن متوسطات الدخل والإنفاق في الأسرتين كما هو موضح بالجدول (٣-٤).

جدول (٣-٤) العدد المكافيء للكبار ومتوسط الدخل والإنفاق

	- , , , ,		-		
متوسط	متوسط	العدد العدد	إنفاق الأسرة	دخل الأسرة	الأسرة
الإنفاق	الدخل	المكافيء			
الفردي	الفردي	للكبار			
Y11,Y	rrr,r	٣	٨٠٠	1	>
7	70+	٤	٨٠٠	1	3

#### حىث:

	متوسط الدخل الفردي = متوسط الدخل الأسرة
	متوسط النكن التردي = العد المكافيء للكيار
Bright To The state of the state of the state of	بَعْلِي الأَمْرِةُ متوسط الإثفاق الفردي =
	العد المكافىء للكيار

#### ثانيا: مشاكل متعلقة بجمع بيانات عن المتغير العشوائي

إذا كان من الممكن جمع بيانات عن الاستهلاك (س) والدخل (م) فانه من الصعب جمع بيانات رقمية عن المتغير العشوائي (٤)، وذلك لأن العوامل العشوائية عادة ما تكون غير معروفة أو غير قابلة للقياس الدقيق . ولهذا السبب فإننا سوف نقوم بوضع عدد من الافتراضات التي يتعلق جزء كبير منها بشكل المتغير العشوائي . ومثل هذه الافتراضات لازمة لتقدير معلمات النموذج ، وهي لا تعدو أن تكون عملية تخمين لما يمكن أن يكون عليه شكل المتغير العشوائي . وتسمى هذه الافتراضات بافتراضات نموذج يكون عليه شكل المتغير العشوائي . وتسمى هذه الافتراضات بافتراضات نموذج الانحدار الخطى الاحتمالي ، وهي تنقسم إلى نوعين :

- (١) افتراضات احتمالية.
  - (٢) افتراضات أخرى .

#### (١) الافتراضات الاحتمالية :

يلاحظ أن هذه الافتراضات من شأنها أن تحول الطريقة الإحصائية التي تستخدم في قياس العلاقة محل البحث إلى طريقة قياسية تتلاءم مع الطبيعة الاحتمالية للعلاقات الاقتصادية . وحيث أن الطريقة الإحصائية التي تستخدم في قياس معاملات الانحدار في هذا الفصل هي طريقة المربعات الصغرى العادية Squares (OLS) فان هذه الافتراضات الاحتمالية تتعلق بهذه الطريقة ، وكلها تدور طبيعة وشكل المتغير العشوائي ،

الافتراض الأول: أن المتغير(2) متغير حقيقي عشوائي.

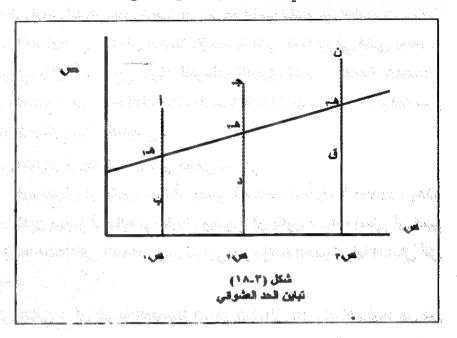
فهو يفترض أن يكون حقيقياً، بمعنى أنه يأخد قيماً رقمية محددة ، وهذه القيم قد تكون موجبة أو سالبة أو صفرية . ويفترض أن يكون عشوائيا بمعنى أن القيم التي يأخذها تعتمد على الصدفة ، ومن ثم فهي غير مؤكدة الحدوث ولها احتمال أقل من الواحد .

الافتراض الثاني: أن القيمة المتوسطة للمتغير العشوائي (٤) عند كل قيمة من قيم المتغير المستقل تساوي صفراً. فكما هو واضح من الشكل (٣-١٤) قان الحد العشوائي قد يأخد أكثر من قيمة عند كل قيمة من قيم المتغير المستقل. ومن الملاحظ أن بعض هذه القيم موجب (هـ هـ ١) وبعضها سالب (هـ هـ ٢) وبعضها صفري (النقطة هـ). وفي هذه الحالة نفترض أن مجموع القيم الموجبة يساوي مجموع القيم السالبة بحيث أن متوسط كل القيم يساوي صفراً. ويسهل هذا الافتراض من استخدام الصيغة المقدرة للدالة:

حى = ا + ب عن , في التنبؤ ، حيث نصبح في غير حاجة لتحديد القيمة المتوقعة للحد العشوائي نظراً لأنها تساوي صفر.

الافتراض الثالث: أن تباين (٤) يكون ثابتا عند جميع قيم المتغير المستقل. وفي الشكل (٣-١٨) نجد أن هذا الافتراض يعني أن قيم (٤) تتغير في حدود ثابتة حول

وسطها الحسابي والذي هو صفر . أي أن الفرق أو المدى بين الحد الأقصى والحد الأدنى لقيم المتغير العشوائي عند كل قيم المتغير المستقل ثابت.

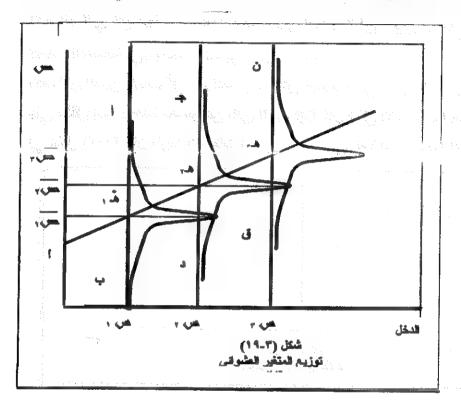


فإذا كان (أ ب) هو المدى الذي تتراوح فيه قيم ع عند القيمة عنى للدخل ، (ح د) هو المدى الذي تتراوح في قيم ع عند القيمة عنى للدخل وهكذا ، فان هذا الافتراص يعني أن : أ ب= ح د = ن ق . وهو افتراض للتبسيط ، حيث يهدف لتوضيح أن هناك توزيعاً واحداً للمتغير العشوائي عند كل قيم المتغير المستقل . ويرجع هذا لكون متوسط هذا المتغير متساوي عند كل قيم عن (=صغر) ، وتباينه متساوي أيضا .

الافتراض الرابع: أن المتغير العشوائي له توريع معتدل. وهذا يعني أن توزيع (ع) عدد كل قيمة للمتغير التفسيري (حم) سوف يكون متماثلا حول الوسط الحسابي، أي سوف يكون ناقوسي الشكل. ولعل هذا الافتراض يرجع لعدد من الأسباب، أولها أنه أقرب التوزيعات للواقع حيث أن نسبة كبيرة من التوريعات الطبيعية تتبعه، وثانيها أنه أسهل

التوزيعات التي يمكن التعامل معها وذلك لوجود جداول خاصة به دون غيره من التوزيعات.

والافتراضات السابقة تعني أن المتغير العشوائي له قيم محددة واحتمالية وموزعة توزيعا معتدلا، متوسطها صفر، وتباينها ثابت. وهذا يمكن ترجمته في الشكل (٣-١٩).



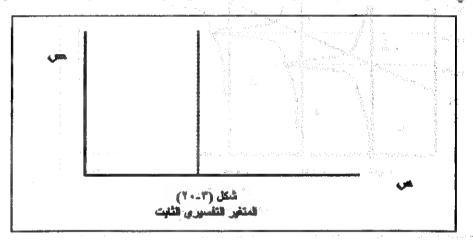
الافتراض الخامس: أن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي عند كل قيمة من قيم المتغير المستقل مستقلة عن بعضها البعض. أي أن تغاير قيم المتغير العشوائي في الفترات المتتالية = صفر. وهذا يعفينا من مشكلة مؤداها أن الخطأ العشوائي في فترة واحدة قد يكون هو السبب في توليد الأخطاء العشوائية في كل الفترات التالية.

الافتراض السادس: أن قيم المتغير (ع) مستقلة عن قيم المتغير التفسيري (ص). أي أن (س )لا يؤثر في ولا يتأثر بر (ع ). وهذا يعني أن تغاير (ص ، ع) = صفر . فلاشك أن

التداخل بين المتغير المنتظم ( ص) والمتغير العشوائي (ء ) يجعل من الصعب علينا تحديد النسبة التي يمكن تفسيرها من الاستهلاك (ص) بدلالة الدخل (ص) ، ويؤدي لوجود مشكلة تسمى عدم ثبات التباين Heterscedasticity .

الافتراض السابع: أن المتغيرات المستقلة كالدخل تقاس بلا أخطاء ، وهذا يعني أن الأخطاء التي نقع فيها توجد فقط عندما نقيس المتغير التابع . ومن ثم فان أخطاء القياس المتضمنة في (2) تتعلق بالمتغير التابع (حب) فقط.

الافتراض الثامن: ليست كل قيم المتغير المستقل متساوية ، حيث يتعين أن تكون هناك على الأقل قيمة واحدة مختلفة عن باقي القيم. فإذا كان شكل الانتشار كما هو موضح في شكل (٣-٢٠) فان طريقة المربعات الصغرى تصبح غير صالحة لتقدير علاقة الانحدار.



#### (۲)افتراضات أخرى

الافتراض التاسع: أن المتغيرات التفسيرية مستقلة إحصائيا. أي إذا وُجد أكثر من متغير تفسيريين عان الارتباط بينهم يكون منعدما أو ضعيفاً. فلو أن هناك متغيرين تفسيريين مرتبطين ارتباطاً خطياً تاماً يمكن اعتبارهما متغيراً واحداً، ومن ثم فان إدراجهما سوياً في معادلة الانحدار يؤدي إلى عدم دقة في قياس المعلمات.

الافتراض العاشر: أن المتغيرات التجميعية تكون مجمعة بطريقة سليمة ولا يوجد هناك مشاكل للتجميع.

الافتراض الحادي عشر: أن العلاقة موضع القياس تكون متعرف عليها ، أي يكون لها صيغة رياضية متميزة لا تتشابه مع صيغ أخرى في نفس النموذج . وهذا الافتراض يضمن لنا أن تكون العلاقة المقدرة هي العلاقة التي يقصدها الباحث .

الافتراض الثاني عشر: أن يكون تعيين النموذج صحيحاً سواء من حيث عدد المعادلات، أو درجة خطية كل معادلة، أو عدد المتغيرات التفسيرية.

وإذا تحققت كل هذه الافتراضات في الواقع فان النتائج التي نحصل عليها من استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في القياس يمكن الاطمئنان إلى صحتها . ولالك فان هناك حاجة لاختبار مدى توافر هذه الافتراضات فيما بعد ، وهذا ما سوف نفعله في فصول تالية.

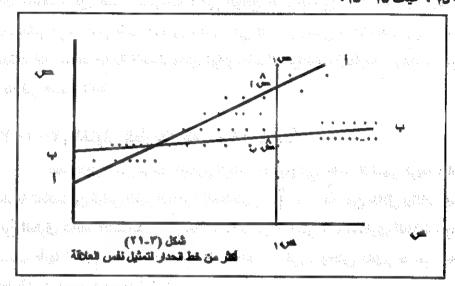
## (٣-٢-٢) اختيار الطريقة القياسية الملائمة

بعد الانتهاء من مرحلة تجميع البيانات نصبح في حاحة لاختيار طريقة قياسية مناسبة تمكننا من قياس القيم المقدرة للمعلمتين أ ، ب من خلال بيانات عينة . ومن الطرق شائعة الاستخدام في هذا الصدد طريقة المربعات الصغرى العادية ، وهي تتصف بأنها تجعل الخطأ العشوائي عند حده الأدنى . وحتى نتفهم مضمون هذه الطريقة علينا تتبع الخطوات التائية :

(۱) بعد القيام بجمع بيانات عن المتغيرين حب التابع ، حب المستقل في صورة عينة ، نقوم بتصوير العلاقة بين هذين المتغيرين في شكل انتشار باستخدام هذه البيانات كما بالشكل (۲-۲۱) . والمطلوب الآن هو تقدير خط انحدار يمثل هذه العلاقة أفضل تمثيل ممكن .

(٢) يمكن تمثيل العلاقة بين حرى عن هن خلال عدد لانهائي من خطوط الانحدار التي تمر بنقاط شكل الانتشار (٣-٢١) . فمثلا يمكن تمثيل هذه العلاقة بالخط "أ أ" أو الخط "ب ب" . ويختلف هذان الخطان في مدى انحراف القيم المقدرة والواقعة عليهما (حرب ) عن القيم المشاهدة (حرب ) . فيلاحظ مثلا أنه عندما تكون قيمة المتغير

التفسيري هي 40, ، فإن القيمة المقدرة أو المتوقعة للمتغير التابع وفقاً للخط" ب ب" تكون هي ( 20 ,) ، ووفقاً للخط" أ أ" تكون هي ( 20 ,) . ولعل الفرق بينهما هو أن انحراف القيمة المقدرة عن القيمة المشاهدة في حالة الخط" ب ب ب " هو (40, - 40 ) =6, ، في حين أن هذا الانحراف في حالة الخط" أ أ " هو (40, - 40 ) =6, ، حيث 40 حيث 40



ولاشك أن أفضل خط يمثل العلاقة هو الذي تكون انحرافات القيم الواقعة عليه عن القيم المشاهدة أصغر ما يمكن . ومن ثم تكون القيم المقدرة للمعلمات بواسطة ^ ، ، ث هي أفضل تقديرات.

ولعل الخط الذي يجعل الانحرافات عند حدها الأدنى هو الخط الذي يتوسط القيم المشاهدة خير توسط ، فإما ينطبق عليها جميعا ، أو يتخللها بحيث تكون الانحرافات الموجبة للقيم المشاهدة التي تقع أعلاه مساوية للانحرافات السالبة التي تقع أسفله ، مما يلغى بعضها بعضاً عند جمعها .

ای آن: کے در=ک(ھرر- ﴿ ر)=صفر.

ولكن يجب ملاحظة أن كون مجموع الانحرافات مساويا للصفر لا يعني أن هذه الانحرافات قد اختفت ، فهي موجودة وكل ما هناك أن مجموعها يساوي صفر . والسؤال الآن هو : كيف يمكن معرفة أن هذه الانحرافات قد وصلت لحدها الأدنى طالما أن مجموعها يساوي صفر ؟

يمكن التغلب على هذه الصعوبة بتربيع هذه الانحرافات ، ومن ثم يكون خط الانحدار الذي يمثل العلاقة محل البحث أفضل تمثيل هو الذي يجعل مجموع مربعات انحرافات القيم المقدرة عن القيم المشاهدة عند حدها الأدنى، أي يجعل:

. عند حدها الأدنى  $\left(\Sigma e_{i}^{2}\right)$ , 'د

(٣) يتضح مما سبق أن:

$$\mathbf{e_i} = \mathbf{Y_i} - \hat{\mathbf{Y}_i} \tag{3-10}$$

وبالتعويض عن قيمة :  $\hat{Y}_i = \hat{a} + \hat{b} \, X_i$  نحصل على:

$$e_{i} = Y_{i} - \hat{\mathbf{a}} - \hat{\mathbf{b}} X_{i}$$

$$\sum e_{i}^{2} = (Y_{i} - \hat{\mathbf{a}} - \hat{\mathbf{b}} X_{i})^{2}$$
(3-11)
(3-12)

والشرط اللازم للتدنية هو أن المشتقات الجزئية الأولى لمربع الانحرافات تساوي صفر . أي :

$$\frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{a}} = 0, \ \frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{b}} = 0$$

. هما المعلمتان المراد أيجاد صياغة محددة لتقديرهما $\hat{b},\hat{a}$ 

وبالحصول على المشتقة الجزئية الأولى للمعادلة (٣-١٢) بالنسبة لـ ( a ) ومساواتها بالصفر نجد أن:

البزء الأول: قياس النماذج ذات المعادلة الواحدة القصل الثالث : الاتحدار الغطي البعنوط 
$$\frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{a}} = 2\sum (Y_i - \hat{a} - \hat{b} X_i)(-1) = 0$$

$$= -2\sum (Y_i - \hat{a} - \hat{b} X_i) = 0$$

وبقسمة طرفي المعادلة على ٢ نحصل على:

$$-\sum_{i}(Y_{i}-\hat{a}-\hat{b}X_{i})=0$$

$$-\sum Y_i + n\hat{a} + \hat{b}\sum X_i = 0$$

$$\sum Y_i = n\hat{a} + \hat{b}\sum X_i$$
...(I)

وتسمى المعادلة(I) بالمعادلة الطبيعية الأولى.

وبمفاضلة المعادلة (١٢-٣) بالنسبة للمعلمة  $(\hat{b}\,)$  ومساواتها بالصغر نحم

$$\frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{\mathbf{b}}} = 2\sum (\mathbf{Y}_i - \hat{\mathbf{a}} - \mathbf{b}\mathbf{X}_i)(-\hat{\mathbf{X}}_i) = 0$$
$$= -2\sum (\mathbf{Y}_i - \hat{\mathbf{a}} - \hat{\mathbf{b}}\mathbf{X}_i)\mathbf{X}_i = 0$$

وبقسمة طرفي المعادلة على 2 نحصل على:

$$-\sum Y_i X_i + \hat{a} \sum X_i + \hat{b} X_i^2 = 0$$

$$\sum Y_i X_i = \hat{a} \sum X_i + \hat{b} X_i^2 \qquad (II)$$

وتسمى المعادلة (II) بالمعادلة الطبيعية الثانية.

 $\hat{b},\hat{a}$  ) وبحل المعادلتين الطبيعيتين نحصل على طرق قياسية لتقدير المعلمتين

فبضرب المعادلة (I) في ( $\Sigma Xi$  ) ، وضرب المعادلة (II) في (n) وطرح الأولى من الثانية نحصل على :

$$n\sum Y_i X_i = n \hat{a} \sum X_i + n \hat{b} \sum X_i^2$$
$$\sum X_i \sum Y_i = n \hat{a} \sum X_i + \hat{b} (\sum X_i)^2$$

$$\hat{\mathbf{b}} \, \mathbf{n} \, \sum \mathbf{X}_{i_i}^2 - \hat{\mathbf{b}} (\sum \mathbf{X} \mathbf{i})^2 = \mathbf{n} \, \sum \mathbf{X}_i \, \mathbf{Y}_i - \sum \mathbf{X}_i \, \sum \mathbf{Y}_i$$

$$\hat{\mathbf{b}} \Big[ \mathbf{n} \, \sum \mathbf{X}_i^2 - (\sum \mathbf{X}_i)^2 \Big] = \mathbf{n} \, \sum \mathbf{Y}_i \, \mathbf{X}_i - \sum \mathbf{X}_i \, \sum \mathbf{Y}_i$$

$$\hat{b} = \frac{n\sum Y_i X_i - \sum Y_i \sum X_i}{n\sum X_i^2 - (\sum X_i)^2}$$
 (3-13)

 $oxed{I}$  وبضرب المعادلة  $oxed{(I)}$  في  $oxed{(\Sigma X^2)}$  وضرب المعادلة  $oxed{(II)}$  في  $oxed{(\Sigma X^2)}$  ، وطرح  $oxed{II}$  من

نحصل على :

$$\sum X_i^2 \sum Y_i = n\hat{a} \sum X_i^2 + \hat{b} \sum X_i \sum X_i^2$$

$$\sum X_i \sum Y_i X_i = \hat{a} (\sum X_i)^2 + \hat{b} \sum X_i \sum X_i^2$$

$$n\hat{a} X_i^2 - \hat{a} (\sum X_i^2)^2 = \sum X_i^2 \sum Y_i - \sum X_i \sum X_i Y_i$$

$$\hat{a} = \frac{\sum X_i^2 \sum Y_i - \sum X_i \sum X_i Y_i}{n \sum X_i^2 - (\sum X_i)^2} \dots (3-14)$$

ومما سبق نجد أن:

$$\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \frac{\sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{$$

ويلاحظ أن الصياغتين (٣-١٣) ، (٣-١٤) تعطيان أفضل تقدير للمعلمات أ ، ب ، ويمكن تقدير المعلمات أ ، ب ، ويمكن تقدير أ ، ب من خلالهما بالتعويض عن قيم مر، حر.

(٤) من الممكن الحصول على صاغتين أخرتين ولكن باستخدام انحرافات القيم عن وسطها الحسابي بدلا من استخدام القيم الأصلية عن، حب وذلك على النحو التالي:

$$x = X - \overline{X}$$
,  $y = Y - \overline{Y}$   $\leftarrow \overline{x} - x - x$  افترض أن : س = يس ۽ ص = يہ ، من ان : س

$$xy = (X - \overline{X})(Y - \overline{Y})$$
$$xy = YX - \overline{X}Y - \overline{Y}X + \overline{X}\overline{Y}$$

وبأخد المجموع نحصل على:

$$\sum yx = \sum YX - \overline{X} \sum Y - \overline{Y} \sum X + n\overline{X}\overline{Y}$$

$$\sum yx = \sum YX - \frac{\sum X \sum Y}{n} - \frac{\sum X \sum Y}{n} + \frac{n\sum X \sum Y}{n^2}$$

$$\sum yx = \langle \frac{n\sum XY - \sum X \sum Y}{n} \rangle - \langle \frac{n\sum X \sum Y - n\sum X \sum Y}{n^2} \rangle$$

$$\sum yx = \frac{n\sum YX - \sum X\sum Y}{n}...(3-15)$$

 $x=X-\overline{X}$  : وبما أن

$$\sum x^2 = \sum (X - \overline{X})^2$$
$$= \sum X^2 - 2\overline{X} \sum X + n\overline{X}^2$$

$$=\sum X^2 - \frac{2n\overline{X}\sum X}{n} + n\overline{X}^2$$

$$=\sum X^2 - 2n\overline{X}^2 + n\overline{X}^2$$

$$\sum x^2 = \sum X^2 - n \langle \frac{\sum X}{n} \rangle^2$$

$$\sum x^2 = \sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{}$$

$$\frac{2 \cdot x}{4 \cdot x^2 + 2 \cdot x$$

وبالتعويض من (٣-١٥) ، (٣-١٦) في (٣-١٣) نحصل على :

$$\frac{\sum w_{1}}{\sum x_{2}} = \sum w_{1}$$

$$\Sigma X^2$$

وبقسمة المعادلة الطبيعية الأولى(I) على (n) تحصل علم

$$\frac{\sum Y_i}{n} = \hat{a} + \hat{b} \frac{\sum X_i}{n}$$

$$\hat{a} = \overline{Y} - \hat{b}\overline{X}$$

وتوضح المعادلة (٣-١٨) أن خط الانحدار المقدر لابد أن يمر خلال النقطة

التي تتمثل إحداثياتها في الوسطين الحسابيين للمتغيرين من ، ص . وتمثل المعادلتين (٣-١٧) . . (٣-١١) مُقَـدُري طريقة المربعات الصغرى العادية للمعلمـتين أ، ب في

نموذج الانحدار الخطى البسيط .

مثال (۲-۳) تقدير دالة الاستهلاك

قام باحث بجمع بيانات عن الميزانية الشهرية لعشرة من الأسر التي تقطن مدناً مختلفة بنفس المجتمع فكانت هذه البيانات كما بالجدول (٣-٥) ، علماً بأن مدينة الأسرة الأولى أخدت كنقطة أساس في الأسعار . فإذا علمت أن الدراسات المتخصصة أوضحت أن احتياجات الطفل الأقل من خمس سنوات من الاستهلاك = 1 / ٤ احتياجات البالغ وأن احتياجات الطفل بين ٦ - ١٦ سنة من الاستهلاك = 1 / ٢ احتياجات البالغ ، قدر دالة الاستهلاك من البيانات السابقة مستخدما الصيغة الخطية

الدخل النقدي والإنفاق لعينة من الأسر

رقم قياسي لأسعار التجزئة		حجم الأسرة	en antendes (n. 1.)	الإنفاق الاستهادكي النقدي	الدخل النقدي المتاح	الأسرة
- A.,	عد <b>د أطفال</b> بين ١٦–١٦	عدد أطفال أقل من ه	عدد الكبار			
1	1	7	Ÿ	٤٥٠	۳۰۰	1
1	-	-	۳	. 100	£0.	<b>7</b>
1,1	1	٧	٣	AYo	AYO	۳
1,10	٤	Y	1	11,70	17-7,0	٤
1,10	1	۳	1	1175,74	3737,Ya	0
1,7+	A 1 1		٣	71	TYT-	٦
1,7•	<b>T</b> 3.57	-	r	713-	77	Y
1,70	•	٣	1	170-	1934,70	<b>A</b>
1,10	1	٤	۲	. FTFY,o	£TYo	1
1,70	1	٣	1 P	£-17,0	a-YA, 1T	1+

حيث من (X) = متوسط الدخل الحقيقي، حن (Y) = متوسط الاستهلاك الحقيقي.

ولتقدير دالة الاستهلاك من خلال البيانات المعطاة بالجدول (٣-٥) يتعين القيام بإجراء بعض التعديلات على هذه البيانات قبل أن تصبح صالحة للاستخدام في التقدير، وذلك على النحو التالى:

(١) نحول القيم النقدية إلى قيم حقيقية باستخدام الصيغتين التاليتين:

لانفاق الاستهلاك الحقيقي للأسرة - الانفاق الاستهلاك الحقيقي للأسرة - الرقم القياسي لأسمار التجزئة

وتتضح نتائج هذه الخطوة بالعمودين (١) ، (٢) بالجدول (٣-٢). (٢) نحول القيم الكلية على مستوى الأسرة إلى قيم متوسطة على مستوى فردي وذلك بعد حساب العدد المكافىء لأفراد الأسرة من الكبار على النحو التالى:

ص = حل - حلَّ: قدراك الاستهالات تفردي عن الرسط الدسابي.

جدول (۲-۲) الحسابات اللازمة لتقدير دالة الاستهلاك

(4)	(A)	(Y)	(1)	(0)	(€)	(٣)	(۲)	(1)	رقوم
س	سص	ض	س	متوسط	متوسط	العدر	الاستهلاك	الدخل	الأسرة
Back of	e q # Sec			استهلاك	الدخل	المكافيء	الحقيقي	الحقيقي	
				حقيقي	الحقيقي	للكبار	للأسرة	المتاح	
. N		19 1 27	4 - 13	ا <u>نون</u>	ا الله الله الله الله الله الله الله ال	firm .	Barrier .	للأسرة	
TTOTTO	1461	<b>*1</b>	EAQ-	10-	100	٣	£o.	٣٠٠	1
144770	17540-	.11	£70-		10-	. ۳	1	£a.	۲
117770	AY1	17	770-	Yo-	Yo.	۳	Y0.	· Yo •	٣
ATTO	Y£1	<b>***</b> -	YA0-	Yo-	7	7,0	AYO	1.0.	٤
YYYe	01	3	A0	ξο.	0.**	. Y,Ya	1 - 17,0	. 1170	٥
2770	70	1	70	0	78-	~ T,o	170+	7770	1
TYTTO	15,000	4-	170	1	Yo-	۳	14	770.	Y
11770	1170-	74.	Tto	A**.	1	1,70	16	1070	٨
177770	17120-	79.	€10	4	1	7,0	710-	70	1
EETTTO	77010-	£9.	077	1•••	170-, //	<b>7,10</b> .	TTO	6-17,0	1.30
177.70.	1-11	Niggiese.	15	9100	٥٨٥٠	, a As			-

لم نجري الحسابات المطلوبة كما بالأعمدة (٦) ، (٧) ، (٨) ، (٩) بالجدول (٣-٦).

(٤) نعوض من بيانات الجدول (٣-١٦) في الصياغات التالية لتقدير معلمات دالة الاستهلاك على النحو التالي:

$$\hat{Y} = 53.7 + 0.78X$$

وتمثل المعادلة (٣-٢) دالة الاستهلاك المقدرة . ومنها يتضح أن :

أي أن كل زيادة في الدخل بنسبة 10٪ يصاحبها زيادة في الاستهلاك بنسبة 1%. ومن الممكن اشتقاق دالة الادخار من دالة الاستهلاك (٣-٢٠) كما يلي :

البيل الحدي للادخار = ع ع - ٢٢ -

الميل المترسط للادخار = 1 - الميل المتوسط للاستهلاك = ١-٧٧. = ١٢.

أي أن كل زيادة في الدخل بنسبة 10% يصاحبها زيادة في الادخار بنسبة 17%.

(٥) يمكن تحديد قيم الحد العشوائي د <sub>( (ci)</sub> في هذه الحالة كبواقي Residuals على

النحو التالي :

الكيمة المقدرة الاستهلاك

$$\mathbf{e}_i = \mathbf{Y}_i - \hat{\mathbf{Y}}_i = \mathbf{Y}_i - \hat{\mathbf{a}} - \hat{\mathbf{b}} \mathbf{X}_i$$

أي أن :

وتتضح الحسابات الخاصة بتحديد قيم الحد العشوائي (د) بالجدول (Y-Y) .

وبمعاينة الجدول (٣-٧) يتضح أن ﴿ حَيْثُ كَمْ وَ حَيْثُ كَمْ وَ حَيْثُ كَمْ وَ = صَفَرَ. وَيَحْقَقَ هَذَا المعادلة التالية:

$$\Sigma Y_i = \Sigma \hat{Y}_i + \Sigma e_i \leftarrow$$
وتتمثل نتائج حسابات الجدول (۲–۲) فيما يلي :

(٦) يلاحظ أنه إذا كانت الدالة المراد تقديرها نسبية، أي تأخذ الصيغة التالية:

$$Y_i = \hat{b} X_i + e_i \leftarrow A_i + A_i \leftarrow A_i$$

جدول (٢-٢)

الحسابات الخاصة بتحديد قيم الحد العشوائي

٠	10 6 6 6 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	A S S S S S S S S S S S S S S S S S S S			40.0 g va	, v=	رقم
1-252	1793	774,41	14,7	171,7	1000	10+	,
770	131	104,59	74,7	17+,7	10-	Y.	7
170	171.	1,11	1,5	YEA,Y	70-	Y0-	7
1+44-1	171	1671,74 a	TY,Y-	TAY,Y	<b></b>	A Potential	<b></b>
Ye	77	F4,34	٦,٣	EET,Y	9	٤٥٠	٥
2774	· · · · ·	TTAE,E4".	7+,Y-	۵۲۰,۷	70.	0	7
0770	A1	~ 1 <b>617,11</b> 2	TA,Y-	Tra,v	Yo.	42.	Ψ.
A1	A£1	1117,61	€€,٣	Y00,Y	1	۸	A.
1	forter	Erto, 11	11,5	ATT,Y	1	4	1
10170	72-1	ATT,14	<b>YA,Y</b> -	- 1-YA,Y	170-	1	1.
£7470	A£9	10-7-	صغر	01		٥١٠٠	مجموع

فان الصيغة التي تستخدم في تقدير معامل الانحدار ! بُ أُ في هذه الحالة تصبح:

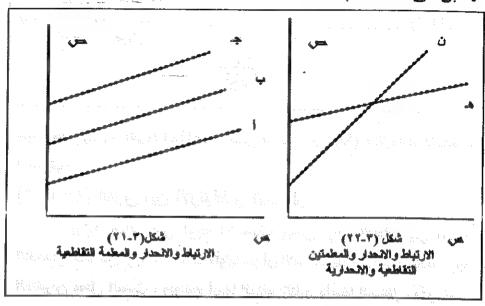
حيث حب  $(Y_i)$  = القيمة المشاهدة للمتغير التابع ، مس  $(X_i)$  = القيمة المشاهدة للمتغير التفسيري .

## (٣-٢-٣) الفرق بين الارتباط و الانحدار

يوجد هناك بعض أوجه الاختلاف وبعض أوجه الاتفاق بين الارتباط و الانحدار. فأما عن أوجه الاختلاف فأولها هو أن الانحدار يفترض وجّود علاقة سببية بين المتغيرين محل البحث، ويوضح أيهما المتغير التابع وأيهما المستقل. ومن ثم يمكن التنبؤ بقيم المتغير التابع بدلالة المتغير المستقل باستخدام العلاقة المقدرة. أما الارتباط فهو يحدد درجة اقتران التغيرات في المتغيرين محل البحث دون أن يوضح وجود أي علاقة سببية بينهما، أي لا يوضح أي المتغيرات تابع وأيها مستقل. ونظراً لأن معامل الارتباط يتحدد في قيمة واحدة فهو لا يساعدنا على التنبؤ بقيمة أي متغير بدلالة الآخر.

ومن ناحية أخرى ، في الوقت الذي تختلف فيه قيم معلمات خط الانحدار بانتقاله موازيا نفسه أو بتغير ميله ، فان معامل الارتباط قد لا يتغير طالما أن شكل الانتشار منطبقا على خط مستقيم . ويتضح هذا من الشكلين (٢-٢١) ، (٣-٢٢) . ففي الشكل (٢-٢١) تختلف المعلمة الناقلة لمعادلة الانحدار بين الخطوط أ ، ب ، ج ، وإن كانت المعلمة الانحدارية واحدة .ولكن معامل الارتباط للخطوط الثلاثة واحد ، حيث يشير إلى وجود ارتباط تام نظراً لانطباق شكل الانتشار على خط مستقيم . وفي الشكل إلى وجود ارتباط تام نظراً لانطباق شكل الانتشار على خط مستقيم . وفي الشكل (٢٠-٢٢) نجد أن كل من المعلمتين الانحدارية والتقاطعية تختلفان بين الخطين ه ،

معامل الارتباط لا يختلف في الحالتين ، حيث يساوي الواحد نظرا لأن شكل الانتشار ينطبق على خط مستقيم .



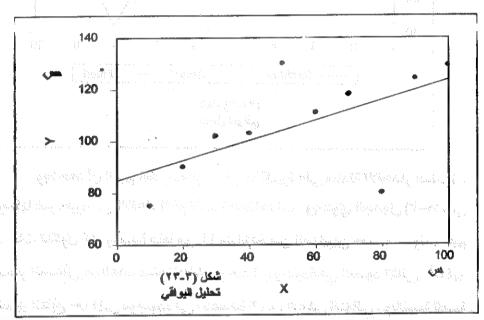
أما عن أوجه الاتفاق بين معامل الانحدار الخطي ومعامل الارتباط الخطي فهي تنحصر في تماثل الإشارة . فإذا كان معامل الانحدار موجبا بين متغيرين فلابد أن يكون معامل الارتباط موجبا ، وإذا كان معامل الانحدار سالباً فلابد أن يكون معامل الارتباط سالباً ، وإذا كان معامل الانحدار مساوياً للصفر فلابد أن يكون معامل الارتباط الخطي مساوياً للصفر .

وإذا ثبت أن هناك علاقة سببية بين المتغيرين التابع والمستقل فان معامل الارتباط الخطي البسيط يوضح درجة هذه العلاقة في هذه الحالة .

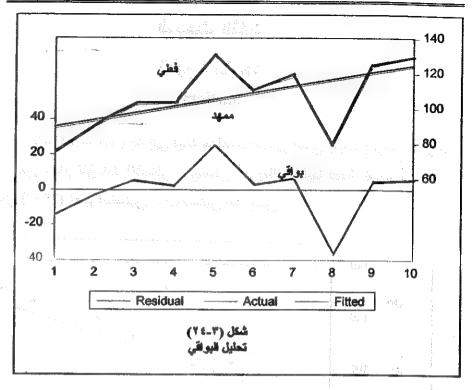
#### المبحث الثالث

# القيم الخارجة outliers

تشير القيمة الخارجة إلى قيمة مشاهدة للمتغير التابع بعيدة بدرجة ملحوظة عن التجمع العام لنق اط الانتشار ، ويمكن أن يطلق عليها لفظة القيمة الشاذة . وبالشكل (٣-٣٣) تعتبر النقطتين أ ، ب قيمتين خارجتين .



ويمكن التأكد من وجود أو عدم وجود قيم خارجة من خلال تحليل قيم البواقي Residuals ، والتي تشير إلى الفرق بين القيم المشاهدة والقيم المقدرة للمتغير التابع ونرمز لها ، (ui). ويوضح الشكل (٣-٢٤) مسار البواقي لعينة ما . ومن الواضح أن القيمتين ٥، ٨ هما قيمتان خارجتان نظراً لأن قيمتي البواقي الخاصة بهما تخرجان عن حدود التقلب العام للبواقي والمحددة بالشكل .

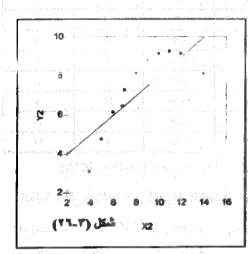


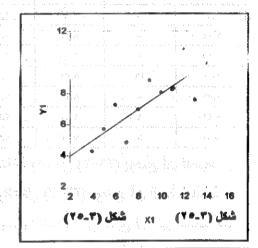
ويلاحظ أن القيم الخارجة تؤثر بدرجة كبيرة على معادلة الانحدار المقدرة ، وتجعلها غير معبرة عن الاتجاه العام لأغلبية المشاهدات . ويحتوي الجدول (٣-٨) على عينات تتكون كل واحدة منها من ١١ مشاهدة عن المتغيرين حب ، هب . وتعتبر قيم المتغير المستقل هب للثلاث عينات الأولى واحدة وموجودة في العمود الثاني ، أما قيم المتغير التابع حب فهي موجودة في الأعمدة ٣ ، ٤ ، ٥ على التوالي . وبالنسبة للعينة الرابعة فقيم المتغيرين هب ، حب توجد في العمودين الأخيرين . وتمثل القيم التالية جميع العينات :

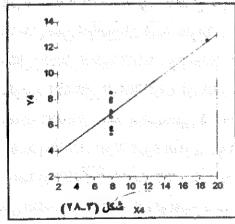
## وبتقدير معادلة الانحدار بالنسبة للعينات الأربعة نحصل على صيغة واحدة تتمثل في :

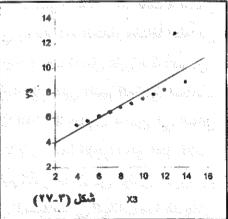
$$\hat{\mathbf{Y}} = 3 + 0.5\mathbf{X}$$

وبالرغم من أن معادلة الانحدار المقدرة متماثلة في الأربعة عينات إلا أن شكل الانتشار الممثل لهذه العينات مختلف بالنسبة لها كما يتضح من الأشكال (٢-٢٥)-(٢-٢٨).









. جدول (۲–۸) به معنو استان با

قيم أربع عينات تعطى نفس معادلة الانحدار

(Y)	(1)	(0)	(£)	(F) ·	· (Y)	(1)
€ rjun	£v#	<b></b>	P/CER	10=	rua- tua	المشاهدات
٦,٥٨	e als <b>A</b> ty sv	7,67	1,18	Act E		1 at 1
17,0	A	1,77	٨,1٤	1,10	٨	۳
7,71	Magazin 🔏 Salah dar	17,72	A,YE	Y,6A	17	12 W
۸,	٨	Y,11	A,YY	A,A1	1	٤
٨,٤٧	. A	Y,A1	1,71	A,77	11	٥
٧,٠٤	٨	A,ÄE	A,1+	1,17	18	1
5,75	A	74	7,17	4,48	٦	٧
17,0	. 19	0,59	Y,1+	٤,٢٦	٤	۸.
9,0°L	A	A,10	1,17	1-,46	17	4
Y,11	A	1,67	Y,Y1	٤,٨٢	Υ	1. 3
7,49	Α.,	٥,٧٣	£,Y£	AF,0	٠	11 :

فالشكل (٣-٣٥) لا توجد بشأنه مشكلة، والشكل (٣-٢٦) يوضح أن الصيغة غير الخطية أكثر ملائمة من الصيغة الخطية، والشكل (٣-٢٧) يوضح أن قيمة خارجة قد جدبت خط الانحدار لأعلى بحيث لا يمر بأغلبية النقاط، وبالطبع إذا تم حدف هذه القيمة وأعدنا التقدير فسوف نحصل على معادلة انحدار مختلفة، أما بالنسبة للشكل (٣-٢٨) فمن الواضح أن قيمة خارجة تسببت في إعطاء خط انحدار مختلفاً تماماً عن شكل الانتشار لأغلبية النقاط، ولو حذفنا هذه القيمة فسوف نحصل على خط عمودي. وتوضح الأشكال السابقة كيف أن القيم الخارجة تؤثر على القيم المقدرة لمعلمات معادلة الانحدار، وقد يترتب على استبعاد القيم الخارجة حدوث تحسن في النتائج خاصة إذا كانت العينة كبيرة الحجم، ولكن قد لا يكون هذا الإجراء هو الحل الأمثل خاصة إذا كانت العينة صغيرة الحجم، وقد يستلزم الأمر البحث عن عوامل أخرى تؤثر في الظاهرة محل البحث، أو القيام بإجراء بعض التعديلات في البيانات مما قد يقضي على هذه القيم الشاذة، أو استخدام نموذج أكثر ملائمة للتقدير،

### القصل الرابع

# تقييم المعلمات المقدرة - اختبارات الفروض Tests of Hypotheses

لقد أوضحنا في فصل سابق أن هناك ثلاثة أنواع من المعايير التي تستخدم في تقييم المعلمات المقدرة للنموذج ، وهي تنحصر في المعايير الاقتصادية والمعايير الإحصائية والمعايير القياسية . أما عن المعايير الاقتصادية فهي تتمثل في التوقعات القبلية لمعلمات النموذج والتي تتحدد بناءا على ما جاء في النظرية الاقتصادية أو الدراسات السابقة . وفيما بتعلق بنموذج الاستهلاك الذي تعرضنا له في الفصل الثالث فقد أشرنا للتوقعات القبلية الخاصة به في نفس الفصل . ويمكن استخدام هذه التوقعات النظرية في تقييم النموذج المقدر الذي يأخذ الصيغة التالية :

(۱) = 07,7 أي أن حد الكفاف الحقيقي للفرد البالغ يساوي 7،70 جنيه في الشهر، وهو يشير إلى المبلغ الذي ينفقه الفرد على الاستهلاك الحقيقي حتى إذا انخفض دخله إلى الصفر . وببلغ حد الكفاف للصبي الذي يتراوح عمره بين ٦-١٦ سنه ما يوازي نصف القيمة السابقة وفقا لما حددته الدراسات المتخصصة ، أي ما قيمته ٢٦,٨٥ جنيه . كما يبلغ حد الكفاف للطفل دون السادسة ربع القيمة السابقة ، أي ما يوازي 17,٤٣ جنيه في المتوسط . وإذا افترضنا أن المجتمع الذي قدرت له هذه الدالة يتكون من ٢٠ مليون نسمة توزيعهم كالتالي : ٨ مليون طفل أقل من سن السادسة ، ٥ مليون طفل بين السادسة والسادسة عشر ، ٧ مليون من الكبار البالغين ، يمكن حساب حد الكفاف للمجتمع ككل في المتوسط على النحو التالي :

 $(17.87 \times 17.87) + (17.80 \times 10.00) + (17.80 \times 10.00) + (17.87 \times$ 

ولما كانت  $\hat{l} > صفر ، فان هذا يتفق مع التوقعات القبلية المحددة وفقا للنظرية. (ب) أما عن الميل الحدي للاستهلاك (<math>\hat{r}$ ) فهو يساوي  $\hat{r}$  ، ولعل هذا يعني أن كل زيادة في الدخل الحقيقي بواحد جنيه تؤدي إلى زيادة الإنفاق الاستهلاكي الحقيقي بمقدار  $\hat{r}$  ، وحيث أن :

### VA=CHAC

فإن ع ص = ٢٠,٠٠ على . فإذا كان الدخل القومي قد ازداد بمقدار ٥٠٠ مليون جنيه ، فإن الزيادة في الإنفاق الاستهلاكي =٢٠٠٠× ، ٣٩٠٠ مليون جنيه . ويتم ادخار ١١٠ مليون جنيه من هذه الزيادة في الدخل . ولما كانت القيمة المقدرة للميل الحدي للاستهلاك أقل من الواحد وأكبر من الصفر، فان هذا يتفق مع التوقعات القبلية المحددة وفقا للنظرية الاقتصادية.

(ج) يمكن الحصول على دالة الاستهلاك التجميعية على المستوى القومي من الدالة السابقة التي قدرت على أساس قيم متوسطة عن طريق التجميع ، وذلك كما يلي :

وحيث أن \ \times \ ح = صغر، ن = العدد المكافئ للكبار من سكان المجتمع، فإن دالة استهلاك المجتمع بمكن كتابتها على النحو التالي:

ومما سبق يتضح أنه طالما اتنقت القيم المقدرة للمعلمات أ ، بُ مع التوقعات النظرية القبلية فمن الممكن قبول هذه التقديرات اقتصاديا . أي أن هذه المعلمات المقدرة قد اجتازت الاختبار من وجهة النظر الاقتصادية . وسوف نركز فيما تبقى من هذا الفصل على الاختبارات الإحصائية على أن نرجئ الاختبارات القياسية لفصول تالية . وتعتبر المعابير الإحصائية واحدة من المعايير التي تستخدم في تقييم المعلمات المقدرة للنموذج . وتنقسم هذه المعايير إلى نوعين :

١ - اختبار جودة التوفيق وهو يستخدم للحكم على المقدرة التفسيرية للنموذج.

٢- اختبارات المعنوية ، وهي تستخدم لقياس درجة الثقة في المعلمات المقدرة من
 العينة كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع.

ويحتوي هذا الفصل على عدد من المباحث تتمثل في:

المبحث الأول: اختبار جودة التوفيق

المبحث الثاني: اختبارات المعنوية -اختبار الخطأ المعياري

المبحث الثالث: اختبارات المعنوية - اختبار " ز" Z test

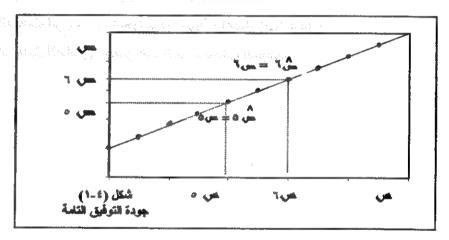
المبحث الرابع: إختبارات المعنوية - اختبار "ت" T test

المبحث الخامس: تقدير فترة الثقة لمعلمات المجتمع

#### المبحث الأول

#### اختبار جودة التوفيق

#### The Test of the Goodness of Fit

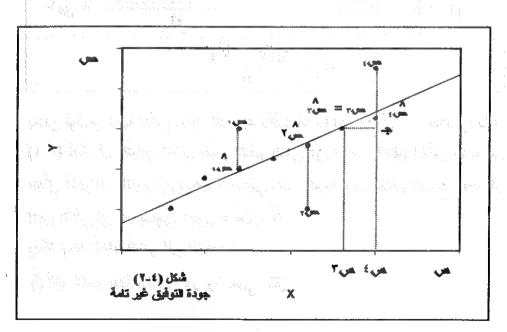


وفي هذه الحالة نجد أن الانحرافات بين القيم المقدرة ثب , والقيم المشاهدة حب , تساوي صفرا . ومن ثم فان التغير في المتغير التابع حب , يمكن تفسيره بالكامل بالتغير في المتغير المستقل مب , أي أن خط الانحدار يفسر ١٠٠ ٪ من التغيرات في المتغير التابع ، ولا يوجد هناك أي انحرافات عشوائية . ويتضح هذا من الشكل (٤-١) حيث نجد أن التغير في المتغير التابع من حب إلى حب مثلا يرجع بكامله للتغير في المتغير المستقل من حب ولا يوجد هناك انحرافات عشوائية

حيث س. = عُر. ، س. = عُر. ، ص. = ومن ثم فان المقدرة التفسيرية تصل لحدها الأقصى عندما تكون جودة التوفيق تامة .

أما إذا كان خط الانحدار المقدر لا يمر بجميع النقاط التي تمثل القيم المشاهدة، وإنما يمر ببعضها ولا يمر بالبعض الآخر، فان جودة التوفيق في هذه الحالة لا تكون تامة حيث يوجد هناك انحرافات بين القيم المقدرة والقيم المشاهدة على ويلاحظ أنه كلما زادت انحرافات القيم المقدرة عن القيم المشاهدة على كلما قلت جودة التوفيق، والعكس صحيح. ولاشك أن انخفاض جودة التوفيق تعني انخفاض المقدرة التفسيرية للنموذج. ويمكن ملاحظة ذلك من الشكل (٤-٢)، حيث أن تغير المتغير التنابع من على الي على المقدرة إلى التغير في المتغير التفسيري (من هن التابع من على الجزء "حلى،" يرجع إلى التغير في المتغير التفسيري (من هن الله عن الجزء "حلى،" يرجع إلى التغير في المتغير التفسيري (من هن أن يتبقى الجزء "حلى، " بدون تفسير وهو يمثل انحراف عشوائي، أي أن:

لنسبة المأسرة = جب شرع ، والنسبة غير المأسرة = جب شرع :



وهكذا كلما زاد انحراف القيم المشاهدة عن القيم المقدرة (ص. - شي ) كلما قلت جودة التوفيق ، وكلما انخفضت المقدرة التفسيرية للنموذج، أي زادت النسبة غير المفسرة . ومما سبق نجد أن هناك ارتباطاً تاماً بين جودة التوفيق والمقدرة التفسيرية، ومن ثم يمكن اعتبار مقياس جودة التوفيق هو نفسه مقياس المقدرة التفسيرية للنموذج . ويستخدم معامل التحديد Determination Coefficient في اختبار جودة التوفيق أو المقدرة التفسيرية للنموذج .

## $: R^2 \binom{V}{J}$ معامل التحديد $\binom{V}{J}$ معامل التحديد

يشير معامل التحديد إلى النسبة المئوية من التغير الكلي في المتغير التابع (حرر) التي يمكن تفسيرها بدلالة المتغير المستقل (المتغيرات المستقلة) المدرج بالدالة محل القياس (عرر).

ولما كان التغير الكلي في المتغير التابع يقاس بدلالة التباين (  $\mathcal{S}^2_{v}$  ) حيث:

$$(Y-\epsilon)...$$

$$S_{y}^{2} = \frac{\sum (Y-\overline{Y})^{2}}{n}$$

يمكن توضيح كيفية قياس معامل التحديد بالاستعانة بالشكل (3-7) . فبالنظر للشكل (3-7) نجد أن التباين الذي يقيس التغير الكلى في المتغير التابع يمكن قياسه من خلال انحرافات القيم عن وسطها الحسابي . فعند القيمة على المستقل نجد أن التغير الكلي في على يساوي : 0 = -1 . 0 = -1 وينقسم هذا التغير الكلى إلى جزءين :

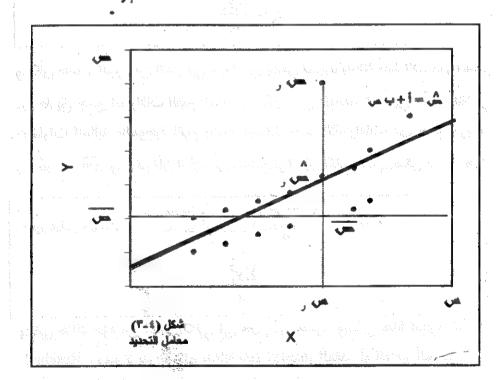
(أ) تغير مفسر بدالة الانددار عنى ر= حرر - حر

$$\{x_i, x_i\} \in \mathcal{Y}_i$$
 , where  $\{x_i\}_{i=1}^n$  is  $\{x_i\}_{i=1}^n$  . Since

$$\mathbf{e_i} = \mathbf{Y_i} - \hat{\mathbf{Y_i}}$$
  $\mathbf{e_i} = \mathbf{Y_i} - \hat{\mathbf{Y_i}}$  میڈ ص $_{\mathbf{v}} = \hat{\mathbf{w}}_{\mathbf{v}} + \mathbf{e_i}$   $\mathbf{e_i} = \mathbf{Y_i} - \hat{\mathbf{Y_i}}$   $\mathbf{e_i} = \mathbf{Y_i} - \hat{\mathbf{Y_i}}$ 

$$y_i = \hat{y_i} + e_i = Y_i - \overline{Y} = (\hat{Y_i} - \overline{Y}) + (Y_i - \hat{Y_i})$$

$$= \frac{\hat{y_i}}{\sqrt{2}} = \frac{\hat{y_i}}{\sqrt{2}} = \frac{\hat{y_i}}{\sqrt{2}}$$



ولحساب التغير الكلي في المتغير التابع عند جميع قيم المتغير المستقل لابد أن نجمع كل انحرافات قيم حر، عن وسطها الحسابي والتي تتمثل في المسافات حر، - حر، على الرسم . ولكن حيث أن هذه الانحرافات منها ما هو موجب ومنها ما هو سالب فإن  $\longrightarrow$  ص  $\longrightarrow$  صفر . ولتلاشي ذلك نقوم بقياس التغير الكلي في حر، عن طريق مجموع مربعات انحرافات القيم عن حر، ويعتبر التباين هو المقياس المعبر في هذه الحالة عن التغير الكلي في المتوسط ، حيث :

$$(y-\epsilon)$$
 متوسط التغیر الکلی  $y=0$   $y=0$ 

ويمكن حساب الجزء من التغير في حب الذي يمكن تفسيره بدلالة خط الانحدار المقدر عن طريق جمع انحرافات القيم المقدرة ثي عن الوسط الحسابي على ولتلاشي الإشارات السالبة والموجبة نقوم بجمع مربعات هذه الانحرافات، أي جمع مربعات ( هي رابعي عن أبي الذي يمكن تفسيره هو:

$$\frac{\sum \hat{y}_{i}^{2}}{2}$$

ويبقى هناك جزء من التغير الكلي في حس غير مفسر. ويسمى هذا الجزء المتبقي Residual ، وهو لا يتم تفسيره بدلالة خط الانحدار المقدر أو المتغير المستقل ص ، ، وإنما يرجع وجوده للمتغير العشوائي ع ((النا) ويمكن إيجاد مقياس لهذا الجزء غير المفسر

WA W. WINDS

عن طريق الحصول على مجموع مربعات الانحرافات د ر= (حر ، - شر) . أي أن الحرء غير المفسر من التباين الكلي في المتوسط يساوي :

$$\Sigma e_i^2$$
  $\Sigma (Y_i - \hat{Y}_i)^2$   $\Sigma (Y_i - \hat{Y}_i)^2$ 

والمطلوب هنا الآن هو إثبات أن :

$$\frac{y_3}{n} = \frac{\sum y_i^2}{n} + \frac{\sum e_i^2}{n}$$

التغير الكلي في حرد التغير المفسر+ التغيرغير المفسر محمد المعلم المعادد المعادد المعادد المعادد ولإثبات ذلك نتبع الخطوات التالية : ﴿

وبربط هذه المعادلات مع بعضها البعض نجد أن:

وبالتعويض في 🕕 عن 🖦 ٢٠٠٠

$$(A-\epsilon)$$
  $y_i = \hat{q}_i + e_i$ 

والمعادلة (4-4) تعني أن كل انحراف من انحرافات القيم المشاهدة حب عن وسطها الحسابي يحتوي على عنصرين أولهما يمكن تفسيره بواسطة خط الانحدار المقدر وهو الحزء  $\hat{\mathbf{x}}$  والآخر غير مفسر ويتمثل في د . ومن المعادلة (3-4) نجد أن :

والمطلوب هو إثبات أن ك صُ رد = صفر حتى نصل إلى النتيجة التي

تبتغي الوصول اليها في المعادلة ( ١٠٤).

وبالتعويض من (١٧) في ( ١١١ ) تحصل على :

وبالتعويض من (٤-١٠) في (٤-٢) نحصل على:

(11-E) ************************************		- 430 = 5
	3	ار د

وبالتعويض عن ب من (٣-١٧) في (٤-١٢) نحصل على:

$$\sum_{(3-1)^2} \hat{a}_{0} \cdot \hat{c}_{0} = \hat{\varphi} \cdot \sum_{(3-1)^2} \hat{a}_{0} \cdot \sum_{(3-1)^2} \hat{a}_{0} \cdot \sum_{(3-1)^2} \hat{c}_{0} \cdot \sum_$$

$$R^2 = \frac{RSS}{TSS}$$

ومن الواضح أن معامل التحديد لا يتأثر بوحدات القياس حيث أنه مقياس نسبي .

(3-1-7) معامل التحديد و معامل الارتباط

يوجد هناك علاقة بين معامل الارتباط ومعامل التحديد . فبالتعويض من (٤-١٠) في (٤-١٠) نجد أن :

وبالتعويض عن پ من (٣-١٧) نجد أن:

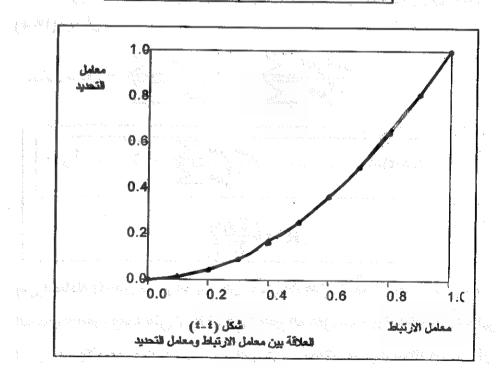
$$\mathbf{R}^2 = \frac{(\sum y_i x_i)^2}{\sum x_i^2 \sum y_i^2}$$

وبمقارنة المعادلتين (٢-٢) ، (٤-١٢) نجد أن معامل التحديد يساوي مربع معامل الارتباط. ومن ثم فانه كلما زاد معامل الارتباط كلما زاد معامل التحديد. غير أن العلاقة بين معامل الارتباط ومعامل التحديد ليست خطية ، فهي تأخذ الشكل (٤-٤) الذي يعبر عن الجدول (٤-٤).

جدول (٤-١)

العلاقة بين معامل التحديد ومعامل الارتباط

		ran i salah mereka
معامل التحديد	معامل الارتباط	
•,•1	•,1	
•,•€	• •,1	Alexander of the second
	erika ing 🙌 erika	A Miller (195).
to proof <b>411</b> gain \$2	in we state of the	
٠,٢٥	*, <b>0</b>	uda, Nyardi, a .
٠,٣٦	٠,٦	
.,£9	**************************************	ing the state of
.,18	ang Maria di Pingka ng Maria ng	A Personal Control
A degree of the A. Properties.	g talaan y •,•	
1.50 c	ssi Bitawan makai Kanga	



فعندما يكون" ر"=۰,۰ يكون "ر"=۰,۰، وعندما يزداد "ر" إلى ۰,۲ يزداد "ر" إلى ۰,۲ يزداد "ر" إلى ۰,۰ يزداد بمعدل متزايد نتيجة لزيادة معامل الارتباط بمقدار معين .

ومعامل الارتباط لا ينطوي على علاقة سببية بالضرورة بين المتغيرين محل البحث، وإن كان معامل التحديد ينطوي على مثل هذه العلاقة نظراً لعلاقته بمعامل الانحدار كما سوف يتضح فيما بعد. فإذا كان را = 4,0 مثلا فان هذا يعني أن خط الانحدار المقدر يعطي توفيقاً جيداً للبيانات المشاهدة، حيث يفسر المتغير المستقل س في هذه الحالة ٨٠٪ من التغير الكلي في س. ولكن يتعين ملاحظة أن معامل التحديد لا ينطوي على علاقة سببية إلا إذا كان معامل الانحدار المقدر له معنوية إحصائية.

#### (١-٤) معامل التحديد ومعامل الانحدار

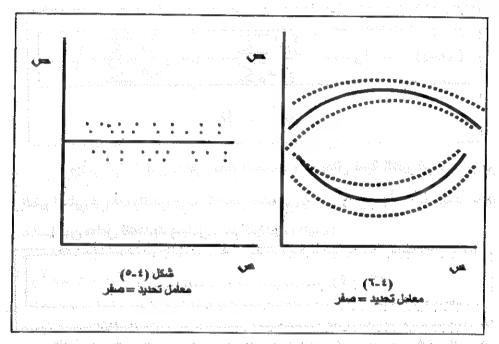
توجد هناك علاقة طردية بين معامل الانحدار ومعامل التحديد . فمن المعادلة (٤-١٧) نجد أن :

$$\mathbf{R}^{2} = \hat{\mathbf{b}} \frac{\sum \mathbf{y}_{i} \mathbf{x}_{i}}{\sum \mathbf{y}_{i}^{2}}$$

ومن المعادلة (٤-١٨) يتضح أنه إذا كان معامل الانحدار " بُ " =صفر، فان معامل التحديد = صفر، وهذا يعني أن التغير في المتغير المستقل س لا يؤثر تماما على المتغير التابع س ، ولا يوجد هناك أي نسبة من التغير في س يمكن تفسيرها بدلالة س . أي أن

مقدرة النموذج على التفسير تكون منعدمة . وفي هذه الحالة يأخذ خط الانحدار أحد الأشكال (٤-٥)، (٤-٢).

ولأن إشارة " ب المحداد قي نفسها إشارة ك م رحى فان العلاقة بين معامل التحديد ومعامل الانحداد " ب الابد أن تكون طردية . ومن ثم فان كل زيادة في قيمة المعلمة الانحدارية المقدرة تنطوي على زيادة في المقدرة التفسيرية للنموذج لأنها تزيد من درجة استجابة المتغير التابع للتغير في المتغير المستقل .



# (٤-١-٤) معامل التحديد ومعامل عدم التحديد

**Determination and Nondetermination Coefficient** 

$$(14-e) \dots Y_{J-1} = \frac{y_0 \hat{a}}{y_0 \hat{a}} \frac{Z}{Z} - 1 = y_0 \frac{y_0}{Z} \frac{Z}{Z} = Y_0 :$$

$$M^2 = 1 - R^2$$

ويشير "م' " إلى معامل عدم التحديد وهو يمثل نسبة التغير غير المفسر من التغير الكلي في حب والذي يرجع للمتغير العشوائي (د ). وحري بالذكر أن هناك علاقة عكسية بين معامل التحديد ومعامل عدم التحديد ، حيث:

فإذا كانت كل القيم المشاهدة تنطبق على خط الاتحدار المقدر فان الحد العشوائي سوف يساوي الصفر، أي أن معامل عدم التحديد = صغر، ومن ثم فان معامل التحديد = 1. أما إذا كان هناك انحرافات بين القيم المشاهدة والقيم المقدرة على خط الانحدار فان معامل عدم التحديد سوف يكون أكبر من الصفر، و من ثم فان معامل التحديد سوف يكون أقل من الواحد. وإذا لم يفسر خط الانحدار المقدر أي قدر من التغير في حس، فإن كل التغير في حس يكون غير مفسر، ومن ثم فان معامل التحديد = صفر،

ومعامل عدم التحديد = 1 . وهكذا توجد هناك علاقة عكسية بين معاملي التحديد وعدم التحديد ، وتتراوح قيمة كل منهما بين الواحد والصفر .

مثال (٤-1) حساب معامل التحديد

باستخدام بيانات نموذج الاستهلاك الموضحة بالجدولين (٢-٣) ، (٢-٣) نجد أن:

 $^{\circ}$  A=  $^{\circ}$ Y= 1=  $^{\circ}$ P= 1 =  $^{\circ}$ Y= 1 - Y , and the first transfer of the second sec

وباستخدام معامل الانحدار:

وهذا يعني أن ٩٨ ٪ من التغير في الاستهلاك يمكن تفسيره بالتغير في الدخل. ولاشك أن هذه النتيجة تشير إلى أن نموذج الاستهلاك المقدر يتمتع بجودة توفيق عالية كما أنه يتمتع بمقدرة تفسيرية عالية .

(١-٤) معامل التحديد في حالة دالة الاتحدار النسبية

يصلح معامل التحديد الموضح في الصيغة (٤-١٥) في حالة دالة الانحدار غير النسبية التي يوجد بها معلمة تقاطعية ، حيث أن الصيغة التالية :

TSS = RSS + ESS

لا تكون صحيحة إلا في حالة وجود معلمة تقاطعية بمعادلة الانحدار. أما في حالة معادلة الانحدار النسبية التي لا يوجد بها معلمة تقاطعية فان الصيغة (٤-١٥) لا تكون صالحة لحساب معامل التحديد ، حيث أن استخدامها قد يعطي لنا قيم سالبة أو أكبر من الواحد. والصيغة التي تنطبق في حالة دالة الانحدار النسبية هي:

$$(Y \cdot - \xi) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j$$

ولذا فان صيغة معامل التحديد الملائمة هي:

$$R^{2} = 1 - \frac{ESS}{\sum V^{2}}$$

ولكن يلاحظ أن الصيغة (٤-٢١) غير قابلة للمقارنة مع الصيغة (٤-١٥) لاختلاف المقام في الحالتين .

(١-١-٢) الاحدار العكسى ومعامل التحديد

إذا كان لدينا متغيرين هما حب (Y) ، مس (X) فإن الانحدار المباشر [K] المباشر Regression بينهما يأخذ الصيغة العامة التالية:

$$(YT-\xi)$$
.....  $Y = f(X) \leftarrow (\omega) = \omega$ 

أمًا الانحدار العكسي Inverse Regression فيأخذ الصيغة العامة التالية :

$$(Y''-\xi)....X=f'(Y)\leftarrow (m)'_{\delta}=\omega^{k}$$

وفي بعض الحالات يكون هناك معنى من الناحية الاقتصادية للاتجاهين. فإذا كانت حب (Y) = 0 مستوى الدخل ، حب (X) = 0 مستوى التعليم ، فإن اختبار مدى تأثير مستوى التعليم على الدخل يقتضي قياس العلاقة المباشرة الممثلة بالصيغة (3-77) ، أما اختبار مدى تأثير مستوى الدخل على مستوى التعليم فيقتضي قياس العلاقة العكسية الممثلة في الصيغة (3-77) .

وإذا كانت علاقة الانحدار المباشر تأخذ الصيغة الخطية التالية :

$$Y = a + b X + u \leftarrow c + \omega + 1 = \omega$$

فان

$$b = \frac{\sum yx}{\sum x^2}$$

$$(3-1)$$

أما في حالة الانحدار العكسي قإن:

ومن ثم فإن :

$$(YA-\xi)....b' = \frac{\sum yx}{\sum y^2}$$

(3-f.)(3-f.)	a=X-bŸ	<u> </u>	- 24 - 1
--------------	--------	----------	----------

ويلاحظ أن معامل التحديد متماثل في حالتي الصيغة المباشرة والصيغة العكسية للانحدار، حيث:

$$R^2 = bb' = \frac{(\sum yx)^2}{\sum x^2 \sum y^2}$$

#### مثال (٤-٢)

تقدير دالتي الإنتاج والعمالة

افترض أن البيانات التالية تشير إلى حجم الإنتاج س (Y) ، والعمالة مس (X) في

عِدُدُ مِن المنشآت العاملة في مجال معين.

جدول (٤-٢) :

بيانات العمالة والإنتاج

ſ	14	Mary Wall	ogó 🛦 👝 L	() <b>Y</b> )	. 1	e	٤	۳	۲	1	مكاهدة
ľ	7.	TT	٧٠	14	. 16	۲۰	11	76	<b>T</b> *	· • Y.Y.	. <b></b>
Γ	٧.	14	1€	17	17	11	1.	۲٠	18	٧.	عن

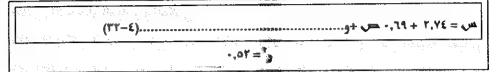
والمطلوب هو اختبار أثر العمالة على الإنتاج (العلاقة المباشرة) ، واختبار أثر الإنتاج على العمالة ( علاقة الانحدار العكسي ).

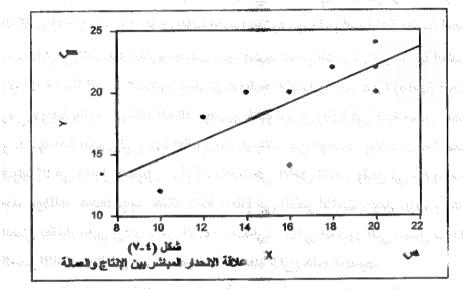
وبتقدير علاقة الانحدار المباشرة نحصل على المعادلة (٤-٣١) والممثلة لشكل الانتشار

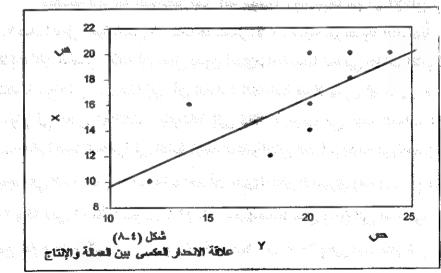
. (Y-£)

ر'=۲٥،٠

وبتقدير علاقة الانحدار العكسية نحصل على المعادلة (٤-٣٢): والممثلة لشكل الانتشار 1 - 1 - 1 - (A-E)







ومن النتائج التي يمكن التوصل إليها مما سبق:

- (١) ر' = ب ب/= ٠,٦٩ × ٠,٢٥ = ٠,٥٢ ويلاحظ أن معامل التحديد متماثل في حالتي الانحدار المباشر و العكسي .
- (٢) لا يمكن الحصول على الصيغة العكسية للانحدار (٤-٣١) من الصيغة المباشرة (٤-٣) بدون تقدير ، وذلك لوجود حد عشوائي مختلف في الصيغتين، وهذا ما يوضحه الشكلان (٤-٢) ، (٤-٨) . فانحرافات القيم المقدرة عن القيم المشاهدة بالنسبة للمتغير التابع في الصيغة المباشرة تختلف عنها بالنسبة للمتغير التابع من في الصيغة العكسية. (٣) إذا فحصنا الصيغة المباشرة نجد أن المعلمة الانحدارية تعبر عن الإنتاجية الحدية وهي موجبة وثابتة في هذه الحالة . وتفسيرها هو أن كل زيادة في كمية العمل بمقدار وحدة واحدة تؤدي إلى زيادة الإنتاج بمقدار ٧٠٠ من الوحدة . وهذه نتيجة لا يمكن قبولها إلا في الأجل الطويل . أو قد تحدث في الأجل القصير ولكن في حدود ضيقة جداً ، وذلك عندما توجد هناك طاقة عاطلة في العنصر الثابت ، ومع زيادة وحدات العمل بمقدار معين يزداد حجم الإنتاج بمقدار ثابت في الحدود التي تسمح بها طاقة العنصر الثابت ، وبالطبع يسود قانون تناقص الغلة خارج هذه الحدود.

وبالنسبة للمعلمة التقاطعية نجد أنها موجبة ، وتفسيرها هو أن الإنتاج يساوي ٢,٢ عندما تصل كمية العمل المستخدمة للصفر. وهذه نتيجة غير مقبولة اقتصادياً ، اللهم إلا إذا كان المصنع يمكنه أن يعمل بدون أيدي عاملة نماما كما في حالات الأتوماتيكية الكاملة . ونخلص من هذا إلى أن المعلمة التقاطعية قد لا يكون لها معنى اقتصادي مقبول في بعض الحالات . بالإضافة إلى ذلك لا يجب في حالة العينات الصغيرة استخدام الصيغة المقدرة في التنبؤ بقيمة المتغير التابع عند قيم بعيدة عن المدى الذي يوجد في العينة . ففي حالتنا هذه نجد أن مدى المتغير التفسيري (س) يتراوح بين ١٠، يوجد في العينة . فني حالتنا هذه نجد أن مدى المتغير التفسيري (س) إلى الصفر وهي قيمة تقع خارج نطاق تقع خارج نطاق العينة أيضا بدرجة كبيرة ، أو عندما عن ٣٠ وهي قيمة تقع خارج نطاق العينة أيضا بدرجة كبيرة ، أو عندما

(٤) يمكن الحصول على العلاقة العكسية من العلاقة المباشرة في حالة واحدة فقط وهي عندما يكون معامل التحديد مساوياً الواحد، ففي هذه الحالة لا يوجد حد عشوائي. أي أن:

$$c_{ij} = \hat{1} + \psi x_{ij}$$
  $c_{ij} = \hat{1} + \psi x_{ij}$   $c_{ij} = \hat{1} + \psi x$ 

ويتضح مما سبق أنه في الحالة التي يساوي فيها معامل التحديد الواحد يمكن الحصول على المعلمات المقدرة للصيغة العكسية من المعلمات المقدرة للصيغة المباشرة، حيث:

(ه) بمعاينة الصيغة العكسية (٤-٣٢) يتضح أن التغير في حجم الإنتاج بمقدار وحدة يصاحبه تغير في العمالة بمقدار ٠,٦٩ من الوحدة في نفس الاتجاه . كما أن الحد الأدنى من احتياجات المشروع للعمالة يصل ٢,٧٤ وحدة عمل ، وهو مستوى العمالة اللازم لإدارة شؤون المشروع وحراسته في حالة التوقف عن الإنتاج ، و يمثل الجزء الثابت من العمالة . ولاشك أن هذه التفسيرات مقبولة فقط في نطاق محدود لطاقة المشروع وعمره الإنتاجي.

#### المبحث الثاني

# اختبارات المعنوية – اختبار الخطأ المعياري Tests of Significance - Standard Error Test

لقد سبق وقمنا بتقدير  $\hat{i}$  ،  $\hat{\psi}$  من بيانات عينة ، ونريد الآن أن نختبر إلى أي مدى يمكن الاعتماد عليها كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع  $\hat{i}$  ،  $\psi$  . وسوف يتم ذلك من خلال اختبار مدى ملاءمتها الإحصائية Statistical Reliability باستخدام اختبارات المعنوية . ويوجد هناك ثلاث اختبارات يمكن استخدامها في هذا الصدد تتمثل في:

- (١) اختبار الخطأ المعياري.
- .Z -Test "ز" (۲)
- (٣) اختبار " ت T-Test .

وسوف نركز في هذا المبحث على اختبار الخطأ المعياري على أن نفرد مبحثا مستقلا لكل اختبار من الاختبارين التاليين . ولكن قبل أن نقوم بشرح هذه الاختبارات يتعين أن نحدد من البداية صياغات الوسط الحسابي والتباين الخاصة بالمعلمات المقدرة أر ، بُ ، وذلك لحاجتنا إليها عند شرح اختبارات المعنوية. وسوف نعرض هذه الصياغات بدون إثبات .

 $\hat{a}_i, \hat{b}_i$  الوسط الحسابي وتباين المعلمات المقدرة  $\hat{a}_i, \hat{b}_i$  يمكن أن نطلق على الوسط الحسابي للمعلمة المقدرة "  $\hat{i}$  " القيمة المتوقعة ، ونرمز لها بالرمز ق  $\hat{i}$  ). ويلاحظ في هذا الصدد أن :

(۲۲−٤)..... E[ā] =a ← أ = (أ) ق

ولعل هذا يعنى أنه إذا أخذنا عدداً كبيراً من العينات من المجتمع يبلغ ن ، وقدرنا الكل عينة أ ، ثم حصلنا على متوسط القيم المقدرة ( (حيث ر= ١،٢٠٠٠، ن ) فسوف نجد أن هذه القيمة المتوسطة تساوي تقريبا معلمة المجتمع نفسه وهي " أ " . وهذا يرجع إلى أن العدد الكبير من العينات يضمن تمثيل المجتمع بطريقة أفضل مما تفعله عينة واحدة .

أما تباين المعلمة المقدرة " أ " والذي نرمز له "  $3^2$  "  $3^2$  فهو يساوي :

$$(Y^{i}-1)....[\frac{J^{V_{i}}}{J^{i}} \frac{1}{S^{i}}] \stackrel{?}{\underset{i}{\stackrel{}{\sim}}} = \stackrel{Y}{\underbrace{(\hat{I}-\hat{I})}} \frac{1}{S^{i}} = \stackrel{Y}{\underbrace{\hat{I}}} \stackrel{Y}{\underbrace{\hat{I}}}$$

$$S_{a}^{2} = S_{u}^{2} \frac{\sum X_{i}^{2}}{n \sum X_{i}^{2}}$$

وهذا يعني أيضا أننا إذا قدرنا أ لعدد كبير من العينات المسحوبة من مجتمع معين ، وحسبنا تشتت القيم  $\hat{j}$  عن وسطها الحسابي "أ " ، فانه يساوي الصيغة المحددة سابقا ل $\hat{j}^{*}$  حيث س j مي القيمة المشاهدة للمتغير المستقل ، س j مي انحراف هذه القيمة عن الوسط الحسابي ،  $\hat{j}^{*}$  = تباين الحد العشوائي .

وفيما يتعلق بالوسط الحسابي للمعلمة المقدرة بُر فإننا نرمز له ق ( بُ ) ، حيث:

ويلاحظ أن  $\frac{3}{4}$  يستخدم في حساب التباين الخاص بكل من أ ،  $\hat{+}$  ولذلك يتعين توضيح كيفية حسابه هو الآخر . ولما كان من الصعب مشاهدة قيم المتغير العشوائي "ء" (u) حتى يمكن حساب تباينه  $\frac{3}{4}$  ، فإننا نستعيض عنها بقيم د , (ei) التي تمثل الانحراف بين القيم المشاهدة والقيم المقدرة من عينة .

ومن ثم فإن ع م تتحدد كما يلي:

$$S_e^2 = \frac{\sum e_i^2}{n - k}$$

حيث: ك (k) = عدد المعلمات المقدرة بدالة الانحدار ، ن (n) = حجم العينة. ومما سبق يمكن القول أن التوزيع الاحتمالي لقيم  $\hat{l}$  ،  $\hat{r}$  يعتبر توزيعا معتدلاً، وسطه الحسابي أ ، ب وتباينه  $\frac{3}{2}$  ،  $\frac{3}{2}$  على التوالي .

(٢-٢-٤) اختبار الخطأ المعياري

إذا افترضنا جدلاً أن الانحراف المعياري للمعلمات المقدرة أ ،  $\hat{\xi}$  ،  $\hat{\xi}$  ،  $\hat{\xi}$  ) بساوي صفراً ، فإن هذا يعني أن قيم أ , ،  $\hat{\xi}$  . التي حصلنا عليها من عينات عديدة متساوية فيما بينها ولا تنحرف عن أوساطها الحسابية أ ، ب بأي قيمة . وفي هذه الحالة نجد أن أ = أ ،  $\hat{\xi}$  = ب ، أي أن المعلمات المقدرة من عينة تكون ممثلة للمجتمع تمثيلاً تاماً ، ولا يوجد أي نوع من الخطأ في التقدير ، ومن ثم فان الخطأ المعياري = صفر . ومن هذا المنطلق إذا كان  $\hat{\xi}$  = صفر ، فإن الخطأ المعياري لتقدير أ = صفر ، وكذلك الحال بالنسبة لتقدير  $\hat{\xi}$  . ولكن هذه الحالة نظرية ونادراً ما تحدث . وفي المقابل تحد أن الحالة الأكثر توقعا هي أن تكون قيمة الانحراف المعياري لكل من أ ،  $\hat{\xi}$  أكبر من الصفر . وهذا يعني أن القيم المقدرة لهما من عينة عادة ما تختلف عن معلمات المجتمع أ ، ب التي تمثل الأوساط الحسابية .

ويمكن القول بوجه عام أنه كلما زادت قيمة الخطأ المعياري للمعلمات المقدرة عن المعلمات المقدرة عن المعلمات المقدرة أا المجتمع أا ب ووجود خطأ معياري على هذا النحو يتطلب منا ضرورة قياس هذا الخطأ لتحديد درجة الثقة في مقدرات العينة كممثل جيد لمعلمات المجتمع وأذا الخطأ المعياري حداً أقصى معين فإننا لا نثق في المعلمات المقدرة من العينة كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع وإذا كان الخطأ المعياري أقل من هذا الحد فإننا يمكن أن نثق في المعلمات المقدرة من العينة كأساس جيد للوصول لمعلمات المقدرة من العينة أبب، ونقول في هذه الحالة أن هذه المعلمات المقدرة لها معنوية إحصائية .

وعموما لكي نختبر معنوية مقدرات العينة ، ب من خلال الخطأ المعياري يتعين استخدام ما يسمى بفرض العدم Null Hypothesis والفرض البديل . Alternative Hypothesis . فإذا كانت القيمة المقدرة ل  $\hat{\Gamma}=\Upsilon$ , والقيمة المقدرة ل أ =  $\Upsilon$ , من عما هو الحال في نموذج الاستهالاك ، فإن هذا يعني أن العينة توحي بأن ب  $\pi$  صفر ، أ  $\pi$  صفر ، ونحن نريد اختبار مدى صحة ذلك. ونستطيع الحكم على مدى صحة ما تقوله العينة بشأن معلمات المجتمع عن طريق اختبار:

فرض العدم: أ = صفر H0:a = 0

: ب=صفر b=0

فإذا اتضح لنا من اختبار فرض العدم أنه صحيح، نرفض ما تقوله العينة بأن أ خ صفر، ب خصفر، أي نرفض الفرض البديل، وبالتالي تكون القيم المقدرة من عينة غير معنوية من الناحية الإحصائية، ولا يمكن أن نثق فيها كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع أ، ب. أما إذا اتضح لنا من اختبار فرض العدم أنه فرض خاطئ فإننا نرفضه، ونقبل الفرض البديل وهو ما توحي به العينة (أ خ صفر، ب خ صفر). ومن ثم فان القيم المقدرة من عينة تكون معنوية من الناحية الإحصائية، ويمكن أن نثق بها كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع.

والسؤال الآن هو: كيف يمكن اختبار فرض العدم:

	$H0: \mathbf{a} = 0$	ف·: أ=صفر
Andrew Street	b=0	ب=صفر
the state of	en e	في مواجهة الفرض البديل:
	Ha: a ≠ 0	ف1:أ≠صفر
Alexandria Agricolari Agricolari	b≠0	ب≠صفر

والإجابة على هذا السؤال يمكن تلخيصها فيما يلي : (1) نقوم بحساب قيم الخطأ المعياري لكل من أُ ، بُ من خلال الصبغ التالية والمشتقة من الصيغ (٤-٣٤) ، (٤ -٣٦) ، (٤-٣٧) :

$$S_{a} = \sqrt{\frac{\sum e_{i}^{2} \sum X_{i}^{2}}{n(n-k)\sum x_{i}^{2}}}$$

$$S_{b} = \sqrt{\frac{\sum e_{i}^{2}}{(n-k)\sum x_{i}^{2}}}$$

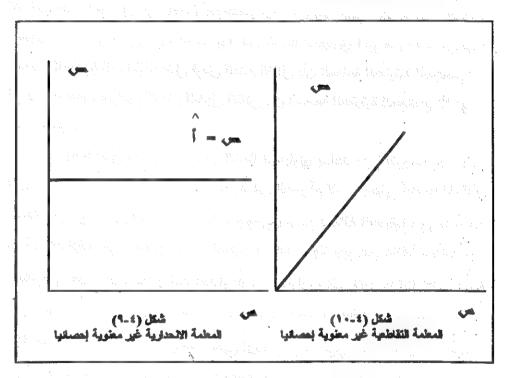
- (٢) نقوم بمقارنة قيمة الخطأ المعياري لكل معلمة مقدرة بالقيمة المقدرة لهذه المعلمة ،
   وفي هذه الحالة يوجد أكثر من احتمال:
- (أ) أن يكون  $\frac{8}{10} < \frac{7}{10}$  ، أي أن الخطأ المعياري يكون أقل من نصف القيمة المقدرة للمعلمة  $\frac{7}{10}$  . وفي هذه الحالة يمكن القول أن هذا الخطأ صغير نسبيا ، ومن ثم تكون القيمة المقدرة من العينة  $\frac{7}{10}$  لها معنوية إحصائية ، ويمكن أن ثثق فيها كأساس جيد للوصول لمعلمة المجتمع ب . وينطبق نفس القول بالنسبة للمعلمة المقدرة  $\frac{7}{10}$  .

ونخلص من هذا أنه إذا كان الخطأ المعياري أقل من ٥٠ % من قيمة المعلمة المقدرة نفسها ، فإننا نرفض فرض العدم القائل بأن المعلمة الحقيقية للمجتمع "أ" أو "ب "  $\pm$  صفر، ونقبل الفرض البديل القائل بأن المعلمة الحقيقية للمجتمع "أ " أو " ب "  $\pm$  صفر وهو ما تقول به العينة .

(۲) أن يكون  $\frac{4}{9} > \frac{1}{7}$  ، أي أن الخطأ المعياري يكون أكبر من نصف القيمة المقدرة للمعلمة . وفي هذه الحالة بمكن القول أن هذا الخطأ كبير نسبيا ، ومن ثم تكون القيمة المقدرة من العينة  $\frac{1}{2}$  ليس لها معنوية إحصائية ، ولا يمكن أن نثق فيها كأساس حيد للوصول إلى معلمة المجتمع  $\frac{1}{2}$  . وينطبق نفس الشيء على المعلمة المقدرة  $\frac{1}{2}$  . ونخلص من هذا أنه إذا كان الخطأ المعياري أكبر من ٥٠ ٪ من قيمة المعلمة المقدرة نفسها فإننا نقبل فرض العدم القائل بأن المعلمة الحقيقية للمجتمع "أ " أو " $\frac{1}{2}$  — صفر ، ونرفض الفرض البديل القائل بأن المعلمة الحقيقية للمجتمع "أ" أو " $\frac{1}{2}$  — صفر .

ومما سبق یتضح أن اختبار الخطأ المعیاري یساعد علی تقریر ما إذا کان القیم المقدرة  $\hat{1}$  ،  $\hat{\mu}$  تختلف معنویاً عن الصفر أم  $\hat{V}$ . و بمهنی آخر ما إذا کان اختلاف قیمتیهما عن الصفر هو اختلاف جوهري یرجع للعلاقة الحقیقیة بین حس ، مس أم أنه اختلاف غیر جوهري یرجع لمجرد الصدفة ، ولا یعبر عن علاقة حقیقیة بین المتغیرین حس ، مس . کما یساعد اختبار الخطأ المعیاري علی تقریر ما إذا کانت العینة التي قدرنا  $\hat{1}$  ،  $\hat{\mu}$  منها قد جاءت من مجتمع معلماته الحقیقیة  $\hat{1}$  ,  $\mu$  = صفر ، أم  $\hat{V}$  . فإذا کان  $\hat{3}$  فان هذا یعني أن الفرض الصغري  $\hat{\mu}$  حضر ، والعکس صحیح. ومن ثم فان المجتمع الذي سحبت منه العینة تکون معلمته  $\hat{\mu}$  = صفر ، والعکس صحیح ویوجد هناك معنی اقتصادي لقبول أو رفض فرض العدم . فإذا قبلنا فرض العدم  $\hat{\nu}$  صفر ، فان هذا یعني أن المتغیر التفسیري مس فی العلاقة :

 $\hat{x} = \hat{1} + \hat{y}$  هن ثم فان العلاقة الواقعية بين حب، من تأخذ الصيغة التالية : حب  $\hat{1} + \hat{y} = \hat{1}$  ، وذلك بافتراض أن  $\hat{1}$  لها معنوية إحصائية . وتتضح هذه العلاقة في الشكل (٤-٩) . وإذا قبلنا فرض العدم  $\hat{1} = \hat{y} = \hat{y} = \hat{y}$  فان هذا يعني أن قيمة المتغير التابع حب  $\hat{y} = \hat{y} = \hat{y}$  تساوي قيمة المتغير التفسيري صفر ، ومن ثم فان العلاقة الواقعية تأخذ الصيغة التالية: حب  $\hat{y} = \hat{y} = \hat{y}$  من ، وهي موضحة بالشكل (٤-١٠) . ويفترض في هذه الحالة أن المعلمة الانحدارية لها معنوية إحصائية .



ولقد جرت العادة على كتابة الأخطاء المعيارية بين قوسين أسفل القيم المقدرة للمعلمات حتى تسهل عملية المقارنة بينها .

March Milliant State of the State State of the State of t

مثال (٤-٣) حساب الخطأ المعياري ٢٧٤

باستخدام بيانات نموذج الاستهلاك المعطاة في الجدولين (٣-٦) ، (٣-٢) يمكن حساب الخطأ المعياري كما يلي :

#### (۱) نقوم بحساب ع′ حيث:

$$3^{1} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 1}{0 - 2} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 1}{0 - 2} = \frac{1 \cdot 1}{0 - 2} = \frac{1}{0}$$

#### (٢) نقوم بحساب ع 🗘 حيث:

# (٣) نقوم بحساب ع ۾ حيث:

$$3^{\prime} \cdot \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_$$

ومن ثم يمكن كتابة دالة الاستهلاك على النحو التالي:

ويلاحظ من المعادلة السابقة أن:

ومن ثم فإننا نرفض فرض العدم القائل بأن أ =  $\psi$  = صفر ، ونقبل الفرض البديل القائل بأن أ ،  $\psi$  صفر . وهذا يعني أن القيم المقدرة من ، أ  $\psi$  عينة تختلف جوهريا عن الصفر ، ولها معنوية إحصائية ، وتعبر عن وجود علاقة حقيقية بين الاستهلاك والدخل ، وتشير إلى أن هذه المعلمات المقدرة من عينة تصلح كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع أ ،  $\psi$  .

South the same of the processing the property of the processing of

#### المبحث الثالث

#### اختبارات المعنوية – اختبار " ز " Tests of Significance – the " Z " Test

يعتبر اختبار " ز" " "Z" أحد المعايير الإحصائية التي تستخدم في اختبار مدى الثقة في المعلمات المقدرة أ ، بُ كأساس جيد للوصول لمعلمات المجتمع أ، ب. وحتى يمكن استخدام اختبار " ز " " Z" يتعين توفر بعض الشروط أهمها:

- (١) أن يكون تباين المجتمع معلوم.
- (٢) أن يكون تباين المجتمع مجهول ، ولكنَّ حجم العينة كبير ( ن < ٣٠ ) .

وغالباً ما يكون تباين المجتمع مجهولا في مجال التطبيقات القياسية ، ولذا إذا كان حجم العينة كبيراً فإننا يمكن افتراض أن تباينها تقريب مرضي لتباين المجتمع المجهول ، ومن ثم يمكن استخدام اختبار "ز" "Z" في هذه الحالة .

ويرجع التركيز على تباين المجتمع وحجم العينة في حالة استخدام اختبار "ز" إلى ما لهما من أهمية كبيرة في تحديد مدى تمثيل المعلمات المقدرة من عينة لمعلمات المجتمع، ويمكن توضيح هذه الحقيقة من المثال الموضح بالجدول (٤-٣). فإذا افترضنا أن هناك مجتمعين ص، عص، وكان كل مجتمع منهما يشير إلى توزيع الإنتاجية لعشرة من الشركات الصناعية على النحو الموضح بالجدول (٤-٣) ، فمن الممكن استخلاص النتائج التالية:

(۱) يلاحظ أن متوسطي الإنتاجية في المجتمعين متساويان ، حيث: ص، = ص، = ص، = ص، = ص، = ٢٠٠ ؛ ٢٠٠ ، غير أن تباينهما مختلف . فتباين المجتمع ص، = صغر ، في حين أن تباين المجتمع ص، أكبر من تباين المجتمع ص، أكبر من تباين المجتمع ص، ويترتب على اختلاف التباين على هذا النحو النتائج الموضحة

**ِفِي (۲) ۽ (۳) -** 18 ڏاڏي ٿا. ۾ پنڌا اِئند سنطِنه ريا<sup>ا</sup> سنڌ ساڌ ٿا ۽ .

جدول (٣-٤) إنتاجية العامل في المجتمعين ص، ، ص، (ألف جنيه)

	مجتمع ص.	مجتمع ص			
إنتاجية العامل	رقم الشركة	إنتاجية العامل	رقم الشركة		
, . <b>.</b>		F. 100	and the Market of the Control		
. 1.	. Y	r.	****		
10	٣	<b>*•</b>	۲		
۲.	ξ	***	€ 1		
Yo	٥	۲.	٥		
To.		٣٠	7		
	e a til e a serig a tr <b>V</b> aggi i ga e	Bernell & For Spirit	<b>Y</b>		
Provide the s		the same of the state of the	A Shering A Shering		
<b>£0</b>		<b>*</b>	Annual State of the State of th		
٤٠		<b>**</b>	4.		
r	مجموع	<b>***</b>	مجموع		

صحيح ،

مشاهدات) أقرب من متوسط المجتمع منه في حالة العينة ذات الحجم الأصغر (مشاهدتين) . ومن ثم يمكن القول أنه كلما زاد حجم العينة كلما كانت المعلمات المحتمع مع ثبات التعاين .

وسوف نركز في هذا المبحث على عدد من النقاط الأساسية:

- (٤-٣-٤) خصائص توزيع "ز" "Z" المعياري .
- (2-3-1) استخدام "ز" "Z" كمعيار في اختبارات المعنوية .
  - . 3-7-7) مفهوم مستوى المعنوية
- (٤-٣-٤) العلاقة بين اختبار "ز" "Z" واختبار الخطأ المعياري.

ونتناول هذه النقاط بالتفصيل فيما يلى:

(٤-٣-٤) خصائص توزيع "رْ" إلى" المعياري :

يتصف توزيع "" بكونه توزيعاً معتدلاً معيارياً . ويتميز التوزيع المعتدل المعياري بعدد من الخصائص نوجزها فيما يلي :

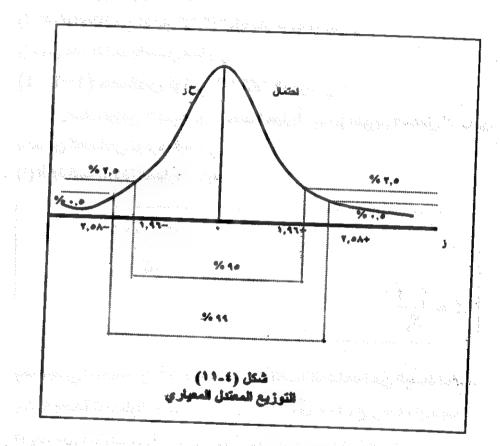
(١) تأخذ قيمة الصيغة المعيارية التالية:

$$Z_i = rac{Y_i - \overline{Y}}{S_y}$$

وهذا يعني أن قيمة "ز" "Z" تقيس انحراف القيمة المشاهدة عن الوسط الحسابي بدلالة وحدات معيارية . فإذا كانت - , - , - ، - ، - ، - ، وإذا كانت - , - ، - ، - ، - ، وحدة انحراف القيمة - , تنحرف عن الوسط الحسابي بمقدار - ، - ، - ، - ، - ، وحدة انحراف معياري ، أي بوحدتين معياريتين . وإذا كانت القيمة المشاهدة - ، - ، - ، - ، وإذا كانت القيمة المشاهدة - ، ويلاحظ أن زر (- ، - ) تعتبر قيمة نسبية . فيلاحظ أن زر (- )

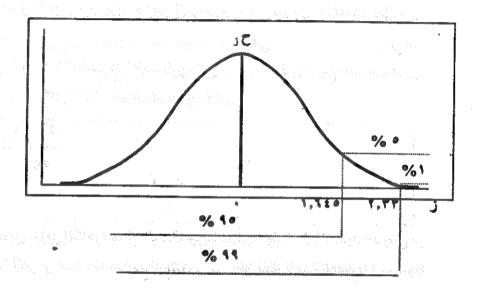
هي نسبة انحراف القيمة المشاهدة حرر  $(Y_i)$  عن وسطها الحسابي إلى مقياس متوسط انحرافات كل القيم ع  $_{\infty}(S_y)$ . فالقيمة المعيارية التي تقابل القيمة المشاهدة حرراف القيمة المشاهدة عن وسطها ضعف متوسط انحراف المجتمع (أو العينة) ككل .

(٢) الوسط الحسابي للتوزيع المعتدل المعياري "ز" "Z" = صفر ، والانحراف المعياري له = 1 .



كما أن مجموع احتمالات قيم "ز" التي تتراوح بين الحدين ١,٩٦ ، -١,٩٦ تساوي ٢٥٪ ، أي أن:

ح [ ١,٩٦ > ز > ١,٩٦ ] ح ح [ ۱,۹۲-> ز <- ۱,۹۲ ] = ٥٪ ومجموع احتمالات قيم "ز" التي تتراوح بين ٢,٥٨ ، - ٢,٥٨ = 29 ٪، أي أن :



11 Y-11 JSA مريد المعتدل المعياري ( المعتدل المعياري ( المعيدل المعياري

પર પ્રત્યા કારણ કરે કે કહ્યું કહે છે. તેમ માનુ પાર્ટ કે કહ્યું કહ્યું છે. જે માનુ કે માનુ કે માનુ કે માનુ કે મા

(3) يوجد هناك جدول يسمى بجدول التوزيع المعياري يوضح احتمالات قيم "ز" "Z" المختلفة ، والاحتمالات الموضحة سابقا مستمدة من هذا الجدول . فعلى سبيل المثال نجد أن احتمال ز1,97 بالجدول هو 1,97 . وبوجه عام إذا أردنا تحديد احتمال حدوث أي قيمة من قيم أي توزيع معتدل فمن الممكن استخدام جدول توزيع "ز" Z" في عمل ذلك . والخطوة الأولى في هذا الصدد هي أن نقوم بتحويل ثوزيع الظاهرة محل البحث من توزيع معتدل إلى توزيع معتدل معياري وذلك بتحويل القيم المشاهدة إلى قيم معيارية . فإذا كانت القيم المشاهدة هي "ك Z" "Z" ، نحسب وسطها الحسابي " Z" وانحرافها المعياري "Z" ، نم نقوم بحساب القيم المعيارية للمتغير "ك Z" "Z" واستخدام الصيغة التالية :

$$Z_{y}^{*} = \frac{Y_{i} - \overline{Y}}{S_{y}}$$

ومن ثم يصبح توزيع الظاهرة محل البحث توزيعا معياريا . وإذا أردنا تحديد احتمال أن تكون "ك" أكبر من قيمة مشاهدة معينة ولتكن "ك" مثلا ننظر للقيمة المعيارية المحسوبة لها "ز"," ثم نحدد من جدول التوزيع المعياري ح (i > i). ويعتبر هذا الاحتمال هو نفسه احتمال i > i. أي أن : ح [i > i] = [i > i] ولكن يتعين ملاحظة أن هذا التحويل يعد صالحا فقط في حالة التوزيعات المعتدلة ذات الشكل الناقوسي المتماثل ، ذلك لأن التوزيع المعيار "Z" مبنى على أساس توزيع معتدل .

(٢-٣-٤) استخدام "ز""Z" كمعيار في اختبارات المعنوية:

لعل السؤال الذي يطرح نفسه الآن هو كيف يمكن استخدام المعيار الإحصائي "ز" "Z" في اختبار معنوية المعلمات المقدرة أن أن أن في نموذج الحدار بأخذ الصبغة التالية:

$$Y_i = \hat{a} + \hat{b}X_i + e_i \qquad \hat{a} + \hat{b} = 0$$

وللإجابة على هذا السؤال يتعين اتباع الخطوات التالية:

(۱) نقوم بتحويل قيم أ ، بُ إلى قيم معيارية باستخدام الصيغة المعيارية المعروفة وهي:

خاصة وأننا قد افترضنا أن توزيع كل منهما توزيعا معتدلاً. وحيث أن الوسط الحسابي لقيم  $\hat{l}_{,-}=\hat{l}_{,-}$  ،  $\hat{l}_{,-}=\hat{l}_{,-}$  وهي نفسها معلمات المجتمع ، فإن القيم المعيارية المحسوبة لكل من  $\hat{l}_{,-}$  ،  $\hat{l}_{,-}$  والـتي سـوف نرمـز لهـا ونـنطقها المحسوبة نحددها كما يلى: نحددها كما يلى:

$$\frac{1}{\sqrt{(7\Lambda^{-2})}} = \frac{1}{\sqrt{(4-i)}} =$$

$$Z_{b} = \frac{\hat{b} - b}{\sqrt{\frac{\sum e_{i}^{2}}{(n-k)\sum x_{i}^{2}}}}$$

حيث عُبُ = الخطأ المعياري للمعلمة المقدرة ب

(۲) حتى يمكن حساب قيم ز أ أ أ ب يتعين تحديد قيم مكونات كل واحدة منها . غير أنه إذا كان من الممكن قياس أ أ ب أ عأ أ عث من بيانات العينة ، فان أ ، ب (وهي معلمات المجتمع) تظل مجهولة بالنسبة لنا . ولذا يجب علينا أن نقوم بافتراض قيم معينة خاصة بمعلمات المجتمع . وبالطبع فان هذه القيم المفترضة تحتمل الصواب والخطأ ، ولذلك يتعين علينا اختبارها . والشرط الأساسي بشأن القيم المفترضة هو ألا تكون هذه القيم مستمدة من العينة حتى لا تكون أ ، ب متطابقة مع أ ، ب .

ولقد جرى العرف على استخدام القيمة المفترضة "صفر" لمعلمات المجتمع، وهي تعني (في حالة المعاملات الانحدارية) أنه لا توجد علاقة بين المتغيرين س، س، وغالبا ما تكون عكس ما تقرره العينة من أنه يوجد هناك علاقة بين س، س. ولاختبار الفرضين المتقابلين:

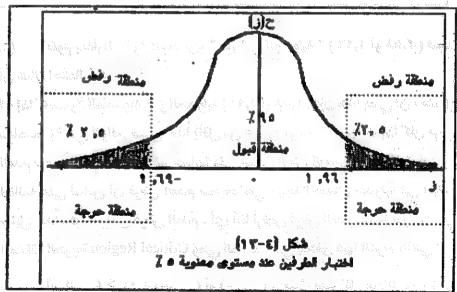
a=0,b=0 خوض العدم : فb=0 فوض العدم :

في مواجهة الفرض البديل: ف1: أ≠ صفر، ب≠ صفر ← a ≠0, b ≠0

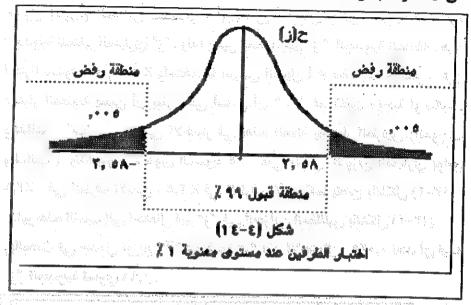
نقوم بالتعويض في الصيغ السابقة (٤-٣٨) ، (٤-٣٩) عن أ =صفر ، ب=صفر ، فنحصل على ز\* المحسوبة كما يلي :

(ε·-ε)	36	" 1
(E1-E) Z <sub>2</sub> =		
	ې - مقر	
غې <u>ه هٔ ۱</u>	Ç <sup>2</sup>	َ بُ

وهكذا فان الصيغتين السابقتين حولتا القيمتين المشاهدتين أ ، بُ إلى الى قيمتين معياريتين بدلالة الانحراف المعياري .



أما إذا اخترنا مستوى معنوية 1 % واستخدمنا اختبار الطرفين فان النسبة 1% تتوزع بين الطرفين بواقع ٠,٠٠٥ لكل طرف كما يتضح بالشكل (٤-١٤). وبالبحث عن قيمة "ز" الجدولية عند احتمال ٠,٠٠٥ نجد أنها = ٢,٥٨.



(٤) نقوم بمقارنة " ز\* المحسوبة " مع " ز الجدولية " ( 1,97 أو 2,08 ) فنجد أن هناك احتمالين:

أ-إذا كانت ز\* المحسوبة > ز الجدولية (1,47 أو ٢,٥٨) فإن هذا يعني أن احتمال مشاهدة ز\* في الواقع ضئيل جداً (أقل من ٢,٠٠٥ أو ٢,٠٠٥) وذلك إذا كان فرض العدم صحيحا (حيث أن ز\* تم حسابها على أساس فرض العدم). وإذا كانت النتيجة القائمة على أساس أن فرض العدم صحيحاً هي نتيجة احتمال حدوثها في الواقع ضئيل جداً ، فإننا ترفض فرض العدم . أي أننا نرفض فرض العدم عندما تقع ز\* في المنطقة الحرجة Critical Region وهي المنطقة التي يتحقق فيها الشرط التالي :

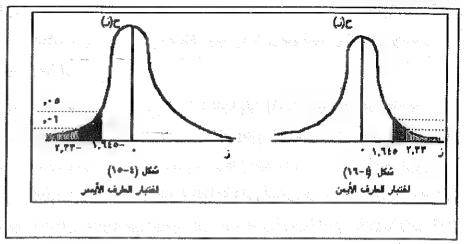
(ز ....) أو (ز ....) < ز\* <(-ز ....) أو (- ز...) ، حيث يشير كل من ٥٠،٠، ، ١٠،٠٠ إلى مستوى المعنوية . وبرفض فرض العدم نقبل الفرض البديل ، ومن ثم نقبل تقدير العينة . وفي هذه الحالة نقول أن تقدير العينة أ أو بُ له معنوية إحصائية ، وأن اختلافه عن الصقر يعتبر اختلافا جوهريا لا يرجع لعوامل الصدفة وإنما يرجع لعوامل حقيقية .

ب- أما إذا كانت ز\* المحسوبة < ز الجدولية (١,٩٦ أو ٢,٥٨) فإن هذا يعني أن احتمال مشاهدة ز\* المحسوبة في الواقع يعتبر احتمالا كبيرا ، أكبر من ٢٠٠٠ أو ٠٠٠٠ وذلك إذا كان فرض العدم صحيحا (حيث أن "ز\*" تم حسابها على أساس فرض العدم ) . وحيث أن النتيجة القائمة على أساس أن فرض العدم صحيحا هي نتيجة احتمال حدوثها في الواقع كبير ، فإننا نقبل فرض العدم . وبقبول فرض العدم فإننا نرفض الفرض البديل ، ومن ثم نرفض تقدير العينة . وفي هذه الحالة لا يكون للقيمة المقدرة من العينة معنوبة إحصائية ، ويكون اختلافها عن الصفر اختلافا غير جوهري أو غير معنوي ، أي يرجع لمجرد عوامل الصدفة .

(٥) عادة ما نستخدم اختبار الطرفين الذي سبق توضيحه عندما لا يكون لدينا معلومات مسبقة عن إشارة المعلمة محل الاختبار ، أو إذا كانت المعلمة المراد اختبارها يمكن أن تأخذ قيمة موجبة أو قيمة سالبة . أما إذا كان لدينا معلومات مسبقة عن إشارة هذه المعلمة كما هو الحال في كثير من الدراسات الاقتصادية (الميل الحدي للاستهلاك أو للادخار وغيرها) فإننا نستخدم اختبار الطرف الواحد . فإذا كانت إشارة المعلمة سالبة نستخدم اختبار الطرف الأيسر، حيث:

ف : أ أو ب=صفر، في مواجهة ف ا : أ أو ب<صفر

وفي هذه الحالة نجد أن قيم "ز" الجدولية تختلف عنها في حالة اختبار الطرفين لأن مستوى المعنوبة ينحصر في طرف واحد . فعند مستوى المعنوبة ه % أي احتمال ه % نجد أن قيمة " ز " الجدولية = 1,7٤٥ ، وعند مستوى معنوبة 1 % نجد أن قيمتها = % . وتصبح المنطقة الحرجة ممثلة في المنطقة المظللة بالشكل (٤–10) عندئد .



أما إذا كانت إشارة المعلمة المراد اختبارها موجبة فإننا نستخدم اختبار الطرف الأيمن، حيث: أ أو ب> صفر وتصبح المنطقة الحرجة هي المنطقة المظللة بالشكل (٤-١٦).

### (٤-٣-٣) مفهوم مستوى المعنوية

عندما نرفض فرض العدم عند مستوى معنوية ٥ ٪ ونقبل الفرض البديل ، فإن هذا يعني أن هناك احتمالا ٩٠ ٪ أن يكون قرار الرفض قراراً صحيحاً ، وهناك احتمال ٥ ٪ أن يكون قرار الرفض قراراً خاطئاً . ومن ثم فان مستوى المعنوية يعبر عن احتمال الخطأ عند اتخاذ قرار الرفض لفرض العدم . ويترتب على ذلك أن مستوى الثقة في قرار الرفض لا يكون ١٠٠ ٪ ولكنه يكون ٩٥ ٪ فقط في هذه الحالة. أي أنه في كل ١٠٠ مرة يصدر فيها قرار الرفض لفرض العدم يوجد ٩٥ مرة منها يكون فيها هذا القرار صحيحاً ، و ٥ مرات خاطئاً . وإذا حدث وكان قرار الرفض خاطئاً فإن هذا يعني أننا وقعنا في خطأ هو " رفض فرض هو في حقيقة الأمر صحيح " وهذا هو الخطأ من النوع الأول ، وعندما نجري اختباراتنا عند مستوى معنوية ١٪ بدلا من ٥ ٪ فإن هذا يعني أننا قد قللنا من احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الأول ، أي قللنا من احتمال رفض فرض العدم رغم أنه صحيح وقبول الفرض البديل رغم أنه خطأ .

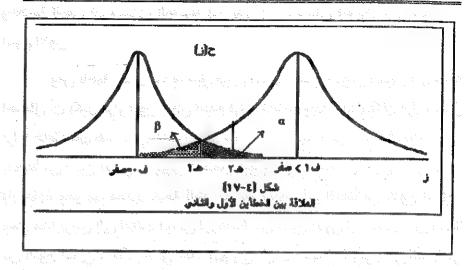
وخلاصة القول أن مستوى المعنوية (a) يشير إلى احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الأول .

ومن ناحية أخرى عندما نقبل فرض العدم ونرفض الفرض البديل فإن هناك احتمال أن يكون قرار قبول فرض العدم قراراً خاطئاً وإذا حدث وكان قرار القبول قراراً خاطئاً فان هذا يعني " أننا قبنا فرضا هو في حقيقة الأمر خاطئ" وهذا يسمى بالخطأ من النوع الثاني . ويرمز لاحتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني بالرمز (β) عادة وهو غير محدد بقيمة ثابتة كما هو الحال في الخطأ من النوع الأول . ولعل هذا يرجع إلى اعتقاد البعض أن الخطأ من النوع الأول أكثر أهمية من الخطأ من النوع الأول أكثر أهمية من الخطأ من النوع الأول عند مستوى منخفض (٥٪، ١٪) ومحاولة تقليل احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الأول عند مستوى منخفض (٥٪، ١٪) ومحاولة تقليل احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني إلى أدنى حد ممكن ، حتى وإن كان هذا الحد الأدنى أعلى من ٥٪ . وتسمى النسبة (β-1) بقوة الاختبار ، حيث تشير النسبة (β-1) أعلى من ٥٪ . وتسمى الثاني تعني تعظيم قوة الاختبار ، حيث تشير النسبة (β-1) النوع الأول والثاني بالجدول (٤-٣).

جدول (۲-٤) حالات فرض العدم

خاطئ	10 cong	المراقع		
Adam was Again		الغزار المنادين المناوية		
مح الم	خطأ من النوع الأول	January Company		
صح خطأ من النوع الثاني		قبول		

وعموما يوجد هناك علاقة عكسية بين احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الأول (α) وعموما يوجد هناك علاقة عكسية بين احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني (β). ويسمكن توضيح ذلك من الشكل (٤-١٧).



افترض أن هناك توزيعين حول قيم كل من فرض العدم ف٠٠، والفرض البديل ف١٠ حيث: ف٠: + = --- حفر، ف١ : + > --- صفر، وافترض أننا اخترنا النقطة هـ، بحيث تكون المساحة المظللة على يمينها ممثلة لاحتمال رفض فرض العدم، أي احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الأول ( $\alpha$ )، والمساحة المظللة على يسارها تمثل احتمال رفض الفرض البديل (قبول فرض العدم وهو خاطئ) أي احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني ( $\alpha$ ). ومع ثبات حجم العينة، يلاحظ أن تقليل احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني ( $\alpha$ ) يزيد من احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني ( $\alpha$ ) يزيد من احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني ( $\alpha$ ). ولذلك فانه من الصعب تدنية كل من الخطأين معا في نفس الوقت ، حيث أن تدنية أحدهما تتم على حساب زيادة الآخر. ولعل المخرج الوحيد لتقليل حجم الخطأين معا هو زيادة حجم العينة كلما أصحت المعلمات المقدرة أكثر تمثيلا لمعلمات المجتمع .

중요하면 기념을 다시고 하다가 있는 바로 프로그램을 가는 모나지는

# (٤-٣-٤) العلاقة بين اختبار "z" "واختبار الخطأ المعياري

لقد اتضح مما سبق أنه إذا زادت ز\* عن ١,٩٦ عند مستوى معنوية ٥ ٪ فإننا نرفض فرض العدم، ولو قربنا القيمة ١,٩٦ إلى ٢ فإنه يمكن القول:

وبطرب طرفي اللامتساويتين في علي تجد أنهما تصبحان كما يلي :

وهدا هو اختبار الخطأ المعياري .نخلص من ذلك بأن اختبار الخطأ المعياري ما هو الا تقريب لاختبار "ز" ، وبالتالي فإنه يعتبر اختبار أقل دقة بالمقارنة مع اختبار "ز" . وعموما يمكن الربط بين الاختبارين كما يلي :

- (أ) نرفض فرض العدم ب = صفر إذا كانت أثب ٢٠ وفقا لاختبار "ز"، وإذا كانت على الشيء. على الختبار الخطأ المعياري، وهما نفس الشيء.
- (ب) نقبل فرض العدم ب = صفر إذا كانت فت < 7 وفقا لاختبار "ز" ، وإذا كان عن \* 7 وفقا لاختبار "ز" ، وإذا كان عن \* 7 وفقا لاختبار الخطأ المعياري ، وهما نفس الشيء .

ومن ثم يمكن القول أن اختبار الخطأ المعياري ما هو إلا تقريب لاختبار الطرفين لـ "ز" عند مستوى معنوية ٥ ٪ .

مثال (٤-٤) استخدام اختبار " ز"Z"

افترض أن باحثاً قام بتقدير دالة الادخار من عينة مكونة من ٢٠٠ أسرة وكانت نتائج التقدير كما يلي:

هرب ۳۰ ۱۹۰۰ ۲۰۰۹ ایس (۱۰۱) (۱۰۰)

حيث حى = الادخار ، هن = الدخل . والمطلوب هو اختبار المعنوية الإحصائية للمعلمة الانحدارية بدالة الادخار المقدرة .

حيث أن العينة كبيرة (ن > ٣٠) فمن الممكن استخدام المعيار "ز" Z في اختبار المعنوية . ونظراً لأن لدينا فكرة مسبقة عن الميل الحدي للادخار (والذي يمثل المعلمة الانحدارية ) مفادها أنه من المتوقع أن يكون موجبا ، فمن الممكن استخدام اختبار الطرف الأيمن: ف: ب=صفر، في مواجهة ف! : ب>صفر . ولإجراء هذا الاختبار نتبع الخطوات التالية:

(١) نحدد قيمة ز\* المحسوبة للمعلمة المقدرة بي حيث:

(٢) نحدد قيمة "ز" الجدولية عند مستوى معنوية ٥ % فنجدها مساوية ١,٦٤٥ .

(٣) نقارن ز\* المحسوبة ، ز الجدولية فنجد أن ز\* > ز الجدولية ، ومن ثم فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل . وهذا يعني أن المعلمة المقدرة ب لها معنوية إحصائية وتختلف جوهرياً عن الصفر . وبالتالي يمكن أن نثق في تقدير العينة كأساس جيد للوصول إلى معلمة المجتمع . ويعني هذا أن الدخل يؤثر تأثيراً جوهرياً على الادخار .

Harty Herry

#### المبحث الرابع

# اختبارات المعنوية - اختبار "ت"

#### The Student's "T" Test

يستخدم اختبار "ت" عندما يكون تباين المجتمع مجهولا ، وحجم العينة صغير ا ( أقل من ٣٠) ، وذلك بشرط أن يكون مجتمع المعلمات المقدرة موزعا توزيعا معتدلا . ولكي نختبر مدى الثقة في المعلمات المقدرة من عينة باستخدام معيار "ت" يتعين إتباع الخطوات التالية :

(١) تحديد ت\* المحسوبة باستخدام الصيغة التالية : ﴿

$$(\varepsilon Y - \varepsilon) = \hat{b}_i - b_i$$

$$S_{k}$$

(٢) تحديد "ت" الجدولية . ويمكن تحديد قيمة "ت" الجدولية من جدول توزيع ت عند درجات حرية معينة ومستوى معنوية محدد (٠,٠٠ أو ٠,٠٢٠ أو ٠,٠١) ، حيث : درجات الحرية = حجم العينة - عدد المعلمات المقدرة.

ويلاحظ أن توزيع " ت" متماثل ، وسطه الحسابي = صفر، وتباينه =  $\frac{1-0}{7-0}$ 

وهو يقترب من الواحد كلما كبر حجم العينة ، وهذا يعني أن توزيع "ت" يقترب من توزيع "ز" في أن الأول توزيع "ز" في أن الأول مصمم على أساس درجات حرية ، في حين أن الثاني لا يتحدد على أساس درجات حرية .

(٣) حتى يمكن إجراء اختبار المعنوية للمعلمات المقدرة من عينة لابد من استخدام فرض العدم والفرض البديل الخاصين بمعلمات المجتمع . ويتعين أن نفرق بين اختبار الطرف الواحد واختبار الطرفين:

(أ) اختبار الطرف الواحد One -tailed Test:

يستخدم هذا الاختبار في حالة أن يكون:

$$b_i = b_0$$
 فرض العدم (ف $\cdot$ ): بين ب $=$ ب  $=$  ب

في مواجهة:

$$b_i < b_0 \longleftrightarrow (-\cdot, -\cdot)$$

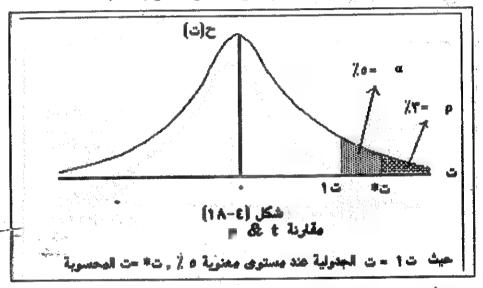
حيث أن ب. هي قيمة معينة . و لإجراء الاختبار نقوم بحساب ت\* من بيانات عينة كما بالصيغة (٤-٤٦). وفي حالة أن يكون فرض العدم ب عصفر تصبح:

ثم نقوم بالبحث عن "ت " الجدولية في الجداول الإحصائية لتوزيع ت عند مستوى معنوية معين " / n-k) . وإذا كانت :

 : ويوجد هناك اختبار آخر يسمى قيمة ho (باي ) وهو يعظي نفس النتيجة ،حيث

قيمة 
$$\rho$$
 = احتمال (ت > ت\* المحسوبة ......  $\rho$ 

وتقوم بعض برامج الكمبيوتر الجاهزة بعرضها . وفي حالة أن تكون  $\rho > 0$  مستوى المعنوية المحدد (0% أو 1%) نقبل قرض العدم ونرفض الفرض البديل وتكون المعلمة المقدرة ثير غير معنوية إحصائيا . وفي حالة أن تكون  $\rho < 0$  مستوى المعنوية المحدد نرفض فرض العدم وتقبل الفرض البديل ، وتكون المعلمة المقدرة من عينة ثير معنوية إحصائيا . ويتضح هذا من الشكل (0 - 1).



وحيث أن α > ρ بالشكل (٤-١٨) نرفض فرض العدم وتكون المعلمة المقدرة من عينة لها معنوية إحصائية عند مستوى ة % .

(ب) اختبار الطرفين Two-tailed Test:

يستخدم هذا الاختبار في حالة أن يكون:

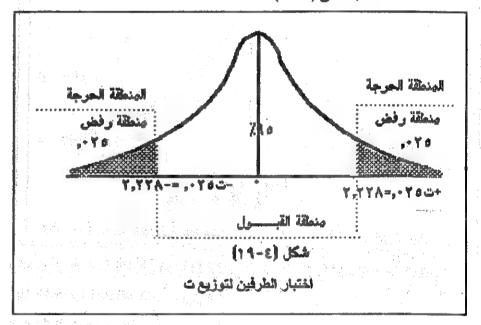
$$b_i = b_0$$
 :  $\psi_c = \psi$  فرض العدم (ف.)

$$b_i \neq b_0$$
 : ب $_i \neq \dots$  الفرض البديل (ف,)

ولإجراء الاختبار نقوم بحساب r من بيانات العينة بنفس الطريقة السابقة ، ثم نبحث عن r البحدولية عند مستوى معنوية r ، ودرجات حرية (ن- r)، ونكمل الاختبار كما سبق. وللحصول على قيمة r في هذه الحالة نجد أن:

ثم نقارنها بمستوى المعنوية 🏿 على النحو الذي سبق .

ويلاحظ أنه عند إجراء اختبار الطرفين يكون ل ت الجدولية قيمتين إحداهما موجبة والأخرى سالبة، ويكون مستوى المعنوية لكل منهما ٠,٠٢٥ في حالة  $\alpha = 0$ 



(٤) وبمقارنة ت\* المحسوبة بتيمة ت الجدولية نجد أن هناك أكثر من احتمال :

(أ) إذا كانت | ت\* المحسوبة أو المشاهدة |≤ |ت الجدولية | نقبل فرض العدم حيث تكون ت\* في منطقة القبول ، ونرفض الفرض البديل ، ويكون تقدير العينة غير معنوي إحصائيا . (ب) إذا كانت أت\* المحسوبة | > أت الجدولية | نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل حيث تقع ت في منطقة الرفض ، ويكون تقدير العينة معنوياً إحصائياً، ويمكن أن نثق فيه كأساس جيد للوصول لمعلمة المجتمع .

ويلاحظ في هذا الصدد أن:

-- ت منطقة القبول -- ت منطقة القبول --

+ ت ور.. < ت \* < - ت ور.. → منطقة الرفض

(ه) من الممكن تصميم صيغة تقريبية لاختبار "ت" تصلح للاستخدام في حالة أن تكون درجات الحرية أكبر من A ، أي عندما (i-b) > A . فإذا نظرنا إلى جدول توزيع "ت" نجد أن قيمة ت تتغير ببطيء شديد بعدما تزداد درجات الحرية عن A . فهي على سبيل المثال = 7,7 عندما (i-b) = A ، وتصبح 1,17 عندما  $(i-b) = \infty$  ، وذلك عند مستوى معنوية A . ولاشك أن التغير من A إلى A يعتبر تغيراً بطيئاً جداً ، وهذا يعني أن درجات الحرية لا تؤثر بدرجة كبيرة على قيمة ت الحدولية بعدما تزيد عن A . ومن ثم يصبح من الممكن إهمال أثر هذا التغير دون خطأ كبير ومن هذا المنطلق يمكن اعتبار "ت" الجدولية عند جميع درجات الحرية أكبر من A = A تقريبا . وفي هذه الحالة يصبح اختبار الطرفين عند مستوى A كما يلي : A المقدرة للمعلمة لها معنوية إحصائية . وحيث أن:

 $\frac{\psi}{2} > \gamma$  في هذه الحالة ، فان  $\frac{\psi}{2} > \gamma < \frac{\psi}{\gamma}$  أد  $\gamma > \gamma > \gamma$ 

(ب) إذا كانت | ت\* | <7 نقبل فرض العدم ونرفض الفرض البديل ، وتكون القيمة المقدرة للمعلمة غير معنوية إحصائيا ، ولا يمكن أن نثق فيها كأساس جيد للوصول لمعلمة المجتمع . وفي هذه الحالة نجد أن :

پر ۲ د روان : عن x ج

(٦) من الممكن اختبار ما إذا كان الفرق بين متوسطي عينتين مختلفاً جوهرياً عن الصفر أم لا، وذلك باستخدام معيار "ت" على النحو التالي:

افترض أن  $\overline{C}$ ,  $\overline{Y_1}$ ) هو متوسط عينة حجمها ن،  $\overline{n_1}$ ) ، وأن  $\overline{C}$  ،  $\overline{Y_1}$ ) هو متوسط عينة أخرى من مجتمع آخر حجمها ن،  $\overline{n_2}$ ) ، وأن  $\overline{S}$   $\overline{S}$  ) هو تباين قيم العينة الأولى ،  $\overline{S}$   $\overline{S}$  ) هو تباين قيم العينة الثانية ، وأننا نريد اختبار :

 $\mu_1$  -  $\mu_2$  = 0 فرض العدم : م,-م, = صفر  $\mu_2$ 

 $\mu_1$  -  $\mu_2 \neq 0$   $\rightarrow$  صفر  $\rightarrow$  الفرض البديل : م، حم،  $\neq$  صفر

حيث: م، (11) = متوسط المجتمع الأول ، م، (12)= متوسط المجتمع الثاني .

فإذا كان متوسط المجتمع وتباينه في الحالتين معلومين ، أو أن حجم العينة كبير ، فمن الممكن استخدام اختبار "ز" . أما إذا كان حجم العينة صغيراً فإننا نستخدم الحتبار "ت". ونفرق في هذا الصدد بين حالتين :

(أ) إذا كانت ن = ن ، فان ت المحسوبة تساوي :

$$\frac{(e^{\eta}-e)-(\sqrt{m}-\sqrt{m})}{\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

$$\frac{1}{\sqrt{n}}+\frac{1}{\sqrt{n}}\sqrt{m}$$

(ب) وإذا كانت ن، ≠ ن، فان ت\* تساوى :

Westland Bestler, & . List

The Mary & Mary & Mary and the Property of the State of t

$$\frac{\left(\sqrt{t^2-1^2}\right)-\left(\sqrt{t^2-1^2}\right)}{-\frac{7}{4}\frac{\xi}{10}}+\frac{1}{10}\sqrt{\frac{\xi}{10}}$$

$$\sqrt{t^2-t^2}-t^2=0$$

$$\sqrt{t^2-1^2}-t^2=0$$

$$\sqrt{t^2-1^2}-t^2$$

مثال (٤-٥) استخدام اختبار t

افترض أننا نريد اختبار معنوية المعلمة الانحدارية بنموذج الاستهلاك المقدر بالمثال (٢-٢) بالفصل الثالث ، حيث :

in the second of the second of

نظرا لأن حجم العينة صغير (ن=1) وتباين المجتمع مجهول فإننا نستخدم اختيار "ت". وحيث أن لدينا معلومات مسبقة عن إشارة المعلمة الانحدارية والتي تمثل الميل الحدي للاستهلاك (موجبة)، فإننا نستخدم اختبار الطرف الأيمن، أي أن: فرض العدم: ب= صفر، والفرض البديل: ب> صفر ولإتمام الاختبار نتبع الخطوات التالية:

(أ) نحدد قيمة ت\* للمعلمة المقدرة على النحو التالي:

(ب) نقوم بتحدید قیمة ت الجدولیة عند مستوی معنویة ۱٪ ودرجات حریة = ن $^{b}$ 

(ج) نقارن ت\* المحسوبة ، ت الجدولية فنجد أن ت\* > ت الجدولية ، ومن ثم نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل . وهذا يعني أن المعلمة المقدرة للميل الحدي للاستهلاك لها معنوبة إحصائية وتختلف جوهريا عن الصغر ، وتعبر بذلك عن وجود علاقة طردية حقيقية بين الدخل والاستهلاك.

#### أهمية الاختبارات الإحصائية

ليس هناك اتفاق بين القياسيين Econometricians الإحصائيين الممثلين في معامل التحديد واختبارات المعنوبة أكثر أهمية . فعلى سبيل المثال أيهما أفضل أن يكون معامل التحديد مرتفعا أم تكون الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة منخفضة ? . بالطبع لن تكون عملية الحكم على النموذج المقدر صعبة إذا اتضح أن معامل التحديد مرتفعا والأخطاء المعيارية منخفضة ، أو العكس . ففي مثل هذه الحالات يوجد هناك اتفاق بين المعيارين في الحكم على النموذج . ولكن تنشأ الصعوبة عندما يكون معامل التحديد مرتفعا وفي نفس الوقت الأخطاء المعيارية مرتفعة ، أو العكس . ففي مثل هذه الحالات لا يوجد هناك اتفاق بين المعيارين في الحكم على الأخطاء المعيارين في الحكم على المعمات الأخطاء المعيارين في الحكم على المعمات الأخطاء المعيارية مرتفعة ، أو العكس . ففي مثل هذه الحالات لا يوجد هناك اتفاق بين المعيارين في الحكم على النموذج. وهنا يظهر تساؤل : هل نقبل المعلمات المقدرة أم نرفضها ؟

يرى البعض أن قبول أو رفض المعلمات المقدرة بناءاً على معيار ما يعتمد أساسا على الهدف من تقدير النموذج . فإذا كان الهدف هو التنبؤ فإن معامل التحديد يكون هو المعيار الأكثر أهمية . أما إذا كان الهدف من القياس هو تفسير بعض الظواهر الاقتصادية فان اختبار المعنوية يعتبر هو الأكثر أهمية .

وعموماً فان الأولوية تعطى للمعايير الاقتصادية ثم تأتي بعدها المعايير الإحصائية والقياسية . فإذا لم يجتاز النموذج المقدر اختبار المعايير الاقتصادية بنجاح فلن يكون هناك أهمية كبرى للاختبارات الأخرى من وجهة نظر الاقتصادي .

#### المبحث الخامس والمجادة والمستحث

# تقدير فترات الثقة لمعلمات المجتمع

#### **Confidence Intervals**

ولكن يتعين ملاحظة أننا عندما نرفض قرض العدم ونقبل تقدير العينة لأن معنوية إحصائية ، فإن هذا لا يعني أن تقدير العينة بي هو نفسه معلمة المجتمع بي وإنما يعني فقط أن المجتمع الذي سحبت منه هذه العينة معلمته الحقيقية لا تساوي صفرا . كما يعني أننا يمكن أن نثق في تقدير العينة كأساس جيد لتقدير فترة ثقة لمعلمة المجتمع .

وفترة الثقة هي الحدود النهائية التي يكون من المتوقع أن تقع معلمة المجتمع في داخلها بدرجة ثقة معينة . فعندما يكون مستوى المعنوية ٥ ٪ فإن هذا يعني أن هناك احتمالا ٩٥ ٪ أن تقع معلمة المجتمع داخل حدود فترة الثقة المقدرة، وهناك احتمالا ٥ ٪ أن تقع خارجها . وهذا يعني أيضا أنه في أثناء عملية المعاينة المتكررة تقع معلمة المجتمع داخل فترة الثقة المقدرة بناءاً على تقدير العينة في ٩٥ ٪ من الحالات ، وتقع خارجها في ٥ ٪ من الحالات . وتسمى النسبة ١٩٠ ٪ مستوى الثقة أو معامل الثقة .

وسوف نوضح فيما يلي كيفية تحديد فترة ثقة لمعلمة المجتمع باستخدام توزيعي " ت " ، " ز " "Z"."

# (٤-٥-١) تحديد فترة ثقة من توزيع "ر" "Z"

دعنا نفترض أن:

$$Z = \frac{\hat{b}_i - b_i}{S_{bi}} = 3$$

ن بُر - ب عَ وَ حَابَ وهذا يشير للفرق بين بُر ، ب . ومثل هذا الفرق قد يكون سالباً ، ومن ثم فإن :

$$b_i = \hat{b_i} \pm Z.S_{\hat{b}i}$$
  $; \hat{\downarrow} \hat{\pm} \hat{\downarrow} \hat{\pm}$   $= \hat{\downarrow} \hat{\downarrow}$ 

أي أن فترة الثقة لمعلمة المجتمع ب رهي:

$$(\xi \lambda - \xi)$$
.....  $\hat{\varphi}$   $\hat{\varphi$ 

مثال (٢-٤) تحديد فترة ثقة باستخدام Z

إذا لم تقدير دالة الادخار من عينة مكونة من 200 أسرة وكانت نتيجة التقدير على النحو التالي:

2+ V\*, Y+ 0 --= VB (1 +)

حدد فترة ثقة للميل الحدي للادخار في المجتمع عند مستوى معنوية ٥٪.

حيث أن حجم العينة كبير فإننا نستخدم توزيع "ز" في تحديد فترة الثقة .

وحيث أن مستوى المعنوية ٥٪ فانه عندما يتوزع على طرفين يصبح كل طرف ٢٠٥٪. وبالبحث في جدول توزيع "Z" عند احتمال ٠٠٠٧٠ نجد أن ز =١,٩٦٠ وبالتعويض

٠,٤٢ > د ٢ > ٠.١٨

أي أن معلمة المجتمع " ب " من المتوقع أن تقع داخل الحدود ١,١٨ & ٠,٤٢٠ باحتمال ٩٠٪.

### t "ت المديد فترة ثقة من توزيع "ت" (٢-٥-٤)

تتماثل عملية تحديد فترة ثقة من توزيع "ت" مع نفس العملية من توزيع "ز" مع فارق واحد هو أن فترة الثقة من توزيع "ت" تتحدد عند درجات حرية معينة. ومن ثم فإن فترة الثقة تتحدد على النحو التالي :

$$(\xi \mathfrak{A} - \xi)$$
.....  $\hat{\mathfrak{J}} \xi$  .  $\hat{\mathfrak{J}} + \hat{\mathfrak{J}} \cdot \hat{\mathfrak{J}} = \hat{\mathfrak{J}} \cdot \hat{\mathfrak{J}} = \hat{\mathfrak{J}} \cdot \hat{\mathfrak{J}} \cdot \hat{\mathfrak{J}} = \hat{\mathfrak{J}} \cdot \hat{\mathfrak{J}} +$ 

عند درجات حرية = ن - <u>ك .</u>

مثال (۲−٤) تحدید فترة ثقة باستخدام t

افترض أننا نريد تقدير فترة ثقة للميل الحدي للاستهلاك من بيانات نموذج. الاستهلاك بالمثال (٣-٢) بالفصل الثالث حيث:

 $a + \sqrt{a}, \forall \lambda + \sigma \tau, \forall = \sqrt{a}$   $(\tau, \alpha \tau) (\forall \tau, \tau)$ 

وباختيار مستوى معنوية ٥٪، فانه يتوزع على طرفي فترة الثقة بواقع ٠,٠٢٥ لكل طرف. وحيث أن درجات الحرية = ١٠ - ٢ - ٨، فبالبحث عن ت،٠٠٠، ٨ بالجدول نجدها = ٢,٣٠٦. ومن ثم فإن فترة الثقة تساوي:

$$[(\hat{\varphi}\xi)_{(\lambda,\cdot,\cdot,\cdot,\cdot)}\hat{\varphi}] = -\hat{\varphi} + [(\hat{\varphi}\xi)_{(\lambda,\cdot,\cdot,\cdot,\cdot)}\hat{\varphi}] = -\hat{\varphi}$$

أي أن الميل الحدي للاستهلاك على مستوى المجتمع يتراوح بين 190. ، ه. ٨٦٠ باحتمال 10 % .

ويمكن بالطبع تحديد فترة ثقة لمعلمة المجتمع عند مستوى معنوية 1 % بدلا من ■ % بنفس الطريقة السابقة .

en en forte forte de transporte de la communication de la communic

#### القصل الخامس

### خصائص المُقَدْر الجيد

#### **Properties of The Good Estimator**

يتعين الإشارة أولا إلى بعض التعاريف التي سوف نستخدمها في هذا الفصل :

(۱) المقدر Estimator:

الُمقَدُّر هو صيغة رياضية معينة تستخدم في تقدير أو قياس قيمة معلمة ما من خلال بيانات واقعية . ومن الأمثلة على ذلك ُمقَدْر الوسط الحسابي :

ومقدر الانحراف المعياري:

$$S_{y} = \frac{\sum (Y_{i} - \overline{Y})^{2}}{2n} \qquad \qquad \underbrace{\sum (y_{i} - \overline{Y})^{2}}_{y_{i}} = \underbrace{\underbrace{\sum (y_{i} - \overline{Y})^{2}}_{y_{i}$$

#### :Estimate المُقدَّرة (٢)

تشير القيمة المقدرة إلى القيمة الفعلية التي يتم تقديرها للمعلمة باستخدام المقدر من خلال بيانات واقعية ، مثال ذلك على المقدر من خلال بيانات واقعية ، مثال خلال بيانات واقعية ، مثال خلال بيانات واقعية ، مثال بيانات واقعية ، مثال بيانات واقعية ، مثال بيانات واقعية ، مثال بيانات والمؤلم بيانات والمؤلم

ويلاحظ عموما أن هناك طرقا عديدة يمكن استخدامها في تقدير المعلمات ومن بينها طريقة المربعات الصغرى العادية ، ويوجد لكل طريقة من هذه الطرق مُقَدْر. ولتقييم هذه الطرق أو المُقَدْرات يتعين علينا استخدام معايير معينة . وسوف نفرق بين نوعين من المعايير أو الخصائص التي نتناولها في مبحثين :

المبحث الأول: الخصائص المرغوبة للُّمقَدّرات في حالة العينة الصغيرة .

المبحث الثاني : الخصائص المرغوبة للُّمقَدِّرات في حالة العينة الكبيرة .

# المبحث الأول

# الخصائص المرغوبة للمُقَدرات في حالة العينة الصغيرة

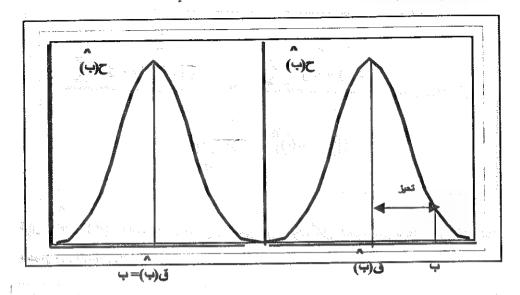
ص المرغوبة للمقدرات في حالة العينة الصغيرة فيما يلي :	يمكن خصر الخصائ
Unbiasedness	(٥-١-١) عدم التحيز
Least Variance	(۵–۱–۲) أقل تباين
Efficiency	(8-1-4) الكفاءة
Linearity	(٥-١-٤) الخطية
Best Linear Unbiased Estimator (BLUE)	(٥-١-٥) المثلية الخطية
ات خطأ Minimum Mean-Square Error (MSE)	(۵-1-1) أدنى متوسط مرب
Sufficiency	الكفاية (V_1_0)

#### (١-١-٥) عدم التحيز :

يمكن تعريف التحيز بأنه يتمثل في وجود فرق أو انحراف بين القيمة المتوقعة للمُقَدِّر ومعلمة المجتمع . فإذا كان لدينا مُقَدِّر يتمثل في بُ ثُم قمنا بسحب عدد كبير من العينات الصغيرة من المجتمع وقدرنا بُ لكل عينة منها ، فإن هذا المُقَدِّر سوف يكون متحيزاً إذا كان الفرق بين القيمة المتوسطة أو القيمة المتوقعة لـ بُ من العينات كلما ومعلمة المجتمع ب لا يساوي صفراً . أي إذا كان :

$$E(\hat{b}) - b \neq 0$$
  $\hat{b} = 0$   $\hat{b} = 0$ 

وبوضح الشكل (٥-١) حالة مُقَدَّر غير متحيز ، في حين يوضح الشكل (٥-٢) حالة مُقَدَّر متحيز . وعموماً فإن صفة عدم التحيز وإن كانت صفة مرغوب فيها إلا أنها لا تعتبر صفة مهمة فقط عندما تقترن بصفات أخرى كما سوف يتضح فيما بعد .



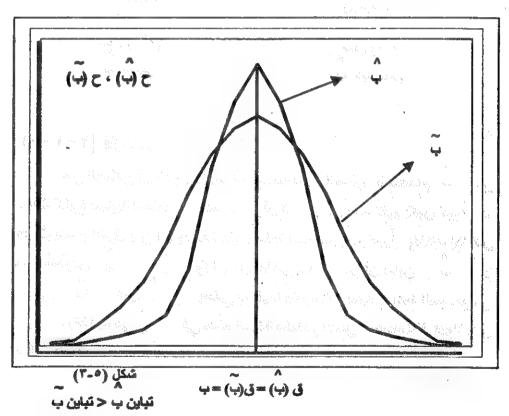
شکل (۱-۰) منگل (۱-۰) منگل (۱-۰) منگل (۱-۰) منحیز ب متحیز ب

# (٥-١-٢) أقل تباين

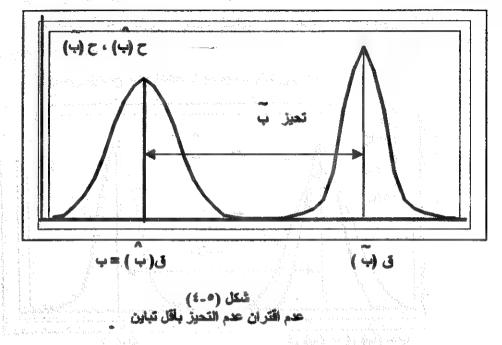
من الممكن أن تكون القيمة المتوسطة للقيم المُقَدّرة باستخدام بُ من عينات كثيرة مساوية لمعلمة المجتمع ، غير أن التباين بين هذه القيم يكون كبيراً جداً بحيث يصبح الفرق بين أي واحدة منها ومعلمة المجتمع ب كبيراً . ولذلك إذا كان لدينا مُقَدّرين بُ ، بَ وكان كليهما غير متحيز ، غير أن تباين بُ كبان بُ يعطي لنا قيما مقدرة أكثر تمثيلا لمعلمة المجتمع من تباين بَ فإن بُ يعطي لنا قيما مقدرة أكثر تمثيلا لمعلمة المجتمع من . ولذا يسمى بُ في هذه الحالة بالمقدر الأمثل Best Estimator . أنه إذا كان :

· 表達中的表達中心

فإن  $\stackrel{\hat{b}}{+}$  يعتبر مقدر أمثل بالرغم من كون كل كنهما غير متحيز ، وذلك كما يتضح من الشكل (٥-٣) .



وبالرغم من أن صفة أقل تباين مرغوبة ، إلا أنها في حد ذاتها ليست هامة . فهي تستمد أهميتها من اقترانها بصفة عدم التحيز ، كما تستمد صفة عدم التحيز أهميتها من اقترانها بصفة أقل تباين ، وذلك كما يتضح بالشكل (٥-٤) .



فيلاحظ من الشكل (٥–٤) أن  $\frac{1}{4}$  تتصف بصفة أقل تباين وبالرغم من ذلك فهي متحيزة بدرجة كبيرة جداً عن المعلمة الحقيقية للمجتمع  $\cdot$ . ولذلك فإن صفة أقل تباين ليست هامة في هذه الحالة طالما أن  $\frac{1}{4}$  لا يمكن أن تعطي قيماً تمثل معلمة المجتمع  $\cdot$ . أما  $\frac{1}{4}$  وإن كانت غير متحيزة  $\cdot$  حيث ق  $\frac{1}{4}$  =  $\cdot$   $\cdot$   $\cdot$   $\cdot$   $\cdot$  التباين بين القيم المقدرة ل  $\frac{1}{4}$  كبير جداً بحيث يقلل من إمكانية تمثيل أي قيمة مقدرة من عينة لمعلمة المجتمع  $\cdot$  ولذلك فإن عدم التحيز في هذه الحالة غير هام لعدم إقترانه بصفة أقل تباين  $\cdot$  ولعل الاختيار بين  $\frac{1}{4}$   $\cdot$   $\cdot$   $\cdot$   $\cdot$  في هذه الحالة يتوقف على معيار آخر سوف يتم شرحه فيما بعد يسمى أدنى مربع لمتوسط الخطأ  $\cdot$ 

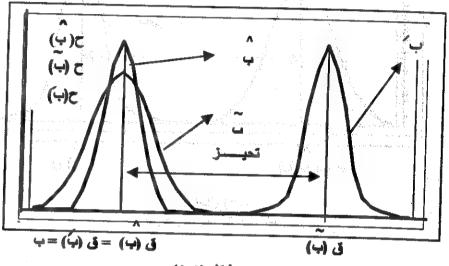
### : قاعة (٣-١-٥) الكفاءة

يعتبر المُقَدْر كفؤاً إذا توفرت قيه الخاصتين السابقتين معاً . أي إذا كان :

$$E(\hat{b}) = b$$
  $=$   $P$   $=$   $P$ 

 $\operatorname{var}(\hat{b}) < \operatorname{var}(\widetilde{b})$ 

ويمكن توضيح هذه الخاصية باستخدام شكل (٥-٥).



شكل (٥-٥) المقدر الكفؤ

فمن الشكل (٥-٥) يتضح أن بُ هو اتُمقَدُر الكفؤ من بين المُقَدُرات الثلاث ،

۱۱) ب ، ب غیر متحیزین ، فی حین آن ب

(۲) تباین گ < تباین ب

إذن ب غير متحيز وصاحب أدنى تباين ، ومن ثم فهو كفؤ دون غيره .

#### : الخطية :

يعتبر المُقَدَّر خطياً إذا كان على علاقة خطية مع القيم المشاهدة للمتغير التابع. 

م القيم المشاهدة ص، ص، ص، ص، فإن " ب يعتبر مقدراً الذا كان لدينا قيماً مشاهدة ص، مص، مص، المساء الذا كان :

^ ب = أ، ص، + أ، ص، + ...... أ، ص ، حيث أن " أ, " معلمات ثابتة .

و وللاحظ أن خطية العلاقة على هذا النحو تسهل من العمليات الحسابية لل ب وتجعلها بسيطة بالمقارنة مع العلاقة غير الخطية . ومن الأمثلة على العلاقة الخطية الوسط الحسابي ، حيث :

$$\overline{Y} = \frac{1}{n} \sum Y_i = \frac{1}{n} Y_1 + \frac{1}{n} Y_2 + \dots + \frac{1}{n} Y_n$$

ومن هذه المعادلة يتضح أن "ص " على علاقة خطبة مع القيم المشاهدة للمتغير "ص" تتحدد بدلالة الثابت " 1/ن". ولقد سهل هذا من العمليات الحسابية حيث: أ.=أ.= ......... = أ ي = 1/ن.

# (e-1-e) المثلية الخطية (BLUE): « والمثلية الخطية (عادية عليه المثلية الخطية (عادية عليه المثلية الخطية الخطية (

يعتبر الُمقَدُر خطيا وغير متحيز وأمثل إذا جمع بين صفات ثلاثة هي: عدم التحيز ، وأقل تباين ، والخطية .

# (٥-١-١) أدنى متوسط لمربعات الخطأ (MSE):

يعتبر هذا المعيار توليفة من صفتي عدم التحيز وأقل تباين. ويمكن اعتبار مُقَدُّر ما يتمتع بهذه الصفة إذا كانت القيمة المتوقعة لمربع الحرافات القيم المقدرة بواسطته عن معلمة المجتمع أدنى ما يمكن. ففي الواقع العملي نجد أن القيمة المتوقعة لأي مقدر ق (ب) لابد أن تنحرف عن معلمة المجتمع "ب"، كما أن تباين القيم

لابد أن يكون أكبر من الصفر. ومن ثم فإن المفاضلة بين المقدرات المختلفة يتعين أن تتم على أساس مقارنة متوسط توليفة التحيز والتباين. ويلاحظ في هذا الصدد أن المقدر الذي يعطي أدنى متوسط لتوليفة التحيز والتباين يعتبر هو الأفضل. ويحقق معيار أدنى متوسط لمربعات الخطأ (أم خ) ( MSE) هذا المطلب، حيث:

$$(\mathring{\psi} - \mathring{\psi})$$
 نام خ $= \frac{\mathring{\psi} - \mathring{\psi}}{\mathring{\psi}}$   $= \mathring{\psi} - \mathring{\psi}$  نام خ $= E(\hat{b} - b)$ 

ويمكن إثبات أن هذه الخاصية تعتبر توليفة من صفتي عدم التحير و أدنى تباين كما يلي :

بإضافة ق ( ب ) وطرحها بداخل القوس بالمعادلة (٥-٢) نحصل على :

ويفك القوس عن طريق ضربه في نفسه مرتين، نحصل على :"

$$\{\hat{-}, \hat{-}, \hat{-}\} = [\hat{-}, \hat{-}, \hat{-}] + [\hat{-}, \hat{-}, \hat{-}] + [\hat{-}, \hat{-}, \hat{-}] = [\hat{-}, \hat{-}, \hat{-$$

ويمكن إثبات أن الحد الثالث بالمعادلة السابقة = صفر، حيث

[ذن:

$$MSE = E[\hat{b} - E(\hat{b})]^{2} + [E(\hat{b}) - b]^{2}$$

أي أن هذه الخاصية تتكون من خاصتي عدم التحيز وأقلُّ تباين .

#### (۱-۵) الكفاية :

أما الوسيط فهو يعتبر مقدر غير كافي لأنه يركز على قيمة واحدة وهي ص ،، أي القيمة التي في الوسط ، ويلاحظ أن الكفاية لا تعتبر صفة هامة في حد ذاتها ولكنها تعتبر شرطاً ضرورياً لخاصية الكفاءة .

وبوجه عام لا يوجد هناك اتفاق حول أي الخصائص يعتبر أهم من الآخر، فهذا أمر يختلف من باحث لآخر وفقا للهدف من الدراسة . وعموما يمكن تقرير الحقائق التالية :

- (۱) يعتبر مقدر ما أفضل من غيره إذا كان يتصف بعدد من الخصائص المرغوبة أكثر
   من غيره .
- (٢) لا تعتبر صفة أدنى تباين في حد ذاتها هامة ، حيث قد يوجد تباين صغير جداً ولكن هناك تحيز كبير ، ومن ثم فإن التباين الصغير يكون حول المتوسط الخطأ. كما أن صفة عدم التحيز لا تعتبر هامة إلا إذا اقترنت بخاصية أقل تباين.
- (٣) يلاحظ أن معياري المثلية الخطية وأدنى متوسط لمربعات الخطأ يحتويان على
   عنصري التحيز والتباين وهما يفضلان بوجه عام أي معيار فردي آخر .

وفيما يتعلق بطريقة المربعات الصغرى العادية (OLS) كإحدى المقدرات لمعلمات النماذج فإنها تتصف بعدم التحيز والخطية والمثلية الخطية وذلك في ظل افتراضات معينة .

#### المبحث الثاني

# الخصائص المرغوبة للمُقَدرات في حالة العينات الكبيرة

تسمى الخصائص المرغوبة في حالة العينات الكبيرة بالخصائص النهائية Asymptotic ، وهي الخصائص التي تتوفر في المقدرات عندما يكبر حجم العينة كبراً يقرب من ما لانهاية (حجم المجتمع) . ومن أهمها :

(٥-٢-١) عدم التحيز النهائي Asymptotic Unbiasedness

(۵-۲-۲) الاتساق Consistency

(٥-۲-۲) الكفاءة النهائية Asymptotic Efficiency

وسوف يتم توضيح هذه الخصائص بنوع من التفصيل فيما يلي:

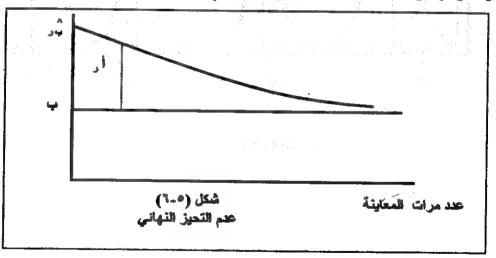
(٥-٢-١) عدم التحيز النهائي :

يتناقص كلما زاد حجم العينة "ن" حتى يصل إلى الصفر "أ, = صفر " عندما يصبح حجم العينة "ن = ∞ " فإن المُقَدّر يتصف بخاصية عدم التحيز النهائي . وفي هذه الحالة نجد أن: ن, <ن, <ن, <ن, <.... جدول (٥-1)

عدم التحيز النهائي

التحيز عن معلمة	متوسط القيم المقدرة		حجم العينة	عدد مرات المعاينة	
المجتمع (أ ر)	14 30 11			and the second of	
kesijon l <sub>ag</sub> ud.			ن،	1	
Vanish Van	*** *** <b>*</b>		۲Ů	Y	
,1			۳Ů	70 7	1
•		.3	• (44)	•	
•	•		•	•	
أر=صفر	J		ن	J	1

#### ويمكن توضيح هذه الخاصية باستخدام الشكل (٥-٦):



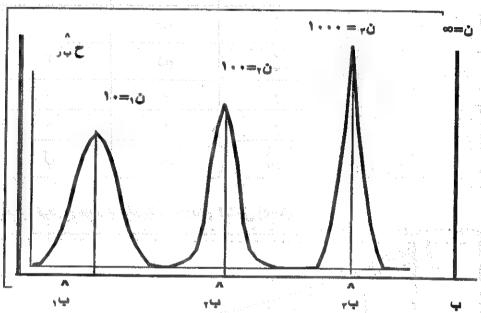
# (٥-٢-٢) الاتساق :

تتطلب خاصية الاتساق شرطين:

- (أ) أن يتصف المقدر بصفة عدم التحيز النهائي.
- (ب) أن يتناقص التباين بين المعلمات المقدرة بي كلما زاد حجم العينة "ن"

من عينة مساوية لمعلمة المجتمع "ب". أي أن: نها (ع من عينة مساوية لمعلمة المجتمع "ب". أي أن: نها (ع من عينة مساوية لمعلمة المجتمع "ب".

توضيح ذلك من شكل (٥-٢).



شكل (٥-٧) خاصية الاساق حيث يتضح من الشكل (٥-٧) أنه كلما زاد حجم العينة كلما قل التحيز عن معلمة المجتمع ، وكلما قل التباين بين المعلمات المقدرة من عينات مختلفة باستخدام نفس المُقَدُر.

### : الكفاءة النهائية النهائية

يتصف المقدر في بالكفاءة النهائية إذا توفر شرطان:

- (أ) الاتساق.
- (ب) أن يكون تباين بُ أقل ما يمكن عندما "ن → ∞ " بالمقارنة مع كل المُقَدْرات الأخرى مثل بَ مثلا.

ويلاحظ في هذا الصدد أن طريقة المربعات الصغرى العادية تتصف بعدم التحيز النهائي والاتساق والكفاءة وذلك في ظل توفر افتراضات معينة . ne di palingari, di nelji (ne di his manglin enne his min nelelji, dirang ag en te Bagling i dibili diji. Bedig en di nelektir Bahiga og di his maliki propinsje g Bakig

### 

(1987年) 1984年 - 1984年

- · 南 ( 184 ) 。
- AND THE REAL PROPERTY OF THE STREET STREET, ST

The second state of the second second

## الفصل السادس

### الاتحدار غير الخطي البسيط Nonlinear Simple Regression

يُستخدم الانحدار غير الخطي البسيط في قياس علاقة غير خطية بين متغيرين أحدهما تابع حب (Y) والآخر مستقل عب (X). ومن الممكن استخدام ما يسمى محولا بوكس—كوكس Box-Cox Transformations لتحديد الصيغ المختلفة التي يمكن أن تأخذها العلاقة غير الخطية البسيطة بين حب ، عب ولتوضيح ذلك افترض أن الصيغة العامة للعلاقة بين حب (Y)، عب (X) كما يلي:

$$Y^{11} = a_o + b X^{12} + u$$

بحيث:

$$\mathbf{Y}^{\lambda 1} = \begin{bmatrix} \frac{\mathbf{Y}^{\lambda 1} - 1}{\lambda 1} & \text{for } \lambda 1 \neq 0 \\ - & \mathbf{X}^{\lambda 2} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{X}^{\lambda 2} = \begin{bmatrix} \frac{\mathbf{X}^{\lambda 2} - 1}{\lambda 2} & \text{for } \lambda 2 \neq 0 \\ - & \mathbf{Ln} \mathbf{X} & \text{for } \lambda 1 = 0 \end{bmatrix}$$

ومن ثم فإن هناك حالات كثيرة تصف العلاقة بين حب (Y) ، هن (X) وفقا للمحولين السابقين. وبالنسبة للعلاقة الخطية التي تعرضنا لها سابقا نجد أنها تحدث عندما م(X) من السابقين. وبالنسبة للعلاقة الخطية التي تعرضنا لها سابقا نجد أنها تحدث عندما م(X) أن العرض عن من (X) أن من المحدولي بوكس كوكس (X) ، (X) ، (X) ) ، (X) ) بالقيمة (X) ، نجد أن العلاقة بين حب ، من تأخذ الصيغة التالية :

-۱ = أ. + ب (س −۱ ) +>

ح = (۱ +أ -ب) + ب عرب +

حيث: أ = (١ + أ. - ب).

وتمثل (٦-٤) الصيغة الخطية التي تعرضنا لها في الفصل الثالث . وسوف نشتق صيغا أخرى غير خطية من محولي بوكس-كوكس نتعرض لكل واحد منها في مبحث مستقل على النحو التالي :

المبحث الأول: العلاقة اللوغاريتمية المزدوجة Double -Log

المبحث الثاني: العلاقة شبه اللوغاريتمية

المبحث الثالث: علاقة التحويل لمقلوب Reciprocal Transformation

مبعد المعلق المعلون المعلق الم

المبحث الرابع: علاقة لوغاريتم - مقلوب

### المبحث الأول

# العلاقة اللوغاريتمية المزدوجة

Double - Log Relationship

إذا كانت م. (11) = م. (21) = صفر . فبالتعويض في محولي بوكس-كوكس نحصل على العلاقة التالية :

وتسمى الصيغة (١-٥) بالصيغة اللوغاريتمية المزدوجة . ويلاحظ هنا أن "لو" Ln تشير إلى اللوغاريتم الطبيعي . وتتمثل الصيغة الأصلية للصيغة (١-٥) وهي الصيغة المقابلة للوغاريتم Antilog في :

$$Y = AX^b e^u$$

حيث

 $Y_{-}$  المتغير التابع  $X_{-}$  المتغير المستقل  $X_{-}$ 

أ = المعلمة الناقلة

ب = مرونة المتغير التابع بالنسبة للمتغير المستقل

ه = أساس اللوغاريتم الطبيعي وقيمته ثابتة = ٢,٧١٨

≥ = الحد العشوائي = 1

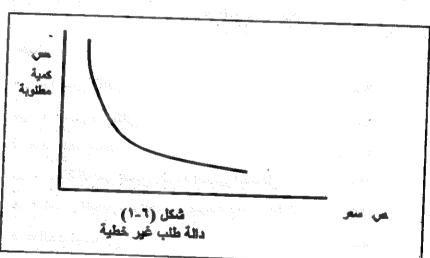
وبافتراض أن القيمة المتوسطة للحد العشوائي = صفر ، فان العلاقة (٦-٦) تصبح :

$$(Y-Y) \cdots Y = AX^b \qquad \qquad \qquad \forall x = 1 = \infty$$

ويتم الحصول على (٦–٥) عن طريق أخذ لوغاريتم طرفي (٦–٦) حيث أ.= لوأ . ويلاحظ أن ميل العلاقة (٦-٧) متغير وليس ثابتاً ، حيث :

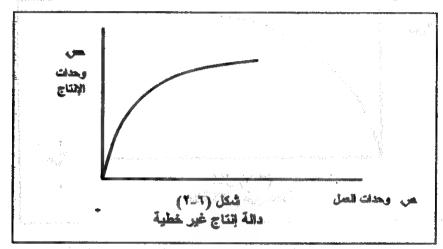
أي أنه يتغير بتغير من، حن ولذا فهي علاقة غير خطية . وبالرغم من أن الميل متغير إلا أن المرونة "ب" ثابتة عند جميع مستويات من، حن .

وإذا كانت العلاقة (٦-٧) تمثل دالة طلب، حيث = -1 الكمية المطلوبة ، = -1 السلعة ، فإنه من المتوقع أن تكون : = -1 صفر ، وهي تمثل في هذه الحالة مرونة الطلب السعرية . وتأخذ العلاقة بين = -1 من في هذه الحالة الشكل (٦-١) بشرط أن تكون أ = -1 صفر . = -1



وإذا كانت مرونة الطلب السعرية = -1 ، فإن : = -1 أ وبالتالي فان الإنفاق الكلي = ص ص = أ = ثابت ويمثل المساحة تحت منحني الطلب. وفي حالة الطلب عديم المرونة ب=صفر ، حب= أ = ثابت.

أما إذا كانت المعادلة (٦-٢) تمثل دالة إنتاج في ظل تناقص الغلة ، حيث حب = الكمية المنتبجة ، من = وحداث العمل ، فانه من المتبوقع أن تكبون صفر <ب <١ وهي تمثل في هذه الحالة مرونة الإنتاج للعمل . وتأخذ الشكل (٢-٢) .



ويمكن أن تصاغ دالة الإنتاج في صورة أخرى كما يلي:

$$Y = f(K, L) \leftarrow (\epsilon, \omega) = \omega$$

حيث س = الكمية المنتجة ، س = الكمية المستخدمة من رأس المال ، ع = الكمية المستخدمة من العمل . وبقسمة طرفي المعادلة على " ع " نحصل على :

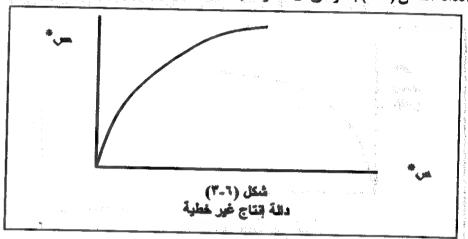
$$\frac{L}{A} = \mathbb{I}\left(\frac{L}{K}\right) \qquad \leftarrow \left(\frac{S}{N}\right) \, \mathbb{I}_{S} = \left(\frac{S}{N}\right) \, \mathbb{I}_{S} = \frac{S}{N} \, \mathbb$$

ويمكن كتابة هذه الدالة كما يلي: ص\* = د (س\*) → (X\*) حيث:

 $K = \frac{K}{1} = \frac{k}{1}$  . Still of the last of the la

ويمكن تقدير دالة الإنتاج كعلاقة بين ص\* ، س\* باستخدام الصيغة (١-٨) من خلال طريقة المربعات الصغرى العادية:

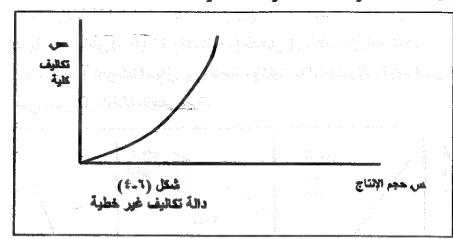
وتمثل المعلمة "ب" في هذه الحالة مرونة الناتج بالنسبة لرأس المال . وتأخذ هذه الدالة الشكل (٦-٣) بافتراض أن صفر <ب<١ .



أما إذا كانت الدالة (٧-٢) تمثل دالة تكاليف في ظل ظروف تزايد النفقة بالفترة الطويلة، حيث: - = التكاليف الكلية (متغيرة) ، - = حجم الإنتاج ، فإنه من المتوقع أن تكون - صفر . وتمثل "-" في هذه الحالة مرونة التكاليف للإنتاج . وتأخذ دالة التكاليف الشكل (٦-٤) .

ويمكن تقدير الدالة غير الخطية (٦-٦) من خلال بيانات عن حي ، هي باستخدام طريقة المربعات الصغري العادية بعد تحويلها لصورة لوغاريتمية خطية كما في الصيغة (٦-٩) .

حيث: ص \* = لو ص ، هن \* = لو هن ، أ = لو أ .



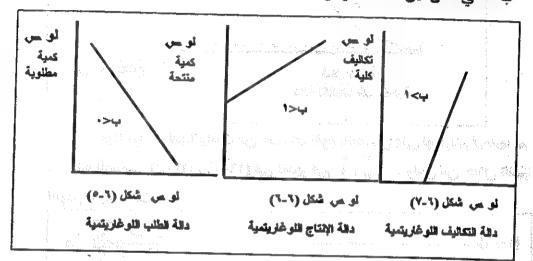
فإذا توفرت لدينا بيانات عن حي ، من نقوم بالحصول على لوغاريتم قيمتيها لم نستخدم الصيغتين (٣-١٧) ، (٣-١٩) في تقدير قيم أ ، ب ، ولكن من خلال القيم اللوغاريتمية، حَيْث:

 $\hat{b} = \frac{\sum \mathbf{x}^* \mathbf{y}^*}{\sum \mathbf{x}^{*2}}$ 

وحيث أن: أ " = ثو أُ = (۲,۷۱۸) = مقابل توغاريكم أ (1 Y-7).....

وبهده الطريقة نستطيع تقدير قيمتي 🔒 🗜

ويلاحظ أن العلاقات غير الخطية تتحول إلى علاقات خطية عند تحويلها لعلاقات لوغاريتمية . فالأشكال (7-1) ، (7-1) ، (7-1) ، (7-1) ، (7-1) عند تحويلها لدوال لوغاريتمية ، وكلها حالات تشير إلى ثبات المرونة "ب" التي تمثل ميل العلاقة اللوغاريتمية .



مثال (١-٦) تقدير دالة إنتاج غير خطية

قام باحث بجمع بيانات عن الكميات المنتجة وعدد العمال في أحد القطاعات الصناعية عبر ٦ سنوات متتالية ، فكانت البيانات التي جمعها كما بالجدول (٦-١) . والمطلوب هو:

(١) تقدير دالة الإنتاج التي تصف العلاقة بين الكمية المنتجة وعدد العمال كما توضحها البيانات السابقة.

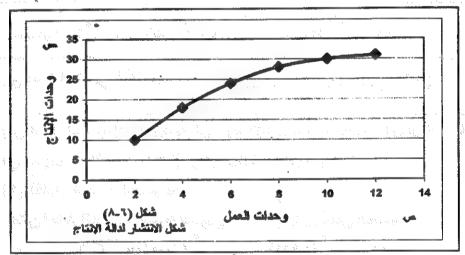
(2) اختبار المقدرة التفسيرية للنموذج .

### (١) تقدير دالة الإنتاج

برسم شكل الانتشار من البيانات المعطاة نجد أن دالة الإنتاج غير خطية كما هو موضح بالشكل (٦-٨) . ولذا نستخدم الصيغة التالية في التقدير :

بيانات الإنتاج والعمالة

	ند العمال (س) X (الف)	الكميات المنتجة (س) Y (ألف طن)	
	Y	1.1	1940
	\$	14.	1943
	way V	Y£	1947
	A	YA	1944
	1.	<b>r</b> •	1949
-	11	.71	111-



وبالحصول على لوغاريتم قيم حب، من للأساس "ه" من البيانات السابقة يمكن تقدير دالة الإنتاج باستخدام الحشابات الموضحة بجدول (٦-٢)، حيث:

1,74 = 1 ÷ 1 · ,77 = + v · 7, · 4 = 1 ÷ 1 \,077 = + v=

جدول (٢-٦)

#### الحسابات اللازمة لتقدير دالة الإنتاج غير الخطية

ص*۲	ش*۲	ص*س*	س*	ص*	عن * = لوهن	<b>س</b> *= لوس	السنة
٠,٦٢	1,7+7	374,•	1,-47-	.,٧٩-	17,0	7,7.7	1940
٠,٠٤	٠,١٦٣	0.* <b>5</b> * <b>A</b> *	٠,٤٠٤-	٠,٢٠-	1,79	۲,۸۹	1441
٠,٠٠٨	•	fai .		.,.9	1,74	۲,۱۸	1947
٠,٠٥٩	٠,٠٨٤	٠,٠٧٠	٠,٢٨٩	٠,٢٤	Y, • A	4,44	1944
٠,٠٩٧	٠,٢٦٣	-,104	•,017		<b></b>	٣,٤٠	1444
٠,١١٨	•,٤٨٣	•,٢٣٩	-,790	٠,٣٤	۲,٤٨	Ť,£¥	144.
.,487	7,117	1,817		1 1 1 1 1 1 1	······ • • • • • • • • • • • • • • • •	14,077	مجموع

ومن الدالة المقدرة (٦-١٣) يتضح أن مرونة الإنتاج للعمل = ٠,٦٤ . أي أن كل زيادة في مستوى العمالة بنسبة ١٠ % تؤدي إلى زيادة الإنتاج بنسبة ٦,٤ % .

(٢) اختبار المقدرة التفسيرية

يمكن اختبار المقدرة التفسيرية للنموذج من خلال قياس معامل التحديد .

وهذا يعني أن ٩٦ ٪ من التغير في لوغاريتم حب يرجع للتغير في لوغاريتم حب مما يشير إلى مقدرة تفسيرية عالية للنموذج .

### المبحث الثاني العلاقة شبه اللوغاريتمية Semi-log Relationship

يُعَبِرُ عن العلاقة شبه اللوغاريتمية بلوغاريتم أحد المتغيرين في طرف ، والقيمة المشاهدة للمتغير الآخر في الطرف الثاني . ونفرق هنا بين حالتين :

الحالة الأولى : عندما م,  $(\lambda_1)$  = صغر ، م،  $(\lambda_2)$  = ا .

عندئذ بالتعويض في محولي بوكس- كوكس (١-٢) ، (١-٣) نحصل على :

لوح = أ + ب (س - ١) + ع

حيث: أ = (أ. - ب).

ويلاحظ أن الصّيغة الأصلية للمعادلة (٦-١٤) والتي تمثّل مقابل اللوغاريتم هي:

$$(10^{-1})^{-1} = (a+bX+u) \leftarrow (a+b+b) = 0$$

وتسمى بالصيغة اللوغاريتمية – الخطية Log-Linear . ومن الواضح أنه من الممكن . الحصول على (٦-١٤) من (٦-١٥) عن طريق أخذ اللوغاريتم الطبيعي للطرفين . وبمفاضلة الصيغة (٦-١٤) بالنسبة لـ من نحصل على :

ومن المعروف أن تفاضل اللوغاريتم الطبيعي (ء يو حر) = التغير النسبي = عص

وتستخدم المعادلة (٦-١٤) في تقدير العلاقة بين متغيرين عندما يكون التغير المطلق في المتغير المستقل بمقدار معين مصحوب بتغير نسبي ثابت في المتغير التابع . مثال ذلك نمو الدخل أو الصادرات أو العمالة بمعدل ثابت عبر الزمن . وفي مثل هذه الحالات يمكن استخدام الزمن كمتغير مستقل وأحد هذه المتغيرات كمتغير تابع ، ثم نقوم بتقدير معادلة الاتجاه العام باستخدام الصيغة (٦-١٤) . وتمثل "ب" في هذه الحالة معدل النمو في المتغير التابع عبر الزمن .

مثال (٢-٢) المسار الزمني للصادرات

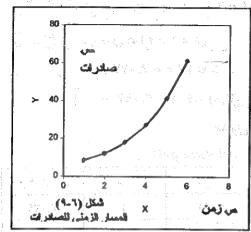
افترض أن البيانات الخاصة بالصادرات خلال فترة طولها خمس سنوات كانت كما بالجدول (٣-٦):

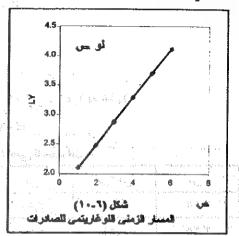
جدول (٦-٣) نمو الصادرات عبر الزمن

	معدل الثمو ال للصادرات	الصادرات (حر)	الزمن (عب)		
	-	A .	1 4	1	
	٥٠	17		۲	
av Vitini	0.	14		. *	$\neg$
	٥٠	YY:	1 1	٤	
	0+	£+,0 °		•	
	٥٠	7-,40		, 1	

والمطلوب هو تقدير معادلة الاتجاه العام للصادرات عبر الزمن .

من الملاحظ أن الصيغة (٦-١٤) تصلح لتقدير معادلة الاتجاه العام للصادرات عبر الزمن ، حيث أن معدل نمو الصادرات ثابت عبر الزمن . ومن الممكن تمثيل المسار الزمني للصادرات من خلال الشكلين (٦-١) ، (٦-١٠).





كما يمكن الحصول على مرونة المتغير التابع بالنسبة للمتغير المستقل في هذه والحالة باستخدام الصيغة التالية:

$$( )$$
 المحمد  $=$ 

ولتقدير العلاقة (٦-1٤) نقوم بالحصول على لوغاريتم قيم حس ثم نستخدم الصيغ التالية في التقدير :

10	(1V-1)
	ميث: من» - او عن
	(1A-1)
[	
	Consideration of the Constant

وباستخدام البيانات المعطاة بالجدول (٦-٦) والصيغة (٦-١٤) يمكن تقدير معادلة الاتجاه العام للصادرات كما بالجدول (١-٤) ، حيث:

$$t, TA = 1, E1E - T, \cdot T = (T, 0) \cdot, E \cdot E - T, \cdot T =$$

جدول (٦-٤)

تقدير معادلة المسار الزمني للصادرات

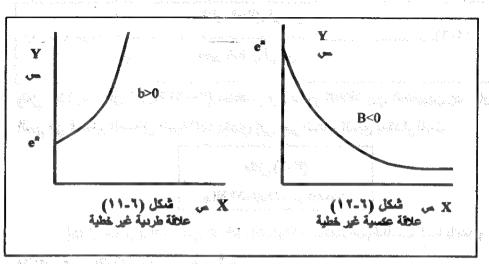
. س	ص*س	· w	ص*	44	س*=لوجن
7,70	1,01	۲,0	1,-17-	J 1 18	7,.79
<b>Y,Y0</b>		1,0-	···· •,٦•Y	۲	7,840
(*,Young	How	•,0-	10 . •,Y•Y- 10.	San Park	Y,44
	angeria de Norta d	-,0	٠,٢٠٤	٤	7,797
7,70	•,416	1,0	+,1+1	٥	7,7-1
1,70	7,017	7,0	1,٧		٤,1
کس <sup>۲</sup> = ۱۷٫۵	حض•س			√ س= ۲۱	≥ ص*=
glebel and Mer	<b>0</b> γ,.γγ≟			y may by plants.	14,00

ومن ثم فان دالة المسار الزمني للصادرات تأخذ الصيغة التالية :

San Parage

ويتضح من المعادلة (٦-١٩) أن الصادرات تزداد بمعدل سنوي مركب ثابت عبر الزمن = ٤٠,٤ ٪ في المتوسط. ويلاحظ أن هذا المعدل يختلف عن المعدل الموضح في الجدول (٦-٣) لأنه محسوب على أساس متوسط لكل سنوات الفترة كمعدل مركب وليس بسيطاً.

كما أن قيمة الصادرات في سنة الأساس (ه--)=ه أ- ها أن قيمة الصادرات في سنة الأساس (ه--)=ه ويلاحظ أن الصيغة (٦-١٥) إما أن تمثل علاقة عكسية أو علاقة طردية كما يتضح من الشكلين (٦-١١)، (٦-١١).



الحالة الثانية : عندما : م,  $(\lambda_1) = 1$  ، م,  $(\lambda_2) = 0$  صفر . وبالتعويض في محولي بوكس كوكس نحصل على : س- ١ = أ. + ب لو س +٤

حيث: أ =(أ.+1) . ويلاحظ أن الصِّيعَة الأصليَّة للمعادلة (٢-٢٠) قبل تحويلها إلى صيغة شبه لوغاريتمية تتمثل في (١-٢١) ، حيث: هـ (e) هي أساس اللوغاريتم الطبيعي..

$$e^{Y}=a_1 X^b e^u$$

حيث : أ = لو أ. وبمفاضلة الصيغة (١-٢٠) نحصل على :

وحيث أن تفاضل لوغاريتم متنير ما (ء لوعن) = التنير النسبي في هذا المتنير \_ عص

ولعل هذا يعني أن الصِّغة (٣-٢٠) تستخدم في تقدير العلاقة بين المتغيرين إذا كان التغير في المتغير المستقل بنسبة ثابتة يؤدي إلى تغير المتغير التابع بمقدار ثابت.

> مثال (۲-۲) دالة الاستهلاك غير الخطية

إذا تم جمع بيانات عن الدخل (س) والاستهلاك (حر) فكانت كما بالجدول (١-٥) ، قدر دالة الاستهلاك من هذه البيانات .

حيث أن التغير النسبي الثابت في الدخل يؤدي إلى تغير مطلق ثابت في الاستهلاك، فإن العلاقة (٦-٢٠) تصلح لتقدير دالة الاستهلاك التي تعبر عنها بيانات الجدول (٦-٥) . ويصف الشكلين (٦-١٣) ، (٦-١٤) هذه الدالة . أ من المالة . حدول (۵-۱)

بيانات دالة الاستهلاك

ه هي	% (un / un a)	الدخل (س)	الاستهلاك (ب)	السنة
e de la companya della companya della companya de la companya della companya dell		A	Ao.	
1.	Y•	17	્રા	
1 1.	*	110	1.0	
1.	Y: 11	ITA	110	٤
1.	T+	133	170	٥
1+	۲٠	199	170	1
		ک من=۲۹۶	77·=~Z	

وللحصول على مرونة المتغير التابع بالنسبة للمتغير المستقل في هذه الحالة نستخدم الصيغة التالية :

$$(YY-Y)... \quad E_{jx} = b\frac{1}{Y_j} \qquad \qquad \frac{Y}{Y_j} \qquad \qquad \frac{Y}{Y_j} = \frac{Y}{Y_j}$$

ولتقدير العلاقة (٦-٢٠) نقوم بالحصول على لوغاريتم قيم المتغير المستقل ثم نستخدم الصيغ التالية في التقدير:

$$\hat{b} = \frac{\sum yx^*}{\sum x^{*2}}$$

$$\hat{a} = \overline{Y} - \hat{b} \frac{\sum LnX}{n}$$

ومن المعادلة (٦-٢٢) يتضح أن:

ومن الواضح أن الميل الحدي للاستهلاك متغير وليس ثابتاً . أي أن كل مستوى دخل (من) له ميل حدي للاستهلاك يختلف عن المستويات الأخرى . وباستخدام بيانات المثال (٦-٣) المعطاة بالجدول (٦-٥) يمكن تقدير دالة الاستهلاك وفقا للصيغة (٦-١) كما هو موضح بالجدول (٦-١).

جدول (٦-١)

#### حسابات دالة الاستهلاك غير الخطية

س*′	ص س*	س*	ص	س*≕لوس	<u>ب</u>
٠,٢٠٧	11,776	-,٤٥٥_	70-	٤,٣٨٢	۸٥
٠,٠٧٤	٤,٠٩	٠,٢٧٣–	10-	\$,076	10
٠,٠٠٨٥	٠,٤٦٠	٠,٠٩٢–	Q	٤,٧٤٥	1.0
٠,٠٠٨١	-,٤٥١	•,••	0	٤,٩٢٧	110
•,•Y\	٤,١٢٥	۰٫۲۲۰	10	0,117	110
٠,٢٠٨	್ರ 11, <b>દ∗</b> Α	۲۵3,۰	10	0,747	170
'*w <u></u> ≤	* <b>™</b> ™ <u></u>			=*.∞≤	<u>کے، = ۱۲۰</u>
-,٥٨١٦=	17,9-A			14,.17	

ومن ثم يمكن كتابة دالة الاستهلاك في الصيغة التالية :

ومن العلاقة (٦-٢٦) يتضح أن:

(١) الميل الحدي للاستهلاك عند القيمة المتوسطة للدخل (١٣٢,٣) يساوي :

(٢) مرونة الاستهلاك للدخل عند القيمة المتوسطة للاستهلاك حبّ (110) تساوي:

$$\hat{\psi}$$
 +  $\overline{\psi}$  = ...  $\hat{\psi}$  الدخل بنسبة ١٠٪ أي أن الزيادة في الدخل بنسبة ١٠٪

تؤدي إلى زيادة الاستهلاك بنسبة ٥ ٦ في المتوسط .

# المبحث الثالث علم المبحث الثالث

### متقير فيسفام الرائفة ويوهد و**علاقة التحويل لمقلوب** ويواريه أعلامه أعلامه

#### Reciprocal Transformation Relationship

ادا کانت م،  $(\lambda_1) = 1$  ، م،  $(\lambda_2) = -1$  ، فبالتعویض فی محولی بوکس –

كوكس نحصل على:

ويمكن كتابة هذه المعادلة في صورة أعم كما يلي:

خیت: ا = (ل ۱۹۰۹) انتخاری پیونوزاد انتخار

وبمعاينة الصيغة (١-٢٧) والمسماة التحويل لمقلوب يتضح ما يلي:

 (۱) مع إهمال الحد العشوائي = (۱۱) يتضح أن ميل هذه العلاقة متغير وليس ثابتاً ، ومن لم فهي تعبر عن علاقة غير خطية ، حيث : ١٠ ١ م. ١٠ م. ١

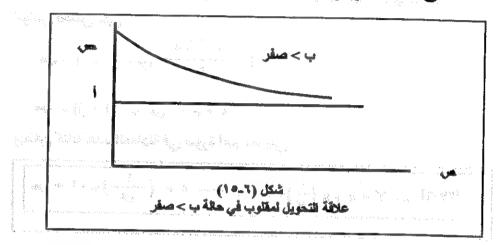
$$\frac{dY}{dX} = \frac{dX}{dX} = \frac{dX}{dX} + \frac{dX}{dX} + \frac{dX}{dX} + \frac{dX}{dX} = \frac{dX}{dX} + \frac{dX$$

(2) **يتضح من العلاقة (3-24) أن ي**تحظ مان و يه يه و يا يو يو يكافئة إيهوة العالمية إلا الله

$$E_{xz} = \frac{-b}{VX} \qquad \qquad \qquad = \infty \quad \Rightarrow \quad C$$

ومن الواضح أن المرونة متغيرة وليست ثابتة .

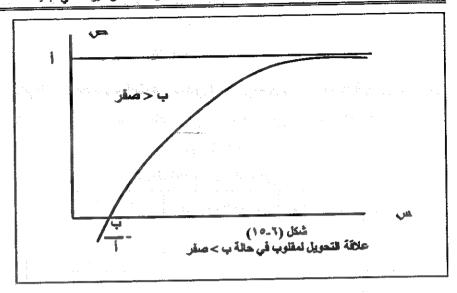
(٣) إذا كانت أ > صفر، ب > صفر فإن العلاقة بين من، حس تكون علاقة عكسية وفقا للصيغة (٦-٢٧) . وعندما تصل من إلى ما لانهاية ، تصل حن إلى "أ" حيث تمثل " أ" الحد الأدنى لقيمة حب . ويعبر الشكل (٦-١٥) عن العلاقة بين من، حن في هذه الحالة .



ومن الأمثلة الاقتصادية التي تعبر صيغة التحويل لمقلوب عنها في هذه الحالة منحنى فيليبس الـدي يعكس العلاقة بين معدل التضخم ومعدل البطالة ، ومتوسط التكلفة الثابتة.

(3) إذا كانت أ > صفر ، + حصفر فان العلاقة بين + ، + تكون طردية . فمع زيادة + بمقدار معين تزداد + بمعدل متناقص حتى تصل لحد أقصى + أ وذلك عندما تصل + بما لانهاية . ومن ناحية أخرى عندما + صفر، فإن + + أ ويعبر الشكل (٦-١٦) عن العلاقة بين + ، + هي هذه الحالة .

ومن الأمثلة الاقتصادية لهذه الصيغة العلاقة بين استهلاك بعض أنواع الغذاء (كالفواكه) والدخل . ففي هذه الحالة لا يأخذ المتغير التابع هي قيما موجبة قبل أن يصل المتغير المستقل مي لحد أدنى معين = - (ب/أ).



ويمكن تقدير الصيغة (٦-٢٧) عن طريق القيام أولا بالحصول على مقلوب قيم المتغير المستقل: هي \* \_\_\_\_ ، ثم استخدام الصيغة التالية في التقدير :

$$\hat{b} = \frac{\sum yx^*}{\sum x^{*2}}$$

$$\hat{b} = \frac{\sum yx^*}{\sum x^{*2}}$$

حيث:

$$\hat{a} = \overline{Y} - \hat{b}\overline{X}^{\bullet} \qquad \qquad \bullet \qquad \overline{A} = \overline{Y} - \hat{b}\overline{X}^{\bullet}$$

للتقدير،

مثال (٦-٤) تقدير منحني فيليبس

قام باحث بجمع بيانات عن معدل التضخم (س) ومعدل البطالة (ص) لمجتمع ما خلال فترة طولها سبع سنوات فكانت على النحو الموضح بالجدول (٢-٧) .

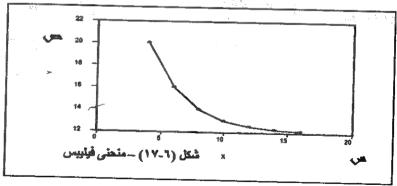
جدول (۲-۲)

معدل البطالة ومعدل التضخم أ

معدل التضخم (عم)	معدل البطالة (حم)	السنة
€ 88,6	15 Y•	199.
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17	1991
À	16	1997
	and the state of t	149°
a tr	17,0	1998
18	The second of th	1990
37	17,170	1997

والمطلوب هو تقدير معادلة منحنى فيليبس التي تمثل العلاقة بين معدل التضخم ومعدل البطالة باستخدام هذه البيانات.

نبدأ أولاً برسم شكل الانتشار (٦-١٧) الممثل لهذه البيانات. ومن الواضح أن الصيغة (٦-٢٧) هي الملائمة لتقدير هذه العلاقة نظراً لأن شكل الانتشار يشير إلى أن العلاقة بينهما عكسية وغير خطية . ويحتوي الجدول (٦-٨) على الحسابات اللازمة



حسابات محنى فيليبس

س*۲	ص س*	س*	ص	=*4*	e	, <b>,</b> =	السنة
	er Segund			١/س			
٠,٠١٦٢	•,٧٢٩٧		0,477	-,۲0	٤	۲٠	١
.,19	٠,٠٧٦١٥	٠,٠٤٤	1,777	٠,١٦٢	1	13	۲
•	-17	-,۲۳	-,٢٦٨-	.,170	A	18	۳
•,•••	·,·YAYA	·,·YYY-	1,774-	٠,١٠٠	1.	15	٤
100	-,-797	٠,٠٣٩٤-	1,774-	٠,٠٨٣	11	17,0	٥
.,۲۲٦	-,1-70	-,-017-	Y,+1A-	٠,٠٧١	18	17,70	٦
•,••٣٦	-,179	.,.7.7-	7,157-	٠,٠٦٢٥	17	17,170	Y
<u>-۲</u> س*۲=				***	<u></u>	·\	مجموع
-,-Y3FA	1,17711			-,۸01=	V·=	44,840	

🤨 قدفة قمكورة هي:

ولعل هذا يعني أن الحد الأدنى الذي لا ينخفض معدل البطالة دونه في المتوسط مهما ارتفع معدل التضخم هو 1 % تقريباً . كما أن :

أي أن الزيادة في معدل التضخم بنقطة واحدة يصاحبها انخفاض في معدل البطالة بمقدار ... من النقطة في المتوسط. ويمكن حساب المرونة كما يلي:  $\frac{\hat{r}}{r} = \frac{-r^2}{r} = -r^2,$ م  $\frac{\hat{r}}{r} = \frac{r^2}{r} = -r^2,$ همن ثم فإن مرونة البطالة للتضخم = -r. وهو ما يعني أن الارتفاع في معدل التضخم

ومن ثم فإن مرونة البطالة للتضخم = - ٠,٣ وهو ما يعني أن الارتفاع في معدل التضخم بنسبة ١٠٪ يصاحبه انخفاض في معدل البطالة بنسبة ٣٪ في المتوسط .

		Salarana Salara		1000		1、各类的基本。4
		. y		\$17555 K + 1 + 4 + 1 + 4 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1	for engineering	
						1914,4
1.	1977, 54		T		273 p. 75	Control Control Control
						0.7 + 7
in south				e tropy in	www.fre.com	N.A
rajeny i j					et in a service de la company de la comp La company de la company d	gradente Production
						Mary All the
wy Aj	g grafija sa kalibaran 1 Mari sa		. Arros (r			£7672,5
And Agree			r – P. Guid Sail - Market Albert An	a rendra a compressión de la participa de la compressión de la com	and the second of the second o	and seems of the
A STATE				AV.		
1.0						
		e Yarihan.				
1000	w			•		
A Production		a attitude ja ja	Mar dayay j			
	· Automotive of					
1100						
	Amalian Assumance	Taller Programmer Company	The second of the Second Second	schill du lyng.		

### المبحث الرابع

## علاقة لوغاريتم - مقلوب

Log - Reciprocal Relationship

ان ایا کانت م $(\lambda_1)=$  صفر ، م $(\lambda_2)=-1$  ، فبالتعویض فی محولی بوکس این بوکس

ومن ثم يمكن كتابتها في الصيغة التالية

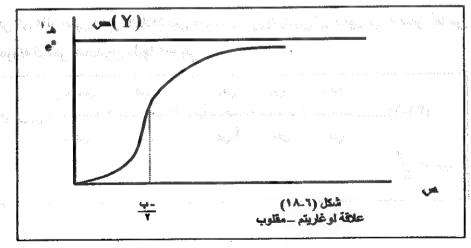
$$(rr-1).. \quad LnY = a + b(\frac{1}{X}) + u \qquad \varepsilon + (\frac{1}{w}) + 1 = w$$

حيث: أ = (أ. + ب) . ويلاحظ أن الصيغة الأصلية للصيغة المحولة (٦-٣٣) هي:

$$Y = e^{(a+b\frac{1}{\lambda}+u)}$$

$$Y = e^{(a+b\frac{1}{\lambda}+u)}$$

ويعبر الشكل (٦-١٨) عن هذه العلاقة وهو يشبه حرف (S) .



وتستخدم هذه الصيغة عادة في تقدير العلاقة بين المبيعات حب (Y) والإعلان عب (X). ومن الواضح أن تأثير الإنفاق الإعلاني على المبيعات يكون متزايداً في البداية بمعدل متزايد، ثم ينقلب بعد فترة ليتزايد بمعدل متناقص . ويتضح من الصيغة (Y-Y) أنه عندما تؤول عب إلى ما لانهاية تصبح حب مساوية (Y-Y) أي أن (Y-Y) أنه الأقصى للمبيعات . كما يتضح أن الحد الأدنى اللازم الوصول إليه من الإنفاق الإعلاني لاستنفاذ أثره المتزايد على المبيعات = (Y-Y) وهي نقطة الانقلاب . وبمفاضلة الصيغة (Y-Y) نحصل على :

$$(\text{re-1})..... \frac{\partial Y}{\partial X} = -b\frac{Y}{X^2} \qquad \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

ومن ثم فانه حتى تكون العلاقة بين ح. ، ص طردية يتعين أن تكون ب <صفر. أما عن المرونة فيمكن الحصول عليها كما يلي:

$$\mathcal{E}_{XX} = \frac{-b}{X}$$

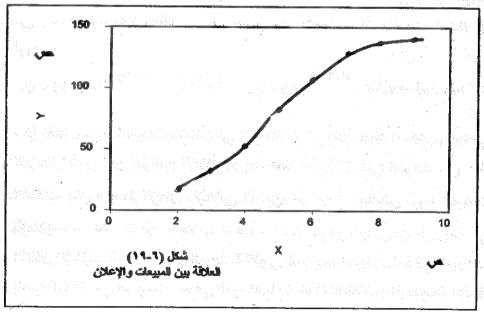
### مثال (٦-٥) تقدير العلاقة بين المبيعات والإنفاق الإعلاني

افترض أن البيانات بالجدول (٦-٢) تشير إلى مبيعات (حر) شركة ما وإنفاقها الإعلاني (س) خلال الفترة ٨٥-١٩٩٢. والمطلوب هو تقدير العلاقة بين المبيعات والإنفاق الإعلاني بهذه الشركة ، وتفسير معناها الاقتصادي .

جدول (٢-٧) المبيعات والإنفاق الإعلاني

1997	1441	144+	1949	1944	1947	1947	1110	السنة
15-	. 1 <b>"Y</b> "	177	:: γ• <b>γ</b> -1	AY	٥٢	ΥΥ	10	المبيعات (ح)
	$Y_{j,n} \mathbf{A}_{j,n,n}$	\ <b>X</b> _1	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	g <b>0</b>	٤. ا	1 <b>7</b>	* *	الإنفاق الإعلاني
palle sal	Majorian		80.30	la yar				( <sub>4</sub> =)

حتى نحدد الصيغة الملائمة لتقدير هذه العلاقة يتعين أن نقوم يرسم شكل الانتشار من بيانات الجدول (٢-٢)، فنحصل على الشكل (٢-١٩).



وبمعاينة شكل الانتشار (٦-١٩) يتضح أن الصيغة (٦-٣٢) صالحة لتقدير هذه العلاقة . ولإتمام عملية التقدير يتعين الحصول على مقلوب  $= (\frac{1}{m})$  ثم لوغاريتم  $= (\frac{1}{m})$  ثم لوغاريتم  $= (\frac{1}{m})$  ثم تقدير العلاقة بينهما باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية . وبعمل ذلك نحصل على النتيجة التالية :

$$2 = \sqrt{\gamma^2 - \gamma^2} =$$

وبفحص الصيغة (٣٧-٢) يتضح ما يلي:

(أ) من المتوقع أن تصل المبيعات إلى حد أقصى = هَأَ =(٢,٧١٨) ٢٧٨ مليون عندما يتم استنفاذ أثر الإعلان تماما على المبيعات .

(ب) يمكن تحديد قيمة المبيعات عند نقطة الانقلاب كما يلي:  $w = \frac{1}{2} = 0$ ,  $v = \frac{1}{2}$  وبالتعويض v = 0 . أي أن الإنفاق الإعلاني عند نقطة الانقلاب = v = 0, مليون . وبالتعويض عن قيمته في الصيغة المماثلة لـ v = 0 نحصل على قيمة المبيعات عند هذه النقطة.أي أن :

(ج) تختلف مرونة المبيعات للإعلان في المرحلة الأولى (قبل نقطة الانقلاب) عنها في المرحلة الأخيرة من البرنامج الإعلاني ( بعد نقطة الانقلاب). ففي المرحلة قبل نقطة الانقلاب يبلغ متوسط الإنفاق الإعلاني السنوي  $\overline{x}$  وبالتالي مرونة المبيعات للإعلان  $\overline{x}$   $\overline{$ 

الإعلاني السوي من = ٦,٥ ، وبالتالي فان مرونة المبيعات للإعلان = ٦,٠٧٨ ÷ ٦,٠٧٥ = ١٩٥١ ، ٩٣٥ ، ٩٣٥ ، وهو ما يعني أن كل ريادة في الإنفاق الإعلاني بسبة ١٠٪ في المراحل الأخيرة للمنتج يصاحبها ريادة في المبيعات بسبة ٩,٣٥ ٪ في المتوسط . وهو ما يشير الى ضعف أثر الإعلان على المبيعات مع تقدم دورة الحياة للمنتج .

And the second of the second o

### الفصل السابع

#### الانحدار المتعد

#### **Multiple Regression**

يوضح الانحدار المتعدد العلاقة الدالية بين متغير تابع واحد وعدد من المتغيرات التفسيرية (أكثر من واحد). وتقدم لنا النظرية الاقتصادية عديد من الأمثلة للانحدار المتعدد مثال ذلك دائة الطلب التي توضح أن الكمية المطلوبة من السلعة كمتغير تابع تتأثر بسعر السلعة وأسعار السلع الأخرى والدخل كمتغيرات تفسيرية. وكذلك دائة الإنتاج التي توضح أن حجم الناتج كمتغير تابع يتحدد بكميات عناصر الإنتاج من العمل ورأس المال والتكنولوجيا وغيرها كمتغيرات تفسيرية . وتشير العلاقة الدالية إلى علاقة سببية بين المتغيرات التفسيرية و المتغير التابع ، حيث تعني أن التغير في المتغيرات المستقلة يصحبها تغير ما في المتغير التابع

there, is, they will be a selected and the property of the property of the contract of the con

Princip Producting Section 19

ويحتوي هذا الفصل على ثلاثة مباحث تتمثل في:

المبحث الأول: الانحدار الخطي المتعدد .

المبحث الثالث: معايير التقييم العام لنماذج الانحدار المتعدد. ويهم ويعمد ويعمدو

### المبحث الأول

### الاتحدار الخطي المتعدد Multiple Linear Regression

تشير خطية العلاقة بين المتغيرات المستقلة من ناحية ، والمتغير التابع من ناحية أخرى إلى حقيقة هامة مؤداها أن أثر المتغير المستقل على المتغير التابع Y يختلف من مفردة Y مفردة Y بالعينة . فإذا افترضنا مثلا أن هناك متغيرين تفسيريين Y فان العلاقة الخطية Y بمن Y بمن Y من Y ومتغير تابع Y فان العلاقة الخطية بينهم يمكن صياغتها كما يلى:

فإذا كانت حبر تشير مثلا إلى الادخار ، حبر تشير إلى الدخل ، حبى تشير إلى السن، فان خطية العلاقة بين حبر من ناحية وكل من حبى ، حبى من ناحية أخرى تعني أن التغير في الدخل من مفردة لأخرى بمقدار وحدة واحدة يصحبه تغير ثابت في الادخار يساوي ب، ، وأن التغير في السن من مفردة لأخرى بمقدار سنة واحدة يؤدي لتغير الادخار بمقدار ثابت يساوي ب، . أي أن تأثير التغير في المتغيرات التفسيرية على المتغير التابع لا يختلف من مفردة لأخرى . ولذلك فان استخدام نموذج الانحدار الخطي في تقدير العلاقات الاقتصادية ينطوي على درجة كبيرة من التسيط ، حيث الخطي في تقدير العلاقات الاقتصادية ينطوي على درجة كبيرة من التسيط ، حيث يفترض أن جميع الأفراد يتصرفون بنفس الطريقة أو أن تفضيلات الأفراد متماثلة . ونظراً لأن هذا الافتراض لا يمثل الحقيقة فان استخدام الانحدار الخطي المتعدد ينطوي على وجود نوع من الخطأ في التقدير . ولذا فإننا ندخل عادة في علاقة الانحدار حداً يسمى بالحد العشوائي عر(١٤) وهو يتضمن أخطاء التقدير . وعندئد تتمثل علاقة يسمى بالحد العشوائي عر(١٤) وهو يتضمن أخطاء التقدير . وعندئد تتمثل علاقة الانحدار المتعدد في الصيغة التالية :

وبالرغم من ذلك فان خطأ الحدف في حالة الانحدار المتعدد قد يكون أقل منه في حالة الانحدار البسيط ، نظراً لأن الأول ينطوي على عدد أكبر من المتغيرات التفسيرية. وتشير المعلمة التقاطعية "أ " في معادلة الانحدار الخطي المتعدد إلى أثر العوامل الأخرى المؤثرة في حرر والمستبعدة من علاقة الاتحدار . ويلاحظ في هذا الصدد أن هذا الأثر يقاس كمتوسط عند تقدير العلاقة ، حيث أن :

$$(Y-Y)..... y = Y_i = b_i X_{ii} - b_2 X_{2i} - u_i$$

وعند تقدير العلاقة من عينة نجد أن:

$$\hat{a} = \overline{Y} - \hat{b}_1 \overline{X}_1 - \hat{b}_2 \overline{X}_2 \qquad \longleftarrow \quad \overline{(3)} + - \cdot \overline{(3)} + \cdots = 0$$

حيث متوسط الحد العشوائي يساوي صفر.

ولعل هذا يعني أن المعلمة التقاطعية تشير إلى قيمة المتغير التابع في المتوسط عندما نعزل أثر المتغيرات المستقلة المدرجة بنموذج الانحدار المتعدد بما فيها الحد العشوائي . أما عن معاملات الانحدار فإنها تسمى بمعاملات الانحدار الجزئية Regression Coefficients وهي تقيس التغير في المتغير التابع حب نتيجة للتغير في العلاقة أحد المتغيرات الأخرى . فغي العلاقة المقدرة من عينة نجد أن:

$$\sigma$$
 من ثم فان:  $\sigma$  من  $\sigma$  من  $\sigma$  من  $\sigma$  ومن ثم فان:  $\sigma$  من  $\sigma$  من  $\sigma$ 

أي أن  $\frac{1}{4}$ , تشير إلى التغير في قيمة المتغير التابع  $\frac{1}{4}$  نتيجة لتغير  $\frac{1}{4}$ , بوحدة واحدة مع ثبات  $\frac{1}{4}$ , تشير إلى التغير في قيمة المتغير حب نتيجة لتغير  $\frac{1}{4}$ , بوحدة واحدة مع ثبات  $\frac{1}{4}$ ,

وسوف نتعرض في هذا المبحث إلى ثلاث نقاط أساسية تتمثل في:

- (٧-١-١) تقدير نموذج الانحدار الخطى المتعدد.
- (٢-١-٢) تقييم نموذج الانحدار الخطى المتعدد.
- (٢-١-٧) تحديد العلاقة بين الانحدار المتعدد والانحدار البسيط.

ونتناول هذه النقاط بالتفصيل فيما يلي:

### (٧-١-١) تقدير نموذج الانحدار الخطي المتعدد

من الطرق شائعة الاستخدام في تقدير معلمات تموذج الانحدار الخطي المتعدد طريقة المربعات الصغرى العادية . ومن خصائص هذه الطريقة أنها تدني مجموع مربعات انحرافات القيم المقدرة عن القيم المشاهدة للمتغير التابع عب . فإذا افترضنا وجود متغيرين تفسيريين عب ، عب فان علاقة الانحدار المقدرة من عينة تأخذ الصيغة التالية :

$$Y_i = \hat{a} + \hat{b}_1 X_{1i} + \hat{b}_2 X_{2i} + e_i$$
 هي ر $\hat{a} + \hat{b}_1 X_{1i} + \hat{b}_2 X_{2i} + e_i$  هي ر

والشرط اللازم لتدنية (٧–٥) هو أن تكون مشتقاتها الجزئية بالنسبة لـ أَ ، بُ ، ، والشرط اللازم لتدنية (٧–٥) هو أن : بُ ، ، بُ ، ب

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}$$

$$\frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{a}} = \frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{b}_1} = \frac{\partial \sum e_i^2}{\partial \hat{b}_2} = 0$$

وبالإبقاء على نفس الافتراضات المتعلقة بطريقة المربعات الصغرى العادية في حالة الانحدار السيط، وإجراء عملية المفاضلة الجزئية كما سبق، يمكن الحصول على المعادلات الطبيعية التي نشتق منها مقدرات المربعات الصغرى العادية.

وعموماً فان المعادلات الطبيعية يمكن الحصول عليها بطريقة مبسطة ومباشرة من معادلة الانحدار (٧-٤) كما يلي:

(۱) نقوم بتحميع المعادلة (٧-٤) بالنسبة لكل المشاهدات من 1 إلى ن فنحصل على المعادلة الطبيعية الأولى وذلك بافتراض أن حر= صفر ، حيث:

$$(Y-Y).... \qquad X^{\hat{A}} = X^{\hat{A}} + X^{\hat{A}}$$

(٢) نقوم بضرب المعادلة (٧-٤) في المتغير التفسيري الأول من. (X1) ثم نجمع بالسبة لكل المشاهدات من 1 إلى ن فنحصل على المعادلة الطبيعية الثانية

$$\sum X_{i_1} Y = \hat{a} \sum X_{i_1} + \hat{b}_i \sum X_{i_2}^2 + \hat{b}_i \sum X_{i_2} X_{i_2}$$

(3) يقوم بصرب المعادلة الأصلية في المتغير التفسيري الثاني عب. (3x) لم نحمع بالنسبة لكل المشاهدات من ( إلى ن فتحصل على المعادلة الطبيعية الثالثة :

$$\sum X Y = \partial \sum Y + h \sum Y Y + h \cdot \sum X f$$

(٤) إذا احتوى النموذج على عدد " ن " من المتغيرات التمسيرية فمن الممكن أن تحصل على (ن+1) من المعادلات الطبيعية بصرب معادلة الاتحدار الخطي المتعدد الأصلية في كل متغير تفسيري على حده ثم التحميم

(٥) تقوم بوضع المعادلات الطبيعية في تسق واحد فتحد أن

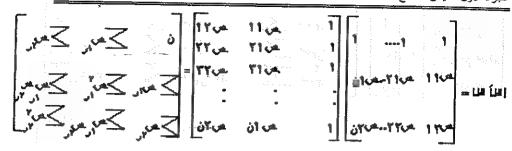
$$\int_{0}^{\infty} \frac{1}{2} \sum_{n} u_{n} \left( \frac{1}{2} \sum_{n} u_{n} \right) \left( \frac{1}{2} \sum$$

ويمكن كتابتها في صورة مصفوفات كما يلي

اي أن :

$$\begin{array}{c|c} 0 & \sum w \mid c & \sum w \mid c \\ \sum w \mid c & \sum w \mid c \\ \sum w \mid c & \sum w \mid c \\ \sum w \mid c & \sum w \mid c \\ \sum w \mid c & \sum w \mid c \\ \end{array}$$

ويلاحظ أن العمود الأول في (٧-١١) يشير إلى قيمة المتغير س. عند كل المشاهدات من ١ إلى ن . وحيث أن عن هو المتغير الذي يلازم المعلمة الناقلة فانه يفترض أن قيمته =١ . والعمود الثاني من المصفوفة " " " يشير إلى قيم المتغير س, عند كل المشاهدات من ١ إلى ن ، والعمود الثالث يشير إلى قيم المتغير س, عند كل المشاهدات من ١ إلى ن ، وهكذا إذا كان هناك أكثر من متغيرين تفسيريين أما "س" فهي المصفوفة المبدلة للمصفوفة "س" ويمكن الحصول عليها بوضع أعمدة أما "س" في صفوف ووضع صفوفها في أعمدة . ومن ثم فإن :



وبالاسترسال في الحل يمكن الحصول على القيم المقدرة أ ، بُ بُ ، ، بُ

ب. وذلك باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية بدلالة القيم المشاهدة .

(٦) ولتوفير الجهد المبذول في الحل نقوم باستخدام انحرافات القيم بدلاً من القيم

المشاهدة في التقدير . فإذا بدأنا بمعادلة الانحدار التالية :

$$Y_{i} = \hat{a} + \hat{b}_{1}X_{1i} + \hat{b}_{2}X_{2i} + e_{i}$$

نحصل على انحرافات القيم عن أوساطها الحسابية ، حيث :

$$\omega = \omega_1 - \overline{\omega_1}, \omega_2 = \omega_1 - \overline{\omega_2}, \omega_2 = \omega_2 - \overline{\omega_2}$$

س، حس، -س، ، ی رحد، -صفر = در ،

ثم نعوض عن هذه الانحرافات في المعادلة (٧-١٣) فنحصل على :

$$y_i = \hat{b_1}x_{1i} + \hat{b_2}x_{2i} + e_i$$

وبالحصول على المعادلات الطبيعية من المعادلة (٧-1٤) بضرب هذه المعادلة مرة في س, ( $x_1$ ) مع التجميع ، ثم مرة أخرى في س, ( $x_2$ ) مع التجميع بالنسبة لكل المشاهدات، هذا مع الأخذ في الاعتبار أن  $\overline{y}$  ,  $\overline{y}$  ,  $\overline{y}$  ويمثل النسق بين س , ،  $\overline{x}$  ,  $\overline{y}$  ويمثل النسق المعادلات الطبيعية في صورة انحرافات:

ومن الممكن في هذه الحالة تقدير قيم بي<sup>4</sup> ، بي<sup>4</sup>, بأستخدام واحد من أسلوبين ، إما أسلوب المصفوفات أو أسلوب المحددات .

أولا: تقدير المعلمات باستخدام أسلوب المصفوفات:

نقوم بوضع معادلات النموذج (٧-١٥) في صورة مصفوفات وذلك على النحو التالي ١

ولم تختلف المصفوفة المرتبطة عن مصفوفة المرافقات نظرا لتماثل عناصر أحد القطرين ، وبالطبع يظهر الاختلاف في حالة المصفوفات الكبيرة التي تحتوي على أكثر من أربعة عناصر. ثم نحصل بعد ذلك على المحدد (ح) Determinant وهو يحتوي على عناصر المصفوفة الأصلية [ س س ] أي أن :

$$\hat{b}_{1} = \frac{\sum x_{2i}^{2} \sum x_{1i} y_{i} - \sum x_{1i} x_{2i} \sum x_{2i} y_{i}}{\sum x_{1i}^{2} \sum x_{2i}^{2} - (\sum x_{1i} x_{2i})^{2}}$$

$$\hat{b}_{2} = \frac{\sum x_{1i}^{2} \sum x_{2i} y_{i} - \sum x_{1i} \sum x_{2i}}{\sum x_{2i}^{2} - (\sum x_{1i} \sum x_{2i})^{2}}$$

ويمكن الحصول على أ باستخدام كل من ب، ، ب، كما يلي:

$$\hat{a} = \overline{Y} - \hat{b}_1 \overline{X}_1 - \hat{b}_2 \overline{X}_2$$

وباتباع نفس الخطوات يمكن الحصول على مقدرات أي عدد من المعلمات لأي عدد من المتغيرات التفسيرية .

> ثانيا : تقدير المعلمات باستخدام أسلوب المحددات باستخدام معادلات النموذج (٧-١٥) نحصل على :

$$(YY-Y).....$$

$$\Delta = \sum_{i=1}^{N} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{N} x_{i}^{2})^{2}$$

$$|\nabla u \cap u| \leq |\nabla u$$

$$\frac{1 \hat{\varphi}_{\Delta}}{\Delta} = \frac{1 \hat{\varphi}_{\Delta$$

$$\frac{1}{\Delta} \cdot \frac{\Delta}{\Delta} \cdot \frac{\Delta}$$

# (٧-١-٧) تقييم نموذج الانحدار الخطي المتعدد

يمكن تقييم نموذج الانحدار الخطي المتعدد باستخدام نوعين من المعايير الإحصائية هما: (١) معامل التحديد المتعدد ، (٢) اختبارات المعنوية

Multiple Determination Coefficient معامل التحديد المتعدد

يشير معامل التحديد المتعدد إلى النسبة التي يمكن تفسيرها من التغير الكلي في المتغير التابع بدلالة المتغيرات المستقلة المدرجة في دالة الانحدار المتعدد . فإذا كان لدينا متغيرين تفسيريين  $(X_1)$  ،  $(X_1)$  ،  $(X_1)$  ، ومتغير تابع  $(X_1)$  فإن معامل التحديد المتعدد  $(X_1)$  المتعدد  $(X_1)$ 

يمكن تفسيرها بدلالة المتغيرين عن ، عن معاً .

ولقد أثبتنا في حالة الانحدار البسيط أن:

وبنفس الطريقة يمكن اعتبار أن:

$$\frac{\mathbf{y} \cdot \mathbf{y} \cdot \mathbf{y}}{\mathbf{y} \cdot \mathbf{y} \cdot \mathbf{y} \cdot \mathbf{y} \cdot \mathbf{y}} = \frac{\hat{b_1} \sum \mathbf{y} \mathbf{x}_1 + \hat{\mathbf{b}}_2 \mathbf{y} \mathbf{x}_2}{\sum \mathbf{y}^2}$$

وإذا كان لدينا ثلاث متغيرات تفسيرية عن ، عن ، عن يمكن كتابة معدل التحديد المتعدد كما يلي:

ويلاحظ أنه مع كل إضافة لمتغير تفسيري جديد نضيف حداً في البسط يمثل أثر هذا المتغير على العلاقة الكلية، و هو يمثل حاصل ضرب المعامل الاتحداري لهذا المتغير في مجموع حاصل ضرب انحرافات المتغير التابع مع انحرافات المتغير

There I a bearing the Three may be

الفصل السابع : الاتحدار المتعدد

التفسيري. كما يلاحظ أن قيمة معامل التحديد المتعدد تزداد كلما أضفنا متغيراً تفسيرياً جديداً ، ويندر أن تنقص ، وذلك لأن البسط يزداد في حين يظل المقام ثابتا . وهذا يعني أن مقياس معامل التحديد المتعدد يتأثر بعدد المتغيرات التفسيرية .

ولتلاشي هذا القصور يتعين أن نصحح قيمة معامل التحديد بحيث لا تتأثر بعدد المتغيرات التفسيرية . ويمكن عمل ذلك عن طريق أخد عدد درجات الحرية في الحسبان عند حساب معامل التحديد ، حيث أن درجات الحرية (ن - ك) (n-k) تقل مع ريادة عدد المتغيرات التفسيرية وثبات حجم العينة ( ذلك لأن زيادة عدد المتغيرات التفسيرية يصاحبها زيادة في عدد المتغلمات المقدرة (ك)).

و تصبح صيغة معامل التحديد المعدل Adjusted R2

Robert By Lagary Website

$$\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}$$

Variat testo, s

ويلاحظ أن 7 < 7 لأي > 1 ، وكلما زاد عدد المتغيرات التفسيرية كلما زاد الفرق بين 7 ، 7 . ومن ناحية أخرى طالما أن (ن-1) / (ن-1) تزداد مع زيادة عدد المتغيرات التفسيرية فان 7 ربما تصبح قيمته سالبة عند عدد معين من المتغيرات التفسيرية ، وفي هذه الحالة نعتبر قيمته صفر أ. أما 7 فإن قيمته لابد أن تكون موجبة .

ويلاحظ أن معامل الارتباط المتعدد . Multiple Correlation Co يتمثل في الجدر التربيعي لمعامل التحديد المتعدد ، وهو يشير إلى درجة اقتران التغير في المتغير التابع مع التغير في المتغيرات الأخرى من ، من معا ، وهو في هذه الحالة يكون دائما موجبا ولا توجد طريقة توضح ما إذا كان سالبا .

وتتراوح قيمة معامل التحديد بين الصفر والواحد . فإذا كان يساوي واحدا فان هذا يعني أن المقدرة التفسيرية للنموذج كاملة وأن جودة التوفيق عند حدها الأقصى . أما إذا كان يساوي صفراً فإن هذا يعني أن المقدرة التفسيرية للنموذج منعدمة وأن جودة التوفيق عند الحد الأدنى .

## (٢) اختبارات المعنوية للمعلمات المقدرة

يمكن استخدام اختبار الخطأ المعياري ، واختبار "ز" Z ، واختبار "ت" الإجراء اختبارات المعنوية للمعلمات المقدرة في نموذج الانحدار الخطي المتعدد بنفس الطريقة وتحت نفس الشروط التي تم افتراضها في نموذج الانحدار الخطي البسيط. ولذلك لا يوجد هناك ما يبرر التكرار وحتى يمكن إجراء هذه الاختبارات يتمين علينا معرفة الوسط الحسابي والتباين الخاصين بالمعلمات المقد أ، ب، ،

$$E(\hat{a})=a \leftrightarrow \hat{1}$$
ق ( $\hat{a}$ ) وعموما يمكن القول أن  $\hat{a}$ 

$$E(\hat{b_1}) = b_1 \leftarrow \hat{\psi}$$
 ق ( بُر  $\hat{\psi}$  ق المقدرة المعلمة المقدرة عب  $\hat{\psi}$  ق ( بُر  $\hat{\psi}$  ) ق

$$E(\hat{b}_2)=b_2 \leftarrow \stackrel{\wedge}{,} = (\hat{b}_2)=0$$
ق ( $\hat{\psi}$ ,  $\hat{\psi}$ )  $=\psi$ 

حيث تشير ق (E) إلى القيمة المتوقعة أو الوسط الحسابي كما سبق الشرح . أما

ومن الممكن توضيح كيفية اشتقاق تباينات المعلمات الانحدارية المقدرة باستخدام أسلوب المحددات من المعادلات الطبيعية المتعلقة بهم بعد صياغتهم في صورة انحرافات . فإذا افترضنا أن هناك متغيرين تفسيريين فقط هما من، ، من، يمكن اشتقاق عيد الخاصتين بمعلماتهما المقدرة باتباع الخطوات التالية:

(أ) نقوم بكتابة المعادلات الطبيعية المتعلقة بهما في صورة انحرافات كما يلي:

ويلاحظ أن الحدود بين الأقواس هي المعلومة حيث يمكن حسابها من القيم المشاهدة ( س، ، س، ) أما المعلمات كي فهي المجاهيل .

(ت) نقوم بحساب محدد الحدود المعلومة وهو المحدد "ح".

(ج) نقوم بتحديد المحيدد المقترن بالمعلمة المراد تقدير تباينها من المحدد "ح" وذلك عن طريق استبعاد الصف والعمود اللذان يوجد فيهما تربيع انحراف المتغير التفسيري الذي تتعلق به المعلمة المقدرة محل الاعتبار. فإذا أردنا تحديد تباين فإن المتغير التفسيري الذي تخصه المعلمة يكون هو س, و المحيدد المقترن بالمعلمة

Market and the property of the property of the state of the second of th

(د) ثم تقوم تقياس نياييات المعلمات المقدرة باستخدام الصيع التالية :

(ه) أما ادا كان النموذج يحتوى على " سعيرات تفسيرية فمن الممكن اشتقاق ساسات المعلمات المعدرة للله المدارة السابقة السا

فالمعادلات الطبيعية المتعلقة بها بضعها في صورد بحر افات كما يلي:

The grant of the contract of t

يم يهوم يحساب محدد القيم المعلومة "وح " حسي ود والا وي وود وي والا والمعلومة " والمعلومة " والمعلومة المعلومة ا

وبعد ذلك تحسب محديد كل معلمة مقدرة حبكة فويديدي بفيها يماده ويعتبه ويعرب معلمة

the large of the things of the section than the section of

Y-Sarthy Xerty [3]

### (٣) معامل التحديد واختبارات المعبوية

لقد ثبت أنه إذا كانب القيمة المطلقة لإحصائية "ت"ا المحسوبة أقل من واحد بالنسبة لمعامل انحدار معين فإن إسقاط المتعير الذي يخصه هذا المعامل يريد من قيمة معامل التحديد المعدل. ولو أن القيمة المطلقة لإحصائية "ت" المحسوبة كانت أكبر من واحد بالنسبة لمتغير تفسيري ما فإن اسقاط هذا المتعير يقلل من قيمة معامل التحديد المعدل. ولذا فمن الممكن أن ستحدم قيمة "ت" المحسوبة كأداة نحدد من خلالها المتغيرات التفسيرية المرشحة للحدف من النموذج.

# (٧-١-٧) الاتحدار المتعدد و الاتحدار البسيط

لعل السؤال الجدير بالاهتمام في هدا الصدد هو هل توجد هناك علاقة بين معاملات الانحدار المتعدد ومعاملات الانحدار السيط ! لكي نجيب على هذا السؤال دعنا نأخذ علاقات الانحدار التالية

 $Y=b_0 +b_{12}X_1+b_{21}X_2$ 

حب + ب، به ۱۰۰۹ + ب، هم، ا

$$Y = a_0 + b_1 x_1$$
 $Y = c_0 + b_2 X_2$ 
 $X_2 = k_0 + b_2 1 X_1$ 
 $X_1 = F_0 + b_{12} X_2$ 
 $C_1 \circ a_1 \circ a_2 + ... \circ a_{12} \circ a$ 

 $\frac{\mathbf{b} = \mathbf{b}}{\mathbf{b}_{1,7}} = \mathbf{b} = \mathbf{b}_{1,7}$ بربر ( $\mathbf{b}_{1,2}$ ) =  $\mathbf{b} = \mathbf{b}$  معامل الانحدار الجزئي للمتغير من وهو يشير إلى مقدار التغير في من بوحدة واحدة بعد عزل أو استبعاد أثر من.

ب.. =  $(b_{2.1}) = \frac{D - D}{V + D}$  = معامل الانحدار الجزئي للمتغير هي، وهو يشير إلى مقدار التغير في حي نتيجة لتغير هي، بوحدة واحدة بعد عزل أو استبعاد أثر هي، .

عص ب, =(b,) = 1 1 = معامل الانحدار البسيط للمتغير من، وهو يشير إلى مقدار التغير في من نتيجة لتغير من, بوحدة واحدة وذلك باعتبار أن من، هو المتغير الوحيد المؤثر في من ، أو مع إهمال أثر المتغيرات الأخرى .

ب (b2) = عمامل الانحدار السيط للمتغير من، وهو يشير إلى مقدار التغير في عن نتيجة لتغير من، بوحدة واحدة باعتبار أن من، هو المتغير الوحيد المؤثر في عن، أو مع إهمال أثر المتغيرات الأخرى .

ومن الممكن إثبات أن:

$$b_{1,2} = \frac{b_1 - (b_2)(b_{21})}{1 - R_{21}^2}$$

$$(r_1 + v_2) = \frac{b_1 - (b_2)(b_{21})}{1 - R_{21}^2}$$

$$(r_1 + v_2) = \frac{b_2 - (b_1)(b_{12})}{1 - R_{12}^2}$$

وبمعاينة المعادلات السابقة يتضح أنه إذا كان الارتباط بين المتغيرات التفسيرية عن، ، عن، منعدماً فإن ب،، = صفر ، ر"،، = صفر ، بَ إِنَّا = صُفَرَ ، بَ إِنَّا = صُفُر ، وَلَدُا فَإِن بُ إِنَّا = بُ. ، ب.، = ب.. أي أن معاملات الانحدار الجزئية في الانحدار المتعدد = معاملات الأنحدار المقابلة لها في الانحدار البسيط إذا كان الارتباط بين المتغيرات التفسيرية مُنعَدماً . ومن الممكن الحصول على معاملات الارتباط الجزئي من إحصائية "ا"ت " المحسوبة على النحو التالي:

> رسى = معامل الارتباط الجزئي بين حي ، حي ، بعد استبعاد أثر حي. رسير، = معامل الارتباط الجزئي بين من ، عنه، بعد استبعاد أثر من، .

$$R_{Y12}^{2} = \frac{t_{1}^{2}}{t_{1}^{2} + (n-k)}$$

$$(2-0) + \sqrt{2}$$

$$R_{721}^2 = \frac{t_2^2}{t_2^2 + (n-k)}$$

ويلاحظ أن إشارات معاملات الارتباط البسيط والجزئي هي نفسها إشارات معاملات الانحدار البسيط والجزئي .

> مثال (۷-۱) تقدير دالة المبيعات

أرادت شركة أن تختبر مدى فاعلية كل من السياسة السعرية والسياسة الإعلانية على مبيعاتها الكلية . ولعمل ذلك قام أحد الباحثين بجمع بيانات ربع سنوية عن الإيراد الكلي ومتوسط السعر والإنفاق الإعلاني للشركة في عينة حجمها ٥٢ مشاهدة . فإذا علمت أن :

حى (Y) = |Y| والإيران الكلي بالألف جنيه ، هى،  $(X_1) = |X_2|$  متوسط مرجح لأسعار منتجات الشركة بالجنية ، هى،  $(X_2) = |Y|$  الإعلاني بالألف جنيه ، ن  $(X_1) = |Y|$  .

#### والمطلوب:

(۱) تعيين النموذج الرياضي المطلوب باستخدام الصيغة الخطية وتحديد التوقعات القبلية لمعلماته .

- (٢) تقدير النموذج القياسي لدالة المبيعات وتفسير المعلمات المقدرة أقتصادياً.
- (٣) اختبار معنوية كل من السياسة السعرية والسياسة الإعلانية في تأثيرهما على المبيعات .
  - (٤) اختبار المقدرة التفسيرية للنموذج.
  - (٥) تحديد معاملات الانحدار الجزئي من معاملات الانحدار البسيط.
    - (١) تحديد معاملات الارتباط الجزئي.

ونتولى الإجابة على هذه المطاليب فيما يلي :

(١) تعيين النموذج الرياضي لدالة المبيعات :

إذا استخدمنا الصيغة الخطية في التعبير عن دالة المبيعات نحصل على:

- (۱) تشير المعلمة التقاطعية "أ"ه" إلى الإيراد الكلي المتوقع تحقيقه عندما يكون السعر (من, ) والإنفاق الإعلاني (من) مساويين للصفر، وبمعنى آخر فهي تشير إلى المتحصلات النقدية التي يمكن تحقيقها من مصادر أخرى غير البيع والإعلان مثال ذلك الإعانات الحكومية أو العوائد المحققة من وراء الودائع في البنوك والأسهم والسندات في الشركات الأخرى.
- (ب) أما المعلمة الانحدارية ب., (b12) فهي تشير إلى التغير في الإيراد الكلي للشركة نتيجة لتغير متوسط السعر بوحدة واحدة مع ثبات العوامل الأخرى. ومن المتوقع أن تكون ب, موجبة في حالة الطلب غير المرن على منتجات الشركة بوجه عام. ففي حالة الطلب غير المرن إذا ارتفع السعر بنسبة معينة تنخفض الكمية المطلوبة بنسبة أقل ، الأمر الذي يترتب عليه زيادة الإيراد الكلي . ويعني هذا أن العلاقة بين السعر والإيراد الكلي تكون موجبة في حالة الطلب غير المرن . ومن المتوقع أن تكون ب , مسالبة في حالة الطلب المرن. ففي هذه الحالة إذا ارتفع السعر بنسبة معينة تنخفض الكمية المطلوبة بنسبة

أكبر ، مما يترتب عليه انخفاض الإيراد الكلي، ويعني هذا أن العلاقة بين السعر والإيراد الكلي تكون عكسية في حالة الطلب المرن .

(ج) وبالنسبة للمعلمة الانحدارية ب ١٠٠ (b12) فهي تشير إلى مقدار التغير في الإيراد الكلي نتيجة لتغير الإنفاق الإعلاني بمقدار وحدة واحدة (ألف جنيه) . وإذا كانت ب١٠٠ ا فإن هذا بعني أن زيادة الإنفاق الإعلاني بمقدار وحدة واحدة يترتب عليه زيادة الإيراد الكلي بمقدار أكبر من الوحدة . ولكن ليس من الضروري أن تكون السياسة الإعلانية مربحة في هذه الحالة . فمن المعروف أن زيادة الإنفاق الإعلاني يصاحبها زيادة في التكاليف الكلية بسبب زيادة تكاليف الأيناج التي تصاحب زيادة الإنتاج ، علاوة على زيادة تكاليف الإعلان. ولذلك فإن زيادة الإنفاق الإعلاني سوف تؤدي إلى زيادة الأرباح فقط إذا كانت الزيادة في الإيراد الكلي الناجمة عنها أكبر من الزيادة في التكاليف الكلية .

ولو أن ب..، <١ فإن هذا يعني أن زيادة الإنفاق الإعلاني بمقدار وحدة واحدة يصاحبها زيـادة في الإيـراد الكلـي بمقـدار أقـل مـن الوحّـدة . ولـدا فـإن السياسة الإعلانية في هذه الحالة يؤدي التوسع فيها إلى تحقق حسائر للشركة .

(٢) تقدير النموذج القياسي لدالة المبيعات:

يختلف النموذج القياسي عن النموذج الرياضي في احتواء الأول على حد للخطأ العشوائي 2 (u) على النحو التالي :

 $Y = a + b_{1,2} X_1 + b_{2,1} X_2 + u$   $\longrightarrow$   $a + b_{1,2} X_1 + b_{2,1} X_2 + u$   $\longrightarrow$   $a + b_{1,2} X_1 + b_{2,1} X_2 + u$  ولتقدير النموذج القياسي نبدأ بالمعادلات الطبيعية في صورة انحرافات كما يلي :

وبحل هذا التمودج باستخدام أسلوب المحددات نحصل على:

 $=\Delta$ 4,00  $\epsilon$ A9T, 110 = 0Y, . . TO -  $\epsilon$ 90 - , 11Y = Y (Y,00) - (1TT0, Y - T) (T, Y - T) =  $\Delta$ (Y,00)(T9T9, . YT) -(1TT0, Y-T)(T, ETA-) = a this para a propagata a sa 18314,11 = 14,77 Angely though the backets the part of the William a Telephone Land **EA97,910** (1,7710)Y,7AY-(Y)T,YY7+1Y-,YY#=+774,-47-, 72-, 74-,-1

$$1 \cdot \xi, q\xi = YA, AT - 1T, \xi YA + 1T \cdot, TTT =$$

ومن ثم فإن دالة المبيعات المقدرة تصبح:

وتعني هذه الصيغة المقدرة ما يلي :

- (أ) أن الإيرادات المحصلة من قبل الشركة من مصادر غير البيع والإعلان تبلغ ١٠٤٩٤٠ جنيه كل ربع سنة في المتوسط .
- (ب) أن كل انخفاض في متوسط السعر بمقدار جنيه واحد يترتب عليه زيادة في الإيراد الكلي بمقدار ١٧٣٩ جنيه ، وهذا يعني أن الطلب على منتجات الشركة

ين مي جو **مرناً في المتوسط** معلى دان على الميان الم

- (ج) أن كل زيادة في الإنفاق الإعلاني بمقدار ألف جنية يترتب عليه زيادة في الإيراد الكلي بمقدار ٢٩٨٧ جنية . وبالطبع سوف تكون السياسة الإعلانية مربحة فقط إذا ترتب على هذه الزيادة في الإعلان زيادة في التكاليف الكلية بمقدار أقل من ٢٩٨٧ جنيه .
- (٣) اختبارات المعنوية للسياستين السعرية والإعلانية : نبدأ بحساب الخطأ المعياري للمعلمتين ثبيء، ثبيء، وفقا للصيغتين (٣-٧) ، (٣-٣) :

$$\frac{1770, Y \cdot Y}{(Y,00) - (1770, Y \cdot Y)(Y, Y \cdot Y)} = \frac{1770, Y \cdot Y}{(Y-0Y)} = \frac{1770, Y \cdot Y}{(Y-0Y)}$$

$$1 \cdot \cdot \cdot 1Y = \frac{1770, Y \cdot Y}{(Y-0Y)} = \frac{1770, Y \cdot Y}{(Y-0Y)}$$

$$Y', 1724 = \frac{1 \cdot \cdot \cdot 1Y}{(Y-0Y)} = \frac{1770, Y \cdot Y}{(Y-0Y)}$$

ويمكن حساب ت\* لكل معلمة مقدرة كما يلي:

وبمقارنة الخطأ المعياري بنصف قيمة المعلمة المقدرة نجد أنه أقل منها في الحالتين ، مما يشير إلى أن كل من السياسة السعرية والسياسة الإعلانية لها تأثير جوهري على المبيعات على الأقل عند مستوى معنوية ٥ ٪ . كما أن "ت \*, " المحسوبة في الحالتين أكبر من "ت" الجدولية عند مستوى معنوية ١ ٪ وهو ما يؤكد نفس المعنى السابق .

#### (٤) اختبار المقدرة التفسيرية للنموذج:

حتى نختبر المقدرة التفسيزية للنموذج نقوم بحساب معامل التحديد، وذلك على النحو التالي:

ويتضح من ذلك أن كل من السعر والإنفاق الإعلاني يفسران ٨٦٪ تقريباً من التغير في المبيعات مما ينم عن مقدرة تفسيرية عالية للنموذج محل الاعتبار . أما النسبة الباقية وهي ١٤٪ تقريبا فهي ترجع لعوامل أخرى .

(٥) تحديد معاملات الانحدار الجزئي من معاملات الانحدار البسيط:

باستخدام بيانات الإيراد الكلى المعطاة سابقا يمكن التوصل إلى:

ومن الملاحظ أن القيم التي تم الحصول عليها لمعاملات الانحدار الجزئي باستخدام معاملات الانحدار البسيط هي نفسها القيم التي حصلنا عليها سابقا بالأسلوب المباشر.

## (١) تحديد معاملات الارتباط الجزئي:

باستخدام الصيغتين (٧-٣٦) ، (٧-٣٣) يمكن تحديد معاملات الارتباط الجزئي كما هو موضح بالجدول (١-٢) .

جدول ٢٠-١) الارتباط البسيط والارتباط الجزئي

بيان الحسابات	الارتباط الجزئي مع حب	الارتباط البسيط مع ص	المتغير	
<sup>7</sup> (7,1710)	1 1 1 2 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	•,•1-	104	
(r-or)+ <sup>v</sup> (r, 1r4o)			1.7	
(۱۲,۹۱٦۸)	•,4*•	•,970	y QUE	
(T-0T)+ T(1Y,917A)				

### ويلاحظ أن إشارة معامل الارتباط هي نفسها إشارة معامل الانحدار ومسمس

Andrew Warren and Angele and Ange

and the second of the second o

and the feet for the first of t

tikan manganak itolik mangangan sa pangan sa pangan itolik ng pangan sa pangan sa pangan sa at sa Kandangan

## المبحث الثاني

## الانحدار غير الخطي المتعدد Nonlinear Multiple Regression

يوجد هناك أمثلة عديدة للعلاقات الاقتصادية المتعددة غير الخطية . ويمكن عموما التفرقة بين نوعين أساسيين من العلاقات في هذا الصدد :

. Polynomials (كثيرات الحدود) المسترسلات (كثيرات الحدود)

(٢-٢-٧) الدوال ذات المرونات الثابتة (٢-٢-٧) الدوال ذات المرونات الثابتة وسوف نتناول كل واحدة منها بنوع من التفصيل في هذا المبحث.

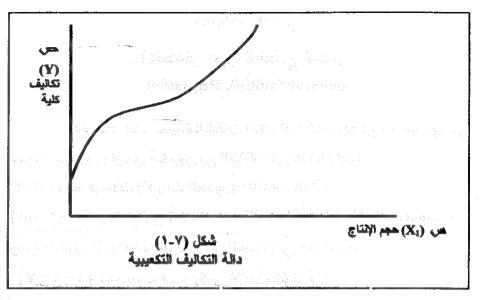
(٧-٧-١) المسترسلات (كثيرات الحدود ):

يمكن تعريف المسترسلة بأنها دالة يظهر فيها المتغير المستقل عدّة من القرات مرفوعاً في كل مرة إلى درجة أعلى، ومن الأمثلة الاقتصادية على هذه الدوال ما يلي:

(۱) واله التكاليف التكلية التكبيبة Cubic Total Cost Function

وتأخد هذه الدالة الصيغة التالية :

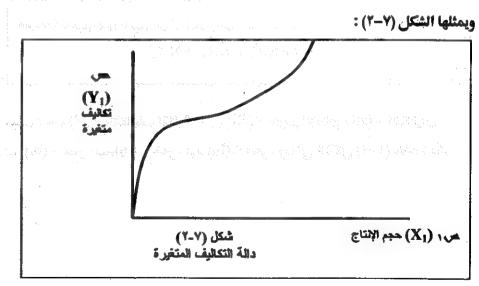
حيث : حب (Y) = التكاليف الكلية ، مب,  $(X_1)$  = حجم الإنتاج ، أ(a) = التكاليف الثابتة ،  $(X_1)$  = صفر ،  $(b_2)$  > صفر ،  $(b_3)$  > صفر ، (b



### (٢) دالة التكاليف المتغيرة: ومن من يمر مع فيها والمدود

. . . يتضح من المعادلة (٧-٣٨) أن دالة التكاليف المتغيرة تأخذ الصيغة التالية : .

$$Y = b_1 X_1 + b_2 X_1^2 + b_3 X_1^3$$



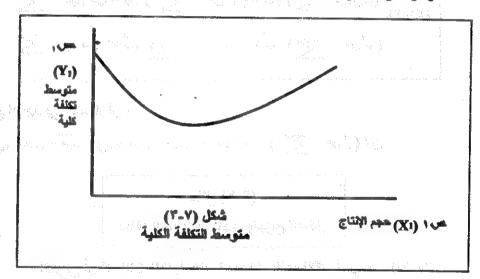
3AY

#### (٣) دالة التكلفة المتوسطة التربيعية :

من الممكن الحصول على دالة التكلفة المتوسطة التربيعية بقسمة دالة التكاليف الكلية على حجم الإنتاج س, كما يلي:

$$Y_{1} = a_{0} + a_{1}X_{1}^{-1} + a_{2}X_{1}^{2} + a_{3}X_{1}^{2}$$

أ. = ثابت = متوسط التكلفة الكلية عندما عن, = صفر ، أ, > صفر ، أ, < صفر ، أ. > صفر. ويمثل الشكل (٧-٢) الدالة (٧-٣٩).



ويمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير دالة الانحدار غير الخطي المتعدد بنفس الطريقة التي اتبعناها في حالة الانحدار الخطي المتعدد . فلتقدير دالة تربيعية كدالة التكلفة الحدية التي تأخذ الصيغة (٧-٤٠) والتي تعتبر حالة انحدار بسيط طالما أن هناك متغير مستقل واحد هو من ، ولكنها متعددة الحدود يتعين معاملتها نفس معاملة الانحدار المتعدد في عملية التقدير .

وللحصول على المعادلات الطبيعية في صورة انحرافات ، نقوم بوضع الصيغة (V-8) في صورة انحرافات بعد إحلال عن بدلا من عن حيث عن عن ، ثم نضربها في س، ونجمع بالنسبة لكل المشاهدات فنحصل على المعادلة الطبيعية الأولى ، ونضربها مرة أخرى في س، ونقوم بالتجميع فنحصل على المعادلة الطبيعية الثانية . وتأخذ المعادلات الطبيعية الصيغ التالية :

مع الأخد في الاعتبار أن:

$$0/(\sqrt{10} ) - \sqrt{10} = \sqrt{10} - \sqrt{10} = \sqrt{10} - \sqrt{10} = \sqrt{10}$$

مثال (۲-۲) علاقة النمو الاقتصادي وتوزيع الدخل

أفترض أن البيانات التالية خاصة بمعدل النمو الاقتصادي عن، (X1) والنصيب النسبي للطبقة الفقيرة من الدخل الكلي عن (Y) لعدد من الدول التي تختلف في المرحلة الاقتصادية التي تمر بها . والمطلوب هو تقدير العلاقة بين المتغيرين السابقين باستخدام البيانات الموضحة بالجدول (Y-Y) .

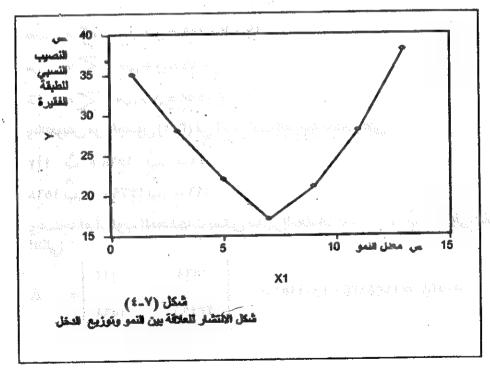
جدول (۷-۲)

معدلات النمو وتوزيع الدخل في سبعة من الدول

٠i				-				
1	Y	. 1	٥ -	· .	۳	: Y :		الدولة
	17	11	9	· <b>Y</b>	٥	۳ . د د		معدل النمو (س, )٪
-	۳۸۰	YA ,	. 71	: 17	**	YA	۳٥	نصيب نسبي س%

والمطلوب هو تقدير العلاقة بين النمو وتوزيع الدخل.

للتعرف على درجة خطية العلاقة بين عن، ، حد نقوم برسم شكل الانتشار الممثل للعلاقة بينهما باستخدام البيانات المعطاة بالجدول (٢-٢) . وبمعاينة شكل الانتشار (٧-٤) يتضح أن الصيغة الملائمة لتقدير العلاقة بين حد ، عد ، هي الصيغة التربيعية (٧-٤٠) . ولتقدير هذه الصيغة يتعين حساب المجاميع التي يحتوي عليها النسق التربيعية (٧-٤٠) . ويوضح الجدول (٧-٣) كيفية حساب هذه المجاميع .



## جدول (۲-۳)

حسابات علاقة النمو وتوزيع الدخل

	— ·			240 4	·	2. 1. The last	<b>-3-33-</b> 0-7			
س۲	س"ر	1 <sub>m</sub> 1 <sub>m</sub>	ص س۲	ישייו	س۲	س۱	ص	= 104	1 <sub>UM</sub>	, m
	1 1							1704		
£-11	n	TAE	017-	EA-	76-	1-	A	1	<b> </b>	To
FIFT	- 17	TTE	-70	·\$	-10	٤-	1	4	, F	
13	٤	A:		1.	£	Y-	0-	Yo		YA
707	•	•	17-	•	17-	•	1	٤٩	\ \ \ \ \	11
Tol	٤	TY	93_	114-2	14	Y	1-	-	<del>                                     </del>	17
TITE:	. in 1.7	TYE	67	<b>E</b>	J.C			Al	10 <b>Q</b> 10 0	7
1-417	77.	375	1188	77			90 1.7 V	171	11	para YA.
1 1 1/7 10 1g	1.7	1.5	1 19.4	100	1.8	٦	11	179	- 11"	TA
مخ-	مج	-200	مج	See		3 2 2		مجس	-	J= .24
ا س ۲	س ۱۲	ساس	ص س	صس	\$PAY	er Standing	Mospila,	100	Value 🕈 🐧	1.44
rrraa	117	Aret	497	13.			- 1	, <b>4</b> 29,1	1 7 7	

وبالتعويض من الجدول (٣-٧) في المعادلات الطبيعية نحصل على :

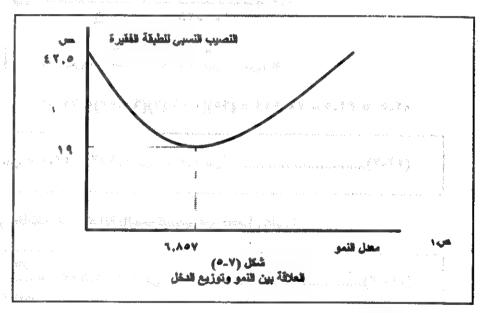
وبمفاضلة هذه الدالة بالنسبة للمتغير من نحصل على:

ومن الواضح مَنَ المعادلة (٧-٤٣) أن ميل الدالة (٢-٤٣) ليس ثابتاً وإنما يتغير وفقا لتغيّر . . . ووفقا للمعادلة (٢-٤٢) نجد أن النصيب النسبي للطبقة الفقيرة من الدخل قبل

بدء عملية النمو (عندما يكون معدل النمو = صفر) يساوي ٤٢,٥ % في المتوسط، ومن لمعادلة ثم فإن النصيب النسبي للطبقة الغنية يساوي ٥٧,٥ % في المتوسط ومن المعادلة (٧-٤٣) يمكن التعرف على الحد الأدنى الذي لابد أن يصل إليه معدل النمو قبل أن يصاحب النمو الاقتصادي تحسناً في توزيع الدخل لصالح الطبقة الفقيرة . فبمساواة هذه المعادلة بالصفر نجد أن : ٣٠, = ٢٦,٨٥٧ %، وبالتعويض عن ٣٠, في المعادلة (٧-٤٢) بهذه القيمة بمكن تحديد الحد الأدنى الذي يصل إليه النصيب النسبي للطبقة الفقيرة من الدخل الكلي في غمار عملية النمو الاقتصادي ، حيث:

= 0.73  $(7.00, F) + 0.0 (7.00, F)^{T}$  = 0.73  $(7.00, F) + 0.00 (7.00, F)^{T}$   $= 0.73 \cdot 0.00 + 0.00 = 0.00 (7.00)$   $= 0.00 \cdot 0.00 = 0.00 = 0.00 = 0.00$ 

ويوضح الشكل (٧-٥) العلاقة بين النمو وتوزيع الناخل .



ومن الممكن التأكد من أن المعادلة (٧-٤٢) تمثل نهاية دنيا بالحصول على المشتقة الثانية من المعادلة (٧-٤٣) كما يلي: [عدد من المعادلة (٤٠٠٥) على المعادلة (٤٠٠٥) على المشتقة

ومن ثم فإنها تمثل نهاية دنيا طالما أن المشتقة الجزئية الثانية موجبة .

ومن الواضح مما سبق أن العلاقة بين النمو وتوزيع الدخل تمر بمرحلتين، حيث تمتد المرحلة الأولى بين معدلي النمو صفر، ٢,٨٥٧٪، وتمتد المرحلة الثانية بعد معدل النمو ٢,٨٥٧٪. وخلال المرحلة الأولى يؤدي النمو الاقتصادي إلى سوء توزيع الدخل، حيث يصاحبه انخفاض في النصيب النسبي للطبقة الفقيرة من الدخل الكلي من ٤٢٠٥٪ إلى ١٩ ٪ تقريبا، وزيادة النصيب النسبي للطبقة الغنية من ٥٧٥٪ إلى من ٤٢٠٥٪ أما في المرحلة الثانية فيؤدي النمو الاقتصادي إلى تحسن توزيع الدخل في صالح الطبقة الفقيرة.

## (٧-٢-٢) الدوال ذات المرونات الثابتة :

تأخذ الدالة ذات المرونات الثابتة الصيغة التالية :

$$Y = AX_1^{b_1} X_2^{b_2}$$

ومن الأمثلة الاقتصادية التي تأخذ هذه الصيغة دالة الإنتاج - كوب دوجلاس، ودالة الطلب المارشلية . وفي حالة دالة الإنتاج كوب - دوجلاس نجد أن :

(Y) = كمية الإنتاج ، من (X1) = كمية عنصر العمل ، من (X2) = كمية عنصر رأس المال ، أ (A) = المعلمة الناقلة وهي تعتبر مؤشر للكفاءة الإنتاجية ، حيث أن التغير في قيمتها يعكس التغير في الإنتاج الراجع لتغير نوعيات عناصر الإنتاج مع ثبات كمياتها .
 ب = مرونة الإنتاج بالنسبة لعنصر العمل .

ب. = مرونة الإنتاج الجزئية بالنسبة لرأس المال

وبلاحظ ما يلي بالنسبة لدالة الإنتاج كوب - دوجلاس:
(١) إذا كانت: ب. + ب. = ١ ، فإن هذا يشير إلى حالة ثبات غلة الحجم ، حيث أن
التغير في كميات عناصر الإنتاج بنسبة معينة يؤدي إلى تغير الإنتاج بنفس النسبة وفي
نفس الاتجاه . وتكون دالة الإنتاج متجانسة من الدرجة الأولى في هذه الحالة .

(٢) إذا كانت: ب + ب > ١ ، فإن هذا يشير إلى حالة تزايد علة الحجم ، حيث أن التغير في كميات عناصر الإنتاج بنسبة معينة يؤدي إلى تغير الإنتاج بنسبة أكبر وفي نفس الاتجاه .

(٣) إذا كانت : ب + ب < 1 ، فإن هذا يشير إلى حالة تناقص غلة الحجم ، حيث أن التغير في كميات عناصر الإنتاج بنسبة معينة يؤدي إلى تغير الإنتاج بنسبة أقل وفي نفس الاتجاه .

(٤) إذا افترضنا سيادة المنافسة الكاملة في أسواق عناصر الإنتاج فإن كل عنصر يحصل على عائد حقيقي يساوي إنتاجيته الحدية . أي أن :

الإنتاجية الحدية للعمل = الأجر الحقيقي = جر الحقيقي = جر الحقيقي العمل المسلم المسلم

وبنفس الطريقة يمكن إثبات أن:

حيث: ر = العائد الحقيقي للوحدة من رأس المال . ولعل هذا يعني أن ب، ، ب، بجانب أنهما يَمثُلانَ مَرونات الإنتاج الجزئية ، فإنهما

يمثلان الأنصبة النسبية لعناصر الإنتاج من الناتج الكلي الحقيقي، ولكن تحت شروط

معينة: (أ) سيادة المنافسة الكاملة في أسواق عناصر الإنتاج ، (ب) وجود حالة ثبات غلة الحجم التي تعني أن = ب= 1 ، ذلك لأن مجموع الأنصبة النسبية لابد أن يساوي الواحد .

أما إذا كانت الصيغة (٧-٤٥) تعبر عن دالة الطلب المارشلية فإن :

ص = الكمية المطلوبة من السلعة ، عن = سعر السلعة ، عن = الدخل ، "أ" تعكس أثر العوامل المنتظمة الأخرى غير عن ، عن التي تؤثر في الطلب .

ب.= مرونة الطلب السعرية ، ب. = مرونة الطلب الدخلية . ومن المتوقع أن تكون ب. < صفر ، ب. > صفر في حالة السلعة العادية .

وإذا كانت ب، + ب، = صفر ، فإن هذا يعني أن دالة الطلب متجانسة من الدرجة الصفرية ، وهو ما يعكس الرشد الاقتصادي الذي يشير إلى حقيقة أن المستهلك لا يخضع لظاهرة الخداع النقدي . أي أنه إذا تغيرت الأسعار والدخل النقدي بنفس النسبة فإن الطلب على السلعة لا يتغير نظراً لإدراك المستهلك أن الدخل الحقيقي لم يتغير . ويلاحظ عموماً أن المرونات ب، ، ب، ثابتة لا تتأثر بمستوى الدخل أو الأسعار في هذه الحالة .

ويمكن تقدير المعلمات أ ، ب، ، ب، في حالة الدوال ذات المرونات الثابتة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية بعد تحويل هذه الدوال من الصيغة غير الخطية إلى الصيغة الخطية باستخدام اللوغاريتمات . فبإدخال الحد العشوائي نجد أن الدالة (٧-٤٥) يمكن أن تأخذ الصيغتين التاليثين :

$$Y = AX_1^{b_1} X_2^{b_2} u$$

$$(0\xi - Y) \qquad Y = AX_1^{b_1} X_2^{b_2} u$$

$$Y = AX_1^{b_1} X_2^{b_2} e^{u}$$

حيث أن هـ (e) = أساس اللوغاريتم الطبيعي = ٢,٧١٨ .

ولكن يلاحظ أن الصيغة (٧-٥٣) لا يمكن استخدامها عند افتراض أن الوسط الحسابي للحد العشوائي = صفر ، حيث تصبح الدالة المقدرة مساوية للصفر في المتوسط عند التمسك بهذا الافتراض . أما الصيغة (٧-٥٤) فهي تساعد على تلاشي هذه الصعوبة مع الاحتفاظ بافتراض الوسط الحسابي للحد العشوائي = صفر . وبأخذ لوغاريتم الصيغة الاحتفاظ بافتراض الوسط الحسابي للحد العشوائي = صفر . وبأخذ لوغاريتم الصيغة اللوغاريتمية التالية :

$$(\circ \circ - \lor)$$
 لو حب = لو أ + ب، لو عب + ب لو عب + ب لو عب + عب لو عب  $LnY = LnA + b_1LnX_1 + b_2LnX_2 + u$ 

وفي هذه الحالة تتحول الصيغة غير الخطية إلى صيغة خطية باستخدام اللوغاريتمات. وإذا رمزنا إلى قيم اللوغاريتمات بعد الحصول عليها لكل المتغيرات بنفس الرموز مرفوعة لنحمة نتوصل للصيغة التالية :

$$(^{\circ} ^{\circ} ^{-} ^{\vee}) \dots \qquad ^{\circ} ^{\circ} + ^{\circ} ^{\circ} ^{\circ} + ^{\circ} ^{\circ} ^{\circ} + ^{\circ} ^{\circ} = ^{\circ} ^{\circ} = ^{\circ} ^{\circ} + \hat{b}_{1} X_{1}^{*} + \hat{b}_{2} X_{2}^{*} + e$$

ويمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير الدالة (٧-٥٦) بـنفس الأسلوب الذي تم اتباعه في حالة الانحدار الخطى المتعدد سابقاً ، حيث :

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}$$

ويشير معامل التحديد في هذه الحالة إلى النسبة التي يمكن تفسيرها من التغير

في لوغاريتم ك بدلالة التغير في لوغاريتمات قيم حب، ، حب.

akti Paralah Pali Mara Merindan dan berasak Merindak dan berjada berajah dan dianggan belanggan penjangan. Mejangkah penjada dan pendadah pendada

The Aller Market Aller Aller

A MAN CONTRACTOR OF THE CONTRA

# المبحث الثالث معايير التقييم العام لنماذج الانحدار المتعدد

لقد تعرضنا سابقاً لبعض المعايير التي تستخدم في تقييم نماذج الانحدار البسيط والمتعدد ممثلة في معامل التحديد، واختبارات المعنوية. وتوجد هناك معايير أخرى تعتبر أكثر ملائمة لتقييم نماذج الانحدار المتعدد سوف نركز على بعضها فيما يلي:

- (٧-٣-١) الانحدار المعياري.
- (٧-٣-٢) معايير اختبار درجة التبسيط.
- (٧-٣-٢) معايير اختبار معنوية مجموعة معاملات.
  - (٢-٣-٢) معايير اختبار تعيين النموذج .

ونتعرض لكل من هذه من المعايير بنوع من التفصيل في هذا المبحث.

: Standardized Regression الاتحدار المعياري (١-٣-٧)

عندما تحتلف وحدات قياس المتغيرات التفسيرية يصبح من الصعب مقارنة قيم المعلمات الانحدارية لهذه المتغيرات لمعرفة أيها أكثر تأثيراً. وحثى نتعرف على أي المتغيرات أكثر تأثيراً من الناحية الرقمية على المتغيرات إلى قيم معيارية ، حيث:

There is made give the said by a good through the gives of the said through

$$X_i^* = \frac{x_i}{S_x}$$
 هن بين القيمة المعيارية هن  $e_i^* = \frac{e_i}{S_c}$  هن بين القيمة المعيارية د  $e_i^* = \frac{e_i}{S_c}$ 

ثم نقوم بتقدير الصيغة المعيارية للانحدار المعياري على النحو التالي :

وبلاحظ أن تفسير بُه (β') والتي يطلق عليها Beta,s هو أنها تمثل مقدار التغير في حب مقاسة بوحدات انحراف معياري نتيجة الثغير في المتغير التفسيري من بمقدار وحدة انحراف معياري واحدة . وتتحدد العلاقة بين بُر ، بُه ر كما يلي :

$$\hat{p}_i \equiv \hat{p}_i \frac{S_X}{S_X}$$

و تختفي المعلمة التقاطعية من الانحدار المعياري لأن متوسط المتغير ش. المصاحب للمعلمة التقاطعية = 1 مثل قيمته عند جميع المشاهدات، ومن ثم فإن انحرافه عن الوسط = صفر. وإذا افترضنا أن معادلة الانحدار المعياري تأخذ الصيغة التالية:

\*3++\*(" £++\*(" Y+1\*(" +,0 = \* ("

فإن هذا يعني أن عم، أكثر المتغيرات التفسيرية تأثيراً على حم يليه عم، ثم عم، وذلك من حيث القيمة الرقمية للتأثير.

> مثال (٣-٣) العوامل المؤثرة في سعر التجزئة

أراد باحث أن يحدد أي العوامل أكثر تأثيراً في سعر التجزئة (ص) لسلعة يتم توزيعها في مراكز عديدة ومتباعدة. واقتصر الباحث على متغيرين لاعتقاده أنهما أكثر الأسباب أهمية في اختلاف أسعار التجزئة لنفس السلعة بين مراكز التوزيع المختلفة، وهما: طول المسافة بين مركز الإنتاج ومركز التوزيع بالكيلومترات (ص،)، وعدد الوسطاء بين مركز الإنتاج ومركز التوزيع (ص،) ، فإذا كانت البيانات الخاصة بهذه المتغيرات كما هي موضحة في الجدول (٧-٤) ، فالمطلوب هو تقدير معادلتي الانحدار العادي و المعياري وتحديد أي المتغيرين أكثر تأثيراً على سعر التجزئة من الناحية الوقمية .

AND THE RESIDENCE OF THE PROPERTY OF THE PROPE

· 医克里克斯氏征 医克里克斯氏性皮肤炎 医多种性 医克尔特氏病 医克克特氏病 医克克特氏病

جدول (٧-٤) بيانات أسعار التجزئة في مراكز التوزيع المخ<u>تل</u>فة

Y W	. المنظم المنظمة	. مع <sub>ادی</sub> ص	المشاهدة
a Tajadê <b>K</b> ijasyê û	7 <b>"•</b>	۲.	١
r	<b>દ</b> •	Y1	Y
٤	. Y•	YY,0	٣
٤	i Man e.	<b>?</b>	٤
٥	17+	Y <b>Y</b> ,Y	
. 0	10+	75,0	٦
	aled lep <b>y.</b> • glasty	seg Chito Mann	Strong Company State
No. of the state of			er vera Nordelle state
land of the same	of Facilities on		100
*	77.	77,Y	Best Control

وبتقدير معادلة الانحدار العادية نحصل على:

ومنها يتضح أن كل من من ، من بهم لهما معنوية إحصائية في التأثير على حب و ذلك عند مستوى معنوية ٥٪ على الأقل . و لتحديد أي المتغيرين المستقلين له تأثير كمي أكبر على سعر التجزئة يتعين تقدير ما يسمى بالانحدار المعياري. و لتقدير الانحدار المعياري نقوم بحساب الانحراف المعياري لكل متغير من المتغيرات الثلاثة (عي، عي، عي، ، عي، ، عي، )، ثم نحصل على القيم المعيارية كما هو موضح بالجدول (٧-٥) ، حيث:

TELEVANIA

ر جدول (٧-٥) در براي المعالية المعالم المعالمة ا

والمناور والمعاولة والمعاول القيم المعيارية للمتغيرات وأداله والمادور والمادور والمادا

entire True	*104	<b>خ</b> رســــ	المشاهدات
1,4.4774-	1,711074-	1,78-174-	١
1,127440-	1,110878-	1,74-997-	۲
٠,٤٦٨٥٤١-	٠,٨٤٧٢٧١	·,09774Y_	<b>T</b> . 50.
•,६७८१–	-,710187-	+,T7771A-	e <b>&amp;</b>
7. ** * * * * * * * * * * * * * * * * *	-,777764-	·,·£1777-	<b>a</b> ,
*, <b>* * * * * * *</b>	.,.41760	·, ******	*******
٠,٨٧٠١٤٧	.X5017F.	700000,+	Υ.,
٠,٢٠٠٨٠٣	•,847149	·,YA017£	٨
-,44-154	1,170477	1,-16747	•
1,079891	1,646-14	1,777-44	1+

#### و بتقدير الانحدار المعياري نحصل على:

و وفقا لهذا التقدير فإن طول المسافة (عن،) يعتبر أكثر تأثيراً على سعر التجزئة من عدد الوسطاء (من) ، حيث أن المعلمة المعيارية للمتغير الأول (٠,٥٥٩) أكبر منها للمتغير الثاني (٠,٤٤٤).

(٧-٣-٧) معايير درجة النبشيط يه إسماد إلى الماد المادية النبشيط المادية المادية

تفضل عادة النماذج الأبسط ذات المتغيرات التفسيرية الأقل على النماذج الأكثر تعقيداً التي تحتوي على عدد كبير من المتغيرات التفسيرية. و توجد هناك

مجموعة من المعايير التي تعتمد على ESS (مجموع مربعات البواقي الممثلة للخطأ العشوائي و الدي نشير له بالرمز "ك")، و درجات الحرية. و يوضح الجدول (٦-٧) بعض هذه المعايير:

جدول (۲-۲) معاییر درجة التبسیط

اسم المعيار	معددة وصيغة المعيار معطمة	<b>ملاحظات</b> (م	
SGMASQ	$\left(\frac{ESS}{n}\right)\left[1-\left(\frac{k}{n}\right)\right]^{-1}$		
AIC	$\left(\frac{ESS}{n}\right)e^{(2k/n)}$	Akaike Information Criterion	
FPE	$\left(\frac{ESS}{n}\right)\frac{n+k}{n-k}$	Finite Prediction Error	
GCV	$\left(\frac{ESS}{n}\right)\left[1-\left(\frac{k}{n}\right)\right]^{-2}$	Generalized Cross Validation	
HQ	$\left(\frac{ESS}{n}\right)(Ln \text{ n})^{2k/n}$	Hannan & Quinm	
RICE	$\left(\frac{ESS}{n}\right)\left[1-\left(\frac{2k}{n}\right)\right]^{-1}$		
SCHWARZ	$\left(\frac{ESS}{n}\right)n^{(k/n)}$		
SHIBATA	$\left(\frac{ESS}{n}\right)\frac{n+2k}{n}$		

و تتفق هذه المعايير جميعها في كونها تعطي النموذج تقديراً أكبر كلما قل ESS . و تضع عنصر عقاب يقلل من قيمة المعيار كلما زاد عدد المتغيرات التفسيرية. و من الثابت أن:

١- زيادة عدد المتغيرات التفسيرية عن حد معين تقلل من دقة المعاملات المقدرة.

٢- نقص درجات الحرية التي تصاحبها يقلل من قوة الاختبارات التي تجرى على هذه
 المعاملات ، و يزيد من احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني المتمثل في احتمال قبول
 فرض هو في حقيقة الأمر خطأ.

و عند استخدام هذه المعايير يغضل اختيار النموذج الذي يعطي أقل قيمة.

(٧-٣-٧) معايير اختبار معنوية مجموعة معاملات معا:

إذا افترضنا أن هناك علاقتي انحدار على النحو التالي: ﴿ وَهُمُ الْمُعَالِّ مُوْ الْمُعَالِينَ } وَهُمُ وَالْمُعَالِ

The said which the complete with the second the base of the second the second the second that is the second th

فإنه يطلق على الصيغة الأولى (غ، U) الصيغة غير المقيدة على الصيغة الأولى ( U) الصيغة المقيدة Restricted Model . و يرجع هذا إلى ويطلق على الصيغة الثانية تقوم على أساس قيد معيل هو أل:  $v_1 = v_2 = v_3 = v_4$  و الآن تريد اختبار ما إذا كانت مجموعة المتعيرات  $v_2$ ,  $v_3$ ,  $v_4$ ,  $v_5$ ,  $v_6$  تمارس في مجموعة من كوحدة واحدة تأثيراً جوهرياً على  $v_6$  أم  $v_6$  و  $v_6$  والمتعيرات التمسيرية كحرمة واحدة على المتعير التابع نستخدم عدداً من المعايير أهمها:  $v_6$  اختبار والد العام General Wald fest :

من الملاحظ أنه تم الحصول على التموذج (ق) عن طريق حذف عدد من المتغيرات المستقلة من النموذج (غ) ، و دعنا نفترض أن :

عدد معلمات النموذج غير المقيد (غ . U - ك (k)

(m) معلمات النموذج المقيد (ق ، R) = م

اذر عدد المتغيرات المحدوفة من النموذج المقيد = 2 - م \_\_\_\_ (k-m) و يحاول معيار والد العام اختبار:

فرض العدم اب. = ب. = ب. = صفر ---- b<sub>4</sub> = 0 أوض العدم ا

في مواجهة :

الفرض البديل: أن معلمة واحدة منها على الأقل غير صفرية ب ﴿ # صفر

و لو أن المتغيرات المحدوفة من الصيغة المقيدة ليس لها تأثير جوهري على ب ، فإن : كن (ESS<sub>i</sub>) لن يختلف جوهريا عن كم (ESS<sub>U</sub>) ، حيث كر (ESS<sub>i</sub>) تشير إلى مجموع مربعات البواقي كمؤشر للحد العشوائي ، أي أن الفرق بينهما (كن – كم) يكون غير جوهري . و لاختبار ذلك نستخدم إحصائية "F" ، حيث أن :

 $F_{c} < F_{t}$  في  $F_{c} < F_{t}$  نقبل فرض العدم و نرفض الفرض البديل و لا يكون المجموعة المتغيرات المحدوفة تأثير جوهري كحزمة متكاملة على - .

: Special Wald Test والد الخاص

يعتبر هذا الاختبار حالة خاصة من الاختبار العام السابق. و لتوضيح ذلك افترض أن هناك صيغتين للانحدار على النحو التالي:

حيث أن الصيغة (غ ، U) هي الصيغة غير المقيدة ، والصيغة (ع E) عالية التقييد Super Restricted وذلك لأن جميع المتغيرات التفسيرية قد تم حذفها . و الآن نريد اختبار فرض العدم الذي يعني أن جميع المتغيرات التفسيرية التي ظهرت في الصيغة V (77-7) لا تؤثر جوهريا كحزمة على المتغير التابع حى ، أي أن V = V = V و بالطبع في حالة ثبوت ذلك فإن هذا يعني أن هناك حاجة لإعادة صياغة النموذج من حديد .

و لإجراء هذا الاختبار نقوم بحساب ف ي (Fo) من بيانات عينة ، حيث:

$$\frac{(1-2) \div (1-2)}{(2-2) \div (1-1)} = \frac{(1-2) \div (1-1)}{(2-2) \div (1-1)}$$

$$F_c = \frac{(TSS_U - ESS_U)/(k-1)}{ESS_U/(n-k)} = \frac{R^2/(k-1)}{(1-R^2)/(n-k)}$$

منع العلم بأن ر' هو معامل التحديد للصيغة غير المقيدة . ثم نقوم بالبحث عن ف ع عند درجات حرية (ك - 1) للبسط ، (ن - ك) للمقام ، و مستوى معنوية 1% أو ٥% . ولو أن :

- (أ) ف س>ف ع —— به  $F_c > F_{(n-k),\,\alpha}^{k-1}$  نرفض فرض العدم ، و هو منا يعني أن هناك متغيراً تفسيرياً واحداً على الأقل له تأثير جوهري على س. .
- (ب) ف س<ف ع حلم المتغير على أن جميع (ب) ف س<ف على المتغيرات التفسيرية لا تؤثر على المتغير حي .
  - (٣) اختبار والَّد في حالة عدم وجود معلمة تقاطعية :

إذا كان النموذج لا يحتوي على معلمة تقاطعية و نريد اختبار هل مجموعة المتغيرات التفسيرية التي يحتوي عليها لها تأثير جوهري كحزمة على المتغير التابع أم لا، يمكن استخدام اختبار كمنا نستخدم الصيغتين التاليتين:

حيث لا يحتوي النموذج "أ" (A) على معلمة تقاطعية ، ولا يحتوي النموذج

"ب" (B) على أي معلمة إلا الخطأ العشوائي "و" (W) . وهذا يعني أن عدد المعلمات المقدرة في النموذج "أ" تساوي "ك " ، و في النموذج "ب" = صفر . ومن ثم فإن : فرض العدم :  $p_1 = b_2 = b_3 = 0$  فرض العدم :  $p_2 = p_3 = 0$  و لإجراء الاختبار نحسب :

$$(\frac{5+\frac{1}{2}}{2}) = \frac{5+\frac{1}{2}}{2}$$

$$F_o = \frac{(\text{ESS}_B - \text{ESS}_A) / k}{\text{ESS}_A / (\mathbf{n} - \mathbf{k})} = \frac{\sum \hat{\mathbf{Y}}^2 / k}{\text{ESS}_A / (\mathbf{n} - \mathbf{k})}$$

و يلاحظ في هذه الحالة أن ك= ٣. ثم نكمل الخطوات التالية كما سبق، مع مراعاة أن درجات الحرية للبسط بالنسبة لاختبار "ف" = ك، وللمقام = ن-ك.

ومن ناحية أخرى إذا كان النموذج غير المقيد يحتوي على معلمة واحدة هي المعلمة التقاطعية ، ونريد إجراء اختبار والدعليه ، أي أن :

$$Y = W$$
 .....

$$F_c=t^2$$
 : فإن ف  $_{_{
m C}}$  تكون هي مربع "ت" للمعلمة التقاطعية . أي أن

٤- اختبار توليفة خطية من المعاملات:

افترض أننا بصدد تقدير دالة الاستهلاك باستخدام الصيغة التالية :

$$Y_t = b_1 + b_2 X_{2t} + b_3 X_{3t} + u_t$$

حيث:

هي <sub>::</sub>= الدخل غير الأجرى : ينه إلى الدخل غير الأجرى : ينه إلى الدخل غير الأجرى : الدخل غير الأجرى : الدخل غير الأجرى

ب , = الميل الحدي للاستهلاك لدى منفقي الأجور

 $b_2 = (3)$  الميل الحدي للاستهلاك لدى الفئات غير العمالية = 3

و افترض الآن أننا نريد اختبار ما إذا كان الميل الحدي للاستهلاك لمنفقي الأجـور مختلفا اختلافا جوهريا عن الميل الحدي للاستهلاك للفئات غير العمالية أم لا . أي أن:

> الفرض البديل: ب، ≠ب، ـــــه 62 ≠ b

وفي هذه الحالة توجد هناك ثلاث طرق مختلفة لإجراء هذا الاختبار وكلها تؤدي لنفس النتيجة . و تتمثل هذه الطرق فيما يلي :

الطريقة الأولى: طريقة والد Wald Test :

ولتوضيح هذه الطريقة افترض أن النموذج غير المقيد يأخذ الصيغة التالية :

و بالتعويض بالقيد ب. = ب. في الصيغة غير المقيدة نحصل على الصيغة المقيدة على النحو التالي :

إدن:

و باستحداث متغير مركب جديد هو "ع ز" (Z<sub>i</sub>) ، حيث:

$$Z_t = (X_{2t} + X_{3t})$$
  $(y_t + y_{t+1})$ 

و التعويض به في (٧-٧٥) نحصل على:

و الآن نتتبع الخطوات التالية لإجراء الاختبار:

المقيدة .

(۱) تقدير الصيغة غير المقيدة و الحصول منها على (ك ع)  $ESS_U$ ، بالإضافة لتقدير الصيغة المقيدة و الحصول منها على (ك  $ESS_R$ ).

(7) حساب ف  $(F_c)$  باستخدام نفس الصيغة ( $(F_c)$ ) .

(٤) مقارئة في (F<sub>0</sub>) مع في (F<sub>1</sub>) . فإذا كان في كفي نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل و العكس صحيح .

ومن الممكن إجراء اختبارات أخرى من هذا القبيل ، مثال ذلك اختبار افتراض أن غلة الحجم ثابتة ، أي أن : ب، + ب، = 1 ، أو اختبار أن مجموع مرونات الطلب الدخلية و السعرية مساوية للصغر ، أي أن : ب، + ب، = صغر .

> و في الحالة الأولى يمكن إعادة صياغة الفرض كما يلي: ص ـ ـ ـ 1 - ص ـ ـ ـ ـ ـ ـ b2 = 1 - b3

و في الحالة الثانية بعاد صياغة الفرض كما يلي:

Ln  $Y = b_1 + b_2 Ln X_2 + b_3 Ln X_3 + u$ ....(U)

فإنه بالتعويض به 
$$b_2 = 1 - b_3$$
 نحصل على:
$$Ln \ Y = b_1 + (1-b_3) \ Ln \ X_2 + b_3 \ Ln \ X_3 + u$$

$$= b_1 + Ln \ X_2 - b_3 \ Ln \ X_2 + b_3 \ Ln \ X_3 + u$$

$$= b_1 + Ln \ X_2 + b_3 \ (Ln X_3 - Ln \ X_2) + u$$

$$Ln \ Y - Ln X_2 = b_1 + b_3 \ (Ln X_3 - Ln \ X_2) + u$$

و من ثم فإن الصيغة المقيدة للدالة الإنتاج تصبح كما يلي:

$$H = b_1 + b_3 Z + u$$
 ......(R) .....(7-77)

 $H = Ln Y - Ln X_2$ ,  $Z = Ln X_3 - Ln X_2$ 

و يمكن استكمال خطوات الاختبار كما أوضحنا سابقا ، حيث:

و يمكن اختبار الفرض الثاني الخاص بدالة الطلب بإتباع نفس الخطوات السابقة ، حيث أن :

$$Ln \ Y = b_1 + b_2 \ Ln \ X_2 + b_3 \ Ln \ X_3 + u$$
 : دالة الطلب غير المقيدة

ثم نعوض بالقيد :  $b_2 = -b_3$  ، فنحصل على دالة الطلب المقيدة على النحو التالي :  $Ln\ Y = b_1 - b_3\ Ln\ X_2 + b_3\ Ln\ X_3 + u$ 

 $Ln Y = b_1 + b_3 (Ln X_3 - Ln X_2) + u$ 

Ln Y = 
$$b_1 + b_3 Z_3 + u$$
 ......(R) ......(7-78)

الطريقة الثانية : اختبار "ت" غير المباشر:

إذا كنا بصدد اختبار فرض العدم : ب- ب- ب- ( $b_2 = b_3$ ) ، فإننا نستحدث معلمة جديدة و لتكن "م" ( $\delta$ ) ، حيث : م- ب- ب- ب- ب-  $\delta$ 

ومن ثم فإن :

 $\delta = 0$  فرض العدم :  $\alpha = \cot - -$ 

 $\delta \neq 0$   $\rightarrow$   $\delta \neq 0$  الفرض البديل :  $\delta \neq 0$ 

و يمكن صياغة فرض العدم أعلاه على النحو التالي:

$$b_3 = b_2 - \delta \qquad \qquad \qquad \rho - \rho = \rho$$

و إذا كانت دالة الاستهلاك المراد تقديرها تأخذ الصيغة التالية :

$$Y_t = b_1 + b_2 X_{2t} + b_3 X_{3t} + u_t$$

و بالتعويض بالقيد أعلاه الممثل في فرض العدم نحصل على الدالة المقيدة التالية:

و بإجراء بعض الاختصارات نصل إلى:

$$(^{\land})_{-\lor})_{...}$$
  $Y_t = b_1 + b_2 (X_{2t} + X_{3t}) - \delta X_{3t} + u_t$ 

و يمكن اختبار فرض العدم من خلال تقدير الصيغة (٧-٨١) ثم استخدام إحصائية "ت" t للمعلمة "م" δ في إجراء الاختبار.

أما إذا كنا بصدد اختبار فرض غلة الحجم الثابئة في دالة إنتاج لوغاريتمية م مزدوجة ، و الذي بتمثل في:

$$b_2 + b_3 = 1 \leftarrow 1 = + + بم = 1 \rightarrow 1$$

فإننا نستحدث معلمة جديدة تعبر عن هذا الفرض و هي "م" δ ، حيث :

$$\delta = b_2 + b_3 - 1 \leftarrow 1 - r + r + r = 0$$

وحيث أن الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة لدالة الإنتاج كما يلي:

$$b_1 + b_2 + b_3 + b_4 + b_5 + b_6 + b_7 + b_7 + b_8 + b_8 + b_9 + b_9$$

فبإعادة صياغة الفرض السابق على النحو التالِّي:

$$Ln Y = b_1 + b_2 Ln X_2 + (\delta - b_2 + 1) Ln X_3 + u$$

$$Ln Y = b_1 + b_2 (Ln X_2 - Ln X_3) + (\delta + 1) Ln X_3 + u$$

$$Ln Y = b_1 + b_2 Z + b_4 Ln X_3 + u$$

أي :

حيث: ب, = م+۱ → ۱+8 #8 b4 #8 م

 $Z = \text{Ln } X_2 - \text{Ln } X_3 \longleftrightarrow b_4 = 1 \longleftrightarrow D_4 = 1 \longleftrightarrow D_4$ 

$$t_1 = \frac{b_1 - 1}{S_{b_1}} = 3.2$$

و لكن يلاحظ أن استخدام اختبار "t" غير المباشر Indirect "t" Test يؤدي للإخلال ببعض افتراضات طريقة المربعات الصغرى العادية ، ومنها :

- (أ) افتراض عدم وجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية . فمن المعادلة (٧-٥٢) يتضح أن هناك ارتباطاً بين "ع" «لوس») و هو ما يؤدي إلى وجود مشكلة الامتداد الخطي المتعدد .
- (ب) افتراض عدم وجود ارتباط بين المتغير العشوائي و المتغيرات التفسيرية . ويترتب على اختلال هذا الافتراض وجود مشكلة عدم ثبات التباين .

(جـ) افتراض أن قيم الحد العشوائي غير مرتبطة . ويترتب على اختلال هذا الافتراض وجود مشكلة الارتباط الذاتي .

الطريقة الثالثة : إختبار "ت" المباشر :

وتعتمد هذه الطريقة على استحداث معلمة جديدة تعبر عن فرض العدم . فإذا كان

فرض العدم هو : ب، = ب، + + + + + + فمن الممكن كتابته في الصيغة التالية :

$$\delta = b_3 - b_2 \leftarrow - - - - \rho$$

أما إذا كان فرض العدم هو : ب+ ب+ ب+ المينة التالية :

و لاختبار فرض العدم في الحالات السابقة نقوم بتقدير الصيغة الأصلية لدالة الانحدار الممثلة في (٧-٨٨) ثم نقدر "ت ر" (t) لكل واحدة منها باستخدام الصيغ التالية :

$$t_{ei} = \frac{(\hat{b}_2 - \hat{b}_3) - 0}{\sqrt{\operatorname{var} \hat{b}_2 + \operatorname{var} \hat{b}_3 - 2\operatorname{cov}(\hat{b}_2, \hat{b}_3)}}$$

$$t_{e2} = \frac{(\hat{b}_2 + \hat{b}_3) - 1}{\sqrt{\operatorname{var} \hat{b}_2 + \operatorname{var} \hat{b}_3 - 2\operatorname{cov}(\hat{b}_2, \hat{b}_3)}}$$

$$t_{c3} = \frac{(\hat{b_2} + \hat{b_3}) - 0}{\sqrt{\operatorname{var} \hat{b_2} + \operatorname{var} \hat{b_3} - 2\operatorname{cov}(\hat{b_2}, \hat{b_3})}}$$

ئم نبحث عن "ت ع" t في الجداول عند مستوى معنوية معين ، ودرجات حرية (ن-ك) n-k و نكمل باقي خطوات الاختبار .

و يتعين ملاحظة أن اختبار والد يصلح في حالة العينات الصغيرة .

#### (٧-٣-٤) اختبارات تعيين التموذج:

من بين اختبارات تعيين النموذج الهامة اختبار مضاعف لاجرانج لإضافة متغيرات تفسيرية ، واختبار لاجرانج للصيغة غير الخطية . وسوف نلقي الضوء على هذين الاختبارين فيما يلي :

1- اختبار مضاعف لاجرانج لإضافة متغيرات تفسيرية Lagrange Multiplier Test (LM):

يستخدم هذا الاختبار لتحديد ₪ إذا كان من العجدي إضافة بعض المتغيرات التفسيرية للنموذج أم لا ، و لذا فهو على عكس اختبار والد يبدأ بنموذج مقيد ويقارنه بنموذج غير مقيد . أي يبدأ بالنموذج الأبسط الذي يحتوي على عدد أقبل من المتغيرات التفسيرية ، لم يختبر مدى معنوية إضافة متغيرات تفسيرية أخرى ، و لتوضيح هذا الاختبار افترض أن:

و الآن نزيد اختبار فرض العدم المتمثل في كون معلمات المتغيرات المضافة مساوية للصغر. أي أن: \

 $b_{m+1}=b_{m+2}=\dots=0$  فرض العدم : ب $a_{m+1}=b_{m+2}=\dots=0$  الفرض العدم : واحد فقط على الأقل من هذه المعلمات  $\neq$  صفر .

و تتمثل الخطوات التي تتبع لإجراء الاختبار فيما يلي :

(i) نقوم بتقدير الصيغة المقيدة (ق) R ، ثم نحصل على البواقي المقدرة من هذا
 النموذج ، حيث :

$$(\wedge^{\bullet_{-}} \vee) \dots \qquad ( \downarrow^{\bullet_{-}} \vee \downarrow^{\bullet_{-}} ) \downarrow^{\bullet_{-}} \vee \downarrow^{\bullet_{-}$$

(ب) إذا افترصنا أن التعيين الصحيح للموذج يتمثل في الصيغة غير المقيدة ، لكان هذا يعني أن المتغيرات عن من من من بتعين إدراحها في الصيغة المقدرة ، ومن ثم فإن عدم إدراجها ينعكس في المواقي د و (٤٦) و هذا يعني أنه إذا كانت المتغيرات غير المدرجة في الصيغة المقيدة ذات أهمية في التأثير على حب يجب أن تكون على علاقة مع "در" . أي إذا قمنا يتقدير علاقة الانحدار بين "در" و المتغيرات المحدوفة سوف نحصل على علاقة ذات مقدرة تفسيرية عالية . وهذا يقودنا إلى الحطوة التالية : (حـ) نقوم بتقدير العلاقة بين "در" و المتغيرات التفسيرية الموجودة في الصيغة غير المقيدة وهـي س، ، هـ، ، هـ، مـ، هـ، وتسمى الصيغة المقدرة عمدذك

المقيدة وهي  $m_1$ ,  $m_2$ ,  $m_3$ ,  $m_4$ ,  $m_5$ ,  $m_4$ ,  $m_5$ ,  $m_5$ ,  $m_6$ ,  $m_6$ ,  $m_6$ ,  $m_6$ ,  $m_7$ ,  $m_8$ , m

(د) نحسب ن  $\chi'$  ، ثم نبحث عن كا في الجداول الإحصائية عند مستوى معنوية معيں (c) نحسب ن  $\chi'$  ، ثم نبحث عن كا في الجداول  $nR^2 > \chi^2$   $\alpha$  ، (k-m) . و لو أن :  $\alpha$  و ورجات حرية (ك - م) (k-m) . و لو أن :  $\alpha$  الأقل من المتغيرات المضافة في الصيغة غير ونقبل الفرض البديل القائل أن واحد على الأقل من المتغيرات المضافة في الصيغة غير

المقيدة له معنوية إحصائية في تأثيره على ص . و توضح عندئذ قيم " t " للمعلمات المضافة أي المتغيرات أكثر معنوية حتى تضاف دون غيرها .

و يلاحظ أن LM يصلح في حالة العينات الكبيرة ، غير أنه من المفيد إجراءه حتى في حالة أن يكون حجم العينة ٣٠ .

: Nonlinearity Test غير الخطية عبر الجرانج للصيغة غير الخطية

من الممكن استخدام اختبار لاجرانج لتحديد ما إذا كانت الصيغة غير الخطية أكثر ملائمة من الصيغة الخطية ، أو أن الصيغة الـتي تحـتوي عـلى حـد مركـب Interaction Term أكثر ملائمة من تلك التي لا تحتوي على هذا الحد . و لتوضيح ذلك افترض أن لدينا النموذج التالي :

$$Y = a + b X + c Z + u$$

و نريد اختبار ما إذا كان من المتعين أن تحتوي هذه الصيغة على حدود غير خطية مثل من ع ، من ، ع ، (XZ , Z² , X² ) أم لا . و لعمل ذلك نتبع الخطواتِ التالية :

(أ) نقوم بتقدير الصيغة (٧-٨٦) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ، ثم نحسب منها البواقي (د ,) .

(ب) لو أن الحدود غير الخطية كان لها تأثير على حب فلابد أن هذا التأثير يكون قد انعكس على حد الخطأ (د ) ، ولاختبار ذلك نقوم بتقدير صيغة الانحدار المساعد التالية:

$$\epsilon_{c} = i_{+} + i_{1} + i_{2} + i_{3} + i_{4} + i_{5} + i_{5} + i_{5} + i_{5} + i_{5} + i_{5} + i_{6} + i_{6$$

(ج) ثم نحسب "ن ر' " للانحدار المساعد و نقارنه بـ كا' عند مستوى معنوية معين ودرجات حرية = عدد المتغيرات المضافة = T. فإذا اتضح أن كلّر < ن ر' فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل بأن واحداً من الحدود غير الخطية على الأقل له تأثير جوهري على T. و يمكن بالطبع اختبار أي صيغة غير خطية مثل "لو عم" أو "لوع".

The last translation of the section of the section

The Aug Dec September of the september of the second table.

and the last term of the exist of the last term of the Maria Region of the exist.

The production of the exist the exist of the term of the exist the exist of th

And the state of t

e kajan kanda pil kaja lata kaja la ser julio kolonjaja kan liberalis meneralis dag media kaja se kaja lata ka La sega meniralis li kilonis li la ser la ser la ser julio kaja produci la primarija da meniralis li la ser ju La mingrafia la serio la ser la ser la ser la ser julio kaja produci li mengaja di indica da se se se se se se

The Market Contract of the Con

er with the second garden that the color of the second terminal (virial)

A CARLO CONTRACTOR OF THE STATE OF THE STATE

# الفصل الثامن

# المتغيرات الصورية أو الصماء

**Dummy Variables** 

تستخدم المتغيرات الصورية أو الصماء كممثل لبعض المتغيرات النوعية أو الوصفية التي تؤثر في الظواهر الاقتصادية كالجنس واللون والديانة والموطن والمهنة والمستوى التعليمي وغيرها . وتأخد هذه المتغيرات قيمتين تحكميتين فقط هما الصغر والواحد. فهي تأخذ القيمة واحد عند وجود خاصية معينة ، وتأخذ القيمة صغر عند غياب هده الخاصية . فإذا رمزنا إلى المتغير الصوري بالرمز "و" فإن و = ١ إذا كان الشخص أبيضاً مثلا ، و = صغر إذا كان الشخص أسوداً ، باعتبار أن "و" هنا ترمز إلى اللون ، أو أن و = ١ إذا كان الفرد ذكراً ، و = صغر إذا كان الفرد أنثى باعتبار أن "و" ترمز للجنس ، وهكذا . وتستخدم المتغيرات الصورية في نماذج الانحدار إما كمتغيرات تفسيرية أو كمتغيرات تابعة ، ولكن التركيز الأكبر عليها كمتغيرات تفسيرية على النحو الذي سوف يأتي . ويشار إليها في بعض الكتابات بالمتغيرات الوهمية ، أو المتغيرات الثنائية Binary أو المتغيرات الفئوية . وسوف نركز في هذا الفصل على نقاط ثلاثة نتناول كل منها في مبحث مستقل على النحو التالى:

المبحث الأول: كيفية استخدام المتغيرات الصورية .

المبحث الثاني: أهم استخدامات المتغيرات الصورية .

المبحث الثالث 1 استخدام المتغيرات الصورية كمتنبرات تابعة .

o (no. 1) . The same with the contract of the same of the contract of the same of the same

An more in a second of the second

### المبحث الأول

# كيفية استخدام المتغيرات الصورية

يوجد هناك أكثر من طريقة لاستخدام المتغيرات الصورية في نماذج الانحدار كمتغيرات تفسيرية . ونشير في هذا الصدد لبعض منها فيما يلي :

(۱-۱-۸) متغير تفسيري نوعي واحد

من الممكن أن يحتوي نموذج الانحدار على متغير تفسيري نوعي واحد دون وجود أي متغيرات كمية تفسيرية . فإذا أردنا مثلا اختبار أثر الجنس (ذكر أو أنثى) على مستوى الأجور في مجتمع العاملين بمجال التدريس، قمن الممكن عمل ذلك من خلال قياس علاقة الانحدار بين الأجر "حس" (٢٠) كمتغير تابع ، "و ر" ( ان الأحر عمتغير تفسيري صوري يمثل الجنس . وتأخذ هذه العلاقة الصيغة التالية :

حيث: حن ((Y)) = المرتب السنوي للمدرس خريج الجامعة " الله المدرس على المدرس على المدرس على المدرس الم

ور (D<sub>i</sub>) = الجنس بحيث:

ور (D<sub>i</sub>) = ۱ إذا كان المدرس ذكر أ

مثال (۸–۱)

العلاقة بين الأجر والجنس

إذا كان لدينا عينة من المدرسين حريجي الجامعات عددهم ١٠ وكانت مرتباتهم على النحو الموضح بالجدول ( ٨ - ١) ، فمن الممكن تقدير معادلة الانحدار (٨-١) باستخدام بيانات العمودين الثالث والرابع بالجدول (٨-١) بنفس الطريقة التي أوضحناها سابقا في حالة الانحدار الخطي البسيط ، وذلك كما هو موضح بالجدول (٨-٢).

جدول (1-1) المرتب السنوي لعينة من خريجي الجامعات

		·	-
المتغير الصوري	المرتب السنوي	الجنس	المشاهدة
(D) (e,)	(Y)(s-)		
1	1000	ذكر	1
1	1100	دكر	2
0	800	أنثي	3
0	900	أنثي	4
1	1050	ذكر	5
0	950	أنثى	6
0	850	أنثى	7
10 mg m 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1300	ذكر	8
18 a. g <b>1</b> . (84.)	1500	1. Sec. 1.	9.
0	950	أنثى	10

# 

#### حسابات أثر الجنس على الأجر

Magazi Car 3	<b>ص، ور</b> من من م	9-9=19	س (۷) سر-س	(Di) <u>\$</u>	(Y)
0.25	- 20	+ 0.5	- 40	100	1000
0.25	+30	+ 0.5	+ 60		
0.25	+120	- 0.5	- 240	0	1100
0.25	+ 70	- 0.5	- 140		900
0.25	+5	+ 0.5	+10		
0.25	+45	- 0.5	- 90	0	1050
0.25	+ 95	- 0.5	- 190	0	950
0.25	+ 130	+ 0.5	+ 260		850
0.25	+ 230	+ 0.5	+ 460	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1300
0.25	+ 45	- 0.5	- 90	0	1500
2.5 -,',	750- من اور <u>-</u> 750	ABOUT STATE OF THE		<b>5- یر -5</b>	950

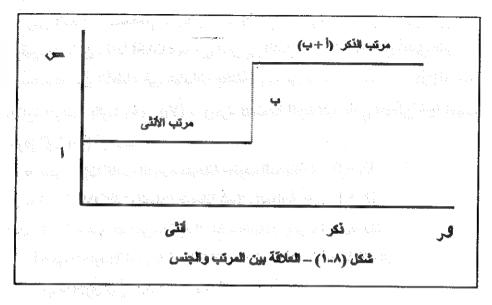
#### ويلاحظ من المعادلة (٨-١) ما يلي:

ومما سبق نجد أن المعلمة التقاطعية (أ) تشير إلى متوسط مرتب المدرسة . ويتضح هذا من المعادلة ( $\Lambda$ - $\Upsilon$ ) حيث نجد أن أ $\Lambda$ - $\Lambda$ 0 وهي نفسها  $\Lambda$ 0. أما المعلمة الانحدارية ( $\Psi$ 0) فهي تشير إلى الفرق بين مرتب المدرس الذكر والمدرسة ، حيث يلاحظ أن متوسط مرتب المدرس =  $\Pi$ 1 ب. وفي المعادلة ( $\Pi$ 0) نجد أن :  $\Pi$ 1 وهو نفسه  $\Pi$ 3.

ومن ثم فإن الفرق بين المتوسطين =  $-\overline{v}_s - \overline{v}_s = (i + v) - i = v = ...$ 

ويعبر الشكل (١-٨) عن ذلك.

ومن الممكن التعميم في هذه الحالة بالقول أن المعلمة التقاطعية بنموذج يأخذ الصيغة (1-4) تشير إلى متوسط المتغير التابع في حالة الصفة التي يكون عندها و (Di) = صفر .



ومن الممكن في هذه الحالة اختبار الفرض القائل " أنه يوجد تمييز في الأجر وفقا للجنس " من خلال اختبار:

فرض العدم : ب=صفر +b=0 ﴿ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ ال

في مواجهة :

الفرض البديل: ب≠صفر ← 0≠6 و المنظم المنظم

وإذا ثبت من الاختبار أن ب لها معنوية إحصائية فإن هذا يعني أن الاختلاف بين مرتبات المدرسين الذكور والمدرسات جوهري، ومن ثم نقبل الفرض

القائل " أنه يوجد هناك تمييز في الأجر وفقا للجنس "، والعكس صحيح . كما يعني قبول الفرض البديل ورفض فرض العدم أن الجنس متغير له تأثير جوهري على مستوى الأحر .

ومن الممكن استخدام الصيغة (A-1) أيضا في اختبار مدى وجود تمييز سعري بين سوقين مختلفين . فإذا أخذنا عينة من المرضى الدين يتم علاجهم على أيدي طبيب ما أو مجموعة من الأطباء في عيادات مختلفة بمناطق مختلفة بالمدينة ، ورمزنا لثمن تذكرة الكشف بالرمز  $(Y_i)$  ، ورمزنا للمنطقة الجغرافية التي تتوطن فيها العيادة بالرمز " $(D_i)$  ، بحيث :

 $D_i = 0 \quad \leftarrow$  ور= 0 اذا كانت العيادة متوطنة جنوب المدينة

 $D_i = 1$   $\leftarrow$  1 | 16 | كانت العيادة متوطنة شمال المدينة

فإن: أ = متوسط ثمن تذكرة الكشف بالعيادة جنوب المدينة (a)

i + ب - متوسط ثمن تذكرة الكشف بالعيادة شمال المدينة (a+b)

(b) الفرق بين المتوسطين

وباختبار معنوية "ب " يمكن تحديد ما إذا كان هناك تمييز سعري أم لا .

ويلاحظ من ناحية أخرى أنه من الممكن استخدام أكثر من متغير صوري لتمثيل متغير تفسيري نوعي واحد . فإذا أردنا اختبار أثر المستوى التعليمي على مستوى المرتب في مجتمع العاملين بمجال معين ، وكان لدينا ثلاث مستويات تعليمية :

 $(D_1)$  ... و دبلوم وریجون بمستوی تعلیمی متوسط (دبلوم و بمستوی تعلیمی خریجون بمستوی تعلیمی متوسط (

 $\left(D_{2}\right)$  .. و (بكالوريوس) و، ..  $\left(D_{2}\right)$  خريجون بمستوى تعليمي عالي

خریجون بمستوی تعلیمی أعلی (ماجستیر) و، .... (D3)

فمن الممكن عمل ذلك من خلال قياس العلاقة التالية :

#### حيث:

🖚 , = المرتب السنوي للخريج " ر"

و،  $(D_2)=1$  إذا كان الخريج ذا مستوى تعليمي يكافئ البكالوريوس

و، (D2) =صفر إذا كان الخريج ذا مستوى تعليمي آخر

و $_{1}$ و $_{2}$   $_{3}$  الماجستير الخريج ذا مستوى تعليمي يكافئ الماجستير

و $_{7}(D_{3})=0$  صفر إذا كان الخريج ذا مستوى تعليمي آخر

ويلاحظ في هذا الصدر أن الخريج الواحد يمكن أن يندرج تحت مستوى تعليمي واحد ، ومن ثم فان وجـوده في مستـوى تعليمي معين يمنع من وجـوده في مستـوى آخر . ويتضح هذا مما يلي:

79	. 19	. 19 .	
0	1	0	خریج/ بکالوریوس
0	0	1	خريج / دبلوم

ولما كانت المعلمة التقاطعية ب،  $(b_1)$  هي قيمة المتغير التابع حب عندما تكون كل المتغيرات التفسيرية المدرجة بالدالة مساوية للصغر ، أي عندما  $e_7 = e_7 = o$  مغر ، فإنها تمثل القيمة التي يأخذها المتغير التابع حب عندما  $e_7 = e_7$  ، وتسمى معلمة فئة أو صفة الأساس . ولذلك لا توجد هناك ضرورة لكتابة "وا " كمتغير ثالث لأنه يصاحب المعلمة الناقلة وقيمته  $e_7 = e_7$ 

مثال (۸-۲) العلاقة بين المستوى التعليمي والأجر

افترض أن هناك عينة من ١٢ خريج ذوي مستويات تعليمية مختلفة كما هو موضح بالجدول (٨-٣). والمطلوب هو اختبار مدى وجود علاقة بين المستوى التعليمي والأجر باستخدام بيانات هذه العينة .

جدول (۸–۳)

#### مرتبات عاملين ذوي مستويات تعليمية مختلفة

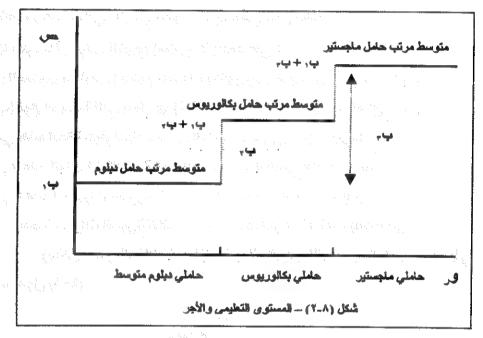
(5)	(4)	(3)	(2)	(1)
(D <sub>3</sub> ) 19	(D <sub>2</sub> ) 19	المستوى التعليمي	المرتب السنوي (ح.)	المشاهدات
-0	. A. <b>1</b>	بكالوريوس	10000	1
0	\$ 1 N	بكالوريوس	12000	2
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	0	ماجستير	13000	3
1	0	ماجستير	14000	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
0	0	دبلوم متوسط	8000	5
0	0	دبلوم متوسط	9000	6
0	: 1	بكالوريوس	11000	7
0	1	بكالوريوس	12000	8
1	0	ماجستير	20000	9
1 3	0	ماجستير	15000	10
0	Mari <b>O</b> . 1888	دبلوم متوسط	8500	11
0	0	دبلوم متوسط	9500	12

من الممكن استخدام بيانات الأعمدة (٢) ، (٤) ، (٥) بالجدول (٨-٣) في تقدير علاقة الانحدار (٨-٤) ، ويتضح من المعادلة (٨-٤) ما يلي :

القيمة المتوقعة لمرتب حامل دبلوم متوسط = ق(
$$-$$
, و $-$ وم $-$ ومثر) =  $-$  القيمة المتوقعة لمرتب حامل دبلوم متوسط = ق $-$  القيمة المتوقعة لمرتب حامل دبلوم متوسط = ق $-$ 

$$E(Yi/D2 = 1, D3 = 0) = b1 + b2$$

ويتضح في هذه الحالة أننا استخدمنا متغيرين صوريين هما و، ، و، للتعبير عن متغير نوعي تفسيري واحد هو المستوى التعليمي . كما يتضح أيضا أن المعلمة التقاطعية ب، تمثل معلمة الأساس ، أي متوسط المرتب بالنسبة لحامل دبلوم متوسط وهي الفئة التي اخترناها كفئة أساس . أما المعلمة الانحدارية ب، فإنها تمثل الفرق بين متوسط مرتب فئة حاملي المكالوريوس ومتوسط مرتب حاملي الدبلوم (فئة الأساس) . وتشير المعلمة الانحدارية ب، إلى الفرق بين متوسط مرتب فئة حاملي الماجستير ومتوسط مرتب حاملي الدبلوم . ويمكن توضيح ذلك من الشكل (٨-٢).



ويلاحظ في هذا الصدد أن استخدام ثلاث متغيرات صورية للتعبير عن متغير وصفي واحد يؤدي لنوع من الخطأ في التقدير . ولعل السبب في ذلك هو أن المتغير الصوري الثالث يعتبر متغير ضمني يمكن التوصل إليه من المتغيرين الآخرين . فالعامل الذي لا يخص الفئة الثانية (وم) أو الفئة الثالثة (وم) هو بالضرورة يخص الفئة الأولى دون النص على ذلك صراحة . ومن هذا المنطلق يمكن أن نقرر ما يلي :

عدد المتغييرات الصورية = عدد الفئات التي يحتوي عليها المتغير التفسيري النوعي - ١ (٥-٥)

## (١-٨-١) أكثر من متغير تفسيري نوعي

لقد لاحظنا في القسم السابق أن نموذج الانحدار يمكن أن يبنى على أساس متغير تفسيري نوعي واحد سواء أكان هذا المتغير التفسيري ممثلا في متغير صوري واحد أو أكثر من متغير صوري ولكن بالإضافة إلى ذلك من الممكن أن يبنى نموذج الانحدار على أساس أكثر من متغير تفسيري نوعي مثال ذلك:

إذا افترضنا أن مرتب الخريج (ص ر) Yi يعتمد على :

$$D_i = "$$
 ونرمز له "و , المستوى التعليمي ( دبلوم متوسط ، بكالوريوس، ماجستير) ونرمز له

$$H_i = "$$
, وترمز له "ع المؤسسة التي يعمل بها (قطاع عام ، قطاع خاص ) وترمز له "ع (ب)

ففي هذه الحالة يتوفر لدينا عدد من المتغيرات الصورية (م) يساوي :

م = عدد المتغيرات الصورية الكلية بنموذج الانحدار = 
$$1+1=7$$
 ( $p=n+m$ ) .

ويمكن حصر الصفات المتعلقة بقيم المتغيرين النوعيسين السابقين فيما يلي بالجدول (٨-٤).

جدول (۸–٤)

#### صفات المتغيرين النوعيين

قطاع خاص (ع۰) (H <sub>2</sub> )	قطاع عام (ع,) (H <sub>1</sub> )	نوع المؤسة المستوى التعليمي
2		دبلوم متوسط (ور) D1
	14. 14. <b>3</b> . 4 (\$1.6.)	بكالوريوس (و۰) D2
j.dbs <b>6</b> a s	370 F 5 1 1 1 1	ماجستير (و-) D3

ومن ثم فإن معادلة الانحدار الممثلة للعلاقة بين مرتب العامل حس (Yi) والمتغيرات التفسيرية النوعية المؤثرة فيه يمكن صياغتها على النحو التالي:

$$Y_{i} = b_{1} + b_{2} \underbrace{D_{2}}_{2} + b_{3} \underbrace{D_{3i}}_{4} + a_{2} H_{2i} + u,$$

حيث حي = المرتب السوي للخريج

و، (D2) = ۱ أذا كان الخريج من حاملي درجة البكالوريوس

و. (D<sub>2</sub>) = • إذا كان الخريج من حاملي درجة أخرى

و. (D1) = 1 إذا كان الخريج من حاملي درجة الماحسير

و، (D3) = • إذا كان الخريج من غير حاملي الماجستير

ع,  $(H_2) = 1$  إذا كان الخريج يعمل في القطاع الخاص

ع, (H2) = • إذا كان الخريج يعمل في القطاع العام

ومما سبق يتضح لنا أن فئة الأساس التي فنعكس في المعلمة التقاطعية هي الغزيجين من حملة الديلوم المتوسط((D) العاملين بالقطاع العام (H)

متوسط مرتب العاملين بالقطاع العام من حملة الدبلوم المتوسط = قى ( ح، / و,=و,=ع,= صغر) = ب .  $E(Y_i \ / \ D_2 = D_i = H_i = 0 \ ) = b,$ 

متوسط مرتب العاملين بالقطاع العام من حملة البكالوريوس = ق (ــ، / و.=1 ، و.=2 ،= صفر) = ب. +ب. ← ب. +ب. ← بـــ E(Y; / D₂=1,D، = H₂=0) = b،+ b₂

متوسط مرتب العاملين بالقطاع الخاص من حملة الدبلوم المتوسط = ق ( س / و $_{7}$ = $_{9}$ = $_{9}$ = $_{1}$ ) متوسط مرتب العاملين بالقطاع الخاص من حملة الدبلوم المتوسط = ق ( س /  $_{7}$ = $_{9}$ = $_{9}$ = $_{1}$ + $_{1}$ = $_{1}$ + $_{1}$ + $_{2}$ = $_{1}$ + $_{1}$ + $_{2}$ = $_{1}$ + $_{2}$ + $_{3}$ + $_{4}$ + $_{1}$ + $_{2}$ + $_{3}$ + $_{4}$ + $_{5}$ + $_{1}$ + $_{2}$ + $_{3}$ + $_{4}$ + $_{5}$ + $_{1}$ + $_{2}$ + $_{3}$ + $_{4}$ + $_{5}$ + $_$ 

= (عر / ور=ع, -1) متوسط مرتب العاملين بالقطاع الخاص من حملة البكالوريوس  $= (a, b_1 - 1)$  متوسط مرتب العاملين بالقطاع الخاص من حملة البكالوريوس  $= (a, b_1 + 1)$  ورحض  $= (a, b_2 + 1)$  من حملة البكالوريوس  $= (a, b_1 + 1)$ 

متوسط مرتب العاملين بالقطاع الخاص من حملة الماحستير = ق (س / وردع، ا، ورحمة) =

 و ويمكن إجراء عدد من الاختبارات هنا أهمَها: ﴿ إِنَّ مَمْ مُنَّا مُعْمُ مِنْ الْأَحْتَبَارِاتُ هَنَّا أَهُمُها

(۱) هل هناك فروق جوهرية بين مرتبات العاملين بالقطاع العام من مختلف المستويات التعليمية؟ التعليمية؟ ويمكن عمل ذلك من خلال اختبار الفرض: ب، = ب، = صفر

(٢) هل هناك فروق جوهرية بين مرتبات العاملين بالقطاع الخاص ومرتبات العاملين بالقطاع العام من مختلف المستويات التعليمية ؟ ويمكن عمل ذلك باختبار الفرض : أ.-صفر.

وبجانب إمكانية استخدام اختبارات مجموعة المعلمات التي تم التعرض لها في الفصل السابق ، يمكن استخدام اختبار "ت" لإتمام الاختبارات السابقة ، حيث نختبر فروض العدم: ب، = صفر ، ب، = صفر ، أ، = صفر ، في مواجهة الفروض البديلة: ب،> صفر ، ب،> صفر ، أ،> صفر ، وصفر ، أ،> صفر ، المختبارات يمكن تحديد ما إذا كان المستوى التعليمي أو نوع المؤسسة التي يعمل بها العامل له تأثير جوهري على مستوى المرتب أم لا.

يمكن أن يبنى نموذج الانحدار على أساس وجود عدد من المتغيرات التفسيرية النوعية بجانب عدد آخر من المتغيرات التفسيرية الكمية ، وسوف نتعرض في هذا الصدد لأكثر من نموذج على النحو التالي:

١- متغير كمي ومتغير نوعي واحد بصفتين .

٢- متغير كمي ومتغير نوعي واحد بأكثر من صفتين .

٣- متغير كمي ومتغيرين نوعيين .

**3- أكثر من متغير كمي وأكثر من متغير نوعي :** يهرين بين يطبطة يطفون ويفعط ميريد تعويد

1-متغير كمي ومتغير نوعي واحد بصفتين: 🏥 😋 منهيده اي د 🖫

إذا افترضنا أن مرتب العاملين من حاملي البكالوريوس في مجال معين عس ر (Y) يتحدد بعنصرين ا

 $X_{i}$  (أ) عدد سنوات الخبرة كمتغير كمي (س ر)

فمن الممكن صياغة العلاقة بين المتغير التابع والمتغيرين المستقلين في هذه الحالة في صورة دالة الانحدار التالية :

- حيث : و الحامل العامل ذكراً ، و ال $(D_2)$  = صفر اذا كان العامل أنثى .

ويلاحظ في هذه الحالة أن نموذج الانحدار يحتوي على متغيرين تفسيريين أحدهما كمي وهو عدد سنوات الخبرة والآخر نوعي ذو صفتين وهو الجنس ( ذكر أو أنثى) . ومن ثم فان :

القيمة المتوقعة لمرتب الخريج الأنثى = ق ( حب / عن ، و، = صفر ) = أ، + ب عن ،  $E(Y_i / X_i, D_2=0) = a_1 + bX_i$ 

القيمة المتوقعة لمرتب الخريج الذكر = ق(-1, +1, +1) = (-1, +1, +1) القيمة المتوقعة لمرتب الخريج الذكر = ق(-1, +1, +1, +1) القيمة المتوقعة لمرتب الخريج الذكر = ق(-1, +1, +1, +1) القيمة المتوقعة لمرتب الخريج الذكر = ق(-1, +1, +1, +1)

وبمعاينة القيمتين المتوقعتين السابقتين فلإحظ ما يليُّ: "

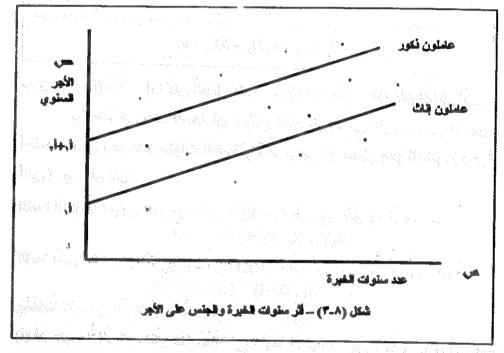
(أ) أن متوسط المرتب لكل فئة ممثلا في القيمة المتوقعة ليس ثابتا وإنما متغير . فهو يتغير في الحالتين تبعا لتغير عدد سنوات الحبرة .

(ب) كما يلاحظ أن عدد سنوات الخبرة يؤثر على متوسط مرتب العاملين الذكور بنفس المعدل الذي يؤثر به على متوسط مرتب العاملين الإناث . ويتضح هذا من تساوي المعلمة الانحدارية الخاصة بعدد سنوات الخبرة في معادلتي الانحدار السابقتين حيث:

 $\frac{\partial \mathbf{w}_{i}}{\partial \mathbf{w}} = \frac{\partial \mathbf{w}_{i}}{\partial \mathbf{w}} = \mathbf{w}_{i}$  الانحدار متماثل.

$$\frac{\partial Y_m}{\partial X} = \frac{\partial Y_f}{\partial X} = b$$

(ج) بالإضافة إلى ما سبق يلاحظ أن متوسط مرتب العاملين الذكور ممثلاً في علاقة الانحدار [ حى  $_{c} = (i_{1} + i_{2}) + \psi + \omega$ , ] يفوق متوسط مرتب العاملين الإناث ممثلاً في علاقة الانحدار [ حى  $_{c} = i_{1} + \psi + \omega$ , ] بالمقدار "  $i_{2}$ ". أي أن المعلمة التقاطعية في علاقة الانحدار الأولى أكبر منها في علاقة الانحدار الثانية بالمقدار " $i_{2}$ " بافتراض أن :  $i_{2} > 0$  مفر . ومن الممكن توضيح ذلك بالشكل ( $i_{2} > 0$ ).



(c) من الممكن التوصل لمعادلتي الانحدار الموضحتين بالشكل ( $\Lambda$ – $\Pi$ ) من خلال تقدير معادلة انحدار واحدة هي المعادلة ( $\Lambda$ – $\Pi$ ). ويتضح من هذه المعادلة أن فئة الأساس هي العاملين الإناث ولذلك فإن المعلمة التقاطعية بهذه الدالة وهي أ, تمثل المعلمة التقاطعية لمعادلة انحدار العاملات. أما المعلمة الانحدارية للمتغير الصوري و, وهي أ, فهي تمثل الفرق بين متوسط مرتب فئة العاملين الذكور ومتوسط مرتب فئة الأساس وهي العاملات. ومن المتوقع أن تكون أ, $\Lambda$ صفر في هذه الحالة.

(ه) إذا أردنا اختبار مدى وجود تمييز أجري يرجع للجنس فإننا نختبر الفرض: أ، = صفر في مواجهة الفرض: أ، > صفر ، وذلك باستخدام اختبار " ت". فإذا كانت "أ، " المقدرة من بيانات عينة لها معنوية إحصائية فإن هذا يرجع صحة الفرض القائل بوجود تمييز أجري يرجع للجنس.

(و) يعتبر اختيار الفئة التي تمثل فئة الأساس أمراً تحكمياً يرجع لتقدير الباحث. ففي المثال السابق جعلنا فئة العاملات هي فئة الأساس وفئة العاملين هي فئة المقارنة. ومن الممكن أن نعكس الوضع حيث نحدد منذ البداية أن:

و،  $(D_2) = 1$  إذا كان العامل أنثى ، و،  $(D_2) = 0$  صفر إذا كان العامل ذكراً .

ومن ثم فإن فئة الأساس تصبح هي العاملين من الذكور حيث يتم إعطاء المتغير الصوري و، قيمة صفر بالنسبة لها . ومما سبق نجد أن :

القيمة المتوقعة لمرتب الأنثى = ق (حر / هر ، ور = ا ) = (أر + أر) + ب س ر القيمة المتوقعة لمرتب الأنثى = ق (حر / هر ، ور = ا ) =  $E(Y_i / X_i, D_2 = 1) = (a_1 + a_2) + bX_i$ 

القيمة المتوقعة لمرتب الذكر = ق ( حب / مب ، و٢ = · ) = أ، + ب مب القيمة المتوقعة لمرتب الذكر = ق ( حب / مب ، و٢ = · ) = أ، + ب مب القيمة المتوقعة لمرتب الذكر = ق ( حب المتوقعة لمرتب الدكر = ق ( حب المتوقعة لمرتب المتوقعة لمرتب المتوقعة لمرتب المتوقعة لمرتب الدكر = ق ( حب المتوقعة لمرتب ال

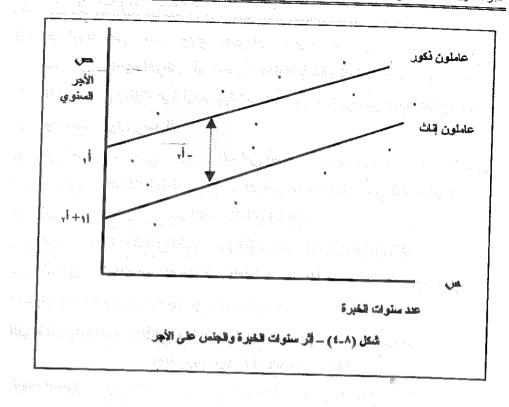
ويلاحظ أن الفرق بين القيمة المتوقعة لمرتب العاملة ومرتب العامل هو أ، ، غير أنه من المتوقع أن تكون أ، < صفر في هذه الحالة .

وإذا أردنا اختبار مدى وجود تمييز أجري يرجع للجنس في هذه الحالة فإننا نختبر الغرض: أ, = صفر ، في مواجهة الفرض أ, <صفر ، ولعل هذا يتضح من الشكل (٨-٤).

enteres de la companya del companya del companya de la companya de

- Panggaratan Harri (Mayada Alba) - Alba (Mayada Alba) - Alba

anga mangkatan katan sa pangkatan ng katangan kanganakan ng katangan kangan kangan kangan kangan kangan kangan Sa nahalan na ang ang kangan nahalan kangan kangan kangan kangan kangan nahalan na kangan kangan kangan kangan



## (٢) متغير كمي ومتغير نوعي بأكثر من صفتين :

افترض أن الإنفاق على المواصلات كمتغير تابع (حب ،) Yi يتأثر بعاملين:

- 1- مستوى الدخل الفردي كمتغير تفسيري كمي (س.) X:
  - ٧- موقع العمل كمتغير نوعي (و<sub>)</sub> ، D ممثلا في :
    - شمال المدينة (و<sub>ا</sub>) **◄**
    - $D_2 \longleftarrow (rg)$  وسط المدينة
    - جنوب المدينة (وم)\_\_\_\_

وفي هذه الحالة يمكن قياس العلاقة بين الإنفاق على المواصلات وبين مستوى الدخل، وموقع العمل من خلال معادلة الانحدار التالية :

حيث: حب ,= الإنفاق السنوي على المواصلات للعامل =¡ Y

 $X_i = 1$  الدخل السنوي للعامل  $X_i = 1$ 

و، (D2) = 1 إذا كان العامل يعمل في وسط المدينة

و،  $(D_2) = \cdot$  إذا كان العامل يعمل في مكان آخر

و $_{1}$ ور ( $_{1}$ ) = ( $_{1}$ ) إذا كان العامل يعمل جنوب المدينة

و $(D_3) = \bullet$  إذا كان العامل يعمل في مكان آخر

ويلاحظ في هذه الحالة أن فئة الأساس هي مجموعة العمال الدين يعملون شمال المدينة ، ولذلك فان المعلمة التقاطعية بالمعادلة (A-A) وهي أ, تشير إلى المعلمة التقاطعية بمعادلة انحدار هذه الفئة . وبافتراض أن القيمة المتوقعة للحد العشوائي a=0 - a=0 العشوائي a=0 - a=0 العشوائي a=0 - a=0 العشوائي a=0 - a=0 العشوائي a=0 - a=0

القيمة المتوقعة للإنفاق على المواصلات من جانب العاملين شمال المدينة =

القيمة المتوقعة للإنفاق على المواصلات من جانب العاملين وسط المدينة =

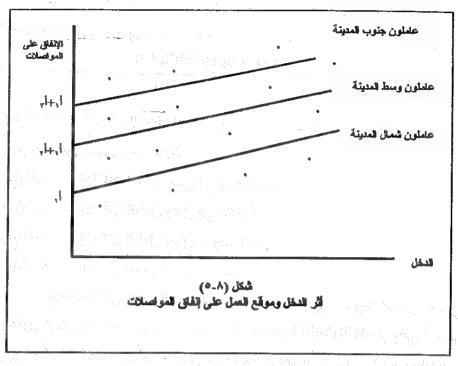
 $\mathbb{E}\left(Y_{i}/X_{b}D_{2}=1,D_{3}=0\right)=\left(a_{1}+a_{2}\right)+bX_{i}+\cdots$  ق (حسر / حسر ورود ا عوم عصور )= وصفو

القيمة المتوقعة للإنفاق على المواصلات من جانب العاملين جنوب المدينة =

 $E\left(Y_{i} / X_{b} D_{3} = 1, D_{2} = 0\right) = (a_{i} + a_{b}) + bX_{i} \leftarrow (-1 + 1) = (-1 + 1) = (a_{i} + a_{b}) = (a_{i} + a_{b}) + bX_{i} \leftarrow (-1 + 1) = (a_{i} + a_{b}) = (a_{i} + a_{b}) = (a_{i} + a_{b}) + bX_{i} \leftarrow (-1 + 1) = (a_{i} + a_{b}) = (a_{i$ 

ويمكن تمثيل هذه الحالات الثلاثة السابقة بالشكل (٨-٥):

And the second s



ومن الممكن اختبار هل هناك اختلاف جوهري في أعباء المواصلات المالية بين هذه الفئات الثلاث باستخدام معيار " ت" من خلال اختبار الفروض التالية :

فرضي العدم : أ ، = صفر ، أ ، = صفر

الفرضين البديلين: أ، > صفر ، أ، > صفر

(۲) متغیر کمي ومتغیرین نوعیین

إذا افترضنا أن مرتب الخريج (مري) Yi يتأثر بثلاث متغيرات:

- (أ) عدد سنوات الخبرة كمتغير كمي (س) Xi (عنه المناطقة الم
- (ب) نوع المؤسسة التي يعمل بها (قطاع عام أم قطاع خاص ) كمتغير نوعي (ع ,Ei (
  - (ج) المستوى التعليمي (مؤهل عالي أم مؤهل متوسط) كمتغير نوعي (و) Di

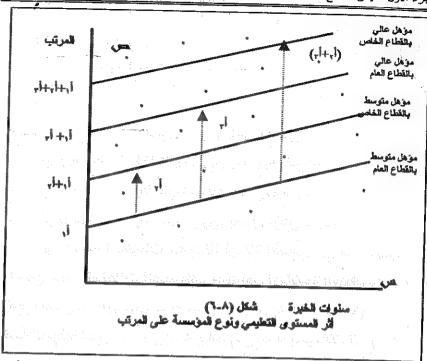
فمن الممكن صياغة دالة الانحدار التي تمثل هذه العلاقة فيما يلي:

حيث: ع،  $(H_2)$  ا إذا كان الخريج يعمل بالقطاع الخاص ع،  $(H_2)$  .  $= (H_2)$  ع،  $(H_2)$ 

و،  $(D_2) = 1$  إذا كان الخريج يحمل مؤهل عالى  $1 = (D_2)$ 

و,  $(D_2) = -1$  إذا كان الخريج يحمل مؤهل متوسط

 $E(Y_i / X_b, H_2=0,D_2=1)=(a_1+a_2)+bX_i \leftarrow_{r_1} \infty_{r_2} + (r_1^2+r_1^2)=(1-r_2)$   $| bX_i \leftarrow_{r_2} \infty_{r_2} + (r_1^2+r_1^2)=(1-r_2)+bX_i \leftarrow_{r_2} \infty_{r_2} + (r_1^2+r_1^2)=(1-r_2)+bX_i \leftarrow_{r_2} \infty_{r_2} + (r_1^2+r_1^2)+bX_i \leftarrow_{r_2} \times \infty_{r_2} + (r_1^2+r_1^2)+bX_i \leftarrow_{r_2} \times \infty_{r_2} + (r_1^2+r_$ 



ولو اختبرنا الفرضين: أب صفر، أب صفر، في مواجهة الفرضين: أب صفر، أب صفر، أب صفر، أب صفر، أب صفر، أب صفر واتضح أن أب لها معنوية إحصائية فان هذا يعني أن نوع المؤسسة التي يعمل بها الفرد تؤثر تأثيراً جوهريا على مستوى المرتب. كما أنه إذا اتضح أن أب لها معنوية إحصائية فان هذا يعني أن المستوى التعليمي للعامل يؤثر بحورة جوهرية على مستوى المرتب.

(٤) تعميم يحتوي على أكثر من متغير كمي وأكثر من متغير نوعي

افترض أننا نريد تحديد العوامل التي تؤثر على الدخل الكلي لمدرس ثانوي من خريجي الجامعة  $(Y_i)$ , وأتضح  $\Box$  أن العوامل التالية يعتقد أنها تؤثر في هذا الدخل:

ا – المرتب الأساسي الذي يتقاضاه من المدرسة كمتغير كمِي =م $_{1}(X_{1i})$   $Y_{-}$ عدد سنوات الخبرة في التدريس كمتغير كمي =م $_{2}(X_{2i})$   $Y_{-}$  نوع المدرسة التي يدرس فيها (خاصة أم حكومية) كمتغير نوعي  $Y_{-}$   $Y_{-}$ 

٤- موطن المدرسة التي يعمل بها (حضر أم ريف) كمتغير نوعي = ك (D<sub>i</sub>) ..... ه- الحنس (ذكر أم أنثي ) كمتغير نوعي = و ((F<sub>i</sub>))

ومما سبق يتضج أن هناك خمس متغيرات تفسيرية يوجد منها متغيرين كميين ، وثلاث متغيرات نوعية . وبناءاً على هذه المعلومات يمكن صياغة معادلة الانحدار التي تمثل هذه العلاقة فيما يلي : ---

$$(1 \cdot -A)$$
...........,  $a + b_1 + b_2 + b_2 + b_1 + b_2 + b_1 + b_2 + b_1 + b_2 + b_2 + b_2 + b_1 + b_2 + b_2 + b_1 + b_2 + b_2 + b_2 + b_1 + b_2 + b$ 

#### حيث:

 $1 = (H_2)_{\tau} \epsilon$ إذا كان المدرس يعمل بمدرسة خاصة

إذا كان المدرس يعمل بمدرسة حكومية  $\cdot = (H_2)$ ع،

إذا كان المدرس يعمل بمدرسة بالحضر  $1 = (D_2)$  یا

ك,  $(D_2) = -1$  إذا كان المدرس يعمل بمدرسة بالريف

و $_{r}$   $(F_{2})$  و الحال المدرس ذكراً

 $\cdot = (F_2)_{79}$ إذا كان المدرس أنثى

ومن المعلومات السابقة يتضح أن فئة الأساس هي المدرسات اللائي يعملن بمدارس حكومية بالريف . وإذا قمنا بتقدير العلاقة (١٠-٨) من بيانات واقعية واتضح لنا أن هذه العلاقة كانت على النحو التالي:

$$\Delta v_{c} = Y + T g_{y} + 6 E_{y} + 3 e_{y} + 6 V, \cdot a_{c} + 6, t \Delta v_{c} + c_{c}$$

$$(1) \qquad (1) \qquad (4.1) \qquad (6.1) \qquad (6.1)$$

#### فإن هذا يعني أن :

القيمة المتوقعة لدخل الساعة لمدرسة تعمل بمدارس حكومية بالريف = ق ( حس ر/م ر، عس ر، ع،=ك،=و،=صفر)= ۲ + ۲۵، م ر + ۵، ۱ مس القيمة المتوقعة لدخل الساعة لمدرس يعمل بمدارس خاصة بالحضر == ق ( ص ر / م ر، س ر، ع = ك = و = 1)= ١٤ + ٧٥ ، م ر + ١٤٥ ، س ر

ومن ثم فإن الفرق بين مستويين الدخل = 12- 2 - 12 حنيه في الساعة وهو فرق حوهري، ذلك لأن معلمات المتغيرات النوعية والكمية السابقة معنوية إحصائيا كما يوضح الخطأ المعياري.

ويوضح التقدير السابق أن كل سنة إضافية تزيد دخل المدرس أو المدرسة في الساعة بمقدار ١,٥ جنيه. كما أن زيادة المرتب الأساسي بمقدار جنيه يؤدي لزيادة دخل الساعة بمقدار ٧٥ قرش بعد اقتطاع الضرائب و التأمينات وغيرها .

## المبحث الثاني

## أهم استخدامات المتغيرات الصورية

يوجد هناك استخدامات عديدة للمتغيرات الصورية نوجز أهمها فيما يلي:

- (٨-٢-١) قياس التغير في الميول الحدية .
- (٨-٢-٨) قياس التغيرات الهيكلية (انتقال الدالة) .
  - (٣٣٠٨) قياس أثر التغيرات الموسمية .-
    - (٨-٢-٤) قياس الخط المتكسر.
    - (٨-٢-٨) مؤشر للمتغيرات الرقمية .
  - (٨-٢-٨) استخدام بيانات سلسلة قطاعية .
    - (١-٢-٨) تقدير دالة الشرائح .

وسوف نتناول هذه الاستخدامات بنوع من التفصيل في هذا المبحث:

## (١-٢-٨) قياس التغير في الميول الحدية

لقد أوضحنا في المبحث الأول كيف يؤثر المتغير النوعي على المعلمة التقاطعية ليلاقة انحدار، ولكن لم نوضح كيف يؤثر على المعلمة الانحدارية فيجعلها تختلف من علاقة انحدار لأخرى، وحتى نوضح كيف يؤثر المتغير النوعي على الميل الحدي للدالة أو المعلمة الانجدارية دعنا نأخذ المثال التالي:

افترض أننا بصدد مقارنة دالة الاستهلاك في الريف بنظيرتها في الحضر. فمن الأساليب التي يمكن إتباعها لعمل ذلك هو أن نقوم بأخذ عينة من أسر الريف حجمها ن، ثم نقدر دالة الاستهلاك منها، ونقوم بأخذ عينة من أسر الحضر حجمها ن، ثم نقدر دالة الاستهلاك منها، فنحصل على دالتي الاستهلاك التاليتين:

دى  $y_r = a_1 + a_2 X_r \leftarrow a_1 + a_2 X_r$  دى  $y_r = a_1 + a_2 X_r$  دى الله استهلاك الريف

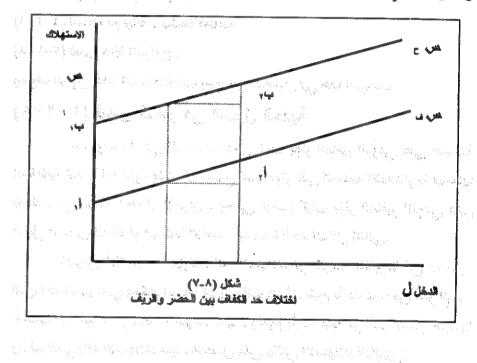
(۱۲-۸)..... کس ج = ب + ب ل ج  $X_u \leftarrow b_1 + b_2 + b_2 + \cdots$  دالة استهلاك آلحضر (۱۲-۸)....

حيث m = الإنفاق الاستهلاكي ، ل = الدخل ، ف (r) تشير للريف ، ح (u) تشير للحضر.

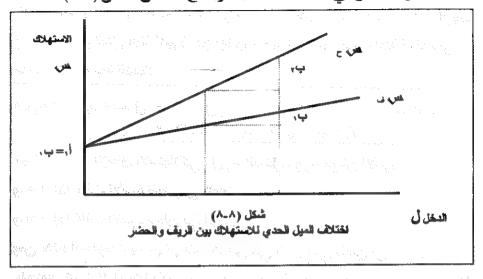
وبمقارنة دالتي الاستهلاك (٨-١١) ، (٨-١٢) نجد أن هناك أربع احتمالات ممكنة :

(١) أ,=ب١ ، أ, = ب, ومن ثم تكون دالتي الاستهلاك متماثلتين تماما .

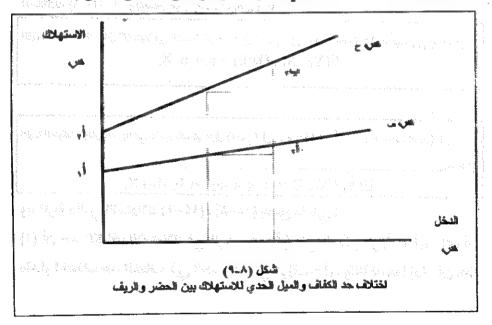
(٢)  $|1\rangle + |1\rangle = |1\rangle$  ومن ثم تكون دالتي الاستهلاك مختلفتين فقط في المعلمة التقاطعية التي تمثل حد الكفاف، ولكنهما متماثلتين في الميل الحدي للاستهلاك. ويتضح هذا في الشكل (٨-٢).



(٣) أ=ب، ، أ $_{1}$   $\neq$  ب، ومن ثم تكون دالتي الاستهلاك مختلفتين في الميل الحدي للاستهلاك ومتماثلتين في المعلمة التقاطعية . ويتضح هذا من الشكل (٨-٨) .



(٤) أرا ب، ، أرا ب ب أي أن دالتي الاستهلاك مختلفتين في كل من المعلمة التقاطعية والمعلمة الانحدارية التي تمثل الميل ، ويتضح هذا من الشكل (٩-٩).



ويساعد استخدام المتغيرات الصورية على اختبار كل الاحتمالات السابقة من خلال تقدير معادلة انحدار واحدة بدلا من تقدير معادلتين ومقارنتهما . وفي هذه الحالة يتم تقدير معادلة انحدار واحدة من كل البيانات المتاحة عن الريف والحضر والتي تمثل عينة كبيرة حجمها ن = ن، + ن، .وتأخذ معادلة الانحدار في هذه الحالة الصبغة التالية:

حيث: س = الإنفاق الاستهلاكي ، ل = الدخل ، و = موطن الأسرة .

و, = ١ إذا كانت الأسرة تقطن في الحضر

و. = • إذا كانت الأسرة تقطن في الريفُ

ومن هذه المعلومات يتضح أن فئة الأساس هي الأسر التي تقطن في الريف.

 $D_2X_i$ " وتحتوي المعادلة (۱۳–۸) على متغير مركب Interaction Term وتحتوي المعادلة (۱۳–۸) على متغير مركب يترتب على وجوده اختلاف ميول الانحدار المختلفة التي يمكن اشتقاقها من المعادلة (۱۳–۸) ويتضح من هذه المعادلة أن:

 $(16-A)_{j}$  القيمة المتوقعة للإنفاق الاستهلاكي للأسرة بالريف = ق  $(m_{j}, b_{j}, b_{j})$  القيمة المتوقعة للإنفاق الاستهلاكي للأسرة بالريف = ق  $E(Y_{i}/X_{i}, D_{i}=0)$  =  $a_{i}+b_{i}X_{i}$ 

ر ر الله المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأسرة بالمحضر = ق (هن ر / ل ر ، و 
$$_1$$
 = (1 +  $_1$  + ( $_1$  +  $_2$  + ( $_1$  +  $_2$  +  $_3$  ) للهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأسرة بالمحضر = ق (هن  $_1$  /  $_2$  +  $_3$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأصرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأصرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) اللهمة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي الأمرة بالمحضر = ق ( $_1$  -  $_2$  ) المتوقعة المتوقعة الإنفاق الاستهلاكي المتوقعة المتوقع

وبمقارنة دالتي الاستهلاك (٨-١٤) ، (٨-١٥) يتضح ما يلي :

(١) أن حد الكفاف للاستهلاك في الريف هو ( أ،) وفي الحضر هو (أ، + أ،) . أي أن مقدار اختلاف حد الكفاف في الحضر عنه في الريف = أ، . وللتأكد مما إذا كان هذا الاختلاف جوهرياً أم لا يتعين اختبار: فرض العدم: أ، = صفر، في مواجهة الفرض البديل أ، > صفر.

(٢) أن الميل الحدي للاستهلاك بالريف = ب، ، أما في الحضر فهو يساوي (ب،+ب،) ، ومن ثم فان مقدار الاختلاف في الميل الحدي للاستهلاك = ب، . ولاختبار ما إذا كان هذا الاختلاف جوهريا أم لا ، نختبر : فرض العدم : ب، = صفر ، في مواجهة الفرض البديل : ب، > صفر ،

(٣) أن صياغة معادلة الانحدار على النحو الموضح بالصيغة (٨-١٣) يتضمن افتراض مؤداه أن دالة الاستهلاك في الحضر تختلف عنها في الريف في كل من المعلمتين التقاطعية والانحدارية. أما إذا افترضنا أن الدالتين مختلفتين في المعلمة الانحدارية فقط ومتماثلتين في المعلمة التقاطعية فإن معادلة الانحدار تأخذ الصيغة التالية:

 $Y_i = a_1 + b_1 X_i + b_2 D_2 X_i + u_i$ 

ومن هذه المعادلة يتضح أن:

ر المتوقعة للإنفاق الاستهلاكي بالريف = ق $(a_{\nu_{\pm}}/U_{\nu_{\pm}})$  وره صفر = القيمة المتوقعة للإنفاق الاستهلاكي بالريف =  $E(Y_i/X_i,\ D_2=0)=a_i+b_iX_i$ 

القيمة المتوقعة للاتفاق الاستهلاكي بالحضر = ق $(a_i, b_1)$  ل  $(a_i, b_2)$  = أ،  $+(p_1+p_2)$  ل ,  $E(Y_1/X_i, D_2=1)=a_1+(b_1+b_2)X_i$ 

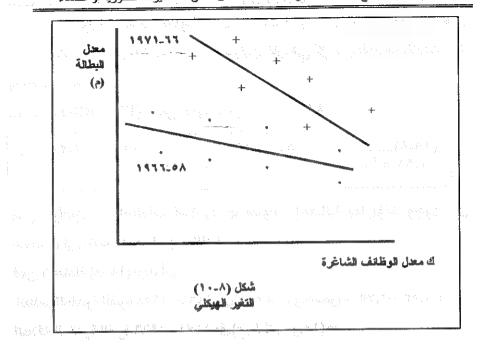
ومن ثم فان الاختلاف في هذه الحالة يكون فقط في المعلمة الانحدارية ومقداره "ب،" . ويلاحظ عموماً أن من أهم مزايا استخدام المتغيرات الصورية أنها تمكننا من تقدير أكثر من معادلة واحدة . ولاشك أن نتائج المعادلة ( ٨-١٣) سوف تكون هي نفسها نتائج المعادلتين (٨-١١) ، (٨-١٢) .

## (٨-٢-٨) قياس التغيرات الهيكلية:

ذا أردنا تقدير دالة انحدار من بيانات سلسلة زمنية تخص فترة زمنية طويلة نسبيا تمتد مثلا من 1900 إلى 1990 ، فان استخدام المتغيرات التفسيرية الكمية فقط لتقدير هذه الدالة لا يعطي صورة حقيقية لسلوك الظاهرة محل البحث خلال هذه

الفترة . ففي الفترات الزمنية الطويلة تحدث هناك تغيرات جوهرية نتيجة لبعض الأحداث الكبيرة مثل الحرب العالمية الأولى أو الثانية أو الكساد الكبير عام 1929 أو قيام الثورات أو قدوم السلام . ولاشك أن مثل هذه الأحداث الكبيرة تقسم التاريخ إلى مراحل وتجعل سلوك الطواهر مختلفاً في كل مرحلة من هذه المراحل . ومن ثم يصبح من الضروري تقدير معادلة انحدار مستقلة لكل مرّحلة لاختلاف طبيعة الظاهرة بينها . ولكن يلاحظ في هذه الحالة أن استخدام المتغيرات الصورية يساعدنا على تقدير معادلة انحدار واحدة لكل المراحل ويمكننا من اشتقاق معادلة مستقلة لكل مرحلة مع تحديد وجه الاختلاف في سلوك الظاهرة عبر الفترات.

ومن الأمثلة على ذلك ما قام به الاقتصادي Damodar Gujarati في دراسته للعلاقة بين معدل البطالة ومعدل الوظائف الشاغرة في بريطانيا خلال فترة طويلة نسبيا 1908-1971 . فمن خلال رسم شكل الانتشار الخاص بالعلاقة بين هذين المتغيرين اتضح للمؤلف أن تغيراً هيكلياً أو جدرياً حدث في هذه العلاقة منذ ١٩٦٦ كما يوضح الشكل (٨-١٠) . حيث من الواضح بالشكل أن الخط الممثل للعلاقة بين المتغيرين قد انتقل لأعلى بعد عام ١٩٦٦ وأصبح مختلفاً في شكله خلال الفترة 1971-1971 ، وذلك من حيث كل من المعلمتين التقاطعية و الإنحدارية . ويلاحظ أن اختلاف شكل العلاقة على هذا النحو يعنى أنه لكل معدل وظائف شاغرة أصبح هناك مستوى أعلى للبطالة ، وبمعنى آخر لكل وظيفة شاغرة أصبح هناك عدد أكبر من المتعطلين .



وبالبحث في أسباب هذه الظاهرة اتضح للمؤلف أن حكومة العمال الدين ببريطانيا قد عدلت قانون التأمينات عام ١٩٦٦ بما يتيح مزايا أكثر للعمال الدين يعانون من بطالة ، الأمر الذي شجع العمال العاطلين على قضاء وقت أطول في البحث عن وظيفة جديدة مع التحرر من ضغط الحاجة .
ولتقدير معادلة الانحدار الممثلة لهذه العلاقة خلال كل الفترة ١٩٥٨ –١٩٧١ استخدم المؤلف الصيغة التالية :

حيث: م ((Y<sub>i</sub>)) = معدل البطالة ٪ ، ك <sub>((X<sub>i</sub>))</sub>= معدل الوظائف الشاغرة ٪ و،(D<sub>2</sub>) للفترة من أكتوبر 1971-1971 و،(D<sub>2</sub>) - للفترة من أكتوبر 1904-سبتمبر 1973 ويتضح من هذه المعلومات أن الباحث اعتبر الفترة ١٩٥٨ -١٩٦٦ هي فترة الأساس . كما أن الاختلاف بين الفترتين كان في كل من المعلمة الانحدارية والمعلمة التقاطعية .

وبتقديره للعلاقة (٨-١٧) حصل المؤلف على الصيغة التالية :

ومن الواضح أن المعلمات المقدرة لها معنوية إحصائية بما يؤكد وجود فرق جوهري في علاقة الانحدار بين الفترتين .

فمن المعادلة (٨-٨) نجد أن:

. 4 T.TA - T.4 = , 4 ( · , A0+ 1,0T ) -(1,10 + T, Y0 )

كما يوجد اختلاف جوهري في المعلمة التقاطعية بالمقدار أ= ١٠١٥،

وآخر في المعلمة الانحدارية بالمقدار ب. = ٨٥٠ بين علاقتي الفترتين .

## (٨-٢-٨) قياس أثر التقلبات الموسمية :

تعتبر التقلبات الموسمية من بين العوامل التي تؤثر في الظواهر الاقتصادية بجانب العوامل الأخرى . فيلاحظ أن الموجة الباردة في فصل الشتاء تزيد من الطلب على البلوفرات الصوفية والملابس الثقيلة بوجه عام ، كما أن الموجة الحارة في فصل الصيف تقلل من الطلب على هذا النوع من الملابس . و يلاحظ أيضا أن الموجة الحارة بفصل الصيف تزيد من الطلب على الثلج والآيس كريم والمشروبات الباردة بمختلف أنواعها، في حين أن الموجه الباردة بفصل الشتاء تقلل من الطلب على هذه المنتجات. وفي المواسم والأعياد يزداد الطلب على الحلوى والهدايا بصورة ملحوظة بالمقارنة مع الأوقات الأخرى من السنة . ومن الممكن قياس أثر

التقلبات الموسمية على المتغيرات الاقتصادية باستخدام المتغيرات الصورية . ويلاحظ في هذا الصدد أن التقلبات الموسمية قد تؤثّر على المعلمة التقاطعية لعلاقة الانحدار فقط ، أو قد تؤثر على المعلمة الانحدارية فقط ، أو قد تؤثر على كليهما معا. (١) تأثير التقلبات الموسمية على المعلمة التقاطعية

إذا افترضنا أن مستوى الأرباح للشركات الصناعية (ح ، ٢٠ يتأثر بعاملين هما : حجم المبيعات ربع السنوية (ك  $X_i$  (ك )، والتقلبات الموسمية (و  $D_i$  ، وأن هذه التقلبات الموسمية تحدث عبر أربعة فصول بالعام هي :الربيع (ور) D1 ، الصيف (ور) والخريف (وم) D3 ، الشتاء (وم) D4 ، فمن الممكن صباغة دالة الانحدار الممثلة لهذه العلاقة كما يلي: ويديدون ويند سية، ويديد ويدو مويفة ومعال ورويه

$$(19-1)$$
  $Y_1 = a_1 + a_2 D_2 + a_3 D_3 + a_4 D_4 + b_1 X_1 + u_1$ 

 $\cdot$  حيث: و $\cdot$  ( $D_2$ ) = ۱ في فصل الصيف ، و $\cdot$  ( $D_2$ ) = • في أي فصل آخر

و- 
$$(D_3)$$
 = ا في فصل الخريف ، و-  $(D_3)$  = ٠ في أي فصل آخر و.  $(D_4)$  = ١ في أي فصل آخر و.  $(D_4)$  = ١ في أي فصل آخر

ومن الواضح أن الفصول الأربعة مانعة بالتبادل . فوجودنا في فصل الصيف يمنع من وجودنا في أي فصل آخر، ولذا نعطى في هذه الحالة فصل الصيف قيمة ١ ، والفصول الأخرى القيمة صغر ، وهكذا . ويلاحظ هنا أن فصل الأساس هو فصل الربيع ولذا فأن المعلمة التقاطعية أ. تخصه. فالمعلمة أ. تشير إلى مستوى الأرباح عندما و، = و، = و، عضر، وذلك لا يكون إلا في فصل الربيع.

ومن المعادلة (٨-١٩) يمكن اشتقاق معادلات الانحدار الخاصة بالأرباح في الفصول الأربعة كما يلي:

القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الصيف = ق (ح ﴿ لَكَ مَ وَرَ=١ ، وَرَ=وَ : صَفَرٍ)= (أ، +أ، )+ب، ◘ إ  $E(Y_i / X_i, D_2=1, D_3=D_4=0) = (a_1+a_2) + b_1X_i$ 

القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الخريف = ق (ح 1/ ك 1، و1− ، و1−و2-صفر) = (أ1 +أ7)+ب، ك 1  $E(Y_i / X_i, D_3=1, D_2=D_4=0) = (a_1+a_3) + b_1X_i$ 

القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الشتاء = ق (ح ﴿ لَكَ ﴿ وَوَ=ا مُ وَرَ=وَمَ=صَفَرٍ) = (أَ، +أَءَ )+ب، ■ ﴿  $E(Y_i / X_i, D_4=1, D_2=D_3=0) = (a_1+a_4) + b_1X_i$ 

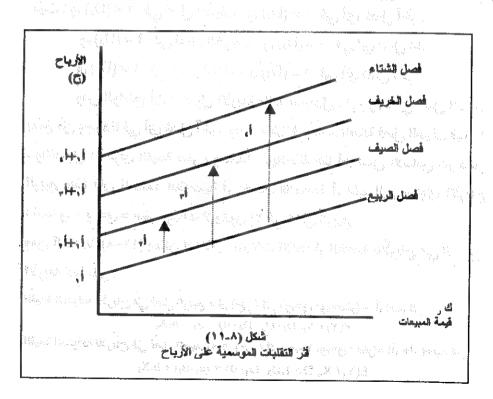
وهكذا فإن:

أ.(a<sub>2</sub>)= الفرق بين مستوى الأرباح في فصل الصيف وفصل الربيع

أ.(a3) = الفرق بين مستوى الأرباح في فصل الخريف وفصل الربيع ·

أ<sub>ه(a4)</sub> = الفرق بين مستوى الأرباح في فصل الشتاء وفصل الربيع

ويمكن اختبار ما إذا كانت هذه الفروق جوهرية أم لا من خلال اختبار فروض العدم التاليية : أ, = صفر ، أ, = صفر ، أ, = صفر ، في مواجبهة الفروض البديلة : أ. > صفر، أ. > صفر، أ. > صفر. ويوضح الشكل (١١-٨) معادلات الانحدار السابقة .



ولقد أجريت هناك دراسة عن الأرباح الصناعية في الولايات المتحدة الأمريكية خلال الفترة ١٩٦٥- ١٩٧٠ وكانت نتيجة هذه الدراسة كما يلي:

$$J_{\alpha} = \lambda \lambda \Gamma \Gamma + \gamma \gamma \gamma \Gamma e_{\gamma} + \lambda \lambda \Gamma e_{\gamma} + \lambda \lambda \Gamma e_{\beta} + \lambda \gamma \Gamma e_{\gamma} + \lambda \gamma \Gamma e_{\beta} + \lambda \gamma \Gamma e_{\gamma} + \lambda \Gamma e_$$

ويتضح من هذه النتيجة أن الفرق بين أرباح الربع الثالث والربع الرابع من ناحية وأرباح الربع الأول من ناحية أخرى غير جوهري حيث أن :

(10E,74) & > 97 = 7 ÷ 1AE = 7/

أما عن الفرق بين أرباح الربع الثاني وأرباح الربع الأول المتمثل في أب فإنه جوهري ، حيث أن له معنوية إحصائيا . وكذلك الأمر بالنسبة للمعلمة بحجم المبيعات فهي معنوية إحصائيا .

ونشتق من المعادلة السابقة ما يلي: "

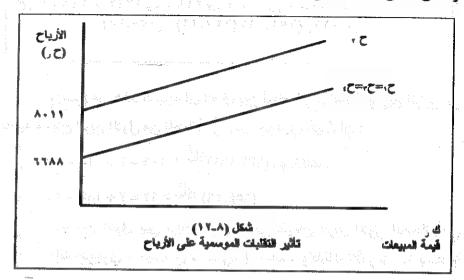
القيمة المتوقعة للأرباح في الربع الثاني = ق (ح ٫ / ك ٫ ، و٫=۱ ، و٫=و٫=صفر )= ح٫ = (١٦٨٨ +١٣٢٣) + ٠,٠٣٨ ك ٫ = ١١ ٠٠ + ٣٨٠ ,٠ ك ٫

ولعل هذا يعني أن مستوى الأرباح في الربع الثاني يفوق مستوى الأرباح في الربع الأول بمقدار = أ. = 1828 مليون دولار . كما أن زيادة المبيعات بما قيمته 1 دولار يترتب عليها زيادة في مستوى الربح بمقدار ٤ سنت فقط تقريبا .

أما عن القيمة المتوقعة للأرباح في الربعين الثالث والرابع فإنها لا تختلف جوهريا عن القيمة المتوقعة للأرباح في الربع الأول . ولذلك يمكن تمثيلها جميعا بمعادلة واحدة تتمثل في :

القيمة المتوقعة للأرباح في الربع الأول أو الثالث أو الرابع = ق (ح ٫ / ك ٫ ، و،= و، =و،=صفر )=

ح، ۰٫۰،۰ الکر ۱۲۸۸ + ۰٫۰۳۸ کر ویمکن تمثیل ذلك بالشکل (۸–۱۲) .



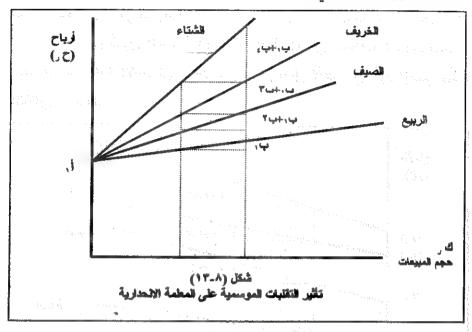
### (٢) تأثير التقلبات الموسمية على المعلمة الانحدارية

إذا افترضنا أن التقلبات الموسمية تؤثر على الميول الحدية ، أي على المعلمات الانحدارية فقط ، فان معادلة الانحدار التي تصف العلاقة بين الأرباح من ناحية والتقلبات الموسمية وحجم المبيعات من ناحية أخرى تأخذ الصيغة التالية:

وبافتراض أن فصل الربيع هو فصل الأساس نحد أن:

$$Y_1 = a_1 + b_1 X_i$$
  $\longleftrightarrow_j + b_1 + b_1 + b_2 X_i$   $\longleftrightarrow_j + b_1 + b_2 + b_1 + b_2 X_i$   $\longleftrightarrow_j + b_1 + b_2 + b_2 X_i$  القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الصيف  $= a_1 + (b_1 + b_2) + b_2 + b_3 + b_4 + b_4 + b_5 + b_5 + b_6 +$ 

ومن ثم فإن التقليات الموسمية تؤثر فقط على المعلمات الانحدارية الخاصة بالفصول المختلفة دون المعلمة التقاطعية . ويمكن توضيح الاختلاف بين دوال الأرباح بالنسبة للفصول المختلفة في هذه الحالة من الشكل (٨-١٣٠).



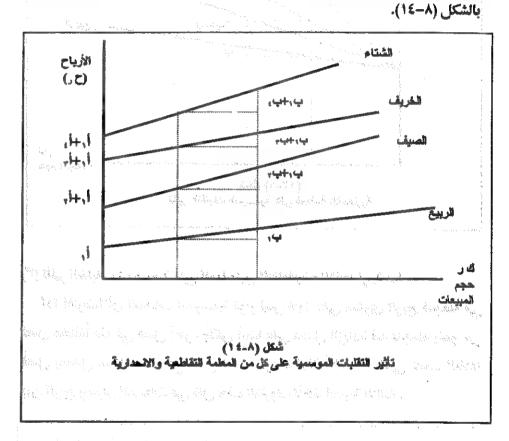
### (3) تأثير التقلبات الموسمية على المعلمتين التقاطعية و الانحدارية معا

إذا افترضنا أن التقلبات الموسمية تؤثر ليس فقط على مستوى الربح فتجعله في فصل مختلفاً عنه في فصل آخر ، ولكن أيضا على معدل الزيادة فيه فتجعله ينمو في فصل بمعدل مختلف عنه في فصل آخر، فإن معادلة الانحدار التي تصف العلاقة بين الربح وحجم المبيعات في ظل هذه الظروف تأخذ الصيغة التالية :

$$(Y_1-A_1)^2+c_3+b_4$$
 ح ر = 1, +أ، و، +أ، و، +ب، ك رو، +ب، ك رو،

ومن المعادلة (١٠-٨) نجد أن :

 $Y_i = a_i + b_i X_i$  القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الربيع =  $\frac{1}{1}$  + ب.  $\frac{1}{1}$  ب ب.  $\frac{1}{1}$  ب ب.  $\frac{1}{1}$  القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الصيف =  $\frac{1}{1}$  ب ب.  $\frac{1}{1}$  (ب.  $\frac{1}{1}$  ب) + (ب.  $\frac{1}{1}$  ب) القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الضيف =  $\frac{1}{1}$  ب ب.  $\frac{1}{1}$  القيمة المتوقعة للأرباح في فصل الشتاء =  $\frac{1}{1}$  ب ب.  $\frac{1}{1}$  ب ب



Barrier Porther the bother bases by some in section of the constant of the con

#### (٤) تقدير المسار الزمني لدالة المبيعات الموسمية

يمكن استخدام المتغيرات الصورية في التعبير عن المسار الزمني للمبيعات الموسمية . وتتم التفرقة هنا بين صيغتين في هذا الصدد : الصيغة الجمعية الموسمية . Multiplicative Form والصيغة الضربية المحمعية فهي تتمثل في:

$$(YY-h)...._{j} \varepsilon + (g_1 + g_2 + g_3 + g_4 + g_4 + g_5 + g_$$

حيث : حي ز (٢٠) = المبيعات في الفترة "ز"

و،(D2)=1 في فصل الصيف، = صفر في الفصول الأخرى

و، (D3)=1 في فصل الخريف، = صفر في الفصول الأخرى

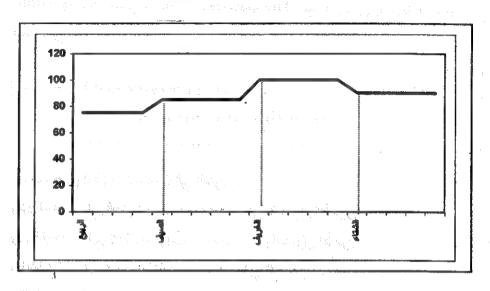
و،(D4)=1 في فصل الشتاء، =صفر في الفصول الأخرى

وبالتالي فان فصل الربيع بكون هو نقطة الأساس.

مثال (٨-٣) المسار الزمني للمبيعات وفقا للصيغة الجمعية على المبيعات وفقا للصيغة الجمعية على المبيعات وفقا المساد

إذا تم تقدير الصيغة (٨-٢٢) من بيانات ربع ستوية فجاءت على النحو الموضح في المعادلة (٨-٢٣) :

قدر القيمة المتوقعة للمبيعات في فصول السنة وارسم الدالة الممثلة للمسار الزمني لها . القيمة المتوقعة للمبيعات في فصل الربيع = ق( صرر / ور=ور=ور=صفر) =٧٥ القيمة المتوقعة للمبيعات في فصل الصيف = ق( $\sim$ , /,  $e_7$ ) و $_7$ =0 موروء صفر) = 0 + 0 = 0 القيمة المتوقعة للمبيعات في فصل الخريف = ق( $\sim$ , /,  $e_7$ =1 ،  $e_7$ =2 صفر) = 0 + 0 = 0 القيمة المتوقعة للمبيعات في فصل الشتاء = ق( $\sim$ , /,  $e_7$ =1 ،  $e_7$ =2 صفر) = 0 + 0 = 0 المسار الزمنى للمبيعات وفقا للصيغة الجمعية .



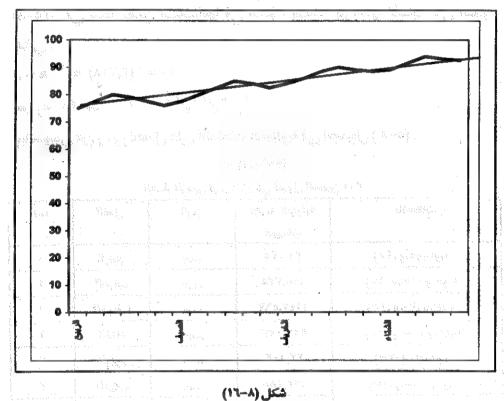
أما عن الصيغة الطربية فتتمثل في المعادلة ( ٢٤-٨) :

$$(76-A) = A_1 e^{(At + a2 D2 + a3 D3 + a4 D4 + ut)}$$

حيث هـ (e) = أساس اللوغاريتم الطبيعي ، ز (t) = الزمن ، م ( $\lambda$ ) = معدل نمو المبيعات عبر الزمن . حب  $(Y_t)$  = المبيعات في الفترة ز .

ولتقدير المسار الزمني للمبيعات باستخدام الصيغة (٨-٢٤) يتعين تحويلها لصيغة لوغاريتمية على النحو التالي :

ويغبر الشكل (٨-١٦) عن الصيغة (٨-٢٤)؛ فطنته المسكل (٨-٢٤) عن الصيغة (٨-٢٤).



المسار ا لزمني للمبيعات وفقاً للصيغة الضربية

## مثال (٨-٤) المسار الزمني للمبيعات وفقا للصيغة الضربية

إذا جاء تقدير المسار الزمني للمبيعات على النحو الموضح بالمعادلة ( ٨-٢٦) المقدر باستخدام بيانات ربع سنوية ، قدر المبيعات المتوقعة في الفصول المختلفة للسنتين أرقام ١٠٢٠

لوص = ٣ + ٥٠٠٥ ز + ٢ و، + ٤ و، + ٣ ق + د ر .......

لتقدير المبيعات المتوقعة في الفصول المختلفة للسنتين 1 ، 2 نقوم أولا بإعداد المعادلة (٨-٢٥) في صيغة يمكن استخدامها في التنبؤ ، وذلك بإرجاعها لأصلها على النحو

التالي:

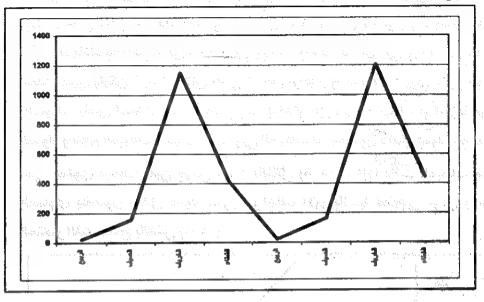
 $Y \cdot = {}^{\tau}(Y, Y \mid A) = {}^{\tau}(Y, Y \mid A) = {}^{\tau}(Y, Y \mid A)$ 

وبالتعويض عن ز ، و ، نحصل على التوقعات المطلوبة في الجدول ( ٨-٥) . جدول (٨-٥).

المسار الزمني للمبيعات في فصول السنتين ٢،١

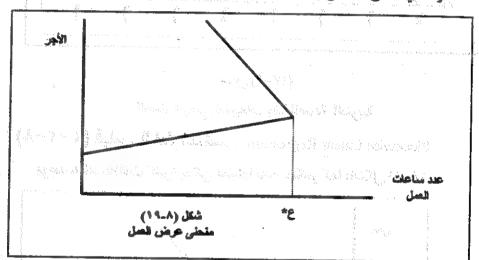
ملاحظات	3.2 - 4.5 - 44	سار ارسي سي		17 300
	القيمة المتوقعة	الرمز	الفصل	السنة
	للمبيعات		1	Par 1
·=,9=,9=,9 ·1=j	11,-10	1147	الربيع	( sec. 1
·=:9=:9:1=j	100,770	714m	الصيف	\$F 1
ز=۱، و،=۱، و،=و،=·	1167,637	. FIV=	الخريف	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
·=,9=,9 · ·=, 9 · 1=j	ETY, IVY	Elve	الشتاء	1
ز=۲، و,=و,=و,=·	77,1-7	1707	الربيع	. <b>Y</b>
ز=۲، و,=۱، و,=و.=·	1717,744	770-	الصيف	Y
ز="، و،=ا، و،=و،=٠	17-7,797	PROPERTY.	الخريف	٣
ز=۲، و،=۱، و،=و،=·	EET,ATT	Eru-	الشتاء	Y

ويعبر الشكل (٨-١٧) عن الجدول (٨-٥) . ووفقا للصيغة (٨-٢٦) يبلغ معدل النمو السنوي للمبيعات ٥٪.



شكل (١٧-٨)
المسار الزمني للمبيعات وفقا للصيغة الضربية
المسار الزمني للمبيعات وفقا للصيغة الضربية
الخط المنكسر ٤-٢-٨)
الخط المنكسر (٤-٢-٨)
الوجد هناك علاقات كثيرة يمكن تمثيلها بخط منكسر كما بالشكل (١٨-٨).

وتشير مثل هذه العلاقات إلى أن المتغير التابع أكثر مرونة في الاتجاه الصعودي منه في الاتجاه النزو لي ، أو أنه يزداد بمعدل منخفض حتى يَصُلُ لمَسْتُوي معين ، ثم يزداد بمعدل أعلى بعد هذا المستوى . ومن الحالات التي قد توصف بذلك العلاقة بين الاستهلاك والدخل . فزيادة الدخل بوحدة واحدة تؤدي إلى زيادة الاستهلاك بمقدار معين وليكن "ب, "، ولكن نقص الدخل بوحدة واحدة قد لا يؤدي إلى نقص الاستهلاك بنفس المقدار "ب، " ولكن ربما بمقدار أقل (ب، - ب،) . أو العلاقة بين العمولة وحجم المبيعات، حيث أن مسئولي المبيعات قد يتقاضون معدل عمولة منخفض حتى مستوى مبيعات معين وليكن ش \* بالشكل (٨-١٨)، فإذا فاقت المبيعات هذا المستوى يتقاضون معدل عمولة أعلى وكذلك الأمر بالنسبة لمنحني عرض العمل المنكسر الذي يتضح بالشكل (8-19).



فارتفاع الأجر يؤدي إلى زيادة عدد ساعات العمل حتى مستوى معين وبعد هذا المستوى يؤدي ارتفاع الأجر إلى تقليل ساعات العمل كما هو واضح بالشكل (١٩-٨) . ويمكن أن تستخدم المتغيرات الصورية لقياس التغير في الميل بعد مستوى معين . وعلاقة الانحدار التي تصف دالة استهلاك على شكل خط منكسر تأخذ الصيغة · (YY-A)

$$(YY-A)$$
..... $Y_i = a_i + b_i X_i + b_2 X_i D_2 + u_i$ 

حيث: حر، (Yi) = الإنفاق الاستهلاكي ، من (Xi) = الدخل من الروديد مداد منا

س \* = قيمة محددة ومعلومة .

ومن ثم فان دالة الاستهلاك للمقطع I بالشكل (8-18) تأخد الصيغة التالية :

**۔** ا ا + ب س ر

وللمقطع II تأخذ الصيغة التالية:

**س رچار برب + ب،) پس**ره

وهذا يعني أن ب، تشير إلى التغير في الميل الحدي للاستهلاك بعد مستوى الدخل من . ومن ثم يمكن القول أن زيادة الدخل تؤدي إلى زيادة الاستهلاك وفقا للميل الحدي للاستهلاك (ب، + ب، ) ، ونقص الدخل يؤدي إلى نقص الاستهلاك وفقا للميل الحدي للاستهلاك (ب،) ، وللتأكد هما إذا كان التغير في الميل الحدي جوهريا أم غير جوهري يختبر الفرض : ب، = صفر ، في مواجهة الفرض البديل ب، > صفر .

(٨-٧-٥) مؤشر للمتغيرات الرقمية:

من الممكن استخدام المتغيرات الصورية كمؤشر لبعض المتغيرات الرقمية وذلك في الحالات التي لا تتاج فيها بيانات كافية عن هذه المتغيرات ، أو في الحالات التي يكون من الملائم فيها عمل ذلك . فإذا أردنا تقدير دالة الادخار من بيانات قطاعية لعدد من الأفراد ، فإن العمر يعتبر أحد المتغيرات التفسيرية التي تؤثر في الادخار ، ومن المعتقد أنه كلما كبر سن الفرد كلما زادت حكمته وبالتالي زادت مقدرته على الادخار . وبالرغم من أن السن يعتبر متغير كمي إلا أنه من الملائم استخدام متغير صوري كمؤشر

له ، ذلك لأن اختلاف السن بعام أو عامين قد لا يكون ذو تأثير كبير في اتخاذ قرارات الادخار ، وإنما الاختلافات الكبيرة في السن هي التي تؤثر . فإذا كانت العينة تحتوي على أفراد تتراوح أعمارهم بين 10 إلى 10 سنه فقد يكون من الملائم تقسيمهم إلى ثلاث محموعات:

مجموعة أولى : تحتوي على الأفراد الذين تتراوح أعمارهم بين 10 - 20 سيه محموعة ثانية : تحتوي على الأفراد الذين تتراوح أعمارهم بين 27 - 20 سنه .

مجموعة ثالثة : تحتوي على الأفراد الذين تتراوح أعمارهم بين ٤١ - ٦٠ سنه

فإذا افترضنا أن الادخار يتأثر بكل من مستوى الدخل وعمر الغرد فإن دالة الادخار يمكن صياغتها على النحو التالي

$$(YA-A)$$
:  $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5 +$ 

حيث: خ ر= الادخار ، ل, = الدخل .

المعادلة (٨-٨١) نجد أن :

ع , (D2) = 1 إذا كان الفرد من المجموعة الثانية \_

ع. (D2) = صفر إذا كان الغرد من أي مجموعة أخرى .

ع . (D3) = 1 إذا كان الفرد من المحموعة الثالثة .

ع ، (D3) = صفر إذا كان الفرد من أي محموعة أخرى

ومن ثم فان فئة الأساس هي الفئة الأولى ويتصح من صياغة دالة الادخار السابقة أن السن يؤثر ليس فقط على مستوى الادخار ولكن أيضا على الميل الحدي للادخار . ومن

متوسط الادخار للمجموعة الأولى = ق ( خ , / ل , ع ، =ع ،= صغر ) = أ ، + ب ، ل .

 $E(Y_1/X_1, D_2=D_3=0) = a_1 + b_1 X_1$ 

متوسط الادخار للمجموعة الثانية = ق (خ ر/ ل روع، = ا عنه عنو) = (أ + أو) أ ( $\psi$  +  $\psi$ ) ل رائة V . V = D = 1 . D = 0 . V = 0 . V = 0

 $E(Y_i / X_i, D_2=1, D_3=0) = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2) X_i$ 

متوسط الادخار للمجموعة الثالثة = ق (خ / ل ، ع ب = ١ ، ع ب = صفر ) = ( أ ، + أ ب ) + (ب ، + ب ب ) ل , E(Y ، / X ، , D3=1 , D2=0) =(a1 + a3) + ( b1 + b3) X ، وهكذا فان مستوى الادخار والميل الحدي للادخار يختلفان من مجموعة عمرية لأخرى

(۲-۲-۸) استخدام بیانات سلسلهٔ قطاعیهٔ

يساعد أسلوب المتغيرات الصورية على استخدام بيانات السلسلة القطاعية . فإذا افترضنا أن لدينا بيانات عن متوسط الدخل ومتوسط الإنفاق الاستهلاكي في خمس محافظات عبر أربع سنوات ، وكان لدينا اعتقاد بأن تأثير الدخل على الاستهلاك يختلف عبر الزمن وعبر المحافظات فإن أسلوب المتغيرات الصورية يمكننا من أحد ذلك في الاعتبار . وفي هذه الحالة يلاحظ أن لدينا متغيراً تفسيرياً كمياً واحداً هو الدخل ، وعدد من المتعيرات الصورية أو الثنائية = (٥ +٤) -٢= ٧ وبالتالي يمكن اختبار أثر الدخل على الاستهلاك باستخدام الصيغة (٨-٢٦)، يَنْ عَنْدَهُ مِنْ مُنْفَيْ وَالْمُورُونِ وَالْمُونُونِ وَالْمُعْدُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُلُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفِقِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفِقِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَلْمُنْفِقِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَلْمُنْفِقِ وَالْمُنْفِقِ وَلِي وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفِقِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُونِ وَالْمُنْفُلِقِيلُونِ وَالْمُعِلِيْلِي وَالْمُنْفِقِ وَالْمُعِلِي وَالْمُنْفِقِيلُونِ وَالْمُعِلْمُ وَالْمُعِلِي وَالْمُنْفِقِ وَالْمُعِلِي وَالْمُونِ وَالْمُعِلِقِيلُونِ وَالْمُعِلِي وَالْمُونِ وَالْمُعِلِقِ وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلْمُ وَالْمُعِلْمُ وَالْمُعِلِي وَالْمُونِ وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمِنْفِقِ وَلِمُ وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلْمِ وَالْمُعِلِي وَالْمُونِ وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلِي وَالْمُعِلْمُ وَالْمِلْمِلْمِ وَالْمُعِلْمِ وَالْ

(۲۹-A).... د ب على بر + أبوب + أبوب + أبوب + أبوب + جب ع ب + جب ع ب + جب ع ب + باء الم

 $Y_{it} = a_1 + b_1 X_{it} + a_2 D_2 + a_3 D_3 + a_4 D_4 + a_5 D_5 + c_2 H_2 + c_5 H_3 + c_4 H_4 + u_{it}$ 

(1) متوسط الاستهلاك في المحافظة ر (1) في السنة ر (1)  $\nabla$ 

و, (Di) = متعير صوري يشير للمحافظة

ع , (Hi) = متغير صوري يشير إلى الزمن

و، (D2) = ا إذا كانت المحافظة رقم ٢

و، ( D2 ) = صفر لغير ذلك من المحافظات

ع. ( H2 ) = ١ إذا كانت السنة ٢

ع، ( H2) = صفر لغير ذلك من السنوات

# ووفقا لما سبق تعتبر المحافظة 1 هي محافظة الأساس والسنة 1 هي سنة

الأساس ـ ومن ثم فإن :

القيمة المتوقعة للاستهلاك بالمحافظة 1 في السنة 1 =

القيمة المتوقعة للاستهلاك بالمحافظة ٣ في السنة ٢ =

وهكذا بالنسبة لباقي المحافظات في مختلف السنوات.

وتكتب مصفوفة البيانات في هذه الحالة على النحو التالي:

enter de la village de la companya d

· 他们是我的一种的人,就是这个人的人,也不是一个人。

er, fill omen by godby through

er (20) bereight Malla Bassissia (20) er

BOOK TO SEE SEE SEE SEE SEE SEE

Soft (1897) His hay the all have the latest

زء الأول : قياس النماذج ذات المعادلة الولجدة الفصل الثامن :المتغيرات الصورية أو الصماء	لصورية أو الصماء	صل الثامن :المتغيرات ا	المعادلة الولحدة القد	جزء الأول : قياس النماذج ذل <i>ت</i> ا
--	------------------	------------------------	-----------------------	--

						si (c.ya)
						si (c.ya)
						si (c.ya)
						si (c.ya)
						si (c.ya)
and the state of t						si (c.ya)
andrial a film of the same of a make homely have talk, to			11 0			si (c.ya)
well, handly have hilly be			100 mg			si (c.ya)
well, handly have hilly be			100 mg			si (c.ya)
	W.J.W	-0	57 VW	a a a a a a a a a a a a a a a a a a a		11- Om 11- Om
	L.	i ga <b>t</b> i	17' 46	,		15.00
• • • •				•		
Maria Maria Maria de la compansión de la		T	payle.	Visite and		{
			// //	The state of the s		
	1	•	π <del>«</del>		and the statement	TT 🍱
•	No.		<b>. (17. 4/6</b> )		en en en en en en en	er 🕠
	•		16 🚧	the they		75 🕶
	• 263 Alas			i.		TE OM
		•	₹ <b>1</b>	1		75.4
	• .		64 W <sup>a</sup>	١		££ <b>\</b> #
Read the Company of the state of the			ly Marine	i.		
						19 4
And you have assume assume I	• Wa. <u>t</u>	4.24%	16 04	San P		Jes <b>ta 🕶</b> (1)
And hope for the property			79 UA			Fig. UM
	rir	•	£0 4 <sup>th</sup>	١		(o 🏎

#### وتكتب الصيغة (٨-٢٩) عادة للتبسيط كما يلي :

$$( ^{r_1} - \lambda )$$
  $y_{it} = a_0 + b \ X_{it} + a_i + c_t + u_{it}$   $y_{it} = a_0 + b \ X_{it} + a_i + c_t + u_{it}$ 

## Spline Function تقدير دالة الشرائح (٧-٢-٨)

إذا افترضنا أننا بصدد تقدير العلاقة بين مستوى الدخل عب  $(X_i)$  وضريبة الدخل  $(X_i)$  و كان المعدل الحدي للضريبة يتزايد مع زيادة الدخل ( الضريبة التصاعدية )، وكانت شرائح الضريبة على النحو الموضح بالجدول (A-T) ، فمن الممكن استخدام المتغير الثنائي للتعبير عن هذا التدرج في التأثير ، وطالما لدينا T شرائح للدخل تخضع للضريبة يمكن استخدام متغيرين ثنائيين في التعبير عنها .

جدول (۱–۲) شرائح الضريبة

•	, ,,
معدل الضريبة	مدى الدخل بالألف جنيه
لاضريبة	آقل من ۱۰
منخفض	۱۰ واقل من ۲۰
متوسط	۲۰ واقل من ۵۰
مرتنح	٥٠ وأعلى

 $| (D_2)| = (D_2)$  فإذا كان  $| (D_2)| = (D_2)$  فان و $| (D_2)| = (D_2)$  وإذا كان الدخل في غير ذلك المدى فان و $| (D_3)| = (D_3)$  فان و $| (D_3)| = (D_3)$  وإذا كان الدخل في غير ذلك المدى فان و $| (D_3)| = (D_3)$  ويتضمن ما سبق أن شريحة الأساس هي مدى الدخل  $| (D_3)| = (D_3)$  ويتضمن ما سبق أن شريحة الأساس هي مدى الدخل  $| (D_3)| = (D_3)$ 

وإذا أردنا إتباع الطريقة العادية في تقدير العلاقة بين الدخل والضريبة عبر هذه الشرائح الثلاثة فسوف تكون الصيغة المراد تقديرها على النحو التالي:

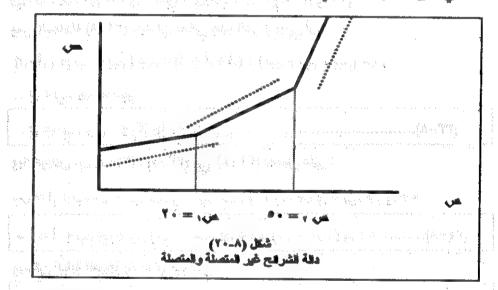
$$(\Gamma_1 - A)$$
......  $c + r_0$   $c + r_1$   $c + r_2$   $c + r_3$   $c + r_4$   $c + r_5$   $c + r_$ 

ومن ثم :

القيمة المتوقعة للضريبة للفئة الثانية ( ۲۰ 
$$\geq$$
 س  $\geq$  ۰۰ ) = ق(ص / ب ، و ا ، و  $+$  القيمة المتوقعة للضريبة للفئة الثانية ( ۲۰  $\geq$  س  $\geq$  ۲۰ ) =  $(a_1 + a_2) + (b_1 + b_2) X$ 

ولكن استخدام الصيغة السابقة لا يضمن اتصال أجزاء العلاقة المقدرة ، حيث

قد تأتى على النحو المنقط في الشكل (٨-٢٠).



وللحصول على علاقة متصلة كما في الخط المتصل بالشكل (٢٠-٢) نعيد صياغة المتغيرات الثنائية كما يلي:

لوأن : 
$$av \ge av$$
 ،  $e_v = 1$  ، ولو أنها في أي مدى آخر  $e_v = -av$ 

ومن ثم فإن اتصال علاقتي الشريحة الأولى والثانية عند القيمة المفصلية من يتطلب تساوي :

ق(ح / س، ، و،=و، =صفر) = ق(ح / س، ، و،=١ ، و، =صفر)

ومن المعادلة (٨-٣١) نجد أن هذا الشرط يعني أن :

∴ أو+ب س و = صفر

كما أن اتصال علاقتي الشريحة الثانية والثالثة عند القيمة المفصلية عن يتطلب تساوي:

We define the problem is an entropy of (i + i) + (i + i) = (or i + i) = (or i + i)

ق(س/س، وبدا، وبداه، وبصفر) =ق(حب/س، وبدا = وبدا)

ومن المعادلة (٨-٣١) نجد أن تحقق هذا الشرط يعني أن:

ر به (بب + بب ) + (بأ + بأ + بأ ) = رمه (بب + بب ) + (با+,أ)

∴ آنہ + ب ہس ہے صفر

 $\cdots a_3 = -b_3 X_2 \leftarrow \cdots - - - \cdot \cdot \cdot$ 

وبالتَّعويض من (٨-٣٢) ، (٨-٣٣) في (٨-٣١) نحصل على :

س = أ، + ب، عن - ب، عن، و، - ب، عن، و، + ب، عن و، + ب، عن و، + ب، عن و، + >

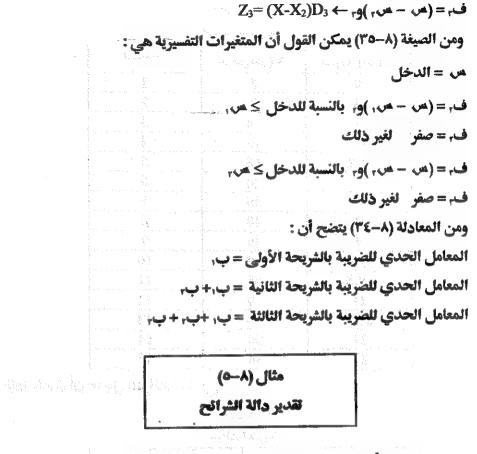
حى = أر + بر مر + بر (مر - مرر)ور + بر (مر - مرر) ور + ع .....(A-٣٤)

ويمكن كتابة الصيغة (٨-٣٤) كما يلي :

س = أر + بروب + برقيم + بر قدم + > .......

 $Y = a_1 + b_1 X + b_2 Z_2 + b_3 Z_3 + u$ 

 $Z_2 = (X-X_1)D_2 \leftarrow P_0$ ف، = (عب – عب )



افترض أن البيانات بالجدول (٢-٨) تشير إلى ضريبة الدخل ح، والدخل م، بالألف جنيه لعينة من الأفراد .

er het speriorer i de de letter fan speriorer speriorer op de de speriorer de proposities en de se Het de speriorer i de de speriorer begen en fan de speriorer fan de speriorer fan de speriorer de se de proposi

where it is the profit of the profit of the second

جدول(۸-X) بر بربیزی در این این در این در ۲۰۰۱ می

الدخل والضريبة

	<u> Maraya Walion III</u>	لدخل والضريبة	1
	الضريبة (حس) Y	الدخل (س) X	المشاهدة
	0	5	1
Angles Lag	0 41 4 44	7	2
:	1	10	3
Springer of	1.5	15	4
	1.8	18	5
. [	4	20	6
Andrew James	7.	35	7
angiyasan	8.	40	8
	9	45	9
Carles (1	15	50	10
iller by the	19.5	65	11
L	21	70	12
Maratha -	22.5	75	syn - 12 Sept <b>13</b>
	24	80	14
L	27	90	15

فإذا علمت أن جدول الشَّرائح كما يلي:

### جدول (۸-۸)

#### شرائح الضريبة

	<u>~ 7</u>
 معدل الخريبة	مدى الدخل
لاخريبة	اقل من ۱۰
منخفض	10 وأقل من 20
متوسط	۲۰ وأقل من ۵۰
مرتفع	٥٠ وأعلى

فالمطلوب هو تقدير المعدل الحدي للضريبة للشرائح المختلفة ، واختبار ما إذا كان هناك اختلاف جوهري بين المعاملات الحدية للضريبة بالشرائح المختلفة أم لا ؟

وفقا للجدول (٨-٨) توجد هناك قيمتين مفصليتين للدخل هما س = ٢٠ ،

عب، = ٥٠ . ولتقدير الصيغة (٨-٣٥) يتعين استحداث متغيرين هما :

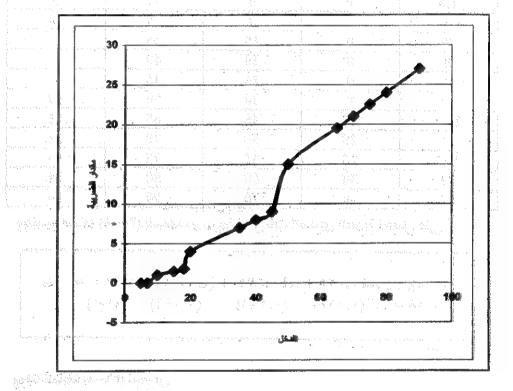
ف, = ( س - س,) و, بالنسبة للدخل ≥ س, (حيث و, = ١ ، و,=٠)

ف = صفر لغير ذلك

ف, = ( س - س،) و، بالنسبة للدخل ≥ س، (حيث و, = ٠ ، و,=١

ف. = صفر لغير ذلك

وبعمل ذلك نحصل على الجدول (٨-١) . ويوضح الشكل (٨-٢) دالة الشرائح .



**ئىكلى (١٠.٨).** ئىلىلىدى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى ئىلىدىكى

Probability through the part the past through the same of the same

جدول (4-4) حسابات دالة الشرائح

مقدار الضريبة (س)	ن (ماد) ا <b>ف</b> م	ف	الدخل السنوي(س)	المشاهدة
8 kg 1 kg   <b>0</b> kg 1 kg 1	0	0	5	1
0	0	0	7	2
1	0	0	10	3
1.5	0	0		4
1.8	0	0	18	5
4	0	0	20	6
7	0	.15	35	7
8	0	20	40	8
9	0	25	45	9
15	0	30	50	10
19.5	15	45	65	11
21	20	50	70	12
22.5	25	55	75	13
24	30 -	60	80	14
27	40	70	90	15

وبتقدير الصيغة (٨-٣٥) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نحصل على :

#### ووفقا للصيغة (٨-٣٦) نجد أن:

المقدرة .

ب, ≠ صفر . ومن الواضح من اختبار الخطأ المعياري أن كل من ب، ، ب، ليست لها معنوية إحصائية ، مما يشير إلى عدم جوهرية الاختلاف بين المعاملات الحدية للضريبة بالنسبة للشرائح المختلفة .

وعموما يوجد هناك بعض المشاكل المتعلقة باستخدام المتغيرات الصورية عند تقدير علاقات الانحدار المختلفة نوجز أهمها فيما يلي:

- (۱) يلاحظ أن التوسع في استخدام المتغيرات الصورية بنموذج الانحدار مع ثبات حجم العينة يقلل من معنوية المعلمات
- (٢) يوجد هناك عديد من المتغيرات النوعية التي تؤثر في أي ظاهرة اقتصادية وفي التجاهات متضادة. فالاستهلاك يتأثر ليس فقط بالدخل ولكن أيضا بالجنس (ذكر أو أنثى)، والديانة والمستوى التعليمي والحالة الاجتماعية (متزوج أو أعزب)، والموطن الجغرافي وغيرها من العوامل. ويلاحظ أن مثل هذه المتغيرات النوعية من الممكن أن يلغي أثر بعضها البعض على الاستهلاك قاركة الدخل كأهم عنصر من العناصر المحددة للاستهلاك، وذلك كما أثبتت عديد من الدراسات، ومن ثم فإن عدم إدراج هذه المتغيرات النوعية بمعادلة الانحدار قد لا يؤثر بدرجة كبيرة على المقدرة التفسيرية للنموذج عند استخدام بيانات قطاعية أو بيانات سلسلة قطاعية.
  - (2) togeth American statem.

gangles kija paljurik provija povate koje se karalisti Janovo od 1882. godina kija kalendarija kalendarija 1884. u 1882. godina koje koje povate kalendari

A STATE OF THE STA

## الميحث الثالث

# استخدام المتغيرات الصورية كمتغيرات تابعة

بالرغم من التوسع في استخدام المتغيرات الصورية (الثنائية) كمتغيرات تفسيرية إلا أن استخدامها كمتغيرات تابعة مازال محدوداً. ولعل هذا يرجع للمشاكل العديدة التي تنجم عند استخدام هذه المتغيرات كمتغيرات تابعة . ومن الأمثلة على استخدام المتغيرات الصورية كمتغيرات تابعة محاولة تفسير الملكية الخاصة للمنازل ببعض المتغيرات الكمية كالدخل . وعندئذ إذا كانت الأسرة تملك منزلاً خاصا فإن قيمة المتغير الصوري = الموزي = الموزي الأمثلة الأخرى محاولة تفسير فاعلية بعض الأدوية بعدد من المتغيرات التفسيرية الكمية ، وعندئذ إذا كان الدواء فعالاً في علاج بعض الأمراض يأخذ المتغير الصوري الصوري قيمة الموزي قيمة الموزي المتغير الموزي قيمة الموزي قيمة المتغيرات التفسيرية الكمية ، وعندئذ إذا كان الدواء فعالاً في علاج بعض الأمراض يأخذ المتغير الصوري القيمة صفر . ومن بين المتأذج التي تستخدم في تقدير علاقة متغيرها التابع متغير صوري:

- The Linear Probability Model (LPM) الموذج الاحتمال الخطي (۱)
  - . Logit Model موذج (۲)
- Probit Model مودج (۳)
  - (٤) نموذج Tobit Model .

وسوف نركز على النوعين (1) ، (2) في هذا المبحث .

(٨-٣-٨) نموذج الاحتمال الخطي LPM:

افترض أننا بصدد تقدير النموذج التالي:

حيث: ص, = ا إذا كانت الأسرة تملك منزلاً خاصاً ع, = صفر إذا كانت الأسرة لا تملك منزلاً خاصاً م, = دخل الأسرة "," بالألف دولار

ومن الواضح أن هذا النموذج يحاول اختبار أثر الدخل كمتغير كمي على الملكية الخاصة للمنازل كمتغير نوعي أو ثنائي . ويسمى النموذج السابق بنموذج الاحتمال الخطي . وإذا كانت البيانات المتوفرة عن عشرة أسر مثلاً كما هي موضحة بحدول مثال (٨-١) يمكن تحديد قيمة متغير الملكية كما هو موضح بنفس الجدول .

مثال (٨-٦) نموذج الاحتمال الخطي في تقدير العلاقة بين الملكية الخاصة والدخل

الدخل س ر	قيمة المتغير	الموقف من الملكية (٢)	الأسرة (١)
الف دولارس	النوعي حي (٣)	But the property sectors.	
10	1	تملك إنادي	1
15		<b>تملك: يمالك</b> يونون	2
5	ayou way Ory	لا تملك	3
20	1	وه قمالک	4
6	<b>0</b>	لا تملك	5
4		لا تملك	6
25 .	1	تملك	7
25	15	تملك	8
7	0	لا تملك	9
23		ت د د د د د د تملك	10

ويلاحظ أن المتغير التابع في هذه الحالة يعتبر متغيراً احتمالياً ذو طبيعة خاصة. فهو أولا متغير ذو طبيعة خاصة لأن قيمته تتراوح بين الصفر والواحد ، ولذلك فإن القيمة المتوقعة له أو متوسط قيمه تقع بين الصفر والواحد . أي أن :

$$0 \le E(Y_i/X_i) \le 1$$
  $\bullet$  صفر  $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$ 

ومن ناحية أخرى فهو متغير احتمالي ، حيث أن احتمالات قيمه أقل من الواحد . ففي مثالنا السابق نجد أن التوزيع الاحتمالي للمتغير التابع يظهر كما بالجدول (١٠-٨) .

جدول (۸–۱۰)

احتمالات ملكية منزل خاص

احتمال (P)			قيمة حب (Y)		
A 1. 1	0.6	Art, re	age to the I have a section of		
	0.4		0		
	1.0		مجموع الاحتمالات		

ويمكن كتابة التوزيع الاحتمالي في صورة عامة كما بالجدول (١١-١).

جدول (۱۱-۸)

التوزيع الاحتمالي لمتغير صوري

احتمال (P)	قيمة <b>ب</b> (Y)
(P) z	1
(1-p) (z-1)	0
1.0	مجموع الاحتمالات

#### ومن ثم فإن:

$$E(Y_i) = \Sigma P_i Y_i$$
 القيمة المتوقعة للمتغير  $= \sum P_i Y_i$  القيمة المتوقعة للمتغير

ومن المعادلة (٨-٢٧) نجد أن:

حيث:ق(٤)=صفر الدارية المدينة المساورة المساورة المساورة المساورة المساورة المساورة المساورة المساورة

ومن (۸–۳۸) ، (۸–۳۹) نجد أن: الميشين والمستعلق الماد الماد والماد الماد والماد الماد والماد الماد والماد الماد والماد

$$(4 - 1) = 1 + 4 = 7 = 7 = 7 = 3$$

ومن ثم فإن القيمة المقدرة لكل حن ر تساوي احتمال هذه القيمة . أي أن :

$$(\varepsilon \cdot 1 - \lambda) \dots \qquad \hat{Y}_i = P_i \qquad \qquad \varepsilon = 0$$

ومن أهم المشاكل التي تنجم عند استخدام المتغير الصوري كمتغير تابع ما يلي:

(۱) الإخلال بأحد افتراضات طريقة المربعات الصغرى وهو أن الحد العشوائي له توزيع توزيع معتدل . فيلاحظ في هذه الحالة أن الحد العشوائي لا يكون له توزيع معتدل ، ذلك لأنه يأخذ قيمتين فقط . ويتضح هذا مما يلي :

$$u_i=Y_i$$
-  $a$  -  $b$   $X_i$  من ثم فإن قيم  $a$  ، تصبح كما بالجدول (۱۲-۸) .

جدول (٨-١٢) ١٨ معه الم

العلاقة بين ۽ ۽ هي ۽

مِينَةِ مُعِمَّةٍ عُرِينَ مُعَالِّمَةً عُرِينَ مُعَالِّمُ عُرِينَ مُعَالِّمُ عُرِينَ مُعَالِّمُ عُرِينَ مُعَالً	قيمة س
ا –أ-ب س ر	1
_أ_ب س <sub>ار</sub>	0

وفي حالة أن يكون توزيع عرضية المعلمات المقدرة بواسطة المربعات الصغرى العادية لأنه لا يمكن استخدام جداول (1) أو (2) والتي هي قائمة أساساً على افتراض اعتدالية التوزيع . ولكن لا يعتبر اختلال هذا الافتراض أمراً خطيراً لأن المعلمات المقدرة بواسطة طريقة المربعات الصغرى العادية تظل غير متحيزة ، ومع كبر حجم العينة يصبح التوزيع معتدلاً .

(۲) كما يترتب أيضا على استخدام المتغير الصوري كمتغير تابع وجود ارتباط بين الحد العشوائي والمتغير المستقل ، وهذا يخل مرة أخرى بأحد افتراضات طريقة المربعات الصغرى العادية القائلة بعدم وجود ارتباط بين " $^*$ , "، " $^*$ , " $^*$ , " $^*$ , " $^*$  " $^*$ , " $^*$  "

$$(\xi - \Lambda)$$
  $k_i = \sqrt{P_i(1-P_i)}$   $(j - 1)$   $j = j \in I$ 

وحيث أنه من الصعب تحديد الاحتمال (ح ر) في المجتمع فإننا نستعيض عنه بالاحتمال المقدر من عينة . و بالتعويض من المعادلة (١-٨) تحصل على :

وبقسمة طرفي المعادلة (٨-٣٧) على ي تحصل على:

وبتحويل البيانات وفقا للمعادلة (٨-٤٤) نعيد التقدير مرة أخرى باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية . ولعمل ذلك نتتبع الخطوات التالية :

(أ) نقوم بتقدير المعادلة (٨-٣٧) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية من خلال البيانات المعطاة في المثال (٨-٦) فنحصل على:

وبالاحظ أن ما تعنيه المعادلة (٨-٤٥) هو أنه لكي تكون حي [= ١ ، أي:

- ١٠,١١٠ من ر = ١ ، فإن ٥٠٠ من ر = ١١ أرا ، ومن ثم فإن :

أي أنه حتى يصبح الفرد مالكا لمنزل خاص يتعين أن يكون دخله في المتوسط 27 ألف ومائتين دولار . ومن المعادلة (8-20) نجد أن :

وبالحصول على ثب الكل القيم بالتعويض في المعادلة (٨-٤٦) عن سر يمكن استخدامها في الحصول على ثي كما هو موضح بالمعادلة (٨-٤٣). (ب) نقوم بتعديل قيم حب المشاهدة ، س بقسمتها على ثي ، ثم نعيد تقدير الدالة مرة أخرى باستخدام البيانات المعدلة ، وتكون بذلك قد تخلصنا من مشكلة وجود ارتباط بين در، س, وذلك على النحو الموضح بالجدول (۱۳-۸).

جدول (۸-۱۳)

#### حسات ی

(1.)	(1) 	(A)	(Y) 	(1)	(0)	(ξ) ^ ~1	(r) ^	(٢)	(1)
المحلة	المحلة	المعدلة	المعتلة		اس (احد)		سي ز	<b>عن</b> ر	عن ر ا
0.49	0.238	0.61	0.39	0.49	0.238	0.61	0.39	105	
0.48	0.230	0.36	0.64	0.48	0.230	0.36	0.64	15	1
0.35	0.120	0.86	0.14	0.35	0.120	0.86	0.14	5	P.E.
0.39	0.098	0.11	0.89	0.31	0.098	0.11	0.89	20	1
0.30	0.134	0.81	0.19	0.39	0.154	0.81	0.19	6	0
0.10	0.0099	0.01	0.09	2.30	0.089	0.91	0.09	4	10
0.10	0.0099	0.01	0.99	7	-0.160 -0.160	-0.14	1.14	25	1
0.43	0.1824	0.76	0.24	0.43	0.1824	0.76	1.14	25	11
0.10	0.0099	0.01	0.99	?	-0.042	-0.04	1.04	7 23	0

(ج) قد تظهر هناك مشكلة أخرى مؤداها أنه بالرغم من أن قيم حب رتتراوح بين الواحد . فلا والصفر لطبيعتها الخاصة فإن قيم حب قد تقل عن الصفر أو تزيد عن الواحد . فلا يوجد هناك ما يضمن تراوحها بين الصفر والواحد ، وهذا واضح من العمود (٣) بالجدول (٨-١٣) . ويترتب على ذلك أننا عندما نحصل على القيمة حب (١٠ حب ر) فإنها قد تكون قيمة سالبة لا يمكن الحصول على جدرها التربيعي للتوصل للقيمة أي وذلك كما يتضح من العمودين (٥) ، (٦) بالجدول (٨-١٣) . وللتغلب على الهذه المشكلة يتعين تحويل كل قيمة له حب أقل من الصغر إلى قيمة موجبة قريبة من الصغر ولتكن ١٠,٠ ، وتحويل كل قيمة لها أكبر من الواحد إلى أقرب قيمة للواحد ولتكن ١٠,٠ ، ثم نحسب أي المغدلة كما بالعمود (١٠) بالجدول (٨-١٣). ومن ثم يمكن الحصول على القيمتين : (حر ر / أي ) ، (عر ر / أي ) كما بالجدول (٨-١٠) .

جدول (٨-١٤) حساب قيم حب\* ، عب\* ، المعدلة --

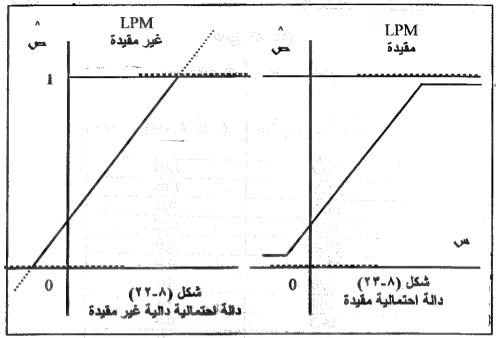
س ٔ ر= (س , / ی )	( \$\documents  \documents  \documents
20.4	2.04
31.25	2.08
14.28	0.0
64.5	3.22
15.38	0.0
13.33	0.0
250	10
250	10
16.3	0.0
230	10

وباستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نحصل على معادلة انحدار عن العلاقة بين القيم المعدلة على أم ونكون قد تخلصنا بذلك من مشكلة الارتباط بين من ونكون قد تخلصنا بذلك من مشكلة الارتباط بين من ونكون قد وتتمثل هذه المعادلة في:

$$(\xi V - \Lambda) = (\xi V$$

(٣) ومن المشاكل الأخرى التي تظهر في حالة استخدام المتغير الصوري كمتغير تابع هذه هو أن معامل التحديد ر<sup>7</sup> لا يعبر بدقة عن جودة التوفيق . فشكل الانتشار في هذه الحالة يشبه أحد الشكلين التاليين (٨-٢٣) ، (٨-٣٣) .

and the state of the entire factories of the state of the entire factories of the state of the s

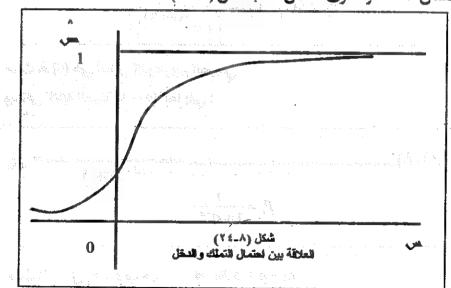


وحيث أن خط الانحدار المقدريمر بقيم متطرفة فقط فإنه من المتوقع أن يكون معامل التحديد في هذه الحالة منخفضاً. ولقد أوضحت معظم الدراسات التطبيقية التي تمت في هذا الصدد أن معامل التحديد الذي يتراوح بين ٢٠٠ – ٢٠، يعتبر معاملاً مرتفعاً في حالة المتغير التابع الثنائي. وإذا قمنا بتقدير النموذج (٨-٣٧) وجاء على النحو التالي:

فإن هذا يعني أنه إذا كان الدخل مساوياً للصغر، فإن احتمال أن يملك الفرد منزلاً خاصاً = - ٩٥,٠٠، وحيث أن الاحتمال لا يكون سالباً، فإن هذه القيمة تقرب إلى الصغر. ويعني هذا في هذه الحالة أنه إذا كان الدخل مساوياً للصغر فإن احتمال أن يملك الفرد منزلاً خاصاً = صفر. ومن ناحية أخرى إذا زاد الدخل بمقدار وحدة واحدة (ألف دولار) فإن احتمال أن يمتلك الفرد منزلاً خاصاً يزداد بمقدار ٩ نقاط (٩ ٪). ولو أن دخله كان ٢٠ ألف دولار فإن احتمال أن يملك هذا الفرد منزلاً خاصاً هو:

وعسد تقدير الاحتمالات باستخدام النموذج الخطي فإن هناك إمكانية أن يكون الاحتمال سالياً أو أكبر من الواحد . ولذا فإن استخدام هذا النموذج غير مفضل .

(٤) يضاف إلى ما سبق أن نموذج الاحتمال التخطي يفترض أن العلاقة بين احتمال المتغير التابع وقيم المتغير المستقل علاقة خطية . فإذا كان مستوى الدخل منخفضاً جداً فإن زيادته بمقدار طفيف تزيد من احتمال أن يمتلك الفرد منزلاً ، وإذا كان مستوى الدخل مرتفعاً جداً فإن انخفاضه بمقدار طفيف يقلل من احتمال أن يمتلك الفرد منزلاً بنفس المقدار السابق . ولاشك أن هذا لا يتفق مع الواقع . فالعلاقة بين احتمال المتغير التابع وقيم المتغير المستقل غالبا ما تكون غير خطية في الواقع . فعند مستويات الدخل المنخفضة جداً يترتب على زيادة الدخل بمقدار طفيف زيادة احتمال تملك الفرد منزلاً خاصاً بدرجة طفيفة ، وكذلك الأمر عند مستويات الدخل المرتفعة جداً ، حيث يكون الفرد غالباً مالكاً لمنزل خاص . ومن ثم فإن تأثير الدخل على احتمال تملك الفرد الفرد ثمنزل خاص ليس ثابتاً وإنما غير خطي . ومن المتوقع أن تكون العلاقة بين احتمال التملك ومستوى الدخل كما بالشكل (٨-٢٤) .



TAYER

### ( ۲-۳-۸ ) نموذج Logit :

لقد اتضح مما سبق أنه في حالة نموذج الاحتمال الخطي نحصل على العلاقة التالية :

$$(\xi q_{-}\Lambda) = (1 + 1) = (1 + 1) = (1 + 1) = (1 + 1)$$

$$P_i = E(Y = 1/X_i) = a + bX_i$$

المستوى المعين من ، يساوي : أ + ب من . وعلاقة الاحتمال تلك هي علاقة خطية . أما في دخل معين من ، يساوي : أ + ب من . وعلاقة الاحتمال تلك هي علاقة خطية . أما في حالة نموذج Logit فإن العلاقة بين الاحتمال والمتغير التفسيري تعتبر علاقة غير خطية ، كما تتراوح قيم الاحتمال بين الصفر والواحد . وتأخذ هذه العلاقة الصيغة التالية :

$$P_i = E(Y_i / X_i) = \frac{1}{1 + e^{-(a+bX_i)}}$$

حيث هـ (e) هي أساس اللوغاريتم الطبيعي .

ويمكن كتابة الصيغة (٨-٥٠) كما يلي:

$$P_{i} = \frac{1}{1 + \rho^{-2}i}$$

$$Z_i = a + b X_i$$
 حيث:  $U_i = i + i + j$ 

Cumulative (Logistic)Distribution وتمثل المعادلة ( $^{01-A}$ ) دالة التوزيع التراكمي  $^{\infty}$  . Function ومن الملاحظ أنه عندما تتراوح ل  $^{\infty}$  . بين  $^{\infty}$  ومن الملاحظ أنه عندما تتراوح ل  $^{\infty}$  . ومن الصفر والواحد ، كما أن ل  $^{\infty}$  [ومن ثم س  $^{\infty}$ ] على علاقة غير خطية مع ح  $^{\infty}$  .  $^{\infty}$  .

وحيث أن  $(P_i)$  تعني احتمال امتلاك منزل خاص ، فإن  $(P_i)$  تعني احتمال عدم امتلاك منزل خاص . ومن ثم فإن :

$$\frac{(1-P_i) = \frac{1}{1+e^{zi}}}{\frac{P_i}{1-P_i} = \frac{1+e^{zi}}{1+e^{-zi}}}$$

بضرب كل من البسط والمقام في وعلى على:

$$\frac{P_i}{1 - P_i} = \frac{(1 + e^{2i})e^{2\pi i}}{e^{2\pi i} + e^{2\pi i}}$$

$$\frac{P_i}{1-P_i} = \frac{(1+e^{zi})e^{2zi}}{(1+e^{zi})e^{zi}} = e^{zi}$$

أي أن:

$$\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}}$$

$$\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}}$$

$$\frac{P_{i,j}}{1 - P_{i,j}} = e^{2i\pi i \omega_{i,j}} = e^{2i\pi i \omega_{i,j}}$$

وتشير النسبة السابقة إلى نسبة احتمال أن تملك أسرة منزلاً خاصاً إلى احتمال ألا تملك منزلاً خاصاً. فلو أن ح  $_1 = 0.0$  ، فإن احتمال أن تملك أسرة منزلاً خاصاً يكون

ضعف احتمال ألا تملك الأسرة منزلاً خاصا مرة ونصف ، حيث (ا-ح ,) = 1-ح ,)=3، • وبأخد اللوغاريتم الطبيعي للصيغة (٨-٥٢) نحصل على :

$$C = Ln(\frac{P_i}{1-P_i}) = a+bX_i$$

وبفحص الصيغة (٨-٥٣) نجد أن نموذج Logit يتصف بما يلي:

- ،  $+ \circ \circ \circ$  تتغير بين  $\circ \circ + \circ \circ$  اذا زاد الاحتمال من صفر إلى الواحد ، فإن "ج ، " (Li) تتغير بين
- (٢) من الواضح أن "ج ," (L<sub>i</sub>) على علاقة خطية مع المتغير التفسيري من , (X<sub>i</sub>) ، ولكن الاحتمال "ح , " (P<sub>i</sub>) على علاقة غير خطية معه . وتختلف هذه الخاصية عن النموذج الاحتمالي الخطي .
  - (٣) من الممكن إثبات أن:

$$\frac{dP}{dX} = bP_i(1-P_i)$$

وهو ما يعني أن التغير في الاحتمال نتيجة لتغير الدخل يتأثر بالمعلمة الانحدارية "ب" b وبمستوى الاحتمال نفسه "ح , "(Pi)" . ولذا فإن العلاقة بين الدخل واحتمال امتلاك منزل هي علاقة غير خطية تتغير مع تغير مستوى الاحتمال . ويلاحظ أن تأثير التغير في الدخل على احتمال التملك ليس ثابتاً ، ويصل لحده الأقصى عندما ح = ٠,٥ ، ويصل لحده الأدنى عندما يقترب "ح" إما من الصفر أو الواحد .

(٤) يمكن تحديد احتمال أن يمتلك فرداً مِنزِلاً خاصاً عند مستوى دخل معين  $\mathbf{a}^{\bullet}$  بالتعويض عن قيمة  $\mathbf{a}^{\bullet}$  في الصيغة (٨-٥٠) وذلك بعد تقدير المعلمات  $\hat{\mathbf{a}}$  ،  $\hat{\mathbf{a}}$ 

(۸-۳-۸) كيفية تقدير نموذج Logit:

لعل السؤال الذي يثور هنا : كيف يمكن تقدير نموذج الذي يأخذ الصيغة (٥٣-٨) المدى ذي بدء إذا كان لدينا عينة من الأسر لم أعطينا القيمة واحد لكل أسرة تملك منزلاً ، فسوف يكون من الصعب تقدير النموذج السابق ، حيث :

ج, = لو (1 + صغر) في حالة الأسرة التي تملك منزلاً خاصاً على الله على الله على الله المراقع

وهي قيم غير محددة .

ولكن إذا تم عرض البيانات بصورة معينة يصبح من الممكن تقدير النموذج السابق . فكل فئة دخل يمكن تحديد عدد السابق . فكل فئة دخل يمكن تحديد عدد المفردات التي تملك منزلاً داخل كل فئة ن ( ni ) ، وعدد مفردات كل الفئة ن ( ni ) . وعندئد يمكن تحديد احتمال لكل متوسط ، حيث :

$$\hat{P}_i = \frac{n_i}{n}$$

وهو ما يسمى بالتكرار النسبي . وبهذه الطريقة يتوفر لدينا لكل  $\mathbf{w}_{i}$  (Xi) احتُمال  $\hat{P}_{i}$  ( $\hat{P}_{i}$ ) . ولكن يلاحظ أن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير الصيغة السابقة لا يعطي نتائج دقيقة في كل الحالات ، وذلك لأن الحد العشوائي  $\mathbf{u}_{i}$  وإن كان له توزيع طبيعي له متوسط حسابي و تباين على النحو التالي :

$$u_i \to N \left[ 0, \frac{1}{N_i P_i (1 - P_i)} \right]$$

أي أن وسطه الحسابي صفر ، إلا أن تباينه يتأثر بالمتغير التابع والذي هو . P. ولذا توجد هنا مشكلة عدم ثبات التباين المعروفة بـ Heteroscedasticity . وتعتبر طريقة المربعات الصغرى المرجحة WLS أكثر للتقدير في هذه الحالة . ولاستخدام هذه الطريقة يتعين تتبع الخطوات التالية :

- $(\hat{P}_i)$  نحسب لكل مستوى دخل س  $(X_i)$  الاحتمال الخاص به  $\hat{P}_i$  (۱).
- (۲) لم نحسب لكل مستوى دخل عن  $(X_i)$  القيمة ج $_{i}$  (Li) كما هي موضحة في الصيغة ( $X_i$ ) .
- (٣) لحل مشكلة عدم ثبات التباين نحصل على القيمة المرجحة للمتغيرات محل الاعتبار، حيث:

أي أن : 🔻

$$L_{i}^{*} = a\sqrt{w_{i}} + bX_{i}^{*} + v_{i}$$

$$L_{i}^{*} = a\sqrt{w_{i}} + bX_{i}^{*} + v_{i}$$

$$w_{i} = n_{j} \hat{P}_{i} (1 - \hat{P}_{i}) \quad \longleftarrow \quad \begin{pmatrix} \hat{A} - \hat{A} \\ \hat{A} - \hat{A} \end{pmatrix} \quad \hat{A} = 0$$

$$L_{i}^{*} = \sqrt{w_{i} L_{i}} \quad \longleftarrow \quad A = 0$$

$$X_{i}^{*} = \sqrt{w_{i} X_{i}} \quad \longleftarrow \quad A = 0$$

$$X_{i}^{*} = \sqrt{w_{i} X_{i}} \quad \bigoplus \quad A = 0$$

- (٤) نستخدم طريقة المربعات الصغري العادية في تقدير المعادلة (٨-٥٧) والتي تعرف عندلد بطريقة المربعات الصغرى المرجحة . ويلاحظ أنه لا يوجد هناك حد ثابت في هذه المعادلة ولذا يتعين مراعاة ذلك في التقدير.
  - (٥) كلما زاد حجم العينة كلما كانت المعلمات المقدرة أكثر دقة .

مثال (۸-۷) تقدير نموذج Logit

افترض أن البيانات المعطاة بالجدول (١٥٣٨) تتمثل فيَّن : = عدد الأسر الدين يحصلون على دخل من ، ن ، = عدد الأسر الذين يملكون منزلاً خاصاً ، من ، = الدخل .

جدول (٨-١٥) : و**الدخل والملكية الخاصة لمنزل** . أما يعدد والأبيان بالتوافظ

عدد الأسر المالكة لمنزل خاص (ن )	عدد الأسر لكل مستوى دخل (ن ع)	الدخل (ألف دولار) من ر		
4	20	3		
and any and the analysis of	25	A		
9	30	8		
Maria Maria 14 and 18	40	6		
22	50	7		
v + N   18	35	10		
10	32	12		
16 m	25	15		
15	20	17		
10	12.	20		

### ولتقدير العلاقة بين الدخل والملكية الخاصة باستخدام نموذج Logit نجري الخطوات

جدول (۸-۲۱)	الموضح سابقا فنحصل على الجدول (٨-١٦).
-------------	---------------------------------------

$X_{i}^{*} = X_{i}\sqrt{w_{i}}$	$L_{i}^{*} = L_{i}\sqrt{w_{i}}$	$\sqrt{w_i}$	$w_i = n_j \hat{P}_i (1 - \hat{P}_i)$	$L_i = \ln(\hat{P}_i / 1 - \hat{P}_i)$	$\frac{\hat{P}_i}{1-\hat{P}_i}$	(1 – P <sub>i</sub> )	$\hat{P}_{i}$	obs
5.3666	-2.4798	1.7889	3.2000	-1,386	0.2500	0.8000	0.2000	1
8.5417	-2.4615	2.1354	4.5600	-1.153	0.3158	0.7600	0.2400	2
20.0798	-2.1267	2.5099	6.3000	-0.847	0.4286	0.7000	0.3000	3
18.0997	-1.8674	3.0166	9.0999	-0.619	0.5385	0.6500	0.3500	4
24.5699	-0.8465	3.5099	12,320	-0.241	0.7857	0.5600	0.4400	5
29.5683	-0.1690	2.9568	8.7428	0.057	1.0588	0.4857	0.5143	6
33.3392	1.0543	2.7783	7,7187	0.379	1.4615	0.4062	0.5938	7
36.000	1.3809	2.4000	- 5.7600	0.5754	1.7778	0.3600	0.6400	8
32.92036	2.12745	1.9365	3.7500	1.0986	3.0000	0.2500	0.7500	. 9
25.8198	2.0778	1.2910	1.6667	1.6094	5.0000	0.1667	0.8333	10

وبتقدير العلاقة (٨-٥٧) نحصل على:

$$L_{i}^{*} = -1.64\sqrt{w_{i}} + 0.16X_{i}^{*}$$

$$S_{bi} \quad (0.19) \quad (0.019)$$

$$t \quad (-8.58) \quad (8.49)$$

### ويمكن تفسير العلاقة المقدرة (٨-٨٥):

(أ) كل زيادة في الدخل المرجح  $\mathbf{w}^{\bullet}_{i}(\mathbf{x}^{\bullet})$  بمقدار وحدة واحدة تؤدي إلى زيادة اللوغاريتم المرجح لنسبة احتمال التملك إلى عدم التملك بمقدار  $\mathbf{v}_{i}$ . وإذا حصلنا على مقابل اللوغاريتم للمعلمة الاتحدارية ( $\mathbf{v}_{i}$ )  $\mathbf{v}_{i}$  =  $\mathbf{v}_{i}$  ، وطرحنا منها واحد نحصل على  $\mathbf{v}_{i}$ . وهذا يعني أن كل زيادة في الدخل المرجح بمقدار وحدة واحدة (ألف دولار) تؤدي إلى زيادة نسبة احتمال التملك إلى احتمال عدم التملك بمقدار

(ب) إذا أردنا تحديد احتمال أن يمتلك فرداً دخله 20 ألف دولار منزلا خاصا ، نقوم بقسمة طرفي المعادلة (٨-٥٨) على/ ي فنحصل على :

چر = - ۱,۱۴ + ۱,۱۹ می ر

وبالتعويض عن قيمة س ر بالمقدار ٢٠ نحصل على:

ج ر = نو (ح ر / ۱-ح ر ) = - ۱۶۰۴ + ۲۲۰۰ (۲۰) = ۲۵۰۱

ومن ثم فإن مقابل لوغاريتم  $\frac{1}{3}$  =  $(\frac{1}{3}, \frac{1}{1-3}, \frac{1}{3}) = (\frac{1}{3}, \frac{1}{3})^{-1}$  = (3, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}) = (\frac{1}{3}, \frac{1}{3}) =

أي أن احتمال أن يمتلك فرداً دخله ٢٠ ألف دولار منزلاً خاصاً = ٨٢,١٪.

(-, -1) = (-,

فإن هذا يعني أنه إذا زاد الدخل عُن ٢٠ ألف دولار بمقدار وحده واحدة (ألف دولار) فإن احتمال أن يمتلك الغرد منزلا يزداد بمقدار ٢٪.

實,可以是不過當了的。

31、中国15、李科·夏季中国15年2月,15年1日16日

And became the second of the second of the second

And the office of the state of the second of the second of

## القصل التاسع

## تحليل التباين

# Analysis of Variance (ANOVA)

يهدف تحليل التباين إلى اختبار مدى أهمية المتغيرات المختلفة في تأثيرها على سلوك الظواهر الاقتصادية ، وذلك من خلال تحديد النسبة التي يعتبر كل متغير مسئول عنها في تغير الظاهرة . فإذا أردنا مثلاً أن نحدد أهم العوامل التي تؤثر في إنتاجية فدان القمح فتجعله مرتفعاً في بعض المناطق ومنخفضاً في بعض المناطق الأخرى فإننا نقوم باختبار أثر بعض العوامل التي يعتقد فيها أنها تؤثر على إنتاجية الأرض مثال: (أ) نوع السماد ، (ب) نوع البدور ، (ح) نظام الري ، ويساعدنا تحليل التباين في هذه الحالة على تحديد العوامل ذات التأثير الجوهري على إنتاجية الأرض من بين العوامل السابقة ، كما يساعدنا على تحديد الأهمية النسبية لكل عامل منها في تأثيره على هذه الإنتاجية .

ويركز هذا الفصل على عدد من النقاط الأساسية التي تتعلق بمفهوم التباين وأهم استخداماته في ثلاثة مباحث مستقلة ، وذلك على النحو التالي :

المبحث الأول: مفهوم تحليل التباين.

المبحث الثاني : اختبار مدى أهمية المتغيرات في تفسير الظاهرة .

المبحث الثالث: استخدامات تحليل التباين.

er for state of the section of the s

The second section of the second seco

## المبحث الأول

## مفهوم تحليل التباين

حتى يمكن استيضاح فكرة تحليل التباين دعنا نأخذ المثال التالي: افترض أن لدينا عينة من ٣٠ قطعة أرض مزروعة في مناطق متفرقة، وافترض أن وجه الاختلاف بين هذه القطع هو نوع السماد المستخدم ، حيث كانت موزعة كالآتي:

 $(n_l)$ شمانیة قطع لا تستخدم سماد  $[\Lambda=,\,\,\,]$  ئمانیة قطع لا تستخدم سماد

 $(n_2)$ ..... [۱۰=، تا " أ" [ت، عشرة قطع تستخدم سماد " أ" [ت، الم

واثنتي عشرة قطعة تستخدم سماد " ب " [ ن -= ۱۲ ] .....

حيث ن=ن ، +ن ، +ن + ۸ = ۱۲ + ۱۰ + ۸ = ن عيث ن=ن ،

ن = حجم العينة الكلية = 3

اي ان:

ن, (m) = حجم العينة الفرعية و (i)، حيث و (n) = 3.3...م(m).

م (m) = عدد العينات الصغيرة [ ٣ في هذا المثال] .

والمطلوب هنو اختبار ما إذا كان نوع السماد يعتبر أحد العوامل التي تؤثر على إنتاجية الأرض تأثيراً جوهرياً أم لا .

لإجراء هذا الاختبار باستخدام تحليل التباين يتعين كخطوة أولى القيام بتقسيم العينة الكبيرة إلى مجموعات أو عينات صغيرة وفقاً للمتغير المستقل الذي يراد اختبار تأثيره وهو نوع الساد في هذه الحالة . ويتضح هذا بالجدول (١-١)، حيث أن المجموعة " ١ " تحتوي على قطع الأرض التي لا تستخدم سماد ، والمجموعة " ٢ " تحتوي على قطع الأرض التي تستخدم سماد من النوع (أ) ، والمجموعة " ٣ " تحتوي على قطع الأرض التي تستخدم سماد من النوع (أ) ، والمجموعة " ٣ " تحتوي على قطع الأرض التي تستخدم سماد من النوع (ب) .

وليس من الضروري في هذه الحالة أن تتساوى أحجام العينات الصغيرة حيث  $\lambda = 10$   $\lambda = 10$ 

جميع القطع ، ذلك لأن وحدة القياس هنا هي إنتاجية الفدان وليس إنتاج القطعة كلن فإذا افترضنا أن إنتاجية الفدان في القطع المختلفة كانت كما بالجدول (P-1)، فإننا نلاحظ أن إنتاجية فدان القمح تختلف من قطعة لأخرى كما هو واضح بالعمود (P-1) في الجدول (P-1) والسؤال الذي نبحث لجواب عنه الآن هو: هل لنوع السماد تأثير جوهري على إنتاجية الفدان من القمح P

وللإجابة على هذا السؤال يتعين أن نقيس أولاً مقدار الاختلاف أو التغير في إنتاجية الفدان بين القطع المختلفة . ولعله من الممكن عمل ذلك من خلال حساب مجموع مربعات انحرافات قيم الإنتاجية بالقطع الزراعية المختلفة عن الوسط الحسابي للعينة الكلية . فإذا رمزنا إلى إنتاجية الفدان بالرمز حيى ، ومتوسط الإنتاجية للفدان

بالعينة الكلية بالرمز ﴿ حيث: ﴿ وَمِنْ الْمُوالِدُ الْمُوالِدُ الْمُوالِدُ الْمُوالِدُ الْمُوالِدُ الْمُوالِدُ

(۱-۹) ...... 
$$( - - \sqrt{ } )$$
 = غ ه =  $= \frac{1}{2}$  =  $= \frac{1}{2}$   $= \frac{1}{2}$ 

ويلاحظ في هذا الصدر أن التغير الكلي في الإنتاجية يحتوي على عنصرين:

- (١) تغير عشوائي يرجع لعوامل عشوائية .
- (2) تغير حقيقي يرجع لاختلاف نوعية السماد .
  - وسوف نفرق بين هذين التغيرين فيما يلي .

جدول (١-١)- إنتاجية الفدان في القطع المختلفة					
Z.	(٤)إنتاحية الفدان	(٣) إنتاجية الفدان	(٢) إنتاجية القدان	(1) إنتاجية القدان	رقم
	بالمُجِمُوعة ٣	بالمجموعة ٢	بالمجموعة ١	بالإردب لكل العينة	القطعة
ΣYji	سعاد ( ب )	سماد (1)	( <b>لاسماد</b> )		May 1
	(Yii)	(Y2i),	حب <sub>ار</sub> (۲ <sub>/</sub> i)	ر (Yi) جار (Yi	wift on
		La Maria	1 · = 11 vm	1.	1
			1 - = <sub>71</sub> v=	1.	۲
$\sum Y_1 i =$		a the state of	1.=11=11	De vie d' <b>le</b> de viele	v. My.
<u>∑</u> :-∞ `ر	ra Sara	k sata i saa .	17= (1 0=	1 <b>1</b> - 1 1 Degree - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	€
1=,			11=414=	711	٥
Supprise Supprise		MANY CARE	g the <b>X±4, t≟</b> site of	ja og jakkedi. Akt	mil Art
16,07100	lak voltila .	es. Na kara	1 = y1 on	Sa the Company	<b>Y</b> A N
Market State a			The Name of Street		"
$\sum Y_2 i =$		10 = 17 cs		10	*
		17 = 77 cm		14	1.
,,		W=nv=		17	11
1=,		18 = 81.0m		16	17
10+=	to the second second	the architecture	to a second		17
		10 = 17 yz	1) 	10	18
TO MAKE BUT	ű.	17=47-04	the state of the s	was Maria Maria	10
		15=47.0×		10	17
	ł		w A	100	
		10 = 1.7 -	and the second	<b>,</b>	14
gg tikke	and the state of t	. Ara. js., še	ely a program		7.
$\sum Y_3 i =$	1A = 17 um	EA TO A		77	71
	¥¥ = <sub>1</sub> ;	[14] 전기 [17]		77	77
- T				17	77
1=,	17= 37-0-	& U333		7.	TE.
76 *** ( )	To a wife and			77	To
	17 = <sub>17 </sub>			15	77
	11 = <sub>AP</sub> ∪=			17	TY
1	17 = 47 cm			71	YA
	T1 = 1.7 un			۲۰	79
	T = 117 cm	•		Y+	۳.
	1 14h Om				:

### ( ٩-١-١) التغير العشوائي:

عندما نقسم العينة الكبيرة إلى مجموعات أو عينات صغيرة فإن المفردات الخاصة بكل مجموعة صغيرة تكون متماثلة من حيث نوع السماد المستخدم ، فكل قطع المجموعة ٢ يتم استخدام نوع واحد من السماد فيها هو النوع (أ) ، وكل قطع المجموعة ٣ يتم استخدام نوع واحد من السماد فيها هو النوع (أ) ، وكل قطع المجموعة ٣ يتم استخدام نوع واحد من السماد فيها هو النوع (ب) . ومن ثم فإن اختلاف إنتاجية الفدان بين قطع المجموعة الواحدة لا يمكن أن يرجع لاختلاف نوع السماد ، وإنما يرجع لعوامل عشوائية . فيلاحظ بالجدول (١-١) أن إنتاجية الفدان تختلف بين قطع كل مجموعة . ومثل هذا الاختلاف يرجع لعوامل عشوائية كالتقلبات الجوية ، طالما أن جميع العوامل الموضوعية كنوع السماد متماثلة بين مفردات كل مجموعة . ولذلك فإن التغير الداخلي الموضوعية كنوع السماد متماثلة بين مفردات كل مجموعة . ولذلك فإن التغير الداخلي النحو التالى:

نقوم بحساب الوسط الحسابي لكل عينة جزئية حيث:

$$\overline{Y}_{j} = \frac{\sum_{i=1}^{n_{j}} Y_{ji}}{n_{j}} \qquad \qquad \underbrace{\qquad \qquad }_{j} \underbrace{\qquad$$

🖚 , = الوسط الحسابي للعينة الجزئية و .

\_\_\_\_ بر= مجموع الإنتاجيات بالمحموعة و.

ن و =حجم العينة الجزئية و.

ثم نقوم بحساب مقدار تشتت القيم حول الوسط الحسابي حبر داخل كل مجموعة أو عينة جزئية من العينات كما يلي:

$$ESS_2 = r \left( \sqrt{m} - \sqrt{m} \right) = \frac{ro}{1 - r}$$

$$ESS_3 = {r \choose r} - {r \choose 3} - {r \choose 3}$$

وبجمع هذه القيم الثلاثة نحصل على مقياس للتغير العشوائي والذي نرمز له:

$$ESS = \sum_{j=1}^{m} \sum_{i=1}^{nj} \left( Y_{ji} - \bar{Y}_{j} \right)^{2}$$

## ( ٩-١-٩ ) التغير الحقيقي

My Way bearings

إذا قارنا متوسط الإنتاجية بالمجموعة ١ ومتوسط الإنتاجية بالمجموعة ٢

و متوسط الإنتاجية بالمجموعة ٣ نجد أن هناك اختلافاً بينهم حيث:

$$Y_1 = 1 \cdot = \lambda + \lambda \cdot = \frac{1}{1 \cdot 1}$$

$$\overline{Y}_2 = 10 = 1 \cdot \div 10 \cdot = \qquad \qquad \downarrow_{\tau} \checkmark = \boxed{1 = 1}$$

$$Y_3 = Y = 1Y \div Y \pounds \cdot =$$

ومثل هذا الاختلاف بين متوسطات المجموعات المختلفة يمكن إرجاعه لاختلاف نوع السماد ، ولذا فإنه يسمى " التغير الحقيقي " ويطلق عليه أيضاً التغير بين المجموعات Across Group Variation . ومن الممكن الحصول على قيمة التغير الحقيقي عن طريق قياس انحرافات المتوسطات حرى ، عرى ، حرى ، عن المتوسط العام للعينة حرى حيث:

$$\frac{7\xi \cdot + 10 \cdot + \lambda \cdot}{1 = 1} = \frac{7}{1 = 1}$$

ولقياس التغير الحقيقي الكلي نحسب التغير الحقيقي الجزئي لكل مجموعة كما يلي:

$$\sqrt{(\nabla - \nabla_i)^2} = \sqrt{(\nabla - \nabla_i)^2} = \sqrt{(\nabla - \nabla_i)^2}$$
 = التغير الحقيقي بالمجموعة  $\sqrt{(\nabla - \nabla_i)^2}$  =  $\sqrt{(\nabla - \nabla_i)^2}$ 

وبلاحظ في هذه الحالة أن الانحراف (﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴾ ) يعتبر واحد لجميع قيم العينة الفرعية ولذلك فإن مجموع مربعات هذه الانحرافات لكل قيم العينة يمكن الحصول عليه بضرب عدد القيم ( ن ﴿ ) في مربع انحرافات واحد ، وكذلك الأمر بالنسبة للقيمتين الفرعيتين ٢ ، ٣ :

$$RSS_2 = {}^{r}(\sqrt{m} - {}_{r}\sqrt{m})_{r}) = {}^{r}(\sqrt{m} - {}_{r}\sqrt{m})_{r} = {}^{r}(\sqrt{m} - {}_{r}\sqrt{m})_{r})$$

$$= {}^{r}(\sqrt{m} - {}_{r}\sqrt{m})_{r}) = {}^{r}(\sqrt{m} - {}_{r}\sqrt{m})_{r} = = {}^{r}(\sqrt{m}$$

وبجمع هذه القيم نحصل على مقياس للتغير الحقيقي بالعينة ككل كما يلي:

$$(i-r-1)$$
.  $(i-r-1)$ .  $(i-r-1)$ .  $(i-r-1)$ .  $(i-r-1)$ .  $(i-r-1)$   $(i-r-1)$ 

## ( ۱-۹-۳) التغير الكلى ا

من الممكن إثبات أن:

التغير الكلي في الإنتاجية = التغير العشوائي + التغير الحقيقي

غ د څه + څه

TSS = ESS + RSS

فمن المعادلة (١-٩) نجد أن:

$$(-1)^{0} = \frac{1}{2} = \frac{1$$

وبإضافة حسَّ، وطرحه في نفس الوقت من الطرف الأيسر نحصل على:

$$'[(--,-)+(--,-)]$$
 $\stackrel{90}{\leq}$ 
 $\stackrel{6}{=}$ 
 $\stackrel{1}{=}$ 
 $\stackrel{1}{=}$ 
 $\stackrel{1}{=}$ 

وبحل ما بداخل القوس الأكبر نحصل على:

ويلاحظ أن الحد الأخير من هذه المعادلة يمكن كتابته على النحو التالي:

. . الحد الأخير كله = صفر ومن ثم فإن :

ومما سبق يمكن القول أن:

RSS= 
$$\frac{3 \frac{\dot{E}}{a}}{\dot{E}}$$
=  $\frac{3}{4}$ =  $\frac{3}{4}$ =  $\frac{3}{4}$ Itimized in the standard of the sta

وبنفس الطريقة يمكن استخدام تحليل التباين في تحديد النسبة من التغير الكلى في الإنتاجية التي ترجع لنوع البدور أو نظام الري أو غيرها . كما يمكن تحديد الأهمية النسبية لكل متغير في تفسيره الظاهرة بناءاً على ذلك . ومن أهم استخداماته :

- (1) اختبار مدى أهمية المتغيرات في تفسير الظاهرة .
  - (2) اختبار معنوية معادلة الانحدار ككل.
- (3) اختبار معنوية التحسن في المقدرة التفسيرية الناجم عن إضافة متغير جديد .
  - ( ٤ ) اختبار معنوية الاختلاف بين معلمات تم الحصول عليها من عينات مختلفة .
    - (٥) اختبار مدي استقرار معاملات الانحدار عند زيادة حجم العينة .
      - ( 7 ) اختبار القيود المفروضة على معاملات دالة ما .

وسوف نتعرض لهذه الاستخدامات بالتفصيل في المباحث التالية .

### المبحث الثاتى

### اختبار مدى أهمية المتغيرات في تفسير الظاهرة

يتعين أن نفرق منذ البداية بين نوعين من تحليل التباين:

- (۱) تحليل التباين ذو الاتجاه الواحد One-way ANOVA وهو يختص باختبار أثر متغير تفسيري واحد على الظاهرة محل البحث.
- (٢) تحليل التباين ذو الاتجاهين Two-way ANOVA وهو يختص باختبار أثر متغيرين تفسيريين على الظاهرة محل البحث ، كما أنه نموذج للحالات التي يوجد فيها أكثر من متغير تفسيري واحد .

ويلاحظ أن المتغيرات التفسيرية في حالة تحليل التباين غالباً ما تُكون متغيرات نوعية كنوع السماد مثلاً أو نوع البدور . وإن كان هذا لا يمنع أن تكون المتغيرات التفسيرية كمية .

### ( ٩-٢-٩ ) تحليل التباين ذو الاتجاه الواحد

دعنا نفترض أن لدينا بيانات عن الادخار الخاص بعينه من الأسر تتماثل في الحجم والدخل والموطن ولكنها تختلف في المستوى التعليمي لرب الأسرة أ وافترض أننا نريد اختبار مدى تأثير المستوى التعليمي على مستوى الادخار السنوي وذلك باستخدام تحليل التباين .

فإذا كانت البيانات المعطاة هي كما بالجدول ( ٢-٩ ) ، فلكي نختبر مدى تأثير المستوى التعليمي لرب الأسرة على مستوى الادخار يتعين إتباع الخطوات التالية: ( 1 ) نقوم بتقسيم قيم الادخار بالعينة ككل إلى عينات أو مجموعات صغيرة وفقاً للمتغير التفسيري وهو المستوى التعليمي في هذه الحالة . فإذا كان هناك ثلاث مستويات تعليمية بين أفراد العينة هي : بدون تعليم ، وتعليم متوسط ، وتعليم عالي ، فمن الممكن تقسيم هذه العينة إلى ثلاث مجموعات صغيرة وذلك كما يتضح بالجدول (٢-٩).

مثال (1-4) أثر المستوى التعليمي على الادخار

و درون (۲-۹) درون (۲-۹)

		( ' ')	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	La Carpera Pracili	St. No. 4 St.
	أدخار الأسرة	. ادخار الأسرة	ادخار الأسرة	ادخار الأسرة	رقم الأسرة
,, <u>-</u> _	بالمجموعة / تعليم	بالمجموعة / تعليم	بالمجموعة / بدون	( بالمائة جنيه )	
	عالي	متوسط	تعليم		
	<del>س بر</del> <sub>در در در در</sub>	جه <sub>کار</sub>	<sub>)1</sub> v=	<b>م</b> ن ر	
ΣV			1.	1.	١
$\sum Y_{ij} = \frac{1}{2}$			11	11	۲
		kaya 🗼	gara a <b>q</b> aar	er er 🌓 Angel	San Francisco
<b>3 + ≔</b>	ing Mark	da eta eta	<b>14</b> .	San Francis	, 50 <b>€</b> 7
	, was sign (N			eres que 🍇 🐧 😘	
$\sum Y_{2j} = 0$	1.	10 10 10		10 ( <sub>12</sub> 16 , 15 , 17 , 17 , 17 )	No. 1
Yo = 1=0	r ett var en de	11 11 11 12 18			Y
	North College	1£		1£	٨
TO What	an Partitor seg	117 1	€1 <sub>g</sub> 11 es	a water	Paris A
Ally Notice the	diagon s	j <b>17</b>	A plany Maga	30000 <b>14</b> 0000	1.
eri.	( 1 / P + 1 ( )	No regard	Newspan of	e engli della me pi	New years
$\sum \mathbf{Y}_{3j} = 0$		leng sesses.	Agrada j	1.4	11
2 1 3 <u>0</u>	77			. **	. 17
ر=1 - ۲۰۰	W 1 1 1	ine. Imbj	est i	<b>*1</b>	30dy, 18
1 • • = A = 44	william william gast Magnet			14	10
7 - 7 % Wa	and the second	100	4.4	and the second	

(٢) نقوم بحساب متوسط الادخار لكل عينة صغيرة فنحصل على حراء حراء حراء على ولاحظ في هذه الحالة أنه إذا كان مستوى التعليم ذو تأثير جوهري على متوسط الادخار يتعين أن تكون الفروق بين متوسطات الادخار الخاصة بالمجموعات الثلاثة ذات المستويات التعليمية المختلفة كبيرة وجوهرية . أما إذا كانت هذه المتوسطات

الفرعية متساوية فيما بينها ومن ثم مساوية للمتوسط العام حب ، أو كانت الفروق بينها صغيرة وغير جوهرية رغم اختلاف المستويات التعليمية للمجموعات المختلفة ، فإن هذا يعنى أن مستوى التعليم لا يؤثر على الادخار ، وأن الاختلافات بين مستويات الادخار إن وجدت ترجع لعوامل عشوائية . ومن ثم فإن الفرض الذي يتعين اختباره في هذه الحالة هو: فرض العدم:

$$Y_1 = Y_2 = Y_3 = Y$$

في مواجهة :

الفرض البديل: المتوسطات غير المتساوية

(٣) والسؤال الآن هو: كيف نختبر ما إذا كان الاختلاف بين متوسطات المجموعات الفرعية اختلافاً جوهرياً يعبر عن تغير حقيقي ولا يرجع لمجرد الصدفة أم لا ؟

يمكن قياس الفروق بين متوسطات المجموعات الفرعية عن طريق تباين هذه

المتوسطات حول المتوسط العام . وهذا المقياس يتمثل في :

حىث:

م  $_{\pm \delta}$  = متوسط مربعات انحرافات المتوسطات الفرعية عن المتوسط العام .

م = عدد العينات الفرعية ، م - ١ بمثابة درجات حرية .

غي = التغير الحقيقي المعرف بالمعادلتين (١-٣-١)، (١-٣-٠).

وحتى يكون الاختلاف بين المتوسطات جوهرياً يتعين أن يفوق المستوى الراجع للعوامل العشوائية بمقدار معين . والاختلاف الراجع للعوامل العشوائية يمكن قياسه بالتباين التالي:

حيث:

م في . = متوسط مربعات انحرافات قيم المتغير التابع داخل المجموعات عن متوسطها الفرعي.

رون به المراجعة المربعة حيث ن=<u>ك</u> بن رواية المربعة حيث ن= المربعة عيث ن

ماء، ويصلى الاختلاف بين المتوسطات الفرعية جوهرياً . وتسمى هذه النسبة (ف) المحسوبة ويشارلها "ف\*".

Company of the second of the s

$$(1-\gamma-1)... \frac{1-\rho \setminus (\sqrt{2}-\sqrt{2})}{\rho-\omega \setminus (\sqrt{2}-\sqrt{2})} \frac{3e\rho}{\sqrt{2}} = * \underline{a}$$

$$(1-\gamma-1)... \frac{3e\rho}{\rho-\omega \setminus (\sqrt{2}-\sqrt{2})} \frac{3e\rho}{\sqrt{2}} = * \underline{a}$$

# أي أن :

التباين المقدر من متوسطات العينات الفرعية تباين ما بين المجموعات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية تباين ما بداخل المجموعات التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية تباين ما بداخل المجموعات التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية تباين ما بداخل المجموعات التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية تباين ما بداخل المجموعات التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية المتباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين المقدر من متوسطات العينات الفرعية التباين ما بين المجموعات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل المجموعات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل العينات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل العينات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل العينات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات الفرعية التباين ما بداخل العينات المحسوبة التباين المقدر من القيم داخل العينات المحسوبة التباين ما بداخل العينات المحسوبة التباين المعارض التباين المحسوبة التباين المعارض التباين المعارض التباين ال

ويرمز الحرف " ف " إلى اسم العالم Fisher الذي يرجع إليه الفضل في التوصل لتحليل التباين .

وبمقارنة (ف\*)، (ف) الجدولية نصل إلى ما يلي: ﴿

(أ) إذا كانت ف \* > ف نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ومن ثم يعتبر المتغير التفسيري في هذه الحالة ( وهو المستوى التعليمي ) ذو تأثير جوهري على مستوى الادخار . أي أن الفروق بين متوسطات العينات الفرعية تكون جوهرية في هذه الحالة . ويمكن تحديد النسبة التي يفسرها المستوى التعليمي من التغير في الادخار باستخدام النسبة التي ترجع للعوامل العشوائية فهي : غه النسبة التي ترجع للعوامل العشوائية فهي : غه غه على النسبة التي ترجع للعوامل العشوائية فهي :

(ب) إذا كانت ف \* < ف نقبل فرض العدم ونرفض الفرض البديل . ومن ثم فإن المتغير التفسيري محل الاهتمام يكون تأثيره غير جوهري على المتغير التابع . أي أن الفروق بين متوسطات العينات الفرعية تكون غير جوهرية .

### (٤) يمكن تبسيط الحسابات السابقة بإجراء بعض الاختصارات كما يلي:

$$\dot{\beta}_{0} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{i=1}^{90} \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\dot{\beta}_{0} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\dot{\beta}_{0} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\int_{1=0}^{90} \frac{f}{1=0} = \int_{1=0}^{90} \frac{f}{1$$

### وبضرب الحد الثالث في ن وقسمته على ن نحصل على:

$$TSS = \sum_{j=1}^{m} \sum_{i=1}^{n_j} Y_{ji}^2 - n\overline{Y}^2$$

### ، ومن ناحية أخرى :

$$\frac{1}{3} = \sum_{i=1}^{n} (i, -i)^{i} + \sum_{i=1}^{n} (i, -i)^{i} = \sum_{i=1$$

$$3_{i} = \sum_{p=1}^{1} c_{i}, \left( \sum_{q=1}^{1} c_{i} \right)^{1} + c_{i} = c_{i}$$

(1-1) 
$$\frac{(-1)}{RSS} = \sum_{j=1}^{m} \frac{(\sum Y_{ji})^2}{n_j} - n \overline{Y}^2$$

ومن الممكن الحصول على غ <sub>د</sub> كما يلي:

ومن ثم يمكن حساب ف \* كما سبق وأوضحنا .

(٥) وبتطبيق هذا التحليل على مثالنا المعطى عن الأدخار كما هو موضح في جدول

( ٢-٩ ) نحصل على النتائج الموضحة بالجدول ( ٢-٩ ) .

غ م = (10 + 110 + 110 + 110 + 10) منجد أن:

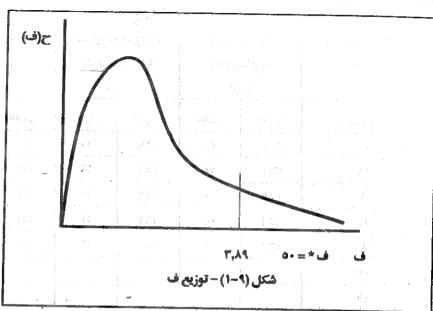
$$70 \cdot = 7779 - 7 \cdot \cdot \cdot + 1170 + 0 \cdot \cdot = 7770 - \left(\frac{7(1 \cdot \cdot)}{0} + \frac{7(70)}{0} + \frac{7(90)}{0}\right) = 36$$

(	٣-	٩	)	J	9.	حد

		(	عدول (۲۰۱)	•		
ادخار العينة ككل	جموعة ٣	ادخار الم	جموعة ٢	ادخار المح	ادخار المجموعة ا	
(ن)	(تعليم عالي)		وسط)	(تعلیم مة	عليم)	(بدون ت
	(,	(ن	(	· <b>ن</b>	(ن،)	
, C	T <sub>pr</sub> cym.	<sub>)</sub> , , , , ,	T <sub>pr</sub> com	<sub>3</sub> , c=	Y 114000	بر حب <sub>ار</sub>
1.	ξ	γ-	770	10	4	1.
11	۳۲٤	14-	You	11	171	11
1	343	YY	197	18	A1	1
17	133	YI	179	1r	188	17
٨	1711	19	PAR	17	78	٨
10						
17						
1£						
5 14° 5 5 5 5			1. 1		1411	7
s de como 🙌 Transico 🖫	: - w :	1,75%	a sie by je i		and a second	
and the second	Art Section	· Sagar Sagar				
1A <sub>NAMARA</sub>	1 1947 1948	e proper ender.	a. Shark	ere may 1	And the second	
Was a second				a strong a large of		is now
۲۱			2			
The second secon						
$\Sigma \Sigma \sim$	- - - -	\$     	7حار	<b>∑</b> =∪1,	'. <u>~</u> Z	∑حنار
New York Carry	Y-1-=	1 ••=	1170=	Y0 =	01-=	-
170=		ن₁=ە		ن,≖ہ		٥٠=
ن = ۱۵ حب= ۲۲۵ ÷۱۵=۱۵		Y-=			Party.	ن،=٥ 

( $\tau$ ) بالبحث عن ف الجدولية عند مستوى معنوية ه  $\chi$  ودرجات حرية ن  $\tau$ 

ن = ۱۲ نجدها ف = ۳٫۸۹.



وحيث ف = > ف نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ومن ثم فإن الاختلاف بين المتوسطات الفرعية جوهري مما يتضمن أن المستوى التعليمي يؤثر على مستوى الادخار تأثيراً جوهرياً عند مستوى معنوية ٥ ٪.

وبالبحث عن ف الجدولية عند مستوى معنوية 1 %، ودرجات حرية ن 3 = 2 ، ن 5 = 11 نجد ف = 7,93 . ومن ثم فإن ف \* > ف الجدولية مما يتضمن أن المستوى التعليمي يؤثر على مستوى الادخار تأثيراً جوهرياً عند مستوى معنوية 1 %.

(٧) يمكن تحديد السبة التي يفسرها المستوى التعليمي من التغير في الادخار من

وهي نسبة عالية نسبياً . أما عن النسبة التي ترجع إلى الحد العشوائي فهي :

### ( A ) يمكن تلخيص النتائج السابقة فيما يسمى بجدول تحليل التباين ( ٩-٤ ) . جدول (٩-٤)

جدول تحليل التباين

ف*،ف	متوسطات	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التغير
1.	المربعات			
ف* <u>ـ</u> ۱۲۵	مغن=١٢٥	م-۱=۲	غ ز = ۲۵۰	ما بین
۲,٥	ه څ د = ۲,٥ ه	ن-م=۱۲	¥•=, ¿	ما بداخل
۵۰۰، ۲، ۲ تا ۱۲ تا ۲۸۹		(ن-م)+(م-۱)	غ ۵ = ۲۸۰	الكلي
۱۲،۲۲ = ۱۲،۲،۰۱ <b>۵</b>		= (ن - ۱) = ۱٤		er en La Spratter a la la

### ( ٩-٢-٩ ) تحليل التباين ذو الاتجاهين:

يهتم تحليل التباين ذو الاتجاهين باختبار أثر متغيرين تفسيريين على متغير تابع ما . فإذا كان لدينا عينة من الأسر التي تتماثل في الحجم والدخل وتختلف في المستوى التعليمي لرب الأسرة وفي الموطن ، فإن تحليل التباين ذو الاتجاهين يمكننا من اختبار أثر المستوى التعليمي والموطن كمتغيرين تفسيريين علي مستوى الادخار بالنسبة لهذه العينة . فإذا رمزنا للمستوى التعليمي بالرمز "أ" (A) حيث "أ" تشير لثلاثة مراتب تعليمية :

ا – بدون تعليم ، ٢ – تعليم متوسط ، ٣ – تعليم عالي (أي أن أ = ١ ، ٢ ، ٣) ، ورمزنا للموطن بالرمز " ب " ( B ) حيث " ب " تشير لموقعين هما : الريف ( B ) ، الحضر ( B ) أي أن ب B ) ، يمكن استخدام تحليل التباين في اختبار أثر (أ) ، (ب) على الادخار كما هو موضح بالمثال (B ) .

مثال (٩-٢) أثر الموطن والمستوى التعليمي على الادخار

افترض أن البيانات المتوفرة عن عينة الأسر كانت كما بالجدول ( ٩-٥ ).

جدول (1-0) ادخار عينة من الأسر

		ال حار میت س	
الموطن	المستوى التعليمي لرب الأسرة	ادخار الأسرة السنوي بالألف جنيه	رقم الأسرة
حضر	بدون تعليم	1.	1
حضر	بدون تعليم	11	۲.
ريف	بدون تعليم	1	٣
ريف	بدون تعليم	11	
حضر	بدون تعليم	٨	٥
ريف	تعليم متوسط	10	7
حضر	تعليم متوسط	13	Y
ريف	تعليم متوسط	16	A .
حضر	تعليم متوسط	17	1
حضر	تعليم متوسط	17	1.
ريف	تعليم عالي	Y•	11
ريف	تعليم عالي	1.4	11
حضر	تعليم عالي	. ***	17 Same
حضر	تعليم عالي	Y1	16
حضر	تعليم عالي	111	10

فمن الممكن اختبار مدى تأثير كل من المستوى التعليمي والموطن على مستوى الادخار بإتباع الخطوات التالية:

( 1 ) نقوم بتصنيف بيانات العينة وفقاً لكل من المستوى التعليمي والموطن كما بالجدول ( ٩- ١ ):

جدول (3-4) الادخار مصنف وفقاً للمستوى التعليمي والموطن

es.	1		
تعليم عالي	تعليم متوسط	بدون تعليم	وستوى التعليم
<b>r</b>	·	<b>1</b>	الموطن
rr	111	ngaan N•a <sup>A</sup> ara	حضر ( ح )
* **	18"	11	14.3
11	Ym A	eg a Van 🌢 i e eg	(U)
77 = <sub>70</sub> ()=	£'l = <sub>1'C</sub> Ç	***	(Y ii) ), = 🗪
("Y <sub>13</sub> )	(Y u2)	(Y ul)	1
	10		ريف(ي)
1.4	18	12 <b>14</b> 16	(R)
۳۸ = <sub>۲۵</sub> ب		rain in land the second se	س <sub>قبر</sub> (Y <sub>Ri</sub> )
	77 71 14 17=7=0= (Y 13)	YY = Y = Y = Y = Y = Y = Y = Y = Y = Y	$Y = \frac{1}{12} \qquad \qquad Y = $

( ٢ ) ثم نقوم بعد ذلك بتلخيص الجدول السابق في جدول آخر مختصر يأخذ الصيغة التالية كما هو موضح بالجدول ( ٢-٢ ):

ومن الممكن القول في هذه الحالة أن:

التغير الكلى في تغير حقيقي يرجع بتغير الكلى في تغير حقيقي يرجع بتغير التغير الدخار لاختلاف الموطن عشوالي الادخار الموطن عشوالي اي أن:

# جدول (۷-۹)

 $T_i Y_i 1 = i$ 

مجموع =ب <sub>و</sub> (B <sub>j</sub> )	عالي	атерия	بدون	المستوى التعليمي
(B <sub>U</sub> )	(Y u3) 720m	(Y u2) Y =	(Y <sub>ul</sub> ) 12 0=	حضر
آ _ س <sub>کر</sub> = بی (B <sub>R</sub> ) <sup>1=,</sup>	(Y <sub>R3</sub> ) سىي	(YRZ) YGG	(Y <sub>RI</sub> ) مب ي	ريف
	$r, = \underbrace{\overset{\smile}{=}}_{r} = r i$ $(\Sigma Y_{j3})$	$r_{j} := \sum_{1=j,\frac{3}{2}} = r^{\frac{1}{2}}$ $\left(\sum Y_{j2}\right)$	$\begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \Sigma \\ Y_{j1} \end{array} $	مجموع = ار (A i)

ومن معلوماتنا السابقة يمكن أن نستخلص المقاييس التالية :

وذلك كما أثبتنا سابقاً في المعادلة ( ٩-٨ ) . وبلاحظ في هذه الحالة أن :

وبنفس الطريقة المتبعة في إثبات المعادلة ( ٩-٩ ) يمكن إثبات أن:

$$(17-1)$$

$$= 13 \dot{\xi}$$

$$RSS_A = \frac{\sum_{i=1}^{A} A_{ii}^2}{B} - n\overline{Y}^2$$

ويلاحظ في هذه الحالة أن أ, = متوسط الادخار للمستوى التعليمي ر . ويوجد لدينا ثلاث متوسطات في هذا الصدد:

متوسط الادخار للمجموعة بدون تعليم = أ , = 
$$\frac{1}{A_1} = \frac{\sum Y_{j1}}{B}$$

$$=$$
  $Y$  أ = متوسط الادخار للمجموعة تعليم متوسط  $\overline{A}_2 = rac{\sum Y_{j2}}{B}$ 

$$r$$
متوسط الادخار للمجموعة تعليم عالي=  $\overline{R}$  =  $\frac{\overline{Y}_{/3}}{\overline{A}_3}$ 

ونريد الآن اختبار ما إذا كان هناك اختلافاً جوهرياً بين هذه المتوسطات الثلاثة . فإذا ثبت أن هناك اختلافاً جوهرياً بينها فإن هذا يعد دليلاً على أن المستوى التعليمي يؤثر على مستوى الادخار . أما إذا ثبت أن الاختلاف بينها غير جوهري فإن هذا يعد دليلاً على أن المستوى التعليمي لا يؤثر على مستوى الادخار . ويلاحظ أن أر المذكورة بالمعادلة ( ٩-١٣) معرفة في الجدول ( (P-Y) حيث يوجد هناك أ ، ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ عن ب فهي = Y في هذه الحالة ، ذلك لأن متوسط الادخار هنا يحسب بالنسبة لمستوى تعليمي معين في كل من الريف ( (P-Y) والحضر ( (P-Y) ) .

ومن ناحية أخرى نجد أن: 🔻 🔻

$$'(\overline{-}-\overline{-})$$
 التغير الحقيقي الراجع للموطن  $=\sum_{i=1}^{n}\sum_{j=1}^{n}(\overline{-}-\overline{-})$ 

وبنفس الطريقة المتبعة في إثبات المعادلة ( ٩-٩ ) يمكن إثبات أن:

$$(1\xi-\xi) = -\sqrt{\xi}$$

$$RSS_B = \frac{\sum B_j^2}{n} - n\overline{Y}^2$$

ويتعين مراعاة أن ب و = متوسط الادخار في الموطن "و " بغض النظر عن المستوى التعليمي.

ويوجد لدينا في هذه الحالة متوسطين: ً

$$\overline{B}_{n} = \frac{\sum Y_{ni}}{A}$$
  $= \frac{\sum Y_{ni}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$  متوسط الادخار في الريف  $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$   $= \frac{\sum Y_{Ri}}{A}$ 

ونريد الآن أن نختبر ما إذا كان هناك اختلافاً جوهرياً بين هذين المتوسطين . فإذا ثبت أن هناك اختلافاً جوهرياً بينهما نستخلص أن الموطن يؤثر على مستوى الادخار والعكس صحيح . ويلاحظ أن ب معرفة في الجدول ( ٢-٩ ) كما أن ( A ) أ = ٣ في هذه الحالة .

ومن المعادلة ( ٩-١١ ) يمكن القول أن:

وبقسمة طرفي المعادلة (١١-٩) على غ ، نحصل على:

$$\frac{RSS_A}{TSS} + \frac{RSS_B}{TSS} + \frac{ESS}{TSS} = 1$$

#### حيث:

تتمثل الإجابة في استخدام اختبار " ف " على النحو الذي تم من قبل وذلك على النحو التالي :

أ- لاختبار مدى فاعلية المستوى التعليمي في التأثير على مستوى الادخار علينا اختبار :  $\overline{A}_1 = \overline{A}_2 = \overline{A}_3 = \overline{Y}$  فرض العدم :  $\overline{A}_1 = \overline{A}_1 = \overline{A}_2 = \overline{A}_3 = \overline{Y}$  في مواجهة :

الفرض البديل: المتوسطات مُخْتَلفة .

ومن الممكن عمل ذلك من خلال حساب " ف \* "

حىث:

فإذا كانت ف \* > ف الجدولية عند مستوى معنوية • ٪ أو ١ ٪ ودرجات حرية ن 1 = أ - ١ ، ن 2 = ن - أ - ب + ١ ، فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل . ومن ثم فإن هذا يتضمن أن المستوى التعليمي ذو تأثير جوهري على مستوى الادخار والعكس صحيح .

ب- لاختبار مدي فاعلية الموطن في التأثير على مستوى الادخار ، علينا اختبار :

$$\overline{\mathbf{B}_{\mathbf{U}}} = \overline{\mathbf{B}_{\mathbf{R}}} = \overline{\mathbf{Y}}$$

فرض العدم: ب = = بي = 🖚

في مواجهة :

الفرض البديل: المتوسطات غير متساوية

ولإتمام ذلك نقوم بحساب ف \* حيث:

ثم نبحث عن "ف" الجدولية عند مستوى معنوية ه "أو ا " ودرجات حرية ن وب = ب - ا ، ن د = ن - أ - ب + ا ونقارتها على النحو الذي سبق .

(٤) يمكن إجراء الحسابات المتعلقة باختبار " ف " باستخدام البيانات المعطاة بجدول

(٦-٩) كما هو موضح بالجدول (٦-٩): عدد موضح بالجدول

جدول (۹–۸) ، رور اأ≡ ۱،۲،۱ ت

مجموع = ب,	т <sub>гэ</sub> ()=	عالي <b>حب</b> وج	۲ <sub>۲9</sub> رسم	متوسط -	y	بدون مر	المستوى التعليمي	
		a Milade	1.V(1.11				الموطن	
ب_٢٧=	TAEE		91 ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) (	<b>६</b> १ २२,३४	AEI	44	<b>مسر</b> ح ر (حضر)	7 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
بي۔؞؞	1888	los PX is	13K	997 <b>.YQ</b> 79.97	10-884°	V34.71	حب ی ر	5
	Andrope Salthern	vindiju Pelabya <del>v</del>	Paris Agrica	Aug M	g go Calabriga I		(وياف)	
7 -	,,' <u>.</u>	1= - 1	, v=Z	Y0=, i	∑سب′ وا	0.=,1	مجموع	
	۵۲۸۸ =	<b>*</b> 77	Y40Y=		1787=			
770	Ki		क्षित्रक					

$$0 = 1 \times \psi = 1 \times V = 1 \times \psi =$$

3 c = (YY,0)7-(0,470)+174Y)

غ د ۱۰۸۹,٥ = ۸٤٣٧,٥ - ۹٥٢٧

غور = کار - دی

ولاختبار مدى فاعلية تأثير المتغيرين التفسيريين نتبع الخطوات التالية :

(١) حتى نختبر مدى فاعلية المستوى التعليمي نقوم بحساب:

وبالبحث عن ف الجدولية عند مستوى معنوية ٥ % ودرجات حرية ( ن و ٢ = ١ ، ن ٥ = ٢ نحصل على ف ٢٠٢٠،١٩ = ١٩.

وبمقارنة " ف \*" ، " ف " نجد أن ف \* < ف ، ومن ثم نقبل فرض العدم وترفض الفرض البديل. ولعل هذا يتضمن أن المستوى التعليمي لا يؤثر تأثيراً جوهرياً على مستوى الادخار.

(2) وحتى نختبر مدى فاعلية الموطن في التأثير على مستوى الادخار نقوم بحساب:

한 등의 기계의 되는 다른 사람들이 되면 하다.

وبالبحث عن ف الجدولية عند مستوى معنوية ه % ودرجات حرية 0 ن 0 ،

ومن ثم فإن ف \* <ف، مما يعني أننا نقبل فرض العدم ونرفض الفرض البديل. ولعل هذا يتضمن أن الموطن هو الآخر لا يؤثر تأثيراً جوهرياً على مستوى الادخار.

# ( ٩-٢-٩ ) تحليل التباين والاتحدار

يمكن المقارنة بين تحليل التباين من ناحية وأسلوب الانحدار من ناحية أخرى كفنين قياسيين . ويلاحظ عموماً أن أسلوب الانحدار أكثر قوة ودقة من تحليل التباين في اختباره للعلاقات الاقتصادية . فالأول يعطى نفس القدر من المعلومات التي يعطيها الثاني وبدقة أكثر . ويمكن توضيح ذلك فيما يلي :

(۱) يختبر أسلوب الاتحدار معنوية المعلمات المقدرة باستخدام اختبارات المعنوية لبحدد أي المتغيرات التفسيرية ذات تأثير جوهري على المتغير التابع وأيها ذات تأثير غير جوهري . هذا في حين أن تحليل التباين يختبر معنوية النسبة التي يفسرها المتغير التفسيري من التغير الكلى في المتغير التابع ليحدد ما إذا كانت لها معنوية إحصائية أم لا مستخدماً اختبار "ف". وهو يصل من خلال هذا الاختبار إلى نتيجة مشابهة لأسلوب الانحدار فيما يتعلق بتحديد أي المتغيرات التفسيرية ذات تأثير جوهري على المتغير التابع وأيها ذات تأثير غير جوهري . ويتعين ملاحظة أن ف = ت ما أي أن هناك علاقة قوية بين اختباري ت ، ف .

- (٢) يمكن لأسلوب الانحدار أن يحدد النسبة التي يتم تفسيرها من التغيُّر في المتغير التابع بدلالة المتغيرات التفسيرية المدرجة بالدالة من خلال " ر ً " R² ، وهي نفس الميزة التي يتمتع بها تحليل التباين .
- (٣) يتفوق أسلوب الانحدار على تحليل التباين في كونه يحدد مقدار التغير في المتغير التابع الناجم عن تغير كل متغير تفسيري بمقدار وحدة واحدة ، كما يساعد على تحديد مرونة المتغير التابع بالنسبة لكل متغير تفسيري . وهذه ميزة لا توجد في حالة تحليل التباين .
- (٤) يمكن لأسلوب الانحدار أن يحدد اتجاه العلاقة بين المتغير التابع والمتغير المستقل وهذه ميزة لا يمكن لتحليل التباين أن يحددها . فكل ما يوضَحه تحليل التباين هو ما إذا كان المتغير التفسيري ذو تأثير جوهري أم غير جوهري على المتغير التابع ، ولكنه لا يحدد اتجاه العلاقة ما إذا كان طردياً أم عكسياً .
- (٥) يمكن لأسلوب الانحدار أن يحدد مدى تأثير المتغيرات النوعية على المتغيرات الكمية مثله في ذلك مثل تحليل التباين، وذلك من خلال استخدام المتغيرات الصورية.
- (٦) يعتبر أسلوب الانحدار أكثر مرونة من تحليل التباين ، ذلك لأن الأخير يصّلح أساساً في حالة التجارب التي يتم التثبيت فيها لبعض العناصر المؤثرة في الظاهرة وتغيير البعض الآخر . أما أسلوب الانحدار فيمكنه قياس أثر كل المتغيرات دون تثبيت بعضها .

The approximation of

### المبحث الثالث

# استخدامات أخرى لتحليل التباين

بعدما تعرضنا في المبحث الثاني لاستخدام تحليل التباين في اختبار مدى أهمية المتغيرات في تفسير الظاهرة ، نتعرض في هذا المبحث لعدد من الاستخدامات الأخرى لتحليل التباين وذلك على النحو التالي :

( ٩-٣-٩ ) اختبار معنوية معادلة الاتحدار ككل:

إذا كان لدينا معادلة انحدار تأخذ الصيغة التالية:

$$(YY-9).....Y = \hat{a} + \hat{b}_1 X_1 + \hat{b}_2 X_2 + \hat{b}_3 X_3 + e$$

فمن الممكن استخدام تحليل التباين في اختبار معنوية تأثير المتغيرات التفسيرية من ، ، من ، مجتمعة على المتغير التابع عن . وبمعنى آخر من المهكن اختبار ما إذا كانت المتغيرات التفسيرية كمجموعة تُحدث تأثيراً جوهرياً على المتغير التابع عن أم لا. ولعل الفرض المراد اختباره في هذه الحالة هو :

الفرض البديل: ليس كل المعلمات مساوية للصفر.

فإذا تم قبول فرض العدم فإن هذا يتضمن أن المتغيرات التفسيرية كمجموعة لا تؤثر تأثيراً جوهرياً على المتغير التابع . أما إذا تم رفض فرض العدم وقبول الفرض البديل فإن هذا يتضمن أن المتغيرات التفسيرية كمجموعة تؤثر تأثيراً جوهرياً على المتغير التابع .

وحتى نجري هذا الاختبار يتعين علينا القيام بحساب القيم التالية:

1 - التغير الكلى في المتغير التابع :

٢ - التغير المفسر بدلالة المتغيرات التفسيرية مجتمعة

٣ – التغير غير المفسر

$$(70-9) \qquad \qquad ^{\prime} 3 \overrightarrow{Z} = _{3} \dot{\xi} - _{4} \dot{\xi} = _{3} \dot{\xi}$$

$$ESS = TSS - RSS = \sum_{i} e_{i}^{2}$$

ويمكن أن نجري اختبار المعنوية باستخدام اختبار " ف " ، وذلك مع الأخد

في الاعتبار أن درجات الحرية الخاصة بكل عنصر من العناصر السابقة كما يلي: ﴿ وَهُ مِنْ مُوا

$$(k-1)$$
 الحرية الخاصة بالجزء المفسر  $\overline{Z}$   $\hat{O}$  =  $b-1$  ( $k-1$ )

حيث ك تشير لعدد المعلمات المقدرة في نموذج الانحدار .

"ودرجات الحرية الخاصة بالجزء غير المفس 
$$\sum$$
 د  $'$  =  $\circ$   $^*$   $($   $n$   $k$   $) حيث " $\circ$  " $\circ$  تشير لحجم العينة .$ 

(n-1) ا - 0=(1-2)+(2-0)=(0-2)+(2-1)=0 ودرجات الحرية الخاصة بالتغير الكلى =

$$1-4/^{2}$$
 = \*ف  $1-4/^{2}$  = \*وبحساب ف \* =  $2 \cdot 1/^{2}$  على  $3 \cdot 1/^{2}$  = \* وبحساب ف \*  $3 \cdot 1/^{2}$  = \*  $3$ 

ومقارنتها مع "ف" الجدولية عند مستوى معنوية معين ودرجات حرية v = v = v = v ن v = v = v ن v = v = v ن v = v = v النحو التالي :

(١) إذا كانت ف \* > ف الجدولية نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ، ومن ثم فإن كل قيم المعلمات لا تساوى الصفر . ويمكن القول في هذه الحالة أن الانحدار ذو معنوية إحصائية .

(٢) إذا كانت ف \* <ف الجدولية تقبل فرض العدم وترفض الفرض البديل ، ومن ثم فإن الانحدار لا تكون له معنوية إحصائية .

ومن الممكن استخدام " ر " " في حساب ف \* . فمن المعادلة ( ٢٦-٩ ) نجد

2.3

وبقسمة البسط والمقام على 🔀 ص ً نحصل على:

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{\sum_$$

إذن:

$$(1-4).... \qquad \frac{(1-4)/3}{(4-4)/(3-1)} = *4$$

$$F' = \frac{R^2/(k-1)}{(1-R^2)/(n-k)}$$

ويمكن الإشارة إلى بعض الحقائق في هذا الصدد كما يلي:

(أ) عندما نختبر المعلمات المقدرة بَ ، ، بَ ، بَ ، بَ بصورة مستقلة باستخدام اختبار " ت " ويتضح أنها معنوية ، ففي الغالب عند اختبار معنويتها مجتمعة باستخدام اختبار " ف " سوف تكون معنوية إحصائياً أيضاً .

(ح) قد يحدث في بعض الحالات أن تكون كل معلمة مقدرة لها معنوية إحصائية عند اختبارها بصفة مستقلة ، ولكن يثبت من اختبار معادلة الانحدار ككل أن ليس لها معنوية احصائية .

ويمكن أن نستوضح النقطة " ب " من المثال الخاص بدالة الطلب الخطية بالفصل السابع:

وبالتعويض في المعادلة ( ٩-٢٧ ) نحصل على :

وبالبحث عن " ف " الجدولية عند مستوى معنوية ٥ ٪ ودرجات حرية ن  $_{\circ}$  =  $^{\circ}$  -  $^{$ 

( ٩-٣-٩ ) اختبار معنوية التحسن في المقدرة التفسيرية .

من الممكن اختبار مدى معنوية التحسن الذي يحدث في المقدرة التفسيرية لنموذج الانحدار نتيجة لإضافة بعض المتغيرات التفسيرية باستخدام تحليل التباين .

فإذا قمنا بتقدير دالة الطلب ذات الصيغة البسيطة التالية:

حيث حب = كمية المبيعات ، هن ﴿ يَسْعُرُ السَّلِعَةُ ، وَجَاءَتَ نَتَائِجُ القياسَ عَلَى النَّحُو

وإذا قمنا بإضافة متغير تفسيري جديد، وليكن الدخل ( س , ) ، فإن النموذج يصبح:

وإذا تم تقدير هذا النموذج وجاءً على النحو التالي:

يتضح أن المقدرة التفسيرية للنموذج تحسنت بإدخال متغير تفسيري جديد هو مي،، ويتضح أن المقدرة التفسيرية للنموذج التحسن حيث زاد معامل التحديد من ٩٠,٧ ٪ إلى ٩٢ ٪ . ولكن السؤال الآن: هل التحسن

الذي حدث في المقدرة التفسيرية يمكن وصفه بأنه تحسن جوهري يرجع لعوامل حقيقية ، أم أنه تحسن غير جوهري يرجع لمجرد عوامل الصدفة ؟ وبمعنى آخر هل التحسن الذي حدث في المقدرة التفسيرية من ٩٠,٧ ٪ إلى ٩٢ ٪ له معنوية إحصائية ؟ ولاختبار ذلك نتبع الخطوات التالية :

(1) نقوم بحساب مقدار التحسن في التغير الحقيقي غ 5 حيث:

(٢) ثم نقوم باختبار معنوية هذا التحسن باستخدام اختبار " ف " وذلك كما هو موضح بالجدول ( ٩-٩ ) .

ويتضح من الجدول ( ٩-٩ ) أن:

ك , = عدد المعلمات المقدرة بالنموذج البسيط - = 2 ( س ، )

ك , = عدد المعلمات المقدرة بالنموذج المتعدد ح = ع ( هر ، ، هر ، ا

جدول (٦-١ ).

اختيار معنوية التحسن في المقدرة التفسيرية

اختبار معنوية التحسن في المعدرة البهسيرية - ما يورد البه المعدرة البهسيرية - ما يورد ا							
<b>ن</b> * ب د د د د د د د د	متوسط المربعات	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التغير			
رك, كاح في الكراك, كا	∆غ₃	1-1-1-13	7767=", 2077	1 04			
ړل-كړ	= 1,3-,3 T1=1/T1	Y=1-Y=1-, ⊴	^۲۲۷۷=۲مُحَ	y one of one			
Although the state of	and the supplement of	1=1-1=1-1-1	کغ ہ=∑ض۰′	التغير الحقيقي			
	A A Y L PRINCE	- N N T & - 1	- کض ، '= ۱۱	نتيجة لإضافة ٥٠٠ ،			
* ن = ۲٤٫٩/٣١	<u>ح</u> د'/ن-ك <sub>ار</sub>	ن - اد , = , ط -	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	التغير العشوالي للمعادلة			
1,76 = 3	YE,4=A+144=	A=1	37	^ ^ ! کن=+بایک،+ کرید			
ف الجدولية = ٥,٣٢	and the second	:	<u>ک</u> ص = ۲۴۶۲	التغير الكلي			
مستوی معنویة= ۰۰۰۵	. At		er gallering kompagn	_			
المراجعة ال المراجعة المراجعة ال	ej ji il Newyo,			.₩{ 50 <b>x</b>			
ن,≃∡		}					

كما يتضح من مقارنة ف \* المحسوبة ، ف الجدولية أن التحسن الذي حدث في المقدرة التفسيرية نتيجة لإضافة المتغير التفسيري عن ، غير جوهري وليس له معنوية إحصائية ، حيث ف \* < ف .

ومن ثم يمكن القول أن إضافة المتغير التفسيري س ، لم تحسن من المقدرة التفسيرية للنموذج .

# ( ٩-٣-٩ ) : اختبار معنوية الاختلاف بين معملت من عينات مختلفة:

إذا قمنا بتقدير دالة الاستهلاك مثلاً من عينة مأخوذة من الريف، ثم قدرنا نفس الدالة من عينة مأخوذة من الحضر، وأردنا اختبار هل هناك اختلاف جوهري بين سلوك الاستهلاك في الريف وسلوك الاستهلاك في الحضر، فإن تحليل التباين يساعدنا على إتمام ذلك. ومن ناحية أخرى إذا قمنا بتقدير دالة الاستهلاك في مصر مثلا خلال الفترة ما قبل الانفتاح الاقتصادي، ثم قمنا بتقديرها في فترة ما بعد الانفتاح، وأردنا اختبار ما إذا كان هناك اختلاف جوهري في سلوك الاستهلاك بين الفترتين، فإن تحليل التباين يساعد على اختبار مدى التباين يساعد على اختبار مدى استقرار دالة ما عبر الزمن . ولتوضيح كيفية إتمام ذلك من خلال ما يسمى باختبار التبايد على الخطوات التالية:

- (أ) افترض أننا نريد اختبار الفرض القائل بأن سلوك الاستهلاك لم يتغير في مصر بعد الانفتاح الاقتصادي عنه قبل الانفتاح .
  - ( ب ) نقوم بتقدير دالة الاستهلاك في الفترة ما قبل الانفتاح ١٩٦٣-١٩٧٣ :

(ح) ثم نقوم بتقدير دالة الاستهلاك في الفترة ما بعد الانفتاح 1972-1987

وذلك من عينة حجمها ن ، = ١٥ ، ثم نحدد التغير العشوائي ك د ً، =

(د) نقدر دالة الاستهلاك لكل الفترة ١٩٨٧ – ١٩٨٧

وذلك من عينة حجمها ن = ن ، + ن ، = ٢٥ ، ثم نحدد التغير العشوائي  $\sum c$   $^{-}$  =  $\sum _{i=1}^{n} (1 - \sum _{i=1}^{n} (1 - \sum$ 

\_\_\_\_\_\_ (ه) نضيف التغير العشوائي للعينة الأولى إلى التغير العشوائي للعينة الثانية فنحصل على

عیث  $= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2$ 

ك , = ك - ٢ = ك - ٢ ، أي بدرجات الحرية = ٢٥ - ٤ = ٢١ .

(و) نقوم بحساب الفرق في التغير العشوائي بين الحالتين: حالة التقدير المنفصل لكل فترة، وحالة التقدير الشامل لكل الفترة فنحصل على:

[ ح ا ح د ا الح د ا الح د ا الحرجات حرية تساوى:

(ز) نقوم بحساب ف \* المحسوبة باستخدام الصيغة التالية :

$$F^* = \frac{\left[ \sum e_i^2 - \left( \sum e_{i1}^2 + \sum e_{i2}^2 \right) \right] / K}{\left[ \sum e_{i1}^2 + \sum e_{i2}^2 \right] / (n_1 + n_2 - 2K)}$$

ومن الواضح أنه إذا كان التغير غير المفسر ، أي العشوائي ، غير مختلف تماماً بين الحالتين (حالة التقدير المنفصل وحالة التقدير الشامل) فإن ف \* = صفر ، مما يعني عدم وجود أي اختلاف في المقدرة التفسيرية للنموذج بين الفترتين ، ومن ثم عدم وجود اختلاف في سلوك الاستهلاك .

(ح) نقوم بالبحث عن "ف " الجدولية عند مستوى معنوية معين ودرجات حرية ك،

$$(b_1 = b_2, a_1 = a_2)$$

ونقبل الفرض البديل القائل أن:

$$(b_1 \neq b_2, a_1 \neq a_2)$$
  $., i \neq i, i \neq i$ 

ونستخلص من ذلك أن دالة الاستهلاك لم تكن مستقرة عبر الزمن وإنما تغيرت جوهرياً ، إما لتغير حد الكفاف أو لتغير الميل الحدي للاستهلاك أو لتغيرهما معاً . وبالرغم من أن هذا الاختبار يوضح ما إذا كان هناك اختلاف جوهري أم لا بين العينتين ، إلا أنه لا يحدد مصدر الاختلاف على وجه التحديد : هل هو راجع لاختلاف المعلمة التقاطعية أم المعلمة الانحدارية . ويساعدنا في هذا الصدر أسلوب المتغيرات الصورية الذي يحدد على وجه الدقة مصدر الاختلاف.

> مثال (۹-۳) اختبار التغيرفي الاستهلاك بعد الانفتاح

اقترض أنه بتقدير دالة الاستهلالة في مصر خلال الفترتين قبل وبعد الانفتاح كانت نتائج التقدير على النحو الموضح بالجدول ( ١٠-١ )

جدول ( ٩-١٠ ) دالة الاستهلاك قبل وبعد الانفتاح ( افتراضية )

ڧ *	درجات الحرية	التغير العشوائي	دالة الاستهلاك	الفترة
ter €.	ن,-ك,=٠١٠	*** = *** \	^ بره۰,۱+۸۰≃ <sub>ا</sub> رمه	قبل الانفتاح 1977-197۳
	ن,-ك,=10-1	∑ در ً=٠٥١	^ رحه-,A+10۰=رحم	بعد الانفتاح 1984-197
<b>**</b> **********************************	= 31-,0+,0 11=E-10+1-	="r, 2 \rightarrow + r, 2 \rightarrow + ro+		مجموع
و * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	+1· =4-,0+,0 17=1-10	11= 5	۸ س=۱۲۰-۲۵۰	كل الفترة 1977-1978
ف=α،٣,٤٧	Y=4	(' <u>,</u> 2\(\inf, '\(\inf, \))\2\(\inf, \)		الفرق بين
ان ق=۲۱من ق=۲۱		= 0 · · - 11 · · =		التقديرين المنفصل
			:	والشامل

وبفحص هذه النتائج يتضح لنا أن دالة الاستهلاك لم تكن مستقرة غبر الزمن، حيث ف \* > ف، ومن ثم فإن سلوك الاستهلاك كان مختلفاً اختلافاً جوهرياً في الفترة بعد الانفتاح عنها في الفترة قبل الانفتاح .

( ٩-٣-٤ ) اختبار مدى استقرار معاملات الانحدار عند تغيير حجم العينة

يلاحظ في بعض الحالات أنه عند تقدير علاقة اقتصادية ما من عينة صغيرة واختبار معنوية معاملاتها، يتضح أن لها معنوية إحصائية. هذا في حين إذا تم تكبير حجم العينة وأعيد تقدير العلاقة مرة أخرى منها بعد تكبيرها يتضح أن معاملات هذه العلاقة تصبح غير معنوية. ومن ثم نستخلص من هذا أن معلمات النموذج المستخدم في التقدير حساسة بالنسبة لحجم العينة، ولذلك فإن النتائج التي نتوصل إليها يصبح من الصعب تعميمها على المجتمع، أو حتى استخدامها كأساس جيد للوصول لمعلمات

المجتمع . ولذا فمن المتعين اختبار مدى استقرار معاملات الانحدار عند تغيير حجم العينة ، فإذا اتضح أنها مستقرة ولا تختلف جوهرياً بزيادة حجم العينة ، يصبح من الممكن تعميم النتائج التي يتم التوصل إليها على المجتمع. أما إذا اتضح أنها غير مستقرة فيصعب في هذه الحالة الاعتماد على نتائج العينة في التعميم على مستوى المجتمع ، أو التنبؤ بما يحدث في المستقبل . ونفرق في هذا الصدد بين حالتين :

(أ) إذا كان عدد المشاهدات التي تم إضافتها لتكبير العينة (ن،) أكبر من عدد المعلمات المراد تقديرها بمعادلة الانحدار (ك) فمن الممكن استخدام " اختبار تشاو " السابق في اختبار مدى الاختلاف بين المعلمات المقدرة من العينة الأصلية " ن ، " والعينة المضافة " ن ، " بنفس الطريقة الموضحة آنفاً.

(ب) إذا كان عدد المشاهدات التي تم إضافتها أقل من عدد المعلمات المراد تقديرها فلن يمكن استخدامها كعينة منفصلة نظراً لأن درجات الحرية بالنسبة لها سوف تكون سالبة (ن، - ك < صغر)، ومن ثم لن يمكن إجراء اختبارات معنوية مستقلة بشأنها. وفي مثل هذه الحالة يتم إتباع الخطوات التالية في الاختبار:

١ - نقوم بتقدير معادلة الانحدار:

وذلك من العينة الأصلية ذات الحجم "ن , " ، ثم تحدد التغير العشوائي: ﴿ ﴿

٢ - ثم نقوم بتقدير نفس معادلة الانحدار من العينة بعد تكبيرها من خلال زيادة عدد
 المشاهدات بالمقدار "ن , " حيث ن , < ك . أي نقوم بتقدير معادلة الاتحدار :</li>

من عينة حجمها ن = ن ، + ن ، ، ثم نحدد التغير العشوائي: ( محمه الله عليه عليه عليه عليه المحمد المحمد

٣ - نحدد الفرق بين :

٤ - نقوم بحساب ف \* حيث:

$$F^* = \frac{\left[\sum e_i^2 - \sum e_{i1}^2\right]/n_2}{\sum e_{i1}^2/(n_1 - k)} \sqrt{\frac{0}{1!} \sqrt{\frac{1}{1!}} \sqrt{\frac{1}{1!}}} = * \bullet$$

ثم نقارتها مع ف الجدولية عند مستوى معنوية معين ودرجات حرية بن ق = ن ٠٠ ن = -ن , - ك

ه - إذا ثبت أن ف " > ف الجدولية فإن هذا يعنى أن معاملات الانحدار غير مستقرة وتتأثر بحجم العينة والعكس صحيح .

# ( ٩-٣-٥ ) اختبار مدى صحة القيود المفروضة على معاملات الدوال

يفترض الاقتصاديون في بعض الحالات ثبات غلة الحجم والتي تعنى أن زيادة عناصر الإنتاج بنسبة معينة تؤدى إلى زيادة حجم الإنتاج بنفس النسبة . كما يفترضون توفر الرشد الاقتصادي للمستهلك والذي يعنى أن زيادة الدخل النقدي بنفس نسبة الزيادة في الأسعار لا تحمل المستهلك على تغيير طلبه على أي سلعة من السلع . ومثل هذه الافتراضات تمثل قيوداً على دوال الإنتاج أو الطلب ، و تحتاج لاختبار حتى يمكن التأكد من مدى صحتها .

ويمكن توضيح اختبار مدى صحة هذه الافتراضات أو القيود باستخدام تحليل التباين على النحو التالي:

(أ) اختبار مدى صحة افتراض ثبات علة الحجم:

لاختبار مدى صحة افتراض ثبات غلة الحجم في حالة دالة إنتاج تأخذ صيغة

كب-دوجلاس التالية:

حيث: حب (Y) = حجم الإنتاج ، من (K) = رأس المال ، ع (L) = العمل ، يجب تتبع الخطوات التالية :

(1) نقوم بتقدير دالة الإنتاج باستخدام البيانات المتاحة من خلال الصورة غير المقيدة السابقة . فإذا افترضنا أن التقدير جاء على النحو التالي :

فإن هذا يعنى أن بُ  $_{1}$  + بُ  $_{2}$  = 0,0 + 0,0 = 1,7 بما يشير إلى وجود غلة حجم متزايدة. ويصبح من المتعين علينا أن نختبر ما إذا كان المجموع بُ  $_{1}$  + بُ  $_{2}$  ينحرف جوهرياً عن الواحد أم لا  $_{2}$  أي أننا نريد اختبار الفرض  $_{3}$ 

$$b_1 + b_2 = 1$$
 (غلة الحجم ثابتة)  $b_1 + b_2 = 1$  في مواجهة الفرض

$$b_1 + b_2 \neq 1$$
 غلة الحجم غير ثابتة  $1 \neq 7 + 4 + 4 \neq 1$ 

(Y) ثم نقوم بتقدير دالة الإنتاج كب-دوجلاس في ظل الافتراض  $\psi_1 + \psi_2 + \psi_3$  والذي يعنى أن غلة الحجم ثابتة . ومن هذا الافتراض نجد أن  $\psi_1 = 1 - \psi_1$  ، ومن ثم تصبح دالة الإنتاج المقيدة :

$$Y = A L^{bi} K^{1-bi}$$

$$\frac{1 - 1}{2} \sqrt{a^{1-b}} = \sqrt{a}$$

$$\frac{1 - 1}{2} \sqrt{a^{1-b}} = \sqrt{a}$$

padagan Nagal San Barkanan S

وبقسمة الطرفين على من يحصل على:

$$\frac{1}{2}\left(\frac{3}{2}\right)\cdot\frac{3}{2}\cdot\frac{1}{2}\left(\frac{3}{2}\right)^{-1}$$

$$(Y \wedge - \overline{Y}) \dots Y^* = A^* \left(\frac{L}{K}\right)^{b_1^*} \qquad \qquad 1^* \cdot \left(\frac{\mathcal{E}}{\sqrt{M}}\right)^{b_1^*} \qquad \qquad = 2^* \cdot \frac{\mathcal{E}}{\sqrt{M}}$$

and the second of the first and of the and a first through the second of the second of the second of the second

حيث:

 $(Y^*)$  = كمية الإنتاج لوحدة رأس المال =  $(Y^*)$ 

و اذا افترضنا أنه بعد تقدير دالة الإستاج ( ١-٨٠ ) المقيدة اتضح أن : أ \* = ٨، افترضنا أنه بعد تقدير دالة الإستاج (١-٨٠ ) من ثم فإن دالة الإنتاج المقيدة تصبح كما

(٣) نحسب حري فإذا اتضح أنها تساوى ٢٥٠ مثلاً ، نقوم باستخدامها في حساب

ف\*حث:

$$F^{\bullet} = \left[ \frac{(\sum e_{i1}^2 - \sum e_{i1}^2)}{\sum e_{i1}^2} \right] - k$$

وبالبحث عن ف الجدولية عند مست معمولة معن ، ودرحات حرية أن ي = 1 ، ن و و و حات حرية أن ي = 1 ، ن و و و حات حرية أن ي = 1 ، ن و و و مقارنتها مع ف م ، فإذا الصح أن ف > ف فإننا نرفض الفرض القائل بأن : ب + ب ب = 1 ، ونقبل الفرض المديل : ب ب + ب ب = 1 ، ومن ثم يصبح افتراض ثبات علة الحجم افتراض غير واقعي ، و العكس صحيح ، وفي حالتنا هذه نحد أن :

وبالبحث عن ف الجدولية نحد أنها تساوي :

وبمقارنة ف\* ، ف ، نجد أن ف\*>ف مما يعنى أن افتراض ثبات غلة الحجم غير صحيح ، وأن هناك غلة حجم متزايدة ، حيث ب ا + ب ١ < .

(ب) اختبار مدى صحة افتراض الرشد الاقتصادي:

إذًا افترضنا أن دالة الطلب تأخذ الصيغة :

$$(Y=AP^{bl}X^{b2})$$

حىث:

فإن افتراض الرشد الاقتصادي يقتضي أن يكون المجموع (ب، + ب، ) = صفر . ولاختبار مدى صحة هذا الافتراض نتبع الخطوات التالية :

(٢) ثم نقوم بتقدير الصيغة المقيدة والتي تفترض أن:

ومن ثم تصبح الصيغة المقيدة كما يلي:

وبتقدير الصيغة (٣١-٩) وتحديد ﴿ ٥-٢ نستطيع إجراء الاختبار على نفس النحو الذي سبق .

(ح) اختبار مدي صحة بعض القيود في الحالة العامة:

افترض أن لدينا معادلة انحدار تأخذ الصيغة التالية :

وتوفر لدينا بعض المعلومات من مصادر أخرى تشير إلى أن: ب ١ = ١، ب - = ب - . فإذا أردنا اختبار مدى صحة هذه القيود من خلال العينة

المتاحة لدينا نتبع الخطوات التالية : (١) نقوم بتقدير الصيغة (٩-٣٢) غير المقيدة ونحدد ﴿ حَرَا بَدْرَجَاتَ حَرِيةَ نَ - كَ.

(٢) نقوم بالتعويض عن القيود في المعادلة (٩-٣٢) فنحصل على:

ويصبح عدد المعلمات المراد تقديرها في هذه الحالة أقل = ك - ٢ حيث لا يوجد

هناك ب، أو ب،، ونقوم بتقدير الصيغة المقيدة ( ٩-٣٣ ) ونحدد 🔼 د 🍾 بدرجات حرية =

(٣) نقوم بتحديد الفرق بين 🔀 د ، " - 🄀 د ، " بدرجات حرية تساوى: [ن - ك + ٢] - [ن - ك] = ٢ = عدد القيود المفروضة .

$$F^* = \frac{\left[\sum e_{i1}^2 - \sum e_{i1}^2\right]/2}{\sum e_{i1}^2/(n-k)}$$

ثم نقارنها مع ف الحدولية بنفس الطريقة السابقة .

Econometric problems

- g kapanilda Yerapa, 1960a, aa dadamargam h
- (A. V.) will as I New Log Money Consequency Street (Horse Hubbi).
- (1) Allie was builted by the washing (1)
- ( ) pathod was the same series because it is the state on a before a proper to the state of the same o

#### مقدمة

تقدوم طريقة المربعات الصغرى العادية (OLS) على أساس عدد من الافتراضات التي أشرنا إليها في الجزء الأول. ولا شك أن هذه الافتراضات قد تتوفر في الواقع وقد لا تتوفر. وفي حالة توفرها تكون طريقة المربعات الصغرى العادية صالحة للاستخدام في قياس العلاقات الاقتصادية محل الاهتمام. أما في حالة عدم توافرها فإن طريقة المربعات الصغرى العادية لا تصبح هي الطريقة الملائمة لتقدير معلمات العلاقات الاقتصادية ، ويتعين البحث في هذه الحالة من طرق قياسية أخرى أكثر ملائمة. وبمعنى آخر إذا لم تتوفر الافتراضات التي تقوم على أساسها طريقة المربعات الصغرى العادية في الوقع فإن هذا يترتب عليه ظهور بعض المشاكل القياسية التي تجعل من هذه الطريقة أسلوباً غير ملائم لتقدير العلاقات الاقتصادية .

وحتى نختبر مدى توفر هذه ا لافتراضات يتعين علينا إجراء بعض الاختبارات مستخدمين بعض المعايير القياسية . وسوف نعرض في هذا الجزء لأربعة مشاكل قياسية

- (1) مشكلة الارتباط الذاتي Autocorrelation .
- . Multicollinearity مشكلة الامتداد الخطى المتعدد (٢)
  - . Heteroscedasticity مشكلة عدم ثبات التباين (٣)
- (٤) مشكلة تقدير النماذج ذات الفجوات الزمنية Lagged variable models. على أن نتناول كل مشكلة منها في فصل مستقل.

### الغصل العاشر

# الارتباط الذاتي

### Autocorrelation

يعتبر الارتباط الداتي أحد المشاكل التي يترتب على وجودها عدم دقة في قياس معاملات العلاقات الاقتصادية عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية . وسوف يتم التركيز في هذا الفصل على عدد من النقاط الأساسية التي تتعلق بهذه المشكلة والتي من أهمها : تعريف الارتباط الذاتي ، وأشكال الارتباط الداتي ، وأساد ا لارتباط الداتي ، واختبار الارتباط الذاتي ، ونتائج الارتباط الذاتي ، ثم علا المدال ا لارتباط الداتي. وسوف يتم تناول هذه النقاط في مبحثين: على مبعثين على الداتي. وسوف يتم تناول هذه النقاط في المبحث الأول: التعريف بمشكلة الارتباط الذاتي.

granding that the state of the

### المبحث الأول

### التعريف بمشكلة الارتباط الذاتي

### ( ١-١-١) تعريف الارتباط الذاتي:

يشير الارتباط الداتي بوجه عام إلى وجود ارتباط بين القيم المشاهدة لنفس المتغير. وفي نماذج الانحدار عادةً ما تشير مشكلة الارتباط الذاتي إلى وجود ارتباط بين القيم المتتالية للحد العشوائي " ء " . وفي هذه الحالة تكون قيمة معامل الارتباط بين القيم المتتالية للحد العشوائي ( أو معامل التغاير ) ( ر المناه ) غير مساوية للصفر . ووجود مشكلة ارتباط ذاتي يخل بأحد الافتراضات التي تقوم عليها طريقة المربعات الصغرى العادية . وهي تعنى أن خطأ ما حدث في فترة ما ، ثم أخذ يؤثر في الأخطاء الخاصة بالفترات التالية بطريقة تؤدى لتكراز نفس الخطأ أكثر من مرة . أي أنه قد يوجد هناك خطأ واحد ولكنه يتكرر في كل الفترات التالية بما يؤدى لظهور قيم الحد العشوائي عند مستوى يختلف عن القيم الحقيقية .

### ( ١-١-١٠ ) أشكال الارتباط الذاتي :

قد يكون الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى " First order " أو الرتبة الثانية أو من رتبة أعلى . وفي حالة الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى نجد أن كلِ قيمة من قيم الحد العشوائي مرتبطة بالقيمة التي تسبقها فقط . ويمكن تمثيل حالة الارتباط الذاتي من هذه الرتبة بمعادلة الانحدار التالية :

$$(1-1+)...... u_t = \rho u_{t-1} + w_t ,9+_{1-},25=_{1}2$$

حيث "  $c_0$ " (  $c_0$  ) تشير إلى الحد العشوائي المقدر باستخدام طريقة البواقي من عينة. وفي حالة العينات الكبيرة يلاحظ أن  $\sum c_0 = \sum c_0 c_0$ . ومن ثم تصبح المعادلة (  $c_0 = \sum c_0 c_0$  ) كالتالي:

$$\frac{\hat{\Gamma}(\Gamma - 1 \cdot 1) \cdot \hat{\rho}}{\hat{\Gamma}(\Gamma - 1 \cdot 1) \cdot \hat{\rho}} = \frac{\sum_{t=0}^{\infty} e_{t} \cdot e_{t-1}}{\sum_{t=0}^{\infty} e_{t}^{2}} \qquad \underbrace{\frac{1 \cdot j \cdot s}{j \cdot s} \cdot \frac{s}{s}}_{\text{production}} = \hat{S}$$

$$\frac{1 \cdot j \cdot s}{j \cdot s} \cdot \frac{s}{s} = \hat{S}$$

أما في حالة الارتباط الذاتي من الرتبة الثانية فإن كل قيمة من قيم الحد العشوائي تكون مرتبطة بالقيمتين السابقتين لها . ويمكن تمثيل هذه الحالة بمعادلة الانحدار التالية:

$$(\xi-1) = \rho_1 + u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + W_t$$

$$(\xi-1) = \rho_1 + u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + W_t$$

وهكدا بالنسبة للحالات الأخرى من الرتبة الأعلى .

و الارتباط الذاتي قد يكون ارتباطاً ذاتياً زمنياً من الارتباط الذاتي الزمني فهو أو ارتباطاً ذاتياً قطاعياً الذاتي الزمني فهو يشير للارتباط بين القيم المتتالية للحد العشوائي عبر فترات زمنية متعاقبة عند استخدام بيانات سلسلة زمنية . وفيما يتعلق بالارتباط الذاتي القطاعي فهو يشير إلى الارتباط بين القيم المختلفة للحد العشوائي الخاصة بمفردات العينة عند نقطة زمنية معينة، ويوجد عند استخدام بيانات قطاعية .

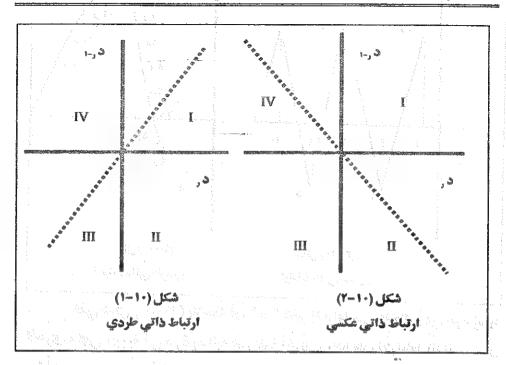
كما يلاحظ أن الارتباط الذاتي قد يكون موجباً أو سالباً وهو يكون موجباً إذا كان معامل الارتباط الذاتي " ذ " أكبر من الصفر ، ويكون سالباً إذا كانت قيمته أقل من الصفر . ويلاحظ في هذا الصدد أن قيمة " ذ " تتراوح بين -1 + 1 + 1 . وعندما  $\dot{\epsilon} = \pm 1$  يكون الارتباط الذاتي عند حدها الأقصى . أما إذا كان ذ = صفر فإن هذا يشير إلى انعدام وجود هذه المشكلة . وعموماً فإن شكل الانتشار للبواقي " د , " التي هي مقدرات للقيم الحقيقية للمتغير العشوائي " > " يمكن أن يوضح لنا اتجاه الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى . فإذا قمنا بحساب القيم  $\dot{\epsilon}$  ,  $\dot$ 

ثم صنفناها كما بالجدول ( ١-١٠ ) ، ورصدناها في شكل انتشار ، فمن الممكن أن نحصل على أحد الشكلين ( ١-١٠ ) أو ( ٢-١٠ ) .

ا من الله الله المناطقة ال**جنبول (١٠٠-١)** المناطقة المناطقة الله الله المناطقة المن

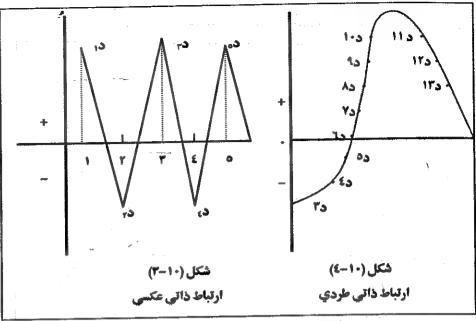
#### لتهميرها (1964) (1965) و إن الت**صنيف التيم المقدرة للحد العشوالي لمتغيريّن،** فيه (1965) و إنْ أَبْه أنه

المتغير الثاني	المتغير الأول	الحد العشوائي	المشاهدة
",_,3"	and 19 to a control to the	" <b>5</b> "	The second second second
, 3	13	Single All (S. V. 197	197 <sub>2</sub> + 1
WANT SALE		13	<b>Y</b>
٠,٠	and the state of t	Carlot for + 3. Carlot on the	nachtek auf <b>ti</b> ky jawati
Springer Stra	NAMED STREET	Sand Heading to pro-	A BARANGA MANGA SA
Aug School		e graph of the second	metilyt a solution
		the Marian Company	
The the time	And Parking Baker		gelick entycky gag je
		ده	ن



ويلاحظ أن الارتباط الذاتي في الشكل ( ١-١٠ ) موجب ، أما الارتباط الذاتي في الشكل ( ١-١٠ ) فهو سالب . وحيث أن الوسط الحسابي لكلٍ من د ، د , . يساوى صفر ، فإن الخطوط المتعامدة التي تمر بالأوساط الحسابية لهما ستكون هي نفسها المحاور الأصلية والتي تتقاطع عند نقطة الأصل . ومن ثم يمكن القول إذا كان شكل الانتشار للبواقي د ، ، د , . ، يمر بالربعين ١٦ الله فإن الارتباط الذاتي يكون طردياً . أما إذا كان يمر بالربعين ١٣ فإن الارتباط الذاتي يكون عكسياً .

كما يمكن الحكم على أتجاه الارتباط الداتي من المسار الزمني للمتغير العشوائي ممثلاً في " ذر" بالشكلين (١٠-٣)، (١٠-٤).



ففي شكل ( ١٠-٣) يلاحظ أن " د " تتغير إشارتها على التوالي من فترة زمنية لأخرى ، فهي موجبة في فترة وسالبة في فترة أخرى . ولذا فإن الارتباط الداتي يكون سالباً في هذه الحالة ، أما الشكل ( ١٠-٤ ) فهو يمثل حالة التقلب الدوري ، وفيه نجد أن قيم " د " لا تتغير إشارتها من فترة لأخرى ، وإنما نظل الإشارة واحدة لمجموعة قيم متتالية قد تكون موجبة أو سالبة ، وفي مثل هذه الحالة يكون الارتباط الداتي موجباً .

### ( ١٠١٠ - ٣ ) أسباب الارتباط الذاتي :

يمكن تلخيص أهم أسباب الارتباط الداتي فيما يلي:

(1) حدف بعض المتغيرات التفسيرية ذات القيم المرتبطة ذاتياً. فمن المعروف أن حدف بعض المتغيرات من نموذج الانحدار يترتب عليه ما يسمى بخطأ الحدف، وهذا ينعكس بدوره في قيم الحد العشوائي" ٤ ". فإذا كانت قيم المتغير التفسيري المحدوف مرتبطة ذاتياً عبر الفترات المنتائية ، مثل الدخل الذي تتأثر قيمته في الفترة الحالية

بقيمته بالفترة السابقة ، فإن خطأ الحدف في الفترات المتتالية تكون قيمه مرتبطة ذاتياً أيضاً، وبالتالي يتولد هناك نوع من الارتباط الداتي بين قيم " ع ".

فإذا قمنا بتقدير دالة الطلب باستخدام النموذج التالي:

14+,0,0+,0,0+1=,6

حيث : ط ، = الكمية المطلوبة ، ث ، = سعر السلعة ، ث ، = سعر السلعة الأخرى ، فر حين كانت الصيغة الصحيحة للنموذج هي :

ط,=أ+ب, ث,+ب\*, ث,+ب\*أ+ب \*d++

فإن هذا يعنى أننا حذفنا المتغير " ل " الذي يشير إلى الدخل من النموذج ، الأمر الذي قد ينعكس في قيمة الحد العشوائي " ء , " ، حيث ء ، = ب\* , ل + ء , في هذه الحالة على الأقل . فإذا كانت قيم الدخل مرتبطة عبر الفترات المتتالية فإن حذفه من النموذج يؤدى لارتباط قيم الحد العشوائي ء , عبر الزمن . وتعرف هذه الحالة باسم " شبه الارتباط الذاتي " حيث أن الارتباط الذاتي لا يرجع لطبيعة المتغير العشوائي وإنما يرجع لوجود ارتباط ذاتي بين قيم متغير تفسيري ما .

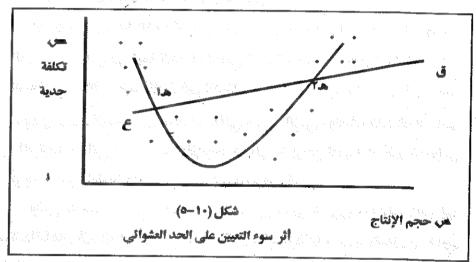
ولكن يلاحظ أنه في حالة وجود أكثر من متغير تفسيري محذوف ذات قيم مرتبطة ذاتياً فإن قيم الحد العشوائي قد لا تكون مرتبطة ذاتياً، حيث يحتمل أن تكون أنماط الارتباط الذاتي للمتغيرات التفسيرية المحذوفة في اتجاهات متضادة بحيث يلغى أثر بعضها البعض.

(٢) سوء تعيين الشكل الرياضي للنموذج . إذا تم استخدام صيغة رياضية تختلف عن الصيغة الحقيقية للعلاقة محل التقدير ، فإن قيم الحد العشوائي " ، " قد تظهر ارتباطاً ذاتياً . فعلى سبيل المثال إذا كانت العلاقة الحقيقية للتكلفة الحدبة غير خطية بحيث تأخذ الصغة التالية :

حيث: ص= تكلفة حدية ، ص = حجم الإنتاج.

غير أن الباحث قام باستخدام الصيغة الخطية التالية :

فلاشك أن استخدام الصيغة الخطية بدلاً من غير الخطية ينطوي على نوع معين من الخطأ ينعكس في الحد العشوائي ، حيث  $_{-}$  =  $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$   $_{-}$  على الأقل في هذه الحالة . ومثل هذا الخطأ في التعيين يتكرر بالنسبة لكل المشاهدات التي تحتوى عليها العينة ، الأمر الذي يؤدى لوجود ارتباط ذاتي بين قيم "  $_{-}$  " . ويتضح هذا الأمر من الشكل ( $_{-}$  -  $_{-}$  ).

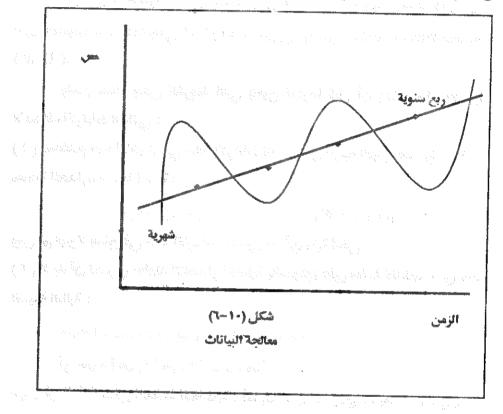


فاستخدام الصيغة الحطية الممثلة في الخط "ق ع" بالرغم من أن شكل الانتشار غير خطى يعني خطأ في التقدير يتكرر بالنسبة لكل المشاهدات المحصورة بين ه ، ، ه ، ، وهو يتمثل في كون القيم المقدرة تبالغ في القيم المشاهدة .

(٣) سوء تعيين المتغير العشوائي " " " نفسه . فمن الممكن أن نتوقع في عديد من الحالات أن تكون القيم الحقيقية المتتالية للمتغير العشوائي " ع " مرتبطة ذاتياً دون سبب خارجي . فأثر العوامل العشوائية الصافية كالحروب والأوبئة والإضرابات العمالية

يمكن أن مد لأكثر من فترة على المتغير التابع ، مما يؤدى لوجود ارتباط ذاتي بين قيم " ، " وتسمى هذه الحالة بالارتباط الذاتي الحقيقي .

( ٤ ) معانجة البيانات . ففي بعض الحالات قد تكون البيانات المنشورة شهرية ويريد الباحث بيانات على أساس ربع سنوي ، فيقوم بتجميع بيانات كل ثلاثة شهور ثم يحصل على متوسط لها . ولا شك أن تمثيل بيانات ثلاثة شهور بنقطة واحدة ينطوي على نوع من التقريب بظهر البيانات في صورة أقل تقلباً كما هو واضح في الشكل ( ١٠- ٢ ) .



وبتضح من الشكل ( ٣٠١٠ ) أن تقريب البيانات الشهرية بأخذ متوسطات ربع سنوبة ينطوي على نوع من الخطأ يتكرر من مشاهدة لأخرى نتيجة لعملية التقريب مما يودي لوجود ارتباط ذاتي .

#### المبحث الثاني

### اختبارات الكشف عن الارتباط الذاتي وعلاجه

يتعين التفرقة بين نوعين من معايير اختبار الارتباط الداتي ، الأول الارتباط الداتي من الرتبة الأولى ، والثاني الارتباط الداتي من رتبة أعلى .

( ١-٢-١٠ ) اختبار الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى:

من بين الاختبارات التي تستخدم في التحقق من وجود ارتباط ذاتي بين Durbin-Watson test ( اختبار ديربن-واتسون ) القيم الحقيقية للحد العشوائي " ع " ( اختبار ديربن-واتسون ) D.W ).

ولكن هناك بعض الشروط التي يتعين توفرها قبل أن يصلح هذا الاختبار لاكتشاف الارتباط الذاتي :

( 1 ) يستخدم هذا الاختبار في حالة الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى فقط والتي تأخذ معادلة انحداره الصيغة التالية :

$$u_t = \rho u_{t-1} + W_t$$
  $g = \frac{1}{2} + \frac{1}{2$ 

ومن لم فهو لا يصلح في حالة الارتباط الذاتي من أي رتبة أعلى .

(٢) لا بد أن تحتوي معادلة الانحدار الأصلية بالنموذج على معلمة تقاطعية ، أي تأخذ

الصيغة التالية:

أو س=أ من الإنا من الاناساط"

حيث أن " أ " تمثل المعلمة التقاطعية . أما إذا كان النموذج بطبيعته لا يحتوى على معلمة تقاطعية للتأكد من عدم وجود أو معلمة تقاطعية للتأكد من عدم وجود أو من وجود ارتباط ذاتي .

(٣) يتعين ألا يحتوى نموذج الانحدار الأصلي على المتغير التابع ذات الفجوة الزمنية كأحد متغيراته التفسيرية . فإذا افترضنا أن من رهو الاستهلاك في الفترة ز ، من ر م الاستهلاك في الفترة السابقة ، ل وهو الدخل فإن نموذج الانحدار التالي:

$$Y_t = \alpha + \beta_1 X_t + \beta_2 Y_{t-1} + u_t$$

لا يمكن أن نجري عليه اختبار ديربن-وانسون.

(٤) لا بد أن يكون حجم العينة أكبر من ١٤ حتى يمكن إجراء الاختبار لأن الجداول الخاصة به تبدأ من ن = ١٥ .

ومن مزايا اختبار ديربن-واتسون أنه يمكن إجراءه بسهولة باستخدام عنصر المتبقى " د " الذي يمكن حسابه من معادلة الانحدار.

ويعتمد اختبار ديربن-واتسون على إحصائيتين هما ي \* ( ي المحسوبة ) ،

ى الجدولية ، ويعرفان في الكتب الإنحليزية بالرمزين \* d . d . ويتم حساب ى \* المحسوبة من بيانات العينة باستخدام عصر المتبقي " د " e " ، أما ى الجدولية فيتم الحصول عليها من جداول أعدت خصيصاً لذلك .

وتستخدم هاتين الإحصائيتين في إجراء اختبارات على الفروض التالية :

في مواجهة:

فإذا ما تمخض الاختبار عن قبول فرض العدم: ذ = صفر، فإن هذا يعنى عدم وجود مشكلة ارتباط ذاتي بالنموذج ، أما إذا تمخض الاختبار عن رفض فرض العدم وقبول الفرض البديل فإن هذا يعنى وجود مشكلة ارتباط ذاتي إما طردي أو عكسي . وسوف نوضح فيما يلى كيفية إجراء اختبار ديربن - واتسون :

أولاً: تحديدي \* المحسوبة ( \* d )

$$\frac{(a-1)}{(a-1)} = *s$$

$$\frac{(a-1)}{(a-1)} = \frac{s}{s}$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} (e_i - e_{i-1})^2}{\sum_{i=1}^{n} e_i^2}$$

وهي نسبة مجموع مربعات الفروق بين قيم البواقي المتتالية عن بعضها إلى مجموع مربعات قيم البواقي ( د ) . ويلاحظ أن البسط به " ن - 1 " مشاهدة حيث أن عدد الفروق أقل من عدد المشاهدات بواحد ، ذلك لأن القيمة الأولى لا تسبقها قيمة . وبفك الأقواس بالمعادلة ( ١٠ - ٥ ) نحصل على :

ولقد ثبت أنه إذا كان حجم العينة كبيراً فإن :

$$(Y-1-1)$$
 ......  $(Y-1-1)$   $(Y-1-1)$   $(Y-1-1)$   $(Y-1-1)$   $(Y-1-1)$   $(Y-1-1)$ 

ومن ثم يمكن كتابة المعادلة (١٠١-٦) كما يلي:

$$(3-1) = 2(1-\hat{\rho}) \qquad (3-1) = *$$

وإذا قبلنا أن العلاقة ( ١٠-٩ ) تماثل علاقة المجتمع الحقيقية ، فمن الممكن كتابة الصيغة التالية:

$$(1-1-1)$$
  $d=2(1-p)$   $(5-1)^{r}=6$ 

حيث: 5(0) = معامل الارتباط الذاتي للمجتمع.

ومن العلاقة ( ١٠-١٠ ) يمكن استخلاص النتائج التالية :

(أ) إذا كان ذ = صفر، أي الارتباط الذاتي منعدم ، فإن ي = ٢ ، وهذا يعني أن الفرض الصفري بشأن معامل الارتباط الذاتي الحقيقي للمجتمع في عصور يكافئ الفرض  $r_{0} = r_{0} + r_{0$ 

(ب) إذا كان ذ = + 1 ، أي أن الارتباط الذاتي الحقيقي تام موجب ، فإن ى = صفر . وهذا يعنى أنه إذا كانت صفر < ى < 7 فإن الارتباط الذاتي يكون موجباً، وكلما قلت قيمة ى مبتعدة عن ٢ ومقتربة من الصفر ، كلما زادت درجة الأرتباط الذاتي الموجب .

(ح) إذا كان  $\dot{c} = -1$ ، أي أن الارتباط الذاتي الحقيقي تام سالب، فإن  $\dot{c} = -1$  وهذا يعنى أنه إذا كانت  $\dot{c} < 0$  فإن الارتباط الذاتي يكون سائبةً، وكلما زادت قيمة ى

مبتعدة عن ٢ ومقتربة من ككلما زادت حرصة الارتباط الذاتي العسي. ومما سبق يلاحظ أنه إذا كانت قيمة معامل الارتباط الذاتي " ذ " تتراوح بين

- ١ ، + ١، فإن قيمة ي تتراوح بين الصفر، ٤ .

"أنه بحساب معامل الارتباط الذاتي المقدر "(-1-1) أنه بحساب معامل الارتباط الذاتي المقدر "(-1-1) يمكن حساب ى " المحسوبة بدلالته . كما يلاحظ أن العلاقة بين ى ، (-1-1) العلاقة بين ى "(-1-1) ، (-1-1)

ثانياً : تحديد " ي " الجدولية ( d )

يوجد هناك جداول معدة خصيصاً للكشف عن " ى " وهي تسمى : Durbin-Waston statistic tables

وتتحدد قيم ي بالجدول بعوامل ثلاثة:

(أ)عدد المشاهدات (ن)

(K-1)(1-4) عدد المتغيرات التفسيرية (ك – 1)

**(α) مستوى المعنوية (1 % ، ٥ %)** 

وتوجد هناك قيمتين لـ " ي " بالجدول :

عي حداعلي ها du-upper limit

ى روز المراجد أدني محمد المسالة المسا

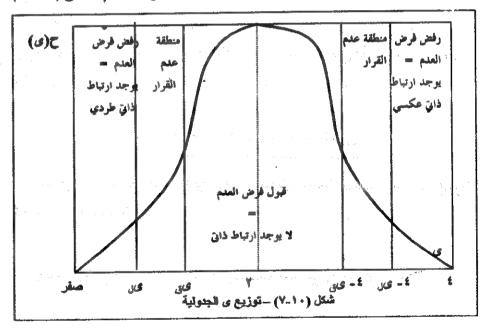
فعند عدد مشاهدات معين ، وعدد متغيرات تفسيرية معين ، ومستوى معنوية معين ، يمكن تحديد القيمتين ي و ، ي و من الجدول . ويعطى الجدول ( ٢-١٠ ) صورة مبسطة لجدول ديربن واتسون .

جدول (۲-۱۰) نموذج مبسط لجدول لجدول اختبار ديربن - وإتسون

		: 1	7.	1							7	<b>0</b> - 1				مستوی معنوی <b>ة</b>
			ŕ													معنوية
- 1		1	•	1	,	,	1	1	<u>.                                    </u>	1	•	•	ľ		1	1-1
یں	ېږ	یں	ىق	یں	ېق	ى	ىق	ی	ېق	یں	ىن	ين	ىق	یں	ي ق	ن
						-							3.			10
																17
																17
												5114				

ثالثاً : إجراء اختبار ديربن-واتسون :

يوجد هناك منطقتين حرجتين إذا وقعت في إحداهما ي \* المحسوبة يمكن القول أن هناك ارتباطاً ذاتياً . ولتوضيح كيفية إجراء الاختبار نستخدم الشكل (٦-١٠) .



ويلاحظ من الشكل (١٠-١٠) أن قيم " ى " تتراوح بين الصفر ، ٤ وهي توازى قيم معامل الارتباط الذاتي التي تتراوح بين + ١ ، - ١ . كما يلاحظ أن وسط توزيع " ى " هو القيمة " التي توازي القيمة صفر لمعامل الارتباط الذاتي. وتعتبر " ى " توزيع معتدل .

وبمقارنة " ى \* " المحسوبة مع أحد قيمتي " ى " الجدولية نجد أن هناك أكثر من احتمال :

(أ) إذا كانت ى \* <ى ل نرفض فرض العدم ذ = صفر ونقبل الفرض البديل ذ > صفر ويكون هناك ارتباط ذاتي طردي .

(ب) وفي المقابل إذا كانت ي \* > ( ٤ - ي ل) ، نرفض فرض العدم ذ = صفر. ونقبل الفرض البديل ذ < صفر ، ويكون هناك ارتباط ذاتي عكسي .

(ح) إذا كانت ى و حى \* < (٤ - ى و) ، فإننا نقبل فرض العدم ومن ثم لا يوجد هناك مشكلة ارتباط ذاتي من أي نوع .

مثال (10-1) اختبار ديربن -واتسون للارتباط الذاتي

افترض أن باحثاً قام بتقدير دالة المبيعات لقطاع صناعي ما عبر الفترة 1980-1992 وفقاً للصيغة التالية :

 $av = \hat{1} + \hat{1}$  , av ,  $+ \hat{1}$  , av , + c . av , +

#### جدول (۱۰-۳)

بواقي تقدير دالة المبيعات-

98	٩٣	97	91	۹.	A٩	Αλ.	AY	λ'n	-40	Aξ	٨٣	AY	A1	٨-	سنة
۹_	۸	A-	<b>Y</b> -	0-	٦_	٤	۲	٧	٠ ٦,	٦	٥	٤	۲	١	٠, ۵

والمطلوب هو اختبار مدى وجود مشكلة الارتباط الذاتي باستخدام إحصائية ديربن -واتسون .

ولإجراء الاختبار يتعين علينا أن نقوم بحساب معامل الارتباط الداتي " ذ " كما

هو موضح بالجدول (١٠٠). حيث:

ثم نقوم بحساب ي \* المحسوبة حيث:

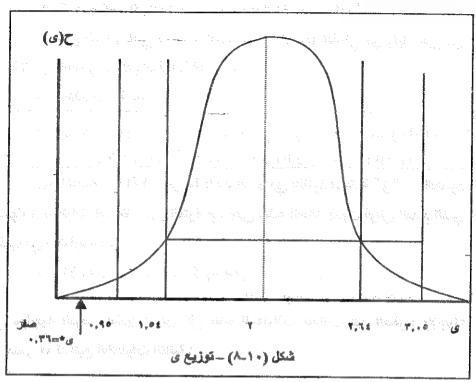
ونحدد قيمتي ي الجدولية عند :

وبجداول اختبار ديربن-واتسون نجد أن:

-{	٤–	1	• )	٠ول	2	

		-3 / C-	جدول (۱۰		
,'3	در دردا	المتغير	المتغير	البواقي	السنة
		الثاني	الأول	"3"	
				Aug to Jayan	14.37
garage A	۲	1	۲	1	194-
<b>. €</b> <sub>(1)</sub>	of the 🔥 🔉	ر الموادي	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	rayof Cara	1941
Maring 135 in	vrite( ( <b>Y•</b> ,	******** <b>E</b>	0	٤	1944
10	٣٠	20 0	1 777	٥	1944
And	17°	<b>4</b>	*	4	1946
17%	£4.	7	Y	٦	1940
Toy Sa & Queen	18-40 (18-40 to 18)	***: * * <b>Y</b>	۲_	Y	1947
٤	New X and a	- 1 K= 11	- 10 <b>8-</b> ) 00 /11	· +	1947
Emile Mene	or Partition VE plant	€	7	٤	1944
177. 1	( ** ) many	is prob <b>ild</b> to a	0-	٦	1949
10	100	es ( es <b>é≃,</b> , a'	٧-	0-	199.
٤٩	( ot; 20 %	water to <b>V</b> iction of	5 7 <b>A-</b>	Y_	1991
WEST 18, 1-1.	। घुटाच् <b>१६</b> -कृतिक	<u>,</u> }≈. <b>/≟</b>	A-	۸	1997
78	- 6.2°, <b>VY</b>	<b>A-</b>		A	1995
AT Say	Mark Comment		. Williams	۹_	1998
100 S S S S S S S S S S S S S S S S S S	* a	At sei			
ک د'ر	10,3,5	engi daya	•		
0·1=	£11"=				
				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

و باستخدام هذه البيانات يمكن رسم توزيع "ى "كما بالشكل ( ١٠-٧).



وبمقارنة " ى \* " المحسوبة و " ى " الجدولية نجد أن ى \* < ى ، ، ومن ثم فإننا نقبل الفرض البديل القائل بوجود ارتباط ذاتي طردي . ويعتبر الارتباط الذاتي في هذه الحالة من النوع السلسلي .

ويعاني اختبار ديربن-واتسون من بعض العيوب التي تتمثل في : (أ) لا يعتبر هذا الاختبار صالحاً في حالة وجـود متغير تـابع ذات فجـوة زمنية كمـتغير

مستقل ،

(ب) يعتبر هذا الاختبار محدود بحالة الارتباط الخطي من الرتبة الأولى ، وهذا يعني أنه لا يصلح في حالة الارتباط الذاتي غير الخطى أو الارتباط الذاتي من أي رتبة أعلى من الأولى .

(ح) لا يعطى هذا الاختبار نتيجة قاطعة إذا وقعت قيمة ي \* المحسوبة في مدى معين من القيم . ( ١٠ - ٧ - ٢ ) اختبار الارتباط الذاتي من رتبة أعلى من الأولى :

من بين المعايير التي تستخدم للكشف عن الارتباط الداتي من رتبة أعلى من الرتبة الأولى اختبار Breusch-Godfrey (BG).

وفي هذه الحالة نجد أن :

$$(11-1-)\dots + (11-1-)\dots + (13-1)$$

ووفقاً للصيغة ( ١٠-١١ ) يرتبط الحد العشوائي بالفترة الحالية " ز " t بالحدود العشوائية بالفترات السابقة حتى الفترة م . وفي هذه الحالة يكون فرض العدم الذي نرغب في اختباره هو:

 $\rho_1 = \rho_2 = \dots = \rho_m = 0$ 

في مواجهة الفرض البديل: أن كل هذه المعاملات تختلف عن الصفر . ولإجراء الاختبار B G نتبع الخطوات التالية :

 $X_i = \hat{\alpha} + \hat{\beta}_i X_{ii} + \hat{\beta}_j X_{ji} + e_i$ 

$$\mathbf{e}_i = \mathbf{Y}_i - \mathbf{Y}_i$$

(ب) إذا كان الارتباط الداتي الذي نختبره من الرتبة الثالثة مثلاً نقوم بتقدير ما يسمى بالانحدار المساعد على النحو التالي:

$$e_{t} = \hat{C} + \hat{\alpha}_{1} X_{1t} + \hat{\alpha}_{2} X_{2t} + \hat{\rho}_{1} e_{t-1} + \hat{\rho}_{2} e_{t-2} + \hat{\rho}_{3} e_{t-3} + W_{t}$$

$$(17-1)...$$

ثم نقوم بحساب معامل التحديد من الانحدار المساعد ر $(\mathbb{R}^2)^*$ ).

(ح) يمكن إثبات أن (ن - م) ر ' يتبع توزيع كا ' . أي أن :

 $(n-m)R^2 \sim \gamma^2_m$ 

حيث: ن (n)= حجم العينة ، م (m)= رتبة الارتباط الداتي ، ر (R<sup>2</sup>) = معامل التحديد . وينطبق هذا في حالة العينات كبيرة الحجم .

( د ) بمقارنة ( ن - م ) ر أ مع كا أعند مستوى معنوية معين ( أ ٪ أو ٥ ٪ ) ، ودرجات حرية = م ( m ) يمكن اختبار فرض العدم الخاص بالارتباط الذاتي . فإذا كان :

ن – م ) ر ' > كا ' م ،  $\alpha$  نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ويكون هناك ارتباط ذاتي على الأقل من الرتبة الأولى ، والعكس صحيح .

ومن أهم خصائص اختبار B G بالإضافة إلى أنه يستخدم في الكشف عن الارتباط الذاتي من رتبة أعلى من الأولى:

- (أ) لا يتأثر بظهور قيم المتغير التابع ذات الفجوة الزمنية كمتغير تفسيري؟
- (ب) يتم تحديد رتبة الارتباط الذاتي (م) التي يتم اختبارها بصورة تحكمية .
  - ( ١٠-٢-٣ ) آثار مشكلة الارتباط الذاتي:

يمكن أن نحصر أهم آثار مشكلة الارتباط الداتي فيما يلي:

- ( 1 ) لا يؤثر وجود الارتباط الداتي على درجة تحيز القيم المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ، فتبقى القيم المقدرة غير متحيزة رغم وجود هذه المشكلة ، كما تبقى تقديرات هذه الطريقة متسقة ، ولكنها تفقد صفة الكفاءة .
- (٢) يؤدي وجود مشكلة الارتباط الداتي إلى صغر حجم الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة ع 1، ع ب عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ، الأمر الذي يؤدى إلى:
  - (أ) تضخيم معنوية المعلمات المقدرة .
  - (ب) عدم دقة فترات الثقة التي تستخدم الأخطاء المعيارية في حسابها .
    - ( ح ) قد تؤدي لعدم صلاحية استخدام اختبار " ت " ، ( ف ).

- (3) تصبح التنبؤات المؤسسة على النموذج غير دقيقة .
  - $\cdot$  R  $^2$  المبالغة في تقدير معامل التحديد  $\cdot$  R  $^2$ 
    - ( ١٠-٢-١٠ ) علاج مشكلة الارتباط الذاتى:

لتحديد العلاج الملائم لمشكلة الارتباط الذاتي يتعين أن نقف أولاً على سبب

المشكلة ، ويمكن توضيح ذلك فيما يلي : ( 1 ) إذا كان سبب مشكلة الارتباط الذاتي هو حذف بعض المتغيرات المستقلة فالحل

(١) إذا قال تعب مستقد الرباط الدالي هو حالك المعدولة في الدالة ثم نعيد التقدير مرة أخرى . فإذا كان النموذج محل التقدير مثلاً هو :

$$Y_t = \alpha + \beta X_t + u_{t_{i+1}}$$

حيث: عن = الإنفاق الاستهلاكي خلال الفترة ز ، ل = الدخل في الفترة ز ، وثبت أن الدخل ل إ = البيانة و يكون أحد أن الدخل ل إ من وثر في استهلاك الفترة الحالية أيضا ، فإن حذفه قد يكون أحد العوامل المسببة لهذه المشكلة . وللتأكد من ذلك نقوم بتقدير الدالة التالية :

 $Y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  من  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  من  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  فإذا ثبت أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن أن "ح ، " لها معنوية إحصائية فإن حدف ل  $y_t = C + C_1 X_{t+1} + u$  أن أن أن أن المرابق ا

ولتلاشي هذه المشكلة نقوم بإدراج ل عنه النموذج ليصبح كما يلي:

 $Y_t = \alpha + \beta_1 X_t + \beta_2 X_{t-1} + u_t$ 

أما إذا كان سبب مشكلة الارتباط الذاتي هو سوء تعيين النموذج ، كأن يكون النموذج الحقيقي الصحيح غير خطى وقمنا بتقديره في الصورة الخطية ، فإن الحل هو أن نستخدم الصيغة الرياضية الصحيحة في التقدير على النحو التالي :

لو م = أ \* + ب لول + 2 بدلاً من الصيغة الخطية السابقة .

ثم نختبر لنكشف مدى وجود الارتباط الذاتي، فإذا اختفى بعد هذا التعديل فإن هذا يكون دليلاً على أن سوء تعيين النموذج كان هو السبب.

(٢) أما إذا اتضح أن أحداً من الأسباب السابقة ليس هو المؤدى إلى الارتباط الذاتي نحاول إتباع طريقة أخرى لتخليص النموذج من هذه المشكلة . ومن بين الطرق المتبعة في ذلك طريقة الفروق، والتي نوضحها فيما يلي:

افترض أن النموذج الأصلي بأخليالصيغة التالية:

$$(17-1)\dots Y_t = \alpha + \beta X_t + u_t$$

وبتقدير الدالة ( ١٠ – ١٣ ) وإجراء اختبار ديربن واتسون ، افترض أنه اتضح وجود مشكلة ارتباط ذاتي طردي . ويلاحظ في هذه الحالة أنه إذا كانت الدالة ( ١٠ – ١١ ) صحيحة للفترة ( ز – ١ ) . ومن ثم يمكن إعادة صباغتها كما يلي :

وبضرب المعادلة (١٠-١٤) في المعامل " ذ " نحصل على:

وبطرح المعادلة (١٠-١٥) من المعادلة (١٠-١٣) تحصل على:

وبمعاينة المعادلة ( ١٠- ١٦ ) نجد أننا إذا قمنا باستخدامها في التقدير فإننا نزيل أثر الارتباط الداتي من البيانات ممثلاً في ذُ . وفي هذه الحالة نحصل على القيم المقدرة أَ ، بُ بعد استبعاد أثر الارتباط الداتي. ويتعين ملاحظة أننا نستخدم الفروق بدلاً من القيم المشاهدة الأصلية حب ، مب ، عند استخدام طريقة المربعات الصغرى

العادية في التقدير . ولعل هذا يؤدى لفقدان مشاهدة من المشاهدات وهي المشاهدة الأولى ، وفي هذه الحالة يتم استخدام الصيغة التالية لتعويض هذه المشاهدة لكلٍ من

ص ، س :

ويلاحظ أيضاً أنه إذا كانت ذ = ١ فإن المعادلة (١٠-١١ ) تتحول إلى:

$$(x_{t-j} - y_{t-j}) + (x_{t-j} - y_{t-j}) + (x_{t-j} - y_{t-j}) = 0$$

$$(1Y-1+) \dots Y_{t-j} - \beta (X_{t-j} - X_{t-j}) + (x_{t-j} - x_{t-j})$$

أي أن المعلمة التقاطعية تسقط من النموذج في هذه الحالة .

وإذا اعتبرنا أن:

عن 
$$* = عن ر - عن  $_{i-1}$  ، عن  $* = *$  عن  $_{i-1}$  ،  $* * = *_{i-1}$  عن  $* = *_{i-1}$  فإن المعادلة ( ۱۰–۱۷ ) يمكن كتابتها كما يلي :$$

$$(1\lambda-1)$$
.  $Y^* = \beta X^* + u^*$   $*z + *\omega^2 = *\omega$ 

وفي هذه الحالة نستخدم الصيغة التالية لتقدير المعلمة ب:

$$\hat{\beta} = \frac{\sum Y^* X^*}{\sum X^{*2}} \qquad * \checkmark * \checkmark = \boxed{\angle}$$

مثال (10-2) تصحيح الارتباط الذاتي

افترض أن دالة الاستثمار لقطاع صناعي معين تأخد الصيغة التالية: ^ ^ حيث حب = حجم الاستثمار ، س = حجم الأرباح ، وأن البيانات الخاصة بهما كانت كما بالجدول (١٠-٥).

#### جدول (۱۰) حدول

استثمار وأرباح قطاع صناعي ، ( مليون جنيه )

				-		-	10									
1	98	97	44	41	۹.	PA	AA	AY	FA	AO	Aξ	À٣	A۲	A1	٨٠	السنة
	17.	12.	178	1-1	PΑ	Yξ	٦٣	07	٤٤	77	YA	**	14	17	10	Ç.
	Y٤	11	٦٢	٦.	_04	30	۰۰	٤٩	£٢	۴Y	44	71	4.1	77	٣.	اهي

وبتقدير دالة الاستثمار وإجراء اختبار ديربن واتسون افترض حدلاً أنه وجد أن : ذ = 1 والمطلوب هو تخليص البيانات من مشكلة الارتباط الداتي .

بتطبيق المعادلة ( ١٠-١٧ ) نخلص البيانات من هذه المشكلة كما بالجدول

( ٦-١٠ ) . ويتضح من الجدول ( ٦-١٠ ) أن أول قيمة حصلنا عليها كما يلي :

ويَمْكَنُ اسْتَخْدَامُ بِيَانَاتُ هِيْ \* ، هِيْ \* فِي تَقْدِيرِ مَعَادِلَةُ الْانْحَدَارِ (١٠-١٨ ) باستخدام الصيغة (١٠-14) .

Programmy

And the Margan Commission of the second seco

policy of the following the first had been

جدول (۱۰–۲)

2 Prince 1990				السنة
1-104-104=*	حى <sub>ز</sub> *=حى <sub>ز</sub> -حى <sub>ز-1</sub>	j (M	<b>حر</b> ، ز	السنة
صفر	المراجعة المفراد	۲٠	10	194+
Y=Y:-YY	1= 10-17	77	25 <b>1%</b>	1941
£=YY-Y7	Y= 11-1A	17	1.4	1947
0=17-41	£= 1A-YY	71	YY	1947
Y=1-17	7= 27-74	ĺΨΨ	YA	1948
E=77-77	X= - YA-YZ		, yr	1940
0=77-£7	ې د ۱۳۹–۱۶۶ کې د په	£7	٤٤	1947
Y=£Y-£¶	1= 88-07	٤٩	٥٣	1944
1=84-0+	1-= 07 -77	5 W . • W . (*)	٦٣	1944
\$=005	11= 74-48	36	YE	1949
0=0£-701	1Y= YE-AT	09	٨٦	199.
1=01-1+	77= A7-1.4	1.	1.4	2
Y= <b>1</b> 7Y	10=1-9-178	٦٢	178	1997
£=7Y-77	17=175-15+	77	15.	1997
3Y-17=A	T+=1E+-17+	7٤	17.	1998

أما إذا افترضنا وجود ارتباط ذاتي عكسي تام ، حيث ذ =-1 فإن المعادلة ( ١٠-١٧ ) تصبح كما يلي:

$$\frac{Y_{t} + Y_{t-1}}{2} = \alpha + \beta \frac{X_{t} + X_{t-1}}{2} + \frac{u_{t} + u_{t-1}}{2}$$

و تسمى هذه بطريقة انحدار المتوسط المتحرك لفترتين .

ويمكن استخسدام القيم:

لتقدير معادلة الانحدار ( 10-20 ) بعد التخـلص من مشكلةِ الارتباط الداتي العكسي.

A firmulation and the first field the second that he is not being a second to be a second to be

TOTALLY AND THE PERSONNELS OF THE PARTY OF THE PERSONNELS OF THE PARTY OF THE PARTY OF THE PARTY.

# الفصل الحادي عشر

## الامتداد الخطي المتعدد

#### Multicollinearity

يعتبر الامتداد الخطي المتعدد أحد المشاكل القياسية التي تنشأ نتيجة لاختلال بعض افتراضات طريقة المربعات الصغرى العادية . وسوف نتعرض في هذا الفصل لبعض النقاط الأساسية المتعلقة بهذه المشكلة ، وهي تعريف الامتداد الخطي المتعدد ، وأسبابه ، ونتائجه ، والاختبارات اللازمة لاكتشافه ، ووسائل علاجه .

وسوف يتم تناول هذه النقاط في مبحثين:

المبحث الأول: التعريف بالامتداد الخطى المتعدد

المبحث الثاني : اختبارات الامتداد الخطي المتعدد وعلاجه

the configuration of the control of the second of the seco

Howard William

wanter the war in the Barbara Barbara Kalimin (1991)

which the transfer of the transfer wind the by the block will

where the result with the set of the property of the set of the se

### المبحث الأول

### التعريف بالامتداد الخطي المتعدد

### ( ١ - ١ - ١ ) مفهوم الامتداد الخطي المتعدد :

يشير مصطلح الامتداد الخطي المتعدد إلى وجود ارتباط خطي بين عدد من المتغيرات التفسيرية في نموذج الانحدار . ومن لم فإن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد لا توجد في حالة الانحدار البسيط وإنما توجد فقط في حالة الانحدار المتعدد .

وتكون مشكلة الامتداد الخطي عند حدها الأقصى إذا كان الارتباط بين المتغيرات التفسيرية تاماً ، أي أن رساسة ± 1 حيث من ، ، من ، متغيرين تفسيريين . وفي نموذج انحدار يأخذ الصيغة التالية :

$$(1-11) \dots x_{i} + \hat{y}_{1} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{1} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{1} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{2} + \hat{y}_{1} + \hat{y}_{2} + \hat{y$$

يوجد هناك امتداد خطى متعدد تام إذا كانت العلاقة بين س ، ، سٍ ، تأخذ

#### الصيغة التالية:

$$(Y-11)$$
 .....  $X_1 = C + C_1 X_2$   $x = 0$ 

حيث يكون الحد العشوائي في هذه العلاقة منعدماً ، ومن ثم فإن معامل الارتباط بين المتغيرين التفسيريين هي ، ، هي ، يساوى ± 1 .

و تنعدم مشكلة الامتداد الخطى المتعدد إذا كان رسيس عفر، حيث لا يوجد أي ارتباط بين المتغيرات التفسيرية ، وتسمى المتغيرات التفسيرية في هذه الحالة بالمتغيرات المتعامدة لا يوجد هناك حاجة لإجراء انحدار متعدد طالما أن كل متغير مستقل يؤثر في المتغير التابع بطريقة منفصلة تماماً ، ويكفي في هذه الحالة أن نجري انحداراً بسيطاً لكل متغير مستقل حتى نفيس معلمته الانحدارية . ولتوضيح هذه النقطة دعنا نأخذ المثال التالي:

افترض أن دالة الانحدار المراد تقديرها تأخذ الصيغة ( ١١-١ ) ، ومن ثم فإن :

فإذا كان الارتباط بين المتغيرين التفسيريين هن ، هن = صفر، أي أنهما متغيرين متعامدين فإن  $\sum w_1 = -\infty$  متغيرين متعامدين فإن  $\sum w_2 = -\infty$  من ذلك نجد أن :

$$\beta_1 = \frac{\sum y x_1^2}{\sum x_1^2}$$

ومن ثم فإن معامل الانحدار " ب، " في حالة الانحدار المتعدد = معامل الانحدار "ب، " في حالة الانحدار البسيط كما هو موضح في المعادلة ([E-1]) إذا كانت المتغيرات التفسيرية متعامدة.

وفى الواقع العملي عادة ما لا يواجهنا أي من الاحتمالين المتطرفين السابقين، ولكن في معظم الحالات يوجد هناك درجة من الارتباط الخطي بين المتغيرات التفسيرية أكبر من الصغر وأقل من الواحد ، أي أن : صغر < ر < < . وفي هذه الحالة تأخذ العلاقة بين المتغيرات التفسيرية الصيغة التالية :

$$(0-11)....X_1 = C + C_1 X_2 + W$$

حيث " و " تشير إلى الحد العشوائي الذي يحول العلاقة بين عن ، ، عن ، من علاقة مؤكدة إلى علاقة احتمالية . ومن الأمثلة الاقتصادية على الامتداد الخطي المتعدد دالة الاستهلاك التي تأخذ الصيغة التالية :

$$(7-11)$$
.....  $Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + u$   $\epsilon + \epsilon_1 \alpha_1 + \epsilon_2 \alpha_2 + \epsilon_3 \alpha_4 + \epsilon_4 \alpha_5 + \epsilon_5 \alpha_5 + \epsilon_5$ 

حيث : حس = الاستهلاك ، هن = الدخل ، س = حجم الثروة . فبالرغم من أن كل من حجم الثروة ومستوى الدخل يؤثران على مستوى الاستهلاك فإن مستوى الدخل يرتبط بحجم الثروة ، بل إنه في كثير من الحالات نجد أن الثروة هي المصدر الأساسي ما لم يكن الوحيد للدخل . ويلاحظ أن احتواء معادلة الانحدار ( ١١-٦ ) على كل من الدخل والثروة معاً يظهر تأثير الثروة على الاستهلاك في صورة مبالغ فيها . فالتغير في الثروة يؤدي لتغير مباشر في الاستهلاك، ولكنه يؤدي لتغير الدخل مما يترتب عليه تغير الاستهلاك مرة أخرى ومن ثم فإن الاستهلاك يتغير نتيجة لتغير كل من الدخل والثروة رغم أنه تغير واحد .

ويلاحظ أن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد توجد فقط إذا كان هناك علاقة خطية بين المتغيرات المستقلة . أما إذا كان هناك علاقة غير خطية فإن هذه المشكلة لا تَظْهِرُ وَلا يَتُرْتُبُ عَلَيْهَا آثَارُ سَيَّتُهُ . وَمَنْ الْأَمْثُلَةُ عَلَى ذَلْكَ دَالَةَ التَكَالَيْفَ التَكْعِيبِيةَ حَيْثُ :

$$Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_1^2 + \beta_3 X_1^3 + u$$

فيلاحظ أن هناك ارتباطأ غير خطي بين كل من عن ، عن "، عن"، أولذلك لا توجد في هذه الحالة مشكلة امتداد خطي متعدد .

كما يلاحظ أن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد قد توجد على مستوى العينة ولكنها لا توجد على مستوى المجتمع . فعندما تجمع بيانات عينة عن الدخل والثروة فهناك احتمال كبير أن يوجد ارتباطاً بين الدخل والثروة لمجموعة الأسر التي جمعنا عَنَّهَا هَذَهُ البِيانَاتِ ، أما على مستوى المجتمع فهناك عوامل كثيرة تؤثَّر في الدخل غير الثروة مثل عدد ساعات العمل ، ومستوى التعليم ، والخبرة ، والعمر ، والموطن ، بحيث يتضاءل أثر الثروة على الدخل لأدنى الحدود . أي أننا ننظر للثروة والدخل على أساس أنهما متغيرين مستقلين تماماً على مستوى المجتمع ، ولكنهما قد يكونا مرتبطين على مستوى العينة . ولذلك فإن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد يقال أنها مشكلة عينة .

### (١١٠-١-١٠) أسباب الامتداد الخطى المتعدد : ١٠٠٠ ) أسباب الامتداد الخطى المتعدد : ١٠٠٠ )

يرجع ظهور مشكلة الامتداد الخطي لعديد من الأسباب أهمها :

- (١) تميل المتغيرات الاقتصادية لأن تتغير معاً عبر الزمن نظراً لأنها تتأثر حميعها بنفس العوامل . فعلى سبيل المثال تزداد معظم المتغيرات الاقتصادية في أوقات الرواج أو النمو الاقتصادي السريع . فزيادة الطلب الكلي على السلع والخدمات يصاحبها زيادة في الإنتاج وزيادة في العمالة وزيادة في الدخل وزيادة في الاستثمار و الاستهلاك والادخار وارتفاع الأسعار. والعكس يحدث في فترات الكساد .
- (٢٠) استخدام المتغيرات ذات الفجوة الزمنية كمتغيرات تفسيرية بنموذج الانحدار. فعلى سبيل المثال يظهر الدخل الجاري للفترة الحالية ودخل الفترة السابقة في دالة الاستهلاك كمتغيرات مستقلة تؤثّر في استهلاك الفترة الحالية ، فتأخذ دالة الاستهلاك الصيغة التالية:

$$(Y-11)$$
  $Y_t = \alpha + \beta_1 X_t + \beta_2 X_{t-1} + u_t$ 

حيث:

**ح. : = استهلاك الفترة الحالية .** 

رمال  $(X_t)$  ومال  $(X_t)$  ومال  $(X_t)$ 

ل نام الفترة السابقة ( $X_{t+1}$ ).

ولما كانت القيم المتعاقبة لمتغير ما عبر الزمن غالباً ما تكون مرتبطة ، حيث يتأثر دخل الفترة الحالية عادة بدخل الفترة السابقة ، فإن استخدام المتغيرات ذات الفجوة الزمنية كمتغيرات مستقلة قد تؤدي لوجود مشكلة امتداد خطي متعدد .

(٣) بالرغم من أن مشكلة الامتداد الخطى عادة ما تظهر في حالة استخدام بيانات سلسله زمنية إلا أنها قد تظهر في بعض الحالات عند استخدام بيانات قطاعية . فعلى سبيل المثال يلاحظ أنه في حالة استخدام بيانات قطاعية لمجموعة مؤسسات صناعية لتقدير دالة إنتاج ، فإن الكميات المستخدمة من العمل ورأس المال كمتغيرات مستقلة قد ترتبط بشدة . ويرجع هذا إلى أن المؤسسات الكبيرة عادة ما تستخُدم كميات كبيرة من كلٍ من العمل ورأس المال ، في حين أن المؤسسات الصغيرة عادة ما تستخدم كميات قليلة من كلٍ من العمل ورأس المال .

(٤) يؤدى صغر حجم العينة بحيث يصبح عدد المشاهدات قريباً من عدد المتغيرات التفسيرية إلى ظهور مشكلة الامتداد الخطي المتعدد . وتسمى هذه المشكلة بمشكلة صغر حجم العينة Micronumerosity

### ( ١١-١-٣) نتائج الامتداد الخطي المتعدد : و بعداد الخطي المتعدد المتعدد

يتعين التفرقة في هذا الخصوص بين نتائج الامتداد الخطي التام والامتداد

الخطي غير التام على النحو التالي: أولاً: الامتداد الخطى التام:

من أهم نتائج الامتداد الخطي التام :

( 1 ) أن تصبح القيم المقدرة للمعلمات غير محددة . فإذا افترضنا أن هناك علاقة ما يراد تقديرها تأخذ الصيغة التالية :

4+, w, +, w, +1= 0=

 $Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + u$ 

و اتضح أن هناك امتداداً خطياً تاماً حيث من . هم فإننا لا يمكن أن نقدر قيمة محددة لأي من المعلمتين ب، ب ، .

فمن المعروف من المعادلة (٢-١٩) أن:

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} (\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} (\sum_{j=1}^{n} (\sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} (\sum_{j=1}^{n} (\sum_{j=1}^{n}$$

وبالتعويض عن " س ، " بقيمتها " م س ، " تحصل علي :

$$\hat{\varphi}_{1} = \frac{a^{2}(\sum_{i} y_{i}) - a^{2}(\sum_{i} y_{i}) - a^{2}(\sum_{i} y_{i})}{a^{2}(\sum_{i} y_{i})^{2}(\sum_{i} y_{i})^{2}} = \frac{aac}{a}$$

$$\hat{\varphi}_{1} = \frac{a^{2}(\sum_{i} y_{i}) - a^{2}(\sum_{i} y_{i})^{2}}{a^{2}(\sum_{i} y_{i})^{2}} = \frac{aac}{a}$$

وهذا يعني أن المعلمة المقدرة ثِ ، تأخذ قيمة غير محددة . ويلاحظ في هذا الصدد أن ب، تشير إلى التغير في المتغير التابع حي الناجم عن تغير المتغير المستقل س, بوحدة واحدة مع ثبات المتغير المستقل مي . . فإذا كان تغير مي بوحدة يؤدي لتغير الله ، بمقدار " م " فإنه لا سبيل الآن لتثبيت على . عندما تتغير على، ومن ثم ليس من الممكن تحديد الأثر المنفصل للتغير في س. عبي حب

( ٢ ) الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة تصبح كبيرة كبراً لا نهائياً .

لقد اتضح لنا من المعادلة (٣٢-٧) أن 🦈

وهذا يعنى أن المعلمات المقدرة بجانب أنها غير محددة فهي غير معنوية احصائياً طالما أن الخطأ المعياري لها لا نهائي

(٣) يلاحظ أنه وإن كان من غير الممكن قياس قيمة محددة لكل معلمة من معلمات المتغيرات المستقلة المرتبطة ارتباطاً كاملاً إلا أنه من الممكن قياس قيمة إحمالية لمعلمات هذه المتغيرات فإذا افترضنا أن دالة الاستهلاك الحقيقية لدولة ما كانت على النحو التالي:

$$(A-11)$$
  $Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + m$ 

$$(X_1)$$
 حخل المناطق الريفية  $X_1$ 

س, = دخل المناطق الحضرية (X 2)

$$(X_3)$$
 =  $\max_{\tau}$  liablities

وافترضنا أنه خلال فترة التقدير كان دخل المناطق الريفية مرتبط بدخل المناطق الحضرية بحيث أن كل زيادة بوحدة نقدية في أحدهما يصاحبها زيادة بوحدة نقدية في الآخر . أي أن العلاقة التي تربط بينهما تأخذ الصيغة التالية :

$$(1-11)$$
..... $(X_1 = X_2)$   $y \omega = y \omega$ 

حيث يتوزع الدخل الكلى بينهما بالتساوي ، فإننا بالتعويض عن سى ، من ( ١١-٩) في ( ١١-٨) نحصل على:

$$Y = \alpha + (\beta_1 + \beta_2) X_1 + \beta_3 X_3 + u$$

ومن ثم فإنه بإسقاط أحد المتغيرين المتساويين يمكن أن نحصل على مجموع معامليهما ، ولكننا لا يمكن أن نحصل على قيمة منفصلة لكل معامل منهما . أي أنه بالرغم من أن مجموع ( ب , + ب , ) يكون متعرفًا عليه في حالة الامتداد الخطي التام ، فإن القيمة المفردة لكل معلمة يكون غير متعرف عليها ، وهذا في حد ذاته يشير إلى العلاقة بين مشكلة الامتداد الخطى المتعدد .

#### ثانياً: الامتداد الخطى غير التام:

إذا كان الامتداد الخطي المتعدد غير تام ، أي أن العلاقة بين المتغيرين التفسيريين m , m , m , m , m , m . العشوائي لهذه العلاقة، فإن الآثار المترتبة على ذلك تتمثل في:

( 1 ) تصبح المعلمات المقدرة غير دقيقة وإن كان من الممكن في هذه الحالة تقدير قيم منفصلة لكل منها .

غبالتعويض عن قيمة س  $_{1}$  = م س  $_{1}$  + و بمعادلة  $\hat{\mathbf{p}}$  ، السابقة نحصل على :

$$\hat{\varphi}_{i,j} = \frac{\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}(\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma} + \sum_{i=1}^{n} w_{i,j})(\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma})}{\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma}(\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma}) + \sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma}(\sum_{i=1}^{n} w_{i,j}^{\gamma})}$$

وذلك بافتراض أن \( \sum\_\) س، و = صفر، أي أن العلاقة بين المتغير التفسيري س، والمتغير العشوائي " و " منعدمة . وبمقارنة المعادلة ( ١١-١١ ) بمعادلة ب ، في حالة عدم وجود امتداد خطى متعدد نلاحظ أن هناك فارقاً بين القيمتين .

(2) كبر الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة كبراً محدداً . فيلاحظ في هذه المعادلة أن :

$$S_{\hat{b}1}^{2} = \frac{S_{ei}^{2}}{\Sigma x_{1}^{2} (1 - R_{12}^{2})} = ...$$

$$S_{\hat{b}2}^{2} = \frac{S_{ei}^{2}}{\Sigma x_{2}^{2} (1 - R_{12}^{2})} = ...$$

$$= ...$$

$$S_{\hat{b}2}^{2} = \frac{S_{ei}^{2}}{\Sigma x_{2}^{2} (1 - R_{12}^{2})}$$

حيث ر .. = معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين هن ، ، هن ير و المستقلين هن ، ، هن يروي المستقلين المستق

ويلاحظ أنه مع زيادة ر21 تزداد تباينات المعلمات المقدرة ع 20 ، ع 20 ، ويلاحظ أنه مع

ويمكن توضيح ذلك من الجدول ( 11-1 ). ويترتب على كبر الأخطاء المعيارية أن تقل معنوية المعلمات المقدرة وتزداد فترات الثقة المقدرة لأي معلمة من معلمات المجتمع ، وهذا من شأنه أن يقلل من دقة هذه التقديرات . فعلى سبيل المثال إذا كان ر ,, = صفر فإن فترة الثقة للمعلمة ب , عند مستوى معنوية ٥ % تكون :

أي أن فترة الثقة في هذه الحالة تصبح أكبر من سابقتها بمعامل أكبر من الضعف يساوى  $\sqrt{|7,0|}$  = |7,7|

جدول (١١-١)

سلوك الخطأ المعياري مع تغير الامتداد الخطي

7. Y 10. (	E The state of the		قیمة ر
∠ س,۲)=ق	V\'.E)		صفر
۱٫۲ ق			•,6•
۱٫۹ ق			•, <b>Y•</b> (17.07)
۲٫۷ ق	A (1)	Programme (Section )	
۰٫۲ ق	٦ .	ć Ha	., <b>.</b> , .
۱۰٫۱ ق	<b>"</b>		٠,٩٥
Ø	5 d d d d d d d d d d d d d d d d d d d		1,00

(٣) طالما أن كبر الخطأ المعياري يزيد من فرصة قبول فرض العدم فإنه يزيد من احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني والذي يتمثل في قبول فرض هو في حقيقة الأمر خطأ .

(٤) قد يكون هناك بعض المتغيرات ذات الأهمية الكبيرة في تفسير الظاهرة محل البحث ، أي أن معامل التحديد لدالة الانحدار المقدرة باستخدام بيانات عنها يكون مرتفعاً ، إلا أن وجود ارتباط بينها قد يؤدي لتضخم الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة مما قد يدفع الباحث لحدف بعض هذه المتغيرات مؤدياً بذلك إلى انخفاض

معامل التحديد وإضعاف المقدرة التفسيرية للنموذج ، بالإضافة إلى سوء تعيين النموذج وما يترتب عليه من خطأ في التقدير يسمى بخطأ الحذف ، أو خطأ المعادلة .

( ٥ ) يؤدى وجود الامتداد الخطي المتعدد إلى كبر معامل التحديد مع عدم معنوية المعلمات المقدرة .

( ٦ ) تصبح مقدرات طريقة المربعات الصغرى العادية حساسة للتغيرات الطفيفة في البيانات .

(1986年1966年) 福德 经股票 经收益

AND TOOLS IN SECURITION TO SELECT THE PROPERTY OF THE SECURITIES AND ASSESSMENT OF THE SECURITIES.

(a) A construction of the second property of the second property

WATER BARRETHER ALL

विविध्यं केश प्रतिभावता केले. अस्तिक विविध्य

eren (sj. eren en eren eren er.) Er en er er er er er er 18 e 18 e 18 e 18

## المبحث الثاني

# اختبارات الامتداد الخطي المتعد

يوجد هناك عديد من الاختبارات التي تستخدم في اكتشاف مشكلة الامتداد الخطى المتعدد ، وسوف نشير إلى بعضها فيما يلي:

(۱-۲-۱۱) اختبار کلاین Klein Test

يدكر كلاين أن وجود الامتداد الخطي المتعدد يمثل مشكلة خطيرة فقط إذا

تحقق الشرط التالي:

فإذا كانت المعادلة المقدرة هي:

$$Y = \alpha + \beta_1 \times 2 + \beta_2 \times 1 + \beta_3 \times 3 + \dots + \beta_m \times m$$
  $Y = \alpha + \beta_1 \times 2 + \beta_2 \times 1 + \beta_3 \times 3 + \dots + \beta_m \times m$  فإن مشكلة الامتداد الخطي المتعدد تكون خطيرة إذا كان: الارتباط الداخلي > الارتباط الكلي ، أي إذا كان:

$$R^2_{X1X2} > R^2_{Y|X1X2}$$
 xm

: 91

 $R^2_{X1X3} > R^2_{YX1X2} \dots Xm$ 

ولكن يعاب على هذا الاختبار أن درجة الارتباط الداخلي بين المتغيرات المستقلة لا تعتبر معياراً دقيقاً لمدي التأثير الذي يحدثه وجود الامتداد الخطي على قيم المعلمات المقدرة وقيم الأخطاء المعيارية . فقد تكون معاملات الارتباط البسيطة بين المتغيرات المستقلة منخفضة بالرغم من وجود مشكلة امتداد خطى خطيرة . ولتوضيح ذلك دعنا نأخذ المثال التالي:

أفترض أن نموذج الانحدار يتكون من ثلاث متغيرات مستقلة ومتغير تابع على النحو التالي:

(10-11) 
$$X_3 = a_1 X_1 + a_2 X_2$$
  $v_1 v_2 + a_3 v_4 + a_4 v_5 + a_5 v_6 +$ 

.. ر مراسي = ١ طالما أن الحد العشوائي غير موجود بالعلاقة ( ١١-١٥ ) .

وبالرغم من كون الامتداد الخطي تام في هذه الحالة إلَّا أننَّا نَجْدَ أَنْ مَعَامَلَاتُ الارتباط البسيط بين المتغيرات المستقلة منخفضة .

فمن الممكن إثبات أن:

$$(17-11)...$$

$$R^{2}_{3,12} = R^{2}_{31} + R^{2}_{32} - 2R_{31}R_{32}R_{12}$$

$$1 - R^{2}_{12}$$

وبافتراض أن ر " ٢١٠٠ - ١ فإن قيم معاملات الارتباط البسيط التالية : ر ١٠ = ٥,٠ ، ر ١١ = ٥,٠ ، ر ١١ = ٥,٠ إذا عوضنا بها في المعادلة (١١-١١) تعطى لنا القيمة ر " ١٠٠٠ = ١. ويتضح من هذا أن معاملات الارتباط الداخلي المنخفضة قد تنطوي على مشكلة امتداد خطي خطيرة .

# Partial correlation اختبار الارتباط الجزئي

وفقاً لهذا المعبار إذا وجد أن معامل التحديد ر أ يستر من معامل التحديد ر أ يستر من معاملات الارتباط الجزئية ( x m ) بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة منخفضة نسبياً ، أي أن :

R<sup>2</sup> Y X I X Z X m R<sup>2</sup> Y X Z X X X m منخفضة نسبياً ، فإن هذا يعني أن هناك تداخلاً بين المتغيرات المستقلة يجعل أثرها مجتمعة على المتغير التابع كبيراً ، في حين أن آثارها منفصلة على المتغير التابع ضعيفة . ومن ثم توجد مشكلة امتداد خطي متعدد

## Farrer-Glauber Test ) اختبار فارار جلوبر

يتكون هذا الاختبار من ثلاثة عناصر أساسية :

(١) اختبار "كا" لتحديد مدى ودرجة وجود مشكلة الامتداد الخطي

" chi-square" المتعدد

( ٢) اختبار " ف " F " لتحديد المتغيرات التفسيرية المرتبطة خطياً .

( m ) اختبار " ت " T " لتحديد نمط الامتداد الخطي المتعدد .

(1) اختبار "کا <sup>۱۳</sup> ک

يستخدم هذا الاختبار لتحديد ما إذا كان هناك مشكلة امتداد خطي متعدد أم لا ، وإذا كان هناك مشكلة فما هي درجة خطورة هذه المشكلة ? ولإجراء هذا الاختبار يتعين تتبع الخطوات التالية :

ومن المحدد (۱۱-۲۱) يتضح أن:  ح :=   (۱۱-۲۱)   (۱۲-۱۱)
ع، = معامل الارتباط البسيط بين المتغيرين التفسيريين هي، ، هي عالة وجود ثلاثة متغيرات تفسيرية يأخذ المحدد الأساسي المعياري الصيغة التالية:  ر ، ، و معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين هي، ، هي،  ر ، ، = معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين هي، ، هي،  ر ، ، = معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين هي، هي،  د ) عندما لا توجد مشكلة امتداد خطي متعدد يكون ر ، ، = صغر في حالة الانحدار ذو
بث ر ،، = معامل الارتباط البسيط بين المتغيرين التفسيريين عب ، عب
ي حالة وجود ثلاثة متغيرات تفسيرية يأخذ المحدد الأساسي المعياري الصيغة التالية:  ر ۱۰
ر ۱۰ (۱۰ (۲۳ ) (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ ) (۱۰ ) (۱۰ (۲۳ ) ) (۱۰ (۲۳ ) (۱۰ )
ر ١٠
يث: ر , - = معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين عن ، ، عن ، و من ،
يث: ر , 7 = معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين عن , ، عن ، و و , . و و , . و و , . و و , . و و , . و و , . و و , . و و , . و و و , . و و و و
ر 22 معامل الارتباط الخطي البسيط بين المتغيرين التفسيريين عن 20 م. عدر . و ) عندما لا توجد مشكلة امتداد خطى متعدد يكون ر 20 صفر في حالة الانحدار ذو
د ) عندما لا توجد مشكلة امتداد خطى متعدد يكون ر .، = صغر في حالة الانحدار ذو
د ) عندما لا توجد مشكلة امتداد خطى متعدد يكون ر = صفر في حالة الانحدار ذو
متغيرين التفسيريين . ومن ثم فإن المحدد الأساسي المعياري يصبح كما يلي :
the second way of the first own to the first of the second
(Y8-11)(11-3Y)
grants of the second control of the second o
وعندما توجد مشكلة امتداد خطي متعدد تام يكون را ١ = ١ ، ومن ثم فإن
محدد الأساسي المعياري يصبح كما يلي:
ح = صفر (۱۱–۲۰)
عدد المحمد المحم

وعندما توجد مشكلة امتداد خطي متعدد غير تام تتراوح قيمة المحدد المعياري بين الصفر والواحد، أي أن: صفر < ح ، < ١ .... ١٠ ....

وعموماً عندما ح . = 1 ، تكون المتغيرات التفسيرية متعامدة ، وعندما ح . ≠ 1 تكون هذه المتغيرات غير متعامدة .

(ه) بالرغم من أن قيمة ح, قد تكون أقل من الواحد وأكبر من الصفر مما يعني وجود مشكلة امتداد خطي متعدد ، إلا أن هذه المشكلة قد لا تكون خطيرة إذا كانت قيمة ح, غير معنوية . وتكون مشكلة الامتداد الخطي المتعدد خطيرة فقط إذا كانت قيمة ح, معنوية إحصائياً . ولاختبار المعنوية الإحصائية للمحدد المعياري ح, يتعين استخدام معيار "كا".

ويلاحظ أن الفروض التي نختبرها باستخدام "كا " " تتمثل في :

فرض العدم (ف • ): المتغيرات التفسيرية متعامدة . في مواجهة :

الفرض البديل ( ف , ) : المتغيرات التفسيرية غير متعامدة .

(و) ولاختبار هذین الفرضین نقارن بین کا ٔ المحسوبة ، کا ٔ الجدولیة عند درجات حریة  $\frac{1}{2}$  م  $\frac{1}{2}$  م  $\frac{1}{2}$  م  $\frac{1}{2}$  م المتغیرات التفسیریة ، ومستوی معنویة  $\frac{1}{2}$  ، ویمکن تحدید قیمهٔ کا ٔ کما یلی :

$$\chi^{2} = -\left[n-1-\frac{1}{6}(2m+5)\right]\ln H_{1}$$

فإذا اتضح من المقارنة أن كا\*\* > كا " الجدولية نرفض فرض العدم القائل بعدم وجود مشكلة امتداد خطي متعدد ونقبل الفرض البديل القائل بوجود مشكلة امتداد خطى متعدد . وكلما زاد كبر كا\*\* عن كا " الجدولية كلما دل ذلك على خطورة المشكلة . أما إذا اتضح أن كا\*\* <كا " الجدولية فإننا نقبل فرض العدم ونرفض الفرض البديل ونخلص إلى نتيجة مؤداها عدم وجود مشكلة امتداد خطي متعدد ذات معنوية .

( 7 ) اختبار " ف " " F test " :

لقد أفاد اختبار " كا " في تحديد ما إذا كان هناك مشكلة امتداد خطي متعدد أم لا ، ولكنه لم يحدد أي المتغيرات المستقلة تعتبر هي السبب في وجود المشكلة . ويساعدنا اختبار " ف " في تحديد ذلك . فإذا كان لدينا ثلاث متغيرات تفسيرية نقوم بحساب مربع معامل الارتباط المتعدد لكل متغير تفسيري وهو يماثل معامل التحديد في نموذج الانحدار الأصلي . ويتكون لدينا في هذه الحالة ثلاث معاملات هي:

$$(YA-11).... \qquad \frac{r \omega_1 \omega_1 Z_r \hat{\rho} + r \omega_1 \omega_2 Z_r \hat{\rho}}{\sqrt[3]{\omega_1}} = rr.1$$

$$R_{1.23}^2 = \frac{\hat{\beta}_1 \Sigma x_1 x_2 + \hat{\beta}_2 \Sigma x_1 x_3}{\Sigma x_1^2}$$

وذلك من المعادلة المقدرة التالية: س ، = مُ + مُ ، عب ، + مُ ، عب ، + د،  $X_1 = \hat{\beta} + \hat{\beta}_1 X_2 + \hat{\beta}_2 X_3 + e_{ii}$ 

$$(11-11).... \quad \begin{array}{c} & & & \\ &$$

وذلك من المعادلة المقدرة التالية :

 $X_3 = \hat{C} + \hat{C}_1 X_1 + \hat{C}_2 X_2 + e_{12}$ 

$$(7 - 11) \dots \frac{r \cdot w \cdot \sqrt{x_2 + e_{12}}}{\sqrt{x_1 + \hat{a}_2 \sum x_2 x_3}} = \frac{\hat{a}_1 \sum x_2 x_1 + \hat{a}_2 \sum x_2 x_3}{\sum x_2^2}$$

$$X_2 = \alpha + \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_3 + e_{i3}$$

(أ) نستخدم اختبار" ف" لاختبار الفروض التالية :

فرض العدم: 
$$(R^2_{123}=0)$$
 عفر  $(R^2_{123}=0)$ 

$$(R^2_{2,13}=0)$$
 و  $= r_1, r_1$ 

$$(\mathbf{R}^2_{3,12}=0) = \mathbf{q}_{1,\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} + \mathbf{q}_{1,\frac{1}{2}}^{\frac{1}{$$

في مواجهة

الفرض البديل: 
$$\mathbb{R}^2 \mathbb{R}^2 \mathbb{R}^2 = 0$$
 ) أَنْ أَنْ اللهُ عَمْرُ  $\mathbb{R}^2 \mathbb{R}^2 \mathbb{R}^2 = 0$  أَنْ اللهُ ال

$$(R^2_{2.13} \neq 0)$$
 و  $\neq r_{1.17}$ 

( ب ) ولإتمام هذا الاختبار نقوم بتحديد ف " المحسوبة ، ف الحدولية لكل

معامل من المعاملات السابقة كل على حدة ، حيث:

$$(71-11) \frac{(1-a)/(rr,1^{7})}{(a-a)/(rr,1^{7})} = rr, 1^{7} \text{ dotable in the property of }$$

$$F_{K/2}^{+} = \frac{R_{+23}^{-2} - (m-1)}{(1-R_{+23}^{-2}) - (n-m)}$$

وهكذا بالنسبة للمعاملين الآخرين:

كما نحدد " ف " الجدولية من جداول " ف " عند مستوى معنوية ٥ ٪ أو ١ ٪ ودرجات حرية ن ع = م - ١ للبسط ، ن ع ت - م للمقام .

(ح)ثم نقوم بمقارنة "ف "" المحسوبة مع "ف" الجدولية ، فإذا كانت

ف \* > ف الجدولية نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل القائل بأن المتغير س مرتبط مع غيره من المتغيرات التفسيرية ، ويعتبر أحد عناصر المشكلة . أما إذا كانت ف \* < ف الجدولية نقبل فرض العدم القائل بأن المتغير من , ليس مرتبطاً مع غيره وليس أحد عناصر المشكلة ونرفض الفرض البديل .

(٣) اختيار " ت " " T test " "

لقد ساعدنا اختبار " ف " على تحديد أي المتغيرات التفسيرية يعتبر طرفاً في مشكلة الامتداد الخطى المتعدد ، ولكنه لم يحدد على وجه التفصيل أي متغير تفسيري مرتبط مع أي متغير آخر . ويساعدنا اختبار " ت " على تحديد نمط الامتداد الخطي المتعدد ، وعلى وجه التحديد يساعدنا على اختبار مدى معنوية الارتباط الجزئي بين كل متغيرين تفسيريين على حده .

فإذا كان لدينا ثلاث متغيرات مستقلة ، نقوم بقياس ثلاث معاملات ارتباط جزئية :

ر ۲۰۲۱ ، ر ۱۰۲۲ ، ر ۲۰۲۱ ، ثم نستخدم اختبار " ت " في اختبار :

فرض العدم: الأرار ٢٠٢١ = صفر

ر ۲۰۱۳ = صفر

**في مواجهة** ريايين ۾ لائيسيان

الفرض البديل: ﴿ رَبُّ اللَّهِ صَفَرَ

ر ۱۰۲۲ ≠ صفر

و ۲۰۱۲ عصف

ولإتمام هذا الاختبار نحدد ت \* ( المحسوبة ) حِيثُ : ﴿ إِنَّ الْمُعَالَّ الْمُعَالَّ الْمُعَالَّ الْمُعَالَ

 $r = r_{123} \sqrt{n-k}$ 

وهكذا بالنسبة للمعاملات الأخرى . ثم نحدد " ت " الجدولية عند مستوى معنوية معين ودرجات حرية = ن -ك . فإذا كانت " ت \*" المحسوبة > " ت " الجدولية نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل القائل بأن الارتباط بين المتغيرين س ، ، س ، مثلاً مسئولاً عن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد بالنموذج . أما إذا كانت ت \* < ت الجدولية فإننا نقبل فرض العدم ومن ثم لا يكون الارتباط بين س ، س ، هو المسئول عن مشكلة الامتداد الخطى المتعدد .

افترض أن باحثاً يريد أن يقدر دالة الاستهلاك للمنتجات الزراعية في المجتمع،

فوجد أن الصيغة الملائمة لتقدير هذه الدالة هي:

حيث: - " = الإنفاق على المنتجات الزراعية ، مر , = الدَّخل الزرَّاعي

س , = الدخل غير الزراعي .

وقام بجمع بيانات عن فترة طولها ١٠ سنوات فكانت كما يلي بالجدول (١١-٢):

#### جدول (11-۲)

بيانات الاستهلاك بالقطاع الريفي (بليون جنيه)

	History History	Car Agai		* A **		the Egy of Solar		14. <b>\$</b> . 5	۳	\$
7£	Y•	1.4	13	1£	11	4	٨	٥	٤	<u>س</u> ۱
1	<b>Y</b> ,	۲	<b>£</b>	0		<b>Y</b>	1	<b>*</b>	1.	عدي ۾

والمطلوب هو تقدير دالة الاستهلاك واختبار مدى وجود مشكلة الامتداد الخطى المتعدد وسبب وجودها ونمط هذه المشكلة .

ولإتمام ذلك نقوم بإجراء العصابات اللازمة كما هو مُوَّضح بالجدول (11-3). ولعل أول خطوة هي أن نحسب المتوسطات كما يلي :

$$|| \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} - \mathbf{v}$$

٨ جدول (١١–٣) ١٥٠ ١٨٠ (١٨٠)

#### حسابات اختبار فارار -جلوبر مستعد المستعدد

				4.3 .	44 4	•						
ص '	س, ا	س، ا	س س	ص س،	ص س	700 = 700	100=100	ص= مر- مر	y us	1 00	<b>-</b>	
17	10	1,1	€0-	7	77	٥	1-	٤-	1-	٤	٣	
1	1	35	78-	4-	78	r	A-	۳-	. A	٥	1	ı
٤	,	To	_ 0-	Y-	1.	1	0-	7-	٦	,		
1	٤	17	4-	Y	٤	********** <b>T</b>	€	1284 (18. <u>1</u> 3.	<b>Y</b>	a slave A		
صغر	صفر	to have	صغر	صفر	صفر	صفر	1	صفر	٥	11	٧	
١	صفر	Sec. 1	صغر	صفر		صفر	١	1	٥	16	,	I
1	Name of the State	S 8	<b>7</b> -	1-	Y	1-	۳.		٤	17	٨	
٤	1	70	10-	1-	1.	٣-	٥	*********** <b>*</b>	*	14	١,	
1	•	· . ٤٩	77-	4-	11	۳–	٧	۳	٣	۲.	1.	l
1	13.	<sub>3</sub> 171	€€-	ः <b>। १४</b> -	y Ty	gira ya <b>€</b> ∆u	S 3.24 15	g gold, <b>Y</b> .	<u>}</u> <b>1</b>	Ýξ	1.	
Σص		7ير	\w\w\\	∑س س،	کص س	1			Σω,	Σ	٧-3	
0£ ==	Y£ =	=	170-=	31-=	167=			:	٥٠=	==	-	
		747		500	a fally valve	al grants to the	The Straight	4 (45 pt )	mgt e	14.	٧.	

ثم نقوم بالتعويض من الجدول ( ١١-٣) في المعادلات الطبيعية التالية :

$$\hat{\varphi}_1, \overline{\sum}_{m'_1} + \hat{\varphi}_2, \overline{\sum}_{m'_2} \dots = \overline{\sum}_{m'_2} \dots$$

$$\hat{\varphi}_1, \overline{\sum}_{m'_1} \dots + \hat{\varphi}_2, \overline{\sum}_{m'_2} \dots = \overline{\sum}_{m'_2} \dots$$

فنحصل على:

وتمثل المعادلة ( ١١-٣٣ ) دالة استهلاك المنتجات الزراعية . وهي توضح أنه مع زيادة الدخل غير الزراعي يقل الإنفاق على المنتجات الزراعية ، ومع زيادة الدخل الزراعي يزداد الإنفاق على المنتجات الزراعية . ولعل هذا يعني أن نمط استهلاك سكان الحضر مختلف عن نمط استهلاك سكان الريف . فسكان الحضر كلما ازداد دخلهم

المتولد أساساً من مصادر غير زراعية كلما ازداد استهلاكهم للمنتجات الصناعية وقل إنفاقهم على المنتجات الزراعية باعتبارها سلح دنيا . أما عن سكان الريف فكلما زاد دخلهم كلما زاد استهلاكهم من المنتجات الزراعية باعتبارها سلع عادية من وجهة نظرهم ، خاصةً وأن مستويات دخولهم منخفضة على عكس سكان الحضر ذوي الدخول المرتفعة نسياً.

ولإجراء الاختبارات المختلفة للكشف عن مشكلة الامتداد الخطي المتعدد ونمطها نتبع الخطوات التالية:

(1) اختيار کا":

نقوم بتحديد المحدد الأساسي " ح " من النسق ( ١١-٣٢):

ثم نحصل على المحدد المعياري (ح، ) بالتعويض في (١١-١٢):

وحيث أن صفر <ح , < 1 إذن يوجد هناك امتداد خطى متعدد . ولاختبار

مدى خطورته نستخدم اختبار "كا" حيث:

-1 الجدولية عند مستوى معنوية 1 ودرجات حرية =  $\frac{1}{1}$  م (a-1)

$$1 = (1-1) + \frac{1}{1-1}$$
 هي ۱۳,۳

وحيث أن كا \* ' > كا ' فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ، ومن ثم توجد مشكلة امتداد خطي متعدد ذات أثر خطير .

(٢) اختبار "ف"

$$117,0 = \frac{\cdot,1\xi}{\cdot,\cdot\cdot\lambda} = \frac{(1-7)\div\cdot,1\xi}{(\lambda\div\cdot,\cdot7)} = *$$
نودو ف

 $\lambda=1$  ، ن  $\lambda=1$  ونحده ف الجدولية عند مستوى معنوية 1  $\lambda=1$  ودرجات حرية ن  $\lambda=1$  ، ن  $\lambda=1$  فنحدها تساوى ۱۱٫۳ .

إذن ف \* > ف ، وبالتالي فإن المتغيرين عرى ، ، عرى مشتركان في تسبيب المشكلة . ( 3 )اختبار " ت "

نظراً لوجود متغيرين تفسيريين فقط فإننا نختبر معنوية معامل الارتباط البسيط بينهما ر.. = - ٠,٩٧ ، وذلك باستخدام اختبار " ت " حيث :

وبالبحث عن ت الجدولية عند مستوى معبويه 1  $\lambda$  ودرجات حرية ن -  $^{2}$  =  $^{2}$  نجدها تساوى  $^{2}$   $^{3}$   $^{4}$   $^{5}$ 

( ١١-٢-١ ) معامل التحديد واختبارات المعنوية

يلاحظ أنه إذا كان معامل التحديد لمعادلة انحدار ما مرتفعاً جداً ، ومعظم أو كل المعلمات المقدرة غير معنوية إحصائياً ، فإن هذا يعتبر مؤشراً عن وجود مشكلة امتداد خطي متعدد .

#### ( ١١-٧-٥ ) علاج مشكلة الامتداد الخطي المتعدد

يعتمد العلاج الملائم لمشكلة الامتداد الخطي المتعدد على طبيعة المشكلة نفسها. ونفرق في هذا الصدد بين حالات عديدة :

(أ) إذا كانت المتغيرات التفسيرية المرتبطة متغيرات قليلة الأهمية في التأثير على الظاهرة محل البحث فقد يكون الحل هو إسقاط هذه المتغيرات. ولكن يلاحظ أن هذا الحل قد يؤدي لوجود مشكلة ارتباط ذاتي من ناحية أخرى.

( ب ) حيث أن مشكلة الامتداد الخطي المتعدد هي مشكلة عينة فقد يكون الحل هو تكبير حجم العينة .

(ح) قد يكون الحل هو استخدام معلومات قبلية في حالة توافرها . فإذا افترضنا أن دالة الاستهلاك المراد تقديرها تأخذ الصيغة التالية :

$$Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + u$$
  $a + \alpha + \beta_1 X_2 + \beta_2 X_3 + u$ 

حيث: حب = الاستهلاك ، من ، = الدخل ، من ، = الثروة وتوافرت لدينا معلومات قبلية مفادها أن ب ، = ٠,١ ب ، ، أي أن تأثير التغير في الثروة على الاستهلاك يمثل ١٠ ٪ من تأثير التغير في الدخل على الاستهلاك ، فبالتعويض بهذه المعلومات في دالة الاستهلاك السابقة نحصل على:

$$(Y \in -11)$$
.....  $(Y = \alpha + \beta_1 X + u)$   $z + \alpha_1 + \beta_2 X + u$   $z + \alpha_1 + \beta_2 X + u$   $z = \alpha_1 + \beta_2 X + u$   $z = \alpha_1 + \beta_2 X + u$ 

وبتقدير العلاقة ( 11-٣٤ ) يمكن تحديد قيمة ب , ، وتكون في هذه الحالة قد قضينا على مشكلة الامتداد الخطي المتعدد نظراً لوجود متغير تفسيري واحد هو ( هر )

في المعادلة المقدرة ( ١١-٣٤).

( د ) ومن الأساليب المقترحة الأخرى لعلاج مشكلة الامتداد الخطى المتعدد تحويل المتغيرات . فمن أسباب الامتداد الخطى المتعدد أن المتغيرات الاقتصادية تميل للتغير في نفس الاتجاه عبر الزمن . ولتلاشي هذا الأثر نقوم باستخدام الفروق الأولى لتقدير العلاقة بدلاً من استخدام قيم المتغيرات نفسها . وبالطبع إذا كانت قيم المتغيرات مرتبطة فليس هناك ما يدعو لأن تكون فروقها مرتبطة . فإذا افترضنا أن المعادلة التالية تعكس العلاقة المراد تقديرها في الفترة الحالية :

وأن المعادلة (11-37) تعكس نفس العلاقة في الفترة السابقة ز-1:

فيطرح ( ١١-٣٦) من ( ١١-٣٥) تحصل على:

$$(1-3^2-3^2)+(1-3^2)^2+(1$$

أو :

حيث:

 $_{1-1}a-_{1}a=_{1}^{*}a:_{1-1}^{*}$  , where  $_{1}^{*}$  , where  $_{1}^{*}$ 

وبتقدير العلاقة ( ١١-٣٧ ) قد تكون تخلصنا من مشكلة الامتداد الخطى المتعدد . ولكن ليس من المؤكد أن تؤدي هذه الطريقة بالضرورة للتخلص من مشكلة الامتداد الخطى المتعدد .

(ه.) قد يمكن تلاشى مشكلة الامتداد الخطي المتعدد عن طريق خُلط بيانات قطاعية وبيانات سلسلة زمنية لتقدير العلاقة محل البحث . فإذا افترضنا أننا نريد تقدير دالة الطلب التالية :

 $Y * = \ln Y - \beta_2 \ln X_2$  حيث: حيث = \* حيث

وبتقدير هذه المعادلة ( 11-39 ) من بيانات سلسلة زمنية تكون قد تلاشينا مشكلة الامتداد الخطي المتعدد الممثلة في الارتباط بين من ، من .

 $\Delta X_{ij} = A_{ij} \Delta X_{ij} + A_{ij} \Delta X_{ij} + \Delta A_{ij}$ 

and the state of the second

Ken at Pendy America

# الفصل الثاني عشر

# مشكلة عدم ثبات التباين Heteroscedasticity

تقوم طريقة المربعات الصغرى العادية على أساس افتراض ثبات تباين الحد العشوائي، أو تساوي انحرافات القيم المشاهدة للمتغير التابع عن الخط المقدر عند كل قيم المتغير التفسيري . ويعرف هذا الافتراض بالانتشار المتساوي ( Equal Scatter ) أو قيم المتغير التفسيري . وإذا توفر هذا الافتراض فإن ( $3^2$ ) ( $8^2$ ) الذي يشير إلى تباين قيم البواقي حول الخط المقدر ، أو تشتت القيم المشاهدة للمتغير التابع حول الخط المقدر يكون ثابتاً . أي يوجد تبايى واحد لجميع القيم المشاهدة حول خط الانحدار المقدر . وفي حالة اختلال هذا الافتراض وتغير تباين القيم المشاهدة و بالتالي تباين الحد العشوائي مع تغير قيم المتغير التفسيري توجد مشكلة تسمى بمشكلة " عدم ثبات النابي "المنابي " "Heteroscedasticit " عدم ثبات النابي " "Heteroscedasticit"

وسوف نتعرض لهذه المشكلة في مبحثين بهذا الفصل:

المبحث الأول: التعريف بمشكلة عدم ثبات التباين.

المبحث الثاني: معايير الكشف عنَّ مشكلة عدم ثبات التباين وعلاجها ،

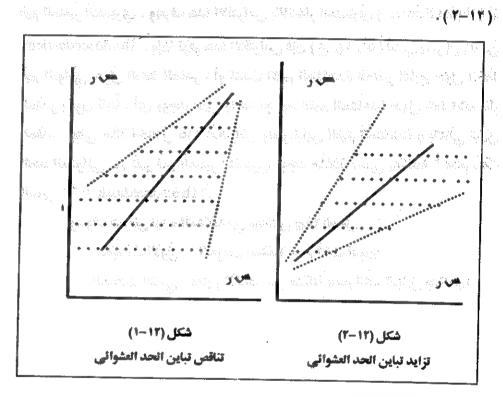
the regularity that the first

engelverk og tillhetig i 17-14 graf til 18-14 graf I 18-14 graf til 18-I 18-14 graf til 18-14 g

# المبحث الأول التعريف بمشكلة عدم ثبات التباين

#### ( ١-١-١ ) مفهوم مشكلة عدم ثبات التباين :

معلل مشكلة عدم ثبات التباين في تغير تباين الحد العشوائي مع تغير قيم المتغير التفسيري . وفي مثل هذه الحالة يأخذ شكل الانتشار أحد الأوضاع ( ١٢ -١٠)،



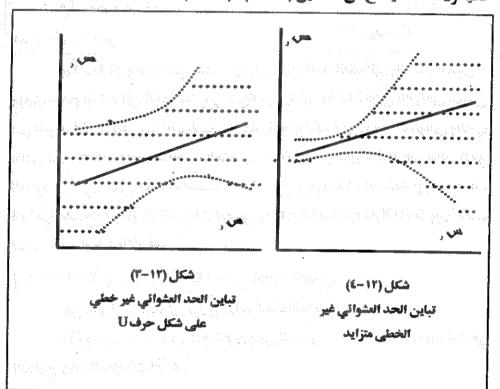
فيلاحظ من الشكلين (12-11)، (12-2) أن تغير المتغير التفسيري عبر يؤدي لتغير المتغير التابع س , ويؤدي أيضاً لتغير تباين الحد العشوائي ، حيثِ يتناقص تباين الحد العشوائي مع تزايد قيمة المتغير التفسيري بالشكل ( ١٦-١ ) بصورة منتظمة . ومن ثم يقال أن العلاقة بين المتغير التفسيري من وتباين الحد العشوائي ع'. خطية عكسية.

أما في حالة الشكل (17-7) فإن تباين الحد العشوائي يزداد مع زيادة قيمة المتغير التفسيري من ربع أو خطية طردية . ولذا يقال أن العلاقة بين من ربع أو خطية طردية . وعموماً يمكن التعبير عن العلاقة بين تباين الحد العشوائي والمتغير التفسيري في هذه الحالة بالصبغة التالية :

$$(1-17) \qquad \qquad 9+, \checkmark \times 1 \Rightarrow + \cdot \Rightarrow = ^{r}, \varepsilon$$

$$\delta_{ei}^{2} = \alpha_{0} + \alpha_{1} X_{1} + W_{1}$$

حيث حـ ، < صفر في حالة الشكل (1-11) ، حـ ، > صفر في حالة الشكل (1-17) . وقد تكون العلاقة بين المتغير التفسيري هـ ، وتباين الحد العشوائي  $a_a^{-1}$  غير خطية وذلك كما يتضح من الشكلين (11-1) ، (11-2) .



فبالشكل (12-3) يلاحظ أن العلاقة بين المتغير التفسيري عن وتباين الحد العشوائي علاقة غير خطية ، حيث مع تزايد المتغير التفسيري عن ويتناقص التباين أولاً ثم يصل لحده الأدنى ثم يتزايد بعد ذلك . ويمكن تمثيل هذه العلاقة بالصيغة التالية :

$$g+, ' \omega_1 \rightarrow +, \omega_1 \rightarrow +, \omega_2 \rightarrow +, \omega_3 \rightarrow +, \omega_4 \rightarrow +, \omega_5 \rightarrow +, \omega_5$$

وبالشكل (17-2) نجد أن العلاقة غير خطية أيضاً بين المتغير التفسيري والحد العشوائي ، حيث يزداد تباين الحد العشوائي بمعدل متزايد مع زيادة المتغير التفسيري . ويمكن تمثيل هذه العلاقة باستخدام الصيغة التالية :

$$(^{w}-1^{v})$$
 هے  $^{s}=-$  هی  $^{s}=-$  هی  $^{s}=-$  هی  $^{s}=-$  هی  $^{s}=-$  هن  $^{s}=-$  ه

ويلاحظ أن وجود مثل هذا الارتباط بين الحد العشوائي والمتغير التفسيري يؤدى لعدم ثبات تباين الحد العشوائي ، وبالتالي يترتب عليه الإخلال بافتراض أساسي من افتراضات طريقة المربعات الصغرى العادية وهو ثبات تباين الحد العشوائي والذي يطلق عليه Homoscedasticity . وباختلال هذا الافتراض تظهر مشكلة تغير تباين الحد العشوائي التي تسمى Heteroscedasticity . ومع وجود هذه المشكلة فإن المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية تتصف بعدم الكفاءة وإن كانت تتصف بعدم التحيز والاتساق .

( ۲-۱-۱۲ ) أسباب مشكلة عدم ثبات التباين :

من أهم الأسباب التي تؤدي لهذه المشكلة ما يلي:

(أ) وجـود علاقـة ذات اتجـاهين بـين المـتغيرات الداخلـية كمـا يحـدث في النماذج ذات المعادلات الآنية .

(ب) استخدام البيانات القطاعية بدلاً من بيانات السلسلة الزمنية . فعند استخدام بيانات قطاعية عن ميزانية عينه من الأسر ، يلاحظ أنه عند الدخول المنخفضة

يكون تباين الإنفاق على الضروريات منخفضاً وذلك نظراً لأن الحد الأقصى للإنفاق لدي الطبقة الفقيرة يكون منخفضاً نسبياً نتيجة لانخفاض الدخِل ، كِما أن هناك حد أدني لا يمكن للإنفاق أن يتخفض دونه وهو حد الكفاف . وعادةً ما يكون الحد الأدني قريباً من الحد الأقصى . أما عند مستويات الدخول المرتفعة عادةً ما يكون الإنفاق على السلع الكمالية أكثر تشتتاً نظراً لعدم وجود حدود بنفس الطريقة لأقصى إنفاق أو أقل إنفاق .

ولذا نحد في هذه الحالة أن التشتت بين قيم الإنفاق يزداد مع زيادة الدخل بما يعني تزايد الحد العشوائي كما بالشكلين (١٢-١)، (١٢-٤).

(حـ) استخدام بيانات جزئية بدلاً من البيانات التجميعية . فعند استخدام بيانات تجميعية تختفي الاختلافات بين المفردات حيث يلغى بعضها البعض فلا يكون هناك مجال لتشتت القيم بدرجة كبيرة . أما في حالة البيانات الجزئية كتلك المتاحة عن الأفراد أو المنشآت الفردية ، فعادةً ما يكون التشتت كبير بين القيم للاختلافات الكبيرة بين سلوك المفردات .

#### ( ١٠-١-٣ ) آثار مشكلة عدم ثبات التباين:

يترتب على وجود مشكلة عدم ثبات التباين عدد من الآثار تتمثل في : ﴿ وَهُمُ اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى ا

- (أ) تبقى المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية (أ،
  - $(eta, \hat{lpha})$ ي متصفة بعدم التحيز والاتساق ، ولكنها تفقد صفة الكفاءة . eta ، eta ،  $\hat{lpha}$
- (ب) تصبح التبايسنات المقدرة وكذلك الستغايرات Covariances الخاصة  $(\beta,\alpha)$  بالمعلمات المقدرة أ، ب متحيزة وغير متسقة . ولذا فإن اختبارات الفروض لا تصبح دقيقة أو ملائمة .
- (ح.) بالرغم من أن التنبؤات القائمة على أساس المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغري العادية تظل غير متحيزة ، إلا أنها تفقد صفة الكفاءة ، وهو ما يعني أنها تكون أقل مصداقية من تنبؤات أخرى تبني على طرق تخلو من مشكلة عدم ثبات التباين .

#### المبحث الثاني

# اختبارات الكشف عن مشكلة عدم ثبات التباين وطرق علاجها

( ۱-۲-۱۲ ) معايير الكشف عن مشكلة عدم ثبات التباين : توجد هناك معايير عديدة للكشف عن هذه المشكلة نتعرض لبعض منها فيما

ىلى:

: Goldfeld-Quandt Test كوانت Goldfeld-Quandt Test

لقد تم اقتراح هذا الاختبار من قبل كل من Quandt ، Goldfeld عام ١٩٦٥ . وتقوم فكرة هذا الاختبار على أنه لو ظل تباين البواقي متساوياً عبر المشاهدات كلها ، فإن هذا التباين بالنسبة لجزء من العينة سوف يكون مساوياً لتباين جزء آخر من نفس العينة . ولذا تقسم العينة إلى ثلاثة أقسام ويستبعد القسم في المنتصف ، ثم يتم حساب تباين البواقي بالنسبة للجزء الأول والجزء الثالث ويتم اختبار مدى تساويهما باستخدام اختبار ؟ . وتتمثل خطوات الاختبار فيما يلى:

ا - نقوم بتحديد متغير يعتقد أن تباين البواقي  $(a^2_{i,i})$   $(a^2_{i,i})$  على ارتباط به . وقد يكون هذا المتغير أحد المتغيرات التفسيرية في النموذج، أو قد يكون متغيراً مشتقاً من أحد هذه المتغيرات التفسيرية كالتربيع أو اللوغاريتم الطبيعي . ودعنا نفترض أن هذا المتغير هو "س"  $(a^2)$ .

٢ - نقوم بترتيب البيانات وفقاً لترتيب قيم " من " (Z) تصاعدياً (أي بيانات جميع المتغيرات التابعة والمستقلة).

n - نقوم بتقسيم العدد ( ن ) ( n ) لمشاهدات العينة إلى ثلاثة أَجَزَاء ، الجزء الأول  $(n_1)$  (  $n_2$  ) والجزء الثالث  $(n_1)$  والجزء الوسط يتراوح بين  $(n_1)$  والجزء الثالث  $(n_1)$  والجزء الله (  $(n_1)$  ) والجزء (  $(n_1)$  ) إلى (  $(n_1)$  ) و  $(n_1)$  . فإذا افترضنا أن ن  $(n_1)$  يمكن أن يكون الجزء

الأول (ن ،) (من ١٠ – ١٠ ) = ١٠ ، والجزء الأخير (ن ،) ( من ٢١ – ٣٠ ) = ١٠ والجزء الأخير ( ت ،) ( من ٢١ – ٣٠ ) الوسط الذي يتم استبعاده يتراوح بين (11 - 20) = 10 . وبالطبع فإن الجزء الذي يتقرر استبعاده من الوسط يكون تحكمياً ويتراوح عادة بين سدس الى ثلث عدد المشاهدات الكلية . ولكن يتعين مراعاة أن يكون ( ن ، ) (  $(n_i)$  ، (  $(v_i)$  ) أكبر من عدد المعلمات المقدرة في كل مرة حتى تكون درجات الحرية أكبر من الصفر.

٤ - نقوم بتقدير معادلة انحدار مستقلة للجزء الأول والجزء الأخير من العينة .

ه - نحصل على مجموع مربعات الأخطاء لكل انحدار على النحو التالي:

(8-17) ...... 
$$ESS_{1} = \sum_{t=1}^{n_{1}} e_{t}^{2} = (\int_{1}^{t} s) \frac{ds}{1-s}$$
(8-17) ..... 
$$ESS_{2} = \sum_{t=1}^{n} e_{t}^{2} = (\int_{1}^{t} s) \frac{ds}{1-s}$$

$$t = n-n_{2}+1$$

: المحسوبة باستخدام الصيغة  $F*_c(_{\mathbb{S}}^*$ 

$$F^*_{c} = \frac{\frac{\hat{\delta}_{-1}^2}{\hat{\delta}_{1}^2}}{\frac{\hat{\delta}_{1}^2}{\hat{\delta}_{1}^2}} = \frac{\frac{(\hat{d}_{-1}\hat{o})/_{1}(\frac{1}{3}\hat{a})}{(\hat{d}_{-1}\hat{o})/_{1}(\frac{1}{3}\hat{a})}}{\frac{ESS_{2}/(n_{2}-k)}{ESS_{1}/(n_{1}-k)}} = 0$$

حيث ك ( k ) = عدد المعلمات المقدرة في الانحدار بما فيها المعلمة التقاطعية.

 $(\hat{\delta}_1^2,\hat{\delta}_2^2)$ ٧ - نرید اختبار هل هناك اختلاف جوهري بین (ع ٓ ١٠٠) ، (ع ٓ ٢٠) ومن ثم تكون الفروض محل الاختبار هي:

 $\delta_1^2 = \delta_2^2$ فرض العدم:  $a_{a}^{\dagger} = a_{a}^{\dagger}$  (ثبات تباین البواقی)  $\delta_1^2 \! > \! \delta_2^2$  (تغير تباين البواقي ) مواجهة الفرض البديل  $\delta_1^2 \! > \! \delta_2^2$  ( تغير تباين البواقي ) ولعمل ذلك نبحث عن ف $= (F \frac{n_2 - k}{n_1 - k, \alpha})$  في الجداول عند مستوى معنوية  $\alpha$  ( ۱٪ أو ٥٪ ) ونقارتهما . فإذا كانت ف  $\sim$  ف ج  $F_c$  ترفض فرض العدم ونقبل الفرض القائل بوجود تغير في التباين . و العكس صحيح . ویلاحظ أنه إذا كانت ف  $_{_{0}}$  (  $F_{c}$  < 1 ) ا عندئذ یتعین استخدام  $^{(}$ 

افترض أن البيانات التالية تم تقديرها من عينة حجمها ٢٠ مشاهدة باستخدام معادلة انحدار بسيط ، حيث من  $(X_i)$  تشير للمتغير التفسيري ،  $(e_i)$  تشير للبواقي المقدرة .

جدول (12-أ) عدم ثبات التباين

	<del></del>	
(e,), s	$(X_t)_{j} Q^{\underline{a}}$	المشاهدة
صقو	4.	1
٨	Ye	*
۳	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	The state of the s
IT .	To	
· **-	The same	٥
A	To .	T.
10	To.	Y
*	r-	٨
19-	T* James	ana gyar a Sagana Kabu
17	To .	1.
٥	€.	11
e i sali 🚩 la jilas	et es se <b>To</b>	17
To	٤٠	17
6	T+	4, 16
Y•	No entropy and the	aller aller i la
10	<b>**</b> 1	13
Yen.	£ -	17
1 Te 1 1 1 1	£6	1A 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
<b>!'Y-</b>	10 Page 10 Pag	
1-	ξο	7.

ولإجراء اختبار G - Q نقوم أولاً بترتيب البيانات تصاعدياً وفقاً للمتغير س (X) وذلك كما يتضح بالجدول (21-2).

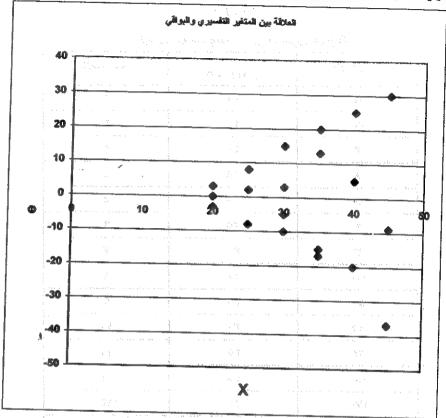
جدول (۱۲-۲)

#### ترتيب البيانات وفقاً للمتغير التفسيري عن (X)

	<del></del>	4-7
(e <sub>t</sub> ), s	$(X_t)_j$ wa	المثاهدة
صفر	Y-	1
Y	٧٠	<b>了</b> - 4/40
<b>Y</b>	13. Y.	T
٨	70	٤
A	Yo	•
	To.	
y g	۳٠	Y
1	<b>r</b> -	A
0-	<b>**</b>	11.5
10	, <b>"•</b> , , ,	. 1:
17	70	11
10-	ra	17
17-	70	17
۲.	To	18
6	****	10
ang Conton 11 -	Brigg with & Property Property	No of the Control of
gan salik <b>M</b> rassag saji s		80. 1154 A V Y ) N ( )
N	٤٥	14
TY-	<b>£6</b>	. LAND
1-	£o	7.

Bully and the safe of the second states of the second

ثم نقوم برسم شكل الانتشار الذي يمثل العلاقة بين البواقي د ، والمتغير التفسيري س وفنجده كما بالشكل (١٢-٥).



شكل (١٢–٥)

ومن الواضح بالشكل (12-5 ) أن تباين الحد العشوائي متزايد وليس ثابتاً . ولاختبار مدى وجود مشكلة عدم ثبات التباين نقوم بتقسيم بيانات العينة (20) إلى ٣ مجموعات

من الجدول ( ۱۲ ۲۰ ) .

المجموعة الوسطى والمستبعدة = ٤ مشاهدات (من ١٠-١١)

ثم نقوم بحساب مجموع مربعات البواقي للمجموعتين الأولى والأخيرة كما بالجدول .(7-17)

جدول (۱۲–۲) مجموع مربعات البواقي

	المجموعة الأخيرة		المجموعة الأولى					
۱۰۰٫ <b>۲۵٬</b> ۲۵۰۰۰۰۰	, <b>3</b> .	مشاهدة	,'a	,3	مشاهدة			
95 <b>734</b> 95 93	- <b>17</b> 17 1	377	صفر	صفر	Carte and			
y <b>€:•</b> € 6,57,8	yana Kana	18		٣-	<b>Y</b>			
70	. 1	10			٣			
770	Yo	13	ነ٤	g 23 <b>A</b> g 55 e	y 62 - <b>6</b>			
<b></b>	weg M <del>o</del>	. Ve. 1 <b>9</b> 00. Ve.	18	۸	•			
				Congress of the second	ag Nadaga			
at <b>A1</b> <sub>1</sub> (4 ) $r_{g}^{(i)}$	( 1	ee e e <b>γ</b> ee .	V. 1. 18.	······ <b>1.</b> _{***	· ( )			
= ,r <sup>7</sup> s <u> </u>			≥ c <sup>7</sup> 1,=		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			

ثم نقوم بحساب ف <sub>س</sub>كما يلي:

$$10,\lambda = \frac{7\lambda 1,0}{\epsilon r,1\gamma} = \frac{(r-\lambda) \div (\epsilon \cdot \lambda 4)}{(r-\lambda) \div (ro4)} = 0$$

وبالبحث عن ف ع بالجداول عند درجات حرية للبسط ٦ وللمقام ٦ ، ومستوى معنوية ٥ ٪ نجد أن : ف = ٤,٢٨ وحيث أن ف ص > ف = نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل القائل بعدم ثبات التباين.

Breusch - Pagan Test (۲)

لقد تم تقديم هذا الاختبار عام ١٩٧٩ ، وهو يعتمد على فكرة مضاعف لاجرانج. وإذا افترضنا أن تباين البواقي ع"، ﴿ ( 82 ) يتغير مع تغير عدد من المتغيرات التفسيرية ل  $(Z_t)$  التي يوجد بعضها أو كلها بالنموذج الأصلي ، حيث :

$$(Y-1Y)...... j^{2} + j_{1} + j_{2} + j_{3} + j_{4} + j_{5} +$$

فإن هذه المشكلة تكون موجودة إذا كانت أ ، ، أ ، ، أ ، ، .. ، أ و معنوية إحصائياً . وبالطبع تختفي المشكلة إذا كانت أ , = أ , = ... = أ , = صفر . ولذا فإن فرض العدم في هده الحالة يتمثل في:

$$\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3$$
 .....  $\alpha_p = 0$ 

ولإجراء الاختبار السابق نتبع الخطوات التالية :

( 1 ) نقوم بتقدير معادلة الانحدار الأصلية باستخدام طريقة المربعات الصغري العادية .

$$Y_{1} = \hat{\beta}_{1} + \hat{\beta}_{2} X_{2t} + \dots + \hat{\beta}_{k} X_{kt} + e_{t}$$

( ٢ ) نقوم بالحصول على البواقي د <sub>( ( ° )</sub> حيث أن :

$$(11-17) \qquad \hat{\varphi}_{1} \sim \hat{\varphi}_{1} - \dots - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{n} \times \hat{\varphi}_{n} - \hat{\varphi}_{$$

ثم نحسب تباين البواقي باستخدام الصيغة التالية:

$$(17-17) \dots \left( \hat{\delta}^2 = \frac{\sum e^2_t}{n - n} \right) \qquad \frac{5}{3} = 5$$

( ٣ ) نقوم بتقدير ما يسمى بالانحدار المساعد وذلك بغرض اختبار مدى وجود علاقة جوهرية بين  $c_{i_0}^{i_0}$  [ ممثل تباين الحد العشوائي ] والمتغيرات ( ل ز  $Z_{i_0}$  التي تمثل بعض أو كل المتغيرات التفسيرية بالنموذج الأصلي ، أو بعض مشتقاتها . أي نقوم 일이 남자 나타나는 일은 학자들이 바람이다. بتقدير:

$$(1\xi-1Y) \dots \frac{1}{3} + \frac{1}$$

يتم اختبار فرض العدم: أ 
$$_1$$
 = أ  $_2$  =  $_{10}$  = صفر  $\alpha_1 = \alpha_2 = .... = \alpha_n = 0$ 

ويمكن إثبات أنه في حالة العينات الكبيرة وفى ظل فرض العدم السابق فإن نصف مجموع مربعات الانحدار المقدر ( RSS  $/_2$  ] Regression Sum of Squares ( RSS ) مجموع مربعات الانحدار المقدرة ( P ) ( P ) ( ) ( عدد المعلمات المقدرة في صيغة الانحدار المساعد ) ومستوى معنوية ( P ) ( P ) ( )

نرفض فرض العدم وتوجد هناك مشكلة عدم ثبات [ RSS / 2 ] >  $\chi^2_{p,\alpha}$  و العكس صحيح .

۳ – اختیار White's Test

مما يؤخذ على اختبار Breusch-Pagan أنه حساس جداً لاختلال افتراض التوزيع الطبيعي . كما يتطلب هو و اختبار Goldfeld-quandt مقرفة أسباب مشكلة عدم ثبات التباين . ومن خصائص اختبار White's Test أنه :

- (أ) لا يتطلب معلومات سابقة عن أسباب مشكلة عدم تساوى الانتشار (عدم ثبات التباين).
  - (ب) لا يعتمد على افتراض اعتدال التوزيع .
  - (ح) يصلح عادة للعينات كبيرة الحجم ، أي يصلح للعينات من الحجم ٣٠ وأكبر . وتتمثل خطوات إجراء هذا الاختبار فيما يلي :
    - (١) تقدير دالة الانحدار الأصلية باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية.

$$(10-17) \dots Y_{1} = \hat{\beta}_{1} + \hat{\beta}_{2} X_{2t} + \hat{\beta}_{3} X_{3t} + e_{t}$$

( Y ) الحصول على قيم البواقي  $C_{i}$  (  $e_{i}$  ) على النحو التالي :

 $e_t = Y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 X_{2t} - \hat{\beta}_3 X_{3t}$ 

 $(X_{2t})_{jr}$  تقدیر انحدار مساعد بین  $(e^2_{t})_{j}$  من ناحیة ، والمتغیرات س  $(X_{2t})_{jr}$  س تقدیر انحدار مساعد بین  $(X_{2t})_{jr}$  من ناحیة أخرى. أي  $(X_{3t})_{jr}$  ، س  $(X_{2t})_{jr}$  ) من ناحیة أخرى. أي

تقدير الصيغة :

 $(1V-1Y) = \hat{\mathbf{a}}_{1} + \hat{\mathbf{a}}_{2} \times \mathbf{a}_{3} \times \mathbf{a}_{4} \times \mathbf{a}_{4} \times \mathbf{a}_{5} \times \mathbf{a}_{5} \times \mathbf{a}_{5}^{2}$   $(1V-1Y) = \hat{\mathbf{a}}_{1} + \hat{\mathbf{a}}_{2} \times \mathbf{a}_{3} \times \mathbf{a}_{4} \times \mathbf{a}_{4} \times \mathbf{a}_{2}^{2} + \hat{\mathbf{a}}_{5} \times \mathbf{a}_{5}^{2}$   $+ \hat{\alpha}_{6} \times \mathbf{a}_{2} \times \mathbf{a}_{3} + \mathbf{v}_{4}$ 

( ٤ ) نقوم بتقدير ( ن ر ً ) ( n R² ) حيث : ن ( n ) حجم العينة ، ر ً ( R² ) معامل التحديد غير المعدل للانحدار المساعد ( ١٢-١٢ ).

 $n R^2$  (  $^{\prime}$  ) نقوم باختبار فرض العدم:  $1 - 1 = 1 = \dots = -1$ 

مع كا 'عند مستوى معنوية معين ■ % أو 1 % ، ودرجات جرية = عدد المعلمات الانحدارية في صيغة الانحدار المساعد (أي مع استبعاد المعلمة التقاطعية) .

وإذا كان :  $\chi^2 > \chi^2$ 5,005 نوفض فرض العدم ، وتوجد مشكلة عدم ثبات التباين ، وإذا كان العكس لا توجد مشكلة ثبات التباين . وإذا قبلنا فرض العدم فإن هذا يعنى أن :

ع
$$_{c,i}=i,j=1$$
ئابت  $_{c,i}=i,j=lpha_1$ 

ويتعين ملاحظة بعض النقاط بشأن اختبار White :

(أ) إذا كان ( $w_{1i}$ )  $X_{12}$  متغيراً صورياً يأخذ قيمتين فقط هما صفر ، ا ، فإن  $w_{1i}$  =  $w_{1i}$  ، و بالتالي سوف توجد مشكلة امتداد خطي متعدد ، ولذلك يتعين استبعاد  $w_{1i}$  من الانحدار المساعد في هذه الحالة .

 $( \, \, \, \, \, )$  في حالة أن يكون عدد المتغيرات التفسيرية في الصيغة الأصلية كبيراً فإن هذا العدد يزداد في الصيغة المساعدة بحيث قد يصبح أكبر من عدد المشاهدات المقدرة ، وفي هذه الحالة لا يمكن إجراء تقدير لمعادلة الانحدار المساعد . ومن ثم فإن الحل يكون هو استبعاد بعض المتغيرات ، خاصة ذات التأثير الخطي مثل  $X_{31}$  ,  $X_{21}$  مع استبقاء المتغيرات ذات التأثير غير الخطى مثل القيم التربيعية وحدود التداخل .

وعموماً فإنه في حالة أن تكون المعلمات المقدرة عددها ك (K) بما فيها الحد الثابت ، فإن عدد حدود الانحدار المساعد = [E(K+1)/2] [T/(1+1)/2] حد، وبالتالي فإن عدد المشاهدات يجب أن يكون أكبر من هذا العدد .

#### ٤ - اختيار بارك Park Test

لإجراء هذا الاختبار يتعين أن نقوم بتقدير الصيغة الأصلية باستخدام طريقة المربعات الصغرى:

 $Y_t = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 X_{2t} + \hat{\beta}_3 X_{3t} + \dots + e_t$ 

ثم نحصل على مربعات البواقي د<sup>'</sup>ز ( e<sup>2</sup>t ) ، ونقدر معادلة انحدار بينها وبين أحد المتغيرات التفسيرية أو كلها على النحو التالي :

 $e_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 X_{1t} + \alpha_2 X_{2t} + \dots + V_t$ 

فإذا كانت (أر) α أو بعضها لها معنوية إحصائية يكون هناك مشكلة انتشار غير متساوى (عدم ثبات تباين).

# مثال (17-2) اختبار بارك للكشف عن مشكلة عدم ثبات التباين

افترض أن البيانات التالية تمثل الإنفاق الاستهلاكي ص (Y) والدخل مس (X) لعينة من الأسر بالألف جنيه .

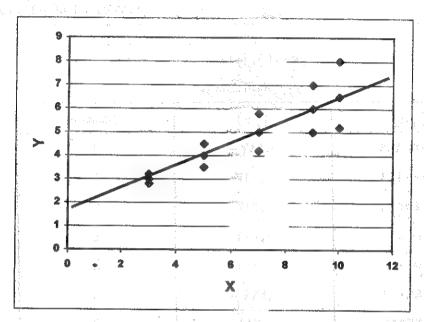
جدول (١٢-٤) الدخل والإنفاق الاستهلاكي لعينة من الأسر

(X) 🐱	(Y) •=	المشاهدة		
yan <b>ya</b> n in sa	Y,A.	1		
Decre Marie - Marie Const.		Maria Maria		
ewa ya b <sub>ili</sub> aye see	<b>7,7</b>	Status .		
	ξ,••	٤		
	٤,٥٠			
The soil to year	۳,0۰	1		
<b>Y</b>	٥,٨٠	Y		
<b>Y</b>	٥,٠٠	<b>*</b>		
<b>Y</b>	<b>8,1%</b> Asg	XII II 🕠		
ka itong it <b>ig</b> a sakalah di Barangan		Appet the second of the second of		
	ry <sup>kala</sup> ng in <b>T<sub>g</sub>.</b>	11		
	<b>0,••</b>	۱۲		
1.		News and the second		
i i i i i i i i i i i i i i i i i i i	1,00	Algebra and Aller and Aller		
n thank sometimes of the source	0,7+	10		

والمطلوب هو اختبار مدى وجود مشكلة عدم ثبات التباين باستخدام معيار

بارك.

وبرسم شكل الانتشار ( ۱۲ – ۲ ) بين حب (Y) ، مب (X) يتضح منه أن تباين الحد العشوائي يتزايد مع تزايد الدخل .



تزايد تباين الحد العشوائي مع الدخل شكل (١٢-٢)

وبتقدير دالة الاستهلاك باستخدام بيانات الجدول (١٢-٤) نحصل على:

(14-11) س = ۲۹ گرا + ۲۰۵۰ من + در

٠,٧٦٤ = <sup>٢</sup>, ( -, - YA ) ( -, 0 7 Y )

وباستخدام الصيغة (١٢-١) للحصول على البواقي (٥,):

(11-11) ه ر = س ر - ۱٫٤٦٩ - ۲۰۵۰ من

# ثم نقوم بتربيعها كما بالجدول (١٢-٥). وبتقدير العلاقة بين مربعات البواقي

# د $({ m e}^2_{\ i})$ والمتغير التفسيري ${ m w}$ $_{i}$ $({ m X}_{\ i})$ نحصل على الصيغة التالية :

$$a^{7} = (13, \cdot) (50, \cdot)$$

# جدول (۱۲-۵)

# مربعات البواقي ( د'ً.)

(,'s)	(,3)	مشاهدات
٠,٠٣٤٩٦٩	·,1AY-	1 1 1
•,•••111	•,•1٣	r Roman <b>Y</b> equi
	•,٢١٣	
1-1 × 1	•,••1	: · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
+,1011	•,0•1	A Section 1997
., 189 1	٠,٤٩١ _	٦
-,777071		V. 4(4).
•,•••1٢1	*,•11-	<b>A</b>
٠,٢٥٧٧٢١	•,A11-	4
, 10 <b>1.0.191636P,</b>		H-Statement State
*,***011	ag	**************************************
1,-£7074		17
r, itpaet		
•,••• 1	•,•٢1 -	18
1,777787	1,779 -	10

ويتضح من الصيغة ( ٢٠-١٢ ) أن هناك علاقة طردية وجوهرية عند مستوى معنوية هند در ، هن وهو ما يشير إلى وجود مشكلة عدم ثبات التباين وفقاً لاختبار بارك .

# ( ۲-۲-۲۲ ) طرق تصحيح مشكلة التباين غير الثابت :

من أبرز الطرق المستخدمة لتصحيح هذه المشكلة هي طريقة المربعات الصغرى العامة أو المرجحة . Generalized ( or weighted ) Least Squares ( GLS . الصغرى العامة أو المرجحة . وتقوم فكرة هذه الطريقة على إعطاء القيم ذات الانحراف الأقل عن خط الانحدار وزناً أكبر من القيم ذات الانحراف الأكبر في تقدير العلاقة محل الاعتبار . ولذا فإن الوزن الذي تتخذه هو مقلوب الانحراف المعياري للبواقي . e .

$$W_t = \frac{1}{\delta_t}$$
 =  $e_i$  اي ان الوزن  $e_i$ 

ومن الملاحظ أنه كلما قل تباين البواقي زاد الوزن ، W والعكس صحيح . ومن ثم فإذا كان النموذج الأصلى هو :

فإن النموذج المعدل الذي يتم تقديره لتلاشى مشكلة التباين غير الثابت إن وجدت هم:

وهي نفس الصيغة التالية :

$$W_t Y_t = \beta_1 W_t + \beta_2 (W_t X_{2t}) + \beta_3 (W_t X_{3t}) + (W_t U_t)$$

وللتبسيط تصبح الصيغتين السابقتين:

$$Y^*_{t} = \beta_1 W_{t} + \beta_2 X^*_{2t} + \beta_3 X^*_{3t} + u_{t}^*$$

ونظراً لأن  $(3_{ij})$  ( $(2_{ij})$  تتغيران من مشاهدة لأخرى فإن الصيغ (11-17) و ونظراً لأن  $(3_{ij})$  لا يوجد بها معلمة تقاطعية حيث أن الحد (11, 0) و (10, 0) يصبح هو الآخر متغيراً . وبتقدير هذه الصيغة المعدلة نكون قد قضينا على مشكلة عدم ثبات التباين.

ولكن يبقى عندنا مشكلة ، وهي كيف يمكن تقدير  $\Psi_{\epsilon(\beta)}W_{\epsilon(\beta)}$  المتغير  $\Psi_{\epsilon(\beta)}$  ونفرق في هذا الصدد بين عدد من الحالات:

(أ) الصيغة الضربية للتباين غير الثابت Multiplicative Heteroscedasticity

معه ارتباطاً قویاً بحیث :

$$(\operatorname{var}(\mathbf{u}_t) = \delta_t^2 = \delta^2 Z^2_t)$$
 پا $(\varepsilon_t) = \delta_{\epsilon t}^2 = \delta^2 Z^2_t$ 

$$(\delta_t = \delta Z_t)$$
 ومن ثم:  $\beta_{ci} = \beta Z_t$ 

حيث ع  $(\delta)$  ثابت ، ففي هذه الحالة يمكن أن نستخدم  $(\delta)$  كمؤشر

لقيم ﴿ ﴿ عِ رُ ﴾ ، 8 ومن ثم نقدر العلاقة ( 12-22 ) على النحو التالي : ﴿ ﴿ عَمْ

$$(70-17).... \frac{3}{U_{c}} + \frac{3}{U_{c}} + \frac{3}{U_{c}} + \frac{3}{U_{c}} + \frac{1}{U_{c}} + \frac{1}{U_{c}} + \frac{3}{U_{c}} + \frac{1}{U_{c}} + \frac{$$

$$\frac{Y_t}{Z_t} = \beta_1 \frac{1}{Z_t} + \beta_2 \frac{X_{2t}}{Z_t} + \beta_3 \frac{X_{3t}}{Z_t} + \frac{u_t}{Z_t}$$

وفي حالة تقدير دالة الاستهلاك كعلاقة بين الإنفاق الاستهلاكي والدخل الكلى وعدد السكان ،وكان هناك اعتقاد ( أو ثبت أن )  $c^{7}$  (  $d^{2}$  ) على علاقة قوية مع عدد السكان (  $d^{2}$  ) أين الصيغة (  $d^{2}$  ) تصبح ملائمة لتقدير دالة الاستهلاك :

$$(77-17) \dots \frac{j^{2}}{j^{2}} + \frac{j^{2} \sqrt{a}}{j^{2}} + \frac{1}{j^{2}} + \frac{1}{j^{2}} = \frac{j^{2} \sqrt{a}}{j^{2}}$$

$$\frac{Y_{t}}{Z_{t}} = \beta_{1} + \frac{1}{Z_{t}} + \beta_{2} \frac{X_{2t}}{Z_{t}} + \frac{u_{t}}{Z_{t}}$$

مع التخلص من مشكلة التباين غير الثابت ، حيث : علم التحاص

$$\frac{Z_1}{Z_1} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{X_{(2)}}{Z_1} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{X_{(2)}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{Z_{(2)}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{Z_{(2)}}{\sqrt{2}}$$

وبالطبع لا يوجد في هذه الحالة حد ثابت حيث  $\left(-\frac{Y_t}{U_c}\right)$  يعتبر متغيراً . ولذا فإنه من الناحية القياسية قد يؤدى استخدام القيمة المتوسطة أحياناً بدلاً من استخدام القيم الكلية إلى تلاشى مشكلة التباين غير الثابت .

 $(\hat{\delta}^2_{t})_{j_a}$  استخدام المتغيرات التفسيرية لتقدير  $\hat{\delta}^2_{t}$ 

دعنا نبدأ بالصيغة الأصلية التالية للاتحدار:

$$(YY-1Y)....._{j} = +_{j} + (\beta_{1} + \beta_{2} + \beta_{3} + \beta_{4} + \beta_{5} +$$

: ولتقدير  $\hat{\delta}^2_{ij}(\hat{\delta}^2_i)$  نتبع الخطوات التالية  $\hat{\delta}^2_{ij}$ 

ا ستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية للصيغة  $\hat{\beta}_i$  باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية للصيغة  $(\Upsilon Y-1Y)$  .

.  $(e^2_t)_i$  على مربعاتها د $(e_t)_i$  ونحصل على مربعاتها د

■ - نقوم بالحصول على الانحدار المساعد التالي:

$$e^{2}_{t} = \alpha_{1} + \alpha_{1} X_{2t} + \alpha_{3} X_{3t} + \alpha_{4} X_{2t}^{2} + \alpha_{5} X_{3t}^{2} + \alpha_{6} X_{2t} X_{3t} + V_{t}$$

 $\hat{x}=1$  عندئذ نقوم باستخدام القيم المقدرة :  $\hat{x}$  (  $\hat{x}$  ) والقيم العشاهدة لمتغرات صيغة  $\hat{x}$  الانحدار المساعد (  $\hat{x}$  (  $\hat{x}$  ) نحصل على الصيغة التالية  $\hat{x}$  (  $\hat{x}$  ) :

 $\delta = \epsilon$  ولكن قد اتضح أن ع $\delta_{i,j}^{(1)}$  مقدر غير كفء ولدا وجب أن نقوم بعمل تعديل آخر للحصول على تقدير كفء له . ولعمل ذلك نقدر ع $\delta_{i,j}^{(1)}$  حيث :

$$(Y \leftarrow Y) = \frac{3^{2} + 3^{2} +$$

 $\delta^2$ ا بنفس الطريقة السابقة لـ  $\delta^2$ ا بنفس الطريقة السابقة لـ  $\delta^2$ ا بنمس الطريقة السابقة لـ  $\delta^2$ ا ثم عصل على جدرها التربيعي ليكون هو الوزن الجديد ، حيث :

$$(W_t = \frac{1}{\widetilde{\delta}_t})$$

٧ - ثم نعود مرة أخرى لتقدير الصيغة المرجحة للانحدار حيث:

 $W_t Y_t = \beta_1 W_t + \beta_2 (W_t X_{2t}) + \beta_3 (W_t X_{3t}) + (W_t U_t)$ 

ومن المشاكل التي تواجه هذه الطريقة أنه في حالة وجود متغيرات صورية فإن بعض المتغيرات التفسيرية قد تكون مرتبطة ارتباطاً تاماً في صيغة الانحدار المساعد . والحل هنا يكون هو استبعاد هذه المتغيرات من الانحدار المساعد . وفي بعض الحالات قد يحدث أن تكون ع $^{\prime}_{ij}$  و ع $^{\prime\prime}_{ij}$  (  $\delta^2_{ij}$  ) = صفر ، وفي هذه الحالة فإن الوزن  $\delta^2_{ij}$  ) يكون غير معرف . والحل لهذه الحالة هو أن نستبعد هذه القيم أو نضع لها وزنا يساوى صفراً .

- استخدام الصيغة اللوغاريتمية الخطية لتقدير  $(\delta^2, \delta^2)$ :

عند استخدام الطريقة السابقة قد يحدث أن تكون بعض القيم المقدرة  $\hat{\delta}^2$ ، ع $\hat{\delta}^2$ ، ع $\hat{\delta}^2$ ، سالبة . والإجراء الذي يضمن أن تكون القيمة المقدرة لهذا التباين عادة موجبة هو أن نستخدم لوغاريتم مربع البواقي في الانحدار المساعد . ولعمل ذلك نتبع الخطوات التائية :

1 - نقدر صيغة الانحدار الأصلية بطريقة المربعات الصغرى العادية.

$$Y_{t} = \beta_{1} + \beta_{2} X_{2t} + \beta_{3} X_{111} + u_{t}$$

- $\cdot$  (  $e^2_t$  ) (  $s^7_t$  ) لبواقي (  $s^2_t$  ) لب نحصل على البواقي (  $s^2_t$  ) t
- $\pi$  نحصل على اللوغاريتم الطبيعي للمربعات لو (  $c_i^{\dagger}$  ) ، ثم نقدر الانحدار المساعد التالى:

$$\ln e^{2}_{t} = \alpha_{1} + \alpha_{2} X_{2t} + \alpha_{3} X_{3t} + \alpha_{4} X_{2t}^{2} + \dots + \alpha_{6} X_{2t} X_{3t} + V_{t}$$

 $\hat{\alpha}_i(\hat{\alpha}_i,X_{it})$  (  $\hat{\alpha}_i,X_{it}$  ) باستخدام (  $\hat{l}_i$  , m , m , m ) ثم على القيم المقدرة لو  $\hat{\alpha}_i(\hat{\alpha}_i,X_{it})$  ) ثم نحصل على (  $\hat{\alpha}_i(\hat{\alpha}_i,X_{it})$  ) من مقابل لوغاريتم القيمة المقدرة لو  $\hat{\alpha}_i(\hat{\alpha}_i,X_{it})$  ) التي لابد أن تكون قيماً موجبة . ثم نحصل على  $\hat{\alpha}_i(\hat{\alpha}_i,X_{it})$  كجزر تربيعي ومنه نحصل على :

الانحدار المرجح باستخدام طريقة المربعات الصغرى العامة .

was in free and the time in the second second to the first the second second second second second second second

e North Anna Carlos Control of the Control of the Carlos C

I will the contribution of the larger by the later being the early

一个女性的 阿特特斯斯特斯 医克里特

Tombridge Mar. Might be thing, the policies of the high the production of the second s

# الفصل الثالث عشر

# تقدير النماذج ذات الفجوات الزمنية Estimation of Lagged Variable Models

لقد كانت نماذج الانحدار التي استخدمناها في فصول سابقة تفترض أن التغير في المتغير التفسيري يؤثر تأثيراً مباشراً وفورياً على المتغير التابع . وهى بذلك لم تعط أي اعتبار للفجوة الزمنية التي تمر قبل أن يبدأ المتغير التابع في الاستجابة للتغير في المتغير التفسيري ، أو للفترة الزمنية التي يحدث عبرها التغير في المتغير التابع كاستجابة لتغير ما في المتغير التفسيري . ويلاحظ عموماً أن التغير في المتغيرات التفسيرية كثيراً ما لا يحدث آثاره بصورة مباشرة وفورية على الظواهر الاقتصادية ، وإنما يحتاج الأمر لفترة زمنية قد تكون طويلة حتى يمكن لهذه المتغيرات أن تمارس آثارها كاملة على مثل هذه الظواهر . فتخفيض قيمة العملة مثلاً لا يمارس آثاره مباشرة على الصادرات والما يحتاج لفترة زمنية طويلة نسبياً حتى تتم آثاره كاملة ، وكذلك الأمر بالنسبة لتغير معدلات الضرائب وما تمارسة من آثار على الاستهلاك أو الإنتاج أو الاستثمار.

ومن هنا ظهرت الحاجة لضرورة استخدام النماذج ذات الفجوات الزمنية، وهي نماذج تستخدم عندما توجد هناك متغيرات تفسيرية تمتد آثارها عبر عدد من الفترات الزمنية ،

وسوف نتعرض في هذا الفصل لنقطتين أساسيتين نتناول كل منهما في مبحث مستقل على النحو التالي :

المبحث الأول: التعريف بالنماذج ذات الفجوة الزمنية .

المبحث الثاني: طرق تقدير النماذج ذاتِ الفجوة الزمنية .

# المبحث الأول التعريف بالنماذج ذات الفجوة الزمنية

( ١-١-١) أنواع النماذج ذات الفجوة الزمنية.

يمكن تقسيم النماذج ذات الفجوات الزمنية وَفقاً لمعيارين ، أولهما هو نـوع المتغير التفسيري ذو الفجوة وثانيهما هو طول الفجوة الزمنية .

(1) نوع المتغير التفسيري ذو الفجوة:

تنقسم النماذج ذات الفجوة الزمنية لنوعين وفقاً للمتغير التفسيري ذو الفجوة : (أ) النماذج ذات الفجوة الموزعة Distributed-lag models

وهي نماذج تحتوي على قيم سابقة past values لمتغيرات خارجية كمتغيرات تفسيرية ، مثال ذلك دالة الاستثمار التالية :

$$(1-17)^{\alpha} + \cdots + \beta_1 \cdot Y_t + \beta_2 \cdot r_t + \beta_3 \cdot r_{t+1} + u_t + \beta_1 \cdot Y_t + \beta_2 \cdot r_t + \beta_3 \cdot r_{t+1} + u_t + \alpha_1 \cdot r_{t+1} + \alpha_2 \cdot r_t + \beta_3 \cdot r_{t+1} + \alpha_4 \cdot r_{t+1} + \alpha_4 \cdot r_{t+1} + \alpha_5 \cdot r_{t+1} + \alpha_5$$

 $(I_1)$  ججم الاستثمار بالفترة الحالية . = حجم

 $(Y_t)$  = مستوى الناتج الكلى بالفترة الحالية .  $(Y_t)$ 

 $(r_t)$  = سعر الفائدة بالفترة الحالية .

وباعتبار أن سعر الفائدة متغير خارجي فإن الاستثمار الحالي يكون دالة في قيمة سعر الفائدة بالفترة الحالية وقيمته بالفترة السابقة ، ومن ثم فإن هذا النموذج يكون ذو فجوة موزعة .

(ب) نماذج الانحدار الذاتي Autoregressive models

وهى نماذج تحتوي على قيم سابقة لمتغيرات تابعة كمتغيرات تفسيرية ، مثال ذلك دالة الطلب التالية :

حيث: 
$$d_i = 1$$
 الكمية المطلوبة من السلعة في الفترة الحالية .  $Q_1$ 

$$(Y_t)$$
 = دخل الفترة الحالية.

$$(Q_{t-1}) = 1$$
الكمية المطلوبة من السلعة في الفترة السابقة .  $(Q_{t-1})$ 

$$(P_t)$$
 = سعر السلعة في الفترة الحالية .

وتصف هذه الدالة حالة الطلب على السلع المعمرة أو السلع غير المعمرة التي يتكون لدى المستهلك عادة عند استهلاكها (كالسجائر والبن وغيرها). فمثل هذه السلع تتأثر الكمية المطلوبة منها في الفترة الحالية بالكمية المطلوبة منها بالفترات السابقة . ويلاحظ هنا أن الكمية المطلوبة في الفترة السابقة تستخدم كمتغير تفسيري . و أنه و المسابقة السنخدم كمتغير تفسيري . و أنه و المسابقة المسابقة المسابقة السناد المسابقة المسابقة السناد المسابقة السناد المسابقة المساب

## (٢) طول الفجوة الزمنية:

تنقسم النماذج ذات الفجوات الزمنية لنوعين وفقاً لطول الفجوة الزمنية : (أ) نماذج ذات عدد محدود من الفجوات : Finite number of lags

وفي هذه الحالة يمتد أثر المتغير التفسيري عبر عدد محدد من الفترات أقِل من ما لا نهاية . ومن الأمثلة على ذلك الصيغة التالية :

$$(Y-1Y) \dots_{j} = + \dots_{j} + \dots_{$$

حيث أن عدد الفترات التي يمتد عبرها تأثير المتغير التفسيري من = م ، ويلاحظ هنا أن: = تأثير التغير في س بمقدار وحدة واحدة على س خلال الفترة الحالية ( β1 ).

$$\frac{6}{4}$$
ب  $\frac{6}{4}$  = تأثير التغير في قيمة من بالفترة السابقة بمقدار وحدة  $\frac{6}{4}$ 

واحدة على قيمة  $\mathbf{w}$  , بالفترة الحالية (  $\beta_2$  ) .

 $\frac{6}{\phi} = \frac{6}{1}$ ب  $\frac{6}{\phi} = \frac{6}{1}$ ب بهقدار وحدة  $\frac{6}{\phi}$  بهقدار وحدة  $\frac{6}{\phi}$  بهتدار وحدة  $\frac{6}{\phi}$  بهتدار وحدة  $\frac{6}{\phi}$  بهتدار  $\frac{6}{\phi}$  بهتدار وحدة  $\frac{6}{\phi}$ 

ي کے بہموع تأثيرات التغير في قيمة من بمقدار وحدة واحدة على  $\sum_{i=1}^m \frac{\sum_{j=1}^m \beta_i}{\beta_j}$ . قيمة من خلال فترة من الزمن طولها م  $\sum_{j=1}^m \frac{\Sigma}{\beta_j}$ .

(ب) نماذج ذات عدد لا نهائي من الفجوات Infinite Sequence of lags وفي هذه الحالة يمتد أثر المتغير التفسيري ذو الفجوة الزمنية عبر عدد غير محدود من الفترات الزمنية ، وتأخذ معادلة الانحدار الصيغة التاليّة :

$$Y_t = \alpha + \beta_t X_t + \beta_2 X_{t-1} + \beta_3 X_{t-2} + \dots + u_t$$

وبالطبع حتى يمكن تقدير مثل هذه النماذج لابد من وضع قيود معينة على عدد الفجوات الزمنية .

# ( ٢ - ١ - ١ ) أمثلة اقتصادية للنماذج ذات الفجوات الزمنية :

## (١) دالة الاستهلاك

يلاحظ عموماً أن الشخص لا يغير من عاداته الاستهلاكية بصورة سريعة أو فورية، وإنما يقتصي الأمر أن يمر وقتاً طويلاً نسبياً قبل أن تتغير هذه العادات، وعَالباً ما يتم هذا بصورة تدريجية . ولذا إذا افترضنا أن شخصاً ما زاد دخله السنوي بمقدار ١٠٠٠ جنيه بصفة دائمة فإنه من المتوقع أن يزداد استهلاكه بصورة تدريجية عبر فترة زمنية طويلة نسبياً . فهو قد يزيد استهلاكه في السنة الأولى بمقدار ٤٠٠ جنيه وفي السنة الثانية بمقدار ٣٠٠ جنيه أخرى . ومن ثم فإن الزيادة للمناهة في السنة الثالثة بمقدار ٢٠٠ جنيه أخرى . ومن ثم فإن الزيادة الدائمة في الدخل بمقدار جنيه تكون قد أدت لزيادة نهائية في الاستهلاك

بمقدار = ٤٠٠ + ٣٠٠ + ٢٠٠ جنيه على مدى ٣ سنوات. ويمكن التعبير عن العلاقة بين الاستهلاك ( ح ) والدخل ( ل ) في هذه الحالة باستخدام الصيغة التالية :

$$C_{t+2} = \alpha + \beta_1 Y_t + \beta_2 Y_{t+1} + \beta_3 Y_{t+2} + u_{t+2}$$
 $C_{t+2} = \alpha + \beta_1 Y_t + \beta_2 Y_{t+1} + \beta_3 Y_{t+2} + u_{t+2}$ 
ويمكن كتابة نفس الصيغة بالنسبة للفترة ز كما يلي:

$$_{j}$$
  $_{t}$   $_{t}$ 

$$(0-17) \dots j^{2} + r_{-j} \int_{r} \psi + r_{-j} \int_{r} \psi + j \int_{t} \psi + j = j$$

$$C_{t} = \alpha + \beta_{1} Y_{t} + \beta_{2} Y_{t-1} + \beta_{3} Y_{t-2} + u_{t}$$

وباستخدام بيانات المثال المعطى سابقاً يمكن كتابة دالة الاستهلاك على

النحو التالي:

$$(1-17) \dots j^{c} + \sum_{i=1}^{r} j^{c} + \sum_{i=1}$$

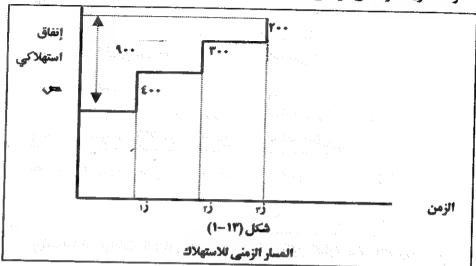
ويتضح من المعادلة (١٣-١) أن أثر الدخل على الاستهلاك موزع على ٣ فترات زمنية . وباستخدام المعادلتين ( ١٣-٥ ) ، ( ١٣-٢ ) يمكن توضيح المفاهيم التالية:

(١) مضاعف الفترة القصيرة = ب 
$$(\beta_1)$$
 = ٠,٤ وهو يشير في هذه الحالة إلى الميل

الحدي للاستهلاك في الفترة القصيرة . 
$$\Sigma$$
  $\beta$   $_{i}=\cdot,\delta$   $_{-\cdot,7}=\cdot,7+\cdot,7=\cdot,7=\cdot,1=0$  (٢) مضاعف الفترات السابقة  $\frac{\Sigma}{i}=\frac{\delta}{2}$ 

$$m$$
 •,۲+•,۳+•,٤=,٠+,٠+,٠=,  $\frac{1}{\sum_{i=1}^{n} \beta_{i}} = 0$ ,٩ =

وهو يشير في هذه الحالة للميل الحدي للاستهلاك في الفترة الطويلة . أي أن زيادة دائمة في الدخل مقدارها 1 جنيه تؤدى إلى زيادة في الاستهلاك تساوي ٩٠ قرش في الفترة الطويلة . ويمكن توضيح هذه الفكرة باستخدام الشكل (١٣١) .



## (٢) خلق الودائع

إذا افترضنا أن البنك المركزي قام بشراء سندات حكومية من الجمهور بما قيمته ١٢٠٠ مليون جنيه ، وأن الجمهور قام بإيداع ١٠٠٠ مليون جنيه منها كودائع أولية بالبنوك التجارية ، فما هو حجم الودائع الكلية التي يمكن للبنوك التجارية أن تولدها باستخدام وديعة أولية مقدارها ١٠٠٠ مليون جنيه ، بافتراض أن نسبة الاحتياطي النقدي هي ٢٠٪ ؟ .

بالطبع لن تتم عملية خلق الودائع المشتقة في يوم وليلة ، وإنما سوف تستغرق فترة طويلة من الزمن يمكن توضيحها باستخدام الجدول (١٣١-١).

#### جدول (١٣ - ١)

#### مراحل خلق الودائع--

			5 - 1		5.5
(1)	(0)	(€)	(٣)	(٢)	(1)
معامل الوديعة	قيمة	قيمة الاحتياطي	الوديعة	الوديعة	
(T)/(T)	القرض	النقدي	المشتقة	الأصلية	الفترة
		(+,٢)			
4,00					
ب ب <del>ه ا</del> ا			ida <del>d ji</del> tur	g Hilliam	, s 1
ب,۸۰=,۰	12 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	escapional de la company	Exp. A College	No F <del>olds T</del> ee	<sub>5\</sub> Y
ب,= ١٤,٠	017,-	174,	٦٤٠,٠		٣
ب ۽ = ١٥,٠	٤٠٩,٦	1-7,8	917	A Section 1	٤
ب.= ۱۶٫۱			٤٠٩,٦		٥
•	•	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		٠	٠
	•		198	•	•
. Cakey	•	\$2.\$ HANK	. No	caraci da.	0
• \		1	٤٠٠٠	1 1/2/20	إجمالي

## ويمكن التعبير عن عملية خلق الودائع باستخدام الصيغة التَّالية:

$$Y_{t} = \alpha + \beta_{1} X_{t} + \beta_{2} X_{t-1} + u_{t}$$

وباستخدام البيانات المعطاة في الجدول ( ١-١٣ ) يمكن كتابة المعادلة (٢-١٣) في الصيغة التالية:

$$Y_t = \alpha + X_t + 0.8 X_{t-1} + 0.64 X_{t-2} + \dots + u_t$$

## ومن ثم فإن:

(۹–۱۳)...... 
$$0 = \dots + \cdot, \lambda + 1 = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{m} = 0$$
 مضاعف الودائع طویل الأجل  $i = 1$   $i = 1$   $i = 1$ 

ويمكن توضيح طريقة اشتقاق المضاعف طويل الأجل كما يلي:

نفترض أن تأثير المتغير التفسيري يتضائل مع مرور الزمن حتى يقترب من الصفر في فترة زمنية ما . ومن ثم فإن الوزن الذي يجب أن نعطيه لهذا التأثير يتعين أن يتناقص مع مرور الزمن هو الآخر . فإذا حددنا الوزن  $\lambda$  لتأثير المتغير التفسيري ابتداءً من الفترة الثانية حيث صفر  $\lambda < 1$  ، فمن الممكن اشتقاق الأوزان المعطاة لتأثير نفس المتغير في الفترات المتتالية كما يلي في الجدول ( $\lambda = 1$ ) .

جدول (23-2) أمزان تأثير المتغير التفسيري

التأثير مرجح بالوزن (٣)	وزن التأثير (٢)	الفترة (١)
ب (1),ب ب = λ,ب		36 P.O. p.
۰, ۲ = ۲	$oldsymbol{\lambda}$	e e e e e e e e e e e e e e e e e e e
ب, <b>۱</b> ۷ = ب،	and productive edition to By the stock the stock powers	

ويلاحظ هنا أن  $1 > \lambda < 1$   $\lambda < 1$   $\lambda < 1$   $\lambda < 1$   $\lambda < 1$  ...... أي أن الأوزان متناقصة . ومن ثم فإن التأثيرات المرجحة بالأوزان تصبح كما هي موضحة بالعمود ((T)) بالجدول ((T)) ، وذلك مع الأخذ في الاعتبار أن الوزن المعطى لتأثير المتغير التفسيري بالفترة الأولى = (T) ، وأن الأوزان هنا مطلقة وليست نسبية ولذا فإن مجموعها لا يساوى وأحد.

ماذج ذات الفجوات الزمنية	لجزء الثاني: المشاكل القياسية القصل الثالث عشر: تقدير الذ
ويل الأجل (ف) يساوي :	ومن المعادلة (13-4 ) يتضح لنا أن مضاعف الودائع طو
(1:-15)	ف=ب,+ب,+ب+
	وبالتعويض من العمود (٣) بالجدول (١٣–١٢) عن
	المعادلة (١٣-١٠) نحصل على:
(i-11-17)	+, ب <sup>۲</sup> λ+, ب <sup>۲</sup> λ+, ب+, ب=ف
	$(\dots + ^{T} \lambda + ^{T} \lambda + \lambda + 1),  = 0$
	وبالحصول على مجموع الأوزان من العمود ( ٢ ) بالجد
(17-18)	ج= ۱ + λ + λ <sup>†</sup> λ + λ + 1 = ج
the grant the type the grant of the grant	وبضرب المعادلة (١٣-١٣) في لم نحصل على:
(11-11)	$\lambda$ ج = $\lambda$
ل على:	وبطرح المعادلة (13-13 ) من المعادلة (13-17 ) نحم
	3- λ3=1
And the second of the second	1 = ( λ − 1 ) ₹ ∴
1< 1	1
18-1")	λ_1 = ε:
حصل على :	وبالتعويض من (13-12) في المعادلة (12-11-ب) أ
10-17)	ف=ف،ع
	وبالتعويض من (١٣-١٤ ) في (١٣-١٥ ) نحصل على :
And Andrews &	ب, = المضاعف طويل الأجل
G	λ _1
10 mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/mg/m	$M = \frac{\beta_1}{1 - \lambda}$
Fall of the second of the se	1-2

ومن الجدول ( ۱۳ – ۳ ) يتضح لنا أن ب  $_{1}$  = 1 . وبافتراض أن الوزنُ (  $\lambda$  ) الذي يعطى لكل جنيه وديعة أصلية يتحدد على أساس مقدار الوديعة المشتقة التي يمكنه أن يولدها فإن:

λ = ۱ - ق ، حيث: ق = نسبة الاحتياطي النقدي ، ١ - ق = مقدار الوديعة المشتقة من كل جنيه وديعة أصلية بالفترة الثانية .

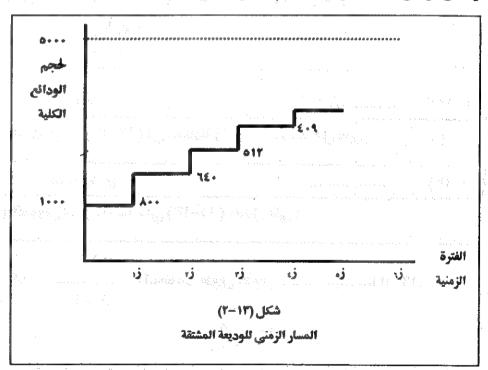
$$\cdot, \lambda = \cdot, Y - 1 = \lambda^{1}$$

وبالتعويض عن قيمة ب  $\lambda = 1$  ،  $\lambda = \lambda$  وبالتعويض عن قيمة ب  $\lambda = 1$  ، نحصل على :

.. الحجم الكلى للودائع = الوديعة الأصلية × المضاعف طويل الأجل

$$\mathbf{0} \cdot \cdot \cdot = \mathbf{x} \cdot \mathbf$$

ويمكن توضيح هذه الفكرة باستخدام الشكل (١٣-٢).



## (3) نموذج التضخم:

$$(1Y-1T)$$
 .......  $_{j}$   $+$   $_{i}$   $+$   $_{t-j}$   $+$   $_$ 

$$(P_t)$$
 ث = الرقم القياسي للأسعار

$$(M_t)$$
 كمية النقود  $=$  كمية النقود

$$(W_i)$$
 ج $_i =$ الرقم القياسي للأجور

ومن الممكن أن نلخص أهم العوامل التي تؤدى لوجود فجوات زمنية في مجال العلاقات الاقتصادية بوجه عام فيما يلي :

(أ) عوامل سيكولوجية: فالفرد كثيراً ما يتعود على نمط من السلوك دون أن يكون على استعداد للتخلي عن هذا السلوك بصورة فجائية لمجرد تغير الأسعار أو الدخول . فلابد أن تمر هناك فترة حتى يتأكد أن هذا التغير الذي حدث هو تغير دائم وليس تغير مؤقت سرعان ما يزول . فإذا تأكد له أن التغير في الأسعار أو الدخول أو غيرها هو تغير دائم فإنه يبدأ في تغيير سلوكه أو عاداته الاستهلاكية بصورة تدريجية عبر فترة زمنية طويلة نسبياً .

(ب) عوامل تكنولوجية: عند حدوث تغيرات في الأسعار النسبية لعوامل الإنتاج كارتفاع الأجور وانخفاض أسعار رأس المال فإنه ليس من المتوقع أن يقوم رجال الأعمال بإحلال فنون إنتاجية كثيفة رأس المال محل الفنون كثيفة العمل بصورة فورية. فقد لا يوجد هناك فنون كثيفة رأس المال جاهزة يمكن إحلالها محل الفنون كثيفة العمل المستخدمة، وقد يحتاج الأمر للانتظار حتى تنجح جهود البحث والتطوير في التوصل إلى الاختراعات والتجديدات المطلوبة. وحتى إذا كانت الفنون

المطلوبة جاهزة فإن إحلالها محل الفنون المستخدمة يستغرق وقتاً طويلاً نُسبياً ، حيث قد يحتاج لإجراء تعديلات في المباني أو إجراء تدريبات بين الكوادر الفِنية والإدارية .

(ج) عوامل قانونية: كثيراً ما يدخل رجال الأعمال في تعاقدات طويلة الأجل نسبياً مع موردين لبعض المواد أو مع مشترين لبعض المنتجات، ومن ثم فإن حدوث تغيرات في الأسعار قد لا تحفزهم على إحداث تغييرات فورية في طلبهم على المواد أو في عرضهم للمنتجات وذلك لارتباطهم بتعاقدات قانونية معينة.

en de la companya de la co

managarang kang at 1975

and the transfer of the state o

## المبحث الثاني

# طرق تقدير النماذج ذات القجوة الزمنية

من الممكن أن نفرق بين نوعين من الطرق :

ا - طرق تقدير النماذج ذات الفجوات الموزعة Distributed - Lag Models

Autoregressive Models طرق تقدير نماذج الانحدار الذاتي

( ١-٢-١٣ ) طرق تقدير النماذج ذات الفجوات الموزعة :

افترض أن لدينا نموذجاً يأخذ الصيغة التالية :

$$Y_{t} = \alpha + \beta_{1} X_{t} + \beta_{2} X_{t-1} + \beta_{3} X_{t-2} + \dots + u_{t}$$

حيث: هن و متغير خارجي (Xi). ومن ثم يصبح من الممكن تقدير معلمات هذا النموذج باستخدام الطرق التالية:

- (١) طريقة المربعات الصغرى العادية (OLS)
  - (٢) طريقة الأوزان التحكمية Arbitrary Weights Method
    - (٣) طريقة ألمون Almon Scheme

## (1) طريقة المربعات الصغرى العادية

من المشاكل التي تواجهنا عند تقدير نموذج مثل النموذج (١٣-١٥) عدم توافر معيار موضوعي لتحديد عدد الفترات الزمنية التي يمتد خلالها تأثير المتغير الخارجي . وللتغلب على هذه المشكلة اقترح كل من آلت Alt وتنبرجن Tinbergen أن نقوم باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير عدد من الصيغ المختلفة التي تختلف في عدد الفترات الزمنية التي تتضمنها وذلك على النحو التالي :

$$(19-17).....(19-17)....(19-17)....(19-17)...$$

ونستمر هكذا في إضافة متغيرات جديدة على أن نتوقف عن إضافة متغيرات ذات فجوة زمنية أبعد عندما تصبح المعلمة المقدرة للمتغير الذي تمت إضافته غير معنوية إحصائياً ، أو عندما تتغير إشارة هذه المعلمة من موجبة إلى سالبة أو العكس .

فإذا كان لدينا بيانات عن الاستهلاك ( حر . ) والدخل (مر . ) عبر فترة زمنية طولها ١٢ سنة ، فمن الممكن استخدامها في تقدير النماذج من (١٣-١٣) .. (١٣-١٢) على النحو الذي يتضح بالجدول (١٣-٣)، حيث يتم استخدام العمودين (١)، (٢) في تقدير المعادلة (١٣-١٩) من خلال ١٢ مشاهدة . كما يتم استخدام الأعمدة (١)، (2) ، (3) في تقدير المعادلة (21-22) من خلال 11 مشاهدة فقط ابتداءً من السنة الثانية ، ويتم استخدام الأعمدة (١) ، (٢) ، (٣) ، (٤) في تقدير المعادلة (٢١-١٢) من خلال 10 مشاهدات فقط ابتداءً من السنة الثالثة .

ومن أهم الانتقادات التي تتعرض لها طريقة المربعات الصغرى العادية في هذا الصدد ما يلي:

- (١) كلما زاد عدد الفترات الزمنية التي يتضمنها النموذج كلما قلت درجات الحرية ، الأمر الذي يقلل من معنوية المعلمات المقدرة ككل .
- (٢) لا يوجد هناك معيار موضوعي يساعدنا في تحديد عدد الفترات الزمنية التي يتعين أن يحتوي عليها النموذج ، ومن ثم فإن الاقتصار على عدد معين يعتبر في كثير من الحالات أمراً تحكمياً.
- (3) نظراً لاستخدام القيم السابقة للمتغير التفسيري الواحد كمتغيرات تفسيرية فإن هذا يؤدي لوجود مشكلة الامتداد الخطي المتعدد والتي يترتب عليها كبر حجم الأخطاء المعيارية وانخفاض معنوية المعلمات المقدرة بدرجة كبيرة .

جدول (۱۳-۲) بيانات الدخل و الاستهلاك عبر فترة 12 سنة

دخل الفترة قبل السابقة	دخل الفترة السابقة	الدخل	الاستهلاك	السنة
( <sub>r-j</sub> v <sup>a</sup> )	( المن <sub>أ-ا</sub> )	(عب ز)	(=V <sub>j</sub> )	ز
(₤)	<u>(r)</u>	(٢)	(1)	14.4.
——————————————————————————————————————	-	1.	٨	1
	garden (serven) i	10	San Till	1 × r
	10	γ.	10	٣
To find the last the second	¥+	ro	7.	٤
y Mary Special	Hadig sa To	<b>6.</b>	70.	a artista e
gradinal programme	<b>8.</b> 48.00 <u>2.41.41.</u> 4	£0	To	٦
The second secon	€0	8.	<b>£</b> 0	٧
€0.		00	٤A	٨
<b>P</b> roperty	<b>00</b>	3.		4 .
00	10.	of.	00	1-
٦.	7.0	<b>Y-</b> :	₹.	11
	• • • <b>∀•</b> . • • •	V" YO V.	39 <b>To</b> 40	17

## (٢) طريقة الأوزان التحكمية

تهدف هذه الطريقة إلى تقليل عدد المعلمات المقدرة من العينة حتى نحافظ على درجات الحرية دون انخفاض بدرجة كبيرة ، مع الأخذ في الاعتبار أثر المتغير التفسيري الممتد عبر فترات زمنية طويلة . ويتم ذلك عن طريق استحداث متغير مركب واحد يمثل المتغير التفسيري ذات الفجوة في جميع الفترات الزمنية مع إعطاء وزناً معيناً بطريقة تحكمية لتأثير كل فترة . فإذا افترضنا أن العلاقة المراد تقديرها تأخذ الصيغة التالية :

$$(YY-1Y) \dots j^{2} + \sum_{j=1}^{n} w_{j} + \sum_{i=1}^{n} w_{i} + \sum_{j=1}^{n} w_{j} + \sum_{j=1$$

فإن طريقة الأوزان التحكمية تستحدث متغيراً مركباً من يكون بمثابة متوسط مرجح للمتغيرات س ، س ، م ، م ، ومن ثم تصبح العلاقة التي يراد تقديرها كما يلي:

$$(Y''-1''').....$$

$$Y_{1} = \alpha + \beta X + u_{1}$$

أما عن كيفية اشتقاق المتغير المركب من المتغيرات ذات الفجوة ، فإن هذا يتوقف على الوزن الذي يعطيه الباحث لكل فترة . ويوجد في هذا الصدد ثلاث احتمالات ممكنة:

أ - إعطاء أوزان متناقصة :

ويفترض هنا أن المتغير التفسيري المعين يضعف تأثيره مع مرور الزمن، ولذلك يتم إعطاء وزن أقل لكل فترة تالية . ومن ثم فإن المتغير المركب من ، يمكن حساب كما ىلى:

$$(Y\xi-1Y) \dots Y_{-j} v_{-j} v_{-$$

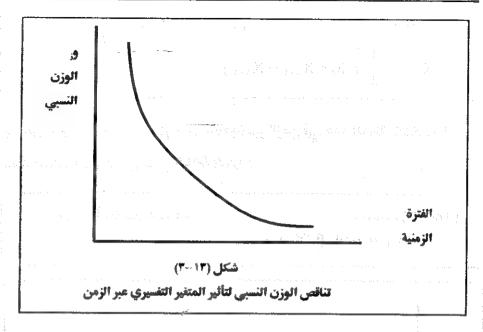
حيث و ، > و - ، وتشير "و . " ( Wi ) إلى الوزن المعطى للمتغير ذات الفجوة بطريقة تحكمية . ومن الأمثلة على ذلك افتراض أن المُعَلَّمُ اللهُ الْعَالَ الْعَالَ الْعَالَ الْ

$$\frac{1}{\lambda} = rg, \quad \frac{1}{\epsilon} = rg, \quad \frac{1}{r} = rg$$

وبالتالي يصبح المتغير المركب كما يلي:

$$(70-17)$$
 ......  $\frac{1}{1}=0$   $\frac{1}{1}=0$   $\frac{1}{1}=0$ 

ويمكن تمثيل تأثير المتغير التفسيري ذات الفجوة عبر الزمن في هذه الحالة بالشكل . ( "-1")



ويمكن استخدام بيانات الجدول ( -10 ) في اشتقاق قيم المتغير م ، عند المشاهدات المختلفة باستخدام الصيغة ( -10 ) ، ثم تقدير العلاقة ( -10 ) باستخدام البيانات المتوفرة عن كل من ح -10 ، عب ، من خلال طريقة المربعات الصغرى العادية . وتمثل المعلمة ب , ( -10 ) في هذه الحالة المضاعف طويل الأجل ، وتصبح العلاقة المقدرة على النحو التالي :

ب - إعطاء أوزان ثابتة :

ويفترض في هذه الحالة أن المتغير التفسيري ذات الفجوة يبقى تأثيره ثابتاً عبر الزمن . ومن الأمثلة على ذلك افتراض أن :

و, = و = و = الله ومن ثم يمكن حساب المتغير المركب عن كما يلي :

الجزء الثاني: المشاكل القياسية الفصل الثالث عشر: تقدير النماذج ذات الفجوات الزمنية

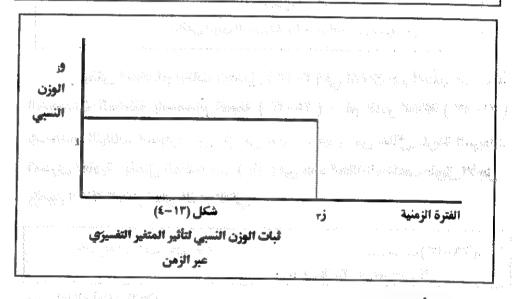
$$(YY-1Y) \dots (YY-1Y) \dots (YY-$$

ويمكن تمثيل المتغير التفسيري ذات الفجوة عبر الزمن في هذه الحالة بالشكل (١٣-٤): وبعد حساب س، يمكن تقدير العلاقة التالية:

$$(YA-1Y)....$$

$$Y_1 = \alpha_2 + \beta_2 X_2 + u_1$$

$$j^2 + \gamma \alpha_1 + \gamma_2 + \gamma_3 + \cdots + \gamma_n + \cdots + \gamma_$$



## **ج - إعطاء أوزان منعكسة :**

ويفترض في هذه الحالة أن المتغير التفسيري ذات الفجوة يتزايد تأثيره في المراحل الأولى ثم يصل لحد أقصى معين ثم يتناقص بعد ذلك أو العكس . ويحدث هذا في مجال العلاقات الاقتصادية خلال الدورات الاقتصادية كدورات الرواج والكساد. ومن الأمثلة على ذلك افتراض أن:

الجزء الثاني : المشاكل القياسية القصل الثالث عشر : تقدير النماذج ذات الفجوات الزمنية

المركبُ بنهم على النحو التالي: ﴿ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهُ عَلَيْ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّ

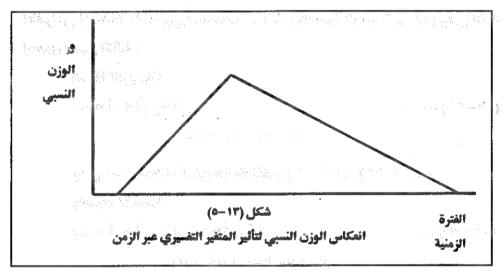
$$(Y_1-Y_1) \xrightarrow{1} X_1 + \frac{1}{2} X_{i-1} + \frac{1}{2} X_{i-2} \xrightarrow{1} Y_1 \xrightarrow{1} Y_2 \xrightarrow{1} Y_3 \xrightarrow{1} = r \circ a$$

$$X_3 = \frac{1}{3} X_1 + \frac{1}{2} X_{i-1} + \frac{1}{2} X_{i-2} \xrightarrow{1} Y_3 \xrightarrow{1} Y_4 \xrightarrow{1} Y_4 \xrightarrow{1} Y_5 \xrightarrow{1$$

وباستخدام البيانات المتعلقة بالمتغير المركب سي ، والمتغير التابع على يمكن تقدير العلاقة التالية باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية:

$$(\Upsilon - 1\Upsilon) \dots \qquad \qquad (\Upsilon - 1\Upsilon) \dots \qquad (\Upsilon - 1$$

ويمكن تمثيل أثر المتغير التفسيري ذات الفجوّة عبر الزمن في حالة الأوزان المنعكسة. من خلال الشكل (13 -0) من من خلال الشكل (17 -0) من حدد المناسسة على المناسسة المناسسة المناسسة المناسسة المناسسة



ويمكن الاختيار بين العلاقات المقدرة الثلاثة ( ١٣-٢٦) ، ( ١٣-٢٨ ) ، ( ٢٠-٣٠ ) ويمكن الاختيار بين العلاقات المقدرة الثلاثة ( ١٣-٢٦ ) ، والأخطاء المعيارية وكذلك المعايير الاقتصادية .

ولكن بلاحظ أن طريقة الأوزان التحكمية هي طريقة لا تعتمد على معايير موضوعية في تحديدها للأوزان المختلفة وإنما تعتمد بدرجة كبيرة على تقدير الباحث .

( ٣ ) طريقة ألمون Almon Scheme

سميت هذه الطريقة باسم مؤلفتها شيرلى ألمون Shirley Almon . وتفترض هذه الطريقة أن تأثير المتغير التفسيري ذات الفجوة يأخذ شكل غير خطى عبر الزمن . ففي علاقة تأخذ الصيغة التالية :

$$(T1-1T)$$
 .............  $j^{2+}_{r_{-j}}$ ,  $j^{2}_{r_{-j}}$ ,  $j^{$ 

 $Y_{+} = \beta + \beta_{0} \stackrel{.}{X}_{t} + \beta_{1} \stackrel{.}{X}_{t-1} + \beta_{2} \stackrel{.}{X}_{t-2} + u_{t}$  نجد أن "ب  $_{c}$  " يشير إلى تأثير المتغير التفسيري ذات الفجوة عبر الزمن ، ومن ثم تفترض طريقة المون أن سلوك ب  $_{c}(\beta_{i})$  عبر الزمن يمكن وصفه بأحد الأشكال الثلاثة  $_{c}(\beta_{i})$  أو  $_{c}(\beta_{i})$  أو  $_{c}(\beta_{i})$  أو  $_{c}(\beta_{i})$  أو  $_{c}(\beta_{i})$  أو ما شابهها ، ومن ثم نجد وفقاً لهذا الافتراض أن هناك علاقة بين المعلمات ب  $_{c}(\beta_{i})$  والفجوة الزمنية "  $_{c}(\beta_{i})$  وهي تأخذ إحدى الصبغ التالية :

الصيِّغة التربيعية :

$$(TY-1T)....$$

$$\beta_{i} = \alpha_{0} + \alpha_{1i} + \alpha_{2i}^{2}$$

وهي تصف العلاقة الموضحة بالشكلين (١٣-٦-أ)، (١٣-٦-ب).

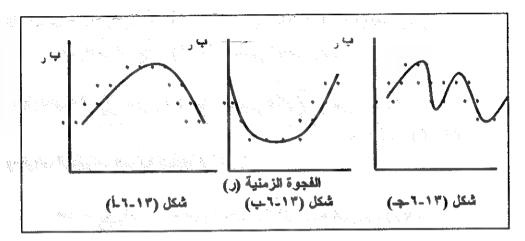
$$\beta_{i} = \alpha_{0} + \alpha_{1i} + \alpha_{2i}^{2} + \alpha_{3i}^{2}$$

$$\beta_{i} = \alpha_{0} + \alpha_{1i} + \alpha_{2i}^{2} + \alpha_{3i}^{2}$$

وهي تصف العلاقة الموضحة بالشكل (١٣-١--).

والصيغة العامة :

$$\beta_i = \alpha_0 + \alpha_{1i} + \alpha_{2i}^2 + \alpha_{3i}^2 + \dots + \alpha_{mi}^m$$



حيث تشير " م " (m) لدرجة العلاقة بين ب (βi) و الفجوة الزمنية ر (i) . ويلاحظ i " والفجوة الزمنية " ( m ) التي تمثل درجة العلاقة بين ب (  $(\beta_i)$  والفجوة الزمنية " و " و القوة " و القوة " و " و الق يتعين أن تكون أقل من أقصى قيمة لـ ر ( i ) التي تمثل متغير الفجوة الزمنية . وبافتراض أن عدد الفجوات الزمنية بالنموذج (ت) (K) =  $\pi$  ، وأن درجة العلاقة بين ب ر ، ر ( β ) ( i ) التي نرمز لها ( م ) ( m ) = ۲ ، فإن المعادلة التي يراد تقديرها تأخذ ه الصيغة التالية:

 $Y_{t} = \beta + \beta_{0} X_{t} + \beta_{1} X_{t-1} + \beta_{2} X_{t-2} + \beta_{3} X_{t-3} + u_{t}$ كما أن تأثير المتغير التفسيري عبر الزمن يمكن وصفه بالمعادلة (١٣-٣١). ويلاحظ في هذا الصدر أنه من الممكن كتابة المعادلة (١٣-٣٥) على النحو التالي :

 $w_i = v + \sum_{j=1}^{n} v_j w_{i-j} + v_j$ 

$$Y_{t} = \beta + \sum_{i=0}^{K} \beta_{i} X_{t-i} + u_{t}$$

وبالتعويض عن ب رمن المعادلة ( ١٣ - ٣٢ ) في المعادلة ( ١٣ - ٣٦ ) نحصل على :

$$w_{i} = \psi + 1$$
,  $\sum_{i=1}^{\infty} w_{i-i} + 1$ ,  $\sum_{i=1}^{\infty} e^{iw_{i-i}} + 1$ ,  $\sum_{i=1}^{\infty} e^{iw_{i-i}} + 1$ 

وبتعريف المتغيرات المركبة السابقة كما يلي:

$$(X_0) = \sum_{r=1}^{n} w_{i-r} + w_{i-1} + w_{i-1} + w_{i-1} = 0$$

$$(X_1) = \sum_{r=1}^{r} c_r x_r + r_{-1} c_r x_{r-1} + r_{-1} c_r x_{r-1} = r_{-1} c_r x_{r-1}$$

$$(X_2) = \sum_{r=j}^{r} q^r q_{r-j} + 3 a_{i-j} q^a q_{r-j} + 3 a_{i-j} q^a q_{r-j}$$

يمكن إعادة صياغة المعادلة (13-24 ) عَلَى النَّحُو التَّالِّيّ: `

$$(79-17)$$
......  $_{j}=++, \infty, 1+, \infty, 1+, \infty, 1+, \infty$ 

$$Y_t = \beta + \alpha_0 \ X_0 + \alpha_1 \ X_1 + \alpha_2 \ X_2 + u_t$$
وبتقدير المعادلة ( ۲۲-۱۳ ) نحصل على المعلمات : ب ، أ , ، أ , . ولكن يتعين

مراعاة أن هذه المعلمات المقدرة ليست هي معلمات المعادلة الأصلية (١٣-٣٥). غير أنه من الممكن الوصول لمعلمات المعادلة الأصلية باستخدام الصيغة (١٣-٣٢) كما

يلي:

$$\hat{\beta}_{0} = \hat{\alpha}_{0}$$

$$\hat{\beta}_{1} = \hat{\alpha}_{0} + \hat{\alpha}_{1} + \hat{\alpha}_{2}$$

$$\hat{\beta}_{1} = \hat{\alpha}_{0} + \hat{\alpha}_{1} + \hat{\alpha}_{2}$$

$$\hat{\beta}_{2} = \hat{\alpha}_{0} + 2\hat{\alpha}_{1} + 4\hat{\alpha}_{2}$$

$$\hat{\beta}_{3} = \hat{\alpha}_{0} + 3\hat{\alpha}_{1} + 9\hat{\alpha}_{2}$$

ويلاحظ عموماً على طريقة ألمون ما يلي:

- (۱) أنها خفضت عدد المعلمات المراد تقديرها من خمسة معلمات بالمعادلة الأصلية (۱۳ –۳۹) وهي (۱۳ –۳۹) وهي ب، أ.، أ،، أ،، أ،، أ،، أ،، أ،، ومن ثم فإنها قللت العمليات الحسابية وعملت على الحد من تقليل درجات الحرية.

#### حدول (١٣-٤)

## الأوزان المختلفة للمتغير التفسيري ذو الفجوة في طريقة ألمون

	<del></del>			
7-j V <sup>AL</sup>	۳-j به	1-j V <sup>A</sup>	, va	المتغير الأصلي
p in 1 - in 1				المتغير المركب
1	1			. 👊
٣	۲	1	٠	, va
· · · · <sup>*</sup> (٣)· · · ·	. · · · · <sup>۲</sup> (۲)	1		y ()44
) find each	Ad Neplana.		St. W. G. B.	•
٥(٣)	٥(٢)	el <sub>es</sub> es en e	Security of	هري ن

- (1) حتى يمكن استخدام طريقة ألمون لابد من تحديد عدد الفجوات الزمنية ر (1) ودرجة العلاقة م (m) بطريقة تحكمية ترجع لتقدير الباحث. وهذه من أهم الانتقادات التي توجه لهذه الطريقة .
- ( ٥ ) يمكن أن نختار بين درجات العلاقة المختلفة م = ٢ أو م = ٣ على أساس معايير الحصائية . فإذا افترضنا أن م = ٣ ، فإن الدالة المراد تقديرها تصبح :

ص : = ب + أ. من . + أ ، من . + أ . من . + أ . من . + أ . منوية إحصائياً فإننا نختار الحالة التي نفترض فيها أن م = ٢ .

(٦) يوجد هناك فرصة كبيرة لوجود مشكلة الامتداد الخطى المتعدد في حالة استخدام طريقة ألمون ، وذلك لأن المتغيرات المركبة على ، على ، تم اشتقاقها من نفس مجموعة المتغيرات الأصلية على ، على ردي على ردي على ردي .

ويترتب على هذه المشكلة وجود بعض المعلمات المقدرة غير المعنوية إحصائياً. وإن كان يتعين مراعاة أنه في بعض الحالات قد تكون المعلمات المقدرة للمتغيرات المركبة س ، ، س ، ، عير معنوية إحصائياً دون أن يعنى ذلك بالضرورة أن المعلمات المقدرة للمتغيرات الأصلية غير معنوية إحصائياً .

ويمكن توضيح كيفية اشتقاق المتغيرات المركبة من المثال ( ١-١٣ ) الموضح بالجدول (١٣ -٥).

مثال (۱۳ – ۱) كيفية اشتقاق المتغيرات المركبة

افترض أن حب تشير إلى المخزون من منتج معين لدى قطاع صناعي معين ، وأن عب تشير إلى حجم المبيعات وكليهما يقاس بقيمته (مليون دولار).

(0-17), lous

(* ) 63-5.								
1.14		†1,		Tes.		المبيعات	المخزون	السنة
(A)	(Y)	(٢)	(0)	(٤)	(٣)	(۲)	(1)	
y (A	1 00	. س	N-3 CA	هي ز⊷γ	l-j V <sup>a</sup>	رهن ز	j vm	
-	-	-	-	-	-	1.	۲	1
and a special		_	-	-	1.	17	٣	۲
_	_		_ "	1.0	- 17	18	ه ا	٣
107	7.4	61	1+-	18	16	10	٥	٤
179	74	٥٧	14	18	10	17	٤	٥
Y-Y	AA	17	18	10	17	<sup>5</sup> 1Å	4	٦
TIY	10.	ં. પૂર્વ	C 10 3.4	. 43	1A	. Yes	200	. <b>Y</b>
ं १४५	1.87	. Y4.	. 13	, 1A ,	Y.	- TO	<b>Y</b>	50 A
Y3Y.	114	AA	1.4	7.	70	70		9
7.0	170	1	۲٠.	70	70	<b>F</b> •	4	1.
700	100	117	70	70	7.	TT	1.	11
TYY	177	177	70	۳۰	77	70	10	17

وباستخدام النسق (١٣-٣٨) يمكن اشتقاق المتغيرات المركبة الموضحة بالأعمدة (٦) ، (٧) ، (٨) . ومن ثم يمكن تقدير المعادلة ( ١٣-٣٩-) باستخدام الأعمدة (١)، (٦)، (٦)، (٨) من خلال ٩ مشاهدات فقط بالجدول (١٣-٥).

( ٢-٢-١٣ ) طرق تقدير نماذج الاتحدار الذاتي Autoregrssive

لعله من المفيد أن نركز في هذا القسم على نقطتين أساسيتين ، أولهما أنواع نماذج الانحدار الذاتي ، وثانيهما طرق تقدير هذه الأنواع من النماذج .

أولاً - أنواع نماذج الأنحدار الداتي.

يمكن التفرقة بين ثلاثة أنواع من نماذج الانحدار الذاتي :

Koyck's Scheme (أ) نموذج كويك

Adaptive Expectation (ب) نموذج التوقعات المتوافقة

Partial Adjustment Model (ج) نموذج التعديل الجزئي

(أ) نموذج كويك Koyck's Scheme

افترض أن النموذج الأصلى المراد تقديره هو نموذج ذو عدد لأنهائي من الفجوات الموزعة ويأخذ الصيغة التالية :

 $Y_{t} = \alpha + \beta_{0} X_{t} + \beta_{1} X_{t-1} + \beta_{2} X_{t-2} + \dots + u_{t}$ ولتقدير هذا النموذج افترض كويك أن معلمات النموذج كلها ذات إشارة واحدة ، وأن تأثير المتغير التفسيري ذو الفجوة يتناقص عبر الزمن . أي أن القيم المطلقة للمعلمات تتناقص عبر الزمن بحيث تكون أكبر في السنوات الأحدث وأقل في السنوات الأبعد . ومن ثم فإن ب ا > ب ، > ب ، > ب عدد الله الفجوات الزمنية. ولقد لخص كويك هذا بافتراضه أن السلوك الزمني للمعلمات يمكن وصفه من خلال المعادلة التالية:

(EY-17) .....

ب = ب.م<sup>د</sup>

$$\beta_i = \beta_0 \lambda^i$$

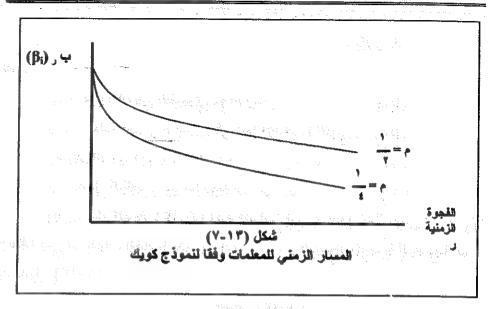
- $(\beta_i)$ ب = معلمة المتغير التفسيري ذو الفجوة ر
- $(\beta_0)$  (الأولى) معلمة المتغير التفسيري في سنة الأساس (الأولى)
- (i) ر = رقم الفجوة الزمنية ( ١٠٠ ، ٣ ، ٣ ، ......
- م = معدل التناقص ، مع ملاحظة أن صفر < م < ١ (\(\lambda\)

وباستخدام الصيغة (١٣-٤٢) مع افتراض قيم مختلفة لـ "م" يمكن أن توضح العلاقة بين المعلمات الخاصة بالمتغير التفسيري عبر الفجوات الزمنية المختلفة كما بالحدول (١٣ -٦).

جدول (٦-١٣) قيم المعلمات عند مستويات مختلفة لمعدل التناقص م

The second secon		Fam.	
قيمة المعلمة بافتراض م( λ ) = ½	قيمة التعلمة بافتراض م ( x )=½	Totall	الفجوة
ب - ب. (ب) - ب ب - ب - ب. (۲) - ب ب - ب - ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب	ب ،= ب. (ب ) بهب. ب ،= ب. (ب ) ب ب ب ،= ب. (ب ) ب ب ب ب ،= ب. ( ر ) ب ب ب ب	$\beta_0$	ngay ag (A)
Bedger and the second			•

و والاحظ من الجدول ( ٦٣-١٣ ) أن قيمة المعلمات تتناقص عبر الزمن كلما بعدت الفجوات الزمنية عن سنة الأساس . ويمكن وصف سلوك المعلمات عبر الفجوات الزمنية المختلفة باستخدام الشكل (٢-١٣).



ويمكن توضيح المضاعف طويل الأجل كما سبق في المعادلة (١٣–١٦) كما يلي :  $\frac{1}{1-\alpha} = \frac{1}{1-\alpha}$  المضاعف طويل الأجل = ف =  $\frac{1}{1-\alpha}$  ب  $= \Sigma \beta_i = \beta_0 (\frac{1}{1-\alpha})$ 

وبالتعويض عن قيم المعلمات المختلفة من الجدول ( ١٣-١ ) في المعادلة

الأصلية (13-13) نحصل على:

وبالحصول على نفس المعادلة السابقة للفترة " ز-1":

وبضرب المعادلة (١٣-٤٤) في م نحصل على :

$$+ \dots + r_{-j} \sim (-q^{7} - q^{7} + (-q^{7} - q^{7} + q$$

وبطرح المعادلة (13-50) من المعادلة (13-23) تحصل علي:

$$(\frac{1}{1-j} \cdot \alpha - \frac{1}{j} \cdot (-1) + \cdots \cdot \alpha \cdot (-1) + \cdots \cdot (-1) = \frac{1}{1-j} \cdot \alpha \cdot (-1) + \cdots \cdot (-1) = \frac{1}{1-j} \cdot \alpha \cdot (-1) = \frac{1}{1-j} \cdot (-1) = \frac{1}$$

$$(\xi \chi - 1) + (\xi \chi - 1) + (\xi$$

$$(\xi Y - 1Y)$$
.....  $(W_t = u_t - \lambda u_{t-1})$ 

وتسمى المعادلة ( ١٣- ٤٦) تحويل كويك Koyock's Transformation وهي المعادلة المراد تقديرها الآن بدلاً من المعادلة الأصلية ( ١٣-٤١ ) . ويلاحظ على تحويل كويك ما يلي ۽

( 1 ) أنه خفض عدد المعلمات المراد تقديرها من عدد لانهائي بالمعادلة ( 13-13 ) إلى عدد محدود في المعادلة ( ١٣-٤٦ ) ، حيث يتعين تقدير المعلمات أ ، ب.، م فقط بدلا من أ ، ب ، ب ، ، ب ، ، ..... بدلا من أ ، ب ، ب

(2) إذا قدرنا النموذج المصاغ في المعادلة (22-23) على النحو التالي : ﴿ 185 مِنْ مِنْ مِنْ وَالْ

حيث  $\dot{p} = \dot{1} (1 - \dot{\alpha})$   $\rightarrow$   $\beta \neq a (1 - \lambda)$  حيث  $\dot{p} = \dot{1} (1 - \dot{\alpha})$  حيث  $\dot{p} = \dot{1} (1 - \dot{\alpha})$ معلمات النموذج الأصلى (١٣-٤١) ، فيتقدير ب ، ب . ، م ، يمكَّن التوصَّلُ إلى:

$$eta$$
 .  $eta$  .

(٣) يلاحظ أن النموذج الأصلي (١٣–٤١) كان نمود $^{\lambda-1}$  فجوة موزعة يحتوى فقط على متغيرات خارجية ذات فجوة ، غير أن طريقة كويك قد حولت هذا النموذج إلى نموذج انحدار ذاتي به متغير ثابع ذو قحوة ( ص 🚅 ) كمتغير تفسيري . ومن ثم فإن طريقة كويك تكون قد خففت مشكلة الامتداد الخطي المتعدد وذلك بإحلالها متغير

واحد هو ص ولم محل عدد من المتغيرات التفسيرية عن ولم عن معلى عدد من المتغيرات التفسيرية عن ولم عن ولم المتعادد المتعادد

(3) ولكن من ناحية أخرى يلاحظ أن ظهور المتغير  $ص_{i-1}$  كمتغير تفسيري بالمعادلة (17–17) المراد تقديرها يترتب عليه حدوث مشاكل عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في التقدير . فالمتغير  $\omega_{i-1}$  مرتبط مع الحد العشوائي و  $\omega_{i-1}$  مرتبط مع  $\omega_{i-1}$  مرتبط مع  $\omega_{i-1}$  مرتبط مع  $\omega_{i-1}$  مرتبط مع  $\omega_{i-1}$  كما بالمعادلة (17–23) ، هذا في حين أن  $\omega_{i-1}$  أحد مكونات " و  $\omega_{i-1}$  كما يتضح من المعادلة (18–24) . ومن ثم فإن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير المعادلة (18–25) يترتب عليه الحصول على تقديرات تتسم بالتحيز وعدم الانساق .

(٥) يترتب على تحويل كويك ظهور مشكلة الارتباط الداتي وهذا يتضح من المعادلة (٣١-٤٧) التي تشير لارتباط قيم الحد العشوائي عبر الزمن . هذا بالرغم من أن هذه المشكلة قد لا تكون موجودة أصلاً في النموذج الأصلي (١٣-٤١). ونتيجة لوجود تلك المشكلة فإن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في التقدير تؤدى للحصول على تقديرات متحيزة تتصف بعدم الاتساق .

وعلى العكس من ذلك إذا كان النموذج الأصلي بالمعادلة (١٣-٤١) يعاني من وجود مشكلة ارتباط ذاتي ممثلة في :

كوچم€ريد +قرر ايد ميد دره يودون دره يو تا يواندون (۱۳ – ٤٩ )

فإن استخدام تحويل كويك يترتب عليه اختفاء هذه المشكلة . ويتضح هذا من التعويض من المعادلة (١٣-٤٩) في المعادلة (١٣-٤٧) عن 2 وفنحصل على :

ور = م ارد - م ارد + قر ، أي أن: ور = قر

نخلص مما سبق بأن طريقة المربعات الصغرى العادية لا تصلح لتقدير تحويل كويك ، ولا بد من البحث عن طريقة أخرى للتقدير . وسوف نتعرض لبعض هذه الطرق في القسم الثاني من هذا الجزء . ب - نموذج التوقعات المتوافقة Adaptive expectations

يرجع الفضل في هذا النموذج إلى كاجان P.Cagan ، وهو يستخدم في الحالات التي تعتمد فيها القيمة الحالية للمتغير التابع على القيمة المتوقعة Expected level أو المستوى الدائم Permanent level للمتغير التفسيري . ويمكن كتابة الصيغة العامة لهذا النموذج على النحو التالي

 $Y_t = \alpha + \beta_1 X_t^* + u_t$ 

 $(X_1)$  القيمة المتوقعة للمتغير التفسيري  $\bullet$ 

 القيمة الحالية للمتغير التابع  $(Y_1)$ 

ومن أهم الأمثلة الاقتصادية التي تنطبق عليها خصائص نموذج التوقعات المتوافقة ما

(١١٠) ذالة الطلب في فترات التضخم السريع حيث تكون الكمية المطلوبة في الفترة الحالية حي ردالة في السعر المتوقع حي\* إخاصة إذا كانت السلعة قابلة للتخزين . ( ٢ ) دالة استهلاك فريدمان التي تأخذ الصيغة

حيث بكون الاستهلال في المرة الحالية خُنْ وَاللَّهُ فِي الدَّخُلُ الدَّائِمُ مَنْ وليس الدجل المؤقت ـ

(٣) دالة الطلب النقدي حيث تكون حب ﴿ هي الكمية المطلوبة من النقود ، عن\* ﴿ هُو سعر الفائدة المتوقع .

ولكن لما كان من الصعب مشاهدة القيم المتوقعة عن \* . فإننا نعتمد على القيم الماصية في تكوينها . ولذا فإننا نفترض أن :

$$(01-17)$$
 ......  $X^*_{i}=\lambda X_{i}+(1-\lambda)X^*_{i-1}$ 

أي أن س \* القيمة المتوقعة للمتغير م المتوسط مرجح للقيمة الفعلية بالفترة الحالية س و والقيمة المتوقعة بالفترة السابقة محيث صفر < n < 1 ( $\lambda$ ) وتسمى معامل التوقع . فإذا كانت n = 1 فإن هذا يعنى أن من  $*_i = n$  وأن التوقعات تحقق دون وجود أي انحراف . وإذا كانت n = 0 مغر ، فإن من  $*_i = n$  أي أن التوقعات تكون ثابتة ولا تتغير من فترة لفترة أخرى .

ومن المعادلة (١٣-١٥) يتضح لنا أن :

أي أن:

$$(27-17)....(1-17) + (1-17) +$$

ولعل هذا يعني أن القيمة المتوقعة للمتغير عن إنساوى القيمة المتوقعة بالفترة السابقة عن أن القيمة المتوقعة عن أن القيمة المتوقعة عن أن القيمة المتوقعة عن أن الفترة السابقة والقيمة الفعلية ، وبالتعويض عن عن المعادلة (١٣-٥١) في المعادلة (١٣-٥١) في المعادلة (١٣-٥١) نحصل على:

$$(a7-17)...$$
  $(4-1)$   $(a-1)$   $(a-1)$   $(a-1)$   $(a-1)$   $(a-1)$ 

وبالحصول على الصيغة الخاصة بالفترة السابقة من المعادلة ( ١٣-٥٠ ) وضربها

في (۱-م)نحصل على:

$$_{1-1} = (n-1) + _{1-1} + (n-1) + _{1-1} + (n-1) + _{1-1} + (n-1)$$

وبطرح هذه الصيغة من المعادلة (١٣-٥٣ ) تحصل على :

(۵۰–۱۳).  $W_t = u_t - (1 - \lambda)u_t - 1$  میث و = 3 (۵–۱۳).  $W_t = u_t - (1 - \lambda)u_t - 1$ وبمقارنة المعادلتين (١٣ –٥٤ ) ، (١٣ –٥٥ ) بالمعادلتين (١٣ –٤٦ ) ، (١٣ –٤٧ ) تحد أن نموذج التوقعات المتوافقة متماثل مع نموذج كويك ويعاني من نفس المشاكل التي يعاني منها . ومن ثم لا يمكن في هذه الحالة أن نستخدم طريقة المربعات الصغري العادية في التقدير . وعموماً إذا تمت صياغة المعادلة (١٣٠-٥٤ ) في الصورة العامة التالية:

فإنه بتقدير المعادلة ( ١٣ -٥٦ ) باستخدام بيانات عن حب . عن ، حرَّ . يَمْكُنْ تَقْدَيْرُ معلمات المعادلة الأصلية (13-00) من خلالها . حيث : ١٥٠ ما الأصلية (14-00)

$$(\lambda = 1 - d)$$
 ق $-1 = 0$  ق $-1 = 0$ 

وبهده الطريقة يمكن التوصل لمعلمات المعادلة الأصلية (١٣-٥٠) بتقدير المعادلة (١٣ -٥٦).

(ح) نموذج التعديل الجزئي: Partial Adjustment Model

يرجع الفضل في هذا السموذج إلى بيرلوف M. Nerlove ، وهو يأخذ الصيغة ﴿ التالية:

 $(Y^*_t)$  = | المستوى المرغوب للمتغير التابع  $\Rightarrow$   $\Rightarrow$   $\Rightarrow$ 

 $(X_t)$ ا مستوى الفعلي للمتغير التفسيري المستوى الفعلي المتغير التفسيري

ومن الأمثلة الاقتصادية على ذلك دالة مخزون أو رصيد رأس المال. فرصيد رأس المال المالية المادي المرغوب من قبل صاحب مشروع ما هو الرصيد الذي يلزم لإتمام العملية الإنتاجية بدون قصور في الطاقة الإنتاجية أو بدون فائص فيها (  $-\infty$ \*  $_{i}$  ). وهو يتحدد بالمستوى الفعلي لحجم الإنتاج (  $\infty$   $_{i}$  ). ولكن المتغير  $-\infty$  $_{i}$  لا يمكن مشاهدته في الواقع حتى يمكن تقدير المعادلة (  $-\infty$ 0 ) من خلاله . وهنا افترض نيرلوف عدد من الافتراضات بشأن المستوى المرغوب لرصيد رأس المال :

- ( ۱ ) أن المستوى الفعلي لرصيد رأس المال ( حب <sub>ز</sub> ) عادة ما يكون أقل من المستوى المرغوب ( حب\* ز ) .
- (٢) أن التغير الفعلي في رصيد رأس المال ( الاستثمار الصافي الفعلي) و الذي يقاس بالفرق ( حب ر - حب ر - ر ) عادة ما يكون أقل من التغير المرغوب ( حب\* ر - حب ر - ر ) في أي فترة وذلك لوجود قيود تكنولوجية وقيود مالية وقيود إدارية تحول دون تساوى الإثنين . ومن ثم فإن هذا الافتراض يعنى أن :

$$\lambda = \frac{Y_t - Y_{t-1}}{Y_t^* - Y_{t-1}} \qquad ( \bullet \lambda - 1 \forall ) \qquad \dots \qquad \lambda = \frac{1 - 3 \checkmark -$$

**حيث صفر < ١ > ١** 

ويسمى " λ " معامل التعديل Adjustment Coefficient ويلاحظ من المعادلة ( ۱۳ -۵۸ ) أن :

$$(09-11^n)$$
 ......  $(1-10^n)^{k}$   $= (1-10^n)^{k}$   $= ($ 

وذلك بعد إضافة الحد العشوائي " ق ر " . وتشير المعادلة ( ١٣-٥٩ ) إلى أن التغير الفعلى في رصيد رأس المال ( الاستثمار الصافي المحقق ) في فترة ما يمثل نسبة مساوية λ من التغير المرغوب ( الاستثمار الصافي المرغوب ) .

وبإحلال المتادلة (١٣-٥٧) في المتادلة (١٣-٥٩) نحصل على:

$$_{i}$$
 =  $_{i-1}$  =  $_{i-1}$  =  $_{i-1}$   $_{i}$  =  $_{i-1}$   $_{i-1}$   $_{i-1}$   $_{i-1}$ 

$$(1.-17)$$
..... $(\lambda-1)+_{j}$   $(\lambda$ 

$$(21-17)$$
 .....  $W_t = u_t + V_t$ 

وبتقدير المعادلة ( ١٣-٢٠ ) يمكن الحصول على المعلمات الخاصة بالمعادلة الأصلية (١٣-١٣) . وبمقارنة المعادلة (٦٠-١٣) بالمعادلة (١٣-١٤٥) نجد أن نموذج التعديل الجزئي يتماثل في صيغته مع نموذج التوقعات المتوافقة ، غير أن هناك وجهين

- (أ) أن النظرية الاقتصادية التي يعبر عنها نموذج التوقعات المتوافقة تختلف عن النظرية الاقتصادية التي يعبر عنها نموذج التعديل الجزئي.
- (ب) أن المعادلة (١٣ -٥٥) بنموذج التوقعات المتوافقة تشير إلى وجود مشكلة ارتباط ذاتي بين قيم الحد العشوائي عبر الفترات الزمنية المتتالية ، هذا في حين أن المعادلة ( ١٣-١٣ ) بنموذج التعديل الجزئي لا تشير إلى وجود مثل هذه المشكلة . فالحد العشوائي و رهو مجموع حدين هما > ر ، ق روهذا ليس فيه ما يتضمن ارتباط بين قيم " ع : " أو " ق : " عبر الفترات المتتالية . وبالطبع إذا ثبت وجود مشكلة ارتباط ذاتي فإن طريقة المربعات الصغرى العادية لا تصلح لتقدير نموذج التعديل الجزئي . أما إذا لم يثبت ذلك فإن طريقة المربعات الصغرى العادية تصبح ملائمة لتقدير نموذج التعديل الجزئي.

[編章] 医维克利 医性黄色医维生物病

ويستخدم نموذج التعديل الجزئي في تقدير نماذج اقتصادية أخرى مثل دالة الطلب في حالة السلع التي يؤدي استهلاكها لنوع من التعود كالتبغ أو دالة الطلب في حالة السلم المعمرة . وتأخذ دالة الطلب في هذه الحالة الصيغة التألية :

ط = الكمية المطلوبة من السلعة خلال الفترة " ر "

ل. = الدخل خلال الفترة " ر ".

ط . . = الكمية المستهلكة من السلعة خلال الفترة السابقة " ر . ١ "

ث , = سعر السلعة خلال الفترة " ر ".

 $\mathbf{A}_{ij} = \mathbf{A}_{ij} \mathbf{$ 

ويلاحظ أن ب، تكون موجبة في حاله الطلب على السلع غير المعمرة كالتبغ نظرآ لأن استهلاك الفترة الحالية منها يتأثر إيجابيا باستهلاك الفترة السابقة منها عفيرأت ب . تكون سالية في حالة الطلب على السلم المعمرة حيث كلما رادت الكمية المشتراة ميها في الفترة السابقة كلما قلت الكمية المطلوبة ميها في الفترة الحالية ...... و مناوع المناوع المناوع

كما يستخدم أيضاً في تقدير بموذج الطلب النقدي الذي يأخذ الصيغة التالية : :: (75-15)

 $Y^* = AX^0 X^0 e^{i\theta}$ 

 "= الكمية المرغوب الاحتفاظ بها من النقود ( الكمية المطلوبة في Contract (Y\*) رية مطارية مع **الأحل الطويل) :** الم

> (X 11) ∞ من ر=سعر الفائدة

 $(X_{2i})$ س , و = الدخل القومي الحقيقي

ولتقدير الصيغة ( ١٣ -٦٣ ) يتعين تحويلها لصيغة لوغاريتمية على النحو التالي :

(78–17)..... لو من"; = لو أ + ب، لو عن ، ر + ب ، لو عن ، ر + > .

 $\ln Y_{i}^{*} = \ln A + \beta_{1} \ln X_{1i} + \beta_{2} \ln X_{2i} + u_{i}$ 

وطالما أن حب ﴿ لا يمكن مشاهدتها في الواقع فإننا نفترض العلاقة التالية بشأنها :

$$(70-17) \qquad \lambda \left(\frac{1}{1-10^{-1}}\right) = \frac{1}{1-10^{-1}}$$

$$\frac{Y_t}{Y_{t-1}} = \left(\frac{Y_t^*}{Y_{t-1}^*}\right)^{\lambda}$$

حيث حب = الكمية المطلوبة فعلاً من النقود ،  $\lambda$  = معامل التعديل ، وبالحصول على لوغاريتم (١٣ – ٦٥) نجد أن :

(11-17).....(17) (1-17)

وبالتعويض من المعادلة (١٣ –٦٤ ) في المعادلة (١٣ –٦٦ ) عن لو س\*ر نحصل على :

الوحى – لوحى –  $\lambda = \lambda$  لوأ +  $\lambda$  ب، لوعى  $\lambda + \lambda$  ب، لوعى +  $\lambda = \lambda$  لوحى –  $\lambda$ 

لوحى ر $= \lambda$  لوأ +  $\lambda$  ب ، لوحى  $_{i_1}$  +  $\lambda$  ب ، لوحى  $_{i_2}$  +  $(\lambda - 1)$  لوحى ر $_{i_1}$  ،  $\lambda$  +  $\lambda$ 

ويمكن صياغة (١٣-٦٧) على النحو التالي:

لوحى ز=أ"+ب، "لوهى <sub>از</sub>+ب، "لوهى <sub>از</sub>+ق لوحى <sub>ز-</sub>، +وز

 $(7\lambda - 17)....$   $\ln Y_i = \alpha^* + \beta_1^* \ln X_{1i} + \beta_2^* \ln X_{2i} + K \ln Y_{t-1} + W_t$ 

حيث:

 $(\lambda-1)=$ ق ( $\lambda-1$ ب ب $\lambda=+$ ب ب ب $\lambda=+$ ب ب في  $\lambda=1$  و المحادث  $\alpha^*=\lambda\ln A$  ,  $\beta_1^*=\lambda\,\beta_1$  ,  $\beta_2^*=\lambda\,\beta_2$  ,  $K=(1-\lambda)$  وبتقدير المعادلة ( $\lambda-1$ ) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية يمكن تحديد معلمات المعادلة الأصلية ( $\lambda-1$ ) على النحو التالي:

$$(\lambda = 1 - K)$$
  $\ddot{b} - 1 = \lambda$ 

لوا = ا + + , ب = , ب ، λ ÷ + , ب = , ب ، λ ÷ = اوا

 $\ln A = \alpha / \lambda$ ,  $\beta_1 = \beta_1 * / \lambda$ ,  $\beta_2 = \beta_2 * / \lambda$ 

## ثانياً - طرق تقدير نماذج الانحدار الذاتي:

يأخذ نموذج الانجدار الذاتي الصيغة التالية : ﴿مَعِنْدُهُ رَبُّونَا لَا أَنْهُمُ وَالْعُلَامُ لِلسَّا

$$(79-17)$$
  $(79-17)$   $(79$ 

ومن المشاكل القياسية التي توجد في هذه الحالة ارتباط المتغير حب والحد العشوائي و ، وكذلك وجود مشكلة الارتباط الدائي التي تتمثل في وحود ارتباط بين قيم الحد العشوائي في الفترات الزمنية المتتالية خاصة في حالتي بموذج كويك ونموذج التوقعات المتوافقة ـ ويترتب على استخدام طريقة المربعات الصعرى العادية في التقدير في ظل وجود هذه المشاكل الحصول على تقديراك متحيرة وعير متسقة وربما غير كفء - ومن أبرز الطرق التي تستخدم في التقدير في هذه الحالة .

1 - طريقة المتغيرات الوسيطة The Instrumental Variable Method

The General Least Squares - طريقة المربعات الصغرى العامة - ٢

#### ١ - طريقة المتغيرات الوسيطة:

وتسعى هذه الطريقة لاستخدام متغير وسيط بدلاً من حب كمنعير تفسيري يتميز بكونه مرتبطاً ارتباطاً قوياً مع حب رب وغير مرتبط مع الحد العشوائي و ويمكن الحصول على هذا المتغير الوسيط كما يلي :

(أ) نقوم بتقدير الصيغة التالية باستخدام طريقة السربعات الصغرى العادية .

intell (Algery

A等有产用 1、145百年。

وذلك بافتراض أن أثر المتغير التفسيري يمتد عبر فجوتين رمنيتين ( ويمكن أن تكون فجوة واحدة ) . ويلاحظ أن الانحدار مقدر هنا بالنسبة للمتغيرات التفسيرية ذات الفجوة وليس بالنسبة للمتغير من  $(\hat{Y}_i)$  ومن المعادلة  $(\hat{Y}_i)$  يمكن أن نحصل على المتغير  $(\hat{Y}_i)$  حيث :

 $( \ \ \ \ )$  نقوم بتحديد قيم المتغير  $\hat{\ \ \ }$   $_{i-1}$  من القيم التي حصلنا عليها من المعادلة  $( \ \ \ \ \ )$  عند المستويات المختلفة للمتغيرات التفسيرية .

(ح) ثم نقوم بتقدير الصيغة التالية باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية:

حيث نكون بذلك قد استخدمنا ش رور كمتغير وسيط بدلاً من ص رور لعدم ارتباطه مع

ولكن يلاحظ على هذه الطريقة أنها وإن كانت تقضي على مشكلة الارتباط بين حس زير، و ر، كما أن تقديراتها تكون متسقة في العينات الكبيرة، إلا أن استخدامها في حالة العينات الصغيرة يؤدي للحصول على تقديرات متحيزة ، بالإضافة إلى أنها لا تؤدى للتخلص من مشكلة الارتباط الذاتي .

٢ - طريقة المربعات الصغري العامة ( GLS ) : عبدة إلى المقادة والمعادة المربعات الصغري العامة ( المالية المربعات

تصلح هذه الطريقة لتقدير نماذج الانحدار الذاتي ، خاصة إذا كان الارتباط الداتي من الرتبة الأولى . وتتمثل هذه الطريقة في تخليص البيانات من الارتباط الداتي ثم استخدامها بعد ذلك في التقدير من خلال طريقة المربعات الصغرى العادية . فإذا افترضنا أن : ذ = معامل الارتباط الذاتي ، فإننا يمكن شرح خطوات طريقة المربعات الصغرى في التقدير كما يلي :

1

(أ) نقوم بتقدير المعادلة (١٣-٢٠) كوسيلة للتخلص من الأرتباط بين حس ريه، والحد

العشوائي د ز

(ب) ثم نقوم بتحديد قيم الحد العشوائي د ز في الفترات المختلفة باستخدام الصيغة

(١٣ - ٧٠) بعد تقديرها حيث:

ومنها نحصل على معامل الإرتباط الذاتي المعدل 3 :

$$\hat{\rho} = \frac{\sum_{i=1}^{n} e_i e_{i-1}}{\sum_{i=1}^{n} e_i^2} \frac{1}{n}$$

حيث: ك = عدد المعلمات المقدرة بالنموذج

المثنة = حجم العينة

<u>" - ح</u>د ثمث إضافته للقضاء على التحيز عند استخدام ن "دُ" بدلاً من "دْ" المجتمع .

(ح) نقوم بتخليص البيانات من الارتباط الذاتي كما يلي: ﴿ مُعَالَّا اللَّهِ اللَّهِ الْمُعَالَّا اللَّهِ

ثم نقوم بتقدير العلاقة:

**ڝ\*ز= ا + ب ، ڝ\*ز\_ ، + ب ، ڝ\*ز + و**ز يو فيفي معمسيسير(١٣٠–٢٧) عند حدث:

$$a_{i-j} = a_{i-j} - \delta = a_{i-j} + a_{i-j} +$$

وتتسم المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العامة في هذه الحالة بالاتساق والكفاءة ، وإن كانت تتسم بالتحيز في حالة العينات الصغيرة . kanga Manga Makati Magajar — Masad Milka mengal Kaja Mali agai mengan menali. Peranggan salampan mengangan mengangan pengangan pengangan mengangan pengangan pengangan pengangan pengangan p

The plant of the second of the

# الجزء الثالث

النماذج القياسية متعددة

المعادلات

Multi-equation Econometric Models

The land of the land

TARREST TO LAR CARLON

Maidengan wa Booseechiel Mischel

# الفصل الرابع عشر

# التعريف بالنماذج القياسية متعددة المعادلات

لقد تعرضنا في الجزء السابق لكيفية قياس وتقويم النماذج التي تتكون من معادلة انحدار واحدة Single-equation models ، غير أن الظواهر الاقتصادية غالباً ما لا تكون من البساطة بحيث يمكن وصفها وتحليلها من خلال معادلة انحدار واحدة . ففي حالات كثيرة تتصف الظواهر الاقتصادية بكونها مركبة و تنطوي على عديد من العلاقات المتشابكة . ولا شك أن النماذج ذات المعادلات المتعددة تكون أكثر ملائمة لوصف وتحليل هذا النوع من الظواهر . فإذا أخذنا ظاهرة اقتصادية مثل تقلب سعر سلعة ما عبر الزمن ، لا يمكن أن نصف أو نحلل هذه الظاهرة باستخدام بيانات واقعية من خلال معادلة واحدة . فإذا كان ثمن السلعة يتحدد بالطلب والعرض فإننا نكون في حاجة لنموذج يحتوى على عدد من المعادلات ، واحدة تتعلق بالطلب على السلعة ،

وإذا كانت النماذج ذات المعادلة الواحدة تهتم بتوضيح جانب واحد فقط من العلاقات ، ألا وهو تأثير المتغيرات المستقلة على المتغير التابع ، فإن النماذج متعددة المعادلات تأخد في الحسبان العلاقات بين المتغيرات التفسيرية بعضها وبعض، وما قد بعدئه ذلك من تأثير على المتغير التابع . فإذا كانت الكمية المطلوبة من سلعة ما (d,) تتأثر بسعر السلعة  $(\hat{n},)$  وسعر السلعة البديلة أو المكملة  $(\hat{n},)$  ودخل المستهلك (d,) كمتغيرات تفسيرية ، فإن دخل المستهلك كمتغير تفسيري يؤثر على سعر السلعة  $(\hat{n},)$  والذي هو متغير تفسيري أيضاً . بل إن الكمية المطلوبة نفسها تؤثر على سعر السلعة  $(\hat{n},)$  ويلاحظ هنا أن كل ما تهتم به النماذج ذات المعادلة الواحدة هو تقدير دالة الطلب باستخدام الصبغة التالية :  $(\hat{n},)$  عن  $(\hat{n},)$ 

أي أن نموذج الطلب ذو المعادلة الواحدة يهتم فَقَط بتحديد مدى تأثير المتغيرات التفسيرية ممثلة في ث، ، ث ، ، ل على المتغير التابع ط، دون أن يأخذ في الاعتبار مدى تأثير "ل "على "ث, "أو تأثير "ط، "على "ث، ". ولعل هذاً ما يأخذه النموذج المتعدد المعادلات في الحسان.

وقد يكون من المفيد قبل أن نتعرض لكيفية تقدير النماذج ذات المعادلات المتعددة والمشاكل المتعلقة بها أن نشير إلى بعض التعريفات اللازمة في هذا الصدد .

فالنموذج يحتوي على عدد من المتغيرات أهمها:

(١) متغيرات داخلية Endogenous Variables : وهي المتغيرات التي تتحدد قيمها التوازنية داخل النموذج، ويحتاج التغير فيها لتفسير . ولعل هذا يعنى أن من بين مهام تقدير النموذج تحديد القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية وتفسير التغير فيها . ومن الأمثلة على المتغيرات الداخلية السعر و الكمية في نموذج سوق السلعة .

(٢) متغيرات سابقة التحديد Predetermined Variables وهي نوعان:

(أ) متغيرات خارجية Exogenous Varaibles: وهي المتغيرات التي تتحدد قيمها خارج النموذج، مثال ذلك أسعار عناصر الإنتاج في دالة العرض.

(ب) متغيرات داخلية ذات فجوة زمنية Lagged Endogenous Varaibles وهي تمثل القيم الخاصة بالمتغيرات الداخلية في فترات سابقة مثال ذلك الكمية المباعة من السلعة في الفترة السابقة عندما تدرج كمتغير تفسيري في دالة متغيرها التابع هو الكمية المباعة من السلعة في الفترة الحالية .

وتستخدم المتغيرات سابقة التحديد كمتغيرات تفسيرية في النماذج المختلفة ولا يكون هناك حاجة لتفسير سلوكها وإنما تستخدم هي لتفسير سلوك المتغيرات الداخلية .

وسوف نتعرض في هذا الفصل لأهم أنواع النماذج متعددة المعادلات، على أن نتعرض في فصل مستقل آخر لأهم المشاكل التي تواجهنا عند التعامل مع هذه النماذج وعلى رأسها مشكلة التعرف. ونتعرض في فصل تالي لأهم طرق تقدير هذا النوع من النماذج.

ويمكن بوجه عام الإشارة إلى أربعة أنواع من النماذج:

Simultaneous-Equation Systems

١ - نماذج المعادلات الآنية

**Recursive Equation Systems** 

٢ - نماذج المعادلات المتتابعة

Block-Recursive Equation Systems

٣ - نماذج المجموعات المتتابعة

System of Seemingly المرتبطة ظاهرياً المعادلات غير المرتبطة ظاهرياً **Unrelated Equations** 

وسوف نتعرض في هذا القسم لكل نوع من هذه المعادلات بشيء من التفصيل خاصة النوع الأول.

( ١-١٤ ) : نماذج المعادلات الآنية :

#### Simultaneous Equation Systems

يمكن تعريف نموذج المعادلات الآنية بأنه ذلك النموذج الذي لا يمكن تحديد القيمة التوازنية لواحد من متغيراته الداخلية على الأقل دون استخدام جميع المعادلات التي يحتويها في آن واحد . ومن ثم نجد أن من خصائص هذا النموذج ما

(أ) أن تكون المتغيرات الداخلية بمعادلات النموذج مرتبطة ارتباطاً تبادلياً فيما بينها فتظهر كمتغيرات تابعة تارة وكمتغيرات تفسيرية تارة أخرى . مثال ذلك :

$$(1-1\xi)...$$

$$(1-1$$

فمن الواضح أن هذا النموذج يحتوي على ثلاثة متغيرات داخلية هي حب ، ، حب ، ، ص . ، وهي تظهر كمتغيرات تابعة تارة وكمتغيرات تفسيرية تارة أخرى . فعلى سبيل المثال نجد أن حس، متغير تابع بالمعادلة الأولى يتأثّر بكل من حس، حس ، كمتغيرين تفسيريين ، ولكنها تظهر في المعادلتين الثانية والثالثة كمتغير تفسيري يؤثر في كل من

ص ، ، ص ، . وهكذا الأمر بالنسبة لكلٍ من ص ، ، ص ، ، ومن ثم لا يمكن تحديد قيمة أي منهم دون معرفة القيمتين الأخرتين .

(ب) نجد أن المتغيرات التفسيرية ترتبط بالحدود العشوائية كنتيجة للخاصية الأولى، الأمر الذي يؤدى لعدم توفر افتراض أساسي من افتراضات طريقة المربعات الصغرى العادية ألا وهو: أن الحد العشوائي يؤثر على المتغير التابع دون أن يؤثر على المتغيرات التفسيرية بالنموذج حتى لا يحدث هناك تداخل في التأثيرات. ولا شك أن عدم توافر هذا الافتراض يجعل طريقة المربعات الصغرى العادية غير صالحة لتقدير معلمات هذا النموذج ، حيث تكون المعلمات المقدرة بواسطتها متحيزة وغير متسقة . فمن المعادلة الأولى نجد أن الحد العشوائي " ء , " يؤثر على المتغير التابع حى , ، ولكن حى , يؤثر على حى , وذلك من خلال تأثيره على حى , ، أي أن ع , حى من المساحد المتغيرات التفسيرية بالنسبة للمتغير على وهو في نفس الوقت يتأثر بالحد العشوائي " ء ," و يمكن أن نوضح بنفس الطريقة أن ء , ترتبط مع حى , ، بالمعادلة الأولى ، وأن ء , ترتبط مع حى , ، حى , بالمعادلة الثانية وأن ء , ترتبط مع حى , ، حى , المعادلة الثانية وأن ء , ترتبط مع حى , ، حى , المعادلة الأولى ، وأن ء , ترتبط مع حى , ، حى , بالمعادلة الثانية و كون كير بالمعادلة الثانية و كون كير بالمعادلة المير بالمعادلة المير بالمعادلة المير بالمعادلة المير بالمعادلة الشورة أخرى بالمعادلة المير بالمعادلة ال

ومن الممكن إثبات أن ارتباط الحد العشوائي بأحد المتغيرات المستقلة يؤدى لتحيز المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية . فمن المعروف أنه يمكن تقدير معامل الانحدار البسيط بواسطة طريقة المربعات الصغرى العادية من خلال الصغة التالية :

$$\hat{eta} = rac{\sum yx}{\sum x^2}$$
 من س $\overline{\Delta}$  من  $\overline{\Delta}$  من  $\overline{\Delta}$ 

وبالتعويض عن ص = ب س + د  $y_i = \beta x_i + c_i$  في الصيغة السابقة نحصل على :

$$\hat{\varphi} = \frac{\sum (w) (\psi w + e)}{V}$$

$$\hat{\varphi} = \frac{\sum w' - \sum w' - \sum$$

$$\hat{\beta} = \beta + \frac{\sum x_i e_i}{\sum x_i^2}$$

ومن ثم إذا كان هناك ارتباط بين المتغير التفسيري عن والحد العشوائي " د " فإن ∑ س د ≠ صفر وبالتالي فإن " بُ " تكون مقدر متحيز للمعلمة ب. ومن ناحية أخرى مهما كبر حجم العينة فإنه ليس هناك ما يضمن أن يصبح ∑ س د مساوياً للصفر ومن ثم فإن بُ تصبح مقدر غير متسق

ولكن يتعين ملاحظة أن من الأسباب الأخرى التي يمكن أن تؤدى لوجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والخطأ العشوائي وجود أخطاء قياس في المتغيرات نفسها . فإذا افترضنا أن نموذج الانحدار الحقيقي مكتوباً في صيغة انحرافات كما يلي :

$$(7-18)$$
 ......  $y_i = \beta x_i + e_i$ 

حيث تشير " د " إلى الخطأ العشوائي الراجع لحدف بعض المتغيرات التفسيرية أو لسوء تعيين النموذج ، و افترضنا أيضاً أنه عند قياس المتغير التفسيري استخدمنا القيمة "س \*" التي تختلف عن " س " الحقيقية بمقدار يساوى " ه " نتيجة لوجود خطأ في القياس ، فإن هذا يعنى أن :

ومن ثم: س=س\*-ھ

ومن ثم :

و حيث أن د \* كخطأ عشوائي يحتوى على " ه " وهو خطأ القياس ( د \* = د - ه ب) فإن " س \* " ترتبط مع " د \* " وذلك لارتباط "س \* " مع " ه " كما هو واضح من المعادلة ( ١٤ - ٤ ) . ولعل هذا يعني أيضاً أن وجود أخطاء في قياس المتغيرات التفسيرية يؤدى لعدم دقة المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نظراً لاتصافها بالتحيز وعدم الاتساق ، ولذا يتعين البحث عن طرق أخرى للقياس غير طريقة المربعات الصغرى العادية .

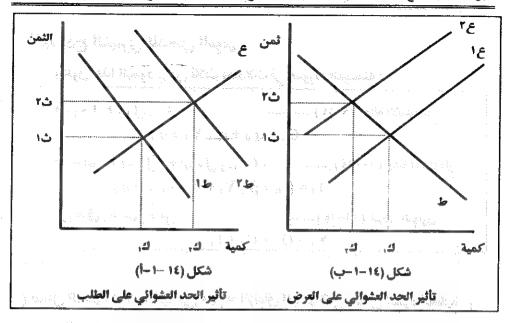
# أمثلة اقتصادية لنماذج المعادلات الآنية:

### ١ - نموذج السوق :

يتكون نموذج السوق من ثلاث معادلات على النحو التالي:

$$Q_d = \alpha_0 + \alpha_1 P + u_1$$
  $Q_d = \alpha_0 + \alpha_1 P + u_1$   $Q_d = \alpha_0 + \alpha_1 P + u_1$   $Q_s = \varphi_0 + \varphi_1 P + u_2$   $Q_s = \beta_0 + \beta_1 P + u_2$   $Q_s = \beta_0 + \beta_1 P + u_2$   $Q_d = Q_s$ 

حيث ك  $\frac{1}{2}$  = كمية مطلوبة ، ك  $\frac{1}{2}$  = كمية معروضة ، ث = سعر السلعة ، ولعل من أهم خصائص هذا النموذج هو أن الحدود العشوائية د ، ، د  $\frac{1}{2}$  لا تؤثر فقط على المتغير التابع ممثلاً في ( الكمية المطلوبة والمعروضة ) وإنما تؤثر أيضاً على المتغير التفسيري ممثلاً في السعر . ويمكن توضيح هذا من الشكلين (  $\frac{1}{2}$  –  $\frac{1}{2}$  ) و (  $\frac{1}{2}$  –  $\frac{1}{2}$  ) . فعلى سبيل المثال إذا تغير الحد العشوائي د , بدالة الطلب نتيجة لحدوث إشاعة عن احتمال



اختفاء سلعة ما في المستقبل القريب فإن هذا يؤدى لزيادة الطلب بالشكل ( ١٤-١-١ ) من " ط, " إلى " ط, " مما يترتب عليه زيادة سعر التوازن وزيادة كمية التوازن في نفس الوقت . ومن ثم فإن الحد العشوائي في هذه الحالة يكون قد أثر على كل من الكمية والثمن . وكذلك الأمر بالنسبة لدالة العرض ، فإذا تغير الحد العشوائي بدالة العرض نتيجة لسوء الأحوال الجوية فإن هذا من شأنه أن يؤدى لانتقال دالة العرض من " ع ، " إلى "ع ، " ، الأمر الذي يترتب عليه انخفاض الكمية وارتفاع الثمن. ومن ثم فإن الحد الغشوائي يكون قد أثر مرة أخرى على كل من الكمية والثمن.

ويلاحظ في هذا الصدن أن تأثير الحدود العشوائية على المتغيرات التفسيرية يترتب عليه أن تكون نتائج القياس الناجمة عن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية غير دقيقة على النحو الذي أوضحناه سابقاً.

ويلاحظ من ناحية أخرى أن تحديد ثمن التوازن كمتغير داخلي أو كمية التوازن كمتغير داخلي تحتاج لاستخدام كل معادلات النموذج آنياً.

And The Control of the second of the second

### \* - النموذج الكينزي للدخل القومي:

يتكون هذا النموذج من ثلاث معادلات في صورته المبسطة:

$$(1-1\epsilon)$$
 دالة الاستهلاك  $(1-1\epsilon)$  ......  $(1-1\epsilon)$  .....  $(1-1\epsilon)$  .....  $(1-1\epsilon)$  .....  $(1-1\epsilon)$  .....  $(1-1\epsilon)$  .....  $(1-1\epsilon)$  ....  $(1-1\epsilon)$  .....

Surface State

رأ) تتمثل المتغيرات الداخلية في عن = الإنفاق الاستهلاكي خلال الفترة الحالية ر. م ر = الإنفاق الاستثماري خلال الفترة الحالية ز، ل ر = الدخل الكلى خلال الفترة الحالية ز.

( المعلى المتغيرات سابقة التحديد في : ق و الإنفاق الحكومي كمتغير خارجي ، و الإنفاق الحكومي كمتغير خارجي ، و ال و و الدخل الكلى خلال الفترة السابقة و - ا

حي تتمثل الحدود العشوائية في ١٠٤٠٠

ويلاحظ على هذا النموذج أنه لا يمكن تحديد القيمة التوازنية لأي متغير اخلي فيه دون استخدام كل معادلات النموذج . فلتحديد القيمة التوازنية للاستهلاك لا بد من معرفة قيمة ل ، ولتحديد قيمة ل ، لا بد من معرفة م ، ، ق ، وكذلك هر ، . وهكذا يتعين استخدام كل المعادلات دفعة واحدة لتحديد القيمة التوازنية لأي متغير داخلي بالنموذج . ويترتب على ذلك وجود ارتباط ليس فقط بين الحدود العشوائية والمتغيرات التابعة ، ولكن أيضاً بينها وبين المتغيرات التفسيرية . فمن المعادلة ( ١٤ - ٩ ) يؤدى التغير في الحد العشوائي ٤ ، إلى تغير هن ، ولكن تغير هن ويؤدى لتغير ل وبالمعادلة ( ١٤ - ١٩ ) ، ومن ثم فإن " ٤ ، " يؤثر على ل وكمتغير تفسيري بالمعادلة ( ١٤ - ١٩ ) من خلال تأثيره على هن ( ٤ ، هم من هم و هكذاك الأمر

بالنسبة للمعادلة (١٤-١٠) حيث يؤدى التغير في الحد العشوائي " ء , " إلى تغير "م ; "، ولكن تغير "م ; " يؤثر ولكن تغير "م ; " يؤدى لتغير " ل ; " بالمعادلة (١١-١١) . ومن ثم فإن " ء , " يؤثر على م ; على " ل ; " كمتغير تفسيري بالمعادلة (١٠-١٠) من خلال تأثيره على م ; حلال تأثيره على م ; - ه ل ) . ونتيجة لهذا فإن طريقة المربعات الصغرى العادية لا تعد صالحة لتقدير معلمات هذا النموذج .

٣ - نموذج الأجور - الأسعار : و مديد مديد م

من أبرز نماذج الأجور - الأسعار نموذج فيليبس Philips الذي يتكون من معادلتين على النحو التالي:

$$\zeta^2+_{1}$$
ن  $\zeta^{\dagger}+_{1}$  داله الأجور  $\zeta^{\dagger}+_{1}$   $W_{t}=\alpha_{0}+\alpha_{1}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{1}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{1}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{1}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$   $U_{t}+\alpha_{2}$ 

#### حيث

وتشير المعادلة (١٤-١٢) إلى أن معدل التغير في الأجور النقدية يتأثر بعاملين ، أولهما معدل البطالة ، حيث كلما ارتفع معدل البطالة كلما قلت مقدرة النقابات العمالية أو العمال على المطالبة برفع الأجور ، وثانيهما معدل التغير في الأسعار ، حيث كلما ارتفع معدل التضخم كلما أدى هذا لزيادة معدل الارتفاع في الأجور النقدية للمحافظة على الأجور الحقيقية على الأقل ثابتة .

وتشير المعادلة ( 18-17 ) إلى أن معدل التغير في الأسعار يتحدد بمعدلات التغير في تكلفة عناصر الإنتاج ممثلة في:

- أ معدل التغير في الأجور .
- ب معدل التغير في تكلفة رأس المال .
- ح معدل التغير في سعر المواد الخام المستوردة .

ويلاحظ من هذا النموذج أن معدل التغير في الأجور يتحدد بمعدل التغير في الأسعار كما بالمعادلة (11-11) ، كما أن معدل التغير في الأسعار يتحدد بمعدل التغير في الأجور كما بالمعادلة (11-11) . ومن ثم فإن معادلات النموذج مرتبطة مع بعضها البعض ، ولذا لا يمكن تحديد القيمة التوازنية لأي متغير داخلي دون استخدام كل معادلات النموذج . ولقد ترتب على هذا أن الحدود العشوائية أصبحت مرتبطة مع المتغيرات التفسيرية . فمن المعادلة (11-11) نجد أن الحد العشوائي "1-1" يؤثر على "1-1" وكن "1-1" يؤثر على "1-1" بالمعادلة (11-1) ، ومن ثم فإن "1-1" يؤثر على "1-1" بالمعادلة (11-1) ، (1-1) ، (1-1) وكن "1-1" ومن ناحية أخرى نجد أن "1-1" يؤثر على "1-1" بالمعادلة (11-1) ، (1-1) ولكن "1-1" يؤثر على "1-1" بالمعادلة (11-1) ومن ثم فإن "1-1" بالمعادلة (11-1) ومن خطراً ألى تسأل تسادر والمدادلة (ألى المدادلة (ألى المدادلة (ألى المدادلة (ألى المدادلة (لالمدادلة (لا

(۲۰ → ن ز ← حز)٠

ويتضح مما سبق أنه لا يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ( OLS) في تقدير دوال نماذج المعادلات الآنية نظراً لما يحدث من تحيز وعدم اتساق في معلماتها المقدرة. يضاف إلى هذا ما قد يحدث من صعوبات في التعرف على معادلات هذه النماذج في بعض الحالات وهو ما يعرف بمشكلة التعرف. ومن ثم فإن من أهم المشاكل التي تعترض الباحث عند تقدير نماذج المعادلات الآنية:

- (١) تحيز وعدم اتساق المعلمات المقدرة عند استخدام طريقة المربعات العادية .
  - . Identification problem مشكلة التعرف

وسوف نتعرض في الفصل التالي لمشكلة التعرف ، ونتعرض في الفصل الذي يليه للطرق المختلفة التي تمكن من تقدير النماذج ذات المعادلات الآنية.

Recursive Equation Systems: المتتابعة (٢-١٤) نماذج المعادلات المتتابعة والمان لا يمكن تحديد القيم يقال على نموذج ما أنه ذو معادلات متتابعة إذا كان لا يمكن تحديد القيم التمانية المتعدلة الا دالتراب فادا كان المنابقة المتعدلة الا دالتراب فادا كان المنابقة المتعدلة الا دالتراب

التوازنية لمتغيراته الداخلية إلا بللتتابع . فإذا كان لدينا فلاث متغيرات داخلية حس ، ، حس ، ، فعلينا تحديد حس ، أولاً بصفة مستقلة ، ثم بالتعويض عن قيمتها التوازنية نحصل نحصل على القيمة التوازنية للمتغير حس ، ، وبالتعويض عن قيمتي حس ، ، حس ، نحصل

على القيمة التوازنية للمتغير حي . . ويأخذ هذا النوع من النماذج الصيغة التالية :

$$(18-18) \quad ,2+, \omega_1 + , \omega_2 + , \omega_2 + , \omega_3 + , \omega_4 + , \omega_5 +$$

ومن أهم خصائص هذا النموذج:

(أ) لا يوجد هناك اعتماد تبادلي بين العتغيرات الداخلية . فيلاحظ مثلاً أن ص ، تؤثر على ص ، دون أن تتأثر بها ، وكذلك الأمر بالنسبة للمتغير ص ، الذي يتأثر بكل من ص ، ، ص ، دون أن يؤثر فيهما . ولعل هذا يعني أن العلاقة التي توجد بين أي متغيرين داخليين هي علاقة سبية ذات اتجاه واحد .

(ب) يترتب على ما سبق أن الحدود العشوائية وإن كانت تؤثر في المتغيرات التابعة إلا أنها لا تؤثر في المتغيرات المستقلة . فيلاحظ مثلاً أن ٤ , يؤثر في ح٠ , ولكنه لا يؤثر في س , أو س , لأنهما متغيران خارجيان يتحددان من خارج النموذج . كما أن ٤ , يؤثر في ح٠ , دون أن يؤثر في ح٠ , بالمعادلة الثانية وذلك لأن ح٠ , لا تؤثر في ح٠ , هذا بالإضافة إلى أنها لا تؤثر في ص , ، ص ، وكذلك الأمر بالنسبة للمعادلة الثالثة حيث يؤثر ٤ , في ح٠ ، دون أن يؤثر في أي من ح٠ , أو ح٠ , وذلك لأن ح٠ , لا تؤثر في أي من المتغيرين . ومن ثم فإن أحد الافتراضات الأساسية لطريقة المربعات الصغرى العادية القائل بعدم وجود ارتباط بين الحد العشوائي والمتغيرات التفسيرية يتوفر في هذه الحالة .

(ح) إذا كانت قيم الحدود العشوائية الثلاثة ع عبر عبر عبر مرتبطة ببعضها البعض فإنه من الممكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير دوال النماذج ذات المعادلات المتتابعة وفي هذه الحالة يتم تقدير كل معادلة بصفة مستقلة باستخدام البيانات المشاهدة المتوفرة عن المتغيرات التابعة والتفسيرية ، وبعد ذلك يمكن تحديد القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية بدلالة القيم المحددة للمتغيرات الخارجية على التوالي.

أما إذا كانت قيم الحدود العشوائية مرتبطة مع بعضها فإن طريقة المربعات الصغرى العادية تصبح غير ملائمة للتقدير في هذه الحالة . وعلينا استخدام إحدى الطرق التي سوف نتعرض لها في الفصل السادس عشر .

## مثال اقتصادي: نموذج المنتجات القطنية : افترض أن نسق المعادلات التالية يصف نموذج المنتجات القطنية :

حىث :

(
$$P_c$$
)  $=$  we this distribution of the problem of

وبلاحسط هسنا أن ثي، ثي، كا مستغيرات داخلسية ، ت ، ر ، ض ، مستغيرات خارجية . وتوضح المعادلة الأولى أن ثمن الوحدة من القطن الخام يتحدد بتكلفة إنتاج الوحدة ، كما توضح المعادلة الثانية أن ثمن الوحدة من المنتجات القطنية يتحدد بثمن الوحدة من المستوردة . أما المعادلة الثالثة الوحدة من المدخلات المستوردة . أما المعادلة الثالثة فإنها توضح أن الكمية المباعة من المنتجات القطنية المحلية تتحدد بثمن الوحدة من المنتجات القطنية المحلية ومعدل الضريبة الفعال على الواردات من المنتجات القطنية .

ويمكن في هذه الحالة استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير كل دالة بصفة مستقلة ، ثم تحديد القيم التوازئية للمتغيرات الداخلية بالتتابع .

# ( ١٤ - ٣ ) نماذج المجموعات المتتابعة :

#### **Block-Recursive Equation System**

يحتوى نموذج المجموعات المتتابعة على عدد من المعادلات التي يمكن تقسيمها لعدد من المجموعات ، كل مجموعة تكون فيما بينها نموذج فرعى ذو معادلات آنية . غير أن المعلومات الخاصة بالمتغيرات الداخلية بالمجموعة الأولى تلزم لتحديد القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية بالمجموعة الثانية . ويمكن توضيح إحدى صبغ هذه النماذج فيما يلى:

$$(Y^{1-1\xi})...., \xi + \gamma \cdot \alpha_{1} + \gamma \cdot \alpha_{1$$

فالمعادلتين ( ١٤- ٢٠ ) ، ( ١٤- ٢٠ ) تمثلان مجموعة من المعادلات الآنية ، حيث حب ، تتأثر بالمتغير حب ، وكذلك حب ، تتأثر بالمتغير حب ، أما المعادلة ( ٢٢- ٢٢) فهي تمثل مجموعة ثانية ، ولتحديد القيمة التوازنية للمتغير حب ، في هذه المجموعة يتغين أن تتوفر معلومات عن قيم حب ، عب ، الموجودة بالمجموعة الأولى ، ويلاحظ هنا أنه وإن كانت حب ، تتأثر بكل من حب ، عب ، إلا أنها لا تؤثر في أي منهما ، ولذلك من الممكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير المعادلة ( ١٤- ٢٢ ) لعدم وجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والحد العشوائي بها ، غير أن هذه الطريقة لا تصلح لتقدير الدالتين ( ١٤ - ٢٠ ) ، ( ٢١- ١١ ) لارتباط الحدود العشوائية بالمتغيرات

التفسيرية بهما . ومن ثم يجب استخدام إحدى الطرق الصالحة لتقدير المعادلات الآنية لقياس معلمات هاتين المعادلتين معاً .

# والمستعدد الاستثمار والمراج تحديد الاستثمار والمراد

ن 
$$_{i}$$
 و الله سعر الفائدة. 
$$i_{t} = \alpha_{0} + \alpha_{1} M_{t} + \alpha_{2} Y_{t} + u_{1}$$

$$i_{t} = \alpha_{0} + \alpha_{1} M_{t} + \alpha_{2} Y_{t} + u_{1}$$

$$U_{t} = \mu_{0} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{2}$$

$$V_{t} = \beta_{0} + \beta_{1} i_{t} + \beta_{2} Y_{t-1} + u_{2}$$

$$U_{t} = \mu_{0} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{2} U_{t} + \mu_{2} U_{t} + \mu_{2}$$

$$U_{t} = \mu_{0} + \mu_{1} U_{t} + \mu_{2} U_{t} + \mu_{3} U_{t} +$$

#### حيث

$$oldsymbol{\dot{e}}_i = \max_i \text{Haite}_i ag{i.i.}$$
 $oldsymbol{\dot{e}}_i = \sum_i \sum_{t=1}^{n} \text{Haite}_i ag{i.i.}$ 
 $oldsymbol{\dot{e}}_i = \sum_i \sum_{t=1}^{n} \text{Haite}_i ag{i.i.}$ 

ويلاحظ أن ف ، ل ، ث ، متغيرات داخلية ، ن ، ل ، ب ، متغيرات سابقة المتحديد . كما يلاحظ أن المعادلتين (١٤-٢٣) ، (١٤-٢٤) تكونان مجموعة من المعادلات الآنية ، أما المعادلة الثالثة (١٤-٢٥) فإنها تمثل مجموعة أخرى تحتاج المعلومات عن ف ، ل و لتحديد القيمة التوازنية للاستثمار . ويتضح هنا أن ث و وإن كانت تتأثر بالمتغيرين الداخليين ف ، ل و إلا أنها لا تؤثر فيهما .

# ( ١٤ - ٤ ) نماذج المعادلات غير المرتبطة ظاهرياً

Systems of Seemingly Unrelated Equations (SURE)

يتكون النموذج ذو المعادلات غير المرتبطة ظاهرياً من مجموعة من المعادلات التي لا تعتمد متغيراتها الداخلية على بعضها البعض بما يوحي بأنها غير مرتبطة ظاهرياً، إلا أنها تكون مرتبطة بالفعل لأسباب أخرى خفية . ومن إحدى صيغ هذه النماذج الصيغة التالية :

$$(Y7-1\xi)....$$

$$(Y7-1\xi)....$$

$$(YA-1\xi)....$$

$$(YA-1\xi)...$$

حيث: ص،، ص، متغيرات داخلية، هن، مس، من مم، مس، متغيرات سابقة التحديد. ومن أهم خصائص هذا النموذج:

- (أ) أن المتغيرات الداخلية لا تعتمد على بعضها البعض وهذا يوحي بأن المعادلات الثلاثة غير مرتبطة . بالإضافة إلى ذلك نجد أن المعادلات الثلاثة لا تشترك في أي من المتغيرات التفسيرية ، فهي في المعادلة (١٤-٢٦) تتمثل في عن، ، عن ، ، وفي المعادلة (١٤-٢٧) تتمثل في عن ، ، عن ، ، وفي المعادلة (١٤-٢٧) تتمثل في عن ، ، عن ، وفي المعادلة (١٤-٢٧) تتمثل في عن ، ، عن ، وفي المعادلة (١٤-٢٨) تتمثل في عن ، ، عن ، وهذا أمر يؤكد الإيحاء السابق بأن هذه المعادلات غير مرتبطة .
- (ب) إذا كانت الحدود العشوائية عن عن عني مرتبطة فإن هذا يؤكد أن النموذج السابق ذو معادلات غير مرتبطة فعلياً وليس ظاهرياً ، أي أنها تصبح Actually وهي هذه الحالة يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى unrelated equations ألعادية في تقدير معادلات النموذج السابق دون أخطاء في التقدير ، حيث تتصف المعلمات المقدرة في هذه الحالة بعدم التحيز والاتساق والكفاءة .

(ح) إذا كانت الحدود العشوائية مرتبطة ، أي أن (رررر خصفر، رررر خصفر، رررر خصفر، رررر خصفر) فإن النموذج السابق يطلق عليه اسم النموذج ذو المعادلات غير المرتبطة ظاهرياً (حيث أنها تكون مرتبطة فعلياً) . وفي هذه الحالة يترتب على استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير معادلات هذا النموذج الحصول على معلمات مقدرة تتصف بعدم التحيز والاتساق ولكنها لا تتصف بالكفاءة . وبمعنى آخر فإن المعلمات المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في هذه الحالة تتصف بعدم الكفاءة . ولتلاشى هذه المشكلة يتعين استخدام طريقة أخرى في التقدير تسمى طريقة المربعات الصغرى العامة(General Least Squares (GLS) أو مدخل زلنر تسمى طريقة المربعات الصغرى العامة وهو يعطى نتائج تتصف بعدم التحيز ، والانساق أتكن Zelliner-Atkin Approach في فصل تالي .

# مثال اقتصادي: توزيع الإنفاق الحكومي

إذا افترضنا أننا نريد التنبؤ بالأنصبة النسبية للاستخدامات المختلفة للإنفاق الحكومي على المستوى المحلى المتمثلة في :

فمن الممكن عمل ذلك بتقدير النموذج التالي:

$$(Y_1-1\xi)....$$

$$(Y_1-1\xi)...$$

$$(Y_1-1\xi)...$$

$$(Y_1-1\xi)...$$

$$Y_1 = \alpha_0 + \alpha_1 X + \alpha_2 H + u_1$$

$$Y_2 = \beta_0 + \beta_1 X + \beta_2 S + u_2$$

$$Y_3 = C_0 + C_1 X + C_2 H + C_3 S + u_3$$

حيث:

$$Y_1 = \frac{C}{G}$$
 - limit limits not outlike lice also like the limits of outlike  $\frac{C}{G}$  - limits limits not outlike  $\frac{C}{G}$  - limits limits not outlike lice also like  $\frac{C}{G}$  - limits limits not outlike lice also like  $\frac{C}{G}$  - limits limits not outlike  $\frac{C}{G}$  - limits limits not outlike  $\frac{C}{G}$  - limits lice  $\frac{C}{G}$  - lice  $\frac{C}{G}$  - lice  $\frac{C}{G}$  - limits lice  $\frac{C}{G}$  - lice  $\frac{C}{G}$ 

$$Y_3 = \frac{L}{G}$$
 النسبة المنفقة من ميزانية الحكم المحلى على الأغراض الأخرى = النسبة المنفقة من ميزانية الحكم المحلى على الأغراض الأخرى

$$Y_1 + Y_2 + Y_3 = 1$$
  $1 = -cm + -cm + -cm$ 

ك = الكثالة السكانية = عدد الأفراد في الكيلومتر مربع سكن بكردون المدينة( H )

- ل= متوسط دخل الأسرة (X)
- ع= عدد الأطفال في سن التعليم ( S )

ويلاحظ على هذا النموذج ما يلي:

(أ) أن المتغيرات الداخلية الممثلة في حص ، ، حص ، ، حص ، لا تعتمد على بعضها البعض ومن ثم فإن المعادلات تبدو ظاهرياً وكأنما هي مستقلة .

(ب) يوجد هناك ارتباط بين الحدود العشوائية 2, 2, 2, 3, ولعل هذا يرجع لحقيقة مؤداها أن  $\sum_{n=1}^{\infty} \infty_{n} = 1$ . فلكل مشاهدة (سنة أو مدينة) نجد أن مجموع الأنصبة الناس قد مادي ( ) أي أن ا

$$\mathcal{E}(\tau \Rightarrow + \tau \psi) + \mathcal{J}(\tau \Rightarrow + \tau \psi + \tau \dot{1}) + \mathcal{B}(\tau \Rightarrow + \tau \dot{1}) + (... \Rightarrow + ... \psi + .\dot{1}) = 1$$

$$(\tau = + \tau + \tau \dot{1}) + (... \Rightarrow + ... \psi + .\dot{1}) = 1$$

$$(\tau = + \tau \dot{1}) + (... \Rightarrow + ... \psi + .\dot{1}) = 1$$

$$(\tau = + \tau \dot{1}) + (... \Rightarrow + ... \psi + .\dot{1}) = 1$$

$$(\sigma_0 + \beta_0 + C_0) + (\alpha_2 + C_2)H + (\alpha_1 + \beta_1 + C_1)X + (\beta_2 + C_3)S + (\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3) = 1$$

وحتى لتحقق المعادلة ( ١٤-٣٢ ) بالنسبة لكل مشاهدة حرفياً فإن :

ع ، ١٠ ، ٢ صفر ، ومن ثم فإن زيادة ٤ ، أو نقصه لا بد أن يؤثر على ٤ ، ، ٥ ،

وهكذا بالنسبة لكل من 20,20.

# الفصل الخامس عشر

# مشكلة التعرف

#### **Identification Problem**

تنشأ مشكلة التعرف أساساً في الحالات التي يقوم فيها الباحث بتقدير نموذج مكون من عدد من المعادلات. ففي حالة تعدد معادلات النموذج يوجد هناك احتمال أن تتماثل بعض هذه المعادلات في الصيغة الرياضية والمتغيرات، الأمر الذي يجعل من الصعب على الباحث أن يتعرف على العلاقة التي ينسب إليها الدالة المقدرة.

وسوف نتعرض في هذا الفصل لنقاط ثلاث على أن نتناول كل منها في مبحث

The water the second of the second

مستقل على النحو التالي:

المبحث الأول: صياغة مشكلة التعرف.

المبحث الثاني : حالات التعرف .

المبحث الثالث: شروط التعرف.

and the first transfer of the first transfer of the second process of the second secon

# المبحث الأول صياغة مشكلة التعرف

تعتبر مشكلة التعرف مشكلة متعلقة بتعيين النموذج أكثر من كونها متعلقة بتقدير النموذج . ويقال أن نموذجاً ما أو معادلة ما متعرف عليها إذا كانت لها صيغة إحصائية وحيدة لا تشترك فيها مع غيرها من النماذج أو المعادلات . وبمعنى آخر إذا كان لا يوجد هناك نماذج أو معادلات أخرى تأخذ نفس الصيغة الإحصائية وتحتوي على نفس المتغيرات . وفي هذه الحالة يمكن الحصول على مقدرات وحيدة للنموذج أو المعادلة لا يشتبه فيها أن تكون مقدرات معلمات نماذج أو معادلات أخرى . ويقال أن نموذجاً ما أو معادلة ما غير متعرف عليها إذا كانت لتماثل مع غيرها من النماذج أو المعادلات في صياغتها الإحصائية وتحتوى على نفس متغيراتها . وفي هذه الحالة نجد أن مقدرات معلمات النموذج أو المعادلات في معلمات النموذج أو المعادلة قد تكون متعلقة بنماذج أو معادلات أخرى من تلك التي تتماثل معها في الصيغة الإحصائية .

وحتى نتفهم مشكلة التعرف دعنا نأخد مثالاً اقتصادياً . افترض أن نموذج السوق لسلعةٍ ما يأخد الصيغة التالية :

حيث: ك 5 = الكمية المطلوبة ، أثم = الكمية المعروضة ، ث = السعر .

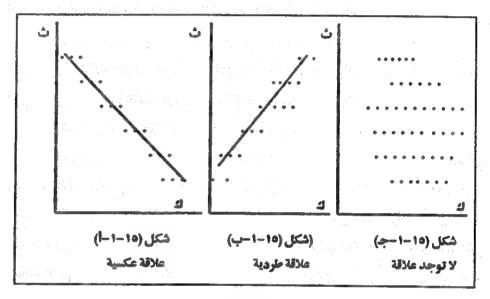
بادئ ذي بدء حتى يمكن التعرف على نموذج ما يتعين أن يكون هذا النموذج كاملاً . ويقال على النموذج أنه كامل إذا كان يحتوى على الأقل على عدد من المعادلات يساوى عدد المتغيرات الداخلية . ويعتبر نموذج السوق السابق نموذجاً كاملاً ، حيث أنه يحتوى على ثلاث معادلات وثلاث متغيرات داخلية هي  $\mathbb{L}_{+}$  ،  $\mathbb{L}_{-}$  ،  $\mathbb{L$ 

والسؤال الآن: هل كل من دالة الطلب ودالة العرض متعرف عليهما ؟

افترض أننا نريد تقدير معلمات دالة الطلب أ ، ب . بالطبع سوف نستخدم في هذه الحالة بيانات واقعية منشورة عن الكمية (ك) والسعر (ث) لتقدير معلمات هذه الدالة . ولكن هل يمكن أن نعتبر أن المعلمات المقدرة من بيانات واقعية عن الكمية والسعر هي معلمات دالة طلب ؟ ولماذا لا نعتبرها معلمات دالة عرض ؟ فالبيانات التي جمعناها عن الكمية ، إذا كانت تعتبر بيانات كمية مطلوبة فهي تعتبر بيانات كمية معروضة في نفس الوقت . والسعر أيضاً إذا كان يعتبر هو السعر الذي دفعه المستهلك فهو السعر الذي حصل عليه المنتج . وهذا يعنى أن البيانات التي جمعت عن الكمية والسعر الذي حصل عليه المنتج . وهذا يعنى أن البيانات التي جمعت عن الكمية والسعر الذات تعتبر بيانات طلب فهي تعتبر أيضاً بيانات عرض ، وهي في حقيقة الأمر بيانات عن الكميات والأسعار التوازنية . ولذلك فإن الدالة المقدرة باستخدام هذه البيانات قذ تكون دالة طلب وقد تكون دالة مختلطة .

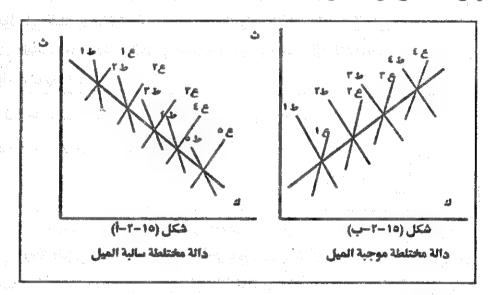
ولكن إذا قام باحثان بتقدير دالة ما من بيانات واقعية عن الكمية والسعر ، وادعى أحدهما أن الدالة المقدرة هي دالة طلب ، في حين ادعى الآخر أنها دالة عرض ، فكيف نعرف أيهما على حق ؟ أي ما هي الشروط التي يتعين توافرها حتى يمكن أن نتعرف على الدالة المقدرة ما إذا كانت دالة طلب أم دالة عرض ؟

قد يعتقد البعض أنه من الممكن التعرف على طبيعة الدالة المقدرة من خلال شكل انتشارها أو إشارة المعلمة الانحدارية الخاصة بها . فإذا قمنا يرصد بيانات عينة عن الكمية والسعر في شكل انتشار ، وحصلنا على أحد الأشكال (١٥-١-أ) ، (١٥-١-ب) ، (١٥-١--



فيقال أنه من الممكن التعرف على الدالة المقدرة من بيانات الشكل (١-١-١) بأنها دالة طلب، حيث يوضح شكل الانتشار أن العلاقة عكسية بين السعر و الكمية، كما أن الارتباط قد يكون قوياً بينهما مما يجعل معامل التحديد ر مرتفعاً. كما يقال أنه من الممكن التعرف على الدالة المقدرة من بيانات الشكل (١-١-١-ب) على أنها دالة عرض، حيث يوضح الشكل أن العلاقة طردية بين الكمية والسعر. هذا في حين أنه لا يمكن التعرف على الدالة المقدرة من بيانات شكل (١٥-١-ج) ما إذا كانت دالة طلب أم دالة عرض.

وفي حقيقة الأمر لا يكفى أن تكون المعلمة الانحدارية للدالة المقدرة سالبة حتى نحكم عليها بأنها دالة طلب، كما لا يكفى أن تكون المعلمة الانحدارية موجبة حتى نحكم على الدالة المقدرة بأنها دالة عرض. فالنقاط التي تكون أشكال الانتشار السابقة هي نقاط توازن تمثل تقاطع أكثر من منحنى طلب وأكثر من منحنى عرض. فليست النقاط الموضحة بشكل الانتشار (١٥-١-أ) واقعة على منحنى طلب واحد بالضرورة، وليست النقاط الموضحة بشكل الانتشار (١٥-١-ب) واقعة على منحنى عرض واحد بالضرورة، ولكن ربما نجد أن كل نقطة من نقاط الانتشار تقع على منحنى طلب مختلف ومنحنى عرض مختلف. ولذلك لا يمكن أن ننسب كل هذه النقاط لدالة طلب محددة أو دالة عرض محددة لمجرد أن ميل الدالة المقدرة سالب أو موجب.

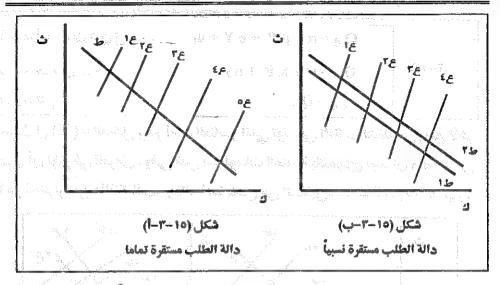


فنقاط الانتشار بالشكل (١٥-٢-أ) تقع على منحنيات طلب ومنحنيات عرض مختلفة ولا يمكن أن ننسبها لمنحنى طلب واحد أو منحنى عرض واحد، وكذلك الحال بالنسبة للشكل (١٥-٢-ب). وبالطبع لا يمكن التعرف على الدالة المقدرة من بيانات الشكل (١٥-٢-أ) بأنها دالة طلب، كما لا يمكن التعرف على الدالة المقدرة من بيانات الشكل (١٥-٢-ب) بأنها دالة عرض تأخذ الصيغة ح= أ + ب مر + ع،

نخلص من هذا إلى أنه لا يمكن التعرف على دالة الطلب أو دالة العرض في نموذج السوق السابق. وهذا يرجع إلى أن دالة الطلب تحمل نفس صيغة دائة العرض وتستخدم نفس متغيراتها. أي أن دالة الطلب ليس لها صيغة منفردة أو وحيدة تميزها عن دوال النموذج الأخرى، وكذلك الحال بالنسبة لدالة العرض. ولذلك نحن في حيرة من التعرف على الدالة المقدرة هل هي دالة طلب أم دالة عرض أم دالة مختلطة ؟ وهذا يعنى أن أي من الدالتين لابد أن تحتوى على متغيرات مختلفة عن المتغيرات التي تحتوى علىها الدالة الأخرى حتى يمكن التمييز بينهما والتعرف على إحداهما أو اليهما . ولذلك فإننا في حاجة لأن نعرف معلومات إضافية عن العوامل الأخرى التي تؤثر في العرض ولا تؤثر في العرض ولا تؤثر في العرض ولا تؤثر في العرض ولا تؤثر في العرض الكل واحدة منها صيغة وحيدة . فإذا افترضنا أن نموذج السوق في الطلب حتى يكون لكل واحدة منها صيغة وحيدة . فإذا افترضنا أن نموذج السوق في الطلب حتى يكون لكل واحدة منها صيغة وحيدة . فإذا افترضنا أن نموذج السوق في الطلب حتى يكون لكل واحدة منها صيغة وحيدة . فإذا افترضنا أن نموذج السوق

$$Q_d = \alpha + \beta P + u_1$$
  $Q_s = C + KP + hF + u_2$   $Q_d = Q_s$   $Q_d = Q_s$   $Q_d = Q_s$ 

حيث ف (F)= سعر عنصر الإنتاج الأساسي وهو عامل من العوامل التي تؤثر في دالة العلب . ففي ظل في دالة العلب . ففي ظل المعلومات المتاحة بالنموذج نجد أن دالة الطلب أكثر استقراراً من دالة العرض وذلك كما يتضح من الشكلين (10-3-1) ، (10-3-ب) .



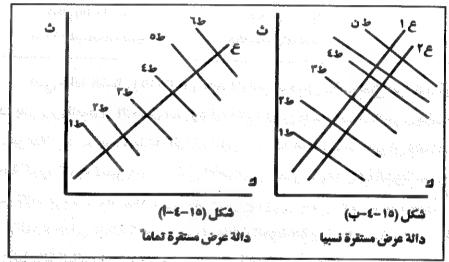
ففي حالة الشكل (١٥-٣-أ) نجد أن الطلب مستقر تماماً خلال فترة التقدير، وهذا يعنى أن العوامل الأخرى المؤثرة فيه مثل الدخل وأسعار السلع الأخرى والدوق لم تتغير خلال هذه الفترة ولذا فإنها لم تظهر في دالة الطلب. أما العرض فلقد تغير بدرجة كبيرة نتيجة لتغير بعض العوامل الأخرى غير السعر مثل الظروف الجوية أو أسعار عناصر الإنتاج وكانت النتيجة هي انتقاله من ع , إلى ع.. وفي ظل هذه المعلومات يمكن التعرف على الدالة المقدرة من البيانات الموضحة بشكل الانتشار (١٥-٣-أ) على أنها دالة الطلب ، ذلك لأنه وإن كانت البيانات المتاحة كلها بيانات توازنية إلا أنها تقع بكاملها على دالة طلب واحدة ، لذا فهي تعتبر بيانات طلب . ولكن لا يمكن التعرف على العلاقة المقدرة من بيانات الكمية (ك) والسعر (ث) على أنها دالة عرض في هذه الحالة نظراً لأنه لا يوجد هناك دالة عرض وحيدة .

وليس من الضروري ألا تتحرك دالة الطلب تماماً حتى يمكن التعرف عليها، ولكن إذا كانت التغيرات فيها طفيفة نتيجة لعوامل عشوائية كما هو الحال بالشكل (١٥-٣-ب) ، في حين أن التغيرات في العرض كبيرة فمن الممكن القول أن دالة الطلب مستقرة نسبياً ويمكن التعرف عليها .

أما إذا أخذ نموذج السوق الصيغة التالية :

$$Q_d = \alpha + \beta P + e Y + u_1$$
  $Q_d = \alpha + \beta P + e Y + u_1$   $Q_s = C + K P + u_2$   $Q_d = Q_s$   $Q_d = Q_s$   $Q_d = Q_s$ 

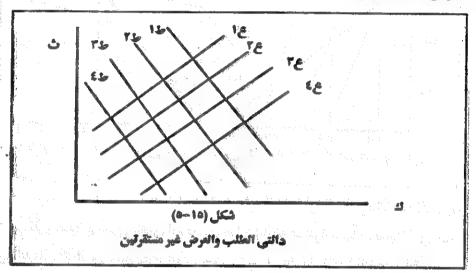
حيث ل (Y) = الدخل وهو أحد العناصر التي تؤثر في الطلب فتنقله من وضع Y دون أن تؤثر في العرض . وفي ظل المعلومات المتاحة بالنموذج نجد أن دالة العرض أكثر استقراراً من دالة الطلب، وذلك كما يتضح من الشكلين (10-3-1) ، (10-3-1) .



ففي الشكل ( ١٥-٤-أ ) نجد أن العرض مستقر تماماً خلال فترة التقدير ، وهذا يعنى أن العوامل الأخرى المؤثرة فيه كأسعار السلع الأخرى ، والتقدم التكنولوجي وأسعار عناصر الإنتاج والظروف الجوية لم تتغير خلال هذه الفترة ، ولذا فإنها لم تظهر في دالة العرض . أما الطلب فلقد تغير بدرجة كبيرة نتيجة لتغير بعض العوامل الأخرى كالدخل فأصبحت دالة الطلب غير مستقرة . ويلاحظ أنه من الممكن التعرف على الدالة المقدرة من البيانات الموضحة بالشكل ( ١٥-٤-أ ) على أنها دالة عرض ، ولكن لا يمكن التعرف على دالة الطلب في هذه الحالة . وكذلك الأمر بالنسبة للشكل ( ١٥-٤-ب ) والذي تظهر فيه دالة العرض مستقرة نسبياً بالمقارنة بدالة الطلب .

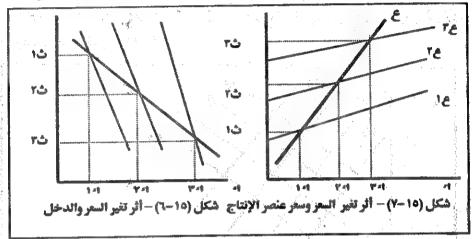
أما إذا أخذ نموذج السوق الصيغة التالية :

فإن كل دالة فيه تحتوى على متغير خارجي لا يوجد في الدالة الأخرى وهما: الدخل (ل) في دالة الطلب، سعر عنصر الإنتاج الأساسي (ف) في دالة العرض. ومن ثم فإن النموذج يأخذ الشكل (10-0).



ولعل هذا يعنى أن دالة الطلب تصبح غير مستقرة كما تصبح دالة العرض غير مستقرة ، ولذلك فإن الدالة المقدرة من البيانات المتاحة عن الكمية والسعر باستخدام الصيغة: ك=أ+بث+> لا يمكن التعرف عليها كذالة طلب أو دالة عرض، وإنما هي دالة مختلطة . ولكن إذا جمعنا بيانات عن الدخل "ل"، وسعر عنصر الإنتاج الأساسي "ف" وأضفنا هذين المتغيرين لدالتي الطلب و العرض كما في النموذج (١٥-٤) فإن دالة الطلب تصبح متميزة عن دالة العرض . ولذلك إذا قدرنا المعادلة الأولى بالنموذج (١٥-٤) يمكن التعرف عليها كدالة طلب، وإذا قدرنا المعادلة الثانية يمكن التعرف عليها كدالة طلب، وإذا قدرنا المعادلة الثانية

غير أنه يتعين ملاحظة أن دالة الطلب المقدرة سوف تمثل الخط "ط" بدلاً من ط، أوط، أوط، في الشكل (١٥-٦). أي أنها تأخذ في الحسبان أثر الدخل بجانب أثر السعر وتعزل كل منهما عن الآخر. كما أن دالة العرض المقدرة تمثل الخط "ع" بدلاً من ع، أوع، أوع، في الشكل (١٥-٧). أي أنها تأخذ في الحسبان أثر كل من اث، ف، بدلاً من أثر السعر "ث " فقط، وتعزل أثر كل منهما عن الآخر.



ويمكن تلخيص المناقشة السابقة بالقول بأننا إذا أردنا تقدير دالة انحدار بسيط تنتمي إلى نموذج معين يتعين أن تكون هذه الدالة مستقرة نسبياً ، ومتميزة عن غيرها هن الدوال الأخرى بالنموذج حتى يمكن التعرف عليها . فكما اتضح سابقاً يمكننا التعرف علي دالة الطلب في نموذج السوق إذا كانت مستقرة نسبياً بينما كانت دالة العرض تظهر تغيراً واضحاً ، ويتحقق هذا الشرط إذا كانت بعض المتغيرات التي لا تؤثر في الطلب ظاهرة في دالة العرض مما يجعل الأخيرة غير مستقرة ويجعل الأولى متميزة عنها ، وكذلك الأمر بالنسبة لدالة العرض ، ويعرف هذا بوجه عام " بلغز التعرف " عنها ، وكذلك الأمر بالنسبة لدالة العرض ، ويعرف هذا بوجه عام " بلغز التعرف " يعتمد على عنها ، وكذلك الأمر بالنسبة عنها والتي تكون في نفس الوقت ظاهرة في دوال أخرى بالنموذج . أي من الممكن التعرف على دالة ما عن طريق متغيرات هي لا تحتويها .

# المبحث الثاني ومدود المبحث الثاني

### حالات التعرف

يمكن تقسيم النماذج من حيث إمكانية التعرف عليها إلى ثلاثة أنواع : ·

Underidentified Models التعريف (١) نماذج ناقصة التعريف

Exactly Identified Models (٢) نماذج تامة التعريف

Overidentified Models (٣) نماذج زائدة التعريف

وسوف نتعرض لهذه الحالات بالتفصيل في هذا المبحث.

( ١٥-٢-١ ) نماذج ناقصة التعريف:

يكون النموذج ناقص التعريف إذا كان عدد معاملات المعادلات المستقلة التي يتم اشتقاقها باستخدام أسلوب الصيغ المختصرة أقل من عدد المعلمات المجهولة بالنموذج الأصلي ، مما يجعل من غير الممكن تقدير كل المعلمات المجهولة بالنموذج وبالنظر لنموذج السوق (١٠-١٠) نجد أن المعادلات المستقلة التي يمكن تكوينها عن طريق حل هذا النموذج باستخدام أسلوب الصيغ المختصرة Reduced Forms تتمثل في إثنين فقط نوضحها فيما يلي:

بالتعويض بمعادلتي الطلب و العرض في شرط التوازن نحصل على :

$$P = \alpha_1 + W_1$$
 ث $= 1$  .

وتشير المعادلة ( ١٥ -٥ ) للصيغة المختصرة الأولى بالنموذج وهي تخص سعر التوازن.

وبالتعويض من (١٥-٥) في دالة الطلب أو دالة العرض بالنموذج (١-١٥) نحصل على الصيغة المختصرة الثانية للنموذج وهي تخص كمية التوازن:

ويلاحظ أن لدينا بالنموذج الأصلي أربعة مجاهيل هي أ ، ب ، ج ، ق ، وهي معلمات النموذج التي يراد تقديرها ، ولكن لدينا معادلتين مستقلتين (١٥-٥)، (١٥-٦) خاصتين بالسعر و الكمية بهما معاملين فقط هما :

أما و ، و ، فهي حدود عشوائية . ولذلك فإن هذا النموذج ناقص التعريف نظراً لأن عدد معاملات الصيغ المختصرة (أ، ، ج، ) ( $\alpha$ ) ، أقل من عدد المجاهيل بالنموذج الأصلي (أ، ب، ج، ق) ، ومن ثم لا يمكن التعرف عليه . فإذا جمعنا بيانات عن السعر و الكمية وقدرنا منها دالة انحدار لن يمكن تحديد قيم المجاهيل الأربعة السابقة منها ، وإن كان من الممكن تقدير قيمة مجهولين إثنين لا يمثلان أي من المجاهيل الأربعة السابقة . وباختصار إذا كان النموذج ناقص التعرف على المعلمات التعرف على المعلمات المقدرة منه . وفي حالتنا هذه لا يمكن التعرف على المعلمات المقدرة منه . وفي حالتنا هذه لا يمكن التعرف على المعلمات المقدرة منه . وفي حالتنا هذه لا يمكن التعرف على المعلمات

# ( ١٥-٢-٢ ) النماذج تامة التعريف

يكون النموذج تام التعريف إذا كان عدد معاملات الصيغ المختصرة يساوي عدد المعلمات المجهولة المراد تقديرها بالنموذج الأصلي . وفي هذه الحالة يمكن التعرف على النموذج بمعادلاته المختلفة . فإذا كان نموذج السوق يأخذ الصيغة (١٥-٤) فبحل هذا النموذج يمكن الحصول على الصيغ المختصرة التالية:

$$(Y-10)$$
  $\frac{1^2-1^2}{5-1}+\frac{1}{5-1}$   $\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}=0$   $\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}=0$   $\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}+\frac{1}{5-1}=0$ 

وهذه هي الصيغة المختصرة الأولى . وبالتعويض بها في دالة الطلب أو العرض بالنموذج ( 10-2 ) نحصل على الصيغة المختصرة الثانية لنموذج السوق كما يلي : . . .

$$Q = C_1 + C_2 F + C_3 Y + W_2$$

وهذه هي الصيغة المختصرة الثانية التي تخص كمية التوازن.

$$\frac{1-\Delta}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{$$

وحيث أن لدينا ٢ معاملات للصيغ المختصرة معلومة و ٢ مجاهيل في النموذج الأصلي يمكن تحديد قيم هذه المجاهيل ويكون بذلك النموذج تام التعريف. ويمكن توضيح ذلك من خلال تحديد قيم المعلمات المجهولة للنموذج الأصلي باستخدام قيم المعلمات المعروفة للصيغ المختصرة وذلك كما يلي:

$$a = -1, (-10), (-10), (-10), (-10), (-10)$$
 $a = -1, (-10)$ 
 $a = -1, (-10)$ 

وهكذا حددنا قيم أ، ب، ح، ه، ق، م، كمجاهيل بدلالة القيم المعلومة للمعاملات أ، أ، أ، أ، ، أ-، ح، ، ح، وفي هذه الحالة يمكن التعرف على كل من دالتي الطلب والعرض. ويلاحظ في حالة النموذج تام التعريف أنه يوجد قيمة وحيدة لكل معلمة من المعلمات المقدرة للنموذج.

### ( ١٥-٢-٣ ) النماذج زائدة التعريف:

يلاحظ في حالة النموذج زائد التعريف أن عدد معاملات الصيغ المختصرة يكون أكبر من عدد المجاهيل المراد تقديرها بالنموذج الأصلي . ويترتب على ذلك أن يكون هناك أكثر من قيمة لبعض المعلمات المقدرة . ولتوضيح ذلك افترض أن نموذج السوق يأخذ الصيغة التالية :

حيث ر= الثروة ، وهي أحد العوامل التي تؤثّر على طلب المستهلك بجانب الدخل . وفي هذه الحالة يمكن الحصول على الصيغ المختصرة كما يلي :

$$(17-10)...$$
  $\frac{16-7^2}{0...}$   $\frac{1}{0...}$   $\frac{1}{0...}$ 

وبالتعويض من ( 10-13 ) في دالة الطلب أو دالة العرض بالنسق ( 10-10 ) نحصل

$$\frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} + \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{v}} + \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{v}} + \frac{\dot{v}}{\dot{v}} - \frac{\dot{v}}{\dot{$$

وتمثل بدلك كلٍ من ( 10-11 ) ، ( 10-17 ) الصيغ المختصرة للنموذج . وتبلغ معاملات الصيغ المختصرة ثمانية ، وهي كما يلي :

وبجمع البيانات عن المتغيرات ث ، ل ، ك ، ر ، ف واستخدامها في تقدير دوال الصيغ المختصرة (١٥-١٦) ، (١٠-١٠) يمكن تحديد قيم المعاملات أ , ، أ , ، أ , ، أ , ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، . وبالنظر لنموذج ح ، ح ، ح ، و وبالنظر لنموذج السوق في صورته الأصلية (١٥-١٥) نجد أن المعلمات المراد تقديرها والتي تمثل المجاهيل في هذه الحالة عددها سبعة فقط وهي أ ، ب ، ن ، م ، ح ، ق ، ه . ونظرأ لوجود ثماني معاملات معلومة وسبعة مجاهيل يقال أن النموذج زائد التعريف ، وذلك لوجود ثماني معاملات سوف يوجد لها أكثر من قيمة . ومن ثم فإن المعلمات لن تكون وحيدة القيمة في هذه الحالة . فعلى سبيل المثال نجد أن المعلمة الانحدارية للسعر في دالة العرض (ق) يوجد لها أكثر من قيمة حيث :

ومن ناحية أخرى :

جب جب متساويتين ولأن متساويتين ولأن القيمتين أو القيمتين ولأن القيمة المختصرة فإن عدم وجود قيمة وحيدة لها يسبب مشكلة عند حساب قيم كل المعلمات الأخرى . ومن ثم فإن دالة العرض في هذه الحالة تكون دالة غير معرفة ذلك لأن المعلومات المتاحة عنها أكثر من اللازم . ولا يعد أسلوب الصيغ المختصرة أسلوباً ملائماً لتقدير المعلمات إلا في حالة واحدة هي عندما يكون النموذج تام التعريف . أما إذا كان النموذج ناقص أو زائد التعريف فإن هذا الأسلوب لا يصبح ملائماً لتقدير قيم وحيدة لمعلمات النموذج .

ومن الطرق الأخرى التي تستخدم في تقدير المعلمات في حالة النموذج زائد التعريف طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين Two Stage Least Squares التعريف طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين Method ، ومثل هذه الطريقة تساعد على تقدير قيم وحيدة للمعلمات . ووفقاً لهذه الطريقة نقوم بالحصول على الصيغة المختصرة للسعر وهي:

ت=1,+1,ف+1,ل+1,ر+و،

ثم نقوم بتقدير هذه الصيغة باستخدام أسلوب المربعات الصغرى العادية وذلك كمرحلة أولى فنحصل على قيم محددة للمعاملات أ ، ، أ ، ، أ ، ، أ ، . وبمعرفة هذه المعاملات يمكن تحديد القيم المقدرة للسعر عند المستويات المختلفة للمتغيرات : ف ، المعاملات يمكن تحديد القيم المقدرة للسعر عند المستويات المختلفة للمتغيرات : ف ،

$$\hat{c} = \hat{c} + e$$
, حيث  $\hat{c} + \hat{d} + \hat{d} + \hat{d} + \hat{d}$   $c = \hat{c}$  وفي المرحلة الثانية نقوم بالتعويض عن  $\hat{c}$  بقيمتها في دوال الطلب والعرض

الأصلية حيث:

ز، = (2, + ق و ، ) الحد العشوائي بدالة العرض . ( ي ( إ الحد العشوائي بدالة العرض . ( ) ( إ

ثم نقوم بتقدير دوال الانحدار ( 10-17 )، ( 10-17 ) مرة ثانية باستخدام طريقة المربعات العادية لتحديد القيم المقدرة لمعلمات دالتي الطلب والعرض وذلك من خلال بيانات عن ث المقدرة في المرحلة الأولى بدلاً من ث المشاهدة . ويلاحظ في هذا الصدد أن طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين وإن كانت تساعد على التعرف على النموذج زائد التعريف إلا أنها لا تساعد على تقدير معلمات النموذج ناقص التعريف .

### المبحث الثالث

## شروط التعرف

لقد أوضحنا في المبحث السابق كيف نختبر مدى قابلية النموذج ككل للتعرف باستخدام أسلوب الصيغ المختصرة . ولكن كثيراً ما يحتوى النموذج على بعض الدوال التي يمكن التعرف عليها ، والبعض الآخر الذي لا يمكن التعرف عليه . ومن الأمثلة على ذلك نموذج السوق التالى:

فبالحصول على الصيغ المختصرة لهذا النموذج نجد أن :

$$(YY-10) \dots \frac{\binom{1}{6} - \binom{2}{4}}{3 - \binom{1}{4}} + \bigcup \frac{\binom{1}{6} - \binom{1}{4}}{3 - \binom{1}{4}} = \bigcup P = \alpha_1 + \alpha_2 Y + W_1$$

وبالتعويض من (10-22) في دالة الطلب نحصل على :

$$Q = C_1 + C_2 Y + W_1 \qquad \qquad \forall g + J_1 \rightarrow + \downarrow \rightarrow = 2$$

ويلاحظ في هذه الحالة أنه وإن كانت معاملات الصيغ المختصرة أربعة :

إلا أن عدد المعلمات المجهولة بنموذج السوق التي تحتاج لتقدير هي خمسة: أ، ب، م، ج، ق، ومن ثم فإن هذا النموذج يعتبر ناقص التعريف. ولكن بالرغم من ذلك فإنه من الممكن التعرف على بعض دواله وإن كان ليس من الممكن التعرف على البعض الآخر. فمن الملاحظ أنه يمكن التعرف على دالة العرض في هذه الحالة ومن ثم تقدير معلماتها. غير أنه ليس من الممكن التعرف على دالة الطلب. وفي هذا الصدد نجد أن معلمات دالة العرض يمكن تقديرها كالتالي بعد تقدير معاملات الصيغ المختصرة:

وهكذا يمكن تقدير معلمات دالة العرض دون دالة الطلب.

ولكن إذا كانت بعض دوال النموذج يمكن أن تكون غير معرفة ، في حين يكون البعض الآخر معرفاً ، فإننا نصبح في حاجة لمعرفة المعايير التي يمكن من خلالها تحديد ما إذا كانت دالة ٢ معرفة أم غير معرفة . وتسمى هذه المعايير بشروط التعرف وهي تتمثل في النتين:

(۱) شرط الرتبة The Order Condition

The Rank Condition (٢) شرط المرتبة

## ( ۱۶ - ۳ - ۱ ) شرط الرتبة

بالنسبة لأي معادلة حتى تكون معرفة يجب أن يكون القدد الكلى للمتغيرات المستبعدة منها (التي لا تظهر فيها ولكن تظهر في معادلات أخرى بالنموذج)، سواء أكانت متغيرات داخلية أم خارجية، مساوياً أو أكبر من عدد معادلات النموذج مطروحاً منه واحد.

فإذا كان ا

فإن شرط الرتبة يصبح هو:

عدد المتغيرات ( الداخلية والخارجية ) بالمعادلة موضع التعرف = ف 
$$(F)$$

عدد المتغيرات المستبعدة أو الغائبة من المعادلة محل التعرف= ■ - ف (K-F)

$$(Y - 10) \qquad 1 - p \leq (b - 1)$$

$$(K - F) \geq m - 1$$

ويعتبر شرط الرتبة ضرورياً للتعرف على معادلة ما من معادلات النموذج ، ولكنه لا يعتبر شرطاً كافياً كما سنوضح فيما بعد . ويلاحظ أن وجود عدد من المتغيرات المستبعدة من الدالة محل التعرف والمدرجة في الدوال الأخرى يتيح الفرصة لإمكانية احتواء كل دال من الدوال الأخرى على متغير مختلف عن المتغيرات التي تحتوي عليها الدالة محل التعرف ، مما يجعل لها صيغة وحيدة .

ويلاحظ أن شرط الرتبة يمكن إعادة صياغته في صيغة أخرى كما يلي: بالنسبة لمعادلة ما ، حتى يمكن التعرف عليها ، يتعين أن يكون عدد المتغيرات الخارجية المستبعدة منها أكبر من عدد المتغيرات الداخلية المدرجة بها مطروحاً منه واحد . ويمكن إثبات أن هذه الصيغة تكافئ الصيغة السابقة تماماً كما يلي:

عدد المتغيرات الداخلية بالمعادلة محل التعرف 
$$a_1$$
  $a_2$   $a_3$   $a_4$   $a_5$   $a_5$   $a_6$   $a$ 

(TY-10) .... خ ≥ ف - ١

وبالتعويض عن ف بالمعادلة ( ١٥-٢٧ ) نجد أن :

خ ≥ (م، +خ،) - ١

وبطرح " خ , " من الطرفين نجد أن :

 $(7\lambda - 10)$ ..... $(x - x_1) \ge m_1 - 1$   $1 - 10 \le 10 \le 10$ 

(خ - خ , ) = عدد المتغيرات الخارجية المستبعدة من الدالة محل التعرف = عدد المتغيرات الداخلية بالدالة محل التعرف

مثال (١٥١-١) اختبار شرط الرتبة لنموذج الدخل القومي 👊 🏬 🚉

افترض أن نموذج الدخل القومي يأخذ الصيغة التالية :

عب=أ+أ, ل+>,

ت=ب+ب، ل+ب، ف، ++،

ل ≕ مس+ ت+ق

حيث س = الاستهلاك ، ل = الدخل ، ت = الاستثمار ، ف , = سعر الفائدة ، ق = الإنفاق الحكومي .

ويلاحظ أن المتغيرات الداخلية بالنموذج (م) = ٣ وتتمثل في الاستهلاك، و الاستثمار و الدخل، والمتغيرات الخارجية بالنموذج (خ) = ٢ وهي تتمثل في سعر الفائدة والإنفاق الحكومي، وبالتالي فإن العدد الكلى لمتغيرات النموذج: ك = ٥. ويعتبر هذا النموذج كاملاً، حيث: عدد المعادلات = عدد المتغيرات الداخلية = ٣ ويمكن التحقق من مدى توافر شرط الرتبة لكل معادلة كما يلي:

بالنسبة لدالة الاستهلاك:

ومن ثم فإن شرط الرتبة لهذه الدالة يكون قد تحقق . ويمكن التأكد من ذلك باستخدام الصيغة ( ١٥ - ٢٨ ) :

أما عن دالة الاستثمار:

وباستخدام الصيغة ( ١٥ -٢٨ ) نجد أن :

$$1 = 1 - 1 = 1 - 1 = 1$$

ومن ثم فإن شرط الرتبة يكون قد تحقق بالنسبة لدالة الاستثمار.

أما عن المعادلة الثالثة بنموذج الدخل القومي فهي تمثل شرط توازن لا يحتاج لتعرف بطبيعته .

( ١٥ -٣-٢ ) شرط المرتبة

ينص هذا الشرط على أنه بالنسبة لنموذج يحتوى على عدد من المعادلات "م"، فإن أي معادلة من هذه المعادلات تكون معرفة إذا كان من الممكن إيجاد محدد واحد لا صفري على الأقل من الرتبة (م - 1) (م - 1) من معادلات المتغيرات المستبعدة من هذه المعادلة. وهذا يعنى أنه لا يكفى أن يكون عدد المتغيرات الخارجية المستبعدة من المعادلة أكبر من عدد المتغيرات الداخلية بالمعادلة مطروحاً منه واحد حتى يمكن التعرف على المعادلة محل الاهتمام، ولكن يتعين أن تكون المتغيرات المستبعدة من الدالة محل التعرف موزعة على كل دوال النموذج الأخرى وليست مركزة في معادلة واحدة.

ولتوضيح كيفية التحقق من شرط الرتبة نتبع الخطوات التالية على المثال السابق :

(أ) نقوم بتحويل معادلات النموذج إلى معادلات صفرية كما يلي:

(ب) مع إهمال الحدود العشوائية يمكن كتابة المعلمات كما بالجدول (١٥١٥):

جدول (1-10) جدول المعلمات

	ق	<b>ف</b> ،	J	ٽ	هي	المتغيرات المعادلات
	1 1 1 1 1 1	Start of				/0,300
<b>1</b>	San di Malay	1 4 4 4 4 4	, 1	avim sko.	1-	الأولى
	1	744			And the second	الثانية
ب	2.5% (2.3)	ب	ب	1-	1 a 1 a 1	- I
						32121
			1-		1	

(ح.) نقوم باستبعاد صف المعلمات للمعادلة المراد التعرف عليها . فإذا كنا نريد اختبار التعرف بالنسبة للمعادلة الأولى نقوم باستبعاد الصف الأول . ثم نقوم باستبعاد الأعمدة ذات المعاملات اللاصفرية التي تظهر في المعادلة المراد التعرف عليها . ومن ثم يتبقى لدينا معاملات المتغيرات المستبعدة من الدالة محل التعرف والتي تظهر في المعادلات الأخرى . ففي حالة المعادلة الأولى نستبعد العمود الأول (ص) . والثالث (ل) والسادس (1) فيصبح جدول المعاملات (10-2) كما يلي :

جدول ( 10-2) استىعاد المعاملات اللاصفرية

)	ق	ف	٠ ک	ا الله	n nexità es	المتغيرات
			2 TAN		ur de rojak	المعادلات
-			N 2 2 2 19	<u> </u>	4 1	الأولى
				Carried &	yran yart	
	1	٠	1-	1	١	ಸುಬು

(د) نحصل على جدول المعاملات المستبعدة من المعادلة محل التعرف (الأولى) كما يلي بالحدول (10-3).

جدول (١٥-٣) المعاملات المستعدة

ق	ف,	ت	المتغيرات
			المعادلات
•	ب ۲	1-	الثانية
1	•	1	ಸುದು1

ثم نقوم بتكوين محدد أو مجموعة من المحددات من الرتبة (n-1)(n-1) و نختبر قيمتها . فإذا كان هناك محدد على الأقل قيمته غير صفرية تكون المعادلة معرفة . وفغي مثالنا هذا يمكن تكوين ثلاثة محددات من الرتبة  $(n-1)(n-1)=1\times 1$ :

وبافتراض أن ب, ≠ صفر ، إذن هناك 3 محيددات من الرتبة 2 × 2 لها قيم غير صفرية ومن ثم يتحقق شرط المرتبة للمعادلة الأولى .

ويعتبر شرط المرتبة شرطاً كافياً . ويلاحظ في هذا الصدد أنه إذا تحقق شرط المرتبة بالنسبة لمعادلة ما وكانت : (ك - ف) = (a - 1) فإن المعادلة تكون تامة التعريف، أما إذا كانت (b - b) > (a - 1) فإن المعادلة تكون زائدة التعريف. ويلاحظ من المثال السابق أن دالة الاستهلاك زائدة التعريف حيث (b - b) > (a - 1).

#### rada (j. 1841 A.)

=	·	Park R. S.	ke er Esteklig		
	. 1 - 1 - 1 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -		e e e d'encomo		
			4.3.		
	· . · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				
514.44					

The Part Andrews which is a majority of the second confidence of the se

A fee	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
A. W. a.	

the production with the section of t

The first the state of the second sec

# الفصل السادس عشر

# طرق تقدير النماذج متعددة المعادلات

Multi - Equations Methods

يوجد هناك نوعان من طرق تقدير النماذج متعددة المعادلات ، أولهما طرق المعادلة الواحدة ومن أمثلتها طريقة المربعات الصغرى العادية ، وطريقة الصيغ المختصرة ، وطريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين ، وطرق التقدير المختلط ، وثانيهما طرق النموذج ومن أهمها طريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث مراحل . وسوف نتعرض في هذا الفصل لهذين النوعين من الطرق في مبحثين مستقلين :

المبحث الأول: طرق المعادلة الواحدة.

المبحث الثاني: طرق النموذج.

To material Programs to the open meaning as a superior of the color of the color of section of section of the color of the

AND AND STANGERS IN SECTION OF

### 美国第二十二年 医甲基磺基磺基磺胺 化二氯化物 医二氏病 的复数美国人名英格兰

Maria Maria Angeles (1986) (Maria and Angeles (1986) (Maria and Angeles (1986) (Maria an

# 

# المبحث الأول

## طرق المعادلة الواحدة Single - Equation Methods

تتسم هذه الطرق بأنها تقدر كل معادلة من معادلات النموذج بصورة مستقلة، ومن ثم فإنها تأخذ في الحسبان القيود المفروضة على كل معادلة والمعلومات التي تتضمنها المعادلات الأخرى . 

د تضمنها المعادلة بغض النظر عن القيود أو المعلومات التي تتضمنها المعادلات الأخرى . 
ويسمى هذا النوع من الطرق بطرق المعلومات المحدودة المسلومات المحدودة المعلومات المحدودة المعلومات المحدودة النوع من الطرق بطرق المعلومات المحدودة المعلومات المعل

Information Methods . ومن أهم هذه الطرق:

Ordinary Least Squares (OLS)

١ - طريقة المربعات الصغرى العادية

Reduced - Form Method

٢ - طريقة الصيغ المختصرة

Two-Stage Least Squares (2SLS)

٣ - طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين

**Mixed Estimation Methods** 

٤- طرق التقدير المختلط

# ( OLS ) طريقة المربعات الصغرى العادية ( OLS )

لقد تعرضنا من قبل بالشرح المفصل لطريقة المربعات الصغرى العادية ، وأهم الافتراضات التي تقوم عليها ، وكيفية استخدامها في التقدير . ويمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير النماذج ذات المعادلات المتتابعة وذلك عن طريق تقدير كل معادلة من معادلات النموذج بصورة مستقلة . أما في الحالات التي تكون فيها معادلات النموذج مرتبطة مع بعضها البعض بطريقة أو بأخرى فإن طريقة المربعات الصغرى العادية لا تصبح ملائمة للقياس على النحو الذي فصلناه سابقاً .

# ( ١٦-١-١) طريقة الصيغ المختصرة

Indirect تسمى هذه الطريقة أيضاً بطريقة المربعات الصغرى غير المباشرة Least Squares Method (ILS)

التعريف Exactly Identified ، ولكنها لا تصلح في حالة النماذج ناقصة التعريف Underidentified أو زائدة التعريف Overidentified . ويلاحظ أن من المشاكل التي تعانى منها النماذج ذات المعادلات الآنية أن المتغيرات الداخلية يكون بينها علاقات تبادلية ذات اتجاهين كما هو الحال في نموذج السوق مثلاً ، حيث يؤثر السعر على الكمية ، كما تؤثر الكمية على السعر ، الأمر الذي يؤدي لوجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والحدود العشوائية على النحو الذي شرحناه من قبل. وطريقة المربعات الصغرى الغير مباشرة تجعل المتغيرات الداخلية دالة في المتغيرات سابقة التحديد فتقضى على التداخل بين المتغيرات الداخلية في العلاقات . ولقد تعرضنا لهذه الطريقة بالشرح من قبل في فصل التعرف. وسوف نأخذ مثالاً رقمياً هنا ونحاول استخدام هذه الطريقة في القياس من خلاله .

مثال (۱۳ –۱) تقدير النموذج باستخدام طريقة الصيغ المختصرة

### افترض أن نموذج السوق يأخذ الصيغة التالية :

2.2.2	دالة الطلب	د.=أ+بث+مل+»،
(1-17)	دالة العرض	طع=ج+قث+هف+>,
	شرط التوازن	64=19

حيث: كي = الكمية المطلوبة ، كم = الكمية المعروضة ، ث = ثمن السلعة وهذه هي المتغيرات الداخلية ، ل= الدخل ، ف= سعر العنصر الأساسي في إنتاج السلعة، وهما متغيران خارجيان .

وبلاحظ هنا أن هذا النموذج كامل حيث يحتوى على عدد من المعادلات يساوي عدد المتغيرات الداخلية = ٣ ، كما أنه معرف تعريف تام كما اتضح من قبل . ولتقدير معادلات هذا النموذج باستخدام بيانات جدول (١٦١-١) وفقاً لطريقة الصيغ المختصرة نتبع الخطوات التالية: ث (  $\frac{1}{2}$  على الصيغ المختصرة للمتغيرين الداخليين ك (  $\frac{1}{2}$  =  $\frac{1}{2}$  ) ، ث وذلك باستخدام نفس الأسلوب المتبع في فصل التعرف السابق ، فنحصل على الصيغتين

ث=1.+1.0+1.b+ ك=ج, +ج, ف+ج, ل+و,

وحيث أن لدينًا ٢ معلمات للصيغ المختصر هي أ ، أ ، أ ، ، أ - ، ج ، ، ج - ، ج -معلمات مجهولة بنموذج السوق الأصلي هي أ ، ب ، م ، ج ، ق ، ه ، فإن هذا النموذج جدول (١٦-١) يكون تام التعريف .

بيانات السوق

ثمن العنصر (ف) بالجنيه	متوسط الدخل (ل) بالمائة	الثمن (ث) بالجنيه	الكمية (ك) بالطن	المثاهدات		
1	Colored Color	Y 2/2	Now Y	1. Fry 1.		
¥ 4 **	18	٠	#angi yar <b>A</b>	۳		
grant Carrie				and the second of the second		
wang Bara	A COLORA	And the second	) 41	Profit Commence		
hijo Ngje	77	A 3	10	9		
A Section	rei 🍎 des		at see <b>th</b> igh on	State Only		
dogo t <b>a</b> esta e	2.70 Political	State Wales	r hajstaffüllig au	May o A.		
\$15. Verse	saji 🤩 ji ji	arasi Nga	raija <b>To</b> e jyo			
11.		10	٤٠	1.		

(٢) نقوم باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير معلمات الصيغ المختصرة بالمعادلتين (٢-١٦) ، (٢-١٦) باستخدام البيانات المعطاة بالجدول (١-١٦) عن ث ، ف ، ل ، ك. ويلاحظ من (١٦-٢) ، (١٦-٣) أن ث ، ك كمتغيرين داخليين يتحددان بمتغيرين خارجيين هما: ف، ل.

وتتم عملية الحسابات كما يلي:

(أ) تحصل على المتوسطات:

(ب) ثم نحصل على انحرافات القيم عن أوساطها الحسابية كما بالجدول (١٦-٢)،

#### حدول ( ٢- ٢١) - بيانات السوق

		,					<b>U</b> 3 .						
<sup>7</sup> 1J	فار	ثرل,	ثرف,	ف,ل,	اكرف	ıJ.	قار	ثر	14	J	4	ث	
111	. 70	٧٠	Yo	147	70	16-	0-	0	11"-	17	1	r	٧
188	17	£A.	173	166	EA	17-	٤-	€	17-	18	٧.		
171	4	77	1	171	77	11-	r_	۲–	11-	10	-	a	
Yo :	1		v 23.*	٤a	1	_ـــ	1-		۹	71		y	1,1
140		7-		10	¥ 7 ±	r-		1	0-	TT	١,		10
•	1	1	1-		-	1-	1	1		Yo	٧	7	r.
13	٠, ٤	, A	٤	74	18	٤	۲.	٧	١,	۳.	,		77
A1	Ø. <b>€</b>	. } <b>%−</b>	Y-	A1	11.	4		1-	١,	To		1	71
124	1	TA	٦.	71-	٤a	1£	۳	۳	10			, i	To.
1731	70	101	٤.	<b>74</b> •	1	14		- A	٧.		, i		٤٠
مج	-	an 🚧 🚉		5 <b>24</b>		2 di . 1.		. 2:					
. 1			100		7.7	1,1		100	System.	, <b>1</b> 0 V/3			240
Ü		سارل		ال ال	الداهما	Α.			1	J	ف	ث	4
=	=	=	) <b>=</b>	=	<b>=</b> 1.		San A			=	=	22	#
110-	18	TIY	1E ;	17-7	. 177					77-	٦.	γ.	٧.
													١. ا
	166 171 70 11 11 11 11 11 11 11	1911 Yo 18E 17 1911 1 170 1 11 E A1 E 1911 70 1911 10	191	191	191	Ε, ω,         Ε, ω,         Φ, ω,         Φ, ω,         Φ, ω,         Ε, ω,         ΘΥ         ΥΑ         ΘΥ         ΓΡ         ΓΡ         ΘΥ         ΓΡ         ΓΡ </td <td>U1         E, 61, 1         C, 61, 1         C, 61, 1         C, 61, 1         C, 7         C, 7<!--</td--><td>  1</td><td>Co         Eo         Co         Co&lt;</td><td>בן         בן         בן</td><td>                                     </td><td>                                     </td><td>11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1</td></td>	U1         E, 61, 1         C, 61, 1         C, 61, 1         C, 61, 1         C, 7         C, 7 </td <td>  1</td> <td>Co         Eo         Co         Co&lt;</td> <td>בן         בן         בן</td> <td>                                     </td> <td>                                     </td> <td>11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1</td>	1	Co         Eo         Co         Co<	בן         בן			11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

( ح. ) ونقوم بتقدير الصيغة المختصرة ( ١٦ - ٢ ) باستخدام المعادلات الطبيعية التالية:

$$\sum_{i=1}^{n} c_{i} = i, \quad \sum_{i=1}^{n} c_{i}$$

وبالتعويض عن هذه المعادلات من الجدول (١٦-٢) نحصل على:

$$1977 = 1 \cdot 117\xi - 1 \cdot \lambda 1 \cdot \cdot = \begin{vmatrix} 71\lambda & 9\xi \\ 110 & 71\lambda \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\Delta \hat{t}_{\tau} = \frac{3P}{\Delta t} = \frac{P1A}{1 - PA} = \frac{P1A}{1 - PA}$$

$$1, \cdot \varepsilon \circ = \frac{\gamma \gamma \eta \varepsilon}{\gamma} = \frac{\gamma \uparrow \Delta}{\gamma} = \gamma \uparrow \cdot \frac{1}{\gamma}$$

$$-,-170-=\frac{18-}{1171}=\frac{-1\Delta}{\Delta}=-$$

$$1, -1 = -, -1 + 1, -1 = -, -$$

$$\sum c_1 c_2 = e_1 \sum c_1' + e_2 \sum c_1 c_1$$

$$\sum c_1 c_2 = e_2 \sum c_2 c_2 + e_2 \sum c_3 c_4$$

#### وبالتعويض من الجدول ( ١٦-٢ ) في المعادلات الطبيعية السابقة نحصل على:

$$\frac{1}{10} = \Delta$$

$$-\cdot = \frac{\Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \gamma \cdot = \frac{\gamma \gamma \Delta}{\Delta} = -\gamma \gamma \cdot =$$

$$\frac{\Delta + \Delta}{\Delta} = \frac{\lambda \cdot \delta \lambda}{\Delta} = \frac{\lambda \cdot \delta \lambda}{\Delta} = \frac{\lambda \cdot \delta \lambda}{\Delta}$$

( ه. ) يتضح مما سبق أن معادلتي الصيغ المختصرة تصبحان كما يلي:

ومن الممكن تقدير معلمات النموذج الأصلي (١٦١- ) باستخدام المعلمات المقدرة بالنموذج (١٦-٤) حيث:

نموذج السوق الأصلي يصبح:

( ١-١٦ ) طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين

تستخدم طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين في تقدير النماذج أو المعادلات زائدة التعريف . ولما كان من بين المشاكل التي تعانى منها النماذج ذات

المعادلات الآنية وجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والحد العشوائي ، فإن طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين تحاول إزالة هذه المشكلة عن طريق إيجاد متغير وسيط Instrumental variable يستخدم بدلاً من المتغير التفسيري المرتبط بالحد العشوائي ، على أن يتوفر في هذا المتغير الوسيط عدد من الخصائص:

- ( أ ) أن يكون المتغير الوسيط مرتبطاً ارتباطاً قوياً مع المتغير التفسيري الأصلي حتى يصلح لأن يكون ممثلاً عنه أو بديلاً له .
  - (ب) أن يكون المتغير الوسيط غير مرتبط مع الحد العشوائي.

وحتى نتعرف على كيفية استخدام هذه الطريقة دعنًا نأخذ مثالاً:

افترض أننا نريد تقدير النموذج التالي:

$$-1$$
,  $+1$ ,  $-1$ ,  $+1$ ,  $-1$ ,  $+1$ ,  $-1$ ,

س ، = الدخل الكلي

حي = كمية النقود

س := الإنفاق الاستثماري الخاص

س .= الإنفاق الحكومي

ومن ثم فإن المعادلة الأولى تشير إلى أن الدخل الكلي في المجتمع يتحدد بكمية النقود ، وحجم الاستثمار الخاص ، والإنفاق الحكومي . وتشير المعادلة الثانية إلى أن كمية النقود سي تتحدد على أساس حجم الدخل الكلي في المجتمع (ص) . ﴿ ويلاحظ من هذا النموذج أن ص ، ، ص ، متغيرين داخليين ، في حين أن مِنْ ، ، مِنْ الْ متغيرين خارجيين . كما يلاحظ أن هذا نموذج ذو معادلات آنية ، حيث حر ، يتحدد بالمتغير الداخلي ص ، وكذلك ح ، يتحدد بالمتغير ح ، في نفس الوقت . ومن ثم

فإن حى ، كمتغير تفسيري بالمعادلة الأولى يرتبط مع الحد العشوائي ، ، وكذلك الأمر بالنسبة لـ حى ، كمتغير تفسيري في المعادلة الثانية ، حيث يرتبط مع الحد العشوائي ، ، ما وبفح ص النموذج (٦-١٦) نجد أن المعادلة الأولى ناقصة التعريف ، أما المعادلة الثانية فهي زائدة التعريف . ولذلك فليس هناك سبيل لتقدير المعادلة الأولى وهي في هذه الصورة ، غير أنه من الممكن تقدير المعادلة الثانية زائدة التعريف

المرحلة الأولى: نقوم بالحصول على الصيغة المختصرة لمعادلة المتغير التفسيري بالمعادلة الثانية وذلك بجعله دالة في المتغيرات سابقة التحديد بالنموذج ككل وهي

باستخدام طريقة المربعات الصغري ذات المرحلتين كما يلي:

هن ۽ هن ۽ عجبتُ:

$$(Y-17)$$
 ......  $(Y-17)$  .....  $(Y-17)$  .....  $(Y-17)$  .....  $(Y-17)$  .....  $(Y-17)$  .....  $(Y-17)$  ....  $(Y-17)$  ....  $(Y-17)$  ....  $(Y-17)$  ....

المرحلة الثانية: نقوم بالتعويض من المعادلة ( ١٦- ٨ ) في المعادلة الثانية بالنموذج ( ٦- ١٦ ) التي نريد تقديرها فنحصل على:

حيث  $j = ( \psi, \varrho, + 2 \tau )$  وهو يمثل الحد العشوائي في معادلة كمية النقود ( 17-11 ). ويلاحظ أن كل ما حدث في المعادلة ( 17-11 ) هو أننا أحللنا المتغير الوسيط  $\hat{\psi}$ , بدلاً من  $\hat{\psi}$ , حتى نحصل على متغير غير مرتبط مع الحد العشوائي " j", ثم نقوم بتقدير المعادلة ( 17-11 ) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية من خلال بيانات  $\hat{\psi}$ , المقدرة من المرحلة الأولى.

مثال (۲۱–۲)

تقدير النموذج باستخدام طريقة المربعات الصغري ذات المرحلتين

افترض أن البيانات المعطاة بالجدول (11-3) تخص مجتمع ما ، ومن ثم يمكن تطبيق المرحلتين السابقتين كما يلي :

نقوم بتقدير الصيغة المختصرة :

فنحصل على: الله الما

وبتحديد قيم ش ، عند المستويات المختلفة للمتغيرين س ، ، س ، باستخدام الصيغة التالية : ث ، = - 8,41 م ، + 7,19 س ، واستخدام القيم المقدرة

ش , في تقدير معادلة كمية النقود (١٦-١٠) نحصل على:

$$(17-17) \dots + 1 \cdot , 177 + 7 \cdot$$

جدول (۱٦ - ۲) بيانات دالة كمية النقود لمجتمع ما

الإنقاق الحكومي	الاستثمار الخاص	كمية النقود	الدخل الكلى	السنة
YOR	104	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	س ,	
07,0	YE,A	166,7	9-7,7	144+
٥٧,٤	··· <del>V</del> 1, <b>Y</b>	184,7	۵۲۰,۱	1541
٦٣,٤	AT, .	10-,1	٥٦٠,٣	1947
<b>ገ</b>	AY,1	101,0	01-,0	14AT
70,7	16,-	177,7	3,77,6	1946
` <del>`\</del> \\	1-4,1	171, <b>7</b>	748,9	1940
<b>YY</b> ,A	171,6	170,£	YE4,4	1947
۹۰,٧	117,7	147,9	Y47,4	1949
44,4	197,		7,3FA	. 1944
14,1	189,+	Y-A,Y	97.7	19,44
<b>41,7</b>	147,4	YY1,£	199,1	144-
47,7	107,7	110,1	1.02,1	1991
1-6,9	174,5	۸,۰۰۰	1104,•	1997
1-1,1	Y+4,£	171,0	1746,4	1997
117,6	Y-A,4	YAT',A	1797,7	1998

ويتضح من المعادلة (١٦-١٢) أن المقدرة التفسيرية للنموذج كبيرة تساوى ويتضح من المعادلة (١٦-١٢) أن المقدرة التفسيرية للنموذج كبيرة تساوى ٩٩,٥ ٪، وأن المعلمة الانحدارية معنوية إحصائياً . وإذا قارنا النتيجة التي حصلنا عليها من خلال طريقة المربعات الصغرى العادية باستخدام الصيغة الأصلية التالية .

نجد أن الأخيرة أعطت النتيجة التالية :

ويتضح من المقارنة أن النتيجتين متماثلتين تقريباً . ولكن هذا لا يحدث في كل الحالات . ولعل السبب في تماثل النتائج في هذه الحالة هو أنه عند تقدير الصيغة المختصرة (11-11) وجدنا أن ر = ١٨٩٧. الأمر الذي يعني أن الارتباط بين ص ، كمتغير أصلى ، ص ، كمتغير وسيط قوى جداً ويكاد يكون تاماً . ومن ثم فإن التقدير باستخدام هُي لم يختلف كثيراً عنه باستخدام حي . . ولذلك نتوقع أنه كلما انخفضت " ر ' " لمعادلة الصيغة المختصرة ، كلما زاد الاختلاف بين تقديرات طريقتي المربعات الصغري العادية و المربعات الصغري ذات المرحلتين ، و العكس صحيح .

ولتعميم التحليل السابق افترض أن المعادلة زائدة التعريف تأخذ الصيغة التالية :(18-17)

ومن ثم بتقدير الصيغة المختصرة للمتغير الداخلي ص ، لنحصل على 🗬 ، ونعوض بها في المعادلة الأصلية (١٦-١٤) فنحصل على:

ولتقدير المعادلة (17-10) نحصل على صيغة الانحرافات لهذه المعادلة :

$$\omega_{\gamma} = \hat{\varphi}_{\gamma} \hat{\omega}_{\gamma} + \hat{\varphi}_{\gamma} \hat{\omega}_{\gamma} + \hat{\zeta}_{\gamma}$$
 .....(11–11)

ثم نضرب الصيغة ( ١٦-١٦ ) في ص ، ونجمع ، ثم في س ، ونجمع فنحصل على المعادلتين الطبيعتين التاليتين:

$$\sum \omega_1 \cdot \hat{\omega}_1 = \hat{\psi}_1 \cdot \sum \hat{\omega}_1 \cdot + \hat{\psi}_2 \sum \hat{\omega}_1 \cdot \omega_1$$

$$\sum_{i=1}^{n} w_{i} = \hat{\psi}_{i} \sum_{i=1}^{n} \hat{\psi}_{i} + \hat{\psi}_{i} \sum_{i=1}^{n} w_{i}^{i}$$
 (11–11).

وبحل هاتين المعادلتين باستخدام أسلوب المحددات نجد أن المعلمات المقدرة

 $\frac{(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}, \hat{\omega}_{i})(\sum_{i=1}^{n} \omega_{i}, \omega_{i})}{\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}} = \frac{(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}, \omega_{i})(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}, \omega_{i})}{\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}} = \frac{(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}, \omega_{i})(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i})}{\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}} = \frac{(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}, \omega_{i})(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i})}{\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}} = \frac{(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i})(\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i})}{\sum_{i=1}^{n} \hat{\omega}_{i}} = \frac{(\sum_{i=$ 

∑ ش س پر درو پک بس ارواده

 $\sum_{i=1}^{n} (i - i)^{n} = \sum_{i=1}^{n} (i -$ 

 $(\Sigma^{0}, \Sigma^{0})(\Sigma^{0}, \Sigma^{0})$ 

أما عن تبايئات المعلمات المقدرة لطريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين فيمكن تقديرها باستخدام الصيغ التالية :

حيث:

ملاحظات تخص طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين:

- (1) يتعين توفر عدد من الافتراضات حتى تكون هذه الطريقة صالحة للتطبيق أهمها: (أ) أن تكون العينة كبيرة لحد ما ، حيث أن القيم المقدرة باستخدام العينات الصغيرة تكون متحيزة .
- (ب) يتعين أن يكون تعيين النموذج صحيحاً ولا يوجد هناك ارتباط بين المتغيرات التفسيرية في نفس المعادلة .
- (٢) إذا كانت بعض معادلات النموذج ناقصة التعريف وبعضها زائدة التعريف فإن استخدام هذه الطريقة يمكن من تقدير المعادلات زائدة التعريف بالرغم من كون المعادلات ناقصة التعريف غير قابلة للتقدير . أي أن هذه الطريقة تمكن من تقدير بعض معادلات النموذج دون حاجة للمعلومات المتوفرة عن كل معادلات النموذج .

the first on a sequence for the second control through the second and the second control to the second control the second control to the second control to

- ( **\*** ) من السهل تطبيقها حيث أن كل ما يحتاجه الباحث عند استخدامها هو عدد المتغيرات سابقة التحديد بالنموذج ليبني على أساسها الصيغ المختصرة .
- (٤) عندما تكون " ر " للصيغة المختصرة المقدرة بالمرحلة الأولى أكبر من ٠,٠ فإن نتائج التقدير باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين تكون قريبة من نتائج التقدير الناجمة عن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية .
- (٥) يلاحسط أن تبايسنات المعسلمات المقسدرة الستي نحصسل علسيها مسن المسرحلة الثانية  $a^{**}$ ,  $a^{**}$ , a

$$3^{*}_{i} = \frac{\sum (-\psi_{1} - \psi_{1} - \psi_{1} + \psi_{1})^{*}}{\psi_{1} - \psi_{1}}$$

$$3^{*}_{c} = \frac{\sum (-\psi_{1} - \psi_{1} - \psi_{1})^{*}}{\psi_{1} - \psi_{1}}$$

$$3^{*}_{c} = \frac{\sum (-\psi_{1} - \psi_{1} - \psi_{1})^{*}}{\psi_{1} - \psi_{1}}$$

ونلاحظ أنه عندما ر' = 1 في معادلة الصيغة المختصرة بالمرحلة الأولى فإن :  $3'_{c}/3*'_{c}=1$  ، وعندما  $3'_{c}/3*'_{c}=1$  فإن  $3'_{c}/3*'_{c}=1$  ولإجراء التصحيح نقوم بضرب :

### ( ١٦-١-١ ) طرق التقدير المختلط:

يمكن تعريف طرق التقدير المختلط بأنها تلك الطرق التي تخلط معلومات العينة مع معلومات أخرى عن معلمات النموذج متاحة من مصادر خارجية . ومن أهم المصادر الخارجية التي يمكن الحصول منها على معلومات عن النماذج محل التقدير: النظرية الاقتصادية ، والقوانين، والدراسات القياسية التطبيقية السابقة . وسوف نتعرض هنا لطريقتين فقط من هذه الطرق هما:

أولاً: طريقة المربعات الصغرى المقيدة Restricted Least Squares أولاً: طريقة مزج بيانات السلسلة الزمنية والبيانات القطاعية Pooling Cross-Section and Time-Series Data

### أولاً: طريقة المربعات الصغرى المقيدة:

وتطبق هذه الطريقة عندما يكون لدينا معلومات مسبقة عن قيم محددة لبعض المعلمات . فإذا افترضنا أننا نريد تقدير العلاقة التالية :

والتي يمكن صياغتها في صورة انحرافات كما يلي:

$$(Y\xi-17)$$
 ......  $y = \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + u$   $y = \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + u$ 

وكان لدينا معلومات مسبقة عن قيمة ب, حيث ب، = ق → (β, = k)، فبالتعويض عن ب, بقيمتها في (٦٤-١٦) نحصل على:

$$\omega = \delta \omega_1 + \psi_1 \omega_2 + \omega_3$$
  
 $\omega = \delta \omega_1 + \psi_2 \omega_3 + \omega_4$   
 $\omega = \delta \omega_1 + \delta \omega_2 + \omega_3 + \omega_4$ 

ويمكن كتابة هذه المعادلة في الصيغة التالية :

ومن الممكن تقدير العلاقة (١٦- ٢٥ ) باستخدام طريقة صغرى العادية على

النحو التالي :

$$\beta_{2}^{*} = \frac{\sum yx_{2} - k\sum x_{1}x_{2}}{\sum x_{2}^{2}}$$

مثال (۱٦-۲) استخدام طريقة التقدير المختلط

افترض أن: ب ، = ق = ب وكانت البيانات المتاحة عن الانحرافات: ص،

س ، ، س ، كمّا بالجدول (١٦ –٤):

#### جدول (١٦-٤)

(0)	(٤)	(7)	(۲)	(1)
ص*=ص-۳ س	ق س = <del>۱</del> س ا	س ،	ش ,	٠٥٥
The second second	£-	1.	۸-	Y+-
m= %	<sup>1</sup> 0 11 <b>Y</b> =11	٨	٤-	10-
<b>Y</b> =1 ( )	`` <b>\"−</b>	٤	. : <b>%-</b> : :	1
Aller State Control of the Control o	A 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1	صفر	۲-	صفر
1.20	صفر 🚎 🚐	٤-	صفر	r de la de
No. of the second	4	17- gr	- 17	10
made and and	₩.j. <b>(</b>	<b>A</b> -	٨	۲٠

ومن ثم يمكن تقدير العلاقة ( ١٦-٢٥ ) باستخدام الصيغة ( ١٦-٢٦ ) أو الصيغة ( ١٦-١٦ ) من خلال البيانات السابقة . فالأعمدة ( ٥ ) ، (٣) بالجدول ( ١٦-٤ ) تصلح لتقدير الصيغة ( ١٦-٢٦ ) . ولقد اتضح أن " ب\* ، " المقدرة بطريقة المربعات الصغري المقيدة أكثر كفاءة من ب التي يمكن تقديرها بطريقة المربعات الصغرى العادية . ويمكن تحديد تباين المعلمة المقدرة ب\* ، باستخدام الصيغة التالية :

ع\*'رْء=ع'د (۱/ ∑ س'ج) (YA-17) .....

## أمثلة اقتصادية لطريقة المربعات الصغرى المقيدة

ا - نموذج الإيراد الحكومي من الضرائب غير المباشرة

افترض أننا نريد تقدير دالة الإيراد الحكومي من الضرائب غير المباشرة باستخدام الصيغة ( ١٦-٢٩ ):

$$(Y_1-Y_1)$$
 ......  $c+...+_{r}$   $x_1+r$   $x_2+r$   $x_3+r$   $x_4+r$   $x_1+r$   $x_2+r$   $x_3+r$   $x_4+r$   $x_1+r$   $x_2+r$   $x_3+r$   $x_4+r$   $x_1+r$   $x_2+r$   $x_3+r$   $x_4+r$   $x_4+r$   $x_5+r$   $x_5+$ 

- ب = متحصلات الحكومة من الضرائب غير المباشرة
- $(X_1)$ م : = إنفاق المستهلكين على المنتجات الغذائية
- ◄ إنفاق المستهلكين على المنتجات السيجية
- م ، = إنفاق المستهلكين على المنتجات التبغية

فإذا قرر المشرع أن تفرض ضريبة موحدة على استهلاك المنتجات التبغية بنسبة ٠٠٪ من الثمن فإن هذا يفيدنا في تقدير الدالة ( ١٦-٢٦ ) ، حيث يمكن اعتبار: ب " = ٠,٧ في هذه الحالة . ومن ثم نقوم بأستبعاد أثر س، من النموذج على النحو التالي :

ثم نقوم بتقدير الدالة ( 17-30 ) باستخدام طريقة المربعات الصغرى المقيدة على النحو الذي تقدم .

٢ - دالة الإنتاج المقيدة:

افترض أننا نريد تقدير دالة الإنتاج لقطاع صناعي معين باستخدام الصيغة التالية (دالة إنتاج كوب دوجلاس):

حيث: حى = الناتج الكلى للقطاع (Y)

 $X_{ij}$ يس ۽  $oldsymbol{z}$  کمية رأس المال  $X_{ij}$   $X_{ij}$  واقعي والمان والمال  $X_{ij}$ 

وافترض أن معلومات هندسية توفرت لدينا تفيد بأن هذا القطاع الصناعي يعمل في ظل ثبات غلة الحجم ، أي أن مضاعفة مدخلات العمل و رأس المال تؤدى لمضاعفة الإنتاج . ومن ثم فإن هذه المعلومات تعنى أن :  $\mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2 = 1$  ، وبالتالي إذا استطعنا قياس"  $\mathbf{p}_1 = 1$  ، " أو "  $\mathbf{p}_2 = 1$  ، وفي هذه العالمة الأخرى حيث :  $\mathbf{p}_2 = 1 - \mathbf{p}_3$  ، وفي هذه العالة ليس هناك حاجة لقياس المعلمتين ، وإنما يكفي قياس إحداهما على أن نستخدم المعلومات المتوفرة مسبقاً في تحديد قيمة المعلمة الأخرى .

وبقسمة طرفي المعادلة ( ١٦-٣١) على , س , نحصل على : حس أ عن , ١٠٠ عن, ١٠٠ هـ ،

$$\frac{1}{2} \left( \frac{1}{1} \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{4}} \right)^{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{4}}{1} \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{4}}$$

$$Y^* = AX_1^{*\beta_1}e^u$$

faguspif galkii kasaa ibaab

$$Y^* = \frac{Y_1}{X_2}$$
 = الإنتاجية المتوسطة للعامل = \* -

$$X_1^* = \frac{X_1}{X_2}$$
 معامل کثافة رأس المال / العمل  $= \frac{1}{2}$ 

وبتقدير المعادلة (١٦-٣٢) باستخدام طريقة المربعات الصغرى المقيدة يمكن تحديد قيمة " ب، " ومنها يمكن تحديد قيمة " ب، ".

٣ - دالة الطلب المقيدة

إذا أردنا تقدير دالة الطلب باستخدام الصيغة التالية :

$$(Y - 17)$$
  $Y = AX^{\beta_1}P^{\beta_2}e^{u}$ 

خيث:

$$(\beta_1)$$
 ب = مرونة الطلب الدخلية

$$(\beta_2)$$
 مرونة الطلب السعرية

فإذا أردنا أن نلتزم بالفرض الاقتصادي القائل بأن المستهلك رشيد ولا يخضع لظاهرة الخداع النقدي فإن هذا يتضمن أن : ب ، + ب ، = صفر . وباستخدام هذا القيد يكفي أن نقيس أي من المعلمتين " ب , أو ب , " ، حيث إذا حددنا قيمة أحدهما يمكننا تحديد قيمة الأخرى . فوفقاً للقيد السابق ب = - ب ، ، ب - = - ب . . وبقسمة طرفي المعادلة (13-33 ) على " ث " نحصل على :

(۳٤–۱٦) .... 
$$Y^* = A^* \ X^*^{\beta 1} e^u$$

$$Y^*=rac{Y}{P}$$
 خوط  $I$  أنه الإنفاق الحقيقي أو الكمية المطلوبة من السلعة  $A^*=rac{A}{P}$  علمة ناقلة  $X^*=rac{X}{P}$  علمة ناقلة  $X^*=rac{X}{P}$  علمة ناقلة  $X^*=X$  علمة ناقلة  $X^*=X$  الدخل الحقيقي  $X^*=X$ 

ب , \* = مرونة الطلب الدخلية وبتقدير الصيغة (١٦-٣٤) باستخدام طريقة المربعات الصغرى المقيدة يمكن الحصول

 $(\beta_1)$ 

### مثال (١٦-٤) تقدير دالة الاستهلاك المقيدة

افترض أننا نريد تقدير دالة الاستهلاك باستخدام الصيغة التالية:

حيث:

**س = الإنفاق الاستهلاكي** 

ج = الأجور والمرتبات = دخل العمل

ح = الإيجار والأرباح = دخل الملكية

ب، = الميل الحدي للاستهلاك لدى العمال

ب - = الميل الحدي للاستهلاك لدى الملاك

فإذا توفرت لدينا معلومات من دراسات قياسية سابقة تفيد بأن ب، = ٣/٢ ب، أي أن الميل الحدي للاستهلاك الميل الحدي للاستهلاك ( الغنية ) أقل من الميل الحدي للاستهلاك لدى طبقة العمال ( الفقيرة ) بمقدار الثلث ، فمن الممكن الاستفادة من هذه المعلومات في تقدير المعادلة (١٦-٣٠) بتحويلها إلى دالة مقيدة . فبالتعويض عن ب، في المعادلة (١٦-٣٠) نحصل على ذالة الاستهلاك المقيدة التالية :

حيث ج\*=(ج+٢/٢ح)

وبتقدير الدالة (١٦-٣٦) نحصل على الميل الحدي للاستهلاك " ب , "ومنه نحصل على ب ، فإذا كانت البيانات الخاصة بالمملكة المتحدة على النحو الموضح بالجدول (١٦-٥):

جدول (١٦–٥ ) بيانات الاستهلاك بالمملكة المتحدة ﴿ مليونَ إسترليني﴾

					M <sub>Q</sub>		
i	ج*=	الدخل الكلي	دخل الملكية	دخل العمل	الإنفاق الاستهلاكي	السنة	٦
	ج+۲/۳ح	ل=ج+ح	7	7	<b>~</b>		
	2116	1100	TOTT	YETT	Apor	1984	┨
	A3FF	1.0.4	Toys	7474	49.PA	69	ĺ
	147	1-974	7707	APYY	16	0.	
	11-76	11977	17.0	9771	1-10-	01	ı
	11737	ITYIA	TYYO	1161	1-741	or	
	17010	*** TYERY:	YAPY	1.07.	116.7	٥٣	l
	17708	1877	: 4:4 <b>*.**</b>	1 11TTY	17-41	05	l
	16614	10847	7140	ITTAA	15.54	_	l
	Accel	17750	rru	17746	17755	00	ı
	17610	17001	<b>76.4</b>	16166	160-1	<b>07</b>	
	17714	14077	TIET	1844-	IOTAL	OY AA	l
l	14713	ייי וייי	TOA	YYFOI	18 15 <b>12119</b> 114 1		l
	11060		EAOT.	1371-	17 Jan 1797 Marks	01	
	F1744	TYAA-	EYET	14174	1747-		
	PASTY	76177	£910	11717	1411	71	
	TTAOT	3-507	2707	7-757	747	٦٢	!
	10440	** ***********************************	OAFO	71940		77"	
	TA-TE	T1-	7147	TTAST	71604	18	
	raari	77+97	TEAT	7071-	77440	70	
	TITAA	FFROT	1797	TRACY	72777	77	
	TTAE1	- PAPPP	Y1Y6-		70777	17	
	F7174	TAOY	77.4	14.04	TYIIT	7.4	
_			71. 3	- FIFTE	School PANNA COLOR	74	

وباستخدام هذه البيانات في تقدير الصيغ التالية نجد أن :

$$\Delta = 7.77 + 7.7$$

$$= -717 + 37.5 = + 6$$
 $= -717 + 37.5 = + 6$ 
 $= -717 + 37.5 = -7.7 = -7.$ 

وبمقارنة الصيغ الثلاثة (١٦-٣٧)، (١٦-٣٨)، (١٦-٣٩) نجد أن الصيغة المقيدة (١٦-٣٨) هي أفضلها، ذلك لأن الأخطاء المعيارية عند حدها الأدنى في هذه الصيغة كما يتضح بالجدول (١٦-٣).

### ج**دول (٦٦-٢)** المرابع المقادمة

ſ	ة المقدرة ٪	المعلمة عصر		
	(11-17)	("X=1"t)	*** (TY-17)	المقدرة
				e y Ayrandaya a <b>a</b> r
ŀ			۸,٦	
L	1,57	1,70	£.,	ټ،

#### ثانياً: طريقة مزج بيانات السلسلة الزمنية والبيانات القطاعية

حتى نتعرف على كيفية عمل هذه الطريقة دعنا نفترض أننا نريد تقدير دالة الطلب باستخدام الصيغة التالية :

و افترض أن لدينا بيانات سلسلة زمنية للفترة 1940-1940 كما لدينا بيانات عن ميزانية محموعة من الأسر عام 1998 .

يلاحظ عموماً أنه من بين المشاكل التي تواجهنا عند استخدام بيانات سلسلة زمنية وجود ارتباط بين قيم جميع المتغيرات التفسيرية عبر الزمن بما قد يؤدى لوجود ما يسمى بمشكلة الامتداد الخطي المتعدد Multicollnearity . كما أنه من الصعب تقدير العلاقة (١٦-٤) باستخدام بيانات قطاعية عن ميزانية الأسر في سنة معينة ذلك لأن معلمة السعر "ب, " لا يمكن تقديرها من هذه البيانات حيث يوجد سعر واحد بالنسبة لجميع الأسر عند نقطة زمنية معينة . ولتفادي هذه المشاكل نقوم بتقدير مرونة الطلب الدخلية من البيانات القطاعية ، خاصة و أن السعر ليس متغيراً فيها ، وذلك باستخدام الصيغة التالية :

(11-11)	ط = لا ل الله الله الله الله الله الله ال	Section 1
$(\mathbf{\tilde{X}})^{\dagger}$	ط = الإنفاق على أو الكمية المطلوبة من السلعة	حيث:
Masterial constant	ل = الدخل النقدي	

(
$$\beta_1$$
) =  $\alpha_0$  |  $\beta_1$ 

وبعد تقدير "ب , " من البيانات القطاعية نقوم باستخدامها لعزل أثر الدخل من بيانات السلسلة الزمنية ، ثم نستخدم هذه البيانات لتقدير مرونة الطلب السعرية ، فإذا افترضنا أن \_ = ب\*, بعد تقديرها نحصل على :

$$Y^* = \ln Y - \beta_1^* \ln X$$
 ط\*= لوط - ب\*، لول

حيث ط\* هي مؤشر الكمية المطلوبة بعد عزل أثر الدخل . ثم نستخدم الصيغة (17-21 ) في تقدير مرونة الطلب السعرية " ب ٢ " من خلال بيانات السلسلة الزمنية :

وبالحصول على ب\*، من ( ١٦-٤١ ) ، ب ، من ( ١٦-٤١ ) يصبح لدينا دالة الطلب التالية :

### ط=أل <sup>بدا</sup> ث<sup>با</sup>ه

ومن مزايا هذه الطريقة:

( 1 ) التخلص من مشكلة الامتداد الخطي المتعدد حيث أن تقدير "ب " من بيانات قطاعية وتقدير " ب " من بيانات سلسلة زمنية لا يتيح فرصة وجود ارتباط بين المتغيرين التفسيريين ل ، ث .

(٢) التخلص من مشكلة التعرف: إذا تم تقدير دالة الطلب باستخدام بيانات سلسلة زمنية فإن هناك احتمال أن تكون الدالة المقدرة دالة عرض . غير أن تقدير مرونة الطلب الدخلية من بيانات قطاعية لا يدع مجالاً للشك أن هذه دالة طلب ، ذلك لأنها تعكس سلوك المستهلك وليس المنتج . وبالتالي تكون الدالة المقدرة هي دالة طلب .

(٣) التخلص من مشكلة التحيز الناجمة عن المعادلات الآنية . فيلاحظ أن تقدير مرونة الطلب الدخلية من بيانات قطاعية لا يتيح فرصة لأن تؤثر الكمية على الدخل وإن كان يتيح فرصة لأن يؤثر الدخل على الكمية .

ولكن من أهم المشاكل التي تواجه الباحث عند استخدام بيانات قطاعية، صعوبة الوصول للقيمة الحقيقية لمرونة الطلب الدخلية فالبيانات القطاعية عن ميزانيات الأسر تحتوى على الإنفاق الكلى وليس الدخل الكلى لكل أسرة ، بالإضافة إلى الإنفاق على كل سلعة على حدة . ولذلك فإن ما نحصل عليه من البيانات القطاعية هي مرونة الإنفاق على السلعة بالنسبة للإنفاق الكلى وليس الدخل الكلي . أي عندما نقدر الصيغة التالية :

حيث: ق، = الإنفاق على السلعة ١، ق = الإنفاق الكلي، فإن "ب، " هي مرونة الإنفاق على السلعة ١ بالنسبة للإنفاق الكلي . أي أن : القصل السائس عشر : طرق تأدير النماذج متعددة المعادلات

$$(\xi\xi - 17) \qquad \qquad \frac{65}{5} / \frac{65}{5} = \frac{6}{5}$$

ولكن ما نحتاجه في دالة الطلب هو مرونة الطلب الدخلية : 6 ط مل

حيث: ط= الكمية المطلوبة من السلعة ، ل= الدخل النقدي

ولا شك أن م ق ، > م ل ، ذلك لأن ( 6 ق / ق ) <( 6 ل / ل ) حيث أن زيادة الدخل بنسبة معينة تؤدى لزيادة الإنفاق على السلع الاستهلاكية بنسبة أقل وفقاً لقانون إنجل. وحيث 6 ق / ق هو مقام مرونة الإنفاق م ق ، ، و 6 ل / ل هو مقام مرونة الدخل

on the set of the set was a set, with the set of the policy of the set of the policy of the set of

وللحصول على مرونة الطلب الدخلية م ل من مرونة الإنفاق م ي يتعين أن

نحسب الصيغة التالية:

حيث: م ں = مرونة الطلب الدخلية للسلعة ١ = (6 ط , / 6 ل) (ل / ط , )

وبالتعويض في المعادلة الأولى نحصل على: 
$$\frac{6}{6}$$
  $\frac{6}{16}$   $\frac{6$ 

=مط

أما عن م ور فيمكن تقديرها من خلال تقدير الصيغة :

ق=أل <sup>ح</sup>ه'

حيث ق = الإنفاق الكلي على الاستهلاك بالمجتمع.

ل = الدخل الكلي للمجتمع .

and the refer desired to a record of the second

وفيما يتعلق بـ "من" فهي تقيس التغير في السعر الذي يدفعه الغنى ذو الدخل المرتفع عن السعر الذي يدفعه الفقير ذو الدخل المنخفض مقابل النوعية الأحسن للسلعة أو الخدمة الأفضل. وهذه من الصعب تقديرها وهناك من يفترض لها قيمة تحكمية = ٠,١٠ ولكن هذا ينتقد من حيث أنه فرض تحكمي لا يستند لأساس موضوعي .

place was probability for made taking the party of the fit of the fitter of

(1) to find the page the they have ago great to extend a time has been as

The second of th

t II ) kai sejan salta kelati seli. Neseaka Partinangi salampe dekelik samata . Magang sejada manalak, adil Itolohyi bili Kadalah di Partinan kepengan kepenalah. Magang bilat Manga

e de la company de la comp La company de la company d La company de la company de

galle, Marris saiditat teatrici

# المبحث الثاني طرق النموذج System Methods

تسم هذه الطرق بأنها تقدر كل معادلات النموذج آنياً أي في وقت واحد . ولذا فإنها تأخذ كل المعلومات والقيود التي تتضمنها معادلات النموذج في الحسبان عند تقدير أي معادلة . وتسمى أيضاً بطرق المعلومات الكاملة . Methods . ومن أكثر هذه الطرق شيوعاً هي طريقة المربعات الصغرى ذات المراحل الثلاث : ( Three Stage Least Squares Method ( 3SL )

وتستخدم هذه الطريقة عندما يعاني النموذج من المشاكل التالية :

- ( 1 ) أن يكون النموذج زائد التعريف دون وجود أي معادلات ناقصة التعريف به .
- (٢) أن يوجد هناك ارتباط بين الحدود العشوائية في المعادلات المختلفة . أي عندما  $c_{col} = c_{col} + c_{co$
- (٣) أن يوجد هناك ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والحدود العشوائية بمعادلات النموذج، وهذا يحدث في حالة النماذج ذات المعادلات الآنية، ويؤدى لوجود مشكلة عدم ثبات التباين.

الثلاث مراحل يؤدي إلى نفس نتائج طريقة المربعات الصغري ذات المرحلتين .

وتعتبر طريقة المربعات الصغرى ذات المراحل الثلاث طريقة مركبة ، فهي تحتوى على نفس خطوات طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين يضاف إلى ذلك طريقة المربعات الصغرى العامة . General Least Squares

ويمكن تلخيص خطواتها فيما يلي:

#### (١) افترض أن النموذج المراد تقديره يأخذ الصيغة التالية :

(£7-17) ...... 
$$1 \le +_7 \cdot \alpha_7 \cdot 1 +_7 \cdot \alpha_7$$

حيث حرى، حرى متغيرين داخليين، هرى، هرى، هرى متغيرات خارجية. ويلاحظ أن كلٍ من المعادلتين (١٦-٤٦)، (١٦-٤٧) زائدة التعريف، كما أن النموذج ذو معادلات آنية . ولتقدير النموذج يتعين تقدير الصبغ المختصرة للمتغيرين الداخليين حرى، حرى والمتمثلتين في:

$$= 0. + 0.4$$
  $= 0. + 0.4$   $= 0. + 0.4$   $= 0.4$ 

وباستخدام هاتين الصيغتين يمكن تحديد القيم المقدرة للمتغيرين الوسيطين حرب ، . . ^

عن ۾ ، حيث:

$$\hat{\Delta}_{1} = \hat{\delta}_{1} + \hat{\delta}_{1} + \hat{\delta}_{2} + \hat{\delta}_{3} + \hat{\delta}_{4} + \hat{\delta}_{5} + \hat{\delta}_{5}$$

#### ومن ثم فإن :

(0.-17) ...... 
$$Y_1 = \hat{Y}_1 + W_1$$
  $g + \hat{y} = 0$   $g + \hat{y} = 0$ 

وبالتعويض من (١٦-٥٠)، (١٦-٥١) في (١٦-٤١)، (١٦-٤٢) نحصل على :

(87-17) .... 
$$,j+,\omega_1,j+,\omega_1,j+,i=,\omega_2,$$
(87-17) ....  $,j+,\omega_2,j+,\omega_3,j+,i=,\omega_4,$ 

$$Y_1=\alpha_0+\alpha_1Y_2+\alpha_2X_1+\alpha_3X_2+V_1$$

$$Y_2=\beta_0+\beta_1\hat{Y}_1+\beta_2X_3+\beta_3X_4+V_2$$

وباستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية يمكن تقدير معلمات المعادلتين (12-12 )، (11-20 ) وتكون بذلك قد تمكنا من التخلص من مشكِلة التعريف الزائد . ( ٣ ) ثم نستخدم طريقة المربعات الصغرى العامة للتخلص من مشكلة ارتباط الحدود العشوائية للمعادلتين ( ١٦-٥٢ ) ، ( ١٦-٥٣ ) وكذلك للتخلص من مشكلة ارتباط المتغيرات التفسيرية بالحدود العشوائية بالمعادلتين . فمن المعروف أن طريقة المربعات الصغري العادية تفترض ثبات تباين الحد العشوائي عند كل قيم المتغير التفسيري . ولا شك أن اعتمادها على هذا الافتراض يعني أنها تعطى جميع المشاهدات وزناً متساوياً في تأثيرها على معادلة الانحدار المقدرة . ولذلك فإن هذه الطريقة تسمى طريقة المربعات الصغرى غير المرجحة Unweighted Least Squares ، وإذا اختل هذا الافتراض فإن طريقة المربعات الصغرى العادية أو غير المرجحة تصبح غير ملائمة . فيلاحظ في هذه الحالة أن المشاهدات الأكثر قرباً من حَطَّ الانحدار تكون هي الأكثر أهمية في تحديد مساره أما المشاهدات الأكثر بعداً عنه فإنها تكون قليلة الأهمية في تحديد مسار خط الانحدار. وبمعنى آخريمكن القول أنه كلما زاد تباين الحد العشوائي كلما قل وزن المشاهدات في تأثيرها على مسار خط الانحدار المقدر ، وكلما قل تباين الحد العشوائي ع و كلما زاد وزن المشاهدات في تأثيرها على مسار خط الانحدار. ولذلك يتعين إعطاء المشاهدات ذات التباين الأقل وزناً أكبر من المشاهدات ذات التباين الأكبر . وتحاول طريقة المربعات الصغرى العامة عمل ذلك ، فهي تعطي كل قيمة مشاهدة وزناً = ( 1 / ع]. = ) المقابلة لها . ومن ثم تصبح معادلة الانحدار المقدرة :

$$\frac{a_{1}}{3^{1}u} = i \cdot \frac{3^{1}u}{3^{1}u} + i_{1} \cdot \frac{3^{1}u}{3^{1}u} + \frac{a_{1}}{3^{1}u} + \frac{a_{2}}{3^{1}u} + \frac{a_{2}}{3^{1}u}$$

وبالتالي كلما زاد تباين الحد العشوائي كلما قل وزن المشاهدة " ر " في التأثير على -المتغير التابع . ولهذا السبب تسمى طريقة المربعات الصغرى العامة بطريقة المربعات الصغرى المرجحة ( Weighted Least Squares Method ( WLS ) وهي تهدف لتدنية:

 $(200, -1, -1, 200, 10)^{2}$   $= (200, -1, -1, 200, 10)^{2}$   $= (200, -1, -1, 200, 10)^{2}$ 

وليس تدنية :

"(rw,î-,w,î-î-,w) Z

كما هو الحال في طريقة المربعات الصغرى العادية .

كما يلاحظ أيضاً أن قسمة الحد العشوائي در على ع من يقلل من قيمة الحد العشوائي مما يترتب عليه إلغاء أثر ما قد يوجد بينه وبين الحد العشوائي لمعادلة أخرى من ارتباط .

ويوجد في برنامج الكمبيوتر Eviews-4.1 اختيارات تمكن الباحث من CLS, TSL, : CLS النموذج باستخدام أي طريقة من الطرق المتعارف عليها مثل: CLS وغيرها والمطلوب في حالة طريقتي CLS CLS تجهيز المتغيرات الوسيطة من خلال تقدير الصيغ الملائمة والتي تتمثل في  $\hat{Y}_1 cr \hat{Y}_1, \hat{Y}_2$  ذلك لأن البرنامج من خلال تقدير الصيغ الملائمة والتي تتمثل في CLS CLS والمتغيرات الخارجية يسألك عن : المتغيرات الداخلية Endogenous variables والمتغيرات الخارجية والتي لا بد CLS CLS والمتغيرات الوسيطة CLS CLS

#### Carlo Marie Marie

Element to be a second

200 美国的人们是国际的人。

An professional section of the secti

The second of th

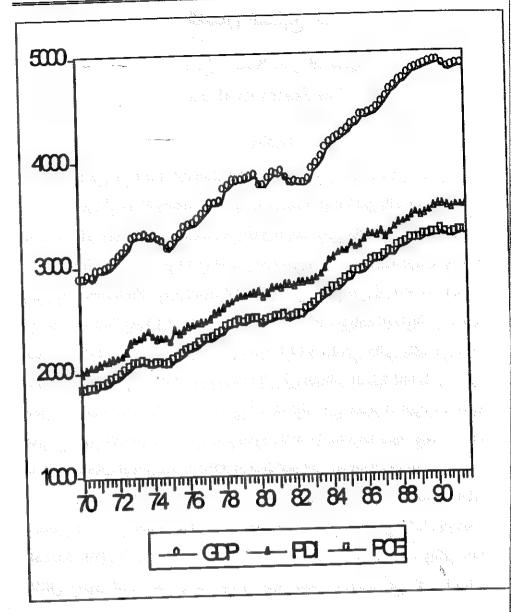
## الفصل السابع عشر

# تحليل السلاسل الزمنية Time Series Analysis

#### مقدمة

تفترض كل الدراسات التطبيقية التي تستخدم بيانات سلسلة زمنية أن هذه السلسلة مستقرة أو ساكنة Stationary . وصفة الاستقرار أو السكون تلك تتحدد ببعض الخصائص الإحصائية التي سوف نتعرض لها فيما بعد . وفي حالة غياب صفة الاستقرار الخصائص الإحصائية التي سوف نتعرض لها فيما بعد . وفي حالة غياب صفة الاستقرار كون المؤشرات الأولية التي تدل على أن الانحدار المقدر يكون زائفاً Spurious . ومن المؤشرات الأولية التي تدل على أن الانحدار المقدر من بيانات سلسلة زمنية زائف كبر معامل التحديد "R ، وزيادة المعنوية الإحصائية للمعلمات المقدرة بدرجة كبيرة ، مع وجود ارتباط سلسلي ذاتي يظهر في قيمة معامل ديربن واتسون DW . ويرجع هذا إلى أن البيانات الزمنية غالباً ما يوجد بها عامل الاتجاه الدي يعكس ظروفاً معينة تؤثر على جميع المتغيرات فتجعلها تتغير في نفس الاتجاه بالرغم من عدم وجود علاقة حقيقية تربط بينها . ويحدث هذا غالباً في موجات الرواج وموجات الكساد أو الركود التي تجتاح المجتمعات.

والشكل ( ١-١٧ ) يمثل المسار الزمني للناتج المحلى الإجمالي GDP والدخل الشخصي PCE ، والإنفاق الاستهلاكي الشخصي PCE للولايات المتحدة خلال الفترة ١٩٩٠-١٩٩١ باستخدام بيانات ربع سنوية . ويظهر هذا الشكل وجود اتجاه عام واحد يعكس صفة عدم الاستقرار في كل البيانات الموجودة. كما يحتوي الجدول (١-١٧) على البيانات التي اشتق هذا الشكل منها .



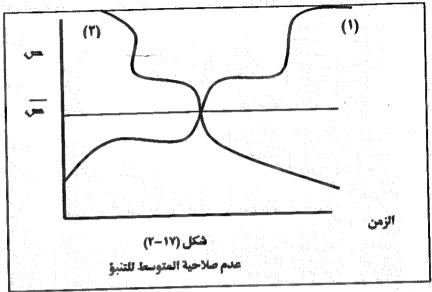
شكل (١٧-١) الناتج المحلي الإجتمالي والدخل الشخصي والإنفاق الاستهلاكي الشخصي في الولايات المتحدة

# جدول (١٧- ١) بيانات الناتج المحلى والدخل الشخصي المتاح

والإنفاق الاستهلاكي الشخصي بالولايات المتحدة

				سحدي درج	سبهار کی ان	والإنفاق الدا		*
	Quarter			PCE	Onari		- nn-	
	1970:1 1970:2	2872.80		1800.50	00 1981	1 3860.5		PCE
	1970:2	2860.30		0 1807.50	0 1981:			
	1970:4	2896.60	- 1 -0.00	0 1824.70	0 1981-		0 2814.10	
	1970:4	2873.70			0 1981:		2808.80	
- 1	1971:1	2942.90			0 1982:		0 2795.000	
1	1971:3	2947.400		0 1863.50	0 1982:	2 3771.10	0 2824.800	
- 1	1971:4	2966.000			0 1982:	3 3754.40	0 2829.000	
ŀ	1972:1	2980.800			0 1982:		0 2832.600	
Ŀ	1972:2	3037.300			0 1983-1		0 2843.600	
ŀ	1972:3	3089.700			1983:2	3886.50	0 2867.000	
	1972:4	3125.800		1989.100	1983:3		2903.000	
- 1	1973:1	3175.500			1983-4		2960.600	
_ <del> </del>	1973:1	3253.300			1984:1		3033.200	
-	1973:3	3267.600		2062.000	1984:2	4144.000	3065.900	
-	1973:3	3264.300			1984:3	4166.400	3102.700	
-	1973:4	3289.100	2382.700		1984:4	4194.200	3118.500	2754.600
-	1974:1	3259.400	2334.700	2050.800	1985:1	4221.800	3123.600	2784.800
-	1974:2	3267.600	2304.500	2059.000	1985:2	4254.800	3189.600	2824.900
-		3239.100	2315.000	2065.500	1985:3	4309.000	3156.500	2849.700
-	1974:4 1975:1	3226.400	2313.700	2039.900	1985:4	4333.500	3178.700	2893.300
-	1975:2	3154.000	2282.500	2051.800	1986:1	4390.500		2895.300
$\vdash$	1975:3	3190.400	2390.300	2086.900	1986:2	4387.700		2922.400
-		3249.900	2354,400	2114.400	1986:3	4412.600	3272.600	2947.900
<b>)</b> —	1975:4 1976:1	3292.500	2389.400	2137.000	1986:4	4427.100	3268.200	2993.700
		3356.700	2424.500	2179.300	1987:1	4460.000	3295.200	3012.500
	1976:2 1976:3	3369.200	2434.900	2194.700	1987:2	4515.300	3241.700	3011.500
$\vdash$	1976:4	3381.000	2444.700	2213.000	1987:3	4559.300	3285.700	3046.800
-	1977:1	3416.300	2459.500	2242.000	1987:4	4625.500	3335.800	3075.800
<b>—</b>	1977:2	3466.400	2463.000	2271.300	1988:1	4655.300	3380.100	3074.600
<del>     </del>	1077.2	3525.000	2490.300	2280.800	1988:2	4704.800	3386.300	3128.200
	1977:3	3574.400	2541.000	2302.600	1988:3	4734.500	3407.500	3147.800
		3567.200	2556.200	2331.600	1988:4	4779.700	3443,100	3170.600
		3591.800	2587.300	2347.100	1989:1	4809.800	3473.900	3202.900
		3707.000	2631.900	2394.000	1989:2	4832.400	3450.900	3200.900
	978:3	3735.600	2653.200	2404.500	1989:3	4845.600	3466.900	3208.600
	978:4	3779.600	2680.900	2421.600	1989:4	4859.700	3493.000	3241.100
	979:1	3780.800	2699.200	2437.900	1990:1	4880.800		3241.600
- 1	979:2	3784.300	2697.600	2435.400	1990:2	4900.300		3258.800
1.	979:3	3807.500	2715.300	2454.700	1990:3	4903.300		3258.600
	979:4	3814.600	2728.100	2465.400	1990:4	4855.100		3281.200
			2742.900	2464.600	1991:1·	4824.000	3529.500	3251.800
	980:2	732.600	2692.000	2414.200	1991:2	4840.700	3514.800	3241.100
	80:3 3	733.500	2722.500	2440.300	1991:3	4862,700	3537,400	3252.400
15	80:4 3	808.500	2777.000	2469.200	1991:4	4868.000	3539.900	3271.200
			100			7000.000	3547.500	3271.100

ويلاحظ أنه في حالة وجود اتجاه عام بالتزايد أو التناقص في بيانات السلسلة الزمنية فإنه من الصعب الاعتماد على قيمة المتوسط في التنبؤ كما يتضح بالشكل (١٧-٢).



ففي حالة الاتجاه العام المتزايد (١) لا يمكن استخدام قيمة متوسطة واحدة (٣) للتعبير عن جميع قيم السلسلة سواء أكانت القيم المنخفضة في بداية السلسلة أم في نهاية السلسلة ، ويلاحظ أن الاعتماد هنا على القيمة المتوسطة س في التنبؤ سوف يعطى قيماً أقل من الواقع . أما في حالة الاتجاه العام المتناقص (٢) فإن الاعتماد على القيمة المتوسطة في التنبؤ يعطى قيماً أعلى من الواقع .

ويلاحظ في هذه الحالة أن متوسط واحد لا يصلح للتعبير عن جميع قيم السلسلة ، فمتوسط القيم المنخفضة مختلف عن متوسط القيم المرتفعة . ولذا فإن تغير المتوسط من مجموعة قيم لأخرى يضعف من مقدرة المتوسط العام على التنبؤ.

ومن ناحية أخرى يعبر التباين عن درجة عدم التأكد في التنبؤ. فإذا اختلف التباين من مجموعة قيم لأخرى بالنسبة لنفس السلسلة فإن هذا يجعل متوسط القيم ذات التباين الأقل في التنبؤ،

ذلك لأن درجة عدم التأكد في الحالة الأولى تكون أكبر منها في الحالة الثانية . ولذا فإن ثبات التباين يعتبر خاصية من خصائص الاستقرار أو السكون .

كما أن الاتجاه العام يتولد عن وجود ارتباط ذاتي قوى بين قيم نفس المتغير ، ولذا عندما يكون هذا الارتباط الذاتي منعدماً أو ضعيفاً أو متناقصاً بدرجة كبيرة مع زيادة الفجوة الزمنية فإن هذا يساعد على استقرار أو سكون السلسلة .

وسوف يتم التعرض للجوانب المختلفة لتحليل السلاسل الزمنية في عدد من المباحث بهذا الفصل ، تتمثل في :

المبحث الأول: الخصائص الإحصائية لصفة استقرار (سكون) السلسلة.

A set ) for taking taken set (Charles et al. 1900), so take set of tell problem place a tell

The standard of the standard o

المبحث الثاني: كيفية إزالة عدم الاستقرار (عدم السكون).

المبحث الثالث: التكامل المشترك .

## المبحث الأول

# الخصائص الإحصائية لصفة استقرار السلسلة

# ( ١-١-١٧ ) خصائص الاستقرار ( السكون ):

تعتبر سلسلة زمنية ما مستقرة Stationary إذا توفرت فيها الخصائص التالية :

(أ) ثبات متوسط القيم عبر الزمن

$$(1-1Y) \qquad \qquad \rho = (; \psi =) \tilde{\omega}$$

$$E(Y_1) = \mu$$

### (ب) ثبات التباين عبر الزمن

 $Var(Y_t) = E(Y_t - \mu)^2 = \delta^2$ 

(ح) أن يكون التغاير بين أي قيمتين لنفس المتغير معتمداً على الفجوة الزمنية بين القيمتين وليس على القيمة الفعلية للزمن الذي يحسب عنده التغاير ، أي على الفرق (ز-ر) بين ز،ر وليس على(ز) أو(ر). حيث أن ز فترة ، ر فترة أخرى .

ننا أ= ∑ (حب ز - م)(حب <sub>ز+۱</sub> - م) ننا أ= ن

 $\gamma_{K} = E [(Y_{t} - \mu) (Y_{t+K} - \mu)]$  عند الفجوة (أ) يشير إلى التغاير بين قائمتين Covariance حيث أن تغا أ

من قيم " حب" تفصل بينهما فجوة زمنية طولها " أ" . فإذا كانت أ = صفر ، فإن تغام يشير إلى تباين " حب" ، حبث :

$$\frac{\sum_{i=0}^{7} (-\alpha_{i} - \alpha_{i})^{2}}{\text{vid}} = \frac{\sum_{i=0}^{7} (-\alpha_{i} - \alpha_{i})^{7}}{\text{vid}}$$

وإذا كانت أ = 1 ، فإن تغا 1 يشير إلى التغاير بين القيم المتتالية لنفس المتغير والتي تفصل بينهما فجوة زمنية واحدة ، أي بين حب ر ، حب ر ، . . .

افترض أن لدينا متغير "حي " له 10 قيم على النحو الموضح بالجدول (١٧-٢).

	(1-14)	جدول	3 3 3 3 3 3	
r=1	Y=1	1=1 (2)		الفترة
7+j (m			Agg (See See See	ag a ja Saraka a
	e um		Vote Vote Vote Vote Vote Vote Vote Vote	arang pe <sub>r</sub> de
and the state of the state of	Mark Commence		g cym	E Outrope
		ا الله الله الله الله الله الله الله ال	. (a) ( <b>4.47</b> ) ( 1.4 <b>4.47</b>	7
6.00 m. 19.00	Sept.	Jan Stephen 19	i j <sup>a</sup> lo <b>vo</b>	Y
			1 A 4	

فإذا كانت الفجوة الزمنية التي نتكلم عنها هي : أ = ٢ مثلاً فإن السلسلة الزمنية حي ; أ = ٢ مثلاً فإن السلسلة

(أ) متوسط القائمة حرر يساوي متوسط القائمة حررب

م = م،

(ب) تباين القائمة حي يساوي تباين القائمة حي وجه

(حـ) التغاير بين القيم المتتالية لـ حـ، ( التغاير الذاتي ) Autocovariance يساوي

التغاير بين القيم المتتالية لـ حروب المتالية الـ

r+j (本 ( r+j (本 は 三 | +j (本 ( ) (本 は

ويتطلب الاستقرار أن يكون هذا التغاير مساوياً للصفر أو لا يختلف جوهرياً عن الصفر (أو متناقصاً بدرجة كبيرة مع زيادة الفجوة الزمنية ).

وبفحص الشكل ( ١-١٧ ) يتضح أن متوسط قيم نفس المتغير أو تباينها أو تغايرها ليست ثابتة عبر الزمن بالنسبة لكل المتغيرات . ولذا فهي تمثل بيانات غير مستقرة Nonstationary Time Series .

Tests of Stationarity (السكون) اختبارات الاستقرار (السكون)

يوجد هناك عدد من المعايير التي تستخدم في إختبار صفة الاستقرار أو السكون في السلسلة ، وتتمثل هذه المعايير في :

Autocorrelation Function (ACF) or (AC) دالة الارتباط الذاتي

تتمثل دالة الارتباط الداتي عند الفجوة أ ( ك 1 ) في :

ويلاحظ أن ك = 1 عند أ = • حيث نحصل على التغاير بين نفس القيم في الحالتين. ويمكن حساب الصيغة ( ١٧ - ٥ ) من بيانات عينة على النحو التالي:

$$\frac{(\nabla - 1+i) - 2}{(\nabla - 1+i)} = \frac{1}{2}$$

$$\hat{\gamma}_{K} = \frac{\Sigma(Y_{i} - \overline{Y})(Y_{i+k} - \overline{Y})}{n-k}$$

$$\frac{Y_{i} - Y_{i}}{n-k} = \frac{Y_{i} - Y_{i}}{n-k}$$

$$\frac{Y_{i} - Y_{i}}{n-k} = \frac{Y_{i}}{n-1}$$

$$\frac{Y_{i} - Y_{i}}{n-1} = 0$$

$$\frac{Y_{i} - Y_{i}}{n-1}$$

حيث ن = حجم العينة ، أ ( K ) = طول الفجوة الزمنية . وبرصد " ك " ، " أ " في شكل الانتشار عند الفجوات المختلفة نحصل على شكل ارتباط العينة Sample . Correlogram .

وتتراوح قيمة معامل الارتباط الذاتي "ك "بين - 1.، + اكأي معامل ارتباط. ويتطلب استقرار السلسلة هنا أن يكون "ك "مساوياً للصفر أو لا يختلف جوهرياً عنه بالنسبة لأي فجوة أ>صفر.

وفي حالة تمتع بيانات السلسلة بالاستقرار فإن معاملات الارتباط الداتي للعينة غالباً ما يكون لها توزيع طبيعي وسطه الحسابي صفر وتباينه =(١/ن)، حيث ن = حجم العينة . ومن ثم فإن حدود فترة الثقة عند مستوى معنوية ٥ ٪ لعينة كبيرة الحجم تكون هي :

وإذا كان " أن يقع داخل هذه الحدود فإننا نقبل فرض العدم القاتل بأن هذا المعامل يساوى صفر ، وإذا كان يقع خارج هذه الحدود فإننا نرفض فرض العدم

ويكون " ك ا" مختلفاً جوهرياً عن الصفر . ويوضح الشكل (١٧-٣) حدود فترة ثقة ٩٥ ٪ لمعامل الارتباط الذاتي للناتج المحلي في الجدول (١٧-١) . وتتمثل هذه

Date: 05/08/04 Ti Sample: 1970:1 19	991-A
Included observation	ons; 88
Autocorrelation	Partial Correlation
	Partial Correlation k AC PAC Q-Stat Prob    1 0.969 0.969 85.462 0.000   2 0.935 -0.058 166.02 0.000   3 0.901 -0.020 241.72 0.000   4 0.866 -0.045 312.39 0.000   5 0.830 -0.024 378.10 0.000   6 0.791 -0.062 438.57 0.000   7 0.752 -0.029 493.85 0.000   8 0.713 -0.024 544.11 0.000   9 0.675 0.009 589.77 0.000   10 0.638 -0.010 631.12 0.000   11 0.601 -0.020 668.33 0.000   12 0.565 -0.012 701.65 0.000   13 0.532 0.020 731.56 0.000
	14 0.500 -0.012 758.29 0.000 15 0.468 -0.021 782.02 0.000 16 0.437 -0.001 803.03 0.000 17 0.405 -0.041 821.35 0.000 18 0.375 -0.005 837.24 0.000 19 0.344 -0.038 850.79 0.000 20 0.313 -0.017 862.17 0.000 21 0.279 -0.066 871.39 0.000 22 0.246 -0.019 878.65 0.000 23 0.214 -0.008 884.22 0.000 24 0.182 -0.018 888.31 0.000 25 0.153 0.017 891.25 0.000 26 0.123 -0.024 893.19 0.000 27 0.095 -0.007 894.38 0.000 28 0.068 -0.012 894.99 0.000 29 0.043 -0.007 895.24 0.000 30 0.019 -0.005 895.29 0.000

شكل (17-3) حدود فترة الثقة ومعاملات الارتباط الذاتي

الحدود في النقاط على جانبي العمود الأول - ومن الواضح أن معاملات الارتباط الذاتي كانت خارج حدود فترة الثقة حتى الفجوة ٢٣ ، وهي تتراوح بين ٩٦٩ . حتى ٢٠٤ في هذا المدى ، مما يشير إلى عدم توافر صفة الاستقرار في هذه السلسلة . وعادةً ما يتم حساب عدد من معاملات الارتباط الذاتي = ٣/١ حجم العينة . وتمثل النقاط الدقيقة على جانبي العمود الأول المكون من النجوم حدود فترة الثقة .

ولإجراء اختبار مشترك لمعنوية معاملات الارتباط الداتي كمجموعة نستخدم إحصائية "Q"، والتي تم تقديمها بواسطة Box & Pierce ، حيث:

$$Q = n \sum_{k=1}^{m} \hat{P}_{k}^{2}$$

حيث : ن (n) = حجم العينة

ر (m) = عدد الفجوات

وبالنسبة للعينة الكبيرة فإن Q (E) لها توزيع كا P (E) مع درجات حرية P (E) عند مستوى معنوية معين P ولو أن P (E) المحسوبة تفوق P (E) الجدولية نرفض فرض العدم القائل بأن كل معاملات الإرتباط الذاتي مساوية للصغر وتكون السلسلة غير مستقرة P أما إذا كان العكس نقبل فرض العدم وتكون السلسلة مستقرة أو ساكنة P وبالكشف في الجداول عن كا P عند درجات حرية P السلسلة مستقرة أو ساكنة P وبالكشف في الجداول عن كا عند درجات حرية P وهي عدد الفجوات الكلية بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية P المحسوبة كما بالشكل P المحسوبة كما بالشكل P (P ) ومستوى معنوية النفر مستقرة ولي السلسلة غير مستقرة P

وتوجد هناك إحصائية أخرى بديلة تستخدم في إجراء نفس الاختبار السابق وتسمى Ljung-Box Statistic ).

وتعرف كما يلي:

وهى لها توزيع كا ' وتعطي نتائج أفضل من " Q " في حالة العينات صغيرة الحجم ، مع كونها تصلح للعينات كبيرة الحجم .

The Unit Root Test of Stationarity اختبار جدر الوحدة للاستقرار (٢)

نبدأ في عرض هذا الاختبار بالنموذج التالي الذي يسمى بنموذج الانحدار . First-order Autoregressive Model. A R ( 1 ) الذاتي من الرتبة الأولى

حيث: ٤ و = حد الخطأ العشوالي والذي يفترض فيه:

(أ) وسطه الحسابي = صفر، (ب) تباينه ثابت، (ح) قيمه غير مرتبطة، وعندئذ يسمى بحد الخطأ الأبيض White Noise Error Term

ويلاحظ أن معامل الانحدار للصيغة (١٧-١٠) = ١ ، وإذا كان هذا هو الأمر في الواقع فإن ذلك يؤدى إلى وجود مشكلة جذر الوحدة التي تعني عدم استقرار بيانات السلسلة ، حيث يوجد هناك اتجاه زمني في البيانات . ولذا إذا قمنا بتقدير الصيغة التالية :

$$(11-17)$$

$$Y_i = \rho Y_{i-1} + u_i$$

واتضح أن : ب= ا (p=1) فإن المتغير هي (Yt) يكون له جـدر الوحـدة ويعاني من مشكلة عدم الاستقرار أو عدم السكون . وتعرف السلسلة التي يوجد لها جدر مساوي للوحدة بسلسلة السير العشواني Random Walk Time Series ، وهي أحد الأمثلة للسلسلة غير الساكنة .

ويمكن إعادة صياغة المعادلة (١١-١٧ ) في الصيغة التالية :

$$j^{2} + 1 - j^{2} + 1 - j^{2} = 0$$

$$j^{2} + 1 - j^{2$$

 $(\lambda = \rho - 1)$   $1 - \varphi = \rho$ :

ولقد تم الحصول على الصيغة (١٧-١٧) بطرح  $-v_{i-1}$  من طرفي المعادلة (١١-١٧) للحصول على الفروق الأولى للمتغير  $-v_{i}$ ، حيث:

 $\Delta Y_i = Y_i - Y_{i-1}$  والآن يصبح فرض العدم : م= صفر  $\lambda = 0$ 

ويلاحظ أنه إذا ثبت في الواقع أن: م = صغر، فإن السلسلة الأصلية تكون غير مستقرة:

$$(1\mathbf{Y} - 1\mathbf{Y}) = \mathbf{A} \quad \mathbf{A} \quad \mathbf{Y}_{t} = \mathbf{u}_{t}$$

وإذا كانت سلسلة الفروق الأولى من سلسلة السير العشوائي ساكنة أو مستقرة فإن السلسلة الأصلية تكون متكاملة من الرتبة الأولى Integrated of Order 1 أي الحاكات السلسلة ساكنة أو مستقرة بعد الحصول على الفروق الثانية (الفروق الأولى للفروق الأولى) فإن السلسلة الأصلية تكون متكاملة من الرتبة الثانية أي (1(2) وهكذا . وإذا كانت السلسلة الأصلية مستقرة أو ساكنة يقال أنها متكاملة من الرتبة صفر ، أي (1(0) .

ويوجد هناك عدد من الاختبارات التي يمكن استخدامها للتأكد من وجود أو عدم وجود جدر الوحدة ، أي لتحديد مدى استقرار السلسلة الزمنية ، وسوف نتعرض لبعض منها في هذا المبحث . ويلاحظ في هذا الصدد أن الفروض التي يتعين اختبارها تتمثل في :

فرض العدم : بيانات السلسلة الزمنية " حب ر"( $Y_t$ ) غير مستقرة  $\rho = 1$  or  $\lambda = 0$ 

الفرض البديل: بيانات السلسلة الزمنية " حب  $_{i}$  " ( $Y_{i}$ ) مستقرة

 $H_1: 
ho < 1 ext{ or } \lambda < 0$  عفر  $ho < 1 ext{ of } \gamma < 1$ 

ويلاحظ في هذا الصدد أن السلسة الزمنية لا تكون مستقرة أو متجهة نحو الاستقرار إلا إذا كان معدل التقلب قصير الأجل فيها متناقصا بما يضمن تقاربها من وضع التوازن طويل الأجل To converge ، ولعل ما يضمن تحقق ذلك هو أن يكون : التوازن طويل الأجل  $(\rho > 1 \text{ or } \lambda > 0)$  ، أما إذا كانت :  $\phi > 1$  أو  $\phi > 0$  ، أما إذا كانت :  $\phi > 1$  أو  $\phi > 0$  وضع التوازن طويل فإن هذا يعبر عن تباعد السلسلة الزمنية عن وضع الاستقرار ، أي وضع التوازن طويل الأحل .

Ho:

ومن أهم الاختبارات التي تستخدم في اختبار جدر الوحدة ما يلي:

: Fuller - Dickey Test (DF) - فولار دكي - فولار (۱) اختبار دكي

يعتمد هذا الاختبار على ثلاثة عناصر:

(أ) صيغة النموذج -

(ب)حجم العينة .

(ج) مستوى المعنوية .

ويستخدم في إجراء هذا الاختبار ثلاث صبغ تتمثل في :

: Simple Random Walk صيغة السير العشوائي البسيطة

ومثل هدّه الصيغة لا يوجد بها حد ثابت ولا متغير اتجاه زمني ، وذلك على النحو

التالي:

$$(1 \cdot t - 1 \cdot V)$$
  $Y_t = \rho Y_{t-1} + u_t$   $\Delta Y_t = \lambda Y_{t-1} + \varepsilon_t$ 

• صيغة السير العشوائي مع حد ثابت Random walk with drift

$$(10-14)......Y_{t} = \alpha + \rho Y_{t-1} + u_{t} \qquad j + 1 -$$

### • صيغة السير العشوائي مع حد ثابت واتجاه زمني

Random walk with drift and trend

(17-17) 
$$Y_{t} = \alpha + \alpha_{1}T + \rho Y_{t-1} + u_{t-1} + u_{t-1} + \beta_{t-1} + \beta_{$$

ولإجراء اختبار DF باستخدام الصيغة الأولى نتتبع الخطوات التالية :

ا - نقوم بحساب ما يسمى " 7 " (tau ) المحسوبة باستخدام الصيغة التالية : من معلم المعلم

i 
$$\frac{1-\hat{\varphi}}{-1}$$
  $\hat{\varphi}$   $\hat{\varphi$ 

- حيث : ع رُ ، ع م  $(S_p, S_\lambda)$  هي الأخطاء المعيارية للمعلمات المقدرة

٢- لا نستطيع مقارنة "\* 7" المحسوبة بقيم "t" الجدولية حتى في حالة العينات الكبيرة ، حيث أنها لا تتبع توزيع طبيعي معتدل ، وإنما نبحث عن " 7" الجدولية في جداول معدة خصيصا لذلك من قبل Dickey - Fuller يوجد بها ما يسمى القيم الحرجة Critical values عند حجم عينة معين (n)، ومستوى معنوية معين (١٪ ، ٥٪، ١٠ ٪) وتوجد هذه الجداول في الملحق الإحصائي بالكتاب . وعند استخدام برامج كمبيوتر متخصصة مثل Eviews فإنها تعطي القيم الحرجة ضمن النتائج دون الحاجة للبحث عنها في الجداول .

٣- إذا كانت "\* 7" المحسوبة > " 7" الجدولية نرفض فرض العدم: ب = ١ أو :
 م = صفر ونقبل الفرض البديل: ب < ١ أو : م < صفر، وبالتالي تكون السلسلة ساكنة أو مستقرة .</li>

3-إذا كانت "\* 7" المحسوبة < "7" الجدولية نقبل فرض العدم وبالتالي تكون السلسلة غير ساكنة أو غير مستقرة. ويجب أن نراعي هنا أننا نقارن القيم المطلقة لكل من تاو المحسوبة و تاو الجدولية بغض النظر عن الإشارة.

غير أن اختبار ديكي - فولار DF لا يصبح ملائماً إذا وجدت هناك مشكلة ارتباط ذاتي في الحد العشوائي أو ما يسمى بالارتباط السلسلي Serial correlation ، وذلك بالرغم من كون بيانات المتغيرات المدرجة في العلاقة المقدرة قد تكون مستقرة . وعندلد نلجأ لاستخدام اختبار آخر يسمى اختبار ديكي - فولر الموسع Dickey-Fuller (ADF)

## (٢) اختبار ديكي - فولار الموسع ADF :

يعتمد اختبار ديكي - فولار الموسع ADF على نفس العناصر الثلاثة التي سبقت الإشارة إليها في حالة اختبار ديكي - فولار DF ، وهي: صيغة النموذج المستخدم ، وحجم العينة ، ومستوى المعنوية . ويلاحظ في هذا الصدد أن هناك ثلاث صيغ للنموذج الذي يمكن استخدامه في حالة ADF :

## 

ويلاحظ على هذه الصيغة أنها لا تحتوي على حد ثابت ولا اتجاه زمني . وتتمثل الفروض في هذه الحالة في :

$$\lambda=0$$
 or  $\rho=1$  افرض العدم: م $=$  صفر أو ب $=1$  الفرض البديل  $=$  م $=$  صفر أو ب $=$  1

ويتم إدراج عدد من الفروق ذات الفجوة الزمنية (ك) (k) في الصيغة (١٧-١٧) حتى تختفي مشكلة الارتباط السلسلي معبراً عنها باحصائية DW . ويلاحظ هنا أنه إذا كانت هذه المشكلة تختفي بعد إدراج ثلاثة حدود للفروق مثلاً ، فإن هذه الفروق تتمثل في :

$$\Delta Y_{t-1} = Y_{t-1} - Y_{t-2} \qquad \qquad Y_{t-1} - Y_{t-1} = Y_{t-1} - Y_{t-2} = Y_{t-1} -$$

$$\Delta Y_{t-2} = Y_{t-2} - Y_{t-3}$$

$$Y_{t-1} = Y_{t-1} - Y_{t-1} = Y_$$

$$\Delta Y_{t-3} = Y_{t-3} - Y_{t-4} \qquad \qquad \qquad \leftarrow_{r-j} \smile =_{r-j} \smile \Delta$$

و بعد تقدير الصيغة السابقة يتم حساب تاو ديكي فولر الموسعة باستخدام الصيغة التالية :

$$\tau^* = \frac{\hat{\lambda}}{S_{\hat{\lambda}}} \qquad \qquad \frac{\hat{\gamma}}{\hat{c}} = \tau^*$$

ثم يتم الحصول على القيمة الحرجة  $ADF_{\lambda\,(l,n,e)}$  من الجداول المخصصة لذلك للنموذج I، وحجم العينة I، ومستوى المعنوية e وتوجد هذه الجداول في

الملحق الإحصائي للكتاب ، كما أن هناك بعض البرامج التي تعطي القيم الحرجة بصورة تلقائية بعد تغذيتها بالمعلومات المطلوبة . وبعد ذلك يتم مقارنة "\* 7 " المحسوبة مع القيمة الحرجة وفقا للطريقة التي سوف يتم شرحها فيما بعد .

٢ - الصيغة الثانية (II) :

وتختلف هذه الصيغة عن الصيغة الأولى في كونها تحتوي على حد ثابت.

وتتمثل الفروض المراد اختبارها في هذه الحالة في:

فرضي العدم: 
$$\lambda=0$$
 or  $ho=1$   $lpha=0$   $lpha=0$   $lpha=0$   $lpha=0$   $lpha=0$ 

الفرضان البديلان : $\lambda < 0 \; ext{ or } 
ho < 1$  ه  $< - 0 \; ext{or } 
ho < 1$  ه راه ب

ا ≠صفر 1 α ≠ 0

وحتى يتم الاختبار يتعين حساب تاو دينكي – فولار الموسع  $\hat{r}_{n}^{*}$  باستخدام الصيغة  $\hat{r}_{n}^{*}$  باستخدام الصيغة التالية:

$$\hat{\tau}_{\alpha}^{*} = \frac{\hat{\alpha}}{S_{\alpha}}$$

ثم يتعين البحث عن القيم الحرجة لكل من أ ، م (λ,α) في الجداول ، حيث :

 $\mathrm{ADF}_{\lambda\,(\Pi,n,e)}$  : القيمة الحرجة لـ "م " ( $\lambda$ ) هي:

ADF  $_{\alpha\;(II,n,e)}$  : هي ( $^{\alpha}$ ) "أ" القيمة الحرجة لـ "أ"

على أن يتم المقارنة بين القيم المحسوبة والجدولية على النحو الذي سوف يوضح فيما بعد . وتعطى بعض برامج الكمبيوتر القيم الحرجة بطريقة تلقائية .

٣- الصيغة الثالثة (١١١):

وتتضمن هده الصيغة حداً ثابتاً و اتجاهاً زمنياً:

### وتتمثل الفروض المراد اختبارها في:

 $H_0$ : :  $\lambda=0$  or  $\rho=1$   $\beta=0$   $\alpha=0$   $\alpha=0$   $\beta=0$   $\beta=0$ 

ثم يتم حساب القيم المحسوبة لتاو للمعلمات المختلفة على النحو التالي:

$$S_{i} = \frac{\hat{\lambda}}{S_{i}} \text{ where  $i = \hat{\lambda}$  is the probability of the$$

ويتم الحصول على القيم الحرجة لهذه المعلمات إما من الجداول أو من برامج الكمبيوتر المتخصصة ، وهي:

وتتمثل خطوات اختبار ديكي - فولار الموسع ADF في:

الخطوة الأولى:

١- تقدير الصيغة الثالثة (١١١) ، ثم إجراء اختبار الفرض:

 $(\lambda = 0 \text{ or } \rho = 1)$  م=صفر أو ب=1

 $ADF_{\lambda(III,n,n)} < au_{\lambda}^*$ : إذا كانت  $au_{\lambda}^*$   $au_{\lambda}^*$  نرفض فرض العدم القائل بوجود جذر الوحدة ونقبل الفرض البديل بأن بيانات السلسلة للمتغير  $au_{\lambda}$  مستقرة أو ساكنة  $au_{\lambda}$  نتوقف عن إجراء أي اختبارات أخرى  $au_{\lambda}$ 

 $ADF_{\lambda(III,n,e)} > au_{\lambda}^*$  القائل بوجود جذر الوحدة ثم القائل بوجود جذر الوحدة ثم نستمر للنقطة التالية .

-3 فختبر الفرض: جـ = صفر ( $\beta$ =0) وهي معلمة الاتجاه الزمني -

 $ADF_{\beta(III,n,e)} > au_{eta}^*$  نقبل فرض العدم ويؤكد هذا وجود جذر الوحدة ونستمر للخطوة الثانية في الاختبار مباشرة ونسقط ما بقى من نقاط في الخطوة الأولى. ونستمر للخطوة الثانية في الاختبار مباشرة ونسقط ما بقى من نقاط في الخطوة الأولى. -1 إذا كان -1 -1 إذا كان -1 أذا كان أو عندئذ نعيد اختبار الفرض: -1 أن -1 أن المعتدل الطبيعي:

- اذا كانت:  $t_{\lambda,n,e} < t_{\lambda}^2$  نرفض فرض العدم (ب = ۱) ونقبل الفرض البديل  $t_{\lambda,n,e} < t_{\lambda}^2$  وهو ما يعني أن السلسلة الزمنية مستقرة ، ونتوقف عند هذا الحد ولا نكمل اختبارات أخرى .
- إذا كانت: 13 > 14 نقبل فرض العدم، ومن ثم يكون هناك جدر الوحدة بالسلسلة ونستمر للخطوة الثانية.

### الخطوة الثانية:

١ - نقوم بتقدير الصيغة الثانية للنموذج (١١) .

 $\lambda=0$  or  $\rho=1$ ) او ب $\lambda=0$  . ( $\lambda=0$ 

 $ADF_{\lambda(II,n,e)} < \tau_{\lambda}^{*}$  نرفض فرض العدم القائل بجدر الوحدة ونقبل الفرض البديل (ب  $\rho<1$  ومن ثم تكون السلسلة مستقرة أو ساكنة ونتوقف عند هذا الحد.

، نقبل فرض العدم القائل بوجود جدر الوحدة  $ADF_{\lambda(II,n,e)} > \tau_{\lambda}^*$  ونستمر للنقطة التالية .

هـ نختبر الفرض: أ = صفر ( $\alpha$ =0) وهي معلمة الحد الثابت في النموذج II .

الثالثة مع إسقاط ما تبقى من نقاط في الخطوة الثانية  $ADF_{a(H,n,e)} > au_a^*$  .

،  $(\alpha \neq 0)$  نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل  $ADF_{\alpha(H,n,e)} < \tau_{\alpha}^{*}$  :  $-\gamma$  المراك الفرض البديل (1) من ختبر الفرض :  $\alpha = 0$  من أو ب= 1 (1) التابعة للتوزيع المعتدل الطبيعي . ومن ثم :

- إذا كانت:  $t_{\lambda,n,e} < t_{\lambda}^*$  نرفض فرض العدم (v=1) ونقبل الفرض البديل (v=1) وهو ما يعني أن السلسلة الزمنية مستقرة ، ونتوقف عند هذا الحد ولا نكمل اختبارات أخرى .
- و إذا كانت:  $t_{\lambda,n,a} > t_{\lambda}^*$  نقبل فرض العدم ، ومن ثم يكون هناك جدر الوحدة بالسلسلة ونستمر للخطوة الثالثة .

# الخطوة الثالثة : 🌣

1 - نقوم بتقدير الصيغة الأولى للنموذج (1) ، ثم نختبر الفرض: " - - -

 $\lambda = 0$  or  $\rho = 1$  (  $\lambda = 0$  or  $\rho = 1$  ).

نوفن فرض العدم القائل بجدر الوحدة ونقبل  $ADF_{\lambda(I,n,o)} < \tau_{\lambda}^*$  نرفض فرض العدم القائل بجدر الوحدة ونقبل الفرض البديل (ب <1)  $\rho$ 1 ومن ثم تكون السلسلة مستقرة أو ساكنة ونتوقف عند هذا الحد.

 $T_-$  إذا كانت:  $\tau_{ADF_{\lambda(I,n,o)}} > \tau_{\lambda}^*$  نقبل فرض العدم القائل بوجود جدر الوحدة ، وتكون السلسة الزمنية غير مستقرة . ثم نقوم بعمل تصحيحي لجعلها مستقرة بأخد الفرق الأول لسلسة البيانات وتعيد الاختبار لنتأكد من أنها مستقرة . ويحدث هذا بالطبع إذا تأكد من أنها مستقرة . ويحدث هذا بالطبع إذا تأكدنا أنها لا  $\tau_{AB}$  بينه فيما بعد.

ويلاحظ في هذا الصدد أن القيم الحرجة يمكن الحصول عليها من Mackinnon المعروف به Response Surface Analysis ، ويشار للقيم الحرجة تلك أحياناً بالمصطلح: MK Critical values . وتوجد هناك صيغة إذا تم التعويض فيها بالقيم المطلوبة يمكن الحصول على القيمة الحرجة (MK) لاختبارات جدر الوحدة والتكامل المشترك الذي يستخدم نفس التحليل ، وهي تتمثل في:

$$CV(k, Model, n, e) = b + b_1 \left(\frac{1}{n}\right) + b_2 \left(\frac{1}{n}\right)^2 \dots (17 - 30)$$

القيمة الحرجة Critical value القيمة الحرجة التكامل المشترك المتغيرات في صبغة التكامل المشترك المسترك المستركة المسترك

مستوى المعنوية ( 1 % ، 0 % ، 0 % )
ويوضح الجدول (2 - 2 % القيم : b , b<sub>1</sub> , b<sub>2</sub> التي نعوض بها في الصيغة (1 - 3 % ) .
وسوف نتعرض فيما بعد للتكامل المشترك في مبحث مستقل ، وهو يستخدم نفس القيم الحرجة في حالة الاعتماد على نفس الصيغ السابقة كمعادلات للتكامل المشترك .

جدول (۳–۱۷) قیم b , b<sub>1</sub> , b<sub>2</sub>

	the state of the s		*	the second of th	
k	Model	e	II.	b1	b2
1	I	0.01	-2.5658	-1.960	-10.04
1	I	0.05	-1.9393	-0.398	0.0
North L	called Paragraphs	0.10	-1.6156	-0.181	0.0
1	П	0.01	-3.4335	-5.999	-29.25
14 m 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	A III	0.05	-2.8621	-2.738	-8.36
1	П	0.10	-2.5671	-1.438	-4.48
1	m	0.01	-3.9638	-8.353	-47.44
1	Ш	0.05	-3.4126	-4.039	-17.83
	Ш	0.10	-3.1279	-2.418	-7.58
2	Ш	0.01	-3.9001	-10.534	-30.03
2	П	0.05	-3,3377	-5.967	-8.98
2	1. a a 1 1 1 2 1	0.10	-3.0462	-4.069	-5.73
2	Ш	0.01	-4.3266	-15.531	-34.03
2 Nas	a la Uliana	0.05	-3.7809	-9.421	-15.06
2	Ш	0.10	-3.4959	-7.203	-4.01
ganga <b>3</b> sage	grade Harris	0.01	-4.2981	-13.790	-46.37
3	П	0.05	-3.7429	-8.352	-13.41
3	Part of the state of	0.10	-3.4518	-6.241	-2.79
3	Ш	0.01	-4.6676	-18.492	-49.35
3	Ш	0.05	-4.1193	-12.024	-13.13
3	Ш	0.10	-3.8344	-9.188	-4.85
4	П	0.01	-4.6493	-17.188	-59.20
4	П	0.05	-4.1000	-10.745	-21.57
4	П	0.10	-3.8110	-8.317	-5.19
4	Ш	0.01	-4.9695	-22.504	-50.22
4	Ш	0.05	-4.4294	-14.501	-19.54
4	Ш	0.10	-4.1474	-11.165	-9.88
5	П	0.01	-4.9587	-22.140	-37.29
5	П	0.05	-4.4185	13.461	-21.16
5	П	0.10	4.1327	-10.638	-5.48
5	Ш	0.01	-5.2497	-26.606	-49.56
5	Ш	0.05	-4.7154	-17.432	-16.50
5	m	0.10	-4.4345	-13.654	-5.77
6	П	0.01	-5.2400	-26.278	-41.65
6.	П	0.05	-4.7048	-17.120	-11.17
6	п	0.10	-4.4242	-13.347	-0.0
6	Ш	0.01	-5.5127	-30.735	-52.50
6	Ш	0.05	-4.9767	-20.883	-9.05
6	Ш	0.10	-4.6999	-16.445	0.0

#### مثال (۱۷ –۱)

#### اختبار جدر الوحدة لسلسلة الناتج المحلى للولايات المتحدة

دعنا نقوم باختبار جذر الوحدة لسلسلة بيانات الناتج المحلي للولايات المتحدة الموضحة بالجدول (١-١٧) باستخدام اختباري DF & ADF . (١-١٧) المتحدة الموضحة بالمتحدام برنامج (١) نقوم بتقدير النماذج (١١-١٧) – (١١-١٧) الخاصة باختبار DF باستخدام برنامج فنحصل على النتائج التالية :

ومن الواضح أن هناك مشكلة ارتباط سلسلي طردي في الثلاث صيغ السابقة حيث أن: DW<du في الحالات الثلاث، ومن ثم فإن اختبار DF لا يصلح في هذه الحالة ولا يعطى نتائج دقيقة بشأن جذر الوحدة .

(٢) نقوم باستخدام ADF ، ونبدأ بتقدير الصيغة الثالثة للنموذج على النحو التالي :

$$\Delta GDP_{t} = 23497 + 1.89T - 0.0787GDP_{t-1} + 0.356\Delta GDP_{t-1} + \varepsilon_{t}...(17-26)$$

$$\tau^{*} \qquad (2.383) (2.152) (-2.215) \qquad (3.465) \qquad DW = 2.08 \quad R^{2} = 0.15$$

$$ADF_{\lambda(III_{t},88,0.01)} = -4.067, ADF_{\lambda(III_{t},88,0.05)} = -3.462, ADF_{\lambda(III_{t},88,0.10)} = -3.157$$

$$ADF_{\beta(III_{t},88,0.01)} = 3.53, ADF_{\beta(III_{t},88,0.05)} = 2.79, ADF_{\beta(III_{t},88,0.10)} = 2.38$$

ومن الواضح أن النموذج تخلص من مشكلة الارتباط السلسلي بعد إدراج الفجوة الأولى للفرق الأول، حيث أن DW = 2.08. وبمقارنة القيم المحسوبة مع القيم الحرجة عند مستوى معنوية 1 %، % نجد أن القيم المحسوبة أقل من القيم الحرجة لكل من  $\lambda \& \beta$  وهو ما يعني أننا نقبل فرض العدم (وجود جدر الوحدة) وفقا لهذه الصيغة للنموذج، وننتقل إلى الخطوة الثانية مباشرة.

(٣) نقوم بتقدير الصيغة الثانية للنموذج (il) على النحو التالي :

$$\Delta GDP_{t} = 28.719 - 0.0033GDP_{t-1} + 0.319\Delta GDP_{t-1} + \varepsilon_{t}......(17 - 27)$$

$$\tau^{*} \qquad (1.214) \quad (-0.547) \qquad (3.089) \qquad \text{DW} = 2.04 \quad \text{R}^{2} = 0.10$$

$$ADF_{\lambda(II,88,0.01)} = -3.507, ADF_{\lambda(II,88,0.05)} = -2.895, ADF_{\lambda(II,88,0.10)} = -2.584$$

$$ADF_{\alpha(II,88,0.01)} = 3.22, ADF_{\alpha(II,88,0.05)} = 2.54, ADF_{\alpha(II,88,0.10)} = 2.17$$

ومن الواضح أن النموذج تخلص من مشكلة الارتباط السلسلي بإدراج الفجوة الأولى للفرق الأولى للسلسلة . وبمقارنة القيم المحسوبة بالقيم الحرجة عند مستوى معنوية ه % المحسوبة أقل من القيم الحرجة لكل من (%) وهو ما يعني وجود حدر الوحدة وفقا لهذه الصيغة للنموذج ، ومن ثم نستمر للخطوة الثالثة .

(٤) نقوم بتقدير الصيغة الأولى للنموذج (I) على النحو التالي :

ومن الواضح أن النموذج قد تخلص من مشكلة الارتباط السلسلي بإدراج الفحوة الأولى للفرق الأول للسلسلة . غير أن قيمة ( $\lambda$ ) موجبة في هذه الحالة ومن ثم فإن  $\Gamma > 1$  ولذا فإن مقارنة تاو المحسوبة والتي هي موجبة في هذه الحالة مع القيمة الحرجة سوف يكون بمثابة اختبار مدى معنوية زيادة  $\Gamma > 1$  عن الواحد . وحيث أن تاو المحسوبة الموجبة أكبر من القيمة الحرجة من الناحية المطلقة فإن هذا يعني أن هذه السلسلة غير مستقرة لأن  $\Gamma > 1$  تزيد عن الواحد بمقدار جوهري ، وكان من المفروض أن تقل عنه.

### المبحث الثاني

# التكامل المشترك Cointegration

إذا كان هناك سلسلتان: حرب ، هن (Yt, Xt) غير مستقرتين فليس من الضروري أن يترتب على استخدامهما في تقدير علاقة ما الحصول على انحدار زائف، وذلك إذا كانا يتمتعان بخاصية التكامل المشترك. ونتعرض في هذا المبحث لبعض المفاهيم المتعلقة بالتكامل المشترك واختباراته.

:Integration of a time series تعریف تکامل السلاسل الزمنیة (۱-۲-۱۷)

إذا كان هناك متغير ما "ح، إ" Yt مستقراً Stationary في صورته الأصلية

قبل إجراء أي تعديلات عليه يقال أنه متكامل من الرتبة صفر ، أي : - - - - - - - - nonstationary وإذا كان هذا المتغير غير مستقر في صورته الأصلية - - - وأصبح مستقراً بعد الحصول على الغروق الأولى:

 $\Delta Y_t = Y_t - Y_{t-1}$ 

يقال أنه متكامل من الرتبة الأولى، أي أن: حسر ﴿ إِنَّ إِلَّهِ إِلَّا ۖ ﴾ [(1] - ﴿ [(1] : ﴿ [ [: 4] [

وبوجه عام إذا أصبحت السلسلة الزمنية الخاصة بمُتغيرُ مَا "حَسْرِ". Yt مستقرة بعد الحصول على عدد من الفروق يساوي "د" d يقال أن هذه السلسلة متكاملة من الرتبة

"د" d ، أي أن : ﴿ حَرْبُ كَ (د) ﴿ (د) ﴿ Y₁~ I(d) ﴿ ...

وتوجد هناك بعض الخصائص المتعلقة بتكامل السلاسل الزمنية ، منها :

(۱) إذا كان هناك متغيران: Y. & X. وكانت رتبة تكامل كل واحد منهما كما يلي:

 $X_t \sim I(0)$   $Y_t \sim I(1)$ 

فإن السلسلة  $Z_i$  التي تشير إلى مجموعهما تكون متكاملة من الرتبة الأولى ، أي أن :  $Z_i = (Y_i + X_i) \sim I(1)$ 

(٢) لا يؤثر إضافة حد ثابت أو ضربه في سلسلة زمنية على رتبة تكاملها . فلو أن :

$$Xt \sim \mathbb{I}(d)$$
 and  $a, b = constant$   
 $\therefore Z_t = (a + bX_t) \sim I(d)$ 

(٣) يترتب على طرح سلسلتين متكاملتين من رتبة واحدة الحصول على سلسلة جديدة متكاملة من نفس الرتبة . فلو أن :

 $Yt \sim I(d)$   $Xt \sim I(d)$  a = constant  $\therefore Z_t = (Y_t - aX_t) \sim I(d)$ 

(٤) إذا قمنا بتقدير علاقة بين متغيرين حب ، حب ( Yt, Xt) وكان كل منهما متكامل من الرتبة الأولى أيضا ، وهو من الرتبة الأولى أيضا ، وهو من الرتبة الأولى أيضا ، وهو ما يعني أن المتغيرين لا يتصفان بخاصية التكامل المشترك على النحو الذي سوف نوضحه فيما بعد . أي إذا كان :

$$Y_{t} \sim I(1)$$

$$X_{t} \sim I(1)$$

$$Y_{t} = a + b X_{t} + u_{t}$$

$$u_{t} \sim I(1)$$

$$(1) \preceq \sim_{j} \omega$$

$$u_{t} \sim I(1)$$

$$(1) \preceq \sim_{j} \omega$$

ولعل هذا يعني أنه حتى إذا كان هناك سلسلتين متكاملتين من نفس الرتبة كل على حدة ، فليس هناك ما يضمن أن يتصفان بخاصية التكامل المشترك .

(۲-۲-۱۷) تعریف التکامل المشترك Cointegration

\* يعرف التكامل المشترك بأنه تصاحب Association بين سلسلتين رّمنيتين :

س ، س ز ( Yt, Xt ) أو أكثر ، بحيث تؤدي التقلبات في إحداهما لإلغاء التقلبات في الخرى بطريقة تجعل النسبة بين قيمتيهما ثابتة عبر الزمن . ولعل هذا يعني أن بيانات السلاسل الزمنية قد تكون غير مستقرة إذا ما أخذت كل على حدة ، ولكنها تكون مستقرة كمجموعة . ومثل هذه العلاقة طويلة الأجل بين مجموعة المتغيرات تعتبر مفيدة في التنبؤ بقيم المتغير التابع بدلالة مجموعة من المتغيرات المستقلة .

ويتطلب حدوث التكامل المشترك في حالة أن تكون السلسلتان حب  $_{i}$  ، حب  $_{i}$  ويتطلب حدوث التكامل المشترك في حدة ، أن تكون البواقي الناجمة عن تقدير العلاقة بينهما متكاملة من الرتبة صفر . أي أنه ، حتى يكون التكامل المشترك موجوداً بين متغيرين : حب  $_{i}$  ، حب

$$Y_t \sim I(1)$$
 (1)  $Z_t \sim I(1)$  (1)  $Z_t$ 

 $\mathbf{u}_{t} \sim \mathbf{I}\left(\mathbf{0}\right)$   $\left(\mathbf{\cdot}\right) \preceq \sim_{\mathbf{i}} \epsilon$ 

ويلاحظ في هذه الحالة أن الحد العشوائي متمثلاً في البواقي 2 ، (١٠١) يقيس انحراف العلاقة المقدرة في الأجل القصير عن اتجاهها التوازني في الأجل الطويل .

ومما سبق نجد أن التكامل المشترك هو التعبير الإحصائي لعلاقة التوازن طويلة الأجل . فلو أن هناك متغيرين يتصفان بخاصية التكامل المشترك فإن العلاقة بينهما تكون متجهة لوضع التوازن في الأجل الطويل ، بالرغم من إمكانية وجود انحرافات عن هذا الاتجاه في الأجل القصير . وتنعكس هذه الانحرافات كما قلنا في البواقي المتمثلة في:

$$u_t = Y_t - a - bX_t$$
  $j = -1 - j = -1$ 

ووفقا لهذا المنطق فإن النظام يكون في وضع توازن عندما  $_{i}$  (u<sub>i</sub>) = صفر ، ويكون في حالة عدم توازن عندما  $_{i}$  (u<sub>i</sub>)  $_{i}$  صفر .

(١٧-٣-٣) اختبارات التكامل المشترك :

يوجد هناك عديد من اختبارات التكامل المشترك ، نختار منها اثنين على النحو التالي :

- (۱) اختبار إنجل جرانجر Engle-Granger (EG) Test
  - (٢) اختبار الانحدار المتكامل لديربن واتسون

Cointegrating Regression Durbin-Watson Test (CRDW)

### (۱) اختبار إنجل-جراتجر (EG):

لإجراء هذا الاختبار نتبع الخطوات التالية: ويهم المعاد البيد المعاد المعا

١- نقوم بتقدير إحدى الصيغ الأصلية التالية للتكامل المشترك:

$$Y_t = a + b X_t + u_t \qquad (II) \quad j \leftarrow + j \longrightarrow + j = j \longrightarrow$$

$$Y_t = a + b_1 T + b_2 X_t + u_t$$
 (III)  $j = a + b_1 T + b_2 X_t + u_t$ 

ويلاحظ أن النموذج (II) يحتوي على حد ثابت دون اتجاه زمني ، والنموذج (III) يحتوى على حد ثابت واتجاه زمني .

: حصل على البواقي  $(u_t)_j = u_t$  وفقا للصيغة المستخدمة

$$\mathbf{u}_t = \mathbf{Y}_t - \mathbf{a} - \mathbf{b} \mathbf{X}_t$$

$$u_t = Y_t - a - b_1 T + b_2 X_t$$
  $u_t = Y_t - a - b_1 T + b_2 X_t$ 

٣-نقوم باختبار مدى سكون سلسلة ٤ ( ut ) بتقدير إحدى الصيغ التالية :

$$(79-17) \qquad \qquad \qquad 39+3-3+\Delta$$

$$\Delta \mathbf{u}_{t} = \lambda \mathbf{u}_{t-1} + \mathbf{\varepsilon}_{t}$$

$$\Delta u_t = \lambda u_{t-1} + \sum \rho_{t-j} \Delta u_{t-j} + \varepsilon_t$$

ونحدد  $^* au$  المحسوبة لنقارنها به بالقيمة الحرجة من جداول أعدها خصيصاً كل من إنجل وجرانجر لذلك . فإذا كانت  $^* au$  المحسوبة أكبر من القيمة الحرجة نرفض فرض العدم ، وبالتالي تكون سلسلة  $^* au_i$  ( $^* au_i$ ) ساكنة ، وبيانات سلسلتي كل من  $^* au_i$  ،  $^* au_i$  ورض العدم ، وبالتالي تكون سلسلة  $^* au_i$  المقدر لا ( $^* au_i$ ) تتصف بخاصية التكامل المشترك . وبناءاً على ذلك فإن الانحدار المقدر لا يكون زائفاً . وبالطبع إذا حدث العكس لا تكون المتغيرات محل الاعتبار متمتعة بخاصية التكامل المشترك ، و يكون الانحدار المقدر زائفاً . وتوجد جداول القيم الحرجة لاختبار  $^* au$  بالملحق الإحصائي .

## (٢) اختبار الاتحدار المتكامل لديرين واتسون:

لإجراء هذا الاختبار نتبع الخطوات التالية:

- ا نقوم بحساب إحصائية ديربن واتسون (d) المصاحبة للانحدار الأصلي بين س  $(Y_t)$  ، س  $(X_t)$  ، س  $(X_t)$  وتسمى  $(X_t)$ 
  - ٢- نبحث في جداول أعدها Sargan & Bhargava عن d الجدولية .
- d = 0 الجدولية نرفض فرض d = 0 ، فإذا كانت d = 0 الجدولية نرفض فرض العدم وبالتالي يوجد هناك تكامل مشترك ، ولا يكون الانحدار المقدر زائفاً ، والعكس صحيح .

وتوجد هناك اختبارات أخرى أكثر شمولية وتعقيداً مثل اختبار جوهانسن المعددة المعددة الاختبار في حالة النماذج متعددة المعادلات الآنية من الصيغة VAR التي سوف تتعرض لها فيما بعد ، ويعتمد على مدخل المعلومات الكاملة للاحتمال الأعظم Full Information Maximum مدخل المعلومات الكاملة للاحتمال الأعظم FIML) Likelihood

n Yang Kabupatèn

# المبحث الثالث

# كيفية إزالة عدم السكون في السلسلة

من أهم ملامح عدم سكون السلسلة:

(أ) تغير تباين السلسلة عبر الزمن .

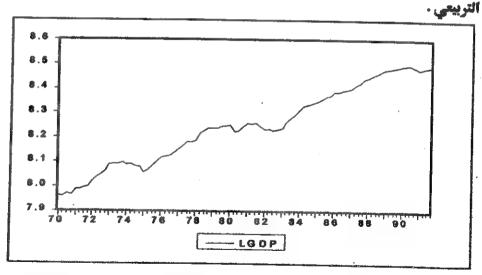
(ب) وجود اتجاه عام في بيانات السلسلة .

(ح) وجود نمط متكرر للتقلبات الموسمية عبر الزمن

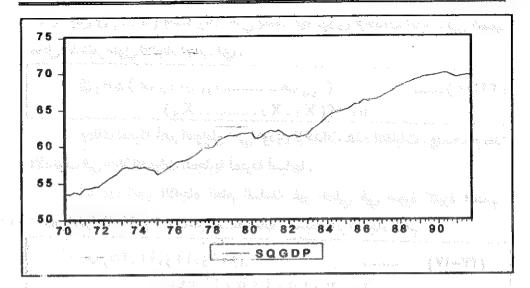
ونوضح فيما يلي كيفية إزالة مظاهر عدم السكون تلك :

( ۱۷-۳-۱۷ ) علاج عدم ثبات التباين:

من أهم التحويلات المستخدمة في تثبيت تباين السلطة الحصول على اللوغاريتم الطبيعي لبيانات السلطة أو الحصول على الجدر التربيعي لها . وبعد إجراء التقديرات المطلوبة نعيد صيغة التقدير لأصلها . ويوضح الشكل (١٧-٤) لوغاريتم الناتج المحلي للولايات المتحدة (LGDP) . ويوضح الشكل (١٧-٥) الجدر التربيعي لنفس سلسلة الناتج المحلي . ومن الواضح أن التباين أكثر ثباتاً في حالة تحويلة الجدر



شكل (17-2) - اللوغاريتم الطبيعي لسلسة الناتج المحلي للولايات المتحدة 17/2:



شكل (١٧ -٥) الجدر التربيعي للناتج المحلي للولايات المتحدة

### ( ١٧١٣٤٢) إزالة الاتجاه العام:

يمكن تعريف الاتجاه العام بأنه يتمثل في وجود تغير منتظم في مستوى السلسلة الزمنية في اتجاه محدد ، ومن طرق إزالة الاتجاه : طريقة الانحدار ، وطريقة الفروق.

(١) طريقة الانحدار:

إذا كان الاتجاه العام للسلسلة خطياً فإنه يتم استخدام الصيغة التالية: ﴿ وَا

$$\begin{array}{lll} (Y \cdot - 1Y)^{(a)} & \text{for all } & \text{$$

وتصبح بيانات السلسلة بعد إزالة الاتجاه العام كما يلي:

$$\mathbf{u}_{t} = \mathbf{Y}_{t} - \alpha_{0} - \alpha_{1} \mathbf{T}$$

وتسمى هذه العملية detrending، وبعد استبعاد الاتجاه العام تتبقى التقلبات حول هذا الاتجاه ممثلة في قيم ق; ( u ، ) . ويمكن أن نقوم بعد ذلك بتقدير انحدار جديد بين ق ; ( 11 ) والمتغيرات التي يعتقد أنها تؤدى لإحداث تقلبات في المتغير محل الاعتبار حول الاتجاه العام . أي :

$$( YY_{-1}Y ).....$$
  $( x_{ij}, x_{ij}, \dots, x_{ij})$   $u_t = f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ 

وذلك لمعرفة أهم العوامل التي تؤدى لإحداث هذه التقلبات . ويستخدم هذا الأسلوب في حالة الدورات التجارية لمعرفة أسبابها .

أما إذا كان الاتجاه العام للسلسلة غير خطي في صورة كثيرة الحدود • Polynomial " فيتم استخدام الصيغة التالية لاستبعاد أثر الاتجاه العام:

(TT-1Y) ...... 
$$Y_t = \alpha_0 + \alpha_1 T + \alpha_2 T^2 + \varepsilon_t$$

وتصبح بيانات السلسلة بعد إزالة الاتجاه العام :

$$(\Upsilon \epsilon - 1Y)$$

$$\epsilon_{i} = Y_{i} - \alpha_{0} - \alpha_{1} T - \alpha_{2} T^{2}$$

ويمكن بالطبع إدراج عنصر الزمن مع متغيرات تفسيرية أخرى بالنموذج ، مثال

\$لك حرر=أ+ب، ص،ر+ب، ز+ك،ر

Differencing Method طريقة الفروق ( ٢ ) طريقة

وباستخدام هذه الطريقة نحصل على الفروق من الرتبة الأولى أو من الرتبة الثانية لإزالة الاتجاه العام .

ويلاحظ في هذا الصدد أن:

 $\Delta Y_i = Y_i - Y_{i-1}$  الفرق من الرتبة الأولى  $\Delta$  :  $\Delta$  حب ر $\Delta$  حب ر $\Delta$  حب ر $\Delta$  حب رائبة الثانية  $\Delta Y_{i(2)} = \Delta Y_i - \Delta Y_{i-1}$  الفرق من الرتبة الثانية  $\Delta$  حب روى  $\Delta$  حب روى  $\Delta$ 

أي أن الفرق من الرتبة الثانية هو فرق الفروق الأولى ، وهكذا بالنسبة للرتب الأخرى.

#### مثال (۱۲–۳)

#### إزالة الاتحاه العام بطريقة الفروق

لتوضيح هذه الطريقة دعنا نتفحص بيانات الجدول (١٧-٤).

جدول (۲۱-ع) (۱۳-غ) جدول (۱۳-غ) المحادث المراجعة المحادث المراجعة المحادث المراجعة المحادث المراجعة المحادث الم

إزالة الاتجاه العام بأسلوب الفروق

			$(X_t)$	(Y <sub>1</sub> ) ; cm	المشاهدة
•			٧,	1.	
٧.	The second secon			Υ.	
۲.	٧.	•	14.	40	<b>.</b>
Y •	۸٠	0	٧٧.	۳.	\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \
7.	114		* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	V	v

وكما يتضح من الجدول ( 17-3 ) فإن السلسلة حلى تعتبر سلسلة خطية متزايدة، وبالحصول على الفروق من الرتبة الأولى ف ص = حلى - حلى ز\_ ، نجد أنها سلسلة ثابتة . أما السلسلة من وفهى غير خطية متزايدة . وبالحصول على الفروق من

الرتبة الأولى ف ن , ثم الفروق من الرتبة الثانية ف ن ، نحصل على سلسلة ثابتة ،

وبتطبيق طريقة الفروق على بيانات الناتج المحلى للولايات المتحدة بالحصول على الفروق الأولى للسلسلة ، فجد أن الشكل ( ١٧-٦ ) يعبر عن مسار هذه الفروق عبر نفس الفترة ١٩٧٠ - ١٩٩١ بعد إزالة أثر الاتجاه العام .

وباختيار درجة سكون أو استقرار سلسلة الغروق الأولى نستخدم الصيغة التالية :

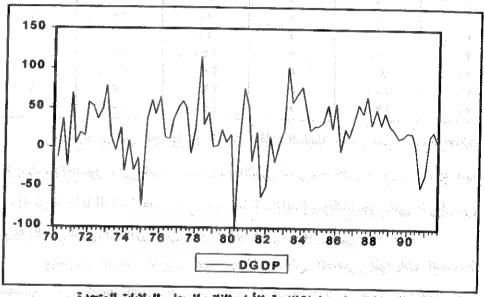
$$\Delta D_t = a + \lambda D_{t-1} + u_t \qquad (17-35)$$

$$D_t = \Delta G D P_t \qquad (17-35)$$

وبتقدير هذه الصيغة باستخدام أمر unit root في برنامج Eviews نحصل على:

وحيث أن القيم الحرجة  $\tau$  الجدولية عند مستوى معنوية 1 ٪، ٥ ٪، ١٠ ٪ على التوالي هي : - 7,000، - 7,000 ، - 7,000 ، - 7,000 ، - 7,000 ، - 7,000 المحسوبة  $\tau$  المحسوبة أي منها، فإن هذا يؤدى إلى رفض فرض العدم : م $\tau$  صفر  $\tau$  وقبول الفرض البديل م $\tau$  صفر  $\tau$  وبالتالي تكون سلسلة بيانات الفروق ساكنة .

ويلاحظ هنا أن اختبار ديكي - فولار لجدر الوحدة يصلح لأن إحصائية DW قريبة من ٢ ، مما يشير لعدم وجود ارتباط سلسلي في سلسلة البواقي لمعادلة الفروق .



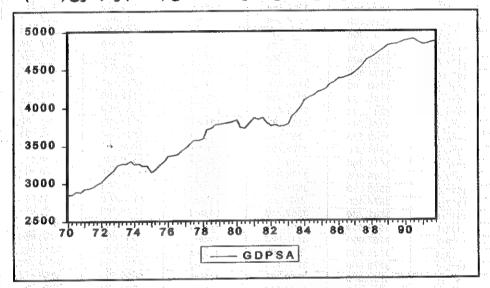
شكل (17-17)-سلسلة الفروق الأولى للناتج المحلي للولايات المتحدة

# ( ٣-٣-١٧ ) إزالة التقلبات الموسمية Seasonal adjustment:

قد توجد هناك تقلبات موسمية بصورة منتظمة في بعض البيانات على مدار العام ، مثال ذلك تلك التقلبات التي تصاحب التغيرات المناخية في الفصول ، أو التقلبات في المبيعات التي تصاحب المواسم والأعياد في بعض الدول . ولرصد مثل هده التقلبات يتعين أن تكون البيانات المتاحة شهرية أو ربع سنوية وفقا لأوقات تكرار مثل هذه التقلبات . وتوجد هناك طرق عديدة للتخلص من التقلبات الموسمية في البيانات . ومن بين هذه الطرق المتعارف عليها :

- أطريقة التعداد الضربية Census X-II Multiplicative
- طريقة التعداد الحمعية Census X-II Additive
- 3- Ratio to Moving Average Multiplicative طريقة النسبة للمتوسط المتحرك الضربية
- طريقة النسبة للمتوسط المتحرك الجمعية Ratio to Moving Average Additive
- 5- Seasonal differences طريقة الفروق الموسمية

وتعتبر الطريقتين الأولى والثانية هما الطريقتان المستخدمتان على نطاق واسع من قبل مكتب التعداد بالولايات المتحدة US Bureau of Census . ويمكن استخدام أي من هذه الطرق في برنامج Eviews القياسي لعمل إزالة للتقلبات الموسمية . وإذا قمنا باستخدام الطريقة الأولى في إزالة التقلبات الموسمية من بيانات الناتج المحلي بالولايات المتحدة نحصل على النتائج الموضحة بالشكل (٧-١٧) والجدول (٧-٥).



شكل (17-0)- إزالة التقلبات الموسمية من بيانات الناتج المحلي للولايات المتحدة

ومن الواضح من الشكل (١٧-٥) أن شكل السلسلة بعد إزالة التقلبات الموسمية لا يختلف كثيرا عنه في الشكل (١٧-١) قبل إزالتها ، مما يشير إلى أن البيانات قد لا تحتوي على تقلبات موسمية جوهرية .

جدول (17-0) بيانات الناتج المحلى للولايات المتحدة قبل (GDP) و بعد إزالة التقليات الموسمية (GDPsa)

Quarter	GDP	GDPsa	Quarter	GDP	GDPsa
1970:1	2872.800	2860.394	1981:1	3860.500	3860.16
1970:2	2560.300	2857.76	1981:2	3844.400	3847.62
1970:3	2 36.600	2897.405	1981:3	3864,500	3863.50
1970:4	2873.700	2887.212	1981:4	3803.100	3801.74
1971:1	2942.900	2931.46	1982:1	3756.100	3756.97
1971:2	2947.400	2944.43	1982:2	3771.100	3771.87
1971:3	2966.000	2966.882	1982:3	3754.400	3752.04
1971:4	2980.800	2993.059	1982:4	3759.600	3760.92
1972:1	3037.300	3028.2	1983:1	3783.500	3786.03
1972:2	3089.700	3085.79	1983:2	3886.500	3883.86
1972:3	3125.800	3126.767	1983:3	3944.400	3941.73
1972:4	3175.500	3135.85	1983:4	4012.100	4015.09
1973:1	3253.300	3247.251	1984:1	4089.500	4093.39
1973:2	3267.600	3262.741	1984:2	4144.000	4139.34
1973:3	3264.300	3264.965	1984:3	4165.400	4163.52
1973:4	3289.100	3297.198	1984:4	4194.200	4198.21
1974:1	3259.400	3256.508	1985:1	4221.800	4225.11
1974:2	3267.600	3263.266	1985:2	4254.800	4249.83
1974:3	3239.100	3238.279	1985:3	4309.000	4307.77
1974:4	3226.400	3232.065	1985:4	4333.500	4336.39
1975:1	3154.000	3154.333	1986:1	4390.500	4392.57
1975:2	3190.400	3186.818	1986:2	4387.700	4384.39
1975:3	3249.00	3247.384	1986:3	4412.600	4411.79
1975:4	3292.500	3296.411	1986:4	4427.100	4428.85
1976:1	3356.700	3359.187	1987:1	4460.000	4461.78
1976:2	3369.200	3367.172	1987:2	4515.300	4512.800
1976:3	3381.000	3376.705	1987:3	4559.300	4558.48
1976:4	3416.300	3419.038	1987:4	4625.500	4626.27
1977:1	3466.400	3468.884	1988:1	4655.300	4658.466
1977:2	3525.000	3524.851	1988:2	4704.800	4701.99
1977:3	3574.400	3570.93	1988:3	4734.500	4733.053
1977:4	3567.200	3567.856	1988:4	4779.700	4780.08
1978:1	3591.800	3592.208	1989:1	4809.800	4814.608
1978:2	3707.000	3710.683	1989:2	4832.400	4828.998
1978:3	3735.600	3732.36	1989:3	4845.600	4843.096
1978:4	3779.600	3778.474	1989:4	4859.700	4860.279
1979:1	3780.800	3779.768	1990:1	4880.800	4886.885
1979:2	3784.300	3789.734	1990:2	4900.300	4896.754
1979:3	3807.500	3805.77	1990:3	4903.300	4899.34
1979:4	3814.600	3811,426	1990:4	4855.100	4856.468
1980:1	3830.800	3829.985	1991:1	4824.000	4830.22
1980:2	3732.600	3738.12	1991:2	4840.700	4837,498
1980:3	3733.500	3731.577	1991:3	4862.700	4857.648
1980:4	3808.500	3806.143	1991;4	4868.000	4870.388

ويلاحظ أن أبسط الطرق السابقة هي طريقة الفروق الموسمية ، فإذا كان لدينا بيانات سلسلة ربع سنوية  $(Y_t)$  ، ونريد تخليصها من التقلبات الموسمية باستخدام

هذه الطريقة ، نقوم بالحصول على الفروق الرابعة لبيانات السلسلة لنحصل على السلسلة : ف (H<sub>t</sub>) ، حيث:

$$(TY-1Y)....H_t=Y_t-Y_{t-1}$$

مثال (۱۷-۳) تطبيق مظاهر سكون السلسلة

إذا أردنا تطبيق جميع خطوات التخلص من مظاهر عدم السكون في بيانات الناتج المحلي للولايات المتحدة ، نبدأ باستخدام إحدى الطرق السابقة للتخلص من التقلبات الموسمية ، ولتكن طريقة التعداد الضربية ، فنحصل على الناتج المحلي المعدل موسميا (ج ر ) ، كم نطبق باقي الخطوات على النحو التالي :

لتثبيت التباين تأخد الجدر التربيعي للناتج المحلي المعدل موسميا فنحصل

$$G_i = \sqrt{Z_i}$$
 على (ك ز)  $G_i = \sqrt{Z_i}$  على (ك ز) على .  $G_i = \sqrt{Z_i}$ 

ولإزالة أثر الاتجاه العام نحصل على الفروق الأولى:

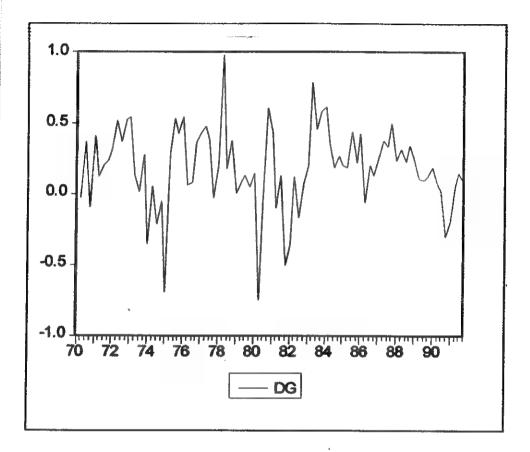
$$\Delta G_t = G_t - G_{t-1} \qquad \Delta = \int_{-1} \Delta = \int_{-$$

وبتطبيق الخطوات السابقة نحصل على البيانات الموضحة بالجدول (١٧-٦). والشكل (١٧-١) .

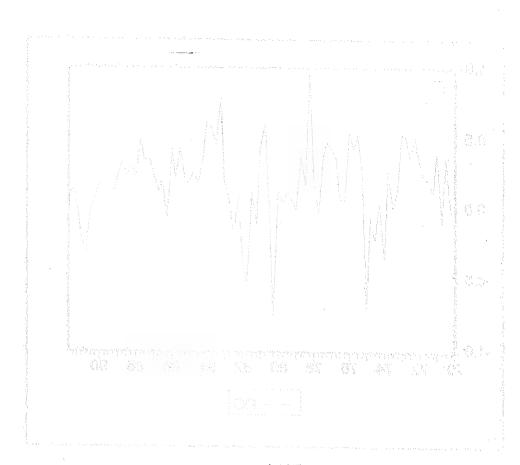
جدول (۱۲ –٦)

### سلسلة بيانات الناتج المحلى للولايات المتحدة بعد تخليصها من جميع مظاهر عدم الاستقرار

		<u> </u>			~ C	-,	
Quarter	Zt	Gt	ΔGt	Quarter	Zt	Gt	ΔGt
1970:1	2860.394	53.48265	NA	1981:1	3860.168	62.13025	0.436304
1970:2	2857.76	53.45802	-0.024630	1981:2	3847.625	62.02923	-0.101023
1970:3	2897.405	53.82755	0.369528	1981:3	3863.501	62.15707	0.127840
1970:4	2887.212	53.73278	-0.094765	1981:4	3801.743	61.65828	-0.498791
1971:L	2931.46	54.14296	0.410176	1982:1	3756.973	61.29415	-0.364125
1971:2	2944.43	54.26260	0.119643	1982:2	3771.878	61.41562	0.121465
1971:3	2966.882	54.46909	0.206490	1982:3	3752.04	61.25390	-0.161719
1971:4	2993.059	54.70886	0.239765	1982:4	3760.927	61.32640	0.072499
1972:1	3028.2	55.02908	0.320227	1983:1	3786.037	61.53078	0.204384
1972:2	3085.79	55.54989	0.520804	1983:2	3883.863	62.32065	0.789866
1972:3	3126.767	55.91750	0.367614	1983:3	3941.731	62.78321	0.462560
1972;4	3185.85	56.44333	0.525833	1983:4	4015.096	63.36479	0.581579
1973:1	3247.251	56.98466	0.541321	1984:1	4093.398	63.97967	0.614883
1973:2	3262.741	57.12041	0.135752	1984:2	4139.34	64.33770	0.358034
1973:3	3264.965	57.13987	0.019464	1984:3	4163.525	64.52538	0.187680
1973:4	3297.198	57.42123	0.281361	1984:4	4198.211	64.79360	0.268220
1974:1	3256.508	57.06582	-0.355411	1985:1	4225.115	65.00088	0.207282
1974:2	3263.266	57.12500	0.059182	1985:2	4249.838	65.19077	0.189882
1974:3	3238.279	56.90588	-0.219125	1985:3	4307.774	65.63363	0.442868
1974:4	3232.065	56.85125	-0.054625	1985:4	4336.399	65.85134	0.217705
1975:1	3154.333	56.16345	-0.687804	1986:1	4392.571	66.27647	0.425134
1975:2	3186.818	56.45191	0.288460	1986:2	4384.394	66.21476	-0.061717
1975:3	3247.384	56.98582	0.533914	1986:3	4411.797	66.42136	0.206603
1975:4	3296.411	57.41438	0.428557	1986:4	4428.859	66.54967	0.128314
1976:1	3359.187	57.95849	0.544114	1987:1	4461.789	86.79662	0.246951
1976:2	3367.172	58.02734	0.068845	1987:2	4512.806	67.17742	0.380798
1976:3	3376.705	58.10942	0.082084	1987:3	4558.485	67.51655	0.339132
1976:4	3419.098	58.47305	0.363631	1987:4	4626.271	68.01670	0.500143
1977:1	3468.884	58.89723	0.424179	1988:1	4658.466	68.25296	0.236260
1977:2	3524.851	59.37046	0.473223	1988:2	4701.99	68.57106	0.318102
1977:3	3570.93	59.75726	0.386803	1988:3	4733.053	68.79719	0.226129
1977:4	3567.856	59.73153	-0.025726	1988:4	4780.081	69.13813	0.340942
1978:1	3592.208	59.93503	0.203499	1989:1	4814.608	69.38738	0.249247
1978:2	3710.683	60.91538	0.980344	1989:2	4828.998	69.49099	0.103616
1978:3	3732.36	61.09304	0.177668	1989:3	4843.096	69.59236	0.101364
1978:4	3778.474	61.46929	0.376249	1989:4	4860.279	69.71570	0.123345
1979:1	3779.768	61.47982	0.010525	1990:1	4886.885	69.90626	0.190557
1979:2	3789.734	61.56082	0.080998	1990:2	4896.754	69.97681	0.070552
1979:3	3805.77	61.69092	0.130108	1990:3	4899.34	69.99529	0.018475
1979:4	3811.426	61.73675	0.045824	1990:4	4856.468	69.68836	-0.306922
1980:1	3829.985	61.88687	0.150125	1991:1	4830.22	69.49978	-0.188579
1980:2	3738.12	61.14017	-0.746706	1991:2	4837.496	69.55211	0.052326
1980:3	3731.577	61.08664	-0.053532	1991:3	4857.648	69.69683	0.144719
1980:4	3806.143	61.69395	0.607311	1991:4	4870.388	69.78817	0.091336



شكل (١٧-١) سلسلة الناتج المحلي للولايات المتحدة بعد إزالة جميع مظاهر عدم السكون



AND CONTRACT PRINCIPLES THE RESIDENCE OF THE PRINCIPLE OF THE PRINCIPLE WITH THE PRINCIPLE WITH THE PRINCIPLE OF THE PRINCIPL

# الفصل الثامن عثبر

# نموذج تصحيح الخطأ

### **Error Correction Model (ECM)**

إذا كانت المتغيرات التي تتكون منها ظاهرة ما تتصف بخاصية التكامل المشترك، فإن النموذج الأكثر ملائمة لتقدير العلاقة بينها يصبح هو نموذج تصحيح الخطأ. وبالطبع إذا كانت المتغيرات لا تتصف بهذه الخاصية فإن هذا النموذج لا يصبح صالحاً لتفسير سلوك هذه الظاهرة.

ويستخدم هذا النموذج عادة للتوفيق بين السلوك قصير الأجل والسلوك طويل الأجل للعلاقات الاقتصادية . فالمتغيرات الاقتصادية يفترض أنها تتجه في الأجل الطويل نحو حالة من الاستقرار يطلق عليها في الاقتصاد وضع التوازن Equilibrium . وهي في طريقها لهذا الوضع قد تنحرف عن المسار المتجه إليه لأسباب مؤقتة ، ولكن لا يطلق عليها صفة الاستقرار إلا إذا ثبت أنها متجهة لوضع التوازن طويل الأجل .

ومن المعروف أن طريقة المربعات الصغرى العادية OLS تقوم على أساس افتراض مؤداه أن الظواهر الاقتصادية تتبع في سلوكها التوزيع المعتدل الطبيعي Normal Distribution ، وهذا بتضمن أن بيانات السلاسل الزمنية للمتغيرات الاقتصادية هي بيانات مستقرة . ولكن هذا قد لا يحدث في الواقع العملي، فكثيرا ما تكون هذه البيانات غير مستقرة . وفي هذه الحالة يترتب على استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في التقدير الحصول على علاقات انحدار زائف يعبر عن نفسه في صورة : (أ) معامل تحديد مرتفع ، (ب) معاملات انحدار ذات معنوية إحصائية مرتفعة ، (ج) وجود ارتباط سلسلى تظهره إحصائية DW .

ويلاحظ عموما أنه حتى إذا كانت السلاسل الزمنية غير مستقرة كل على حدة ، ولكنها تتصف بخاصية التكامل المشترك كمجموعة ، يصبح النموذج الملائم لتقدير

العلاقة بينها هو نموذج تصحيح الخطأ . ولا يترتب على قياس العلاقة بينها في هذه الحالة الحصول على انحدار زائف .

### ونتعرض في هذا الفصل لنقطتين أساسيتين في مبحثين مستقلين:

المبحث الأول: صيغة نموذج تصحيح الخطأ. ١٠٠٠ ﴿ وَالْمُعَالَّ الْمُعَالَّ الْمُعَالَ الْمُعَالَّ الْمُعَالِّ الْمُعَالَّ الْمُعَالِّ الْمُعَالُ الْمُعَالِّ الْمُعَالِّ الْمُعَالِي الْمُعَالِي الْمُعَالِي الْمُعَالِي الْمُعَالِي الْمُعَالِي الْمُعَالِقُولِ اللَّهِ عَلَيْكِاللَّهُ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلْلُ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعَالِي الْمُعَالِقُولُ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعَلِّلُ اللَّهِ عِلَيْكِمِلْ الْمُعِلِي الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِّ الْمُعِلِي الْمُعِلِّ الْمُعِلِي الْمُعِلْ فِي الْمُعِلِي الْمُعِلِي الْمُعِلِي الْمُعِلِي الْمُعِلِي الْمِعِلِي الْمُعِلِي الْمُعِلْمِلْ الْمُعِلْمِينِ لِلْمُعِلِي الْمُعِلِي الْمُعِلْمِ الْمُعِلِي الْمُعِلْمُ عِلْمُعِلِي الْمُعِلْمِ الْمُعِلْمِ الْم

المبحث الثاني: نموذج تصحيح الخطأ وعلاقة السببية لجرانجر

The Committee of the Co

with the rail through the first special through the first state of the

and your first property of the same with the property of the same of the same and the same of the same

## س **المبحث الأول** ( يقام الأرب الأرب) موجد الأوروس

# صبغة نموذج تصحيح الخطأ

تأخد صيغة نموذج تصحيح الخطأ في الاعتبار كل من العلاقة طويلة الأجل والعلاقة قصيرة الأجل . أما عن كونها تأخذ في الاعتبار العلاقة طويلة الأجل ، فهذا يتم باحتوائها على متغيرات ذات فجوة زمنية Lagged variables . وفيما يتعلق باشتمالها على العلاقة قصيرة الأجل فهذا يتم بإدراج فروق السلاسل الزمنية فيها والتي تعبر عن التغير بين القيم من يوم لآخر ، أو من أسبوع لآخر ، أو من شهر لآخر ، أو من فصل لآخر ، أو حتى من سنة لأخرى .

وإذا بدأنا بمتغيرين: حس و من (Yt, Xt) ، وقدرنا العلاقة بينهما باستخدام الصبغة السبطة التالية:

حيث : حي  $(Y_t)$  = قيمة المتغير التابع أو اللوغاريتم الطبيعي له

مى  $_{i}\left( X_{i}
ight) =$ قيمة المتغير المستقل أو اللوغاريتم الطبيعي له

عندئذ يمكن الحصول على متغير جديد يسمى حد تصحيح الخطأ ، وهو يتمثل في البواقي : در (٤٠) ، حيث:

$$\varepsilon_{t} = Y_{t} - \hat{\alpha}_{0} - \hat{\alpha}_{1} X_{t}$$

$$\varepsilon_{t} = Y_{t} - \hat{\alpha}_{0} - \hat{\alpha}_{1} X_{t}$$

وباستخدام هذا الحد يمكن صياغة نموذج تصحيح الخطأ على النحو التالي :

$$(Y-1A)_{-j}g+_{j-j}(_{i} + _{i} + _$$

 $(Y_t - Y_{t-1})$  = الفرق الأول للمتغير التابع =  $(Y_t - Y_{t-1})$  = الفرق الأول للمتغير التابع =  $(Y_t - Y_{t-1})$ 

ر (i) = (i) ، ..... ك (k) رقم الفحوة الزمنية لفروق المتغير المستقل عن (X1) .

ك (k) = عدد الفجوات الزمنية المدرجة بالنموذج .

Δ س ز \_ ر ( Xt Δ ) = الفروق الأولى للمتغير التفسيري ـ

فإذا كانت: ر (j) = ٣ ، إذن يوجد ثلاث فروق على النحو التالي :

 $\Delta X_{i-1} = X_{i-1} - X_{i-2}$  هن زيا $X_{i-1} = X_{i-1} - X_{i-2}$ 

 $\Delta X_{t-2} = X_{t-2} - X_{t-3}$ 

 $\Delta X_{i-3} = X_{i-3} - X_{i-4}$   $\epsilon_{-1} = \epsilon_{-2} = \epsilon_{-3} - \epsilon_{-4}$ 

ويتعين إدراج الفروق التي لها تأثير معنوي فقط في الصيغة المقدرة لقياس العلاقة قصيرة الأجل ، أما الفروق التي لها تأثير غير معنوي فيتم استبعادها .

جـ  $(\theta)$  = معامل سرعة التعديل speed of adjustment وهو يشير إلى مقدار التغير في المتغير التابع نتيجة لانحراف قيمة المتغير المستقل في الأجل القصير عن قيمته التوازنية في الأجل الطويل بمقدار وحدة واحدة . ويتوقع أن يكون هذا المعامل سالباً ، لأنه يشير للمعدل الذي تتجه به العلاقة قصيرة الأجل نحو العلاقة طويلة الأجل converg بيشير للمعدل الذي تتجه به العلاقة قصيرة الأجل نحو العلاقة طويلة الأجل بعدن رصد أول ويلاحظ هنا أنه في خضم تجريب عديد من الفجوات الزمنية (ز-ر) يتعين رصد أول معلمة سالبة لها معنوية إحصائية بالنسبة لحد التصحيح . فقد نجرب حدي التصحيح :  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-2}$  ،  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-1}$  ،  $c_{i-1}$  ونجد أن المعلمة "ج"  $c_{i-1}$  في كليهما موجبة أو سالبة ولها معنوية إحصائية ، عندئذ ترصد حد التصحيح الثالث ومعلمته في العلاقة المقدرة ولها معنوية إحصائية ، عندئذ ترصد حد التصحيح الثالث ومعلمته في العلاقة المقدرة (شهور أو فصول أو سنوات) حتى يصل لوضع التوازن طويل الأجل ...

وليس من الضروري أن تكون الفجوة الزمنية لحد التصحيح هي نفسها لفرق

المتغير التفسيري المدرج بالنموذج، فهذا متغير وذاك متغير آخر

#### المبحث الثاني

### نموذج تصحيح الخطأ وعلاقة السببية لجرانجر Error Correction Model and Granger Causality

يقال أن " مر" (X) تسبب " حر" (Y) لو أن تنبؤ قيم "ص" (Y) عن طريق القيم السابقة للمتغير " مر" (X) بالإضافة إلى القيم السابقة للمتغير " حر" (Y) كان أفضل من التنبؤ المبني على القيم السابقة للمتغير " حر" (Y) فقط .

ولو أن كل من : حب ، هب (Y,X) يتصفان بخاصية التكامل المشترك من الرتبة الأولى، يتعين إضافة حد تصحيح الخطأ المقدر من علاقة بين حب ، هب (Y,X) في نموذج السبية بالإضافة إلى القيم السابقة لكل من حب ، هب (Y,X) .

ونظراً لتداخل العلاقات بين المتغيرات الاقتصادية ، وهو ما يعني أن "  $\sim$  " (Y) قد تؤثر على "  $\sim$  " (X) ، مثلما "  $\sim$  " (X) تؤثر على "  $\sim$  " (Y) في نفس الوقت، فإن النموذج الذي يستخدم لاختبار اتجاه العلاقة بين  $\sim$  ،  $\sim$  (Y,X) يتعين أن يكون نموذجاً آنيا يحتوي على عدد من المعادلات بعدد المتغيرات التابعة .

ويتضمن نموذج تصحيح الخطأ التالي سببية جرائجر التي تستخدم في اختبار التجاه العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية ، و تحديد ما إذا كانت علاقة السببية تتجه من (X) إلى حب (Y) أو من حب (Y) إلى مب (X) ، أم أنها علاقة تبادلية يؤثر فيها كل منهما على الآخر .

$$\Delta Y_{t} = \alpha_{1} + \sum_{i=1}^{m} \beta_{1i} \Delta Y_{t-i} + \sum_{i=1}^{n} \delta_{1i} \Delta X_{t-i} + \theta_{1} \varepsilon_{1t-1} + Z_{1t} \dots (18-4)$$

$$\Delta X_{t} = \alpha_{2} + \sum_{i=1}^{p} \beta_{2i} \Delta X_{t-i} + \sum_{i=1}^{Q} \delta_{2i} \Delta Y_{t-i} + \theta_{2} \varepsilon_{2t-1} + Z_{2t} \dots (18-5)$$

حىث:

 $\Delta X_t = X_t$  الفروق الأولى في  $\Delta Y_t = Y_t$  ، الفروق الأولى في  $Y_t \sim I(1)$  ,  $X_t \sim I(1)$ 

 $\varepsilon_{l_{l-1}}, \varepsilon_{2l-1}$  = حدي تصحيح الخطأ في المعادلتين

 $Y_t$ ,  $X_t$  وقد تم الحصول عليهما من تقدير العلاقتين التاليتين بين  $Y_t=a_1+b_1X_t+arepsilon_{1t}$   $X_t=a_2+b_2Y_t+arepsilon_{2t}$ 

عدد الفجوات الزمنية = m,n,p,Q

ونظراً لأن النموذج السابق يحتوي على القيم السابقة للمتغير التابع كمتغيرات تفسيرية فإنه يطلق عليه (Vector autoregression model (VAR بالإضافة إلى كونه أحد نماذج تصحيح الخطأ. أو بمعنى آخر هو نموذج VAR مع تصحيح الخطأ.

ويلاحظ في هذا الصدد لو أن: (0) ,  $X_t \sim I(0)$  ولكنهما لا يتصفان بخاصية التكامل المشترك ، يتم إزالة حد تصحيح الخطأ من النموذج بمعادلتيه ، وإحلال كل فروق المتغيرين  $X_t$  ,  $\Delta$   $X_t$  بالقيم الأصلية لهما  $X_t$  ، وعندئذ يتحول النموذج إلى نموذج  $V_t$  ,  $V_t$  ,  $V_t$  على النحو الذي سوف نشرحه فيما بعد .

ولعل من أهم المشاكل التي تواجهنا في حالة هذا النموذج هي كيفية تحديد الحجم الأمثل للفجوات الزمنية: m, n, p, Q. ومن الأساليب المستخدمة في هذا الصدد معيار الحد الأدنى لخطأ التنبؤ النهائي وهو ما يطلق عليه:

Akiak's Final Prediction Error (FPE)

ويأخد هذا المعيار الصيغة التالية للفجوة m:

$$FPE_{m} = \left(\frac{T+K}{T-K}\right)\left(\frac{SSR_{m}}{T}\right)....(18-6)$$

حيث: حجم العينة = T ، حجم الفجوة الزمنية = m

في حالة عدم وجود تكامل المشترك ومن ثم لا يحتوي النموذج على حد تصحيح خطأ : K=m+1

في حالة وجود تكامل المشترك ومن ثم يحتوي النموذج على حد تصحيح خطأ :K=m+2 مجموع مربعات البواقي في ظل الفجوة SSR<sub>m</sub> = sum of squared error : m

وتتمثل خطوات تحديد الحجم الأمثل للفجوات فيما يلي:

- نبدأ بتقدير العلاقة البسيطة التالية  $u_t: \alpha+\beta X_{t-1}+u_t$  وذلك للحصول على (١) نبدأ بالعدير العلاقة البسيطة التالية التالية  $u_t$
- (٢) نقوم بتقدير الصيغة (١٨-٤) بافتراض أن n=0 ثم تجريب الأحجام ٢،١،١. الفجوة m، مع حساب FPE لكل صيغة ، واختيار الصيغة التي يكون عندها FPE عند حده الأدنى ، وعندها تكون \*m هي الحجم الأمثل للفجوة .
- (٣) نقوم بتثبيت \*m ثم نعيد تقدير الصيغة (١٥-٤) بتجريب الأحجام ٢، ٢، ٣، ٠٠٠٠ للفجوة n ونحسب في كل مرة (٣, ٣) ، FPE ، ثم نختار الحجم الذي يصل عنده خطأ التنبؤ النهائي لحده الأدنى ويكون هو الحجم الأمثل للفجوة ما ، مع الأخذ في الاعتبار في هذه الحالة أن:

في حالة عدم وجود تكامل مشترك : K=m\*+n+1

في حالة وجود تكامل مشترك ... K=m\*+n+2:

(٤) تصبح الصيغة الأفضل للمعادلة (١٨-٤) هي التي يصل في ظلها خطأ التنبؤ النهائي إلى المستوى (\*FPE(m\*,n.

- .  $Y_t$  يمكن القول أن :  $X_t$  تسبب  $X_t$  يمكن القول أن :  $FPE(m^*, n^*) < FPE(m^*)$  يمكن القول أن :
- $X_t$  يمكن القول أن :  $X_t$  تسبب  $Y_t$  يمكن القول أن :  $X_t$  تسبب  $Y_t$  يمكن القول أن :  $X_t$
- (۷) نقوم بالحصول على  $Z_{1t}$  من الصيغة التي تقابل ( $(m^*,n^*)$  لغرض نحدده فيما بعد .
- (A) نقوم بتكرار نفس الخطوات السابقة للمعادلة (18-4) لنحصل في النهاية على: (\*FPE(p\*, C+) ، وبمقارنتهما نستطيع معرفة ما إذا كانت Y تسبب X أم لا.
  - (٩) نقوم بالحصول على Z2 من الصيغة التي تقابل (٢٩). FPE

(١١) إذا اتضح أن  $m^* = 10$  مثلاً، فليس معنى ذلك أن ندرج جميع الفجوات العشرة في المعادلة (١٩–٤) عند تقديرها، وإنما ندرج تلك التي يؤثر عندها المتغير التفسيري تأثيراً جوهرياً فقط.

(١٢) تم إدراج حد التصحيح في المعادلتين مصحوبا بفجوة محددة (1-1) ، ذلك لتقليل عبء البحث عن عدد أمثل للفجوات له في حالة أن يكون الدليل السفلي (i-1) . ولاشك أن هناك افتراضاً بأن الفجوة الأولى يتحقق عندها الشروط المطلوبة في حد تصحيح الخطأ وهي أن يكون سالباً وله تأثير معنوي .

مثال (۱-۱۸) تطبیق نموذج VAR مع تصحیح الخطأ

قام أحد الباحثين ( Zhou,Zhong-guo ,1997) بتقدير نموذج VAR تصحيح الخطأ لسوق المنازل السكنية للأسر المفردة بالولايات المتحدة الأمريكية مستخدما بيانات شهرية تمتد من يناير 1970 حتى ديسمبر 1940، وذلك بهدف التنبؤ بالطلب على هذا النوع من المنازل في المستقبل . تضمن النموذج متغيرين هما : مبيعات المنازل السكنية الشهرية = St ، وسيط سعر المنزل السكني = Pt وقام بقياس العلاقة بينهما مستخدما سببية جرانجر . وقد اتبع الخطوات التالية في إجراء تقدير النموذج :

(١) استخدم الصيغتين التاليتين في اختبار جدر الوحدة للمتغيرين :

$$\Delta S_t = c_1 + \alpha_1 t + \lambda_1 S_{t-1} + u_{1t}$$

$$\Delta P_t = c_2 + \alpha_2 t + \lambda_2 P_{t-1} + u_{2t}$$

$$\tau_{\lambda 1}^* = -2.51, \bar{\tau}_{\lambda 2}^* = -2.48, ADF_{(III,250,0.05)} = -2.79: 0.1121 + 0.000$$

وهذا يعني أنه تم قبول فرض جذر الوحدة بما يعني أن سلسلة البيانات للمتغيرين لم تكن مستقرة .

: الاختبار التكامل المشترك، قام الباحث بتقدير الصيغة التالية  $S_t = \alpha + \beta P_t + Z_t$ 

وحصل منها على البواقي  $Z_t$  ثم أجرى اختبار جذر الوحدة على هذه السلسلة مستخدما  $\Delta Z_t = c + \delta T + \lambda Z_{t-1} + \xi$  الصيغة التالية :

واتضح له أن:  $5.16 - \pi^*$ . وبمقارنتها بالقيمة الحرجة سابقا يتضح أنه يتم رفض فرض جذر الوحدة ومن ثم تكون سلسلة البواقي مستقرة ، وهو ما يعني أن كل من المتغيرين  $S_t, P_t$  يتصفان بالتكامل المشترك من الرتبة الأولى . ومن هنا يصبح نموذج تصحيح الخطأ هو الأكثر ملائمة في هذه الحالة .

(٣) بتطبيق الخطوات السابقة لتحديد الحجم الأمثل للفجوات الزمنية اتضح له أن:

$$m^* = 12, n^* = 1, p^* = 12, Q^* = 1$$

(٤) قيام باستخدام البيانات المتاحة في تقدير الصيغتين (١٨-٤)، (١٨-٥) فتوصل للنتائج التالية :

```
\Delta S_t = -9.028 - 0.097 \Delta S_{t-1} + 0.168 \Delta S_{t-2} - 0.179 \Delta S_{t-4} + 0.781 \Delta S_{t-1} 2...(18-7)
                                               (-4.55) (19.53)
       (-0.01)(-2.71)
                               (4.53)
\bar{R}^2 = 0.70 DW = 2.14 FPE = 292880000
\Delta S_{t} = 17496 - 0.061\Delta S_{t-1} + 0.195\Delta S_{t-2} - 0.145\Delta S_{t-4} + 0.758\Delta S_{t-12} - 0.066\epsilon_{|t-1}...(18-8)
      (0.16) (-1.62) (5.16) (-3.55)
                                                               (18.84)
                                                                              (-2.77)
\overline{R}^2 = 0.71 DW = 2.15, FPE = 285,720000
\Delta S_{t} = -1051 - 0.088 \Delta S_{t-1} + 0.192 \Delta S_{t-2} - 0.153 \Delta S_{t-4} + 0.739 \Delta S_{t-12} - 0.06 \, k_{1t-1} + 4.298 \Delta P_{t-1} ...(18-9)
                                                 (-3.85)
                                                                 (18.67)
        (-0.91)(-2.35) (5.19)
                                                                             (-2.66)
                                                                                                (3.57)
\bar{R}^2 = 0.73 DW = 2.15 FPE = 273000000
```

```
\Delta P_{t} = 23914 - 0.107\Delta P_{t-1} - 0.239\Delta P_{t-4} - 0.172\Delta P_{t-8} + 0.327\Delta P_{t-11} + 0.351\Delta P_{t-12} (18-10)
t = (3.35) (-1.83) = (-3.91) = (-2.65) = (5.52) = (5.18)
\bar{R}^{2} = 0.30, DW = 2.19, FPE = 590,434
\Delta P_{t} = 21908 - 0.112\Delta P_{t-1} - 0.252\Delta P_{t-4} - 0.169\Delta P_{t-8} + 0.336\Delta P_{t-11} + 0.362\Delta P_{t-12} - 0.004s = (18-11)
t = (3.03) = (-1.92) = (-4.09) = (-2.62) = (5.67) = (5.33) = (-1.56)
\bar{R}^{2} = 0.31, DW = 2.21, FPE = 586,817
\Delta P_{t} = 222 - 0.126\Delta P_{t-1} - 0.250\Delta P_{t-4} - 0.168\Delta P_{t-8} + 0.336\Delta P_{t-11} + 0.365\Delta P_{t-12} - 0.003s = (18-12)
t = (3.07)(-2.11) = (-4.06) = (-2.61) = (5.69) = (5.37) = (-1.34) = (1.55)
\bar{R}^{2} = 0.31, DW = 2.2, FPE = 586,723
```

- (٥) اتضح من التحليل أن معامل الارتباط بين البواقي في المعادلـتين (١٨–٩) ،
- (۱۸-۱۸) ضعيف (۱۳۸) وهو ما أتاح فرصة تقدير المعادلات بصورة مستقلة .

(۲) بمقارنية FPE بالمعادليتين (۱۸-۷) ، (۱۸-۹) يتضيح أنها أقبل في المعادلة الأخيرة بدرجة ملحوظة وهو ما يعني أن السعر يسبب مبيعات المنازل السكنية . ويؤكد هذا المعنى المعلمة ذات الحجم الكبير تسبيا للسعر (٤,٢٩٨) في المعادلة (۱۸-۹) ومستوى معنويتها المرتفع (٣,٥٧) ، ومعامل التحديد المرتفع نسبيا (٧٠٪-٧٣٪).

(۷) بمقارنة FPE بالمعادلتين (۱۸–۱۰) ، (۱۸–۱۲) نجد أنها أقل بدرجة منخفضة في الأخيرة ، وهو ما يعني أن المبيعات تسبب السعر ولكن ليس بدرجة كبيرة . ويؤكد هذا حجم معلمة المبيعات المنخفض نسبيا (۰٬۰۰۳) في المعادلة (۱۸–۱۲) ، ومستوى المعنوية المنخفض أيضاً (۱٫۰۵) ، ومعامل التحديد المنخفض (۳۰٪–۳۱٪) .

Continue of the continue of th

# الفصل التاسع عشر التنبؤ العلمي باستخدام نماذج الانحدار Forecasting With Regression Models

لقد أشرنا سابقاً إلى أن من أهم أهداف الاقتصاد القياسي التنبؤ بسلوك الظواهر الاقتصادية . ويشير بعض المتخصصين في مجال الاقتصاد القياسي إلى ضرورة التمسك ببعض المبادئ الأساسية المفيدة في عملية التنبؤ . ومن أهم هذه المبادئ : (١) استخدام النماذج البسيطة قدر الإمكان في عملية التنبؤ ، (٢) استخدام أكبر قدر ممكن من البيانات المتاحة . (٣) استخدام النظرية الاقتصادية في بناء نماذج التنبؤ بدلا من الاعتماد على البيانات ، وإن كانت البيانات تفيد في تحديد عدد الفجوات الزمنية التي يتعين إدراجها في بعض النماذج ، في حين أن النظرية قد لا تفيد في ذلك، (٤) مازالت طريقة المربعات الصغرى العادية تعتبر من أفضل الطرق التي تستخدم في تقدير انماذج التنبؤ باستخدام القيم الأصلية ، (٥) تعتبر النماذج الاستقرائية للاتجاه Trend أفضل في التنبؤ من النماذج السبية الاستقرائية للاتجاه Causal أن تكون البيانات اللازمة لتقدير الأخيرة غير متوفرة أو غير دقيقة . وسوف نتعرض في هذا الفصل الهدف من خلال التركيز على أربع نقاط نتناولها في أربعة مباحث مستقلة :

المبحث الأول: تعريف التنبؤ العلمي وأنواعه.

المبحث الثاني : طرق التنبؤ العلمي .

المبحث الثالث: طرق السلاسل الزمنية في التنبؤ العلمي .

المبحث الرابع : اختبار مقدرة النموذج على التنبؤ .

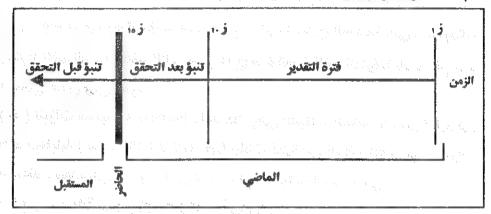
# المبحث الأول تعريف التنبؤ العلمي وأنواعه

يمكن تعريف التنبؤ العلمي بأنه تقدير كمي للقيم المتوقعة للمتغيرات التابعة في المستقبل القريب بناءاً على ما هو متاح لدينا من معلومات عن الماضي والحاضر. ويلاحظ هنا أن التنبؤ العلمي يفترض أن سلوك الظواهر الاقتصادية في المستقبل القريب ما هو إلا امتداد لسلوك هذه الظواهر في الماضي القريب. ومن لم فإن حدوث تغيرات فجائية لم تكن متوقعة من الممكن أن تؤدى لعدم دقة التنبؤات العلمية الخاصة بمستقبل الظواهر الاقتصادية . ويمكن في هذا الصدد أن نفرق بين أنواع عديدة من التنبؤات وفقاً لعدد من المعاير:

(۱) صيغة التنبؤ: ونفرق هنا بين تنبؤ النقطة المتوقعة واحدة للمتغير التابع في كل . Forecast من تنبؤ النقطة فهو يتمثل في التنبؤ بقيمة واحدة للمتغير التابع في كل فترة مقبلة . مثال ذلك التنبؤ بالقيمة المتوقعة للادخار القومي بأن تكون ١٠٠ مليار جنيه عام ٢٠١٠ . وفيما يتعلق بتنبؤ الفترة فهو يتمثل في التنبؤ بمدى معين تقع داخله قيمة المتغير التابع باحتمال معين . مثال ذلك التنبؤ بالقيمة المتوقعة للادخار القومي بأن تقع بين حدين هما ٩٠ مليار جنيه كحد أدنى، و ١١٠ مليار جنيه كحد أعلى باحتمال ٩٥ ٪ أو ٩٩ ٪.

(٢) فترة التنبؤ: يمكن التفرقة أيضاً بين نوعين من التنبؤ وفقاً لمعيار فترة التنبؤ: تنبؤ بعد التحقق Ex-ante Forecast ويلاحظ أن كلا النوعين يتنبأ بالقيم المتوقعة للمتغير التابع في فترة تالية للفترة التي تم تقدير النموذج خلالها . غير أن التنبؤ بعد التحقق يتوقع قيماً للمتغير التابع في فترة متاح عنها بيانات فعلية ، وهذا يتبح فرصة التأكد من مدى صحة التوقعات من خلال مقارنتها بالبيانات الفعلية المتاحة . ومن الأمثلة على ذلك أن تكون السنة الحالية هي عام ٢٠٠٤ ، وأن نقوم بتقدير دالة الادخار عن الفترة - ١٩٧٠ ، ثم نقوم باستخدام هذه الدالة

المقدرة في التنبؤ بقيمة الادخار في عامي ٢٠٠١، ٢٠٠١ وهي أعوام تتاح عنها بيانات فعلية خاصة بالادخار كمتغير تابع وبالدخل كمتغير تفسيري . أما فيما يتعلق بالتنبؤ قبل التحقق فهو يتوقع بقيم المتغير التابع في فترات مستقبلية لا تتاح عنها بيانات خاصة بالمتغير التابع . ومن الأمثلة على ذلك أن نتوقع قيمة الادخار عام ٢٠٠٧ ونحن في عام ٢٠٠٤ . ويمكن تمثيل ذلك بالشكل (١-١١).



شكل (19-1) أنواع التنبؤ العلمي

وهناك من يغرق بين ثلاثة أنواع لفترة التنبؤ، فإذا افترضنا أن لدينا بيانات فعلية عن الفترة 1970 - 1997 ، ثم قمنا بأخذ عينة من هذه البيانات للفترة 1970 - 1980 واستخدمناها في تقدير معادلة الانحدار التالية :

فعندئد يمكن الحصول على تنبؤات لثلاث فترات:

نبؤات داخل العينة In-Sample Forecasts وهي تنبؤات المتغير التابع حس (أ) تنبؤات داخل العينة العصول عليها بالتعويض عن القيم الفعلية للمتغيرات المستقلة  $(Y_t)$ 

Fitted خلال فترة العينة ٧٠ – ١٩٨٥ م . وتسمى أحياناً بالقيم الممهدة  $(X_{it})$  . Values

(ب) تنبؤات محققة خارج العينة Out-of-Sample Forecasts يمكن الحصول عليها للمتغير التابع باستخدام القيم الفعلية المتوفرة للمتغيرات المستقلة خلال الفترة خارج العينة -30 1997 والتي تتوفر فيها بيانات فعلية عن كل من -30 من -30 وستخدم هذه التنبؤات عادة لاختبار مقدرة النماذج المختلفة على التنبؤ وذلك بمقارنة القيم الفعلية للمتغير التابع -30 زخارج فترة العينة بالقيم المتوقعة باستخدام هذه النماذج خلال نفس الفترة .

(ح) تنبؤات مستقبلية Ex-ante Forecasts وهي التنبؤات الخاصة بالمتغير التابع في فترة مستقبلية ( بعد 1997 ) لا تتوفر فيها بيانات فعلية عن المتغير التابع أو المتغيرات المستقلة. وهذه هي التنبؤات التي نقصدها في محاولات التنبؤ العلمي.

(٣) درجة التأكد: يمكن التفرقة وفقاً لهذا المعيار بين نوعين من التنبؤ هما: التنبؤ المشروط Unconditional Forecast والتنبؤ غير المشروط Conditional Forecast والتنبؤ غير المشروط والتنبؤ غير المشروط والتنبؤ غير المشروط والتنبؤ غير المشروط. وسوف نأخذ بالتعريف القائل بأن التنبؤ غير المشروط يتمثل في التنبؤ بقيم المتغير التابع بناءاً على معلومات فعلية متاحة عن المتغيرات التفسيرية، ومن ثم فإن كل أنواع التنبؤ بعد التحقق تعتبر تنبؤ غير مشروط، ومن أمثلة ذلك النموذج التالي:

$$(Y-11) \dots j^{2} + r_{-j} w_{1} + r_{-j} w_{1} + r_{-j} w_{1} + r_{-j} w_{1}$$

$$Y_{t} = \alpha + \beta_{1} X_{t-1} + \beta_{2} X_{t-2} + u_{t}$$

$$(Y_t)$$
 حيث:  $w_i = مخزون الفترة الحالية (الشهر الحالي) حيث:  $w_{t-1} = w_{t-1}$$ 

 $(X_{t-2})$  مبيعات الفترة قبل السابقة مبيعات الفترة قبل السابقة

ويشير النموذج ( ١٩-٢ ) إلى أن مخزون الفترة الحالية يتحدد بمبيعات الفترة السابقة وما قبلها . فإذا أردنا أن نتنبأ بمخزون الفترة المقبلة حى زبر فمن الممكن عمل ذلك باستخدام البيانات المتوفرة عن المبيعات في الفترة الحالية "ز" والفترة السابقة "ز-١ " وهي بيانات فعلية مؤكدة .

أما في حالة التنبؤ المشروط فإن قيم إحدى المتغيرات التفسيرية التي سوف يتم على أساسها توقع قيم المتغير التابع لا تكون معروفة على وجه التأكيد وإنما يتعين توقعها هي الأخرى أو تخمينها . ومن ثم فإن دقة التنبؤ بقيمة المتغير التابع تكون مشروطة بمدى دقة القيم المفترضة للمتغير التفسيري . ومن الأمثلة على ذلك أن يأخد نموذج الانحدار السابق الصبغة التالية :

فإذا أردنا توقع قيمة حس رما في الفترة المقبلة فلابد أن نتوقع أولاً قيم المتغيرين عب ،، هي ، في الفترة المقبلة أي عب رما ، هي ، في الفترة المقبلة أي عب رما ،

(٤) درجة الشمول: وفي هذا الصدد قد يتم التنبؤ باستخدام نموذج انحدار مكون من معادلة واحدة Forecasting with a Single-Equation Model أو باستخدام نموذج مكون من عدد من المعادلات Forecasting with a Multi-Equation Model وذلك على النحو الذي سوف بأتى تفصيلاً.

#### (٥) أسلوب التنبؤ:

يوجد هناك مدخلان للتنبؤ العلمي:

- (أ) التنبؤ القياسي Econometric Forecasting
- Time Series Forecasting إب) تنبؤ السلاسل الزمنية

وبالنسبة للتنبؤ القياسي فهو يعتمد على نماذج انحدار تربط بين متغير أو عدد من المتغيرات التابعة وعدد آخر من المتغيرات المستقلة . ومن أهم مزايا هذا المدخل أنه

بالإضافة إلى مساعدته على التنبؤ العلمي بقيم بعض المتغيرات ، يقدم تفسيراً للتغيرات في قيم المتغير التابع . أما عن تنبؤ السلاسل الزمنية فهو يعتمد على القيم الماضية لمتغير ما للتنبؤ بقيمه المستقبلية دون تقديم تفسير للتغير في قيم هذا المتغير .

وعموماً فإن هذا التقسيم يعتبر تحكمياً لأن هناك تداخلاً في بعض الحالات بين المدخلين . ويلاحظ أن مدخل السلاسل الزمنية يكون أفضل من مدخل التنبؤ القياسي على عند إجراء تنبؤات في الأجل القصير ، هذا في حين يتفوق مدخل التنبؤ القياسي على مدخل السلاسل الزمنية عند إجراء تنبؤات للأجل الطويل . وسوف نتعرض لمدخل السلاسل الزمنية بنوع من التفصيل في المبحث الثالث من هذا الفصل .

ويلاحظ أن هناك أربعة مصادر محتملة للخطأ الذي يمكن أن يحدث في التنبؤ العلمي :

- (١) حـدوث بعـض الـتغيرات العشـوائية غـير المـتوقعة كالـزلازل والأوبـئة والأمـراض والإشاعات والحروب والثورات وغيرها . وكل هذه التغيرات تنعكس في الحد العشوائي الذي يوجد في أي معادلة انحدار .
- (٢) استخدام عينة متحيزة لا تمثل المجتمع تمثيلاً صادقاً في تقدير النموذج الذي سوف يستخدم في عملية التنبؤ، ففي مثل هذه الحالة نجد أن أ، بُ المقدرتين من بيانات عينة ليستا ممثلتين لمعلمتي المجتمع أ، ب تمثيلاً جيداً.
- (٣) الخطأ في تقدير أو تخمين القيم المتوقعة للمتغيرات التفسيرية التي يتم على أساسها التنبؤ بقيم المتغير التابع ، وذلك في حالة التنبؤ المشروط .
- ( ٤ ) الخطأ في تعيين النموذج ، وذلك من حيث درجة خطية العلاقة ، أو عدد متغيراتها التفسيرية ، أو عدد معادلات النموذج .

Bernard Billeriger Beginnig betreften betregt bei beginne bei

# المبحث الثاني طرق التلمي

لقد أشرنا سابقاً إلى نوعين من التنبؤ هما :

- ١ التنبؤ العلمي باستخدام معادلة انحدار واحدة .
- ٢ التنبؤ العلمي باستخدام نموذج متعدد المعادلات.

وسوف نتناول كل نوع منهما بالتفصيل في هذا المبحث.

( ١٩ - ٢ - ١) التنبؤ العلمي باستخدام معادلة انحدار واحدة :

يتكون النموذج المستخدم في التنبؤ في هذه الحالة من معادلة انحدار واحدة ، وقد يكون التنبؤ هنا لقيمة واحدة ( تنبؤ نقطة ) أو لمدى معين ( تنبؤ فترة ) :

(١) تنبؤ النقطة:

افترض أنه تم تقدير معادلة الانحدار المعبرة عن العلاقة بين كمية النقود (ك) والرقم القياسي للأسعار (ث) خلال الفترة 1980 - ٢٠٠٤ فكانت كما يلي: معمد المعاددة

وبافتراض أن متوسط قيم الحد العشوائي د , = صغر ، فإن الصيغة التي يمكن أن تستخدم في التنبؤ تصبح هي:

ومن ثم فإن القيمة المتوقعة للمستوى العام للأسعار في العام ٢٠٠٥ (ث (٠٠٠) يمكن تحديدها بمعلومية كمية النقود في عام ٢٠٠٤ (ك  $_i$ ) . فإذا كانت ك  $_i=7.5$  مليار ث  $_{i+1}=7.5$  1.0

ويعتبر هذا تنبؤ نقطة غير مشروط .

أما إذا كانت معادلة الانحدار المعبرة عن العلاقة بين كمية النقود والمستوى العام للأسعار تأخذ الصيغة المقدرة التالية :

فإن التنبؤ هنا يكون مشروط لضرورة توقع كمية النقود السائدة في عام 2000 حتى يمكن التنبؤ بالمستوى العام للأسعار في نفس العام ، حيث :

ويعتبر هذا الوصف صحيحاً عندما لا يكون لدى السلطات النقدية سيطرة كاملة على كمية النقود بالمجتمع ، وهو أمر يحدث في الحالات التي يوجد فيها بعض مؤسسات مالية في المجتمع لا تخضع للسيطرة الكاملة للبنك المركزي كبعض البنوك الأجنبية أو شركات التأمين . أما إذا كانت السلطات النقدية لديها سيطرة كاملة على كمية النقود بالفترة المقبلة على وجه الدقة كمية النقود بالفترة المقبلة على وجه الدقة ومن ثم يصبح التنبؤ باستخدام المعادلة ( ١٩ - ٧) تنبؤ غير مشروط . وإذا توفرت لدينا معلومات تشير إلى أن : ك ، = ٠٠٠ مليار ، ك ، = ١٠٠ مليار ، يمكن التنبؤ بقيمة الرقم القياسي للأسعار عام ٢٠٠٥ على النحو التالي:

وبالطبع يمكن التنبؤ بقيمة المتغير التابع" ث" لأكثر من فترة ، أي ث. "، ث ي ......

ويمكن تحديد القيم المتوقعة للمتغيرات التفسيرية التي تستخدم كأساس للتنبؤ

بقيم المتغير التابع في حالة التنبؤ المشروط من خلال تقدير علاقة المتغير التفسيري مع الزمن . ولتوضيح ذلك افترض أن النموذج الأصلي يأخذ الصيغة التالية :

$$(A-19)$$
 ......  $y_t = \alpha + \beta X_t + u_t$ 

فإذا اتضح أن المتغير التفسيري عن , يتغير عبر الزمن " ز " وفقاً لإحدى العلاقات التالية :

$$(1-11)$$
 ......  $X_t = c T + w_t$   $X_t = C T + w_t$ 

$$X_t = K T^c e^{it}$$
 $X_t = K T^c e^{it}$ 
 $X_t = K T^c e^{it}$ 
 $X_t = K + c_1 T + c_2 T^2 + w_t$ 

حيث ق <sub>( ( W )</sub> = الحد العشوائي .

فإذا أردنا تقدير العلاقة (١٩-٨) خلال الفترة ١٩٨٥ - ٢٠٠٤ لاستخدامها في التنبؤ بقيم حب في سنوات مقبلة كعامي ٢٠٠٥، ٢٠٠٦ فإننا نعوض من المعادلة (١٩-٩) في المعادلة (١٩-٨) عن حب ربافتراض أن المعادلة (١٩-٩) هي التي تصف المسار النمني للمتغير التفسيري حب فنحصل على:

ومن ثم فإن:

$$(17-11) \dots Y_t = \alpha + \beta_1 T + V_t$$

حيث ب، = ب ج ، و ; = ( ب ق ز + > ز ) وهي تشير للحد العشوائي .

وبتقدير العلاقة (19-19) باستخدام بيانات عن ص، زعبر الفترة 1980 -2008 ، أي المدة 20 سنة يصبح من الممكن التنبؤ بقيم حس من خلال التعويض عن قيمة " ز " في المعادلة (19-19).

فإذا أردنا التنبؤ بقيمة" ص" عام 2000 نعوض عن ز = 21 ، وإذا أردنا التنبؤ بقيمة حب عام 2001 نعوض عن ز = 22 وهكذا .

أما إذا كانت المعادلة (١٩-١٠) هي التي تصف المسار الزمني للمتغير التفسيري " ز " فإننا نعوض بها في المعادلة (١٩-٨) فنحصل على صيغة مماثلة للصيغة (١٩-١٩) . وإذا كانت المعادلة (١٩-١١) هي التي تصف المسار الزمني للمتغير التفسيري هي زفبالحصول على لوغاريتم هذه المعادلة نجده كما يلي :

وبتقدير العلاقة ( 19–18 ) من بيانات خاصة بكل من عن  $_{i}$  ،  $_{i}$  خلال نفس الفترة 19۸۵ – 2004 ثم ردها لأصلها ، يمكن أن نتوقع قيمة عن رالتي تسود عام 2000 بالتعويض عن ز = 21 في المعادلة المقدرة ، وكذلك الأمر بالنسبة لعام 2001. وبمعرفة القيمة المتوقعة للمتغير عن يمكن أن نعوض عنها في المعادلة ( 19–  $^{4}$  ) بعد تقديرها ونحدد القيمة المتوقعة للمتغير عن .

وفي حالة ما إذا كانت المعادلة ( ١٩-١٢ ) هي التي تصف المسار الزمني للمتغير التفسيري هي فبالتعويض بها في المعادلة ( ١٩-٨ ) نحصل على:

$$Y_{t} = \alpha + \beta K + \beta c_{1} T + \beta c_{2} T^{2} + (\beta w_{t} + u_{t})$$
 وبإعادة صياغة هذه الدالة في صورة عامة نحصل على:

وبتقدير الصيغة (19-19) باستخدام بيانات عن ب، ز عبر الفترة 1940 - ٢٠٠٤ يمكن استخدامها في التنبؤ بقيم ب في فترات تالية على نفس النحو الذي سبق بالتعويض عن قيم " ز " في المستقبل .

#### (٢) تنبؤ الفترة:

لقد أشرنا سابقاً إلى أن هناك أسباباً عديدة تؤدى للخطأ في التنبؤ بقيم المتغير التابع. ومن ثم فإنه من المحتمل ما لم يكن من المؤكد أن تنحرف القيمة المتوقعة للمتغير التابع عن القيمة الحقيقية. ولذا فإنه من الأفضل التنبؤ بمدى معين يتوقع أن تقع بداخله قيمة المتغير التابع باحتمال معين. ويمكن تحديد هذا المدى من خلال تقدير تباين القيمة المتوقعة للمتغير التابع. ولتوضيح ذلك افترض أن:

$$(Y_F)$$
 القيمة المتوقعة للمتغير التابع  $(X_F)$  القيمة المتوقعة للمتغير على التفسيري  $(X_F)$   $(X_F)$ 

(17-17) ..........  $\left[\frac{\sqrt{x_{k}}-\sqrt{x_{k}}}{\sqrt{x_{k}}}\right]^{T}$   $= 3 c^{2} \left[1+\frac{1}{n}+\frac{\left(X_{F}-\overline{X}\right)^{2}}{\sum x^{2}}\right]$ 

وبالحصول على الجزر التربيعي للمعادلة ( 19-13 ) نجد أن :

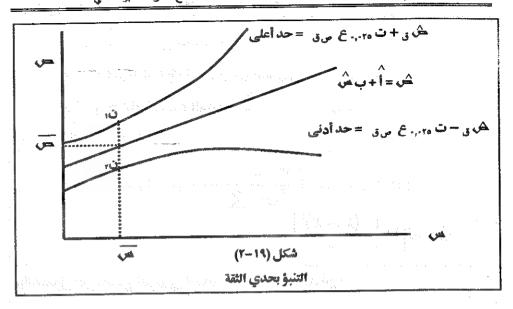
$$S_{YF}^{2} = \sqrt{S_{YF}^{2}}$$

ويمكن تحديد مدى التنبؤ باستخدام الصيغة التالية عند مستوى معنوية ٥٪:

الحد الأعلى لفترة التنبؤ = 
$$\hat{\mathbf{Y}}_{F}$$
 +  $\hat{\mathbf{Y}}_{F}$  +  $\hat{\mathbf{Y}}_{F}$  +  $\hat{\mathbf{Y}}_{F}$  الحد الأعلى لفترة التنبؤ =  $\hat{\mathbf{Y}}_{F}$  +  $\hat{\mathbf{Y}}_{F}$ 

أي أن:

ولعل هذا يعني أن احتمال وقوع القيمة المتوقعة للمتغير حب بين الحدين السابقين = ٩٥٪، واحتمال أن تقع خارجهما = ٥٪. ويلاحظ من المتعادلة (١٩-١٦) أن حدي فترة التنبؤ يزدادان اتساعاً كلما زادت قيمة من أن كمتغير تفسيري . ويتضح هذا من الشكل (١٩-٢).



ويلاحظ من الشكل (19-2) أن فترة التنبؤ تصل لحدها الأدنى (ن,ن,ن) عند القيم المتوسطة للمتغيرين من ، من ، وأنها تزداد كلما زادت قيمة المتغير التفسيري من الذي يتم على أساسه التنبؤ، ولذا تقل دقة التنبؤ.

> مثال (19-1) التنبؤ بالاستهلاك

افترض أن البيانات الموضحة بالجدول (١٩-١) تمثل متوسط الدخل الحقيقي ( س ، )، ومتوسط الإنفاق الاستهلاكي الحقيقي ( س ، ) في مجتمع ما عبر ١٠ سنوات . ٢٠٠٤ - والمطلوب:

(١) تقدير علاقة الدخل الحقيقي بالزمن من خلال الصيغة التالية:

(٢) تحديد تنبؤ النقطة لمتوسط الاستهلاك الحقيقي خلال السنوات ٢٠٠٥، ٢٠٠٦،

. 4..4

(٣) تحديد تنبؤ الفترة لمتوسط الاستهلاك الحقيقي خلال عام ٢٠٠٥.

جدول (١٩-١) بيانات الاستهلاك والدخل لمحتمع ما بالمليار دولار علاد

الزمن (ز)	نده پر <b>خن</b> ر به	an area graduitaning	السنة
1	10+	1	1110
<b>*</b>	Y	10+	1447
	Y0•	Y0+	1447
	Y0+	7	1444
The Partie State and the			1444
Markey Control	0 · ·	70+	Y
<b>Y</b>	ia is prantsi	Y0+	***1
Strong Strange	A	4	T • • T
well and the Stage of a	aken i tara da kanala	ga sen Protag	T T
1	1 1	170-	Y E

وللإجابة على هذه المطلوبات نتبع الخطوات التالية:

(١) تحديد العلاقة بين الدخل الحقيقي والزمن:

لتحديد علاقة الدخل الحقيقي "عن ر " بالزمن "ز " نقوم بالحصول على المجاميع التالية من البيانات السابقة بالجدول (19-1):

$$\overline{w} = \sum_{i=1}^{n} w_i \div i = 0.00 \div 0.1 = 0.00$$

$$\sum_{i=1}^{n} w_{i,i} = 87881$$
 حیث،  $w = 800_{i,i} - 800_{i,i}$  ،  $i = i - i$ 

$$17Y, \tau = \frac{\sum_{i=1}^{N} \frac{1 \cdot 070}{\sqrt{1 \cdot 1}}}{\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{\sqrt{1 \cdot 1}}} = \hat{A}T, 0$$

.: هر ۽ = – ۱۱۷ + ۱۲۷٫۵ ز +ق ر<sup>ين</sup>

ومن ثم يمكن استخدام الصيغة التالية في توقع قيم المتغير التفسيري:

ش = −۱۲۷ + ۱۱۷ - (۱۸ - ۱۸ )

بافتراض أن متوسط قيم الحد العشوائي ق , = صفر .

(٢) تنبؤ النقطة :

(أ) يتعين علينا منذ البداية أن نقدر العلاقة بين الاستهلاك الحقيقي ( س , ) والدخل

الحقيقي ( س , ) باستخدام الصيغة التالية :

,4+, w+1=, c=

ولعمل ذلك يتعين علينا تحضير البيانات في صورة مجاميع كما يلي .

 $\sum \omega_i = 0.00$  ,  $\sum \omega_i = 0.00$  , i = 0.00

س = كسر + ن = ١٠٠٠ + وا = وا ٥٠ من = ٥٨٥ المنظ مالمه ميله الافوارات

<u>کے س س = ۱۰۲۹۰۰۰ حیث س = جہ جنتی بین دنی علی میں استان است</u>

∑ س′=۱۳۲۰۲۵۰ ∑

ومن ثم أَ = ص - بُ ص = ١٠ - ٧٨ - ( ٥٨٥ ) = ٥٣,٧ ومن ثم أَ الله عند أن:

حب ر = ۲,۲۸ + ۵۳,۷ من ر + ≥ <sub>ر</sub>

ومن ثم يمكن استخدام الصيغة التالية في التنبؤ بقيم حير:

ص ر= ۰٫۲۸ + ۵۳٫۷ س<sub>ر</sub> (۱۹−۱۹)

وللتنبؤ بقيم الاستهلاك الحقيقي في السنوات ٢٠٠٥، ٢٠٠٦ أي السنوات أرقام ١١، ١٢، ١٦ عين التعويض عن قيم زه. = 11 ، ز $_{\rm r.} = 11$  ، ز $_{\rm r.} = 11$  السنوات أرقام ١١ ، ١٢ ، ١٦ التعين التعويض عن قيم زه. = 11 ، ز $_{\rm r.} = 11$  ، ز $_{\rm r.} = 11$  في المعادلة ( ١٩ – ١٨ ) لنحدد القيم المعادلة ( ١٩ – ١٩ ) حتى يمكن تحديد تنبؤ النقطة أولاً . ثم نعوض بهذه القيم في المعادلة ( ١٩ – ١٩ ) حتى يمكن تحديد تنبؤ النقطة للمتغير التابع  $\hat{\Delta}$  , في السنوات الثلاثة .

وبإتمام ذلك نحصل على النتائج التائية الموضحة بالجدول ( ١٩ - ٢ ) . جدول (١٩ - ٢)

القيم المتوقعة للمتغيرين التفسيريين والمتغير التابع

القيمة المتوقعة للاستهلاك	القيمة المتوقعة للدخل	الزمن	سنوات التنبؤ
الحقيقي م ,= ۲,۷۷ + ۸۷٫۰ مر	الحقيقي مُ ر= -۱۱۲ + ۱۱۲۰ز	8 1 14 <b>(j)</b> 1	Comments
1-04,7	1743,3	11	70
<u>Д.</u> 70 гот, д	1818,7	85. 3 <b>17</b>	8002
1757,7	10£1,A	11"	7 · · Y

(ب) يمكن الحصول على نفس النتائج السابقة عن طريق تقدير العلاقة بين حب  $_{i}$  ، "  $_{i}$ " وباشرة كما هو موضح بالمعادلة (  $_{i}$ 1 -  $_{i}$ 1 ) . ولإتمام ذلك نقوم بالتعويض من المعادلة (  $_{i}$ 1 -  $_{i}$ 1 ) في المعادلة (  $_{i}$ 1 -  $_{i}$ 1 ) فنحصل على :

ومن ثم يمكن استخدام المعادلة ( 19-20 ) في التنبؤ بقيم حر في السنوات المختلفة كما هو موضح بالجدول (18-2).

جدول (19-3) التنبؤ المباشر بقيمة الاستهلاك الحقيقي

القيمة المتوقعة للاستهلاك الحقيقي	الزمن	سنوات التنبؤ
س <sub>ز</sub> =-۲۲٫۱ + ۱۹٫۵ ز	(5)-	
1.07	11	10
1107,8	ır	74
1707	11"	7

وبمقارنة النتائج المعروضة بالجدول ( ١٩-٣) مع نظيرتها بالجدول ( ١٩-٢) نجد أنها متقاربة .

#### (٣) تنبؤ الفترة :

يتعين علينا أولاً أن نقوم بتقدير المعادلة ( ١٦-١٩ ) . ولعمل ذلك نقوم

بالحصول على البيانات التالية :

$$1\lambda YY, 0 = \frac{10 \cdot Y}{\lambda} = \frac{10 \cdot Y}{Y - 1} = \frac{Y}{2} =$$

وللحصول على فترة تنبؤ بمعامل ثقة ٩٥ ٪ (درجة معنوية ٥٪) نحدد :

:. الحد الأعلى لفترة التنبؤ = 
$$\hat{\sim}$$
 ق + ت ٠,٠٢٥ ع  $\hat{\sim}$  الحد الأعلى الفترة التنبؤ

en, in se<mark>g</mark>ales, jeden

الحد الأعلى لفترة التنبؤ = ١٠٥٧,٢ + (٢,٣٠١) (٥٢,٣٥)

 $11YY, 1Y = 1Y \cdot , YY + 1 \cdot oY, Y =$ 

و الحد الأدنى لفترة التنبؤ = صُ ي-ت 0,040 ع ش 437.54 = 170,77 = 437.54

.. ح [ ٥,١٣٦,٥ > ٩٣٦,٥ ] = ١٩٥٪

( ١٩-٢-١٩ ) التنبؤ باستخدام نموذج متعدد المعادلات :

افترض أننا قمنا بتقدير النموذج الكينزي البسيط للدخل القومي على النحو التالي وذلك لفترة 1940 - 2008 .

Some was the growing source by the process of the transfer

ڭر=++1+ لر+"ر• لرداد دارى دارى دارى كې دارى كې دارى كې دارى كې كې دارى كې كې كې دارى كې كې كې كې كې كې كې كې

ڻ<sub>ز</sub>= ش<sub>ر</sub>+ث<sub>ر</sub>+ق<sub>ر</sub>

حيث: عن: = الاستهلاك الكلي

ث <sub>ز</sub> = الاستثمار الكلي

الدخل الكلي = الدخل الكلي

ي المرادي ق و = الإنفاق الحكومي

والمطلوب هو تحديد القيم المتوقعة للمتغيرات الداخلية من ر، ل ر، ث ر بمعلومية المتغيرات سابقة التحديد وذلك لعام 2000 إذا علمت أن:

ل زء = ل ،. = 180 مليار جنيه

ق ز = ق ۵. = ۲۰ مليار

نقوم بالتعويض بقيم المتغيرات سابقة التحديد في النموذج السابق فنحصل

على:

ث = ۲ + ۲۰۰ ل ، ۲۳۰ (۱۵۰ )

$$(17-19)$$
 ......  $(17-19)$  ......  $(17-19)$  ......  $(17-19)$  ......  $(17-19)$  ......

ثم نحل هذه المعادلات بالتعويض من ( ١٩-٢١ ) ، ( ١٩-٢٢ ) في ( ١٩-٢٣ ) فنحصل على:

وبالتعويض عن قيمة لَ <sub>،</sub> في المعادلتين (19-21) ، (14-27) نحصل على :

$$\hat{\mathbf{v}}_{1} = (\lambda \hat{\mathbf{v}} \cdot ) \cdot , \lambda + \mathbf{v} \cdot \hat{\mathbf{v}}_{2} = \lambda \hat{\mathbf{v}} \cdot (\lambda \hat{\mathbf{v}} \cdot ) \cdot , 1 + \epsilon \mathbf{v} = \hat{\mathbf{v}}$$

.. القيم المتوقعة للمتغيرات الداخلية عام 2000:

الدخل الكلي = ٨٧٠ مليون

الاستهلاك الكلي = ٢١٦ مليون

الاستثمار الكلى = ١٣٤ مليون

ويلاحظ هنا أن التنبؤ مشروط . وتجدر الإشارة إلى أن الهدف من التنبؤ ليس هو العمل على تحقيق قيم المتغيرات الداخلية في المستقبل كما هي متوقعة ، بل قد يكون الهدف هو العمل على عدم تحقيقها . فإذا اتضح من التنبؤ أن مستوى البطالة سوف يكون مرتفعاً فإن هذا قد يدفع الحكومة لرفع مستوى الإنفاق عن ٢٠ مليار وكذلك الاستثمار لتقليل مستوى البطالة عما هو متوقع .

ويوجد هناك برامج كمبيوتر متخصصة مثل Eviews تقوم بتقدير النماذج الآنية باستخدام طرق عدة مثل طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين وطريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث مراحل وغيرها.

# المبحث الثالث طرق السلاسل الزمنية في التنبؤ العلمي

يمكن التفرقة بين ثلاثة أنواع من طرق التنبؤ باستخدام السلاسل الزمنية: (١) طرق تمهيد بيانات السلسلة الزمنية.

Smoothing Methods of Economic Time Series

(٢) نماذج المتوسط المتحرك المتكامل ذات الانحدار الذاتي

Autoregressive Integrated Moving Average (ARIMA) Models وهي تعرف بمنهجية بوكس – حيثكنز

Box - Jenkins (BJ) Methodology

(3) نماذج الانحدار الذاتي ذات المتجه

Vector Autoregression (VAR) Models

وسوف تتعرض لهذه الطرق قيما يلي:

#### ( ١٩١ - ٣ - ١١) طرق تمهيد بيانات السلسلة الزمنية

Smoothing Methods of Economic Time Series

في حالة التنبؤ بسلوك متغير ما في الأجل الطويل قد لا يكون من المهم التركيز على التقلبات قصيرة الأجل . وتوجد هناك بعض الطرق التي تستخدم في إزالة هذه التقلبات أو بمعنى آخر تمهيد البيانات . وتعتبر هذه من الطرق البسيطة التي تستخدم للتنبؤ في حالة توفر سلسلة زمنية ليست طويلة .. ونذكر منها طريقتي المتوسط المتحرك والتمهيد الأسى :

#### (۱) المتوسط المتحرك Moving Average

افترض أن البيانات الأصلية هي: حب ر، حب  $_{i-1}$ ، حس ر،  $_{i-1}$ ، سر  $_{i-1}$ ،  $_{i-1}$ ،  $_{i-1}$ ، المتحدام على سلسلة المتوسط المتحرك باستخدام مدى زمني معين . فإذا كان المدى الزمني ن =  $^n$  (  $^n$  = 3 ) ، إذن المتوسط المتحرك يتم حسابه على النحو التالي :

$$(Y\xi-14) \dots (Y_{t-1} + Y_{t-1} + Y_{t-2}) \frac{1}{Y} = \frac{1}{3} (Y_t + Y_{t-1} + Y_{t-2})$$

وتكون السلسلة كما يلي:

ويلاحظ أن خمس مشاهدات فعلية تمكننا من الحصول على T مشاهدات للمتوسط المتحرك في ظل (T=T) T=T ولذا فإننا نفقد دائماً عدد من المشاهدات T=T عند استخدام طريقة المتوسط المتحرك. وكلما زاد حجم (T=T) المدى الزمني لحساب المتوسط) كلما زادت درجة التمهيد للعلاقة المقدرة .

مثال (19-2) تمهيد البيانات باستخدام المتوسط المتحرك واستخدامه في التنبؤ

افترض أن لدينا بيانات شهرية عن مبيعات سلعة ما ( حر ) Y وسعرها ( عر ) X كما بالجدول ( ١٩ - ٤ ) ، والمطلوب هو:

١- تمهيد البيانات باستخدام المتوسط المتحرك لمدى زمني: ن=١-

۲- التنبؤ بقيم: حس (Y) ، س (X) لمدة ١٢ شهر مقبلة باستخدام متوسط
 متحرك لمدة ٦ شهور سابقة ، مع استخدام البيانات الممهدة في التنبؤ.

#### جدول (۱۹–٤)

#### المبيعات والسعر

observations	<b>- Y</b>	X
2003:01	850.0000	100.0000
2003:02	847.0000	105.0000
2003:03	847.5000	105.0000
2003:04	847.0000	106.0000
2003:05	846.0000	107.0000
2003:06	847.0000	106.0000
2003:07	845.0000	100.0000
2003:08	845.5000	109.0000
2003:09	845.0000	110.0000
2003:10	844.0000	111.0000
2003:11	844.0000	112.0000
2003:12	847.0000	106.0000
2004:01	846.0000	108.0000
2004:02	845.0000	109.0000
2004:0	849.0000	102.0000
2004:10-4	850.0000	100.0000
2004:05	848.0000	104.0000
2004:06	847.0000	105.0000
2004:07	845.0000	109.0000
2004:08	844.5000	111.0000
2004:09	844.0000	112.0000
2004:10	843.0000	114.0000
2004:11	840.0000	116.0000
2004:12	841.5000	117.0000

#### ١ - تمهيد البيانات:

بإجراء التمهيد وفقاً لمتوسط متحرك لفترة ٦ شهور نفقد ٥ مشاهدات ونحصل على النتائج الموضحة بالجدول (١٩ -٥ ) حيث (MX) هر ، (MY) حرب (MX) حرب المتوسطات المتحركة . ويمكن الحصول على البيانات الممهدة من برنامج Eviesws

MY = @movav(Y,6)

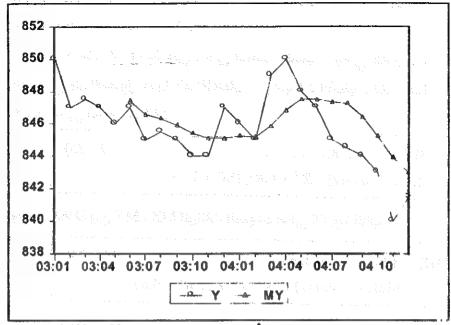
MX=@movav(X,6)

MX = X ، البيانات الممهدة للمتغير MY = Y ، البيانات الممهدة للمتغير ويتعين أن تتوفر بيانات كل من X ، Y في الملف ، بالإضافة إلى إنشاء متغيرين ويتعين أن MY , MX لوضع قيم البيانات الممهدة فيهما .

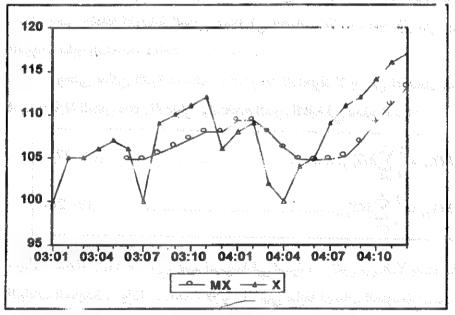
حدول ( ۱۹ – ٥) – متوسطات متحركة (MY) عي ، ، (MX) عي ،

observations	- MY	MX
2003:01	NA	NA
2003:02	NA	NA
2003:03	NA NA	NA
2003:04	NA.	NA
2003:05	NA	NA
2003:06	847.4167	104.8333
2003:07	846.5833	104.8333
2003:08	846.3333	105.5000
2003:09	845.9167	106.3333
2003:10	845.4167	107.1667
2003:11	845.0833	108.0000
2003:12	845.0833	108.0000
2004:01	845.2500	109.3333
2004:02	845.1667	109.3333
2004:03	845.8333	108.0000
2004:04	846.8333	106.1667
2004:05	847.5000	104.8333
2004:06	847.5000	104.6667
2004:07	847.3333	104,8333
2004:08	847.2500	105.1667
2004:09	846.4167	106.8333
2004:10	845.2500	109.1667
2004:11	843.9167	111.1667
2004:12	843.0000	113,1667

وبمقارنة البيانات الممهدة حي ، ( MY ) ، حي ، ( MX ) بالبيانات الأصلية حي ، ( MX ) بالبيانات الأصلية حي ( Y ) ، حي ( X ) كما بالشكلين ( 11 - 3 ) نجد أن التقلبات أقل في البيانات الممهدة منها في البيانات الخام .



(MY)، (Y) - البيانات الأصلية والممهدة للمتغير (Y)



شكل (۱۹-٤) - البيانات الأصلية والممهدة للمتغير ( MX) ، (X)

#### ٢- التنبؤ باستخدام المتوسط المتحرك:

لا شك أن التنبؤ على أساس البيانات الممهدة يعطي نتائج مختلفة عن تلك التي يتم الحصول عليها عند الاعتماد على البيانات الأصلية . فتقدير العلاقة بين X ، Y

$$\hat{Y}_t = 895.09 - 0.458 X_t$$
 (19 - 25)  
(5.08) (0.047)  $R^2 = 0.81, DW = 2.18$ 

وتقدير العلاقة بين MX ، MY البيانات الممهدة يعطى النتيجة التالية :

$$M\hat{Y}_t = 899.42 - 0.498MX....(19 - 26)$$
  
(4.02) (0.037)  $R^2 = 0.91, DW = 0.63$ 

وبمقارنة هاتين المعادلتين نجد أن معامل التحديد قد تحسن ولكن على حساب ظهور مشكلة الارتباط الداتي ممثلة في انخفاض D W ، مما يؤثر على دقة التنبؤات سلبياً باستخدام معادلات الانحدار .

وحتى يمكن التنبؤ باستخدام المتوسط المتحرك لا بد من الاعتماد على القيم السابقة للمتغير محل الاعتبار. وتستخدم الصيغ التالية في عملية التنبؤ:

$$MY_{F_{i}} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{n} MY_{i-j}$$
 (19-27)  

$$MX_{F_{i}} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{n} MX_{i-j}$$
 (19-28)

حيث: MYFt, MXFt هي القيم المتوقعة في الفترة لل من Y,X باستخدام البيانات الممهدة. وإذا استخدمنا فجوة ٦ شهور سابقة لحساب المتوسط المتحرك لفترة ١٢ شهر مقبلة ، يمكن استخدام الأمر Generate لتوليد القيم المتوقعة على برنامج Eviews من خلال الصيغتين التاليتين :

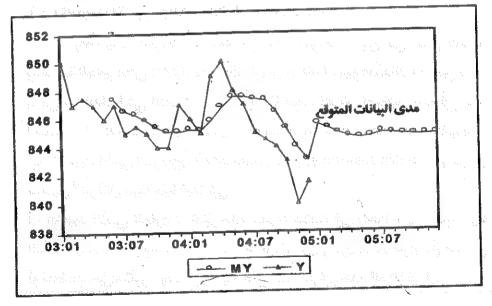
MY=(MY(-6)+MY(-5)+MY(-4)+MY(-3)+MY(-2)+MY(-1))/6 MX=(MX(-6)+MY(-5)+MY(-4)+MY(-3)+MY(-2)+MY(-1))/6

ويوضح الجدول (19-2) والشكلين (19-0) ، (19-1) القيم المتوقع لكل من Y, X باستخدام البيانات الممهدة لمدة 12 شهر خلال عام 2000.

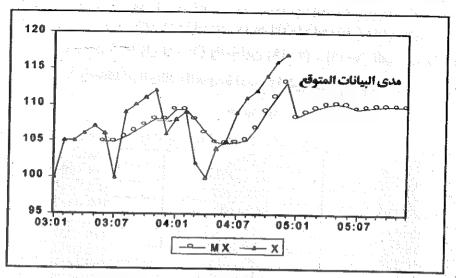
جدول (٦-١٩)

## القيم المتوقعة باستخدام البيانات الممهدة وفقا للمتوسط المتحرك

38 42	MYFt	MX <sub>Ft</sub>
Month	845.5278	108.3889
2005:01	845.2269	108.9815
2005:02		109.6173
2005:03	844.8897	110.0813
2005:04	844.6352	
2005:05	844.5327	110.2337
2005:08	844.6354	110.0782
2005:07	844,9079	109.5635
2005:08	844.8046	109.7592
	844.7342	109.8889
2005:09	844.7083	109.9341
2005:10	844.7205	109.9096
2005:11		109.8556
2005:12	844.7518	103.0000



شكل (١٩-٥) - القيم المتوقعة والأصلية للمتغير Y



شكل (19-3) - القيم المتوقعة والأصلية للمتغير X ويلاحظ أن طريقة المتوسط المتحرك تعطي جميع القيم السابقة التي تعتمد عليها في التنبؤ نفس الوزن .

#### Exponential Smoothing التمهيد الأسي

وفقاً لهذه الطريقة يتم الحصول على متوسط مرجح من القيم الحالية والماضية للمتغير محل الاعتبار مع إعطاء أوزان متناقصة . ويوجد هناك أكثر من صيغة يمكن استخدامها في التمهيد الأسي ، ولكننا سوف نتعرض لصيغتين فقط في هذا الصدد : أ- التمهيد الأسي المفرد (Single smoothing (one parameter) . ونتعرض ب- التمهيد الأسي المزدوج (Double smoothing (one parameter) . ونتعرض بتفصيل أكبر لكل صيغة منها فيما يلي .

أ- التمهيد الأسي المفرد: تعتبر هذه الصيغة ملائمة في الحالة التي تتحرك فيها السلسة الزمنية لأعلى وأسفل حول متوسط ثابت دون وجود اتجاه متزايد أو متناقص أو نمط موسمي متكرر. وتتمثل الصيغة التي تستخدم في هذه الحالة فيما يلي:

$$(YA-14) \cdot [....+_{Y-j} \bigcirc Y(p-1)+_{1-j} \bigcirc (p-1)+_{j} \bigcirc ]p =_{j1} \bigcirc Y_{F1:t} = \alpha [y_t + (1-\alpha)y_{t-1} + (1-\alpha)^2 y_{t-2}]$$

وبالحصول على حس<sub>داز-ا</sub> وفقاً لنفس منطق ( ١٩-٢٨ ) وإجراء بعض التعويضات تحصل على:

$$(Y9-19)$$
 ......  $y_{Fit} = \alpha y_t + (1-\alpha) Y_{Fit-1}$ 

حیث ۱>م>صفر (1×α<1)

حرى  $(y_1)$  تشير للمتوسط الممهد ،  $(y_1)$  تشير للبيانات الأصلية . ويراعى أن أول قيمة ممهدة تساوى أول قيمة أصلية . أي  $(-x_1)$  ( $(x_1)$ ) و كلما كانت م  $(\alpha)$  قريبة من الواحد كلما كانت م  $(x_1)$  قريبة من حرجة التمهيد ، وكلما كانت م  $(y_1)$  قريبة من الصغر كلما زادت درجة التمهيد . ويتم تحديد م  $(\alpha)$  تحكمياً من قبل الباحث ، أو الصغر كلما زادت درجة التمهيد . ويتم تحديد م  $(\alpha)$  تحكمياً من قبل الباحث ، أو توجد هناك بعض البرامج التي تحسبها بحيث تجعل مجموع مربعات أخطاء التنبؤ عند حدها الأدنى . . والتنبؤ وفقا لهذه الطريقة يعطي قيمة ثابتة لجميع القيم المتوقعة . ووفقا لبرنامج تضع عند على البرنامج المتعند وقبطي البرنامج المتعند على البرنامج نفسه تحديد  $(x_1)$  تحدد فترة التنبؤ ، ويعطي البرنامج اسما للمتغير الممهد وتوقعاته مثل (Xsa) للمتغير  $(x_1)$ 

ب التمهيد الأسي المزدوج: تقوم هذه الطريقة بعمل التمهيد الأسي مرتين، وهي تعتبر ملائمة في حالة أن يكون هناك اتجاه خطي في البيانات وتقلبات حوله. فإذا كان لدينا متغير Y، فإن التمهيد الأسي المزدوج لقيمه يحدث على مرحلتين على النحو التالي:

$$Y_{F1t} = \alpha Y_t + (1 - \alpha) Y_{F1t-1}$$
 (19 - 30)  
 $Y_{F2t} = \alpha Y_{F1t} + (1 - \alpha) Y_{F2t-1}$  (19 - 31)

وتمثل الصيغة (19-30) التمهيد الأول ، وتمثل الصيغة (19-30) التمهيد الثاني. ويلاحظ أن الصيغة التي تستخدمها هذه الطريقة في التنبؤ للقيمة رقم k بعد الفترة الحالية t التي تحمل رقم (0) تتمثل في:

$$Y_{Fi+k} = \left(2 + \frac{\alpha k}{1 - \alpha}\right) Y_{Fit} - \left(1 + \frac{\alpha k}{1 - \alpha}\right) Y_{F2t}$$

$$Y_{Fi+k} = \left(2Y_{Fit} - Y_{F2t}\right) + \frac{\lambda}{1 - \alpha} (Y_{Fit} - Y_{F2t}) k....(19 - 32)$$

ويلاحظ أن صيغة التنبؤ في (19-37) تمثل خط مستقيم ،حده الثابت ( $(\alpha(Y_{Flt}-Y_{F2t})/(1-\alpha))$  ويلاحظ أن صيغة التنبؤ في ( $(\alpha(Y_{Flt}-Y_{F2t})/(1-\alpha))$  .

مثال (19-3) التنبؤ وفقا لطريقة التمهيد الأسي

المعطاة بالجدول (19-2) والتنبؤ بقيمه لغترة 17 شهر ، وطريقة التمهيد الأسي المزدوج لتمهيد بيانات المتغير الأسي المزدوج لتمهيد بيانات المتغير الالمعطاة في نفس الجدول والتنبؤ بقيمه لغترة 17

١- التمهيد والتنبؤ بطريقة التمهيد الأسي المفرد: المناس

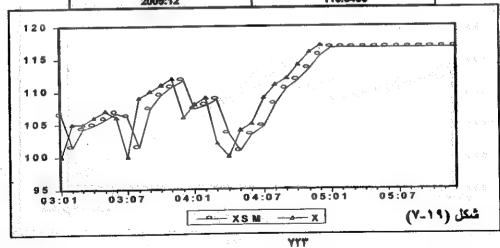
باستخدام برنامج Eviews يتضح أن  $\alpha=0.7760$  ، والمتوسط الذي يستخدم للتنبؤ هو (Y-11) . ويوضح الجدول (Y-11) والشكل (Y-11) القيم الممهدة والقيم المتوقعة للمتغير X .

٢- التمهيد والتنبؤ بطريقة التمهيد الأسي المزدوج:

يقدر البرنامج قيمة معلمة التمهيد للمتغير  $\alpha=0.414$   $\alpha=0.414$  التقاطعية  $\alpha=0.414$  ، والشكل (١٩ - ١٩) والشكل (١٩ - ١٩) القيم الممهدة والقيم المتوقعة للمتغير  $\alpha=0.414$  .

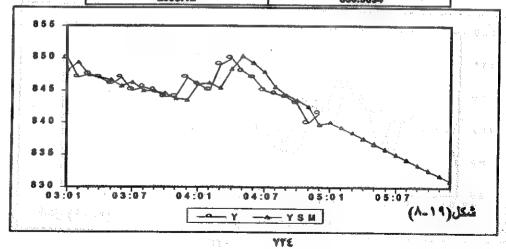
جدول (19-2) -القيم الممهدة والمتوقعة للمتغير X باستخدام التمهيد الأسي المفرد

عر بسهدادسي،	
month	XSM
2003:01	106,4167
2003:02	101.4374
2003:03	104.2020
2003:04	104.8212
2003:05	105.7360
2003:06	106.7168
2003:07	106.1606
2003:08	101.3800
2003:09	107.2931
2003:10	109.3936
2003:11	110.6402
2003:12	111.6954
2084:01	107.2758
2004:02	107.8378
2004:03	108.7397
2004:04	103.5097
2004:05	100.7862
2004:06	103.2801
2004:07	104.6147
2004:08	108.0177
2004:09	110.3319
2004:10	111.6263
2004:11	113.4683
2004:12	115.4329
2005:01	116.6490
2005:02	116.6490
2005:03	116.6490
2005:04	116.6490
2005:05	116.6490
2005:06	116.6490
2005:07	116.6490
2005:08	116.6490
2005:09	118.6490
2005:10	116.6490
2005:11	116.6490
2005:12	116.6490



جدول (١٩ - ٨) -القيم الممهدة والمتوقعة للمتغير Y باستخدام التمهيد الأسي المزدوج

9	2 2 4 1 702 .
montis	YSM
2003:01	848.1346
2003:02	849.3365
2003:03	847.3789
2003:04	847.0558
2003:05	846.6069
2003:06	845.6922
2003:07	846.2588
2003:08	844.9244
2003:09	844.8932
2003:10	844.5724
2003:11	843.7076
2003:12	843.4607
2004:01	845.9524
2004:02	846.1596
2004:03	845.3754
2004:04	848.3537
2004:05	850.3153
2004:06	849.2788
2004:07	847.8757
2004:08	845.5878
2004:09	844.2874
2004:10	843.4633
2004:11	842.4443
2004:12	839.7056
2005:01	840.0576
2005:02	839.2314
2005:03	838.4052
2005:04	837.5796
2005:05	838.7528
2005:06	835.9266
2005:07	835.1004
2005:08	834.2742
2005:09	833.4480
2005:10	832.6218
2005:11	831.7956
2005:12	830.9694



### ( ۱۹ -۳-۲ ) منهجية بوكس-جينكنز:

إذا كانت بيانات السلسلة الزمنية ساكنة يمكن أن نصفها بواحد من النماذج التي تتبع منهجية بوكس - جينكنز. وبالطبع إذا كانت غير ساكنة يتعين إجراء التعديلات اللازمة عليها حتى تصبح ساكنة ، ثم نستخدم أحد النماذج الموضحة فيما بعد في وصفها .

### : Autoregressive ( A I ) Process الانحدار الذاتي

في ظل هذا النموذج تعتمد قيمة متغير ما في الفترة الحالية  $m{v}_i$  على في نفس المتغير في الفترات السابقة  $m{v}_{i-1}$ ,  $m{v$ 

$$(Y_{t}-11).....(Y_{t}-11) = a_{1}(Y_{t-1}-Y)+u_{t}$$

حيث: 🖚 = متوسط قيم 🖚

ونفترض هنا بالطبع أنه لا توجد مشكلة ارتباط ذاتي بين قيم  $^2$  , وحيث أن قيمة حب في الفترة السابقة أن قيمة حب في الفترة السابقة (حب  $_1$ ) يطلق على النموذج السابق نموذج الاتحدار الذاتي من الرتبة الأولى . First-Order Autoregressive A R ( 1 ) .

ويمكن إعادة كتابة النموذج السَّابق في الصيغة التالية :

$$(78-14)$$
 .....  $y_t = a_t y_{t-1} + u_t$ 

حيث: ص ((yt) تشير إلى انحراف حب ((Y ) عن وسطها .

وبتقدير الصيغة ( ١٩-٣٣ ) يمكن التنبؤ بقيم حس على النحو التالي:

$$(\mathbf{Y}_{0}-\mathbf{1}_{1}) \dots \hat{\mathbf{1}}_{r-1} \hat{\mathbf{1}$$

ويلاحظ أن من أبسط صور نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الأولى هي الصيغة الشائعة التي يتم حساب معامل الارتباط الذاتي أو معامل الارتباط السلسلي بواسطتها:

$$u_t = \rho u_{t-1} + \varepsilon_t \tag{19-36}$$

وإذا اتضح أن النموذج المقدر:  $Y_t = c + bX_t + u_t$  يعاني من مشكلة الارتباط السلسلي من الرتبة الأولى ، فإن الطريقة التي تستخدم لتخليصه منها من خلال Eviews هي إضافة الصيغة AR(1) للمعادلة المراد تقديرها ، كأن تكتب بعد أمر Estimate equation :

Y c X Ar(1)

 $Y_{t^-} \, \rho Y_{t^-} = a + b(X_t - \rho X_{t^-}) + (u_t - \rho u_{t^-})$  : عندئد يقوم البرنامج بحساب الصيغة :  $Y_t = c + \rho Y_{t^-} + b(X_t - \rho X_{t^-}) + \epsilon$  وهي تكافئ الصيغة :

التي تستبعد الارتباط السلسلي من البيانات.

وبالنسبة لنموذج الانحدار الداتي من الرتبة الثانية (2) AR فهو يأخذ

الصيغة التالية:

$$(YY-19) _{j}^{2} + (x_{t-1} - y_{t-1}) _{t}^{3} + (x_{t-1}$$

وعندئد فإن قيم حب في الفترة الحالية ( حب <sub>:</sub> ) تعتمد على قيم حب في الفترتين اللتين تسبقان الفترة الحالية .

وإذا كان النموذج ( ١٩ -٣٧ ) هو النموذج الملائم لوصف بيانات السلسلة

الساكنة ، يمكن التنبؤ بقيم حس ، بدلالته باستخدام الصَّيعَة التالية :

$$(\tilde{Y} - 11) \qquad \qquad \hat{f} = \hat{f} + \hat{f} - \hat{f} + \hat{f} - \hat{f} - \hat{f} - \hat{f} - 1) = \hat{f} + \hat{f} - \hat{f} - 1 = \hat{f} -$$

ويلاحظ هنا أن حب  $_{i}$  (  $_{i}$  ) يساوى ثابت أ ( $_{i}$  ) بالإضافة إلى متوسط متحرك لقيم الحد العشوائي في الفترة الحالية  $_{i}$  ( $_{i}$   $_{i}$  ) والفترة السابقة  $_{i}$  ( $_{i}$  ) وهذا المتوسط مرجح بأوزان ب ( $_{i}$   $_{i}$  ) ، ب , ( $_{i}$  ( $_{i}$  ) . ويقال في هذه الحالة أن نموذج المتوسط المتحرك من الرتبة الأولى . ( $_{i}$  ) . ( $_{i}$  ) . ويتضمن فجوة زمنية واحدة .

وقد يكون نموذج المتوسط المتحرك من الرتبة الثانية على النحو التالي:

$$(\xi - 19) \dots Y_{t} = \mu + \beta_{0} u_{t} + \beta_{1} u_{t-1} + \beta_{2} u_{t-2}$$

وهكذا فإن نموذج المتوسط المتحرك يكون من الرتبة q إذا كان عدد الفجوات الزمنية للحد العشوائي بالنموذج q ، أي q , q .

وبالطبع يتم الحصول على الحد العشوائي من خلال تقدير معادلة انحدار أصلية بها متغير تابع حب ( Y t ) ومتغيرات تفسيرية أخرى .

## (3) نموذج انحدار ذاتي ومتوسط متحرك

An Autoregressive and Moving Average (ARMA) process يعتبر نموذج "ARMA" نموذج مركب لأنه ينطوي على خصائص نموذج الانحدار الداتي ونموذج المتوسط المتحرك ، وهو عادةً ما يتصف برتبتين واحدة للانحدار الداتي (P) وأخرى للمتوسط المتحرك (P).

التالية: ARMA ( P,q ) ARMA ( P,q ) ARMA ( P,q ) ARMA ( P,q )

$$Y_{t} = \mu + \alpha_{1} Y_{t-1} + \beta_{0} u_{t} + \beta_{1} u_{t-1}$$

(٤) نموذج الانحدار الذاتي والمتوسط المتحرك المتكامل

An Autoregressive Integrated Moving Average (ARIMA) process إذا كانت السلسلة الزمنية الأصلية غير ساكنة Nonstationary فيقال عليها أنها غير متكاملة. وإذا كان من المتعين الحصول على فروق السلسلة عدد (d) مرة حتى تصبح ساكنة يقال عندئذ أن السلسلة الأصلية متكاملة من الدرجة ،أي أي [d] . وبالتالي فإن نموذج الانحدار الذاتي والمتوسط المتحرك المتكامل يتصف بثلاثة رتب ، رتبة الانحدار الذاتي ورتبة التكامل ورتبة المتوسط المتحرك ، لذا فهو يكتب كما يلي: (ARIMA (1, 1, 1) فإذا كان النموذج (1, 1, 1, 1) فهذا يعنى أنه يتعين الحصول على الفروق الأولى للسلسلة الأصلية ، ثم نجرى عليها بعد ذلك تقدير ARIMA ، ذلك لأن هذا التقدير الأخير لا يجرى إلا على سلسلة ساكنة .

#### وتكون صيغة النموذج عندئذ:

(E7-14) .... 
$$1-j^2+1-j^2+1-j$$
  $\Delta \Delta = j$   $\Delta \Delta Y_t = \lambda \Delta Y_{t-1} + \beta_0 u_t + \beta_1 u_{t-1}$ 

وعموماً يمكن القول:

ARIMA 
$$(P, 0, q) = ARMA(P, q)$$

وتكون السلسلة الأصلية ساكنة .

$$ARIMA(P,0,0) = AR(P)$$
  
 $ARIMA(0,0,q) = MA(q)$ 

# (١٩-٣-٣) خطوات التنبؤ وفقاً لمنهجية بوكس - جينكنز:

توجد هناك أربعة خطوات يتعين إتباعها حتى يمكن اتباع منهجية بوكس -جينكنز في التنبؤ، وهي تتمثل في : التعرف ، والتقدير ، والفحص التشخيصي ، والتنبؤ .

( ۱ ) التعرف Identification : ويقصد بالتعرف هنا تحديد الرتب P , d , q التعرف ARIMA حتى يمكن تقديره. وتتمثل أدوات التعرف في ثلاثة :

اً - دالة الارتباط الداتي Autocorrolation Function ( ACF ) وهي تشير إلى  $^{\hat{}}$  الذي تكلمنا عنه سابقاً  $^{\hat{}}$   $^{\hat{}}$  .

ب - دالة الارتباط الذاتي الجزئي

Partial Autocorrelatin Function (PACF)

ح - شكل الارتباط بين معامل كل دالة سابقة وطول الفجوة Correlogram .

ويعتبر معامل الارتباط الذاتي الجزئي مشابه لمعامل الانحدار الجزئي الذي تكلمنا عنه سابقاً، وهو يمثل الارتباط بين قيم متتالية لمتغير ما خلال فترتين مع ثبات الفترات الأخرى . ويرمز له " ك ١١ " ( PKK ) . فمعامل الارتباط الجزئي بين حن ر ، مي إلى الارتباط بين قائمتي القيم حن ر ، حن ر ، مع استبعاد أثر قيم حن الأخرى التي تقع بين الفترتين : ز ، ز - أ . ولقد تعرضنا لكيفية قياس الارتباط الجزئي سابقاً . ويتعين ملاحظة أن الحصول على معاملات الارتباط الجزئي تتطلب إدراج كل الفجوات بين صفر ، أ ، في النموذج المقدر . كما تكلمنا سابقاً عن شكل الارتباط بين معامل الارتباط الذائي والفجوة الزمنية .

ونبدأ التعرف بشكل الارتباط الداتي ومعامل الارتباط الداتي (ACF). فإذا كان شكل الارتباط يقع داخل حدود فترة الثقة ٩٥ ٪ منذ البداية ، فإن معامل الارتباط الداتي ρκ (ACF) لا يختلف جوهرياً عن الصفر، ومن ثم فإن هذا يعنى أن سلسلة البيانات التي لدينا ساكنة ومتكاملة من الرتبة صفر . وبالتالي نجرى تحليلاتنا على القيم الأصلية للمتغير ح (Y) دون إجراء تحويلات عليها .

أما إذا اتضح أن شكل الارتباط الذاتي يقع خارج حدود فترة التقة ٩٥ ٪ عبر فترة طويلة ، ومن ثم معاملات الارتباط الذاتي (ACF) تختلف عن الصفر جوهرياً لعدد كبير نسبياً من الفجوات الزمنية ، فإن سلسلة البيانات تكون غير ساكنة ويجب الحصول على الفروق الأولى منها ثم نجرى عليها نفس التحليل مرة أخرى حتى نصل إلى سلسلة ساكنة . وبعد الوصول لسلسلة ساكنة نبدأ في إجراء الخطوات التالية باستخدام بيانات هذه السلسلة .

وبتطبيق هذه الخطوة على بيانات الناتج المحلي ( GDP ) بالجدول ( 1-17 ) نحصل على الشكل ( 1-19 ) . ويمكن إجراء هذا الاختبار باستخدام برنامج Eviews عن طريق view/correlogram ، مع ضرورة تحديد الفجوة التي يجري خلالها التعرف.

Autocorrelation	Partial Correlation	lag	AC	PAC	Q-Stat	Prob
,  *******	.   0.000.00	1	0.969	0.969	85.462	0.00
(		. 2	0.935	-0.058	166.02	0.00
10000001	-i. i	3	0.901	-0.020	241.72	0.00
[	- i i	4 -	0.866	-0.045	312.39	0.00
.	·i. i	5	0.830	-0.024	378.10	0.00
. [ [	ां व	6	0.791	-0.062	438.57	0.00
Parky transfer of a property of spiritual and	in the first of	. 7	0.752	-0.029	493.85	0.00
.	-1- 1	8	0.713	-0.024	544.11	0.00
1,,,,,,	- In James 1	9	0.675	0.009	589.77	0.00
lunus I	-1	10	0.638	-0.010	631.12	0.0€
" lance	[ -	11	0.601	-0.020	668.33	0.00
Mary of the later	- I - I	12	0.565	-0.012	701.65	0.00
. j**** j	-1- 1	13	0.532	0.020	731.56	0.00
Markey and Alberta December 1	grand Alexander	: 14	0.500	-0.012	758.29	0.00
rajan para jang basa in tang ang ang ang ang ang ang ang ang ang		15	0.468	-0.021	782.02	0.00
	•l• 1.	16	0.437	-0.001	803.03	0.00
Bagista ay 🕩 📆 🎺 Sarata	, in the second of the second	17	0.405	-0.041	821.35	0.00
.	-1-1	18	0.375	-0.005	837.24	0.00
para 📲 🛊 sela	ara ka 📲 📲 katikatan	. 19	0.344	-0.038	850.79	0.00
-   1	.1.	20	0.313	-0.017	862.17	0.00
·   **		21	0.279	-0.066	871.39	0.00
. <b> **</b>		22	0.246	-0.019	878.65	0.00
- [**	-1- 1	23	0.214	-0.008	884.22	0.00
(10 to 1 to 16 kg)	Alternative land to	- 24	0.182	-0.018	888.31	0.00
· <b>!</b> ·	4.1	25	0.153	0.017	891.25	0.00
garjagij <b>ih. I</b> limori	848 G	26	0.123	-0.024	893.19	. 0.0€
		27	0.095	-0.007	894.38	0.00
	4.4	28	880.0	-0.012	894.99	0.00
Open Asset of the Telephone	The state of the state of	29	0.043	-0.007	895.24	0.00
-1- 1	·1. F	30	0.019	-0.005	895.29	0.00

نىكل (١٩-١٩)

ومن الواضح أن شكل الأرتباط الداتي يقع خارج فترة الثقة ٩٥ ٪ على مدى ٢٣ فجوة زمنية ، وكذلك معامل الارتباط الداتي ( AC ) يتناقص ببطئ وهو كبير نسبياً خلال ٢٣ فجوة زمنية . وبالتالي فبيانات السلسلة غير ساكنة .

عندئد نحصل على الفروق الأولى للسلسلة ثم نعيد التعرف مرة أخرى على بيانات الفروق الأولى فنحصل على الشكل ( 11-11 ) .

Auto	correla	tion	Partial Correl	ation		AC	PAC	Q-Stat	Prot
1	.   **	1	.  **		1	0.316	0.316	9.0136	
	. [0			i	2	0.186	0.095	12.165	0.00
a salahara		l . I:	1	Į.	3	0.149	-0.038	12.165	0.00
Test to the	- 1	F I	11/	1	4	0.051	0.033	12.509	
				!	5	-0.007	-0.032		0.0
1. 多原生医腺炎				!	6			12.636	0.0
	*1 *			!	7	-0.019	-0.020	12.672	0.0
	**1		eet.	1	8	-0.073	-0.062	13.188	0.0
	100				_	-0.289	-0.280	21.380	0.0
			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		9	-0.067	0.128	21.820	0.0
	-1-		· į*-	ļ	10	0.019	0.100	21.855	0.0
					11	0.037	-0.008	21.991	0.0
	I •		-1-	I.	12	-0.239	-0.311	27.892	0.0
1.1	<u>.</u> ".		- 1-	į i	13		0.011	29.314	0.0
	**  -		٠	ļ	14	-0.204	-0.114	33.712	0.0
	•"] • "				15	-0.128	-0.051	35.474	0.0
			• •	•	16	-0.035	-0.021	35.610	0.0
		1. 1. 1. 1. 1. 1.			17	-0.056	-0.019	35.956	0.0
		-	- 1"-		18	0.009	0.122	35.965	. 0.0
arta est	• <u>[</u> • ]		- <u>1</u>	Į.	19	-0.045	-0.071	36.195	0.0
	- ["-		1	ļ	20	0.066	-0.126	36.694	0.0
	•  *•	ljaka i jak	۰۴.		21	0.084	0.089	37.519	0.0
	-}- I	l'	-11-	1	22	0.039	-0.060	37.696	0.0
	<b>-1</b> - 1		."[.	1	23	-0.068	-0.121	38.259	0.0
	.].		-1-	l	24	-0.032	-0.041	38.384	0.0
	-1- 1		. <b>j*.</b>	la di sa	25	0.013	0.092	38.406	0.0
	<b>-11</b> - 1	1 1 1 1 1			26	-0.064	-0.143	38.932	0.0
$(e^{ij\theta}) = (e^{ij\theta}) = e^{ij\theta}$	-1- 1		.^¶	1	27	-0.017	-0.081	38.970	0.0
	1.				28	-0.038	-0.051	39.156	0.07
	-1- 1				29	0.005	0.056	39.160	0.0
	<b>4</b> 1. i			1 - 1 1	30	-0.100	-0.141	40.516	0.0
	N. C.		(1	کل (۱۹					- "

ويتضح من معاينة الشكل ( 10-14 ) أن شكل الارتباط الذاتي يقع داخل فترة الثقة ١٥٪ لمعظم الفجوات الزمنية و أن قيم معاملات الارتباط الذاتي AC لمعظم الفجوات قريبة من الصفر، وهو ما يعني أن سلسلة الفروق الأولى مستقرة أو ساكنة.

وبالتالي فإن السلسلة الأصلية متكاملة من الرتبة الأولى (d=1). وبمعاينة معامل الارتباط الجزئي PACF ( $\rho_{KK}$ ) بسلسلة الفروق بالشكل (10-10) نجد أن هذا المعامل يقع خارج حدود فترة الثقة عند  $\pi$  فجوات ، الفجوة 1 ، والفجوة 1 ، والفجوة 1 . عندئذ يتعين علينا تجريب نموذج الانحدار الذاتي باستخدام الرتب والفجوة 1 .

Estimation تقدير النموذج الملائم (٢)

إذا بدأنا بنموذج الانحدار الذاتي فإن الصيغة المراد تقديرها تكون هي :

خيث تشير حب\* للفروق الأولى ( DGDP ). ويستخدم الأمر Estimate equation حيث تشير حب\* للفروق الأولى ( DGDP ). ويستخدم الأمر D(GDP) C AR(1) AR(8 ) AR(12)

Eviews. وبالنسبة لنموذج المتوسط المتحرك تكون الصيغة المراد تقديرها هي:

$$(\xi\xi-19).......Y^*_{t} = \alpha + \beta u^*_{t} + \beta_1 u^*_{t-1} + \beta_8 u^*_{t-8} + \beta_{12} u^*_{t-12}$$

ويستخدم الأمر: Eviews ويستخدم الأمر: Eviews (12) (19–18) من خلال برنامج للنموذج المولج النسبة للنموذج المركب ARMA فيتعين تقدير الصيغة:

$$+_{1-j}*^{2} \cdot 1 \cdot y +_{j}*^{2} \cdot y +_{17-j}*^{2} \cdot x_{17} \cdot 1 +_{k-j}*^{2} \cdot x_{k} \cdot 1 +_{1-j}*^{2} \cdot x_{k} \cdot 1 +_{1-j}*^{2} \cdot x_{k} \cdot 1 +_{1-j}*^{2} \cdot x_{k} \cdot y +_{k-j}*^{2} \cdot x_{k} \cdot y +_{k-j$$

ويستخدم الأمر Estimate equation في Eviews لتقدير الصيغة ( ١٩–٤٥ ) . D(GDP) C AR(1) AR(8) AR(12) MA(1) MA(8) MA(12) وإذا ركزنا على نموذج الانحدار الداتي فإننا نحصل على النتيجة التالية :

```
Y^*_{t} = 23.089 + 0.3428 \ Y^*_{t-1} - 0.299 \ Y^*_{t-4} - 0.264 \ Y^*_{t-12} \ (19-46)
SE = (2.977) \ (0.0987) \ (0.1016) \ (0.0986)
t = (7.75) \ (3.4695) \ (-2.947) \ (-2.6817)
Adj.R^2 = 0.263 \ DW = 1.766
S. E. Regression = 31.38
```

Diagnostic Checking الفحص التشخيصي (٣)

يعنى الفحص التشخيصي فحص النماذج المختلفة بعد تقديرها للتعرف على أيها أكثر ملائمة لوصف البيانات محل الاعتبار .

ويكون النموذج ملائماً إذا قمنا بالحصول على البواقي در ( c، ) باستخدام النموذج المقدر ( 19 - 3 ) ثم حصلنا على معامل الارتباط الذاتي ومعامل الارتباط الجزئي وشكل الارتباط الذاتي لهذه البواقي واتضح أن جميعها يقع داخل فترة ثقة مه ٪ بما يعنى أن الارتباط الذاتي بين حدود الحد العشوائي غير معنوي . وبالتالي يكون النموذج ملائماً . ولإجراء هذا الفحص على يرنامج Eviews نتبع الخطوات التالية :

- · يتم تقدير النموذج (١٩-٤٤)".
- View/Residual tests/correlogram-Q stat
  - Lag (30) •

وبعمل ذلك تحصل على الشكل ( 11-11 ) . الله الله الشكل الشكل المناس الشكل الشكل المناس الشكل المناس المناسكال المناس المناس

وبفحص الشكل (11-11) يتضح أن معاملات الارتباط الداتي للبواقي تقع داخل فترة ثقة 10 % مما يعني أن نموذج AR ملائم لوصف هذه البيانات.

Q-statistic probabilities adjusted for 3 ARMA term(s)	Paritant					
Autocorrelation	Partial	lag	AC	PAC	Q-Stat	Prob
	Correlation	4	0.400	0.102	0.8192	0.114
.r. i	- 15-	1	0.102	0.102	1.4151	0.282
.j*. j	-   -   -   -   -   -   -   -	2	0.087		1.6219	0.459
4. 1	-1-	3	0.051	0.035	2.4963	0.433
7 - F	1	4	-0.104	-0.120	2.5346	0.627
1. 1	-1- 1	5	-0.022	-0.008		0.573
	-1.	6	0.026	0.047	2.5919	0.511
.i. i	.].	7	0.009	0.016	2.5992	0.511
.i. i	4 1	8	-0.082	-0.105	3.1735	
.i∙. i	. [*. ]	9	0.132	0.146	4.6969	0.549
		10	0.132	0.137	6.2497	0.623
		11	0.118	0.087	7.5067	0.488
	j j .	12	-0.062	-0.157	7.8561	0.256
	. i . i .	13	0.047	0.069	8.0595	0.322
4. 1	ai. i	14	-0.160	-0.129	10.479	0.168
oli ya 🙀 🙀 🗓 aray	i	15	-0.211	-0.185	14.745	0.214
	.i. i	16	-0.013	-0.012	14.761	0.269
***	H. i	17	-0.205	-0.138	18.931	0.264
	Special Park	18	0.026	0.072	19.001	0.314
* 7 * 1	' i. i	19	-0.002	-0.048	19.001	0.37
34 - <b>31.</b> 1 2 4	4.	20	-0.107	-0.170	20.195	0.402
		21	0.036	0.073	20.331	0.424
- -		22	-0.002	0.001	20.332	0.437
		23	-0.073	-0.074	20.922	0.400
		24	-0.076	-0.048	21.579	0.44
		25	-0.084	0.003	22.393	0.500
7.		26	-0.120	-0.018	24.077	0.51
<b>.</b> ↑. †	- 1: 1	27	-0.043	-0.044	24.302	0.520
• • •		28	0.018	0.032	24.341	0.49
	-1- 1	29	0.076	0.053	25.058	0.49
	1:1	30	-0.084	-0.105	25.971	0.11
.M. 1	.1. I	(11-11		-Q. 1QQ		•••

### (٤) التنبؤ Forecasting

لعل السؤال الذي يثور الآن كيف يمكن استخدام الصيغة (19-23) والصيغة المقدرة لها (19-23) في التنبؤ بقيم الناتج المحلى 9. مستد

إن آخر بيانات متوفرة عن الناتج المحلي هي عن الربع الرابع لعام 1941 . افترض الآن أننا نريد أن نتنبأ بالناتج المحلي في الأربعة فصول لعام 1997 . نبدأ أولاً بالربع الأول لعام 1997 :

يمكن إعادة كتابة الصيغة ( ١٩ -٤٣ ) على النحو التالي :

$$(r_{-A1}; -1)_{A} + (r_{-11}; -1)_{A} + (r_$$

ويوضح الجدول (19-4) أرقام الفجوات ورموزها ، مع العلم أن ﴿ رَبِّ تَعْنِي الربعِ الرابع عام 1991 (الشرطة لا تعبر عن الإشارة ناقص هنا) .

جدول (١٩-١٩)

أرقام الفجوات للخلف

-					# 200 p. 100	<u> </u>	e di karana kan	
	رمزها	الفجوة	رمزها	الفجوة	رمزها	الفجوة	رمزها	الفجوة
	ز ۸۸-،،	14.	ز ۸۰-۲	<b>A</b> .	ز ۱۰سه	٤	ć-11 j	•
	r-m j	18	r-11 j	9	r(. j	•	r-41 j	1 .
		NP)	ر AL ز	1.	r-1. j		r-11 j	۲
		a war i	ز ۱۰۰۸		ز ۱-۱۰	💙	1-115	٣

وللحصول على ص ز١٠٠ من الصيغة (١٨ -٤٤) نجد أن :

$$(c_{-1}, c_{-1}) = (c_{-1}, c_$$

$$(\xi A - 19) \dots r_{-AA_{j}} - r_{17} + r_{17$$

وبالتعويض من الجدول ( 19-1 ) عن قيم حب ، ومن المعادلة ( 19-23 ) عن المعاملات المقدرة نحصل على :

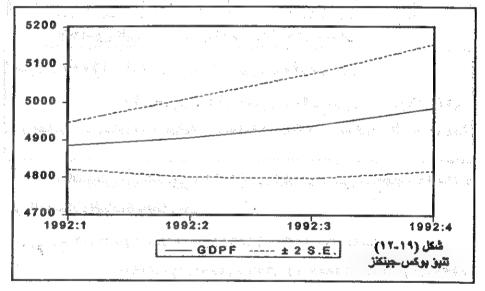
ويمكن التنبؤ بباقي القيم بنفس الطريقة . ولكن الطريقة الأكثر دقة في التنبؤ هي باستخدام برنامج Eviews بتتبع الخطوات التالية :

- نقوم بتوسيع مدى العينة للفترة المراد التنبؤ فيها ، وذلك عن طريق :
   Proc/change workfile range , 1970:1-1992:4
- نقوم بتقدير الصيغة (١٩-٤١) باستخدام البيانات الفعلية ، ثم نختار الأمر :
   Forecast ، ونحدد المدى الذي يتم فيه التنبؤ 1992:4 .

ويوضح الجدول (١٩ – ١٠) والشكل (٩ – ١٢) القيم المتوقعة ـ جدول (١٩ – ١٠)

القيم المتوقعة للناتج المحلي للولايات المتحدة بطريقة بوكس-جيتكنز

دولار	قيمة الناتج المحلي المتوقعة بالمليار دولار			الربح	
	eaat, yre		. 1	1-1447	
7	£4-0,0-Y			r-144r	
	£1171,770		<u> </u>	7-144Y	
1	ERAT, PTP		1	E-199Y	



ومهما يكن من أمر فإن طريقة بوكس - جينكنز في التنبؤ هي فن يعتمد على الممارسة أكثر منها علم يعتمد على قواعد ثابتة .

### ( ۱۹ –۳–۲ ) نماذج الانحدار الذاتي ذات المتجه ( VAR)

يستخدم هذا الأسلوب في التنبؤ في حالة النماذج الآنية التي يوجد في ظلها علاقات تبادلية بين المتغيرات . ولتوضيح كيفية استخدام هذه الطريقة في التنبؤ دعنا نأخذ النموذج التالي:

$$\begin{aligned} & \text{($\xi A-14$)} \dots & \text{($\xi$$

حيث حب ( Y ) = المبيعات ، حب ( X ) = الإنفاق الإعلاني . ويوضح النموذج ( Y ) أن هناك علاقة تبادلية بين المبيعات والإنفاق الإعلاني ، وإذا قمنا بتقدير هذا النموذج باستخدام عينة ما فإن التنبؤ بقيم حب ر ، حب ر خلال فترة معينة يتطلب توفر بيانات عن كل من حب ر ، حب رعبر الفترتين السابقتين . ويقوم هذا النوع من النماذج على فكرة السبية لجرانجر التي تعرضنا لها من قبل ، غير أن النموذج السابق يطلق عليه نموذج XAR التقليدي ، والنموذج الذي تعرضنا له في الفصل الثامن عشر يسمى نموذج XAR مع تصحيح الخطأ تعرضنا له في الفصل الثامن عشر يسمى نموذج XAR مع تصحيح الخطأ الثنبؤ لكونه يتضمن التقلبات قصيرة الأجل بجانب التغيرات طويلة الأجل ، في حين يتضمن الأول النعرات في الأجل الطويل فقط. ويلاحظ أن النموذج VEC لا

يستخدم إلا إذا كانت المتغيرات المدرجة في النموذج تتصف بخاصية التكامل المشترك. أما نموذج NAR التقليدي فهو يصلح للاستخدام حتى في حالة وجود ارتباط بين البواقي لمعادلات النموذج ، ويتم تقدير كل معادلة منه على حدة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية . وتعطي هذه الطريقة في هذه الحالة مقدرات تتصف بالكفاءة ، وتقترب نتائج تقديرها من نتائج طريقة CLS .

مثال (19-3) التنبؤ باستخدام طريقة VAR

افترض أن بيانات الجدول ( ١٩-١١ ) توضح قيم : Y= المبيعات ، X= الإنفاق الإعلاني .

جدول (19-11 ) المبيعات والإنفاق الإعلاني

Year	Y	X
1989	200	10
1990	210	11
1991	215	11 3-4-7-8
1992 / Barrier	220	and the street 12 Mercephan
1993	230	13
y 11 (1994) yez <b>1994</b> (1911) Surveyez	250	15
1995	270	16
1996 . 1 gast	280	16
1997	300	18
1998	310	19
1999	315	20
2000	330 A. M. C. V.	22
2001	350	. 23
2002	360	1 1 1 1 1 1 25 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
2003	370	27
2004	400	30

#### والمطلوب هو:

۱- تقدير نموذج VAR باستخدام الصيغة (۱۹-٤٨)

<sup>2-</sup> التنبؤ بقيم Y, X خلال الفترة (2000-2001) باستخدام النموذج المقدر.

### ۱- تقدير نموذج VAR:

يمكن استخدام برنامج Eviews في تقدير النموذج عن طريق اختيار إلى يعم واستخدام برنامج Quick/estimate VAR/unrestricted VAR . ثم يتم تحديد الفترة التي يعم استخدام بياناتها (١٩٨٩ – ٢٠٠٤) والمتغيرات الداخلية والتي هي X، Y ، ثم يتم تحديد مدى الفجوات الزمنية التي تدرج في النموذج . فلو أردنا الفجوتين الأولى والثانية نكتب 2 ، وإذا أردنا الفجوة الثانية فقط تكتب 2 ، وباستخدام فجوتين نحصل على النتائج المعروضة بالجدول (١٩-١٢).

جدول (۱۹–۱۲) نتائج تقدیر نموذج VAR

Date: 05/19/04 Time: Sample(adjusted): 19 included observation	91 2004	A GALL
endpoints Standard errors & t-s		1000
1,24,00	. Ya. 25. A	; (X)
Y(-1)	0.716042	-0.057045
	(0.38982)	(0.03595)
	(1.83684)	(-1.58664)
Y(-2)	-0.244792	0.032003
11-27	(0.43482)	(0.04010)
	(-0.56298)	(0.79803)
X(-1)	3.786226	0.956254
	(3.52171)	(0.32480)
	(1.07511)	(2.94409)
X(-2)	2.538407	0.451766
W(-9)	(4.75011)	(0.43810)
	(0.53439)	(1.03120)
AND ECTIONS	53.09406	2.239036
	(30.5505)	(2.81765)
sin in line in the	(1.73791)	(0.79465)
R-squared	0.990074	0.991271
Adj. R-squared	0.985662	0.987391
Sum sq. resids	442.2239	3.761656
S.E. equation F-statistic	7.009706	0.646500
Log likelihood	224.4169 -44.03445	255.5060
Akaike AiC	7.004922	-10.66575 2.237965
Schwarz SC	7.233156	2.466199
Wean dependent	300,0000	19.07143
S.D. dependent	58.53993	5.757461

ويمثل العمود الأول المعادلة الأولى من النموذج ، ويمثل العمود الثاني المعادلة الثانية .

٢- استخدام نموذج VAR في التنبؤ:

نوسع مدى العينة بالسنوات التي يراد التنبؤ فيها وهي ٢٠٠٥-٢٠٠٩. ثم نستخدم أمر Generate equation وتكتب صيغة المعادلة الأولى وبعدها صيغة المعادلة الثانية. وسوف يقدر قيمة لكل منهما نظرا لأنه يحتاج إلى فجوتين من كل متغير ليتنبأ بقيمة واحدة. ثم نعيد الكرة حتى يتم التنبؤ بالقيم المطلوبة. ويوضح الجدول (١٩-١٣) نتائج التنبؤ.

جدول (19-17) نتائج التنبؤ بطريقة VAR

obs	<b>Y</b> 200	्राच्याक्ष्यः । ज्ञास्त्राच्याकृतिः । स्वयक्षः विक्रीतिः अस्तितिः कार्यकृतिः । स्वयक्षितिः ।
2005	419.669	32.156
		užije a magame ži žipovoja
2006	445.381	35.412
A CANADA		18.1V
2007	472.603	38.662
2008	506.379	42.512
2009	544.439	46.606

ويلاحظ أن المتغيرات التابعة في النموذج دالة في القيم السابقة لها ، وقد يحتوي النموذج في صياغات أخرى على متغيرات خارجية ، وإن كانت كل متغيرات في هذه الصياغة متغيرات داخلية. كما يلاحظ أن هذا الأسلوب في تقدير النماذج موجه أساساً للتنبؤ وليس لتفسير الظواهر.

ويمكن تقدير النموذج VEC باتباع نفس الخطوات السابقة .

# المبحث الرابع المتبور مقدرة النموذج على التنبؤ

بالرغم من أن المقدرة التفسيرية للنموذج مقاسة بمعامل التحديد" ر" (R<sup>2</sup>) قد تكون مرتفعة ، وأن معلمات النموذج قد يكون لها معنوية إحصائية كبيرة ، إلا أن مقدرة النموذج على التنبؤ قد تكون محدودة . ولعل السبب في ذلك هو احتمال حدوث تغيرات مفاجئة لم تكن في الحسبان . وعلى العكس من ذلك فإن مقدرة النموذج على التنبؤ قد تكون كبيرة بالرغم من كون معامل التحديد منخفضاً وبعض المعلمات المقدرة غير معنوية إحصائياً .

ويوجد هناك بعض المعايير التي يمكن أن تستخدم في قياس مقدرة النموذج على التنبؤ ، نوجز بعضها فيما يلي :

Test of Difference Significance	( ۱ ) اختبار معنوية الفرق
Theil's Inequality Coefficient	( 2 ) معامل عدم التساوي لثيل
Janus Coefficient	(3) معامل جانش ده در
Mean Squared Error	(٤) متوسط مربع الخطأ
Fitted and Actual Values	( ■ ) علاقة المقدر بالفعلي

### ( ۱۹-۱-۱) اختبار معنویة الفرق:

يعتمد هذا المعيار على "التنبؤ بعد التحقق " Ex-Post Forecast في اختبار مقدرة النموذج على التنبؤ . ولتوضيح فكرة هذا الاختبار افترض أننا قمنا بتقدير نموذج ما من بيانات متاحة عن الفترة ١٩٨٠ – ١٩٨٠ . ثم قمنا باستخدام النموذج للتنبؤ بقيمة المتغير التابع في سنة يتاح عنها بيانات فعلية ولتكن سنة ١٩٩٦.فإذا كانت البيانات الفعلية والبيانات المتوقعة لعام ١٩٩٦ كما يلي:

$$(X_a)$$
 القيمة الفعلية للمتغير التفسيري عام ١٩٩٦ بدلالة  $(\hat{Y}_F)$   $\hat{Y}_E$  القيمة المتوقعة للمتغير التابع لعام ١٩٩٦ بدلالة  $(\hat{Y}_F)$  يمكن القول الآن أنه إذا كانت القيمة المتوقعة  $(\hat{Y}_E)$  تساوى القيمة الفعلية  $(\hat{Y}_E)$  ، أو أن الفرق بينهما غير جوهري ، فإن مقدرة النموذج على التنبؤ تكون عالية . أما إذا كان الفرق بين  $(\hat{Y}_E)$  ،  $(\hat{Y}_E)$  ،  $(\hat{Y}_E)$  فإن هذا يشير لضعف مقدرة النموذج على التنبؤ . ومن ثم فإننا نكون في حاجة لاختبار :

$$(\hat{\mathbf{Y}}_{F} \equiv \mathbf{Y}_{a})$$
 فرض العدم  $\hat{\mathbf{y}}_{e} = \hat{\mathbf{y}}_{e}$  في مواجهة :

روف 
$$(\hat{\mathbf{Y}}_{F} \neq \mathbf{Y}_{S})$$
 فرض البديل  $\hat{\mathbf{Y}}_{F} \neq \hat{\mathbf{Y}}_{S}$  فرض البديل  $\hat{\mathbf{Y}}_{F} \neq \hat{\mathbf{Y}}_{S}$ 

ويمكن استخدام معيار " ت " في هذه الحالة لإجراء هذا الاختبار حيث :

$$(\xi(-1)) = (X_F - Y_F) / S_{YF} = (X_F - Y_F) / S_{YF}$$

$$S_{YF} = \begin{cases} S_{ei}^{2} \left[1 + \frac{1}{n} \frac{(Xa - \overline{X})^{2}}{\sum x^{2}}\right] \end{cases}$$

وبالبحث عن ت الجدولية عند مستوى معنوية ٠,٠٢٥ ودرجات حرية ( ن-٢) يمكن تحديد مدى معنوية الفرق بين القيمة المشاهدة والقيمة المتوقعة للمتغير التابع وذلك بمقارنة ت\* المحسوبة ، ت الجدولية :

(١) فإذا كانت ت\* <ت فإن الفرق بين القيمة المتوقعة والقيمة الفعلية يكون

غير جوهري ، ومن ثم يمكن الحكم على مقدرة النموذج على التنبؤ بأنها جيدة .

( ۲ ) أما إذا كانت ت\* > ث فإن الفرق بين القيمة المتوقعة والقيمة الفعلية
 للمتغير التابع يكون جوهرياً . ومن ثم فإن مقدرة النموذج على التنبؤ تكون ضعيفة .

وفى حالة الاحتمال الثاني يتعين تكبير حجم العينة مع تحديث البيانات، أو إضافة متغيرات تفسيرية جديدة ، أو إضافة معادلات جديدة للنموذج، وذلك لزيادة مقدرة النموذج على التبؤ.

ويلاحظ أن من أهم الانتقادات التي توجه لهذا المعيار هي أنه يعتمد على قيمة واحدة من القيم المتوقعة للحكم على مقدرة النموذج على التسوق.

# ( ١٩-٤-٢) معامل عدم التساوي لثيل:

إذا افترضنا أن:

$$(d_F)$$
 التغير في القيمة المتوقعة للمتغير التابع  $(d_S)$  ف  $=$  التغير الفعلي في قيمة المتغير التابع  $(d_S)$ 

$$T = \sqrt{\frac{\Sigma (d_F - d_a)^2}{\Sigma d_a^2}}$$

ويلاحظ من المعادلة ( 19 -00 ) ما يلي:

(أ) إذا كان التغير المتوقع (ع,)= التغير الفعلي (ف, ) فإن ي= صفر وهذا يشير إلى

مقدرة النموذج الكبيرة على التنبؤ.

(ب) إذا كان التغير المتوقع ع = صفر ، فإن ي = ١ وهذا يشير للحالة التي يتم التوقع

فيها بأن المتغير التابع سوف يكون ثابتاً عبر الزمن . أي أن : عبر ال

(جـ ) كلما زادت قيمة "ي " عن الواحد كلما دل ذلك على انخفاض مقدرة النموذج

على التنبؤ .

مثال (۱۹-۵) استخدام معامل ٹیل

افترض أن البيانات التالية خاصة بدالة الواردات لمجتمع ما خلال فترة 11 سنة 1987 -1997 .

جدول (19-18 ) بيانات عن التغيرات الفعلية والمتوقعة للواردات

	4.4					
۰ ف	(ع,-فر)	التغير المتوقع	التغير الفعلي	القيمة	القيمة	فترة
·	a egilisət	ع,=∆~.	ف ر=∆ ح	المتوقعة	الفعلية	التنبؤ
				شعن و	<del>س</del> ې ر	1
	28 <b>-</b> 1	-	-	40	1	1441
1	70	٥+	1++	1	11.	1444
٤	صفو	۲+	۲+	1.1	.117	1944
٤٩	٩	٤-	٧-	4.4	1+0	1944
13	17	صقر	٤+	4.4	71-4	199.
•	17	1+	٣-	99	1-7	1991
77	٤	<b>£</b> +	7+	1.1	117	1447
17	A CONTRACTOR	<b>Y</b> +	٤+	11-	11%	1995
14	o Niggi tar	Section 1	:	1-A	11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1116
The state of the state of	<sub>n</sub> PEN LE	e glebo <b>y</b> <u>L</u> econo	1 <b>1 -</b>	1-4 00	- 111	1990
Egy (Carrier	RIVII NAVE	g <b>(Y4</b> %) Se	Alexandria de la composição de la compos	1 <b>(A</b> 400)	1118	1343
∑درك	' (ع-ف)					
T07=	¥0 =					

وبحساب معامل ثیل من بیانات جدول (۱۹–۱٤) نجد أن :  $0.00 \pm 0.00$   $0.00 \pm 0.00$  وبحساب معامل ثیل من بیانات جدول (۱۹–۱۵) نجد أن :

وحيث ي < ١ فإننا يمكن القول أن مقدرة النموذج على التنبؤ جيدة .

( ۲ - ۱ - ۲ ) معامل جانس :

يمكن صياغة معامل جانس كما يلي:

$$G = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{m} (d_{i} - d_{ai})^{2} m}{\sum_{i=1}^{n} (d_{i} - d_{ai})^{2} n}} = e^{-\frac{i}{2}}$$

حيث أن المقام يشير إلى الفروق المحسوبة من بيانات العينة التي تم تقدير النموذج على أساسها ، وذلك بافتراض أن حجم العينة = ن مشاهدة . أما البسط فهو يشير إلى الفروق المحسوبة من بيانات تخص الفترة التي تلي فترة العينة ، وهي يفترض أن طولها " م " m سنة وتسمى فترة التنبؤ .

ويلاحظ أن هذا المعامل يقيس مقدرة النموذج على التنبؤ خلال فترة العينة وخلال فترة العينة وخلال فترة ما بعد العينة ، وتتراوح قيمته بين الصفر ، ومالا نهاية . وكلما زادت قيمة هذا المعامل كلما دل ذلك على ضعف مقدرة النموذج على التنبؤ . وعندما على التنبؤ في الماضى تتساوى معها في المستقبل .

Mean Squared Error ( خ ع خ ) متوسط مربع الخطأ (مع خ ) متوسط مربع الخطأ

افترض أن الصيغة التالية استخدمت في تقدير العلاقة بين على على خلال جزء من فترة العينة :

$$\mathbf{Y}_1=\hat{\mathbf{\alpha}}+\hat{\mathbf{\beta}} \ \mathbf{X}_1+\mathbf{u}_1$$
 و  $\mathbf{\hat{q}}+\hat{\mathbf{\hat{q}}}+\hat{\mathbf{\hat{q}}}+\hat{\mathbf{\hat{q}}}=\frac{1}{2}$  عندئد نستخدم هذه الصيغة في الحصول على تنبؤات محققة خارج العينة بحيث: حى  $\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}$  القيمة الفعلية للمتغير التابع في الفترة خارج العينة  $\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}=\mathbf{\hat{q}}$ 

( $Y_f$ ) القيمة المتوقعة للمتغير التابع خلال الفترة خارج العينة ( $Y_f$ )

تم نحسب:

$$(0Y-19) \dots \frac{Y(uu-uu)}{uu-uu} = \dot{\varepsilon} \varepsilon \rho$$

$$\frac{uu-uu}{uu-uu} = \dot{\varepsilon} \varepsilon \rho$$

حيث : ن(n) = عدد المشاهدات في فترة خارج العينة

ك(k) = عدد المعلمات المقدرة في نموذج التنبؤ

وبحساب الصيغة (19-87) لعدد من النماذج يكون النموذج الأفضل في التنبؤ هو صاحب أقل متوسط لمربعات الخطأ .

ويمكن استخدام برنامج Eviews لتقييم مقدرة النموذج على التنبؤ باستخدام بعض المعايير السابقة .

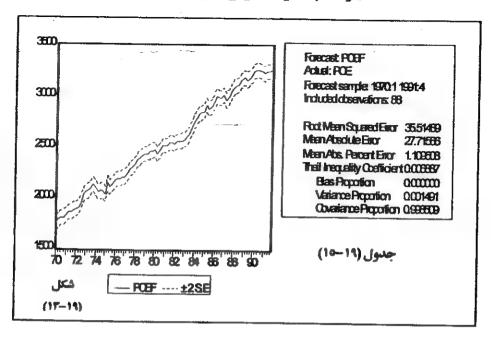
> مثال (١٩-٦) تقييم مقدرة النموذج على التنبؤ

يمكن إجراء هذا الاختبار باتباع الخطوات التالية:

- Quick/estimate equation
  - Forecast •
- Forecast evaluation خلال فترة التقدير .

وباتباع الخطوات السابقة نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (١٩–١٥) والشكل (١٣-١٩).

#### معايير تقييم مقدرة النموذج على التنبؤ



ومن الواضح أن معامل ثيل قريب من الصغر ، وهو ما يشير إلى قدرة عالية على التنبؤ للنموذج ، كما يحتوي الجدول على معايير أخرى منها جدر MSE.

( ١٩ -٤-٥ ) علاقة المقدر بالفعلي:

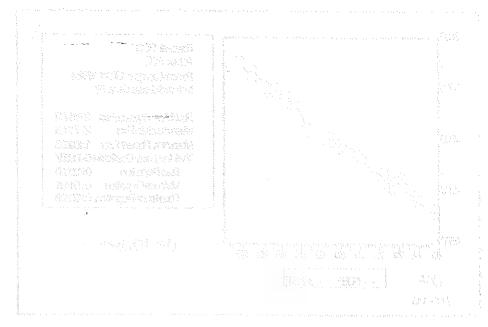
وفقا لهذا المعيار نقوم بتقدير الصيغة (19-87) باستخدام بيانات خارج العينة :

$$(\alpha Y - 19)$$
 ......  $Y_a = \alpha + \beta Y_f + u$ 

فإذا كان التنبؤ تام في دقته فإنه من المتوقع أن يكون:

أ(α) = صفر ، ب(β) = 1 . ولذا فإننا نختبر هذين الفرضين باستخدام إحصائية " ت" (t) ، وإذا قبلنا فرض العدم تكون مقدرة النموذج على التنبؤ عالية ، وإذا رفضناه تكون مقدرته على التنبؤ منخفضة .

#### orthological and Paleonics of Little



gang Melamang Post and No. 1865. No. 1965. No. 1965. National of the State Medical Angle and the analysis and Minimple on the November and proof of the control of the State of the State of the Association and the Association a

(FINANO) SEE BOOK WEEK,

griffe fight. Recognized the process of the contract process of the contract process of the contract of the co

الجزء الرابع

الاقتصاد القياسي التطبيقي

**Applied Econometrics** 

eninisme non Albaique.

# الفصل العشرون

# نموذج تسعير الأصول المالية

# Capital Asset Pricing Model (CAPM)

يعتبر هذا النموذج أحد الأمثلة للتطبيقات على الانحدار البسيط. وهو يتعرض لقياس العلاقة بين درجة تنويع المحفظة المالية والمخاطرة، والعلاقة بين معدل العائد والمخاطرة، والعلاقة بين مخاطرة أصل ما ومخاطرة السوق ككل. وسوف يتم تناول هذه النقاط في ثلاثة مباحث:

المبحث الأول: العلاقة بين درجة التنويع والمخاطرة .

المبحث الثاني: العلاقة بين العائد والمخاطرة .

المبحث الثالث: العلاقة بين مخاطرة الأصل ومخاطرة السوق .

Kir of the Charles of the Control of

A STATE OF THE STA

The first term of the first term of the relation of the first term of the first term

### المبحث الأول

# العلاقة بين درجة التنويع والمخاطرة

يقع نموذج تسعير الأصول في نطاق نظرية التمويل Finance Theory ، وهو يهدف إلى تفسير ظاهرة اختلاف عوائد الأوراق المالية المختلفة وتقلبها عبر الزمن والتنبؤ بسلوك هذه العوائد في المستقبل . ويستخدم هذا النموذج عدداً من المتغيرات التي يمكن الإشارة إليها فيما يلي :

### ( ١-١-١٠) معدل العائد على الأصل المالي (م ) ٢٠

يعرف معدل العائد (م , ) لاستثمار مالي معين خلال فترة زمنية معينة بالصيغة التالية :

$$(1-t\cdot)$$
  $p_1+d-P_0$  ث.  $Y_i = \frac{\dot{\mathcal{C}}_i + \dot{\mathcal{C}}_i - \dot{\mathcal{C}}_i}{2}$ 

 $P_1 = | 1 - 1 |$  حيث: ث | - 1 - 1 | السعر السوقي للأصل المالي في نهاية الفترة

 $P_0 = 1$  السعر السوقي للأصل المالي في بداية الفترة

ل = مقدار الربح الموزع على الأصل خلال الفترة = d

ويلاحظ أن عائد الأصل بهذه الطريقة يحتوي على مكونين ، العائد الجاري والعائد الرأسمالي . أما عن العائد الجاري فهو يشير إلى العائد الدوري الذي يوزع على حامل الأصل كل فترة معينة ، وهو يتمثل في ( ل ) . وبالنسبة للعائد الرأسمالي فهو يتمثل في الفرق بين قيمة الأصل في نهاية الفترة وقيمته في بداية الفترة ( ث , - ث . ) ( P1-P0 ) .

( ٢-١-٢٠ ) مخاطرة الاستثمار في أصل مالي معين:

من العوامل التي تؤثر على قرار الاستثمار في الأصول المالية درجة المخاطرة ، وهي تشير إلى مدى التقلب في معدل العائد عبر التركين . ولذا فهي تقاس بدلالة الانحراف المعياري لمعدلات العائد الخاصة بالأصل المالي المعين حيث :

$$(r-r-) \qquad \frac{\Gamma(\overline{\rho}-,\rho)}{\Gamma-\omega} = \mathcal{E}$$

$$\delta_i = \sqrt{\frac{\Sigma(r_i - \overline{r})^2}{n-1}}$$

ويلاحظ أنه كلما زاد الانحراف المعياري لمعدلات العائد كلما دل ذلك على انخفاض زيادة درجة المخاطرة ، وكلما قل الانحراف المعياري كلما دل ذلك على انخفاض درجة المخاطرة . وعندما يكون الانحراف المعياري لمعدلات عائد أصل ما مساوياً للصفر فإن هذا يشير إلى أن الاستثمار في هذا الأصل يكون خالياً من المخاطرة ويسمى Risk Free Asset . ومن أبرز الأمثلة على الأصول الخالية من المخاطرة أدون الخزانة لمدة شهر ، حيث أن معدل عائدها مضمون من قبل الحكومة . ويلاحظ عموماً إذا تساوى معدل العائد بالنسبة لأصلين ماليين ، فإن المستثمر يختار أقلهما مخاطرة ، مما يشير إلى أن درجة المخاطرة تؤثر في قرار الاستثمار .

# Risk premium علاوة المخاطرة ( ٣-١-٢٠ )

حتى يقبل الأفراد أو المؤسسات على الاستثمار في أصل ذات درجة مخاطرة أعلى ، لا بد أن يحصلوا على معدل عائد أعلى . ويمكن اعتبار الفرق بين معدل العائد الفعلي لأي أصل ومعدل العائد لأصل خالٍ من المخاطرة بمثابة علاوة المخاطرة . أي أن :

$$M_i = r_i - r_f$$
 .....  $M_i = r_j - r_f$  ....

$$M_j=$$
 ت $_c=$ علاوة المخاطرة للاستثمار في الأصل المالي ر $r_j=$ م $r_j=$ معدل العائد من الاستثمار في الأصل ر $r_j=$ معدل العائد لأصل خالٍ من المخاطرة  $r_j=$ 

# ( ٢-١-٤ ) معدل العائد ودرجة المخاطرة للمحفظة المالية Portfolio:

كثيراً ما يلجأ المستثمرون لتنويع استثماراتهم لتقليل درجة المخاطرة الناجمة عن الاستثمار . وتسمى مجموعة الأصول المالية التي يحتفظ بها مستثمر ما بالمحفظة المالية. وعندئد بدلاً من أن يفاضل المستثمر بين أصل مالي وآخر فإنه يقوم بالمفاضلة بين محفظة مالية وأخرى . ويحتاج الأمر عندئد للكلام عن متوسط معدل العائد للمحفظة المالية ودرجة المخاطرة بالنسبة للمحفظة المالية . وفيما يتعلق بمتوسط معدل العائد المرجح لمحفظة تحتوى على أصلين ماليين نجد أن :

$$(\xi-r)$$
 ......  $r_p = r_1 w_1 + r_2 w_2$   $r_p + r_1 q_1 p_2 = p_1$ 

حىث:

$$r_0 =$$
 عنوسط معدل العائد المرجح للمحفظة المالية  $r_1$  ,  $r_2 =$  معدل العائد للأصل الأول والأصل الثاني على التوالي  $w_1$  ,  $w_2 =$  و الوزن النسبي للأصل الأول والأصل الثاني على التوالي  $w_1$  .  $w_2 =$  و يلاحظ عموماً أن :  $w_1 =$  قيمة الأصل  $w_2 =$   $w_3 =$   $w_4 =$   $w_4 =$   $w_5 =$   $w_6 =$ 

ويمكن تعميم الصيغة السابقة على النحو التالي:

$$r_p = \sum_{j=1}^{n} r_j w_j$$
 , 9,  $r_p = \sum_{j=1}^{n} r_j w_j$ 

أما عن درجة المخاطرة للمحفظة ككل فهي تحسب من خلال المتوسط المرجح لتباينات الأصول المختلفة للمحفظة مع الأخذ في الاعتبار درجة الارتباط بين عوائدها ، أي أن :

$$\delta_{p}^{2} = w_{1}^{2} \delta_{1}^{2} + w_{2}^{2} \delta_{2}^{2} + 2 w_{1} w_{2} \delta_{1} \delta_{2} p_{12}$$

حيب

$$\delta_p^2 = \pi_1 \sin \alpha x c V \cos \alpha x c V \cos$$

ويلاحظ وفقاً للمعادلة ( ٢٠- ٢ ) أنه في حالة أن يكون الارتباط طردياً وتاماً بين معدلات العائد للأصلين ( ت ٢٠ = ١ ) ، فإن درجة المخاطرة تكون عند حدها الأقصى حيث تصبح قيمة ع 7كما يلي :

ويعني هذا أنه عندما يزداد عائد الأصل الأول بمقدار معين يزداد عائد الأصل الثاني بمقدار ثابت، وعندما ينخفض عائد الأصل الأول بمقدار معين ينخفض عائد الأصل الثاني بمقدار ثابت، مما يزيد من عمق التقلبات في متوسط معدل العائد للمحفظة . ويمكن القول بوجه عام أنه كلما انخفض معامل الارتباط بين عائد الأصل الأول وعائد الأصل الثاني كلما انخفض التباين ع وقلت درجة المخاطرة نتيجة للتنويع . وتصل درجة المخاطرة لحدها الأدنى عندما يكون الارتباط عكسياً وتاماً لتنويع . وتصل درجة المخاطرة لحدها الأدنى عندما يكون الارتباط عكسياً وتاماً

$$(\lambda - \Upsilon \cdot) \qquad \qquad \tau \in \tau \in \tau : g : g \Upsilon - \tau \Upsilon \in \tau \Upsilon : g + \tau \Upsilon : g = \Upsilon \in S^{2}_{p} = w_{1}^{2} \delta_{1}^{2} + w_{2}^{2} \delta_{2}^{2} - 2 w_{1} w_{2} \delta_{1} \delta_{2}$$

وهذا يعني أن كل انخفاض في معدل عائد الأصل الأول بمقدار معين يكون مصحوباً بزيادة في معدل عائد الأصل الثاني بمقدار ثابت، وهو ما يقلل من عمق الخسارة التي يتحملها صاحب المحفظة . وفي الحالة المتطرفة التي تكون فيها ع  $\delta_1 = \delta_2$  ,  $\delta_1 = \delta_2$  ,  $\delta_2 = \delta_3$  فإن :

ومن ثم فإن ع  $(\delta^2_p)^*$  و تنعدم المخاطرة . ومن ثم فإن ع أ

ويعني ما سبق أن درجة المخاطرة للمحفظة بوجه عام لا تعتمد فقط على درجة المخاطرة لكل أصل مالي على حدة ، وإنما أيضاً على درجة الارتباط بين العوائد الخاصة بالأصول المختلفة داخل المحفظة .

وعموماً فإن الصيغة العامة لتباين معدلات عائد محفظة تتكون من ٣ أصول تصبح كما يلي:

وبالنسبة لمحفظة تتكون من" ن" أصل مالي نجد أن :

$$(1 \cdot - 1 \cdot ) \dots \qquad ; \quad \zeta_{j} \in \mathcal{E}_{j} = \{ 0 \}_{1+j=j} \quad \stackrel{\sim}{\underset{i=j}{\longrightarrow}} \quad T + \{ 0 \}_{j} = \frac{3}{1+j} = \{ 0 \}_{i=j} = \{ 0 \}_{i=j$$

 $\frac{n(n-1)}{2} = \frac{(v-1)}{v} = \frac{v(v-1)}{v}$  ويلاحظ أن عدد معاملات الارتباط = v عدد الأصول بالمحفظة .

ويلاحظ أن الصيغة ( 10-20 ) السابقة مشتقة من الصيغة (20-11) :

$$3' = \sum_{i,j=1}^{9} e_i e_j e_j$$

حيث: غ رز = تغاير ر، ز

ويمكن أن نخلُص بنتيجة عامة مؤداها أنه كلما زادت درجة تنويع المحفظة المالية ، كلما قلـت درجـة المخاطرة بشرط أن يقل الارتـباط بـين عوائـد الأصـول المختلفة. ولقد أثبتت الدراسات التطبيقية أن زيادة التنوع تقال من درجة المخاطرة . ولكن ليست العلاقة بينهما خطية ، حيث اتضح أن تأثير درجة التنوع على درجة المخاطرة يتناقص مع زيادة درجة التنوع . ويرجع هذا أساساً إلى أن هناك نوعين من المخاطرة ، مخاطرة خاصة Specific Risk ومخاطرة السوق Market Risk . أما عن المخاطرة الخاصة فهي المخاطرة التي يمكن أن تواجه شركة ما نتيجة لظروفها الخاصة مثل فساد الإدارة فيها . ومثل هذا النوع من المخاطرة لا يتكرر بالنسبة لجميع الشركات فهو إن حدث في شركة قد لا يحدث في أخرى ، ومن ثم فإن تنويع المحفظة المالية من خلال الاستثمار في أسهم عدد كبير من الشركات يقلل من درجة المخاطرة الخاصة. ويسمى هذا النوع من المخاطرة المخاطرة المخاطرة السوق فهي ويسمى هذا النوع من المخاطرة بالمخاطرة التنوع المخاطرة السوق فهي الشركات بنفس الدرجة مثال ذلك حدوث تغير في النظام السياسي أو حدوث انكماش الشركات بنفس الدرجة مثال ذلك حدوث تغير في النظام السياسي أو حدوث انكماش الشركات بنفس الدرجة مثال ذلك حدوث تغير في النظام السياسي أو حدوث انكماش المخاطرة التنوع عن المخاطرة المنتظمة Systematic Risk ذلك لأنه المخاطرة المناطرة ليس خطياً لوجود بعض أنواع المخاطرة التنوع في الاستثمار على درجة التنوع في الاستثمار على درجة التنوع في الاستثمار على درجة المخاطرة الس خطياً لوجود بعض أنواع المخاطرة التنوع في الاستثمار على درجة التنوع في الاستثمار على درجة المخاطرة التي لا تثاثر بالسورة ليس خطياً لوجود بعض أنواع المخاطرة التي لا تثاثر بالتنويع .

مثال (۲۰–۱) قياس علاقة درجة التنوع ودرجة المخاطرة

افترض أن محللاً قام بتقدير الانحراف المعياري لمعدلات العائد الخاصة بعدد اهم محفظة مالية ذات أحجام مختلفة خلال فترة ١٠ شهور فوجدها على النحو الموضح بالجدول ( ٢٠-١ ).

حيث: S= الانحراف المعياري للمحفظة والدي يمثل درجة المخاطرة . V= درجة التنوع في المحفظة مَقَاسَة بعدد الأوراق المالية فيها .  $\frac{1}{V}=V_1$ 

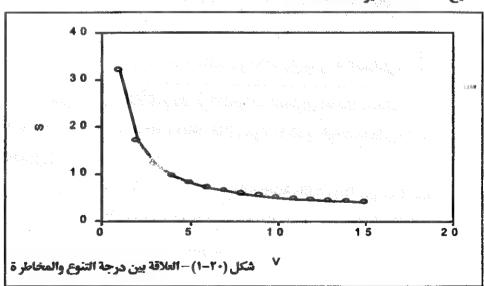
والمطلوب: تقدير العلاقة بين درجة التنوع ودرجة المخاطرة.

ور برياد و نياد دور پاري چدول (٢٠٠٠) . سيدي فيادون يا دوا و الاي

مهير الردادية والدوري درجة التنوع والمخاطرة أوراء درا يتقلبون والمخاطرة

portfolio	S	V	$V_1$
1	32	The second second	1
2	17. :	2	0.5
3	12	3	0.333
4 4 6	9.5	4.15	0.25
5	8	5	0.20
6	7	6	0.1667
7	6.4	7	0.143
8	5.75	8,	0.125
9	5.4	9.	0.111
10	5	10	0.10
Community 111 Community	. to 4.7	11	0.09
12	4.5	12	0.0833
13	4.3	Maria 13	0.0769
14	4.2	14	0.0714
15	4 2 3 4 4	15	0.0667

برسم شكل الانتشار بين درجـة المخاطـرة ودرجـة التنوع نجـد أنها غير خطية على النحو الموضح في شكل ( ١-٢٠ ) . ومن ثم فإن صيغة التحويل لمقلـوب هي إحدى الصيغ الملائمة لتقدير هذه العلاقة .



الجزء الرابع: الاقتصاد القياسي التطبيقي الفصل العشرون: نموذج تسعير الأصول المالية

وتتمثل صيغة التحويل لمقلوب في :

$$S = a + \frac{b}{V} + u$$
 ...... (20-12)

ويلاحظ في هذه الحالة أن تفاضل درجة المخاطرة بالنسبة لدرجة التنوع تساوى:

وهو ما يعنى أن الميل سالب ومتغير ، ومن ثم فإن العلاقة بين درجة المخاطرة والتنويع علاقة عكسية وغير خطية . وحيث أن مقلوب  $V_1=\frac{1}{V}$  والتنويع علاقة عكسية وغير خطية . وحيث أن مقلوب  $V_1=\frac{1}{V}$  إذن العلاقة المراد تقديرها هي :

$$S_i = \hat{a} + \hat{b} V_{1i} + e_i$$
 ...... (20-13)

وبتقدير هذه الصيغة نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢٠-٢).

جدول (۲۰-۲)

Dependent Variable: S Method: Least Squares

Date: 05/20/04 Time: 16:41

Sample: 1 15

Included observations: 15

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
С	2.018819	0.013253	152.3335	0.0000
V1	29.97614	0.040828	734.2048	0.0000
R-squared	0.999976	Mean deper	ndent var	8.650000
Adjusted R-squared	0.999974	S.D. depend	lent var	7.370622
S.É. of regression	0.037562	Akaike info	criterion	-3.602096
Sum squared resid	0.018341	Schwarz cri	terion	-3.507689
Log likelihood	29.01572	F-statistic		539056.7
Durbin-Watson stat	2.407161	Prob(F-stati	stic)	0.000000

أي أن :

$$S_i = 2.02 + \frac{29.98}{V} + e_i$$
 .....(20-14)

ومن هذه الصيغة نجد أن:

(أ) الحد الأدنى الذي لا تنخفض درجة المخاطرة دونه مهما زادت درجة التنوع هو ٢ وحدة انحراف معياري تقريباً .

 $\frac{ds}{dv} = -\frac{29.98}{V^2} (\tau)$   $\frac{ds}{dv} = -\frac{29.98}{V^2} (\tau)$   $\frac{ds}{dv} = -0.2998$   $\frac{ds}{dv} = -0.2998$ 

(ح) وفيما يتعلق بمرونة المخاطرة للتنوع فإنها تساوى:

$$\xi_{SV} = \frac{dS}{dV} \cdot \frac{V}{S} = -\frac{b}{V^2} \cdot \frac{V}{S} = -\frac{b}{VS}$$

ومن ثم فإنه عندما يكون حجم المحفظة المالية ١٠ أوراق مالية :

$$\xi_{sv} = -\frac{29.98}{10 \times 5} = -0.599$$

وهو ما يعني أن زيادة حجم المحفظة بنسبة 10 % يصاحبها انخفاض في درجة

المخاطرة بنسبة 7 % تقريباً .

The second secon

#### المبحث الثاني

### العلاقة بين العائد والمخاطرة

## (٧٠٠-١) النموذج الاقتصادي للعلاقة بين العائد والمخاطرة ا

افترض أن المحفظة المالية لمستثمر ما تحتوى على مجموعتين من الأصول وتتمثل المجموعة الأولى في الأصول ذات العائد المتقلب وتسمى بمجموعة المخاطرة، حيث أن متوسط معدل العائد بالنسبة لها = م  $(r_a)$ , وتباين معدلات العائد =  $a^*$ ,  $a^*$  ). أما المجموعة الثانية فتحتوى على أصل واحد خال من المخاطرة ومعدل العائد بالنسبة له م  $(a^*$  ) ، وتباين معدل العائد =  $a^*$ ,  $a^*$  ) .

 $\cdot$ (  $r_p$  ) حيث : م= المتوسط المرجح لمعدل عائد المحموعتين من الأصول

$$(17-7)...$$
 ع'= و', ع', + (1-e, )ع, ع ن ت ,  $\delta^2_p = w_a^2 \delta^2_a + (1-w_a)^2 \delta^2_f + 2w_a (1-w_a) \delta_a \delta_f P_{af}$ 

ولكن من المعروف أن:

 $a'_i = 1$  تباین معدل العائد الثابت للأصل الخالي من المخاطرة  $\delta^2(s) = 0$  عن  $\delta^2(s) = 0$  ومن هذا المنطلق فإن المعادلة  $\delta^2(s) = 0$  :

$$(\gamma - \gamma - \gamma)$$
 ومن ٹم:  $\beta = \rho$  و راج  $\beta^2$  و من ٹم:  $\beta = \rho$  و راج  $\delta^2$  و من ٹم:  $\delta^2$  و  $\delta^2$  و من ٹم:  $\delta^2$ 

$$\frac{\mathcal{E}}{\mathcal{E}}$$
 - 1 = ( ا - ورفقاً للمعادلة ( ۲۰ - ۱ ) نجد : ور =  $\frac{\mathcal{E}}{\mathcal{E}}$  ، ( ۱ - ور ) = 1 -  $\frac{\mathcal{E}}{\mathcal{E}}$ 

وبالتعويض في ( 20-10 ) نحصل على:

الجزء الرابع: الاقتصاد القياسي التطبيقي الفصل العشرون: نموذج تسعير الأصول المالية

$$\xi(\frac{-jf^{-j}f}{j}) + \frac{1}{j} = \rho$$

$$r_{p} = r_{f} + (\frac{-r_{a} - r_{f}}{j}) \delta_{p}$$

وتمثل المعادلة ( 20-18 ) حالة انحدار خطى بسيط بين معدل العائد للمحفظة

المالية (م) ودرجة المخاطرة (ع). ويحتوى هذا الانحدار على معلمتين: (١) المعلمة التقاطعية (من) وهي تمثل معدل العائد عند انعدام درجة المخاطرة، أي

عندما: ع = صغر. ويشير هذا إلى معدل العائد في حالة الأصول الحالية من المخاطرة مثل أذون الخزانة ....

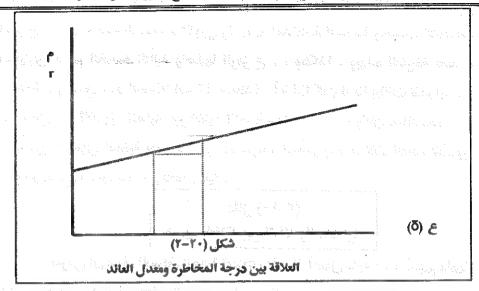
(  $\gamma$  ) المعلمة الانحدارية (  $\frac{\gamma - \gamma i}{3}$  ) وتمثل علاوة المخاطرة كنسبة ، وتشير إلى

مقدار التغير في معدل العائد (م) نتيجة لتغير درجة المخاطرة (ع) بوحدة واحدة ،

ومن المتوقع أن تكون هذه المعلمة الانحدارية  $\frac{r}{2} = \frac{n_1 - n_2}{2}$  ومن المتوقع أن تكون هذه المعلمة الانحدارية موجبة ، حيث كلما زادت درجة المخاطرة (غ) كلما كان من المتعين زيادة معدل العائد بمقدار يعوض هذه الزيادة في المخاطرة .

ويمكن تمثيل علاقة الانحدار الخطى البسيط تلك بالشكل ( 20-2 ) .ويمثل ميل خط الانحدار في الشكل ( 20-2 ) علاوة المخاطرة كنسبة من الانحراف المعياري لعوائد مجموعة المخاطرة . وتسمى علاوة المخاطرة بسعر المخاطرة أحياناً .

(٣) إذا كانت المحفظة المالية تحتوى على مجموعة المخاطرة دون الأصول الخالية من المخاطرة فإن م = م ، ، فوفقاً للصيغة (٢٠–١٥): و = 1 وبالتالي م = م ، ، ووفقاً للصيغة (٢٠–١٥) . ووفقاً للصيغة (٢٠–١٨) .



## ( ٢-٢-٢- ) تعيين النموذج القياسي للعلاقة بين العائد والمخاطرة:

يمكن استخدام الصيغة ( -1 – +1 ) في قياس العلاقة بين معدل العائد ودرجة المخاطرة على مستوى سوق الأوراق المائية ككل ، حيث تشير ( +1 ) في هذه الحالة إلى المتوسط المرجح لمعدلات العائد على مستوى السوق ، وتشير ( +1 ) +1 إلى الانحراف المعياري لمعدلات العائد في السوق . ويأخذ النموذج القياسي عندئذ الصيغة التالية :

$$(11-r)$$
 م $=1+v$  د د  $+2+c$   $+1=n$   $+1=n$ 

$$(b = \frac{\Gamma_a - \Gamma_f}{\delta_a})$$
,  $(u_t) = (u_t)^2$ ,  $(u_t)^2 = \frac{\delta_a - \Gamma_f}{\delta_a} = 0$ 

ولعل السؤال الذي يثور هنا هو: كيف نقيس الانحراف المعياري (ع) المعاري (ع) المعاري (ع) المعاري (ع) المعاري (ع) كمتغير الفائد الكائد الكل الأصول المالية الموجودة في السوق عند كل نقطة زمنية ، يمكن قياس الانحراف المعياري المتحرك . فإذا كان لدينا لمتوسطات معدل العائد باستخدام فكرة الانحراف المعياري المتحرك . فإذا كان لدينا بيانات عن ٢٠ شهر مثلاً نقوم بحساب الانحراف المعياري للخمس قيم الأولى ثم نعطيها

الرمز ع ، ، ثم تحدف المشاهدة الأولى وتضيف المشاهدة السادسة وتحسب الاتحراف المعياري للقيم الخمسة التالية وتعطيها الرمز ع ، ، وهكذا . وبهذه الطريقة نفقد ٤ مشاهدات ويصبح عدد المشاهدات ١٦ مشاهدة . أما إذا كان لدينا بيانات تفصيلية عن كل أصل من الأصول المالية عبر الفترة الزمنية محل الاعتبار ، وكان هناك عدد كبير نسبياً من الأصول المالية نقوم بحساب الانحراف المعياري لمعدلات العائد للأصول الموجودة في السوق عند كل نقطة زمنية .

مثال (۲۰-۲۰) تقدير العلاقة بين العائد والمخاطرة

افترض أن سوق الأوراق المالية تحتوى على ٣ أصول مالية ١، ٢ أسهم عادية، ٣ أذون خزانة – فترة استحقاق ٣ شهور ، وأن البيانات المتاحة ربع سنوية وتخص هذه الأصول الثلاثة خلال فترة ٥ سنوات ، مع افتراض أن كميات هذه الأوراق المالية متساوية .

جدول (٣٠٠) معدلات العائد والأسعار السوقية لأصول المحفظة

Quarter	R1	R2	R3	. X1	X2	.X3
2000.1	0.05	0.09	0.03	100	125	100
2000.2	0.07	0.08	0.03	115	116	100
2000.3	0.10	0.06	0.03	130	114	100
2000.4	0.20	0.11	. 0.03	160	130	100
2001.1	0.05	9.08	0.03	100	120	100
2001.2	0.10	0.11	0.03	105	125	100
2001.3	0.04	0.13	0.03	102	130	100
2001.4	0.12	0.09	0.03	108	124	100
2002.1	0.15	0.06	0.03	110	120	100
2002.2	0.18	0.10	0.03	130	115	100
2002_3	0.25	0.06	0.03	140	110	100
2002.4	0.22	9.05	0.03	150	190	100
2003.1	9.18	0.11	0.03	120	120	100
2003.2	9.25	0.08	0.04	145	120	100
2003.3	0.30	0.07	0.04	160	118	100
2003.4	0.35	0.06	0.04	180	115	100
2004.1	0.40	0.06	0.04	200	115	100
2004.2	0.30	9.12	9.04	170	130	100
2004.3	0.45	0.12	0.04	210	132	100-
2004.4	0.55	0.11	0.04	230	125	100

(1) حيث  $= R_1 =$ معدل عائد الأصل (1) حيث  $= R_1 =$ 

R 3 = معدل عائد الأصل الخالي من المخاطرة

 $X_1 = X_2 = 1$ السعر السوقي للأصل  $X_2 = X_3 = 1$ السعر السوقي للأصل  $X_3 = X_3 = 1$ السعر السوقي للأصل  $X_3 = 1$ 

والمطلوب تقدير العلاقة بين معدل العائد والمخاطرة .

ولعمل ذلك نتبع الخطوات التالية باستخدام برنامج Eviews:

(١) حساب الوزن النسبي لكل أصل مالي:

 $X = X_1 + X_2 + X_3$ 

القيمة السوقية للأصول

ومن ثم فإن الوزن النسبي للأصل i ( w i ) يتحدد كما يلي:

 $w_1 = X_1/X_9$   $w_2 = X_2/X_9$   $w_3 = X_3/X$ 

(٢) حساب المتوسط المرجح لمعدل العائد

 $r = (r_1 w_1) + (r_2 w_2) + (r_3 w_3)$ 

(٣) حساب تباين معدلات عائد المحفظة . وطالما أن الأصل الثالث خال من المخاطرة فإن تباين معدل عائده يقترب من الصفر . وبالتالي فإن :

 $S^2_{t} = w^2_{11} S^2_{11} + w^2_{21} S^2_{21} + 2 w_1 w_2 S_1 S_2 P_{12}$ حيث أن  $S^2_{t}$  هي مقدر  $\delta^2_{t}$  للمحفظة .

( ٤ ) حتى نحسب التباين المتحرك لخمس قيم ونحافظ على درجات الحرية دون انخفاض بدرجة كبيرة سوف نستخدم المتوسط الحسابي بدلاً من المتوسط المتحرك. ولإحراء الحسابات نحصل على:

$$\vec{r}_{d1} = \vec{r}_{1} - \vec{r}_{1} \qquad \mathbf{r}_{1} = 0.2155$$

$$\vec{r}_{d2} = \vec{r}_{2} - \vec{r}_{2} \qquad \mathbf{r}_{2} = 0.0875$$

$$H_{12} = \sum_{i=1}^{5} (r_{d1i}^{2}) = r_{d1}^{2} + r_{d1(-1)}^{2} + r_{d1(-2)}^{2} + r_{d1(-3)}^{2} + r_{d1(-4)}^{2}$$

$$H_{22} = \sum_{i=1}^{5} (r_{d2i}^{2}) = r_{d2}^{2} + r_{d2(-1)}^{2} + r_{d2(-2)}^{2} + r_{d2(-3)}^{2} + r_{d2(-4)}^{2}$$

$$S_{12} = H_{12}/4 = \frac{\sum (r_1 - \bar{r})^2}{n - 1}$$
 الأنحراف المعباري لعوائد ا = 1 الانحراف المعباري لعوائد ا = 1

$$S_{22} = H_{22}/4$$
 = Y تباين عوائد الأصل  $SS_{22} = SQR(S_{22})$  = Y الانحراف المعياري لعوائد = SQR(S\_{22})

$$P_{12} = \sqrt{\frac{\sum r_{d1} \cdot r_{d2}}{\sum r_{d1}^2 \sum r_{d2}^2}} = \frac{\sum r_{d1} \cdot r_{d2}}{\sqrt{(H_{12})(H_{22})}} = 3$$
معامل ارتباط العوائد

$$\begin{split} P_{12} &= \left[ \left( r_{d1} \, . \, r_{d2} \right) + \left( r_{d1(-1)} \, . \, r_{d2(-1)} \right) + \left( r_{d1(-2)} \, . \, r_{d2(-2)} \right) + \left( r_{d1(-3)} \, . \, r_{d2(-3)} \right) \\ &+ \left( r_{d1(-4)} \, . \, r_{d2(-4)} \right) \right] \; / \; \; SQR \left( \; H_{12} \, . \, H_{22} \; \right) \\ &- \text{Colline of the property of t$$

$$S_{t}^{2} = S_{12} w_{1}^{2} + S_{22} w_{2}^{2} + 2 w_{1} w_{2} SS_{t} SS_{2} P_{12}$$
  
 $S_{t} = SQR (S_{t}^{2})$ 

ويوضح الجدول (٢٠-٤):

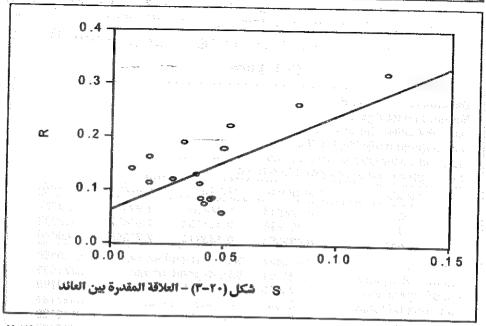
(أ) المتوسط المرجح لمعدل عائد المحفظة المالية ككل (R).

(ب) الانحراف المعياري المتحرك لخمسة فترات لعوائد المحفظة (S).

وبرسم شكل الانتشار ( 20-3) الذي يمثل العلاقة بين R, S نجد أن الصيغة الخطية ملائمة لتقدير هذه العلاقة .

جدول (۲۰-٤) المخاطرة والعائد

Oneston	T s	R
Quarter	NA.	0.059231
2000.1	NA.	9,061420
	NA NA	0.066395
2000,3	NA ·	0.126410
2000.4	0.050125	0,055000
2001.1	0.046176	0.082576
2001.2	0.042277	0.072229
2001.3	0.042277	0.081687
2001.4	0.044982	0.080909
2002.1	0.040199	0.109855
2002.2	0.038656	0.127429
2002.3		0.117143
2002.4	0.028146	0.111176
2003.1	0.018070	0.136575
2003.2	0.010050	
2003.3	0.917784	0.159418
2003.4	0.032826	0.187089
2004.1	0.053613	0,219036
2004.2	<b>0.050930</b>	- 0.176500
2004.3	0.083348	0.258688
2004.4	0.123118	0.317033



وبتقدير هذه العلاقة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نحصل على النتائج الموضحة بالحدول (٢٠-٥).

#### جدول (۲۰-۹) د پروندها کانا کانا را به داناها

Method: Least Squares Date: 05/20/04 Time: 2 Sample(adjusted): 2001 Included observations:	2:44 :1 2004:4	sting endpoints		e financia.
Variable Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C S	0.062344 1.795496	0.028164 0.540627	2.213639 3.321137	
R-squared Adjusted R-squared S.E. of regression Sum squared resid	0.440670 0.400718 0.056488 0.044673	Mean depende S.D. depende Akaike info c Schwarz crite	nt var riterion	0.143271 0.072970 -2.793095
Log likelihood Durbin-Watson stat	24.34476 0.164070	F-statistic Prob(F-statistic	and the second of	-2.696521 11.02995 0.005046

ولكن بفحص إحصائية ديربن- واتسون نجد أنها قريبة من الصفر مما يعني أنه يوجد هناك ارتباط ذاتي طردي قوى . وللتخلص من مشكلة الارتباط الذاتي نستخدم

#### 

Dependent Variable: II Method: Least Squares

Date: 05/20/04 Time: 22:45

Sample(adjusted): 2001:2-2004:4 Included observations: 15 after adjusting endpoints

Convergence achieved after 6 iterations

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.	
C	0.124618	0.064601	1.929047	0.0777	
S	1.651916	0.357192	4.624725	0.0006	
AR(1)	0.839596	0.108813	7.715982	0.0000	
R-squared	0.932887	Mean dependent var S.D. dependent var		0.149156	
Adjusted R-squared	0.921701			0.071493	
S.E. of regression	0.020005	Akaike info		-4.808799	
Sum squared resid	0.004802	Schwarz crit		-4.667189	
Log likelihood	39.06599	F-statistic		83.40120	
Durbin-Watson stat	2.310738	Prob(F-statis	stic)	0.000000	- 27

$$R = 0.125 + 1.65 S_t + e$$

وبفحص الدالة المقدرة يتضح ما يلي:

(أ) أن متوسط معدل العائد الخالي من المخاطرة = 11,0 %، وهو أعلى من معدل عائد الأصل الخالي من المخاطرة الذي يتراوح بين ٣ – ٤ %. ويعني هذا أن هناك حداً أدنى لمعدلات عائد أصول المخاطرة لا تتخفض هذه المعدلات دونه وهو يمثل الجزء من هذه العوائد الخالي من المخاطرة . وبإضافته لمعدل عائد الأصل الخالي من المخاطرة يصل إلى 12,0 %.

(ب) العلاقة طردية وجوهرية بين متوسط العائد ودرجة المخاطرة . فكل زيادة في درجة المخاطرة بمقدار ١,٦٥ نقطة في المتوسط .

( ج ) نسبة علاوة المخاطرة لمجموعة الأصول ذات المخاطرة من الانحراف المعياري لها = ١٦٥ ٪.

# المبحث الثالث المعلاقة بين مخاطرة السوق

لتحديد ما إذا كانت علاوة مخاطرة أصل ما (i) أعلى أو أقل من علاوة مخاطرة السوق نقوم بإحلال معدل عائد هذا الأصل م  $(r_j)$  وانحرافه المعياري ع  $(\delta_m)$  بدلاً من م ، ع  $(r_p, \delta_p)$  بالمعادلة  $(r_p, \delta_p)$  . ونحل ع  $(\delta_m)$  محل ع  $(\delta_m)$  محل ع  $(\delta_m)$  محل مدر  $(\delta_m)$  محل ع  $(\delta_m)$  محل مدر  $(\delta_m)$  محل م

 $a_{n,j} = 0$  الانحراف المعياري لمحفظة السوق ككل أو لعينة الأوراق المالية محل الاعتبار  $\delta_n$ ).

م <sub>س</sub> = متوسط عائد أصول السوق ككل أو العينة محل الاعتبار ( 1m ) ومن ثم نحصل على:

$$r_{j} = r_{f} + \left(\frac{r_{m} - r_{f}}{\delta_{m}}\right)$$

$$(r_{j}-r_{f}) = \frac{\delta_{j}}{\delta_{m}} (r_{m}-r_{f}) \frac{1\xi}{\delta_{m}} = {}_{j}\rho - {}_{1}\rho :$$

#### حىث:

م , - م  $_{i}$  = علاوة المخاطرة للاستثمار في الأصل ا =  $_{i}$  = علاوة المخاطرة بالنسبة للسوق المالي ككل =  $_{i}$   $_{i}$   $_{i}$   $_{i}$   $_{i}$ 

$$eta_{j} = rac{\delta_{j}}{\delta_{m}} = rac{\delta_{j}}{\delta_{m}}$$
 الانحراف المعياري لعوائد السوق الانحراف المعياري لعوائد السوق

وتقرر الصيغة ( ٢٠-٢١ ) أن علاوة المخاطرة للاستثمار في أصلٍ ما تمثل نسبة من علاوة المخاطرة في السوق المالي ككل ، وتتحدد هذه النسبة بالمعامل  $\frac{\delta_i}{\delta_m}$  ) وتسمى هذه النسبة بيتا  $(\beta_i)$  في كتابات التمويل ، وهي تختلف من أصل لآخر .

ولتحويل النموذج الاقتصادي ( ٢٠-٢١ ) إلى نموذج قياسي نضيف المعلمة

التقاطعية أ ، والحد العشوائي ( ٤ ) فنحصل على :

$$(\gamma\gamma-\gamma-\gamma)$$
 .....  $= i+i$   $= i$   $=$ 

ويلاحظ بالنسبة للصيغة ( ٢٠-٢٢ ) أن:

الانحراف المعياري لعلاوة مخاطرة الاستثمار في ا الانحراف المعياري لعلاوة مخاطرة السوق

حيث أن طرح مقدار ثابت (م ز) لا يؤثر على الانحراف المعياري لجميع القيم ، ومع إهمال الإشارة نجد أنه :

عندما ب < ١ يعنى أن درجة مخاطرة الاستثمار في الأصل " ١ " أقل من درجة المخاطرة في السوق بوجهِ عام .

وعندما ب > 1 - فإن هذا يعنى أن درجة مخاطرة الاستثمار في الأصل " 1 " أعلى من درجة المخاطرة السائدة في السوق بوجه عام .

وعندما ب = 1 فإن هذا يعنى أن درجة مخاطرة الاستثمار في الأصل "1" هي نفس درجة المخاطرة المتوسطة في السوق ككل.

وعندما ب = صفر أو لا تختلف جوهرياً عن الصفر فإن هذا يعنى أن الأصل " 1 " خالي من المخاطرة تقريباً .

(٢) أما فيما يتعلق بالمعلمة التقاطعية "أ " فإنها وفقاً للمفهوم الاقتصادي الموضح في المعادلة (٢٠-٢١) يجب ألا تختلف جوهرياً عن الصفر . ولذلك عند اختبار فرض العدم أ = صفر يجب أن تكون ت المحسوبة < ت الجدولية عند مستوى معنوية معين . ولكن

إذا اختلفت " أ " عن الصفر جوهرياً في بعض التقديرات وذلك عندما ت المحسوبة > ت الجدولية فإنها قد تحمل معنى معين وفقاً لبعض التفسيرات .

فإذا كانت أ > صفر فإن هذا يعني أنه حتى في الحالة التي تكون فيها علاوة المخاطرة على مستوى السوق ككل مساوية للصفر(م س - م ز) = صغر، فإن علاوة المخاطرة بالنسبة للأصل" 1" تكون موجبة وهو ما يجعله أصلاً متميزاً .

أما إذا كانت أ حصفر فإن هذا يعني أنه في الحالات التي تختفي فيها علاوة المخاطرة على مستوى السوق ككل فإن معدل العائد للأصل محل الاعتبار يكون أقل من معدل العائد للأصول خالية المخاطرة ، وهو ما يجعل منه أصلاً أقل تميزاً من المستوى العادي .

ومن هذا المنطلق فإن معامل التحديد "ر"  $\mathbb{R}^2$  يقيس نسبة مخاطرة السوق من المخاطرة الكلية . أما " $1 - \mathbb{R}^2$  ) فهو يقيس نسبة المخاطرة الخاصة من المخاطرة الكلية ، وكلما كان "ر" منخفضاً ،  $(1 - \mathbb{R}^2)$  مرتفعاً كلما دل ذلك على أن المخاطرة الكلية ، وكلما كان "ر" منخفضاً ،  $(1 - \mathbb{R}^2)$  مرتفعاً كلما دل ذلك على أن التنويع بإضافة مزيد من الأصول يمكن أن يقلل من درجة المخاطرة للمحفظة ككل. (3) إذا اختبرنا معنوية الفرض  $\mathbf{p} = 1$  في مواجهة الفرض  $\mathbf{p} \neq 1$  واتضح أن تالمحسوبة  $\mathbf{p} = 1$  المحسوبة  $\mathbf{p} = 1$  المنا القرض الأول ويعني هذا أن التقلبات في أسعار الأصل " $\mathbf{p} = 1$  لا تختلف جوهرياً عن التقلبات في أسعار السوق بوجه عام . أما إذا كانت تالمحسوبة  $\mathbf{p} = 1$  المناز علاقة طردية بين العائد من الأصل والعائد من الأصول الأخرى في المتوسط ومن ثم فإن إضافة هذا الأصل للمحفظة لا يقلل من درجة الأخرى في المتوسط ومن ثم فإن إضافة هذا الأصل للمحفظة لا يقلل من درجة

المخاطرة بوجه عام. ويحدث هذا لأنه عندما تزداد عوائد الأصول بوجه عام يزداد عائد هذا عائد هذا عائد هذا الأصل، وعندما تقل عوائد الأصول الأخرى بوجه عام، يقل عائد هذا الأصل.

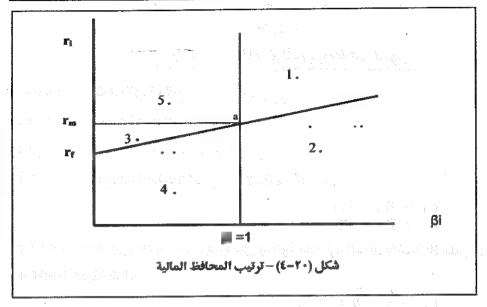
أما إذا كانت إشارة " ب " سالبة ، ( أي ب < صفر ) فإن هذا يعني أن إضافة هذا الأصل للمحفظة المالية يزيد من درجة التنوع وبالتالي يقلل من درجة المخاطرة . فعندما تنخفض عوائد الأصول الأخرى بوجه عام يزداد عائد هذا الأصل مما يقلل من درجة المخاطرة للاستثمار في المحفظة .

(٦) وفقاً للصَّيْغة (٢٠-٢٠) نجد أن:

ومن الصيغة (20-22) نجد أن:

ويسمى الطرف الأيمن للمعادلة ( ٢٠-٢٠ ) بمعدل العائد المعدل المعدل المعدل المعدل المعدل المعدل المعدل المعدل المخاطرة risk- adjusted rate of return وهو يمثل متوسط معدل العائد للأصل (م،) مستبعداً منه مقابل المخاطرة أو تكلفة المخاطرة ليتاوى معدل العائد المخاطرة المخاطرة بالنسبة للأصول كلها. وإذا اتضح أن معدل العائد المعدل للمخاطرة المعدل للمخاطرة فإن هذا يعتبر أصلاً متميزاً وتتحول الاستثمارات إليه حتى ينخفض معدل العائد المعدل للمخاطرة ليتساوى مع معدل العائد الخالى من المخاطرة.

( Υ ) يمكن ترتيب محافظ الأصول المختلفة وفقاً لمتوسط العائد ودرجة المخاطرة. فإذا كان لدينا عدد " ن " محفظة مالية ، ثم قمنا بحساب متوسط العائد لكل محفظة ، تم قمنا بحساب متوسط العائد لكل محفظة ، تم يمكن ترتيبها على النحو الموضح بالشكل (٢٠-٤).



ويلاحظ أن المحفظة " a " بالشكل ( ٢٠- ٤ ) تسمى بالمحفظة القياسية " a " ويلاحظ أن المحفظة " a " بالشكل ، portofolio ، حيث أن درجة المخاطرة بالنسبة لها تساوى درجة مخاطرة السوق ككل ، ومتوسط معدل العائد الخاص بها يساوى متوسط معدل عائد السوق . وبفحص نقاط الانتشار الأخرى يتضح أن :

- (أ) المحفظة " 1 " تتصف بكونها ذات درجة مخاطرة عالية وذات متوسط عائد أعلى من المتوسط العام .
- (ب) المحفظة " ٢ " تتصف بكونها ذات درجة مخاطرة عالية وذات متوسط معدل عائد أقل من المتوسط العام مما يجعلها غير متميزة .
- (ح) المحفظة " "" تتصف بكونها ذات درجة مخاطرة منخفضة ومعدل عائد أقل من المتوسط .
- ( ٤ ) المحفظة "٤ " تتصف بكونها ذات درجة مخاطرة منخفضة ومعدل عائد أقل من مستوى معدل العائد الخالي من المخاطرة مما يجعل منها محفظة غير متميزة .
- ( ه. ) المحفظة" " تتصف بكونها ذات درجة مخاطرة منخفضة ومعدل عائد أعلى من المتوسط مما يجعل منها محفظة متميزة .

#### مثال (۲۰ –۳)

العلاقة بين مخاطرة الأصل ومخاطرة السوق

مستخدماً بيانات المثال (٢٠-٢) أجب عما يلي:

(١) احسب متوسط العائد المرجح للأصول المالية الثلاثة (R)

( Y ) احسب علاوة المخاطرة للسوق ( Y )

(٣) احسب علاوة المخاطرة للأصلين ١ ، ٢ ، (٢٠ / ٢٠) حيث:

 $Y_1 = R_1 - R_3$ 

 $Y_2 = R_2 - R_3$ 

( ٤ ) قدر العلاقة بين علاوة مخاطرة الأصل وعلاوة مخاطرة السوق بالنسبة للأصلين!، ٢ مستخدماً الصيغة التالية :

 $Y_i = \hat{a} + \hat{b} Y + e_i$ 

(٥) اختبر معنوية के ، a كل من الصيغتين وفسر المعنى الاقتصادي لكل منهما .

(٦٠) حدد نسبة المخاطرة الخاصة ونسبة مخاطرة السوق بالنسبة للحالتين وحدد.

مضمونهما الاقتصادي .

بإجراء الحسابات المطلوبة للخطوات (١)، (٢)، (٣) تحصل على الجدول

(۲۰-۲۰)، حيث:

 $R = \sum_{i=1}^{3} R_i w_i$  المتوسط المرجح لمعدل عائد السوق ( R

. Mary na September Spiritary i ne dia panagana

den er fille en fill et en er en skalt. Det fill til til en fille på de på det en det kommen gammet, skilte de T

Constitution of the first section begins that the product of sections of the section of the sect

· 如此,如此是一种的一种的是一个一种的的一种,也是这种是一种的一种。

heigen en eig, syskelitterg

#### حدول (2-20) - معدلات العائد وعلاوات المخاطرة للأصول المختلفة

Quarter		R2	R3	R	Y1	Y2	Y
2000.1	0.050000	0.090000	0.030000	0.059231	0.020000	0.060000	■.029231
2000.2	0.070000	0.080000	0.030000	0.061420	0.040000	0.050000	0.031420
2000.3	0.100000	0.060000	0.030000	0.066395	0.070000	0.030000	0.036395
2000.4	0.200000	0.110000	0.030000	0.126410	0.170000	0.080000	0.096410
2001.1	0.050000	0.080000	0.030000	0.055000	0.020000	0.050000	0.025000
2001.2	0.100000	0.110000	0.030000	0.082576	0.070000	0.080000	0.052576
2001.3	0.040000	0.130000	0.030000	0.072229	■.010000	0.100000	0.042229
2001.4	0.120000	0.090000	0.030000	0.081687	0.090000	0.060000	0.051687
2002.1	0.150000	0.060000	0.030000	0.080909	0.120000	0.030000	0.050909
2002.2	0.180000	0.100000	0.030000	0.109855	0.150000	0.070000	0.079855
2002.3	0.250000	0.060000	0.030000	0.127429	0.220000	0.030000	0.097429
2002.4	0.220000	0.050000	0.030000	0.117143	0.190000	0.020000	■.087143
2003.1	0.180000	0.110000	0.030000	0.111176	0.150000	0.080000	0.081176
2003.2	0.250000	0.080000	0.040000	0.136575	0.210000	0.040000	0.096575
2003.3	0.300000	0.070000	0.040000	0.159418	0.260000	0.030000	0.119418
2003.4	0.350000	0.060000	0.040000	0.187089	<b>■310000</b>	0.020000	0.147089
2004.1	0.400000	0.060000	0.040000	0.219036	0.360000	0.020000	0.179036
2004.2	0.300000	0.120000	0.040000	0.176500	0.260000	0.080000	E.136500
2004,3	0.450000	0.120000	0.040000	0.258688	0.410000	0.080000	0.218688
2004.4	0.550000	0.110000	0.040000	0.317033	0.510000	0.070000	0.277033

وبتقدير العلاقة بين علاوة مخاطرة الأصل (١) وعلاوة مخاطرة السوق نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢٠-٨) ، وذلك بعد استبعاد أثر الارتباط السلسلي الذي ظهر في التقدير باستخدام (AR(1).

جدول (20-10) العلاقة بين علاوة المخاطرة للأصل (1) وعلاوة مخاطرة السوق

Dependent Variable: Y1
Method: Least Squares
Date: 05/21/04 Time: 16:32
Sample(adjusted): 2000:2 2004:4

Included observations: 19 after adjusting endpoints

Convergence achieved after 5 iterations

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
С	-0.002294	0.018807	-0.121983	0.9044
Year and the second of the second	1.928527	0.128717	14.98265	0.0000
AR(1)	0.523106	0.216169	2.419890	0.0278
R-squared	0.973257	Mean deper	ndent var	0.190526
Adjusted R-squared	0.969914	S.D. depend	ient var	0.136686
S.E. of regression	0.023708	Akaike info	criterion	-4.502033
Sum squared resid	0.008993	Schwarz cri	terion	-4.352911
Log likelihood	45.76931	F-statistic		291.1469
<b>Durbin-Watson stat</b>	1.924468	Prob(F-stati	istic)	0.000000

وبفحص الصيغة ( ٢٠-٢٣ ) نجد :

(أ) أن المعلمة التقاطعية لا تختلف جوهرياً عن الصفر وهو ما يتفق مع التوقعات القبلية .

ويعنى هذا أنه عندما تكون علاوة مخاطرة السوق مساوية للصفر فإن علاوة مخاطرة الأصل (1) = صفر أيضاً.

(ب) المعلمة الانحدارية قيمتها المطلقة أكبر من الواحد (١,٩٣ تقريباً) ولها معنوية

إحصائية ، وهو ما يعني أن درجة مخاطرة الاستثمار في الأصل (١) أكبر من درجة مخاطرة السعة . ١٠ الله عند من درجة

مخاطرة السوق ككل ، حيث أن مخاطرة الاستثمار في هذا الأصل تبلغ ضعف مخاطرة السوق ككل ١,٩ مرة تقريباً.

(ح) المعلمة الانحدارية موجبة ، وهو ما يعنى أن الارتباط بين عائد الأصل (١) وعوائد أصول السوق ككل طردياً . ومن ثم فإن إضافة هذا الأصل للمحفظة المالية لا يقلل من درجة المخاطرة بدرجة كبيرة .

( د ) نسبة مخاطرة السوق = ر "= ٩٧,٣ %.

نسبة المخاطرة الخاصة ( ١- ر ً ) = ٢,٧ %.

ونظراً لانخفاض نسبة المخاطرة الخاصة فإن إمكانية تخفيض المخاطرة بالتنويع في هذه الحالة تكون منخفضة أيضاً .

وبتقدير العلاقة بين علاوة المخاطرة للأصل (٢) وعلاوة مخاطرة السوق نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢-١-) وذلك بعد استبعاد أثر الارتباط السلسلي الذي ظهر في التقدير باستخدام (AR(1) . ومن الواضح أن العلاقة المقدرة تتمثل في :

وبفحص الصيغة (20-24) يتضح أن:

#### جدول (۲۰-۹)

#### التلاقة بين علاوة المخاطرة للأصل (٢) وعلاوة مخاطرة السوق

Dependent Variable: Y2 Method: Least Squares

Date: 05/21/04 Time: 16:35

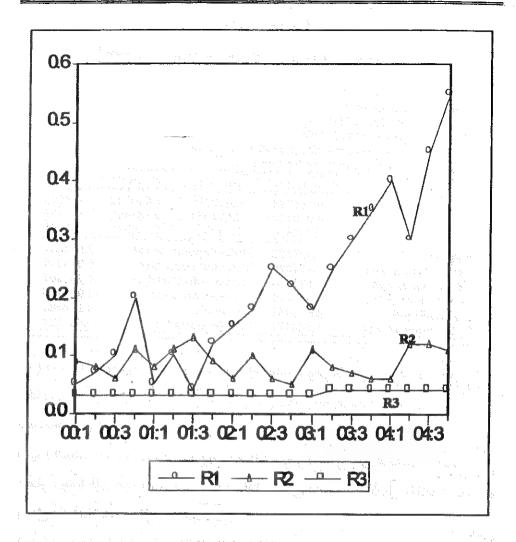
Sample(adjusted): 2000:2 2004:4

Included observations: 19 after adjusting endpoints

Convergence achieved after 4 iterations

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.051788	0.013279	3.899920	0.0013
Y	0.019427	0.107073	0.181440	0.8583
AR(1)	0.163874	0.248921	0.658337	0.5197
R-squared	0.026822	Mean depen	dent var	0.053684
Adjusted R-squared	-0.094825	S.D. depende	ent var	0.025865
S.E. of regression	0.027064	Akaike info	riterion	-4.237307
Sum squared resid	0.011719	Schwarz crit	erion	-4.088185
Log likelihood	43.25441	F-statistic		0.220488
Durbin-Watson stat	1.944771	Prob(F-statis	itic)	0.804524

- (أ) المعلمة التقاطعية موجبة ولها معنوية إحصائية ، وهو ما يعني أنه عندما تكون علاوة مخاطرة = ٥,٢ % مما يجعل مخاطرة السوق مساوية للصفر ، فإن الأصل (٢) يتمتع بعلاوة مخاطرة = ٥,٢ % مما يجعل منه أصلاً متميزاً .
- (ب) المعلمة الانحدارية غير معنوية إحصائياً ، وهو ما يعنى أنها لا تختلف جوهرياً عن الصغر . ولذا فإن هذا يتضمن أن معدل التقلب في عائد هذا الأصل منخفضاً جداً مما يجعل منه أصلاً شبه خالى من المخاطرة .
- (ح.) نسبة مخاطرة السوق = ٢,٢٧ %، ونسبة المخاطرة الخاصة = ٩٧,٣ % وهذا يعنى
   أن إضافة مزيد من الأصول للمحفظة يقلل من درجة المخاطرة الكلية بدرجة كبيرة .
   (٦) يتضح من الشكل (20-0) أن أكثر الأصول عرضة للمخاطرة هو 1 ثم 2 ثم 3 .



شكل (۲۰–۵) معدلات عوائد الأصول المالية (۱) ، (۲) ، (۳)

## الفصل الحادي والعشرون

## منحنيات التعلم والتكاليف ووفورات الحجم

## Learning Curve, Cost Function and Economies to Scale

يعتبر هذا الفصل تطبيقاً على كلٍ من الانحدار البسيط والمتعدد، وهو يتعرض بالقياس للعلاقة بين التكاليف، والتعلم بالممارسة، ووفورات الحجم. ويقع هذا الفصل في مبحثين:

المبحث الأول: تعريفات وفورات الحجم ومنحنيات التعلم. ....

المبحث الثاني: العلاقة بين التكاليف ووفورات الحجم والتعلم: ﴿ الْمُعْلَمُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الْمُ

Branch Harris, the region of the West Conference of the Harris and No. The Branch Market Conference of the Harris and the San Anna San Ann

#### المبحث الأول

## تعريفات وفورات الحجم ومنحنيات التعلم

( ۲۱-۱-۱) وفورات الحجم:

تشير وفورات الحجم Economies to Scale إلى الحالة التي يترتب فيها على زيادة حجم الطاقة الإنتاجية انخفاض في تكلفة الوحدة . وترجع وفورات الحجم إلى عوامل كثيرة منها :

(أ) عدم القابلية للتجزئة: فعلى سبيل المثال يتطلب تشغيل مصنع صغير الحجم استخدام عربة نقل تعمل بنصف طاقتها طول الوقت، واستخدام طاقم إدارة كامل يعمل بنصف طاقته طول الوقت ويحصل على أجوره كاملة. وبتوسيع طاقة هذا المصنع للضعف فإنه لن يحتاج لزيادة طاقم الإدارة أو أسطول النقل، الأمر الذي يترتب عليه انخفاض تكلفة الوحدة مع زيادة طاقة المشروع. وكلما كان حجم رأس المال المستثمر في المشروع كبيراً كلما كان الانخفاض في تكلفة الوحدة الناجم عن زيادة حجم الإنتاج كبيراً نظراً للانخفاض الكبير في متوسط التكلفة الثابتة الذي يصاحب زيادة الإنتاج.

. . تكاليف بناء الصندوق الكبير = ٥٤٠ = ١٠ x ٥٤ .

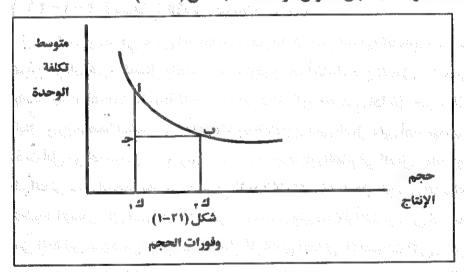
تكاليف بناء الصندوق الصغير = 10 × 10 = 10.

 $\frac{66}{100} = \frac{100}{100}$  .. متوسط التكلفة الثابتة للقدم مكعب للصندوق الكبير =  $\frac{60}{100} = 10$  جنيه.

متوسط التكلفة الثابتة للقدم مكعب للصندوق الصغير = 3 - عنيه.

وهذا يعنى أن مضاعفة طاقة الصندوق ٢٧ مرة ترتب عليها مضاعفة التكاليف . الكلية للإنشاء ٩ مرات فقط ( -30 ) مما ترتب عليه انخفاض تكلفة الوحدة إلى الثلث . وهذا يرجع لأسباب فنية . ويمثل الانخفاض في تكلفة الوحدة في هذه الحالة نوع من وفورات الحجم .

ويمكن التعبير عن وفورات الحجم بالتحرك من نقطة لأخرى على نفس منحنى التكلفة المتوسطة بالأجل الطويل ، وذلك كما بالشكل ( ٢١-١ ).



فزيادة حجم الإنتاج من ك ، إلى ك ، يترتب عليها انخفاض تكلفة الوحدة بالمقدار (أحه) وهو ما يعبر عن وفورات الحجم .

وترتبط وفورات الحجم بما يسمى غلة الحجم. فغلة الحجم وترتبط وفورات الحجم بما يسمى غلة الحجم فغلة الحجم Scale تشير إلى نسبة الزيادة في الإنتاج نتيجة لزيادة جميع عناصر الإنتاج بنسبة معينة . فإذا رمزنا لها بالرمز " م" M فإن :

فإذا كانت م > ١ فإن غلة الحجم تكون متزايدة .

وإذا كانت م < ١ فإن غلة الحجم تكون متناقصة .

وإذا كانت م = ١ فإن غلة الحجم تكون ثابتة .

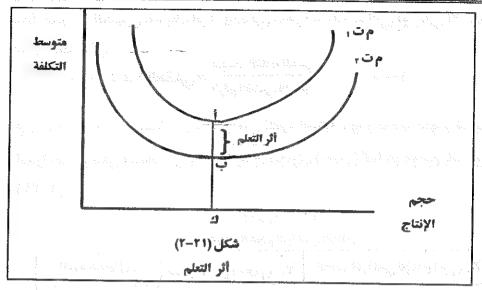
#### وعموماً فإن :

وفورات الحجم = غلة الحجم - ۱ = م - ۱ ( 
$$M = R-1$$
 ) وفورات الحجم

ومن ثم فهي من الناحية القياسية قد تكون موجبة أو سالبة أو مساوية للصفر حسب حالة غلة الحجم السائدة .

## Learning Curve منحنى التعلم ( ٢-١-٢١ )

لقد لوحظ في بعض الحالات أنه مع تكرار نفس العملية الإنتاجية مع مرور الزمن تزداد خبرة العمال والفنيين والإداريين نظراً للتعلم من العمل أو الممارسة Learning by doing. ونتيجة لذلك تنخفض تكلفة الوحدة حتى إذا ظل حجم الإنتاج ثابتاً. ويرجع هذا أساساً إلى زيادة مقدرة القائمين على العمل على أداء مهامهم في وقت أقل، وبكفاءة أعلى، مع زيادة خبرتهم الناجمة عن التعلم في العمل. ولقد لوحظ أثر التعلم على التكلفة بوضوح أكبر في المجالات التي تعتمد على تجميع الأجزاء في خطوط الإنتاج مثل السيارات والطائرات والسفن وغيرها نظراً لتكرار نفس المهمة من قبل العاملين عديد من المرات. ويتمثل أثر التعلم أيضاً في التحسينات التي يمكن أن يدخلها الفنيون في الآلات والمعدات التي يستخدمونها نتيجة لخبراتهم المتراكمة، والوفر الذي يمكن تحقيقه من تقليل فاقد المواد. ويتمثل أثر التعلم عموماً في نقل منحنى التكلفة المتوسطة بالكامل من وضع لوضع أقل كما بالشكل ( ٢١ - ٢ ) .



ولا شك أن قياس أثر التعلم ووفورات الحجم على التكلفة له فوائد عديدة ، حيث يساعد الشركة على اتخاذ قرارات هامة خاصة بالاستثمار والتسعير والإنتاج .

فحتى تستفيد الشركة من وفورات الحجم لا بد من زيادة الاستثمار في الطاقة الإنتاجية وبالتالي زيادة الإنتاج، وربما تخفيض السعر، لما يصاحب ذلك من انخفاض في التكلفة، وقبل اتخاذ أي قرار من هذه القرارات لا بد من قياس مقدار وفورات الحجم حماية الحجم . كما يترتب على انخفاض التكلفة إما نتيجة لأثر التعلم أو لوفورات الحجم حماية الشركة القائمة من المنافسة المحتملة من قبل شركات أخرى، ويرجع هذا لميزة انخفاض التكلفة التي لا يمكن للشركات الجديدة أن تتمتع بها قبل مرور وقت طويل . وهذا يعنى أن وفورات الحجم وأثر التعلم يخدمان كمانع لدخول السوق Barriers to ومن أبرز الصيغ المستخدمة في تمثيل منحنى التعلم:

حيث : ل ,  $(L_i)$  = متوسط التكلفة الحقيقي للوحدة في الفترة ز . ويتم الحصول على

هذا المتوسط الحقيقي باستبعاد أثر الزيادة في أسعار المدخلات التي تؤثر هي الأخرى على التكلفة . أي أن :

ع  $(X_t)$  = الحجم التراكمي للإنتاج قبل الفترة الحالية ، وهو يؤخذ كمؤشر للخبرة المتراكمة . ويمكن اشتقاقه من بيانات الإنتاج الجاري ( - , ) كما هو موضح بالجدول ( - 1-۲۱ ) .

جدول (٢١-١) اشتقاق الحجم التراكمي للإنتاج

الحجم التراكمي للإنتاج (ع ز) X1	$Y_t$ (حجم الإنتاج (حب ز	الفترة الزمنية(ز)		
صفر	1	1		
1	10.	•		
Market Police Control	### (### ### ### #### ################	A Company of the Company		
00 · · · · · ·	<b>To.</b>			
A TORREST TO BE A SECURITION OF THE SECURITION O	jorden <b>£w</b> •oj i	State of the state of		

وهذا يعنى أن إنتاج الفترة الحالية لا يتضمنه الحجم التراكمي للإنتاج ، وذلك لأن ما يعبر عن الخبرة السابقة هو تراكم الإنتاج في الفترات السابقة .

α).
 الوحدة لحجم الإنتاج التراكمي ومن المتوقع أن تكون سالبة (α).

 $(L_0)$  كلفة إنتاج الوحدة الحقيقي في فترة الأساس

ه = أساس اللوغاريتم الطبيعي (c).

ء = الحد العشوائي ( u ) .

ولتقدير الصيغة ( 21-2 ) بطريقة المربعات الصغرى يتعين تحويلها لصيغة لوغاريتمية مزدوجة على النحو التالي:

$$\ln L_t = \ln L_0 + \alpha \ln X_t + u_t$$
 (۳-۲۱)  $\ln L_t = \ln L_0 + \alpha \ln X_t + u_t$ 

الجزء الرابع: ا الاقتصاد القياسي التطبيقي القصل الحادي والعشرون : منحنيات التعلم والتكاليف ووفورات الحجم

وإذا أهملنا الحد العشوائي في الصيغة ( ٢-٢١) نجد أن :

$$d = \frac{L_t}{L_0} = X_t^{\alpha}$$

$$i \in \frac{J}{L_0} = X_t^{\alpha}$$

حيث: لن المنه تكلفة الوحدة في الفترة " ز " إلى تكلفة الوحدة في الفترة الأولى. ووفقاً للصيغة ( ٢١-٤ ) فإن تضاعف الخبرة الذي يصاحبه تضاعف الإنتاج التراكمي يؤثر على التكلفة وفقاً للعلاقة التالية :

$$(d=2^{\alpha})$$
  $(d=2^{\alpha})$ 

ومن ثم يمكن تحديد: ق (d) لكل ح (α) كما بالجدول (٢-٢١).

جدول (۲۱-۲)

اشتقاق ق من ح

	-,13-	•,٢٥-	٠,٣٣ –	٠,٥ –	(a) >
٠,٩٣	٠,٨٩	٠,٨٤	٠,٨٠	٠,٧١	ق (d)

ووفقاً لهذا الجدول إذا كانت مرونة التكلفة للتعلم - ٠,٥ فإن تضاعف التعلم يترتب عليه تخفيض التكلفة في الفترة الحالية إلى نسبة ٧١٪ من المستوى السابق لها ، أما إذا كانت المرونة - ٠,١٠ ، فإن تضاعف التعلم يترتب عليه تخفيض التكلفة إلى نسبة ٣٢٪ من المستوى السابق لها ، وهكذا .

Willy May Val. (1.A.)

AMEL Surgery respective for the effective of the engineer of the effective

A STATE OF THE STA

होता भूतिहा क्षांस स्टास्ट्राट स्टास्ट्राट

### المبحث الثاني

#### العلاقة بين التكاليف ووفورات الحجم والتعلم

## ( ٢١-٢-١ ) وفورات الحجم ودالة التكاليف:

من الممكن قياس كلٍ من وفورات الحجم وأثر التعلم في دالة تكاليف واحدة . ومن أبرز صيغ دوال التكاليف التي تستخدم في هذا الغرض هي دالة التكاليف المشتقة من دالة إنتاج كوب - دوجلاس . ولتوضيح صيغة دالة التكاليف تلك دعنا نبدأ بصيغة دالة إنتاج كوب - دوجلاس التالية :

حيث: ص = حجم الإنتاج (Y).

س ,  $\pm$  عنصر العمل  $(X_1)$  ، س ,  $\pm$  عنصر رأس المال  $(X_2)$  ، ه $(X_1)$  . الأولية أو على الأخص الوقود  $(X_2)$  .

- أ, = مرونة الإنتاج الجزئية بالنسبة للعمل = .α1
- .  $\alpha_2 = \alpha_2$  مرونة الإنتاج الجزئية بالنسبة لرأس المال
- .  $\alpha_3 = \alpha_0$ ة عرونة الإنتاج الجزئية بالنسبة للمواد أو الوقود

أ = مستوى المعرفة التكنولوجية ، حيث بارتفاع هذا المستوى تنتقل دالة

الإنتاج ككل لأعلى (A).

وإذا بَدأنا بدالة التكاليف التالية:

$$(1-r_1)$$
 ......  $\sum \hat{c}_{i_1} w_{i_1} + \hat{c}_{i_2} w_{i_3} = \sum \hat{c}_{i_4} w_{i_5} + \hat{c}_{i_5} w_{i_5}$ 

حيث ث ي تشير إلى ثمن عنصر الإنتاج "ر "

وأردنا تدنية التكاليف في ظل قيد الإنتاج المعبر عنه بالدالة ( 21-1 ) نحصل على الدالة المقيدة التالية :

$$(1-71)$$
.....( $\frac{r_1}{r_1} w_1^{r_1} w_1^{r_1} w_1^{r_2}) \dots (1-r_1)$ 

ولتدنية التكلفة نحصل على المشتقات الجزئية الأولى للصيغة ( ٢١-١٠) ونساويها بالصفر، ونجري بعض التعويضات فنحصل على دالة التكاليف المشتقة من دالة كوب - دوجلاس على النحو التالي:

$$(11-Y1) \qquad \frac{\frac{1}{R} \frac{\alpha_1}{R} \frac{\alpha_2}{R} \frac{\alpha_3}{R}}{\frac{\alpha_3}{R} \frac{\alpha_3}{R}} C = K Y P_1 P_2 P_3$$

$$(1Y-Y1) \qquad \frac{\frac{1}{R} \frac{\alpha_1}{R} \frac{\alpha_2}{R} \frac{\alpha_3}{R}}{\frac{1}{R} \frac{1}{R} \frac{1$$

م = مؤشر غلات الحجم (R).

ولتقدير الصيغة ( ٢١-١١ ) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نقوم

بالحصول على اللوغاريتم الطبيعي فنصل إلى:

$$(17-71) + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}$$

ولو افترضنا أن دالة التكاليف متجانسة من الدرجة الأولى في أسعار عناصر الإنتاج الإنتاج ( وهو ما يعني أنه في ظل ثباث حجم الإنتاج فإن مضاعفة أسعار عناصر الإنتاج يترتب عليها مضاعفة التكاليف الكلية ) فإن هذا يعني أن مجموع المرونات الجزئية للتكاليف = 1 . أي أن :

$$\frac{\alpha_{1}}{R} + \frac{\alpha_{2}}{R} + \frac{\alpha_{3}}{R} = \frac{\alpha_{1} + \alpha_{2} + \alpha_{3}}{R} = 1$$

$$\frac{1 = \frac{r^{1} + r^{1} + r^{1}}{R}}{R} = \frac{r^{1} + \frac{r^{1}}{R} + \frac{r^{1}}{R}}{R} + \frac{r^{1}}{R} + \frac{r^{1}$$

هذا مع العلم أن الشرط ( ٢١-١٤ ) لا يعنى بالضرورة أن هناك غلة حجم ثابتة ، فقد تكون غلة الحجم ثابتة أو متزايدة أو متناقصة لأن هذا الأمر يتعلق بأسعار عناصر الإنتاج وليس بالعلاقة بين كمية الإنتاج وكميات عناصر الإنتاج .

ومن المعادلة ( ٢١-١٤ ) نجد أن :

$$\frac{-1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{-1}{2}$$

وبالتعويض من ( ٢١-١٥ ) في ( ٢١-١٢ ) نحصل على :

.. لوت – لوث 
$$_{7} =$$
 لوث  $_{7} =$  لوث  $_{7} -$  لوث  $_{7} -$  لوث  $_{7} +$  لوث  $_{7} -$  لوث

ويمكن كتابة هذه الصيغة على النحو التالي:

(۱۷-۲۱) ............ 
$$*,*$$
 لوت\* =  $+, +$  ب لوث\*,  $+, +$  ب لوث\* =  $+, +$  ب لو

#### حيث:

$$(\ln C^* = \ln C - \ln P_3)$$
 لوت \* = لوت - لوث ، ( $\ln P^*_1 = \ln P_1 - \ln P_3$ )  $(\ln P^*_1 = \ln P_1 - \ln P_3)$  لوث \* = لوث ، - لوث ،  $\beta = \frac{1}{R}$  ,  $\beta_1 = \frac{\alpha_1}{R}$  ,  $\beta_2 = \frac{\alpha_2}{R}$   $(\beta_0 = \ln K)$   $(\beta_0 = \ln K)$ 

ويتعين أن نتذكر أن دالة التكاليف ( ٢١-١٧ ) مبينة على أساس افتراض تجانس دالة التكاليف من الدرجة الأولى بالنسبة لأسعار عناصر الإنتاج . وبتقدير الصيغة 

فمن ( ٢١ – ١٨ ) نجد أن: من يريها إنه المناه عبيد بعد المناه المنا

م = غلات الحجم 
$$\frac{1}{\beta}$$
 ).  $\frac{1}{\beta}$ 

ي وفورات الحجم 
$$=$$
  $q$   $-$  ا $M=R-1$ ). وفورات الحجم  $\therefore$ 

أ , 
$$=$$
 مرونة الإنتاج لرأس المال $=$  م ب ,  $(lpha_2={
m I\!L}~eta_2)$  .

ومن الصيغة (٢١–١٥) نجد أن: أب 
$$= (1 - \psi_1 - \psi_2)$$

$$\alpha_3 = \frac{1-\beta_1-\beta_2}{\beta} \qquad \frac{\gamma-\gamma-\gamma-\gamma}{\gamma} = \frac{1-\beta_1-\beta_2}{\gamma} \qquad \therefore$$

$$\frac{1}{c} = n = \frac{1}{c}$$

( ۲۱-۲-۲۱ ) دالة تكاليف كوب - دوجلاس ومنحنى التعلم :

مما سبق يتضح أن الصيغة العامة لدالة تكاليف كوب - دوجلاس هي:

$$\frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2}$$

 $C_t = KY_t^{\frac{1}{R}} P_{1t}^{\frac{\alpha 1}{R}} P_{2t}^{\frac{\alpha 2}{R}} P_{3t}^{\frac{\alpha 3}{R}}$ 

وصيغة التعلم:

وذلك مع إهمال الحدود العشوائية مرحلياً . والآن نريد أن ندمج منحني التعلم في دالة

كما أن أ ( A ) = مستوى المعرفة التكنولوجية في دالة الإنتاج . وحيث أن مستوى المعرفة التكنولوجية بالمنشأة يتأثر بالخبرة المتراكمة من التعلم فهما على ارتباط وثيق . ولذا يمكن افتراض أن " أ " تتأثر بتراكم الخبرة والمعرفة الناجمة عن التعلم ، وتأخذ الصيغة التالية:

$$A_t = X_t^{-\alpha} \qquad \qquad A_t = X_t^{-\alpha}$$

وذلك مع الأخذ في الاعتبار أن ح (a) <صفر . وبالتعويض من ( 21-11 ) في ( 21-11 ) عن " أ " A نحصل على :

وبالتعويض من (21-21) في المعادلة (21-11) تحصل على :

$$\frac{1}{r} \frac{1}{r} \frac{1$$

ولتقدير الصيغة ( ٢١-٢٢ ) نحصل على اللوغاريتم الطبيعي للطرفين :

$$\int_{r}^{r} \frac{1}{r} dt = \int_{r}^{r} \frac{1}{r} d$$

ومن الممكن أن نجري بعض التعديلات على الصيغة ( ٢١-٢٢ ) على النحو التالي: (أ) إذا كانت أسعار عناصر الإنتاج ث ، ، ث ، ، ث ، ، ثابتة عبر الفترة محل الاعتبار فإنها لا تؤثر على التغير في التكاليف ، وبالتالي يتجمع أثرها في الثابت ك \* وتصبح الصيغة (21-21) كما يلي :

$$(r_t-r_1)$$
 لوت  $_t = l_t = l_t + \frac{1}{R} l_t + \frac{1}{R}$ 

(ب) إذا كانت أسعار عناصر الإنتاج متغيرة عبر الزمن بنفس نسبة معدل التضخم فمن الممكن استخدام الرقم القياسي لأسعار التجزئة (ث) (P) كمؤشر لأسعار عناصر الإنتاج. وعندئذ يمكن افتراض أن:

$$($$
 (۲۵-۲۱)  $\qquad \qquad \frac{r!}{r}$   $\qquad \frac{r!}{r}$   $\qquad$ 

وبالتعويض من ( 21-20 ) في ( 21-21 ) تصبح دالة التكاليف :

$$(\Upsilon Y - \Upsilon Y 1)$$
 ......  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 

وإذا نظرنا إلى التكاليف الكلية على أنها تكاليف حقيقية فلابد من قسمة التكاليف النقدية على الرقم القياسي للأسعار . ومن ثم فإن :

$$\left(C_{t} = \frac{Ct}{Pt}\right)$$
  $\frac{c}{c}$  =  $\frac{c}{c}$  التكاليف الكلية الحقيقية =  $\frac{c}{c}$ 

وبالتالي فإن :

وبالتعويض من ( ٢١-٢٧ ) في ( ٢١-٢٨ ) نحصل على الم

ولكن من الملاحظ بالمعادلة ( ٢٠-٢ ) أن منحنى التعلم يشير للعلاقة بين متوسط التكلفة الحقيقي و حجم الإنتاج التراكمي ، هذا في حين أن الصيغة ( ٢١-٢١ ) تحتوي على التكاليف الكلية الحقيقية . ولذا حتى يمكن قياس أثر التعلم من خلالها لابد

من استبدال التكاليف الكلية الحقيقية بمتوسط التكلفة الحقيقية . ومن المعروف أن :

ن لو ل ز = لو 
$$\left(\frac{\mathbf{r}_{i}^{\prime}}{-\mathbf{r}_{i}}\right)$$
 = لوت  $\left(\frac{\mathbf{r}_{i}^{\prime}}{-\mathbf{r}_{i}}\right)$  = لوت  $\left(\frac{\mathbf{r}_{i}^{\prime}}{-\mathbf{r}_{i}^{\prime}}\right)$ 

وبالتعويض من ( ٢١-٢٩) في ( ٢١-٣٠) وإضافة الحد العشوائي نحصل على : لو ل را = لو ك \* + مح لو ع را + أما لو حي را لوس راء ما الم

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

 $\ln L_t = \ln K_0^* + \frac{\alpha}{R} + \ln X_t + \frac{1-R}{R} \ln Y_t + u_t$ 

وتستخدم الصيغة ( ٣١-٢١) في قياس أثر كل من التعلم ووفورات الحجم.

ويمكن استخدام الصيغة العامة التالية في تقدير (21-31).

$$(rr-r1)$$
 لول  $= E + E$  , لوع  $_{t} + 2 + _{t}$  لوگ  $= 2 + 2 + _{t}$  لوگ  $= 3 + _{t}$  لوگ

حىث:

$$K_0=\ln K_0^*$$
 و فورات الحجم  $\beta_1=\frac{\rho-1}{\rho}=\frac{\rho-1}{\rho}=\frac{\sigma}{\rho}=0$  و فورات الحجم  $\beta_1=\frac{\alpha}{R}=0$  و  $\beta_2=\frac{1-R}{R}$ 

 $_{
m c}$  ومن المتوقع أن تكون ك  $_{
m r}$  (  $_{
m l}$  ) < صفر

ولو أن غلات الحجم متزايدة ، م > 1 فإن ك , < صفر ، وهو ما يعني أنه مع زيادة حجم الإنتاج تقل تكلفة الوحدة ( وفورات حجم موجبة ) . ولو أن غلات الحجم متناقصة ، م < 1 ، فإن ك , > صفر ، وهو ما يعنى أن متوسط التكلفة الحقيقي يزداد مع زيادة حجم الإنتاج ( وفورات حجم سالبة ) ، ولو أن غلات الحجم ثابتة ، م = 1 ، فإن ك , = صفر ، وهو ما يعنى ثبات متوسط التكلفة الحقيقي مع زيادة حجم الإنتاج ، وعندئلا يختفي لو حى ، ، وتصبح دالة التكلفة معبرة فقط عن منحنى التعلم .

(ح) مما سبق يتضح أن افتراض ثبات غلة الحجم يجعل دالة تكاليف كوب دوجلاس في صورتها المتوسطة تصبح هي نفسها منحني التعلم حيث:

 $\ln L_t = K_0 + \beta_1 \ln X_t + u_t$ 

وبتقدير الصيغة ( 21-37 ) يمكن اختبار ما إذا كان هذا الافتراض صحيح أم خاطئ باستخدام إحصائية "t" أو الخطأ المعياري .

$$(R=1)$$
 العدم في حالة ثبات غلة الحجم هو  $n=1$ 

$$(\beta_2 = 0)$$
 أو ك  $= - 0$ 

والفرض البديل المسلم المسلم

 $(\beta_2 \neq 0)$  و فأو من الكم $\neq$  صفوت ال

ومن ثم فإذا كانت "ك " " معنوية إحصائياً فرفض فرض العدم القائل بأن غلة الحجم ثابتة ، ونقبل الفرض البديل القائل بأن غلة الحجم غير ثابتة .

أما إذا كانت " ك ، " غير معنوية إحصائياً تقبل فرض العدم القائل بأن غلة الحجم ثابتة، وتصبح الصيغة ( ٢١-٣٣ ) صحيحة ومعبرة عن منحنى التعلم .

(د) بتقدير الصيغة ( ٢١-٣٢) يمكن تحديد معامل غلة الحجم (م)، ومعامل وفورات الحجم (م - ١)، ومعامل أثر التعلم (ح) وذلك على النحو التالي:

$$1-\frac{1}{\rho}=\frac{\rho-1}{\rho}=\sqrt{2},$$

$$(r\xi-r_1)$$
 .......  $(R=\frac{1}{1+\beta_2})$   $\frac{1}{1+r_2}=\rho=\frac{1}{1+r_2}$  ...

(۲۰–۲۱) معامل وفورات الحجم = (n-1)

وحيث أن : ك ، = ح

$$(r_1-r_1)$$
 عامل أثر التعلم =  $\alpha$  =  $\alpha$  =  $\alpha$  =  $\alpha$  .  $\alpha$  =  $\alpha$ 

#### ( ۲۱-۲-۳) بعض المشاكل القياسية

يوجد هناك بعض المشاكل القياسية المتعلقة بتقدير الصيغ السابقة:

(أ) في بعض الحالات قد يصعب إيجاد بيانات عن متوسط التكاليف الكلية والتي تستخدم كمتغير تابع في الصيغة (٢١-٣٢) ولذا قد تستبدل بمتوسط تكلفة العمل. ويكون التقدير صحيحاً إذا كانت جميع التكاليف تتغير بنفس معدل التغير في تكلفة العمل.

(ب) وفي أحيان أخرى قد يستخدم السعر كبديل لمتوسط التكلفة . وللحصول على السعر الحقيقي نقسم سعر السلعة أو متوسط أسعار السلع التي تبيعها الشركة على الرقم القياسي لأسعار التجزئة . ولكن في بعض الحالات تخفض بعض الشركات السعر بصورة تجعله لا يعكس التكلفة بغرض تحقيق أهداف أخرى مثل زيادة نصيبها النسبي في السوق أو منع منشآت أخرى للدخول إلى السوق ، وفي حالات أخرى ترفع الشركة السعر بدرجة مغالى فيها بحيث تجعله لا يعكس التكلفة . وفي هذه الحالات يعتبر استخدام السعر كمؤشر للتكلفة المتوسطة مضالاً .

(ح) إذا كانت العلاقة الحقيقية الممثلة للواقع هي :

الول و = ك + ك ، لوع و + ك ، لوح و + ع أو

 $\ln L_t = K_0 + \beta_1 \ln X_t + \beta_2 \ln Y_t + u_{1t} + u_{1t} + \dots$ 

وقمنا بتقدير العلاقة الممثلة لمنحني التعلم على النحو التالي:

 $\ln L_1 = K_0^* + C_1 \ln X_1 + u_{2t}$ 

فإن هذا يعني أننا حدفنا  $(Y_t)$  كمغير تفسيري مما يترتب عليه ما يسمى تحيز  $(Y_t)$ 

 $(C_t - eta_t)_{t \in \mathcal{C}}$  الحدف ( ق  $- \mathcal{C}_t$  ) الحدف ( ق  $- \mathcal{C}_t$  ) الحدف ( الحدف الحدف ( الحدف الحدف ( الحدف الحدف ( الحدف الحدث الحدث

وإذا قمنا بتقدير الصيغة التالية :

لوع ; ﴿ فَ \* فَ أَ لُوحِي \* عَمَى اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ ( 14 ) ( ( 14 )

 $\lim_{t\to\infty} |\ln X_t = F + F_1 |\ln Y_t| + u_{3t}$ 

فمن الممكن إثبات أن:

وبالتالي سوف لا يكون هناك تحيز حدف في أحد حالتين:

(١)ف, = صفر، وذلك عندما لا يوجد ارتباط بين عي عدي

( ٢ ) 🏾 ، = صفر ، وذلك عندما م = ١ أي غلة الحجم ثابتة ، وهو ما يعني أن متوسط التكلفة لا يتأثر بحجم الإنتاج .

أما إذا كان هناك ارتباط طردي بين الإنتاج الجاري (ح، ،) والإنتاج التراكمي في الفترات السابقة (ع ، ) فإن ف ، > صفر ومن ثم :

في ظل غلات الحجم المتناقصة م < 1 وبالتالي ك ، > صفر ، ق ، - ك ، > صفر ، أي التحيز يكون موجباً وتكون معلمة أثر التعلم ق ، مقومة بأكثر من قيمتها .

وفي ظل غلات الحجم المتزايدة م>١، وبالتالي ■ حصفر، ق. - ك. حصفر، أي التحيز يكون سالباً وتكون معلمة أثر التعلم ق. مقومة بأقل من قيمتها .

### ( ۲-۲-۲۱ ) بعض النتائج التطبيقية

(أ) يوضح الجدول ( $^{1}$ ) بعض النتائج لدراسات تطبيقية أجريت على أنشطة مختلفة. فمن الواضح أن أكبر نسة من المنتجات تتراوح مرونة منحنى التعلم بالنسبة لها بين  $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ , ويتراوح ميل منحنى التعلم بين  $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ , وهو ما بين  $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ , من التكلفة الحقيقية للوحدة إلى نسب  $^{0}$ ,  $^{0}$ , من التكلفة السابقة. أما الغالبية العظمى للمنتجات ( $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ ) فتتراوح مرونة منحنى التعلم أبالنسبة لها بين  $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ ,  $^{0}$ , وميله يتراوح بين  $^{0}$ ,

( ب ) مرونة منحنى التعلم بالنسبة للأنشطة الصناعية أكبر من الأنشطة الخاصة بتجارة المواد الأولية والتسويق والمبيعات وشركات التوزيع .

( حـ ) أثر التعلم على التكلفة يكون أقوى في حالة المنتجات النمطية وذات مراحل التجميع المتعددة .

جدول (۳-۲۱) ما در ا نتائج بعض الدراسات التطبيقية

عدد المنتجات	ميل منحني التعلم	مرونة منحني التعلم
Selfati 新華。		(قيمة مطلقة )
Vi 🛣 🚉 i	٠,٦٤ - ٠,٦٠	۰,٧٤ - ٠,٦٣
. Of a same	٥٢,٠ – ٢٢,٠	•, <b>٦٢ •,٥٢</b>
in the second of	٠,٧٤ - ٠,٧٠	٠,٥١ ٠,٤٢
	٠,٧٩ - ٠,٧٥	·,£1 - ·,٣٣
	Mala er en 18,48 — 1,41	۰,۳۲ – ۰,۲۵
	**************************************	٠,٢٤-٠,١٦
rations in Color	٠,٩٤ - ٠,٩٠	·,10,·A
(1) jane Mang man	•,11 = •,10	· · · · · · · · · · ·

# مثال (۱-۲۱) أثر التعلم ووفورات الحجم على التكلفة

# إذا علمت أن البيانات التالية تخص منشأة ما خلال فترة ١٢ سنة .

#### جدول (۲۱-٤)

		TATION AND THE STATE OF	4 KANANA
Year	TS1.460	MP Marin	Y
1984	6.000	100	10
1985	9.042	110	15
1986	11.100	120	25
1987	13.728	130	40
1988	15.120	135	56
1989	15.949	140	64
1990	18.522	. 150	84
1991	20.079	155	102
1992	22.176	160	126
1993	23.760	165-	150
1994	25.287	170	175
1995	25.707	165	205

## المطلوب:

- (أ) حدد معامل أثر التعلم في هذه المنشأة وفسر معناه .
  - (ب) حدد معامل أثر وفورات الحجم فيها وفسر معناه .
    - (ح) حدد طبيعة غلات الحجم.

وللإجابة على المطلوبات السابقة نتبع الخطوات التالية :

(1) نحصل أولاً على التكاليف الكلية الحقيقية TS حيث:

$$TS = \frac{TS1}{p} . 100$$

وذلك كما بالجدول (٢١-٥).

جدول (۲۱-٥)

Year	TS1	Acres Reports Page 10	TS
1984	6.000000	100.0000	6.000000
1985	9.042000	110.0000	8.220000
1986	11.10000	120.0000	9.250000
1987	13.72800	130.0000	10.56000
1988	15.12000	135.0000	11.20000
1989	15.94900	140,0000	11.39214
1990	18.52200	150.0000	12.34800
1991	20.07900	155.0000	12.95419
1992	22.17600	160.0000	13.86000
1993	23.76000	165.0000	14.40000
1994	25.28700	170.0000	14.87471
1995	25.70700	165.0000	15.58000

$$S = \frac{TS}{Y}$$
 نحصل على متوسط التكلفة الحقيقي  $(Y_i)$ 

( $^{
m T}$ ) ثم نحدد الناتج التراكمي في الفترات السابقة ( $^{
m X}$ ) باستخدام ( $^{
m Eviews}$ ):

Smpl 84 84

X = 0

Smpl 85 95

X = Y(-1) + X(-1)

#### فنحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢١-٦) المدالا المراجعة

وريجدول (٢١-٢) ينهم و يعتد)

obs	Υ	Х	S	LY	LX	LS
1984	10.00000	0.000000	0.600000	2.302585	NA *	-0.510826
1985	15.00000	10.00000	0.548000	2.708050	2.302585	-0.601480
1986	25.00000	25.00000	0.370000	3.218876	3.218876	-0.994252
1987	40.00000	50.00000	0:264000	3.688879	3.912023	-1.331806
1988	56.00000	90.00000	0.200000	4.025352	4.499810	-1.609438
1989	64.00000	146.0000	0.178002	4.158883	4.983607	-1.725959
1990	84.00000	210.0000	0.147000	4.430817	5.347108	-1.917323
1991	102.0000	294.0000	0.127002	4.624973	5.683580	-2.063553
1992	126.0000	396.0000	0.110000	4.836282	5.981414	-2.207275
1993	150.0000	522.0000	0.096000	5.010635	6.257668	-2.343407
1994	175.0000	672.0000	0.084998	5.164786	6.510258	-2.465124
1995	205.0000	847.0000	0.076000	5.323010	6.741701	-2.577022

# (٤) نقوم بتقدير الصيغة التالية : ٢٠ أنا أنصح المعالية المعالم المعالم المعالم المعالم المعالم المعالم

 $\ln S_1 = A + b_1 \ln X_1 + b_2 \ln Y_1 + u_1$  فنحصل على النتائج الموضحة بالجدول ( ۲۱ – ۷) جدول (۲-۲۱)

Dependent Variable: LS.
Method: Least Squares
Date: 05/23/04 Time: 06:25
Sample(adjusted): 1985 1995

Included observations: 11 after adjusting endpoints

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C LX LY	1.197036 -0.105324 -0.575646	0.068944 0.029259 0.050273	17.36254 -3. <b>5</b> 99641 -11.45046	0.0000 0.0070 0.0000
R-squared Adjusted R-squared S.E. of regression Sum squared resid Log likelihood Durbin-Watson stat	0.999893 0.999867 0.007245 0.000420 40.34471 2.026909	Mean deper S.D. depend Akaike info Schwarz crit F-statistic Prob(F-stati	ient var criterion terion	-1.803331 0.627463 -6.789947 -6.681430 37496.97 0.000000

أي :

 $\ln S = 1.197 - 0.105 \ln X - 0.575 \ln Y + u$ 

لول = ۱,۱۹۷ 
$$-$$
 ۰,۱۰۰ لوع ر $-$  ۰,۰۷۰ لوخی ر $+$  د ر

وهو ما يعني أن غلة الحجم متزايدة ، حيث أن زيادة عناصر الإنتاج بنسبة 100 %. يترتب عليها زيادة حجم الإنتاج بنسبة 200 %.

- (٢) معامل وفورات الحجم = م 1 = 7,70 1 1,70 ، وهذا يعني أن وفورات الحجم موجبة . فكل زيادة في عناصر الإنتاج بنسبة ١٠٠ ٪ تحقق وفراً إضافياً في الناتج بنسبة ١٠٥ ٪ . وباستخدام التكلفة يترتب على مضاعفة الناتج (زيادته بنسبة ١٠٠ ٪) تخفيض متوسط التكلفة الحقيقي للوحدة بنسبة ٥٧٠ ٪ حيث  $t_7 = -0.00$  ، وهي تشير لمرونة متوسط التكلفة الحقيقي بالنسبة لحجم الناتج .

# الفصل الثاني والعشرون قياس التغير في النوعية The Measurement of Quality Change

في كثير من الحالات تكون التغيرات في الأسعار راجعة للتغيرات في نوعية السلعة ، ولذا يصبح من المفيد تحديد أثر التغير في النوعية على السعر لأسباب عديدة منها :

(أ) يهم المنتجون معرفة أي خصائص السلعة أكثر تأثيراً في السعر، وأيها أقل تأثيراً حتى يركزوا على تلك الخصائص التي تؤثر في السعر تأثيراً جوهرياً.

(ب) يستخدم التغير في الأسعار كمؤشر للتضخم ، ولا شك أن التغير في السعر الراجع لتغير النوعية لا يعتبر تضخماً ، ولذا من المفيد عزل أثر التغير في النوعية على الأسعار قبل معرفة التغير في الأسعار الذي يعتبر تضخماً حقيقياً .

(ح) في بعض الحالات يدرج السعر كأحد المتغيرات التفسيرية لتقدير بعض الدوال أو النماذج مثل نموذج السوق وما يتضمنه من دالتي الطلب والعرض . وفي هذه الحالة إذا استخدمنا البيانات المنشورة عن السعر كما هي فإنها تعكس أثر السعر وأثر النوعية في نفس الوقت على الطلب أو العرض مما يعطي نتائج مضللة . وحتى تكون النتائج دقيقة يتعين استبعاد أثر النوعية من السعر ، ثم استخدام السعر المعدل في تقدير دوال الطلب أو العرض .

وسوف نتعرض في هذا الفصل للطرق المختلفة لعزل أثر التغير في النوعية على السعر . وقبل أن نفعل ذلك سوف نشير إلى كيفية استخدام المتغيرات الصورية أو الثنائية في الصيغ شبه اللوغاريتمية .

فإذا أخذنا الصيغة شبه اللوغاريتمية التالية :

.. ب ، تشير إلى نسبة التغير في متوسط المرتب الشهري مع تغير سنوات الخبرة بسنة واحدة ، حيث ع س = ١ = سنة خبرة .

ولكن لا يمكن القول أن "ب ، " تشير إلى نسبة الزيادة في مرتب المدرس الذكر عن متوسط مرتب المدرس الأنثى في هذه الحالة . ولتحديد ذلك نتبع إجراء : وهو Halvorsen & Palmquist

نحصل على مقابل لوغاريتم ب ، = ع ب الرقم القياسي لقيمة متغير فئة المقارنة .. نسبة الزيادة في مرتب الذكر عن الأنثى = ه <sup>ب ا</sup> - 1 الوقم = ( e  $^{\beta 2}$  - 1 ) القياسي لمتغير فئة المقارنة - الرقم القياسي لمتغير فئة الأساس (100٪) .

ويعتبر هذا الفصل تطبيقاً على استخدام المتغيرات الصورية أو الثنائية في مجال قياس العلاقات الاقتصادية . وهو يحتوي على مبحثين :

المبحث الأول: طرق قياس أثر التغير في النوعية على السعر. المبحث الثاني: تطبيقات لطريقة سعر الرفاهية.

# المبحث الأول المبحث الأول

# طرق قياس أثر التغير في النوعية على السعر مسم

نتعرض في هذا المبحث لعدد من طرق قياس أثر التغير في النوعية على السعر كما يلي:

( ١-١-٢٢ ) طريقة " النموذج المتناسب " " Matched Model " :

تعتبر هذه الطريقة تقليدية في عزل أثر النوعية على السعر ، وبمقتضى هذه الطريقة إذا أردنا حساب رقم قياسي للأسعار لا يعكس التغير في النوعية نقوم بمقارنة أسعار النماذج السلعية التي لم تتغير نوعيتها عبر الزمن. فإذا أردنا حساب الرقم القياسي لأسعار التليفزيونات عبر فترة زمنية معينة مثلاً ، نقتصر على أسعار النماذج التي لم تتغير نوعيتها خلال هذه الفترة ، ويتم استبعاد النماذج التي تغيرت نوعياتها . ويبني الرقم: القياسي لأسعار المنتجين في الولايات المتحدة ( Producer Price Index ( PPI على أساس هذه الطريقة . ولكن يعيب هذه الطريقة أنه في الحالات التي يكون فيها التقدم التكنولوجي سريعاً ومصحوباً بتغيرات مستمرة في النوعية كما هو الحال في مجالات السيارات والتليفزيونات والكمبيوتر ، فإن الرقم القياسي للأسعار المبنى على أساس طريقة النموذج المتناسب لا يعكس إلا أسعار نسبة منخفضة جدأ من نوعيات السلع محل الاعتبار . فقد توجد هناك ١٠ نماذج مختلفة في الحالة الواحدة ، منها نموذج واحد هو الذي لم تتغير نوعيته عبر الفترة محل البحث ، أما باقي النماذج فقد تتغير نوعيتها أكثر من مرة . ومن ثم ففي هذه الحالة لا يمثل الرقم القياسي للأسعار المتوسط العام للأسعار تمثيلاً حيداً . ومن ناحية أخرى قد توجد هناك اختلافات فنية غير ظاهرة بين نوعيات النموذج الواحد عبر الزمن ، مما لا يمكن إدراكه من قبل غير المتخصصين بصورة دقيقة . وفي مثل هذه الحالة يؤدي عدم إدراك التغيرات في نوعية النموذج من قبل غير المتخصصين إلى الوقوع في خطأ إدراجه ضمن أسعار النموذج المتناسب.

# ( ٢٠-١-٢٠ ) تحليل العلاقة بين السعر والنوعية عند نقطة زمنية معبنة:

يعتبر Frederick Waugh المتخصص في مجال الاقتصاد الزراعي هو أول من قدم بحثاً عن قياس العلاقة بين السعر والنوعية عام ١٩٢٨ . وكان عنوان البحث " العوامل النوعية المؤثرة على أسعار الخضروات " " Quality Factors Influencing Vegetable Prices ". وفي هذا البحث حاول Waugh أن يقيس أثر بعض الخصائص مثل الحجم والشكل واللون ودرجة النضج وتماثل الوحدات على أسعار بعض المنتحات الزراعية مثل نبات الهليون Asparagus والطماطم والخيار . ولقد كان الهدف من البحث هو تحديد ما إذا كانت زراعة وبيع النوعيات الجيدة من الخضروات تحقق علاوة كافية تعوض المنتجين عن الزيادة في التكلفة التي يتحملوها عند زراعة هده النوعيات الحيدة أم لا.

ولعزل أثر التغيرات الموسمية على الأسعار لم استخدام الأسعار النسبية وليس الأسعار المطلقة للمنتجات الزراعية كمتغير تابع . فبالنسبة لنوعية معينة ، السعر النسبي هو:

السعر المطلق ( 
$$Pr_i = \frac{Pa_i}{P}$$
 ) السعر المطلق  $= *$  , ث

للنوعية ر ، ث ( P ) = متوسط سعر السلعة فd السوق بنوعياتها المختلفة . ونظراً لأن التغيرات الموسمية تنعكس في كل من ث إ، ث فإن استخدام السعر النسبي يزيل أثرها.

ولقد قام Waugh بقياس علاقة انحدار متعدد بين السعر النسبي وخصائص المنتج القابلة للقياس لكل سلعة من السلع الثلاثة سابقة الذكر باستخدام بيانات 200 عملية شراء لكل واحدة خلال الفترة 1 مايو - 2 يوليو 1927 .

وبالنسبة لنبات الهليون مثلاً قام Waugh بتقدير معادلة انحدار خطي متعدد بين

> ث\* على السعر النسبي للهليون من نوعيات مختلفة كمتغير تابع (Pri) والمتغيرات التفسيرية:

 $(L_i)$  عطول الجزء أخصر اللون من وحدة الهليون بالبوصة =

a=1 عدد السيقان في كل وحدة هليون . ومن المعروف أنه كلما كان قطر الساق أقل كلما كان عدد السيقان أكثر . ويعتبر هذا المتغير ممثلاً لحجم الساق . ويفضل دائماً أن يكون عدد السيقان أقل لأن هذا يعنى أن حجم الساق أكبر  $(N_i)$  = 1 الانحراف المعياري لأقطار السيقان في كل وحدة هليون كمؤشر للتماثل .

(S<sub>i</sub>) Uniformity

ثم استخدم الصيغة التالية في عملية التقدير:

وتمثل ب , ( حيث ر = 1 إلى ٣ ) الآثار الجزئية للخصائص النوعية على السعر النسبي . ولقد جاء تقدير الصيغة السابقة على النحو التالي : .... ولقد جاء تقدير الصيغة السابقة على النحو

#### ومن الواضح أن:

- ( ۱ ) زيادة طول الجزء الأخضر من الهليون بمقدار بوصة واحدة يؤدى لزيادة السعر النسبي بمقدار ١٣٨٠ نقطة .
- (٢) تؤدي زيادة عدد السيقان في وحدة الهليون بمقدار ساق واحد إلى انخفاض السعر النسبي بمقدار ١,٥٣ نقطة .
- (٣) وتؤدى زيادة الاختلاف بين أقطار السيقان بمقدار وحدة انحراف معياري واحدة (عدم التماثل) إلى انخفاض السعر النسبي بمقدار ١٢٧٥٥٠ نقطة .

وفى محاولة لتحديد الأهمية النسبية لكل خاصية من هذه الخصائص على Separate السعر يمكن استخدام ما يسمى بمعامل التحديد المنفصل لكل متغير Coefficient of Determination . فإذا كانت معادلة الانحدار تأخذ الصيغة التالية:

$$z + r \omega_r + r \omega_r + r \omega_r + \frac{1}{2} \omega_r + \frac{1}{2} \omega_r$$
  
 $Y = \alpha + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + \mathbf{u}$ 

فإن معامل التحديد المنفصل للمتغير عن ﴿ يتحدد كما يلي :

$$\frac{\hat{\varphi}_{i} \sum_{i} \omega_{i} \omega_{i}}{\left(\omega_{i}, 0\right)^{T}} = \frac{1}{2} \left(\omega_{i}, 0\right)^{T}$$

$$R_{S.Xi}^2 = \frac{\hat{\beta}_i \sum y_i x_i}{\sum y_i^2}$$

$$\omega_{c} = \omega_{c} - \overline{\omega}$$

ويختلف معامل التحديد المنفصل عن معامل التحديد الجزئي Partial Coefficient of Determination . وتوجد طريقتان للحصول على معامل التحديد الجزئي، تتمثل الطريقة الأولى في استخدام إحصائية " t " على النحو التالي:

$$(e-rr)$$
  $R^2_{P,XI} = \frac{t_1^2}{t_1^2 + (n-K)}$  (غ-ن)+ رن (غ-ز)

وتتمثل الطريقة الثانية في تتبع الخطوات التالية بالنسبة للمتغير (عن ,):

 $(X_1)_1$  تقدير صيغة الانحدار دون أن تحتوى على المتغير س $(X_1)_1$ 

ثم نحدد قيم البواقي د ، باستخدام الصيغة المقدرة .

(ب) تقدير صيغة انحدار يكون فيها من ، متغير تابع وباقي المتغيرات التفسيرية

كمتغيرات مستقلة كما يلي:

ثم نحدد قيم البواقي د ، باستخدام الصيغة المقدرة .

( ح ) تقدير صيغة الانحدار التالية :

 $e_{ij} = K + K_1 e_{i2} + w_i$ 

ويكون ريد والمده الصيغة هو معامل التحديد الحزني للمتغير من و

ويعيب هذه الطريقة أن مجموع معاملات التحديد الجزئي لا تساوى معامل التحديد العام ر\* . هذا في حين أن محموع معاملات التحديد المفصلة يساوى معامل التحديد العام ر\*

# ( ٢٢ - ١ - ٣ ) قياس العلاقة بين السعر والنوعية عبر الزمن :

في أواخر الثلاثينات الميلادية دارت مناقشات في الكونجرس الأمريكي نم اتهام شركة جنرال موتورز فيها بأن سياستها التسعيرية للسيارات هي المسئولة عن تقلب مبيعاتها ، وبالتالي تقلب العمالة فيها ، الأمر الذي ساهم في زيادة البطالة في المجتمع الأمريكي آنداك ، وكدليل على ذلك قيل أن متوسط أسعار سيارات جنرال موتورز من الموديلات المختلفة كان قد زاد بنسبة ٤٥ ٪ حلال العترة ١٩٣٥ – ١٩٣٥ ، ولتحلية الحقيقة قامت جنرال موتورز بتمويل دراسة لتفدير دالة الطلب على سياراتها لمعرفة مدى تأثير السعر على المبيعات ، ولقد تولي Andrew T. Court القيام بهذه الدراسة واجهته مشكلة قياس متوسط السعر حيث اتضح أن التغير في السعر يرجع للتغير في النوعية . ومن ثم أصبح هناك حاجة لعزل أثر التغير في النوعية أولاً ، ثم تحديد التغير الصافي في السعر بعد ذلك . ولعمل ذلك استخدم ما سمى بطريقة سعر الرفاهية يعرف بأنه قيمة الزيادة في الرفاهية النواكية المحتمع نتيجة لتمتعهم بخصائص سلعة ما . و بالتالي فإن السعر الذي يدفعه المستهلك يحتوى على عنصرين ، سعر بحت وسعر رفاهية ، وحاول كورت النتخدام الانحدار المتعدد أن يحدد تأثير كل خاصية من خصائص السيارة على سعرها.

كما حاول تحديد تأثير التغير في النوعية بوجه عام على السعر عبر الزمن . ولتوضيح طريقة سعر الرفاهية دعنا نستخدم المثال التالي:

افترض أن هناك موديلات مختلفة لسيارات مختلفة تم تقديمها في ٣ سنوات طول السيارة مقاساً بالمسافة بين محوري البجلة الأمامية والعجلة الخلفية ( ط , Li ( , ط وقوة الموتور ( ق ر ) Hi . وإذا أشرنا إلى سعر الموديل ر بأنه ( ث ر ) Pi ، ثم استخدمنا متغيرين ثنائيين هما وج، و - حيث :

$$(D_2 = 1)$$
 Y plus lange (D = 1)

و 
$$_{2} = 0$$
 و  $_{2} = 0$  ) فر الموديل لعام آخر

ففي هذه الحالة يكون الموديل الذي يخدم كنقطة أساس وينعكس في

المعلمة التقاطعية هو موديل السنة الأولى:

ولقد استخدم كورت معادلة الانحدار التالية :

$$\ln P_i = \alpha_1 + \alpha_2 D_2 + \alpha_3 D_3 + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i + u_i$$

وبتقدير الصيغة ( ٢٢-١ ) من البيانات المتاحة عن الموديلات المختلفة خلال

## السنوات الثلاثة يمكن تحديد :

$$(11-77)$$
 ...
$$\ln P_1 = \alpha_1 + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i$$

$$\ln P_1 = \alpha_1 + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i$$

$$\ln P_2 = (\alpha_1 + \alpha_2) + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i$$

$$\ln P_2 = (\alpha_1 + \alpha_2) + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i$$

$$\ln P_3 = (\alpha_1 + \alpha_3) + \beta_1 W_i + \beta_2 L_i + \beta_3 H_i$$

حيث تشير كل معادلة من المعادلات الثلاثة السابقة إلى القيمة المتوقعة للوغاريتم الطبيعي لسعر الموديل. ولا شك أن هذا يتضمن أن تأثير النوعية على السعر لا يختلف من موديل لآخر، فزيادة قوة الموتور (ق) بمقدار وحدة واحدة تؤثر على لوغاريتم السعر بمقدار "ب. " بالنسبة لأي نموذج. وهكذا الأمر بالنسبة للخصائص الأخرى.

وبعد عزل أثر التغير في النوعية ممثلة في معاملات الانحدار الجزئية ب ، ، ب ،، ب ،، ب ،، فإن التغير في السعر الذي لا يرجع للنوعية ينعكس في تغير المعلمة التقاطعية من نموذج لآخر .أي أن التغير الصافي في السعر من نموذج لآخر ومن سنة لأخرى يتمثل في الفرق بين المعلمات التقاطعية ، حيث :

التغير الصافي في السعر بين ٢٠١ = لوث، 
$$-$$
 لوث،  $=$  أ، ( $\alpha_2$ )

التغير الصافي في السعر بين ١ ،٣ = لوث، - لوث، = أ، ( 
$$\alpha_3$$
 )

$$(\alpha_3-\alpha_2)$$
 (رأح أوث  $\alpha_3-\alpha_2$ ) التغير الصافي في السعر بين ۲  $\alpha_3-\alpha_2$  التغير الصافي في السعر بين ۲ الم

ويلاحظ مما سبق أن معاملات المتغير الثنائي  $e_1$ ,  $e_7$  تمثل التغيرات الصافية في لوغاريتم السعر عبر الزمن أو بين الموديلات بعد عزل أثر النوعية وللحصول على التغير الصافي في السعر كنسبة يجب الحصول على مقابل اللوغاريتم فلو اتخذنا السنة الكنقطة أساس فإن الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية (بعد استبعاد النوعية) لهذه السنة  $e_7$  والرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية في سنة  $e_7$  همابل لوغاريتم أو هما أو التغير في السعر المعدل للنوعية في سنة  $e_7$  عمقابل لوغاريتم أو هما التغير في السعر الصافي في العام  $e_7$  عنه في العام  $e_7$  ( $e_7$  - 1) عندل التغير في السعر الصافي في العام  $e_7$  عنه في العام  $e_7$  ( $e_7$  - 1) عندل التغير في السعر الصافي في العام  $e_7$  عنه في العام  $e_7$  ( $e_7$  - 1) عندل التغير في السعر الصافي في العام  $e_7$  عنه في العام  $e_7$  ( $e_7$  - 1)

وتكون هذه النتائج صحيحة فقط إذا كانت الصيغة المستخدمة في التقدير هي شبه لوغاريتميه على النحو السابق أما إذا كانت الصيغة المقدرة خطية على النحو التالي :

 $(1^{r-r})$  ... , c+ , b+ , b+

العدم:

فإن اتخاذ السنة اكسنة أساس يعني أن:

الرقم القياسي للسعر في السنة 1 = 1

حيث ت = أ. = متوسط السعر المعدل للنوعية في سنِـة الأسـاس

الرقم القياسي للسعر في السنة 
$$\Upsilon = 1 + \frac{1}{1} + 1 = 1 + \frac{1}{1}$$

الرقم القياسي للسعر في السنة 
$$T = 1 + \frac{1}{1} + 1 = \frac{1}{1}$$

ويوحد هناك بعض الفروض العلمية التي يمكن اختبارها مثل:

(أ) " النوعية لا تؤثر على السعر " . ويمكن اختبار هذا الفرض من خلال اختبار فرض

في مواجهة الفرض البديل :

 $H_1: eta_1 \neq \ , \ eta_2 \neq 0 \ , \ eta_3 \neq 0 : صفر، ب <math>_7 \neq -$ صفر، ب  $_7 \neq -$ صفر، ب  $_7 \neq -$ صفر، ب  $_7 \neq -$ 

( ب ) " إحدى النوعيات لا تؤثر في السعر ". ويمكن اختبار ذلك عن طريق اختبار

معتوية كل معلمة انحدارية من المعلمات الثلاثة ب ، يب ، ب ، ب على حده . . .

(ح) كل التغيرات في السعر خلال الفترة ١ - ٣ ترجع لتغيرات النوعية . أي أنه بعد

استبعاد أثر التغير في النوعية فإن " السعر المعدل للنوعية " Quality - Adjusted Price Index لم يتغير. أي أن التضخم لم يكن له أثر على السعر.

ويمكن اختبار هذا الفرض من خِلال في مستقل بنا وسقال المصادرة

$$(\alpha_2=\alpha_3=0)$$
 فرض العدم: ف  $=$  أ  $=$  أ  $=$  أ  $=$  أ

$$(\alpha_2 \neq 0, \alpha_3 \neq 0)$$
 الفرض البديل: في المرض البديل في المرض البديل الفي المرض البديل المرض المرسم المرسم

(د) أن السعر المعدل للنوعية لم يتغير بين سنتين 2 ، 3 فقط ، 4 بالمعدل للنوعية لم يتغير بين سنتين 2 ، 3 فقط

يمكن اختبار هذا الفرض من خلال:

$$(\alpha_3 - \alpha_2 = 0)$$
 فرض العدم : ف أ $_7 - 1$  : فرض العدم :

الفرض البديل: ف,: أب – أب 
$$\neq$$
 صفر من البديل: ف , : أب – أب  $\neq$  صفر من البديل: ف , ن من البديل و من البديل المن البديل ا

(ه) يمكن قياس مقدار التغير في نوعية سيارة ما عبر الفترة ١ - ٣ قياساً كمياً .

$$\ln \hat{P}_{i} = \hat{\alpha}_{i} + \hat{\alpha}_{2} D_{2} + \hat{\alpha}_{3} D_{3} + \hat{\beta}_{1} W_{i} + \hat{\beta}_{2} L_{i} + \hat{\beta}_{3} H_{i}$$

نطرح من طرفي هذه المعادلة مقدار التغير الصافي في السعر غير الراجع للنوعية وهو  $\stackrel{\wedge}{n}_{1}$  و من طرفي  $\stackrel{\wedge}{n}_{2}$  و من طرفي من طرفي و المعادلة مقدار التغير الصافي في السعر غير الراجع للنوعية وهو أم و من طرفي من طرفي المعادلة من المعادلة من طرفي المعادلة ال

$$\ln \hat{P}_{i} - \hat{\alpha}_{2} D_{2i} - \hat{\alpha}_{3} D_{3i} = \hat{\alpha}_{1} + \hat{\beta}_{1} W_{i} + \hat{\beta}_{2} L_{i} + \hat{\beta}_{3} H_{i}$$

وباستخدام الطرف الأيس ( الأيمن ) يمكن تحديد مقدار التغير في السعر الراجع لتغير النوعية . ولتحديد مقدار التغير في النوعية بين الفترتين الأولى والثالثة نتبع الخطوات التالية :

( 1 ) نقوم بحساب الصيغة التالية للفترة الأولى:

$$(\hat{\alpha_{1}} + \hat{\beta_{1}} \vec{W}_{1} + \hat{\beta}_{2} \vec{L}_{1} + \hat{\beta}_{3} \vec{H}_{1}), \vec{\sigma}_{1}, \hat{\phi}_{1} + \vec{\phi}_{1}, \hat{\phi}_{1} + \vec{\phi}_{1}, \hat{\phi}_{1} + \hat{\phi}_{1}, \hat{\phi}_{1}$$

(٢) نقوم بحساب نفس الصيغة للفترة الثالثة :

$$(\hat{\alpha}_{1} + \hat{\beta}_{1} \vec{W}_{3} + \hat{\beta}_{2} \vec{L}_{3} + \hat{\beta}_{3} \vec{H}_{3})_{r} = \hat{\vec{b}}_{r} + \hat{\vec{c}}_{r} + \hat{\vec{c}}$$

(٣) نحصل على الفرق بينهما الذي يمثل مقدار التغير في النوعية :

$$\Delta g = \hat{\psi}_{1}(\bar{\psi}_{7} - \bar{\psi}_{7}) + \hat{\psi}_{7}(\bar{\psi}_{7} - \bar{\psi}_{7}) + \hat{\psi}_{7}(\bar{\psi}_{7} - \bar{\psi}_{7}) + \hat{\psi}_{7}(\bar{\psi}_{7} - \bar{\psi}_{7})$$

$$\Delta Q = \hat{\beta}_{1} (\bar{W}_{3} - \bar{W}_{1}) + \hat{\beta}_{2} (\bar{L}_{3} - \bar{L}_{1}) + \hat{\beta}_{3} (\bar{H}_{3} - \bar{H}_{1})$$

ويمثل هذا الفرق لوغاريتم ( السعر غير المعدل للنوعية )

وعندما قام كورت بتطبيق طريقة سعر الرفاهية على بيانات جنرال موتورز اتضح له أن السعر المعدل للنوعية انخفض بنسبة ٥٥ ٪ خلال الفترة ١٩٣٥ – ١٩٣٥، ومن ثم فإن الزيادة بنسبة ٤٥ ٪ المنوه عنها عند استخدام بيانات منشورة كانت ترجع أساساً للتغير في النوعية . وعند استبعاد التغير في النوعية اتضح أن أسعار السيارات انخفضت ولم ترتفع .

## المبحث الثاني

# تطبيقات لطريقة سعى الرفاهية

الكمبيوتر (١-٢-٢٢) تطبيق طريقة سعر الرفاهية على أسعار الكمبيوتر Application of the Hedonic Method to Price Indexes for Computers:

ينظر المتخصصون في الاقتصاد القياسي Econometricians إلى البدائل غير المتجانسة على أن كل واحدة منها تمثل سلة من الخصائص وأن سعرها هو المقابل لكل هذه الخصائص. وتساهم كل خاصية بنسبة معينة من السعر. وليس من الضروري أن تظل العلاوة المدفوعة مقابل كل خاصية ثابتة عبر الزمن وإنما قد تكون متغيرة.

ولقد حدثت هناك تطورات كثيرة في صناعة الكمبيوتر منذ نشأتها . ويمكن التمييز في هذا الصدد بين ثلاثة أجيال للكمبيوتر ، امتد الجيل الأول خلال الفترة Mainfrme ميلادية حتى ١٩٦٠ / ١٩٥١ وهو جيل الكمبيوتر الضخم معالم المتعلقة . Computer وكان هذا الجيل يقوم على الأنابيب الفارغة vacuum tubes . أما الجيل الثاني فقد امتد خلال الفترة ١٩٦٠ حتى ١٩٦٤ أو ١٩٦٥ ميلادية وهو الجيل الذي تم فيه إحلال الترانزستور الصلب Solid-State Transistor محل الأنابيب الفارغة . وبالنسبة للجيل الثالث والذي بدأ بعد عام ١٩٦٥ فلقد قام على تكنولوجيا الدوائر والمتكاملة المقلة على المتعلقة . والمتكاملة IBM 360

ومن التطورات الأخرى التي لحقت بصناعة الكمبيوتر هو انفصال جانب الأجهزة الصلبة Hardware عن جانب البرامج والأقراص المرنة Software وذلك منذ أواخر الستينات.

بالإضافة إلى ذلك ظهرت هناك عملية تأجير أجهزة الكمبيوتر بدلاً من بيعها ولذا وجب التمييز بين أسعار التأجير وأسعار الشراء.

Gregory C. Chow ومن الدراسات الرائدة في هذا المجال دراسة قام بها الدراسات الرائدة في هذا المجال دراسة هو تفسير نمو الطلب على الكمبيوتر ، وكان الهدف من الدراسة هو تفسير نمو الطلب

على خدمات الكمبيوتر في الولايات المتحدة خلال الفترة 1900 - 1970 . وقد أراد تشاو أن يفصل نمو الطلب على خدمات الكمبيوتر الراجع للتغير في النوعية كنتيجة مباشرة للتغير التكنولوجي، عن نمو الطلب الراجع للتغير في السعر المعدل للنوعية ( أي الصافي من أثر النوعية ) .

واستخدم تشاو سعر التأجير الشهري للكمبيوتر ( عُدَرً ) P. ( كمتغير تابع ، ثم اختار ٣ خصائص للكمبيوتر لتخدم كمتغيرات تفسيرية . وافترض أن الخصائص الأخرى التي تم حدفها مرتبطة بدرجة كبيرة مع الخصائص التي تم التركيز عليها . وتتمثل هذه الخصائص في :

محسوباً على أساس متوسط الوقت Multiplication Time (  $L_{\,t\,}$  ) وقت الضرب ( أ ) اللازم لإتمام عملية ضرب معينة ( ض ، ) . وبالطبع فإن هذه الصفة تعكس خاصية السرعة في الكمبيوتر . ومن الأفضل أن نحسب هذا المتغير كمتوسط مرجح للوقت اللازم لإتمام مختلف العمليات كالضرب والجمع وغيرها . ومن المتوقع أن توجد هناك علاقة عكسية بين هذا المتغير وسعر تأجير الكمبيوتر، فكلما قل الوقت اللازم لإتمام العملية كلما ارتفع سعر تأجير الكمبيوتر لسرعة إنجازه للمهمة .

(ب ) حجم الداكرة ( Memory size ( M ، ) وقد تم حساب هذا المتغير كحاصل ضرب عدد الكلمات التي تسعها الذاكرة بالألف في عدد الأرقام الثنائية لكل كلمة of # binary digits . ومن المتوقع أن توجد هناك علاقة طردية بين حجم الذاكرة وسعر تأجير الكمبيوتر .

( ح ) متوسط الوقت اللازم لاستدعاء المعلومة من الذاكرة ( س , ) R، وهي صفة أخرى تعكس السرعة في حالة الكمبيوتر . ومن المتوقع أن توجد هناك علاقة عكسية بين هذا المتغير وسعر تأجير الكمبيوتر.

وقام تشاو بجمع بيانات عن عدد من الموديلات المختلفة للكمبيوتر يتراوح بين ٩ ٰ إلى ١٨ في كل سنة . واستخدم الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة التالية في تقدير العلاقة بين سعر التأجير وخصائص الكمبيوتر المختلفة .

$$(17-77)$$
 لوث, = لوأ + ب ، لوض, + ب ، لوم, + ب ، لوس, + ع ، لوث , = لوأ + ب ، لوم, + ب ، لوم, + ب ، لوم .  $\ln P_t = \ln A + \beta \cdot \ln L_t + \beta \cdot 2 \ln M_t + \beta \cdot 3 \ln R_t + u_t$ 

وقام بتقدير العلاقة ( 22-13 ) لكل سنة من السنوات الممتدة من 1900 حتى 1970 .

ثم قام بتقدير دالة مستخدماً بيانات سلسلة قطاعية للفترة ١٩٦٠ – ١٩٦٥ العصوت على متغير ثنائي Dummy احتوت على متغير ثنائي Variable لكل سنة من السنوات مع اعتبار ١٩٦٠ سنة أساس تنعكس في المعلمة التقاطعية.

### ومن ثم كانت الصيغة المقدرة على النحو التالي:

روث ر + ب ب لوض ر + ب ب لوض ر + ب ب لوث ر + ب ب لوض ر + ب ب لوم ر الوث ر + ب ب لوم ر الوث ر + ب ب لوم ر (۱۲-۲۲) ....... 
$$_{, -}^{2}$$
 الم  $_{, -}^{2}$  الم  $_$ 

## وجاء تقدير هذه الصيغة على النحو التالي :

```
لوث = -۰,۱۰٤۰ و , - ۱۲۲۱، و , - ۱۲۲۸، و , - ۱۲۲۱، و ) (۱۲۲۱، و ) (۱۲۲۰، و و ی , ۲۲۵۰، لوم , + ۲۰۱۲، لوس , (۰,۰۲۵۴ و ی ) (۲۲۰، ۱۲۰۰ و ی ) (۲۲۰، ۱۲۰) (۲۲۰، ۱۲۰) (۲۰،۰۲۵)
```

# ويلاحظ بشأن المعادلة ( 22-18 ) ما يلي:

(١) أن الخصائص الثلاثة ممثلة في سرعة إتمام العمليات وحجم الذاكرة وسرعة استدعاء المعلومات من الذاكرة تؤثر تأثيراً جوهرياً على سعر تأجير الكمبيوتر، وإن كان حجم الذاكرة (م,) هو أكثرها معنوية في التأثير نظراً لأنه صاحب أعلى " t " محسوبة (م, ) هو أكثرها معنوية في التأثير نظراً لأنه صاحب أعلى " t " محسوبة (م, ) هو أكثرها معنوية في التأثيرات هذه الخصائص على السعر تتفق مع التوقعات القبلية .

(٢) تشير المعلمات المقدرة للخصائص الثلاثة إلى المرونات حيث:

ب . = - ١٥٤ - . وهي تشير إلى مرونة سعر التأجير بالنسبة لوقت إتمام العمليات . فكلما قل وقت إتمام العمليات بنسبة 10 % ازداد سعر التأجير بنسبة 0,1 % تقريبا .

ت , = ٠,٥٧٩٣ وهي تشير إلى مرونة سعر التأجير بالنسبة لحجم الذاكرة . فكلما زاد حجم الذاكرة بنسبة 10 % زاد سعر التأجير بنسبة 8,6 % تقريباً.

بْ - - ٠,١٤٠٦ تشير إلى مرونة سعر التأجير بالنسبة لوقت استدعاء المعلومة . فكلما قل وقت استدعاء المعلومة من الذاكرة بنسبة 10 %، ارتفع سعر التأجير بنسبة 1,6 ٪ تقريباً .

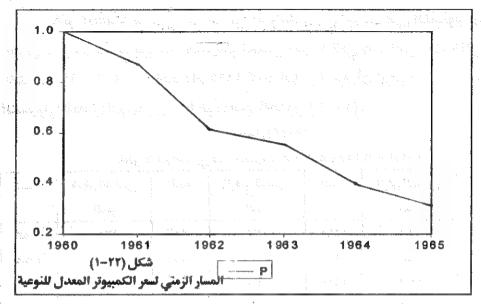
(٣) ومع أخذ الإشارة في الاعتبار نجد أن معلمات المتغيرات الثنائية تتناقص عبر الزمن وهو ما يشير إلى تزايد مقدار الانخفاض في سعر تأجير الكمبيوتر بعد عزل أثر النوعية مع مُرور الزمن .

Quality- Adjusted Price يمكن حساب الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية Index عن طريق مقابل اللوغاريتم للمعلمات المقدرة للمتغيرات الثنائية مع اعتبار أن الرقم القياسي لسعر سنة الأساس (1970) = 1 .

ويوضح الجدول (22-1) الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية خلال السنوات المختلفة. حدول (1-22) - الرقم القياسي لسعر الكمبيوتر المعدل للنوعية

بیان	الرقم القياسي للسعر المعدل	معلمة المتغير	السنة
		الثنائي	
Andrewski Austria († 1965) 1900	A (4)		197-
·,171A- (T,Y1A)	•,٨٦٩٥	٠,١٣٩٨ –	14%1
·,£441-( T,Y1A)	•,7177	-,8491-	1977
- (AIY, T) - ATFO.	٠,٥٥٢٢	٠,٥٩٣٨ -	1477
TYTEA- (Y,YIA)	•,٣٩٦٦	******* <b>,478%</b> ****	1978
(T,Y1A):-	•,٣١٢٥	1;11-	1970

ويتضح من هذا الجدول أن السعر المعدل للنوعية انخفض عام ١٩٦٥ عن نظيره عام ١٩٦٥ / ١٩٦٠ ٪ تقريباً . كما يوضح الشكل (٢٢-١) المسار الزمني للرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية :



وبتقدير معدل النمو المركب باستخدام الصيغة شبه اللوغاريتميه نحصل على النتيجة التالية الموضحة بالجدول ( ٢٠-٢ ) .

#### جدول (۲۲-۲)

	Deper	iden	t Vai	iable: L	.P
×	Metho	d: L	east	Square	<b>S</b>
	Date:	05/2	4/04	Time:	17:14
	0	4 4	000	1005	

Sample: 1960 1965 Included observations: 6

Variable Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C 0.275763	0.055967	4.927263	0.0079
T -0.236443	0.014371	-16.45284	0.0001
R-squared 0.985438	Mean depen		-0.551787
Adjusted R-squared 0.981798	S.D. depend		0.445601
S.E. of regression 0.060118	Akaike info		-2.523813
Sum squared resid 0.014457	Schwarz crit	erion	-2.593227
Log likelihood 9.571440	F-statistic		270.6961
Durbin-Watson stat 3.343025	Prob(F-statis	stic)	0.000080

ووفقاً لهذه النتيجة فإن الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية كان ينخفض سنوياً بنسبة ٢٣,٦ ٪ تقريباً خلال الفترة ١٩٦٠ - ١٩٦٥ .

# ( ٢٠-٢-٢ ) بعض النتائج التطبيقية

قام Triplett بفحص عدد كبير من الدراسات التي أجريت على الكمبيوتر ثم حصل على متوسط مرجح لسعر الكمبيوتر المعدل للنوعية لكل هذه الدراسات خلال الفَتْرة ١٩٥٣ - ١٩٧٢ . وبأخذ عام ١٩٦٥ كسنة أساس اتضح أن الرقم القياسي لسعر الكمبيوتر المعدل للنوعية كان كما هو موضح بالجدول (٢٢-٣).

جدول (۲۲-۲۲) تطور الرقم القياسي لسعر الكمبيوتر المعدل للنوعية ( ٥٣ - ١٩٧٢ )

الرقم القياسي للسعر	السنة	الرقم القياسي للسعر	السنة	الرقم القياسي للسعر	السنة
<b>77,4</b>	1477	٤٣٥	-147-	177-	1907
78,7	1974	TTY	1471	1174	1105
78,7	1979	774	1447	5 1 - 1 - 1 - 1	1100
77,7	144-	147	1437	ATT	1507
14,1	1971	174	1978	<b>Y11</b>	1107
18,4	1477	1	1170	7.64	1404
		TA.	1977	011	1101

# ويتضح من هذه النتائج ما يلي:

- ( 1 ) أن سعر الكمبيوتر المعدل للنوعية كان يتناقص سنوياً خلال الفترة 1903 1972 .
- (2) لقد بلغ سعر الكمبيوتر المعدل للنوعية عام 1972 حوالي 1% فقط من سعره عندما تم تقديمه لأول مرة عام ١٩٥٣.
- (3) بعد تقديم الجيل الثاني للكمبيوتر في 1980 ، 1970 انخفض سعر الكمبيوتر بنسبة
  - كبيرة عنها عام ١٩٥٨ بلغت ٣٧٪ تقريباً . ( ٤ ) لقد بلغ معدل الانخفاض السنوي لسعر الكمبيوتر المعدل للنوعية خلال الفترة
    - ١٩٧٢ حوالي ٢٧٪.

ولقد ظهرت دراسات بعد ١٩٧٢ لتحليل أسعار الكمبيوتر ، وكان من أبرز هذه الدراسات دراسة Cole وآخرين . ولقد ركزت هذه الدراسة على أجزاء الكمبيوتر وليس على الكمبيوتر كنظام متكامل . وعلى وجه التحديد تم التركيز على :

Computer	processors	أ) مشغلات الكمبيوتر
	drives	(ب) السواقات الصلبة
Printer		(ح) الطابعة

Monitor (٤) الشاشة

ويوجد لكل جزء من هذه الأجزاء خصائص مثل السرعة وحجم الذاكرة للمشغلات، والطاقة للسواقة ، وهكذا .

وقد توصلت هذه الدراسة إلى أن دالة الأسعار كانت متجانسة من الدرجة الأولى لكل وحدة من الوحدات السابقة ، وهو ما يعني أن مضاعفة خصائص أي جزء يضاعف السعر .

ولقد اتضح من دراسة أخرى أن سعر الكمبيوتر المعدل للنوعية خلال الفترة ١٩٧٢ - ١٩٨٤ كان مساره كما بالجدول (٢٢-٤) باعتبار أن ١٩٨٢ هي سنة الأساس: جدول (۲۲-٤)

تطور الزقم القياسي لسعر الكمبيوتر المعدل للنوغية ( ٧٢ - ١٩٨٤ )

المعدل	الرقم القياسي للسعر	الشنة	الرقم القياسي لسعر	السنة
A silvery	النوعية		الكمبيوتر المعدل للنوعية	0.1.
	167,7	1474	٤٠٨,١	1977
	117,0	144-	<b>739,7</b>	1475
N.A.	1.4,£	14.1	741,1	1946
WWW III	1	1447		1170
	YY,1 .	: 1447	Carly Prints	1171
Bullion	٦٨,٥	1946	Angli ( 1994, <b>Y</b> ayayayay	1477
udata Tuliya			13 <b>1,7</b>	1974

ووفقاً للتقديرات بالحدول عاليه فإن الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية كان يتناقص بمعدل سنوي ١٣,٨ ٪ في المتوسط خلال الفترة ٧٢ - ١٩٨٤ ، وبإدماج البيانات خلال الفترة ٥٣ - ١٩٧٢ مع الفترة ٧٢ - ١٩٨٤ يتضح أن الكمبيوتر الذي كان يتكلف ٥٣٢ دولار تقريباً عام ١٩٥٣ أصبح يتكلف ١ دولار عام ١٩٨٢ بعد استبعاد أثر النوعية .

> مثال (۲۲–۱) أثر النوعية على أسعار السيارات

قام باحث بجمع بيانات عن عدد من موديلات مختلفة للسيارات خلال ٦ سنوات ١٩٩٠ - ١٩٩٥ بواقع ٨ موديلات في كل سنة . وكانت البيانات التي جمعها تتعلق بخصائص هذه الموديلات وأسعارها على النحو التالي:

P =	سعر السيارة بالألف جنيه
X 1 =	قوة الموتور مقاسة بالقوة الحصانية
X <sub>2</sub> =	مساحة الركوب بالمتر المربع
کم = X 3	استهلاك البنزين مقاساً بعدد اللترات / 100
X 4=	وزن السيارة بالطن

والمطلوب: (١) تحديد الخصائص ذات التأثير الجوهري على سعر السيارة.

- (2) تحديد المسار الزمني للرقم القياسي لسعر السيارة المعدل للنوعية .
- (٣) تحديد أثر النوعية على السعر بوجه عام خلال الفترة ( ٩٠ ١٩٩٥ ).

للإجابة على الأسئلة السابقة لا بد من استحداث متغيرات ثنائية تعبر عن الزمن على النحو التالي:

إذا كانت السنة 1991	$D_i = 1$	بالنسبة للسنوات الأخرى	$D_3=0$
بالنسبة للسنوات الأخرى	$\mathbf{D}_1 = 0$	إذا كانت السنة 1998	$D_4 = 1$
إذا كانت السنة 1992	$D_2 = 1$	بالنسبة للسنوات الأخرى	$D_4=0$
بالنسبة للسنوات الأخرى	$D_2 = 0$	إذا كانت السنة 1990	$D_5 = 1$
إذا كانت السنة 1993	$D_3 = 1$	بالنسبة للسنوات الأخرى	$D_5 = 0$

# وبالتالي فإن البيانات تصبح على النحو التالي الموضح بالجدول ( ٢٢–٥ ) :

### حدول (21-0)-بيانات عن الموديلات المختلفة للسيارات (افتراضية) ....

obs	Р	X1	X2	Х3	X4	D1	D2	D3	D4	D5
1	30.00	15. 00	2.00	45.00	1.50	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
	32. 00	15.20	2.10	41.00	1.60	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
3	35. 00	15.60	2.28	36.00	1.65	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
4:	40.00	15.90	2.60	30.00	1.70	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
	42.00	16.00	2.80	27.00	1.75	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
6	45.00	16.20	3.00	24.00	1.90	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
7	48. 00	16.50	3.15	21.50	1.92	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
	50.00	16.70	3.25	19.10	1.95	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
9	45.00	16.20	3.00	24.00	1.90	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
10	47.00	16.40	3.10	22.00	1.92	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
11	48.00	16.90	3.15	20.70	1.93	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
12	49.00	17.00	3.18	18.50	1.94	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
13	50.00	17.50	3.25	17.10	1.96	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
14	52.00	17.80	3.40	15.10	1.98	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
15	55. 00	18.00	3.60	14.00	2.00	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
16	60.00	20.00	3.80	12.00	2.40	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
17	55. 00	18.00	3.60	14.00	2.00	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
18	58, 00	19.00	3.58	13.00	2.20	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
19	60, 00	20.00	3.80	12.00	2.40	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
20	65. 00	23.00	4.00	11.00	2.60	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
21	69.00	25.50	4.50	10.50	2.65	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
22	72.00	27.00	4.70	10.00	2.80	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
23	73.00	28.00	4.80	9.90	2.90	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
24	75.00	29.50	4.90	9.50	3.00	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
25	72.00	27.00	4.70	10.00	2.80	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
26	75. 00	27.50	4.90	9.50	3.00	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
27	79.00	29.00	5.00	9.00	3.30	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
28	80.00	29.50	5.20	8.90	3.35	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
29	82.00	31.00	5.40	8.80	3.40	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
30	85.00	33.00	5.70	8.60	3.50	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
31	86.00	33.50	5.80	8.50	3.55	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
32	89. 00	34.00	6.00	8.30	3.60	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
33	85.00	33.00	5.70	8.60	3.50	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
34	86.00	35.00	5.80	8.50	3.55	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
35	88.00	35.50	5.90	8.30	3.57	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
36	89.00	37.00	6.00	8.30	3.60	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
37	90.00	38.20	6.20	8.20	3.70	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
38	92.00	39.00	6.40	8.10	3.80	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
39	95.00	42.00	6.60	7.90	4.00	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
40	96.00	43.20	6.70	7.80	4.10	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
41	95.00	42.50	6.60	7.90	4.00	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
42	97.00	44.00	6.80	7.80	4.30	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
43	98.00	45.30	6.90	7.70	4.40	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
44	99.00	46.00	7.00	7.70	4.50	9.0	0.0	0.0	0.0	1.0
45	100.00	48.00	7.20	7.60	4.55	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
46	102.00	50.00	7.60	7.50	4.60	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
-+0		52.00	7.90	7.40	4.80	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
47	105.00	. 571111							1 0.0	

وبتجريب صيغ التقدير المختلفة نحصل على النتائج التالية :

أولاً: استخدام الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة:

$$P = A X_1^{bi} X_2^{b2} X_3^{b3} X_4^{b4} e^{\sum_{i=1}^{5} a i D i + \pi i}$$

وبأخذ لوغاريتم الطرفين نحصل على:

 $L P = A^* + b_1 L X_1 + b_2 L X_2 + b_3 L X_3 + b_4 L X_4 + a_1 D_1 + a_2 D_2 +$  $a_3D_3 + a_4D_4 + a_5D_5 + u_1$ 

وباستخدام هذه الصيغة في التقدير نحصل على النتائج الموضحة بالجدول ( ٢٢-٦ ) : جدول (۲۲-۲)

Dependent Variable: LP Method: Least Squares Date: 05/24/04 Time: 18:32 Sample(adjusted): 2 48

included observations: 47 after adjusting endpoints

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	3.895890	0.136199	28,60449	0.0000
LX1	0.063407	0.066683	0.950881	0.3480
LX2	0.386265	0.064308	6.006491	0.0000
LX3	-0.243923	0.026156	-9.325531	0.0000
LX4	0.143455	0.057676	2,487242	0.0176
D1	-0.015717	0.009780	-1.607087	0.1168
D2	-0.012019	0.012015	-1.000368	0.3238
D3	-0.003020	0.013880	-0.217546	0.8290
D4	-0.008877	0.016882	-0.525801	0.6023
D5	-0.015430	0.019118	-0.807101	0.4249
AR(1)	0.580757	0.129914	4.470323	0.0001
R-squared	0.999354	Mean depend	ient var	4.232161
Adjusted R-squared	0.999175	S.D. depende	nt var	0.327548
S.E. of regression	0.009409	Akaike info c		-6.292890
Sum squared resid	0.003187	Schwarz crite	rion	-5.85
Log likelihood	158.8829	F-statistic		557
Durbin-Watson stat	2.355106	Prob(F-statis	tic)	0.00

L P = 3.8986 + 0.06 L 
$$II_1$$
 + 0.389 L  $II_2$  - 0.244 L  $III_3$  + 0.145 L  $III_4$  (0.1349) (0.066) (0.064) (0.0259) (0.0577)   
- 0.0156 D  $III_4$  - 0.0119 D  $IIII_3$  - 0.0085 D  $IIII_4$  - 0.015 D  $IIIII_4$  (0.0096) (0.0119) (0.0138) (0.0168) (0.019)   
Adj R  $IIIII_4$  - 0.999 , DW=2.35

(1) بفحص معادلة الانحدار المقدرة عاليه يتضح ما يلي: : " ا

أ - أن قوة الموتور: ( X ) وإن كانت تؤثر تأثيراً طودياً على سعر السيارة إلا أن هذا التأثير غير جوهري ، حيث أن : م أنه يم حسوما

(0.066 > 0.03)

ب - أن مساحة الركوب بالسيارة تؤثّر طردياً وجوّهرياً على سعر السيارة . فمرونة سعر السيارة بالنسبة لمساحة الركوب ( X 2 ) = ٠,٣٨٩ ، وهو ما يعني أن كل زيادة في مساحة الركوب بالسيارة بنسبة 10 % يترتب عليها زيادة سعر السيارة بنسبة 3.4 % تقريباً.

ح - أن معدل استهلاك السيارة للبنزين (X 3) يؤثر عكسياً وجوهرياً على سعر السيارة . فمرونة سعر السيارة بالنسبة لمعدل استهلاك البنزين/١٠٠ كم = - ٠,٢٤٤، وهو ما يعني أن كل انخفاض في كمية استهلاك البنزين بنسبة ١٠ ٪ يترتب عليها ارتفاع في سعر السيارة بنسية ٦,٤٤٥ ٪.

د - أن وزن السيارة ( X 4 ) ذو تأثير طردي وجوهري على سعر السيارة . فمرونة سعر السيارة بالنسبة لوزنها = ٠,١٤٥ وهو ما يعني أن كل زيادة في وزن السيارة بنسبة ١٠ ٪ يترتب عليها زيادة السعر بنسبة 1,20 %.

( ٢ ) يمكن تحديد الرقم القياسي لسعر السيارة المعدل للنوعية من خلال مقابل اللوغاريتم لمعلمات المتغيرات الثنائية على النحو الموضح بالجدول (22-2): •

: جدول (22-2)- تطور الرقم القياسي لسعر السيارة المعدل للنوعية

بیان	الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية	المعلمة المقدرة	<b>السنة</b> المحارة الأراض الأراض الأراض الأراض المحارة الأراض الأراض الأراض الأراض المحارة الأراض المحارة المحارة المحارة
	an in the sign of	8 (1 ) <b>-</b> v (1 ) j	199+
·,·10%- ( Y,Y 1A )	٠,٩٨٥	٠,٠١٥٦-	1991
·/·***** ( T,Y 1A )	-,9.	-,-114	1997
····YA~ ( Y,Y 1A )		5 7 7 YA- 3 7 75	1998
·,··^o-(Y,Y1A)	-,991	٠,٠٠٨٥_	1998
····۸۵ ( Y,Y1A )	٠,٩٨٥	•,•10-	1990

وبتقدير معدل النمو المركب للرقم القياسي لسعر السيارات المعدل خلال الفترة . ٩ - ١٩٩٥ كما بالجدول ( ٢٢-٨ ) نجد أنه لا يختلف جوهرياً عن الصفر ، مما يعني أن هذا السعر كان ثابتاً تقريباً خلال هذه الفترة وأنه لم يتأثّر بالتضخم . كما يمكن القول أن كل التغيرات في سعر السيارات خلال هذه الفترة كانت ترجع للتغيرات في النوعية ، وهذا ما يظهره معامل التحديد المعدل ٩٩,٩٪.

جدول (۲۲-۸)

Dependent Variable: LPX Method: Least Squares Date: 05/24/04 Time: 18:57

Sample: 1990 1995 included observations: 6

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.	
C T	-0.004229 -0.001379	0.006030 0.001548	-0.701387 -0.890921	0.5217 0.4233	
R-squared Adjusted R-squared S.E. of regression Sum squared resid Log likelihood Durbin-Watson stat	0.165578 -0.043027 0.006477 0.000168 22.93950 2.151310	Mean dependence S.D. dependence Akaike info conscious critical Schwarz critical Prob(F-statis	ent var criterion erlon	-0.009058 0.006342 -6.979833 -7.049246 0.793740 0.423318	

# (3) تحديد أثر التغير في النوعية على السعر: :

نقوم بحساب الصيغة التالية المعبرة عن التغير في النوعية خلال الفترة ( ٩٠ - ٩٥ ) .

$$\Delta Q = b_1 [(L\overline{X}_1)_5 - (\overline{L}\overline{X}_1)_1] + b_2 [(L\overline{X}_2)_5 - (\overline{L}\overline{X}_2)_1]$$

$$+ \hat{b}_3 [(L\overline{X}_3)_5 - (L\overline{X}_3)_1] + b_4 [(L\overline{X}_4)_5 - (L\overline{X}_4)_1]$$

$$\Delta Q = 0.06 (3.862 - 2.765) + 0.389 (1.986 - 0.9586)$$

$$\Delta Q = 0.932$$

ثم نقوم بحساب الصيغة التالية المعبرة عن التغير في السعر غير المعدل للنوعية :  $\Delta P = L P_5 - L P_0 = 4.61165 - 3.6798 = 0.932$ 

 $\frac{\Delta Q}{\Delta P} = \frac{\Delta Q}{\Delta P}$  : الأثر النسبي للتغير في النوعية =  $\frac{\Delta Q}{\Delta P}$  : الأثر النسبي للتغير في النوعية =  $\frac{\Delta Q}{\Delta P}$ 

أي أن كل التغير في السعر يرجع للتغير في النوعية ، وهو ما يعني أن السعر المعدل للنوعية ثابت .

جدول (۲۴-۹) متوسطات سنة الأساس 1940

	LP	LX1	LX2	LX3	LX4
Mean	3.679840	2.764913	0.958633	3.374573	0.553562
Median	3.713275	2.769454	0.992565	3.348517	0.545122
Maximum	3.912023	2.815409	1.178655	3.806662	0.667829
Minimum	3.401197	2.708050	0.693147	2.949688	0.405465
Std. Dev.	0.188611	0.037683	0.186779	0.308288	0.094771

جدول (۲۲–۱۰) متوسطات سنة ۱۹۹۵

Mean Median Maximum Minimum	LP 4.611657 4.600145 4.700480 4.553877	LX1 3.862387 3.849921 3.988984 3.749504	LX2 1.986323 1.959996 2.140066 1.887070	LX3 2.027755 2.034684 2.066863 1.974081	LX4 1.506229 1.509602 1.609438 1.386294
Std. Dev.	0.047189	0.083554	0.085630	0.030057	0.067906

# ثانياً: استخدام الصيغة الخطية:

$$P = A + a_1 D_1 + a_2 D_2 + a_3 D_3 + a_4 D_4 + a_5 D_5 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + b_3 X_3 + b_4 X_4 + u$$

ووفقاً لهذه الصيغة فإن القيمة المتوقعة ( متوسط ) لسعر السيارة في سنة الأساس 1990

هو:

$$\begin{split} E\left[\left.P\left/X_{1}\right.,X_{2}\right.,X_{3}\right.,X_{4}\right.,D_{1}=D_{2}=D_{3}=D_{4}=D_{5}=0\left.\right]=\\ P=A+b_{1}X_{1}+b_{2}X_{2}+b_{3}X_{3}+b_{4}X_{4}\\ a_{1}=0 \quad \text{finite initial of the constant of the material of the constant of the constant$$

 $a_4 = 1991$  كسنة أساس =  $a_5 = 1990$  والفرق بين متوسط سعر السيارة في عام 1990 ، 1990 كسنة أساس =  $a_5 = 1990$  وبتقدير الصيغة الخطية السابقة نحصل على النتائج الموضحة بالجدول ( $a_5 = 1990$ ) .

Dependent Variable: P Method: Least Squares Date: 05/24/04 Time: 19:05 Sample(adjusted): 2 48

Included observations: 47 after adjusting endpoints

Convergence achieved after 15 iterations

	Variable .	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
Market State	C	32.70253	3.427577	9.541004	0.0000
	X1	0.281166	0.186392	1.508466	0.1402
	X2	4.512360	1.079561	4.179811	0.0002
	Х3	-0.958294	0.243301	-3.938724	0.0004
	X4	5.902238	1.449931	4.070702	0.0002
	D1	2.109247	1.918005	1.099709	0.2788
	D2	3.241953	2.537844	1.277444	0.2096
	D3	3.977060	2.632257	1.510894	0.1395
	D4	2.746501	2.634374	1.042563	0.3041
	D5	2.669671	2.746875	0.971894	0.3376
34.	AR(1)	0.819217	0.052485	15.60848	0.0000
R-sq	uared 🗀 .	0.999184	Mean depen	dent var	72.34043
Adju	sted R-squared	0.998958	S.D. depende	ent var	21.63961
S.E.	of regression	0.698576	Akaike info	criterion	2.321911
Sum	squared resid	17.56831	Schwarz criterion		2.754924
	ikelihood	-43.56491	F-statistic		4410.371
_	in-Watson stat	1.982369	Prob(F-statis	stic)	0.000000

$$P = 32.7 + 0.28 X_1 + 4.51 X_2 - 0.96 X_3 + 5.90 X_4$$
(3.42) (0.186) (1.08) (0.243) (1.45)

$$+2.11$$
 D<sub>1</sub>  $+3.24$  D<sub>2</sub>  $+3.98$  D<sub>3</sub>  $+2.75$  D<sub>4</sub>  $+2.67$  D<sub>5</sub> (1.92) (2.54) (2.63) (2.63)

Adj  $R^2 = 0.99$  , DW=1.98

وبفحص المعادلة السابقة يتضح ما يلي: ﴿ وَهُ مَا اللَّهُ مِنْ الْعُلِّي اللَّهِ الْمُعَادِلَةُ السَّابِقَةُ يتضح

(١) أن قوة الموتور (X1) تؤثر طردياً على سعر السيارة ولكن هذا التأثير غير جوهري  $\hat{\mathbf{b}}_{1} > \frac{\hat{\mathbf{b}}_{1}}{2}$ 

السيارة ( $X_2$ ) أن مساحة الركوب بالسيارة ( $X_2$ ) تؤثر تأثيراً طردياً وجوهرياً على سعر السيارة ( $X_2$ ) حيث  $\frac{b_2}{2}$ : فكل زيادة في المساحة الداخلية للسيارة بمقدار

متر مربع يصاحبها زيادة في ثمن السيارة بمقدار 2012 حنيه في المتوسط . .

( ٣ ) أن معدل استهلاك السيارة من البنزين ( X3 ) يؤثر تأثيراً عكسياً وجوهرياً على سعر السيارة . فكل انخفاض في استهلاك البيرين للسيارة بمقدار ١ لتر / ١٠٠ كيلو يؤدي لارتفاع السعر بمقدار 108 جنيه في المتوسط ..

(٤) أن وزن السيارة ( X4) يؤثر تأثيراً طردياً وجوهرياً على سعر السيارة . فكل زيادة في وزن السيارة بمقدار ١ كيلو جرام يصاحبه زيادةً في سعرها بمقدار ٥,٩ جنيه في المتوسط ..

ويمكن تحديد الرقم القياسي لسعر السيارة المعدل بالنوعية كما بالجدول ( ٢٢-١٢ ) ، مع العلم أن متوسط سعر السيارة المعدل للنوعية في سنة الأساس ١٩٩٠ = ٣٢,٧ وهو يتمثل في المعلمة التقاطعية الخطية السابقة ...

جدول (۲۲-۲۲) الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية وفقأ للصيغة الخطية

الرقم القياسي P للسعر .	متوسط سعر السيارة	معلمة المتغير الثنائي	
(1=111-)	المعدل للنوعية	2 2000 000	
The same of the sa	<b>"", "</b>		199-
1,-10	TE,A1	T,11	1991
1,-44	70,1£	F.78	1997
1,177	<b>77,7</b> 4	7,44	144"
1,-40	T0,£0	7,70	1998
1,-41	To,TY	1,17	1990

جدول (۲۲-۱۳)

# معدل النمو المركب في الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية

Dependent Variable: LPX Method: Least Squares Date: 05/24/04 Time: 19:17

Sample: 1990 1995 Included observations: 6

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.025146 0.013457	0.031675 0.008133	0.793881 1.654536	0.4717 0.1734
R-squared	0.406307	Mean dependent var		0.072245
Adjusted R-squared	0.257884	S.D. depende	ent var	0.039496
S.E. of regression	0.034024	Akaike info	riterion	-3.662287
Sum squared resid	0.004631	Schwarz crit	erion	-3.731701
Log likelihood	12.98686	F-statistic		2.737489
Durbin-Watson stat	1.148301	Prob(F-statistic)		0.173361

ومن الواضح بالجدول ( ٢٣-١٣ ) أن التغير في الرقم القياسي للسعر المعدل للنوعية غير جوهري ، ويؤكد هذه الحقيقة أن معلمات المتغيرات الثنائية ليس لها معنوية إحصائية . وتتفق هذه النتيجة مع تلك التي تم الحصول عليها من استخدام الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة ، والتي تؤكد أن التضخم لم يؤثر جوهرياً على السعر المعدل للنوعية .

ويمكن تحديد أثر التغير في النوعية على السعر باستخدام الصيغة الخطية بين

الفترتين فترة الأساس والفترة الخامسة كما يلي: 
$$\Delta Q = b_1 [(\overline{X}_1)_5 - (\overline{X}_1)_0] + b_2 [(\overline{X}_2)_5 - (\overline{X}_2)_0]$$

$$+\hat{b}_{3}[(\overline{X}_{3})_{5}-(\overline{X}_{3})_{0}]+\hat{b}_{4}[(\overline{X}_{4})_{5}-(\overline{X}_{4})_{0}]$$

$$\Delta Q = 0.28 (47.725 - 15.887) + 4.5 (7.31 - 2.647)$$

$$-0.96(7.6-30.45)+5.9(4.518-1.746)$$

$$\Delta O = 8.915 + 20.984 + 21.936 + 16.355$$

$$\Delta Q = 68.19$$

$$\Delta P = P_5 - P_0 = 100.75 - 40.25 = 60.5$$

$$1,17 = \frac{7\lambda,19}{1,0} = \frac{\Delta Q}{\Delta P} = \frac{1,09}{1,09}$$
 الأثر النسبي للنوعية

-1.17 = -1.17 = 1 التغير النسبي في السعر المعدل للنوعية

وهذا يعني أن كل التغير في السعر بين الفترتين الأولى والخامسة يرجع للتغير في النوعية ، بل أكثر من هذا فإن التحسن في النوعية كان أكبر من الارتفاع في السعر بنسبة ١٣ ٪، وهو ما يعني أن السعر المعدل للنوعية انخفض بنسبة ١٣ ٪، ولكن نظراً لأن السعر المعدل للنوعية كان ثابتاً فإن النقص بمقدار ١٣ ٪ يعتبر غير جوهري .

جدول ( ۲۲ – ۱٤ )

متوسطات سنة الأساس 1990

	Р	X1	X2	ХЗ	X4
Mean	40.25000	15.88750	2.647500	30.45000	1.746250
Median	41.00000	15.95000	2.700000	28.50000	1.725000
Maximum	50.00000	16.70000	3.250000	45.00000	1.950000
Minimum	30.00000	15.00000	2.000000	19.10000	1.500000
Std. Dev.	7.382412	0.596268	0.480974	9.384181	0.164224

جدول (27-10) متوسطات السنة الأخيرة 1990

	Р	X1	X2	Х3	X4
Mean	100.7500	47.72500	7.312500	7.600000	4.518750
Median	99.50000	47.00000	7.100000	7.650000	4.525000
Maximum	110.0000	54.00000	8.500000	7.900000	5.000000
Minimum	95,00000	42.50000	6.600000	7.200000	4.000000
Std. Dev.	4.832923	4.016662	0.642401	0.226779	0.304651

# The beginning the state of the

AND THE SECOND S

#### Section 1

#### n North Address of March plant for

		and the first of the first of the control of the co		
		231		
				5.4.45
		364.46.09	44.0000	t specifical Ad-
0.4968.914				A STANSON OF V
		5.7500, 5.753	4.0000 (46)	street, bester
			1 1 1 1 A A A A A A A A A A A A A A A A	seat daile

#### 그렇게 하다 뭐 그리던 보고 되었다.

	and the second second second				are a company of		
						975	
Ĭ		•	Market & L	er Brade			an veryer available 1900
	SPECIAL C			1834566			
	or Shelphaller			sagari i space			Safawa Marata I
į		*. 	NEW REAL TO		10000111		MEG SE

# الفصل الثالث والعشرون دالة الطلب على الكهرباء Estimation of Demand for Electricity

#### مقدمة

لعل السؤال الذي يثور منذ البداية لماذا نهتم بتقدير دالة الطلب على الكهرباء ؟ يوجد هناك عدد من الأسباب التي نوردها فيما يلي :

(أ) يحتاج التخطيط لإقامة محطة توليد كهرباء فضلاً عن تنفيذها إلى وقت طويل يمتد بين ٣ – ١٠ سنوات . ولتوفير الكميات المطلوبة من الكهرباء في وقتها المحدد يتعين التنبؤ بالطلب على الكهرباء في وقت مبكر حتى يمكن إقامة المحطات ذات الحجم الملائم والتي تمدنا بالكميات اللازمة من الكهرباء . وتستخدم عادةً دوال الطلب المقدرة للكهرباء في عمليات التنبؤ .

(ب) يؤدى إقامة محطات توليد كهرباء دون الاستعانة بتنبؤات دوال الطلب إما إلى وجود قصور في عرض الكهرباء أو إلى وجود طاقة عاطلة في محطات توليد الكهرباء ، ولكلٍ من هذين العاملين آثار اقتصادية خطيرة .

ويحتوي هذا الفصل على مبحثين:

المبحث الأول: نموذج الطلب على الكهرباء.

المبحث الثاني: بعض المشاكل القياسية في تقدير الطلب على الكهرباء.

## المبحث الأول

# نموذج الطلب على الكهرياء

( ٢٣ - ١ - ١) الخصائص المميزة للطلب على الكهرباء:

يوجد هناك عدد من الخصائص التي تميز الطلب على الكهرباء عن غيره من السلم والخدمات:

(١) على خلاف السلع الاستهلاكية لا يعتبر الطلب على الكهرباء طلباً مباشراً وإنما طلباً مشتقاً . فالكهرباء لا تستهلك مباشرة مثل بعض السلع كالخبز والتقاح والملابس ، وإنما تطلب لتستخدم في تشغيل سلع وأجهزة أخرى مثل الثلاجات والغسالات والآلات والمصاعد واللمبات وغيرها . ومن ثم فإن الطلب عليها مشتق من الطلب على السلع والأجهزة التي تستخدم من خلالها .

(٢) تستخدم الكهرباء في تشغيل سلع وأجهزة معمرة قد تستمر في بعض الحالات لمدة عشرين عام أو أكثر. ولذا فإن مخزون السلع المعمرة المستخدمة للكهرباء قد يكون ثابتاً في الأجل القصير. ومن ثم فإن التغير في الكمية المطلوبة من الكهرباء في الأجل القصير يرجع لتغير معدل استخدام هذا المخزون الثابت من الأجهزة. فارتفاع السعر الحقيقي للكهرباء قد يترتب عليه تقليل عدد ساعات تشغيل المكيفات الكهربائية يومياً، وتقليل عدد اللمبات الكهربائية المضاءة، والعكس صحيح. أما في الأجل الطويل فإن الطلب على الكهرباء يتغير مع تغير مخزون الأجهزة والسلع المستخدمة للكهرباء. ولذا الطلب على المتوقع أن تكون مرونة الطلب على الكهرباء في الأجل الطويل أكبر منها في الأجل القصير.

(٣) يتغير سعر الكهرباء مع تغير الشريحة التي يستهلك فيها الفرد للكهرباء . ويترتب على ذلك أن السعر الحدي للكهرباء يختلف عن السعر المتوسط . ويتضح هذا من الحدول (٢٣-١) ( لأسرة واحدة ) :

جلول (۲۳-۱)

the state of the s				4.5		
	0 _ 64	0.6	27.7		7 1 4	
- 1	T-40-01	-T-110	· C.	111	II	ř.
(افتراضي)*	<del></del>	7	9	~~;	ويستو	,

الشعر الحدي بالقرش	السعر المتوسط بالقرش	الشريحة	سعر الكيلو / وات
<u>k jakista.</u>		بالكيلو/وات	بالقرش
<b>Y.</b>	r. Britisher I. v. J. Britisher	۳۰ الأولى	۲.
10	10,70	٢٠٠٠ الثانية	ugatta og <b>10</b> gg
	17,60	<b>₹</b> ₩₩1 ٣٠٠	and a substitution of the
	A,AY-Sirak	٥٠٠ الرابعة	

ووفقاً للنظرية الاقتصادية من الأفضل استخدام السعر الحدي عند تقدير الطلب على الكهرباء . ونظراً لوجود أكثر من سعر حدي تبعاً للكمية التي يستهلكها كل مشترك ، فإن السعر الحدي للمدينة يتم حسابه على أساس أنه السعر الحدي المقابل للكمية المستهلكة في المنوسط للفرد . ومن الواضح أن استخدام السعر المتوسط في تقدير دالة الطلب على الكهرباء في حالة نظام الشرائح من خلال طريقة المربعات الصغرى العادية يترتب عليه وجود مشكلة التحيز الآني ، ذلك لأنه بجانب أن الكمية المطلوبة تتأثر بالسعر المتوسط ، فإن السعر المتوسط يتأثر بالكمية المطلوبة .

(٤) يلاحظ أن تكلفة تقديم كيلو/ وات كهرباء في أوقات الدروة ربما يكون أعلى منها في أوقات الدروة وبما يكون أعلى منها في أوقات غير الدروة . وتسعى شركات الكهرباء لتتقاضى سعر حدي في أوقات الدروة أعلى من السعر الحدي في أوقات غير الدروة . وفي حالة البيانات السنوية يسعى الاقتصاديون للحصول على سعر حدي مرجح للسنة ككل حيث:

$$10, 10 = \frac{11 - 10}{10} = \frac{(10 - 10) + (10 - 10)}{10 - 10} = \frac$$

كمية استهلاك الذروة

/ 4 WW \	✓D — 11	17 D _ 137	D.	4	
(1-1")	III T	V [ E   T VV 2	F21	ه. + ت. ه	ت.≕ت.
' '	•	of the Mark to the Ta	o Tasfarasi		-, -

ث ، = السعر الحدي للذروة .

و, = الوزن المرجح للذروة = كمية استهلاك كلية

ت . = السعر الحدى لغير الدروة .

كمية استهلاك غير الدروة

كمية استهلاك كلية

و ، = الوزن المرجح لوقت غير الذروة =

أما إذا كانت البيانات موسمية فإنها قد تعكس مثل هذه التقلبات بطبيعتها دون

حاجة لتعديل.

ولقد أثبتت التجربة أن الكهرباء من المجالات التي يصعب فيها تقدير تنبؤات دقيقة. ويتضح هذا من الفرق الكبير بين معدل نمو الطلب المتوقع للكهرباء في شمال أمريكا ومعدل نمو الطلب الفعلى بالجدول (٢٣-٢) ....

جدول (۲۳-۲۳) - تنبؤات مجلس الجودة الكهربائية لشمال أمريكا North American Electric Reliability Council

نسبة الفعلي للمتوقع %	معدل النمو الستوي القعلي	معدل النمو السنوي المتوقع	الفترة التي تم التنبؤ لها	سنة تيم فيها التوقع
<b>"•,</b> 1	<b>7,7</b>	77.6 2 100 4 4 100 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	14A4 - VE 14A6 - VO	1974 41. 1972 1972
જેલા <b>ા દુષ</b> ્ટ્રેજના કું ઉત્ત		Ago Brand Color	TY-OAP	11470
(North <b>E), E</b> North	. A <b>1,4</b>	a <sub>(</sub>	Syn ( 19 <b>47 – YY</b>	1471
٤٣,٤	<b>!;!</b>	۰,۳	1944 – 44	1477
May and To Village By	<b>Y,£</b>	€,A	- 3414XA <b>- 74</b>	1574

## ( ٢-١-٢٣ ) تقدير دالة الطلب على الكهرباء في الأجلين القصير والطويل:

لقد كان كلٍ من صاغ Carl Kaysen, Franklin M. Fisher أول من صاغ نموذجاً لتقدير دالة الطلب على الكهرباء في الأجل القصير. ومن المعروف أن الطلب على الكهرباء في الأجل القصير يتغير بتغير نسبة استغلال Utilization Ratio طاقة الأجهزة والمعدات الكهربائية. وقد استخدم كلٍ من فيشر وكيزين مجموع عدد

الكيلووات / ساعة لكل الأجهزة الكهربائية إذا ما تم استخدامها استخداماً عادياً كمؤشر الطاقة هذه الأجهزة (ق ) حيث:

ق : = طاقة الأجهزة الكهربائية التي تمتلكها الأسرة "ر" في الفترة "ز" مقاسة بعدد الكيلووات ساعة التي تقدر على اشتغالها إذا ما استخدمت استخداماً عادياً ( W it ) . ك . = عدد الكيلووات ساعة الفعلية التي تستهلكها الأسرة " ر " من الكهرباء في الفترة (qir)";"

$$(Y-YY)$$
 ......  $q_{it} = a_{it} W_{it}$  و  $j_{ij} = j_{ij}$ 

ر = نسبة تشغيل الأجهزة الكهربائية من قبل الأسرة " ر" في الفترة "ز " ( am )

$$(r-rr)$$
 .....  $a_{it} = a_{it} (P_{it}, Y_{it}) (j, j, j) = j, i$ 

ث  $_{i,j}$  (  $P_{it}$  ) = السعر الحقيقي للكهرباء ، ل  $_{i,j}$  (  $Y_{it}$  ) = متوسط الدخل الحقيقي .

وهدا يعني أن نسبة تشغيل الأجهزة الكهربائية دالة في السعر الذي تدفعه الأسرة في الكيلووات / ساعة كهرباء في الفترة "ز " ، وفي الدخل الحقيقي للأسرة في الفترة 🍍 ز" 🔩 وبالتعويض من (23-3 ) في (23-2 ) نحصل على :

$$(\mathfrak{t}$$
-۲۳) ..... $q_{ii} = a_{ii} (P_{ii}, Y_{ii}) W_{ii}$ 

وتعيني الصيغة (23-2) أن الكمية المطلوبة من الكهرباء في الأجـل القصير ( ك رز) تتحدد بالدخل الحقيقي ، والسعر الحقيقي ( والذي يختلف من أسرة لأخرى تبع اختلاف الشريحة ) ، وطاقة الأجهزة الكهربائية المملوكة من قبل الأسرة. ولقد استخدم كل من فيشر وكيزين الصيغة التالية للتعبير عن الدالة (٢٣-٤).

$$q_{it} = P_{it}^{\alpha} Y_{i}^{\beta} W_{it}$$
  $q_{it} = P_{it}^{\alpha} Y_{i}^{\beta} W_{it}$ 

وبالحصول على لوغاريتم الطرفين نجد أن:

$$(7-77)$$
لوك رز = أ الوث رز + أ الول رز + لوق رز  $1 - 17$  الوث رز = أ الوث رز + أ الول رز + لوق رز المام ال

 $\frac{W_{it}}{W_{it-1}} = e^{r}$ 

.. لوق رز – لوق رز – ا

وبالحصول على الصيغة ( ٢٣-٦) للفترة السابقة ( ز - ١ ) نجد أن :

لوك رزيا = أ , لوث رزيا + أ ، لول رزيا + لوق رزيا ...... (٨-٢٣)

بطرح (٢٣-٨) من (٦-٢٣) والتعويض من (٢٣-٧) نحصل على:

لوك رزالوك رزاء = م + أ، (لوث رزالوث رزاد) + أ، (لول رزالول رزاد)

 $\ln q_{it} - \ln q_{it-1} = r + \alpha_1 \left( \ln P_{it} - \ln P_{it-1} \right) + \alpha_2 \left( \ln Y_{it} - \ln Y_{it-1} \right)$ 

ولقد قام كل من فيشر و كيزين بتقدير الصيغة ( ٢٣-٩ ) لكل ولاية من الولايات المتحدة عبر ١٢ سنة ( ١٩٤٦ - ١٩٥٧ ) واقتصر مخزون الأجهزة على ٧ أنواع من الأجهزة الكهربائية . ولقد اتضح من القياس أن مرونة الطلب السعرية قصيرة الأجل للكهرباء أقل من الواحد بالنسبة لكل الولايات تقريباً . وكانت أكبر بالنسبة للولايات الأقل تقدماً منها للولايات الأكثر تقدماً .

وتشير أراء أرالى مرونة الطلب السعرية ومرونة الطلب الدخلية للكهرباء على التوالي. كما تشير الصيغة (-10) إلى أن معدل نمو الطلب على الكهرباء (لوك -10) إلى أن معدل نمو الطلب على الكهرباء (لوك -10) ومعدل التغير في السعر (لوث -10) ومعدل نمو الدخل الحقيقي (لول -10) ولقد قام كل من فيشر وكيزين بتقدير دالة الطلب على الكهرباء في الأجل الطويل . ولعمل ذلك استخدما ما يسمى Saturation Model . وتتمثل متغيرات هذا النموذج في :

معدل نمو مخزون الأجهزة كمؤشر لمعدل نمو الكمية المطلوبة من الكهرباء في الأجل الطويل = لو ق  $_{i-1}$  لو ق  $_{i-1}$   $_{i-1}$   $_{i-1}$  الفتراض أن الأجهزة تستخدم بكل طاقتها العادية في الأجل الطويل .

والمتغيرات المستقلة:

 $(G_n)$  ن څ= السعر المتوقع للغاز

عدد الزيجات الجديدة = ج رز (Bit ) عدد الزيجات

وللمحافظة على درجات الحرية عند مستوى مرتفع استخدم فيشر وكيزين بيانات سلسلة قطاعية (ولايات وسنوات). وتم استخدام المتحرك للدخل الحقيقي الفردي عبر ١٧ سنة كمؤشر للدخل الدائم مع استخدام أوزان نسبية متناقصة. كما تم استخدام المتوسط المتحرك لمدة ثلاث سنوات لقياس السعر المتوقع للغاز.

ولقد اتضح أن العوامل الاقتصادية أقل تأثيراً من العوامل غير الاقتصادية في طلب الكهرباء بالأجل الطويل ، خاصة العوامل الديموغرافية .

كما أن استخدام بيانات عن مخزون الأجهزة الكهربائية أدى إلى عدم دقة البيانات وإلى أخطاء في التقدير .

( ٢٣-١-٣ ) نماذج قياسية بدون بياتات عن مخزون الأجهزة الكهربائية :

من الممكن استخدام بعض الصيغ التي تساعد على تقدير مرونات الطلب السعرية والدخلية للكهرباء في الأجلين الطويل و القصير في معادلة واحدة ودون استخدام بيانات عن مخزون الأجهزة الكهربائية . ومن أبرز النماذج المستخدمة في ذلك نموذج التعديل الجزئي Partial Adjustment Model . ويأخذ هذا النموذج الصيغة التالية :

$$(1-rr)$$
 ........  $_{j}+_{j}$  لوك  $_{i}+_{j}+_{i}$  لوك  $_{i}+_{j}+_{i}$  لوك  $_{i}+_{j}+_{i}$  لوك  $_{i}+_{i}+_{i}$  لوك  $_{i}+_{i}+_{i}$ 

حيث

$$(q_1)_{ij}$$
 ك  $=$  الكمية الفعلية المستهلكة من الكهرباء في الفترة  $=$  الكمية الفعلية المستهلكة من الكهرباء في

$$(q_{t-1})^{-1}$$
 الكمية الفعلية المستهلكة من الكهرباء في الفترة السابقة ز $(q_{t-1})^{-1}$ 

$$(P_1)$$
 في الفترة ز $P_2$ 

$$(Y_t)$$
ل و  $=$  متوسط الدخل الحقيقي في الفترة ز

$$(\alpha_2)_{\infty}$$
 مرونة الطلب السعرية للكهرباء في الأجل القصير و الطلب السعرية للكهرباء في الأجل

$$(\alpha_3)$$
 مرونة الطلب الدخلية في الأجل القصير = مرونة الطلب الدخلية الأجل القصير

$$\frac{\alpha_2}{(1-\alpha_1)} = \frac{-1}{(1-\alpha_1)} = \frac{1}{(1-\alpha_1)}$$

$$\frac{\alpha_3}{(1-\alpha_1)} = \frac{r^{\frac{1}{2}}}{r^{\frac{1}{2}}} = \frac{r^{\frac{1}{2}}}{r$$

ويمكن أن يضاف للمعادلة ( 23-10 ) أي عدد من المتغيرات التفسيرية الأخرى التي يعتقد أنها تؤثر في الطلب على الكهرباء .

ويلاحظ أنه إذا كان هناك مشكلة ارتباط ذاتي فإن طريقة المربعات الصغرى العادية تعطى نتائج غير متسقة ومتحيزة وعندئد يتعين استخدام طريقة أخرى مثل طريقة المرجلتين لتقدير نموذج التعديل الجزئي.

夏季的 化二苯基甲基酚 的复数电子磁电流 化化二氯二甲烷 人名英克尔特斯克克特斯克克斯克克

ATA

#### المبحث الثاثي

## بعض المشاكل القياسية في تقدير الطلب على الكهرباء

يوجد هناك بعض المشاكل القياسية التي تتعلق بتقدير الطلب على الكهرباء

منها:

#### Simultaneity Bias مشكلة التحيز الآني التحير المتعادية

عندما يتبع نظام الشرائح في تسعير الكهرباء فإن متوسط سعر الكيلو وات كهرباء المحسوباً على أساس حاصل قسمة الإنفاق الكلى للكهرباء على عدد الكيلو وات / ساعة المستهلكة ) يتأثر بالكمية المستهلكة من الكهرباء . ومن ثم فإن استخدام متوسط سعر الكهرباء كمتغير تفسيري في تقدير دالة الطلب يؤدى إلى تحيز المعلمات المقدرة ، ذلك لأن السعر وإن كان يؤثر في الكمية فإن الكمية تؤثر في السعر في آن واحد . ومن ثم فإن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية لا يمكن أن يفصل الأثرين عن بعضهما. ولحل هذه المشكلة يفضل استخدام السعر الحدي للكهرباء بدلاً من استخدام السعر المتوسط .

### ( ۲-۲-۲۳ ) محاولة Robert Halvoresen )

لقد استخدم هالفورسن الصيغة التالية لوصف نظام الشرائح:

$E = A q^b$	ن=أك
(E)	حيث: ت=الإنفاق الكلي على الكهرباء
ووات (q) ووات (q)	ك = الكمية المستهلكة من الكهرباء بالكيا
(A,b)	اً ، ب = معلمات
	وبالحصول على لوغاريتم الطرفين نحد:
(17-77)	 لون = لوأ + ب لوك

Ln  $E = \ln A + b \ln a$ 

$$P_a = (Aq^{b-1})^{b-1}$$
 = أك بالمتوسط (ث م = ( م المتوسط (ث م

ومنها: لوث 
$$q = left(v - v) + left(v - v)$$

$$(18-77)$$
 ......  $2 ext{ gd} = -10 ext{ (ب-1)} ext{ de } = -10 ext{ (ب-1)} ext{ de } = -10 ext{ de }$ 

وللتخلص من مشكلة التحيز الآني يتم تقديراً ، ب من خلال الصيغة (٢٣-١٣)، ثم يتم التعويض عن القيم المقدرة لهما في الصيغة (٢٣-١٤) للحصول على ث ع أو لو ث ع في تقدير الصيغة لو ث ع أو لو ث ع في تقدير الصيغة (٢٣-١٠).

#### ( ٣٠-٢-٣ ) تقدير السعر الحدي

من المفضل حساب سعر حدي لكل كمية مستهلكة . ويتم اختيار السعر الحدي الدي يقابل الكمية المستهلكة في المتوسط بالولاية المعينة . ويوضح الجدول (٣٣-٣) كيفية عمل ذلك .

#### جدول (٢٣-٣٠) تحديد السعر الحدي

السعر الحدي	متوسط الكمية المستهلكة للأسرة	الشريحة بالكيلو وات	سعر الكيلو وات بالقرش
<b>Y</b> •	<b>r.</b>	۳۰ الأولى	<b>Y</b> •
	rr.	٢٠٠ الثانية	10
1 1. 1. 1. I.	۵۳۰	ಸಭಿಭು ۳۰۰	in the second se
	1.7	٥٠٠ الرابعة	٥

#### ( ٢-٢-٢ ) الصيغة الملائمة لدالة الطلب:

إن استخدام الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة لتقدير دالة الطلب يتضمن أن مرونات الطلب السعرية والدخلية بالنسبة للكهرباء ثابتة ، فمهما زاد السعر أو الدخل تظل المرونة ثابتة. ولكن من الملاحظ أنه في بعض الحالات تقل مرونة الطلب الدخلية مع ارتفاع الدخل وتزداد مرونة الطلب السعرية مع ارتفاع السعر . وللتخلص من هذه المشكلة يتعين استخدام بعض الصيغ مثل Translog التي تسمح بتغير المرونة مع تغير الدخل والسعر .

مثال (۱-۲۳) تقدير دالة الطلب على الكهرباء

إذا علمت أن بيانات الجدول ( ٢٣-٤ ) تخص إحدى المدن خلال الفترة ١٩٨٠ - ١٩٩٥ ، حث:

متوسط استهلاك الأسرة من الكهرباء بالألف كيلو وات  $X_{n\,1}=$  السعر الحدي لكيلو وات الكهرباء بالعشرة قروش

$$X_{n2} =$$

متوسط الدخل النقدي بالألف جنيه

P =

الرقم القياسي لأسعار التجزئة

جدول (۲۳-٤)

السع الحدي ومتوسط استهلاك الكهرباء للأسرة في إحدى المدن

		4	A 4 TH A	
Year	Y	XN1	XN2	I.
1980	3.0	1.8000	5.000	1.00
1981	3.2	1.6800	5.775	1.05
1982	3.5	1.6500	7.150	1.10
1983	3.9	1.6356	8.816	1.16
1984	4.4	1.5827	10.472	1.19
1985	5.0	1.5625	12.500	1.25
1986	5.7	1.6200	15.525	1.35
1987	6.5	1.6588	18.733	1.43
1988	7.4	1.7402	22.330	1.54
1989	8.4	1.7760	25.280	1.60
1990	9.5	1.8260	28.220	1.66
1991	10.7	1.7473	31.140	1.73
1992	11.9	1.6560	34.200	1.80
1993	13.0	1.7100	37.050	1.90
1994	14.5	1.7000	40.000	2.00
1995	16.0	1.7200	44.075	2.15

والمطلوب هو تقدير دالة الطلب على الكهرباء باستخدام نموذج التعديل الجزلي، ثم تفسير نتائج القياس.

من وحتى نجيب على المطلوب السابق يتعين إتباع الخطوات التالية : والمطلوب السابق يتعين إتباع الخطوات التالية :

#### (١) نحصل على:

$$X_1 = \frac{X_{n\,1}}{P}$$
 السعر الحدي الحقيقي للكهرباء  $X_{n\,2} = \frac{X_{n\,2}}{P}$  متوسط الدخل الحقيقي  $Y_2 = Y_{1-1}$  متغير استهلاك الكهرباء ذو الفجوة مده البيانات في الجدول ( $Y_1 = Y_2 = Y_1$ ).

#### جدول (۲۳-۵)

Year	Y	Y2	X1	X2
1980	3.000000	NA NA	1.800000	5.000000
1981	3.200000	3.000000	1.600000	5.500000
1982	3.500000	3.200000	1.500000	6.500000
1983	3.900000	3.500000	1.410000	7.600000
1984	4.400000	3.900000	1.330000	8.800000
1985	5.000000	4.400000	1.250000	10.00000
1986	5.700000	5.000000	1.200000	11.50000
1987	6.500000	5.700000	1.160000	13.10000
1988	7.400000	6.500000	1.130000	14.50000
1989	8.400000	7.400000	1.110000	15.80000
1990	9.500000	8.400000	1.100000	17.00000
1991	10.70000	9.500000	1.010000	18.00000
1992	11.90000	10.70000	0.920000	19.00000
1993	13.00000	11.90000	0.900000	19.5000 <b>0</b>
1994	14.50000	13.00000	0.850000	20.00000
1995	16.00000	14.50000	0.800000	20.50000

الوغاريتم الطبيعي للمتغيرات السابقة ثم نقدر الصيغة :  $\ln Y_t = C + b_1 \ln Y_{t-1} + b_2 \ln X_{1t} + b_3 \ln X_{2t} + u_1$  فنحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٦-٢٣) .

جدول (۲۳-۲)

Dependent Variable: LY Method: Least Squares Date: 05/26/04 Time: 17:14 Sample(adjusted): 1981 1995

Included observations: 15 after adjusting endpoints

Variable Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
	0.033852	0.048503	0.697939	0.4997
LY2	0.835562	0.022798	36.65091	0.0000
LX1	-0.113392	0.051401	-2.206055	0.0496
LX2	0.156704	0.016390	9.560801	0.0000
R-squared	0.999871	Mean depend	dent var	1.981312
Adjusted R-squared	0.999836	S.D. depende	ent var	0.533262
S.E. of regression	0.006837	Akaike info	riterion	-6.909624
Sum squared resid	0.000514	Schwarz crit	erion	-6.720810
Log likelihood	55.82218	F-statistic		28382.00
<b>Durbin-Watson stat</b>	1.720761	Prob(F-statis	tic)	0.000000

(٤) نقوم بتفسير النتائج على النحو التالي:

(أ) مرونة الطلب السعرية في الأجل القصير  $b_2 = 0.113 - 0.18$  وهي تعني أن تغير السعر بنسبة 10  $\times$  يؤدى لتغير الكمية المطلوبة من الكهرباء بنسبة 1,10  $\times$  في الاتجاه العكسي . ومن الملاحظ أن تأثير السعر جوهري في السوق على الكمية المطلوبة ، كما أنه يتفق مع منطق النظرية . وحيث أن مرونة الطلب السعرية أقل من الواحد فإن الطلب على الكهرباء غير مرن في الأجل القصير .

$$\frac{b_2}{1-b_1} = \frac{b_2}{1-b_1}$$

$$\frac{-,117-}{-,136} = \frac{-,117-}{-,136} = \frac{-,117-}{-,136} = \frac{-,136}{-,136} = \frac{-,136}{-,$$

ومن الواضح أن مرونة الطلب السعرية في الأجل الطويل أكبر من مرونة الطلب السعرية في الأجل القصير . وهي تعني أن تغير السعر بنسبة ١٠ ٪ يترتب عليه تغير الكمية المطلوبة من الكهرباء في الأجل الطويل بنسبة ٦،٩ ٪ في الاتجاه العكسي، ولكن مازال الطلب على الكهرباء غير مرن حتى في الأجل الطويل .

(-c.) مرونة الطلب الدخلية في الأجل القصير  $b_3 = 0.157$  وهي موجبة مما يتفق مع منطق النظرية . وتعنى أن زيادة الدخل الحقيقي بنسبة ١٠ ٪ تؤدى لزيادة الكمية المطلوبة من الكهرباء بنسبة ١٠٥٪ ٪ في الأجل القصير . ويلاحظ أن هذا التأثير معنوي . وطالما أن مرونة الطلب الدخلية للكهرباء في الأجل القصير أقل من الواحد فهي تعتبر سلعة ضرورية في الأجل القصير .

$$\frac{b_3}{1-b_1} = \frac{b_3}{1-b_1}$$
 | (c)  $a_0 = \frac{b_3}{1-b_1}$  |  $a_0 = \frac{b_3}{1-b_1}$  |  $a_0 = \frac{b_3}{1-b_1}$  |  $a_0 = \frac{b_3}{1-b_1}$ 

ومن الواضح أن مرونة الطلب الدخلية في الأجل الطويل أعلى منها في الأجل القصير، حيث يترتب على زيادة الدخلِ بنسبة ١٠ ٪ زيادة الطلب على الكهرباء بنسبة ١٠ ٪ تقريباً.

## الفصل الرابع والعشرون

## اختبار نظرية تعادل القوى الشرائية

Testing of the Purchasing power Parity Theory
(PPP)

#### . Harvari, 1965, 1 ogs. 44 gr. 44.1 (14. **. 16.420**

Andrew Standard American March Commencer and September 1981, 1990, 1991, 1991,

تنص نظرية تعادل القوى الشرائية (PPP) على أن أسعار الصرف بين العملات تكون في وضع توازن إذا كانت القوة الشرائية لهذه العملات في الدول محل الاعتبار متساوية عند هذه الأسعار . فعلى سبيل المثال إذا كان سعر صرف الدولار في مصر هو: ادولار = ٦ جنيهات ، وكان سعر الكيلو اللحم البقري من نوع معين في مصر = ٢٤ جنيه، وكان سعر الكيلو من نفس نوع اللحم في الولايات المتحدة = ٤ دولار ، يقال في هذه الحالة أن سعر الصرف السائد في مصر هو سعر التوازن ، و لا يوجد هناك أي مبرر للانحراف عنه ، ذلك لأن عنده القوة الشرائية للعملتين متساوية ، حيث:

قيمة كيلو اللحم البقري في مصر بالجنيه = قيمة كيلو اللحم في الولايات المتحدة مقومة على أساس سعر الصرف في مصر (٦ جنيه للدولار ) = ٢٤ جنيه .

ولكن إذا افترضنا أن سعر كيلو اللحم البقري في مصر = TT جنيها . الولايات المتحدة = 3 دولار ، وسعر الصرف الرسمي في مصر : 1 دولار = 1 جنيهات . إذن : سعر صرف التوازن وفقا لنظرية تعادل القوى الشرائية = TT جنيه 1 دولار = 1 جنيه . وهذا يعني أن سعر الصرف السائد في مصر دون السعر التوازني ، ومن ثم فإن الدولار يكون مقوماً بأقل من قيمته الحقيقية ، والجنيه يكون مقوماً بأعلى من قيمته الحقيقية ، حبث :

القيمة الفعلية للجنيه المصري بالدولار وفقا لسعر الصرف الرسمي =  $1 \div 1 = 1.7.$  دولار القيمة التوازنية للجنيه المصري بالدولار وفقا لنظرية PPP  $\cdot$ , 1۲0 =  $1 \div 1 = 1.1.$  دولار

وهذا يعني أن الجنيه المصري مقوم بأعلى من قيمته الحقيقية بنسبة ٣٣.٦٪:

والعكس صحيح .

ويهدف هذا الفصل إلى توضيح كيفية اختبار نظرية تعادل القوى الشرائية في الواقع ، وهو يعتبر تطبيق لتحليل السلاسل الزمنية واختبارات جدر الوحدة والتكامل المشترك ونموذج تصحيح الخطأ . ويتضمن عدداً من المباحث التي تتمثل في : المبحث الأول : صبغ نظرية تعادل القوى الشرائية .

المبحث الثاني: دراسات تطبيقية لاختبار الصيغة المطلقة لنظرية PPP.

المبحث الثالث: دراسات تطبيقية لاختبار الصيغة النسبية لنظرية PPP .

the first transfer of the first of the first

#### المبحث الأول

## صيغ نظرية تعادل القوى الشرائية (PPP)

يمكن التفرقة بين صيغتين لنظرية تعادل القوى الشرائية : من عند من المناطقة ال

(١-١-٢٤) الصيغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية Absolute version of PPP (١-١-٢٤) الصيغة النسبية لتعادل القوى الشرائية Relative version of PPP (١-١-٢٤) الصيغة النسبية لتعادل القوى الشرائية ونتعرض لكل صيغة منها بإيجاز في هذا المبحث ثم نتطرق للنموذج الاقتصادي الذي يستخدم في اختبارها .

### (١-١-١٠) الصيغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية:

تنص هذه الصيغة على أنه في ظل غياب التدخلات الحكومية في حرية التجارة بين الدول، وعدم وجود رسوم جمركية أو حصص استيراد أوتصدير أو ضرائب داخلية مفروضة على الواردات والصادرات، بالإضافة إلى عدم وجود تكاليف نقل أو شحن، فإن أسعار جميع السلع التجارية Traded goods المتماثلة تتساوى في جميع الدول عند أسعار الصرف السائدة، ويطلق على هذه الصيغة قانون السعر الواحد Law من ولو تكلمنا للتبسيط عن سلعة واحدة ولتكن القمح، فإن توفر الشروط السابقة يعنى أن:

سعر القمح في مصر بالجنية = سعر القمح في الولايات المتحدة الأمريكية × سعر الصرف

$$P_{w}^{E} = P_{w}^{US} S$$
....(24-1)

خيث: سعر الدولار بدلالة الجنيهات المصرية = S

ووفقا لمنطق النظرية تضمن حرية التجارة بين الدول تحقق هذه الصيغة دائماً . فلو افترضنا أن :

سعر طن القمح في مصر $P_w^E$  عنيه

سعر طن القمح في الولايات المتحدة  $P_{w}^{US}=0$  دولار

سعر الصرف الرسمي في مصر : ١ دولار = ١ جنيهات

إذن قانون السعر الواحد يكون منطبقاً في هذه الحالة بمصر ، ومن ثم يكون سعر الصرف الرسمي هو السعر التوازني ، حيث :

قيمة طن القمح في مصر بالجنية = قيمة سعر طن القمح في الولايات المتحدة بالدولار × سعر الصرف الرسمي = ٢٠٠ دولار × ٦ جنيهات = ١٢٠٠ جنيه .

ولكن إذا حدث وكان سعر طن القمح في الولايات المتحدة يساوي ١٥٠ دولار، ففي ظل سعر الصرف الرسمي السائد في مصر يكون سعر طن القمح الأمريكي بالجنيه = ١٥٠ × ٦ جنيهات = ١٠٠ جنيه . وهذا يعني أن القمح في الولايات المتحدة الأمريكية أرخص منه في مصر ( ١٢٠٠ جنيه ) ، وأن سعر الصرف الرسمي ليس هو سعر التوازن . وفي هذه الحالة يقوم كبار المستوردين في مصر بشراء كميات كبيرة من القمح بالولايات المتحدة وبيعها في مصر لتحقيق أرباح من الفروق في الأسعار . ويترتب على هذه العملية التي تسمح بها حرية التجارة عدداً من النتائج التي تتمثل في:

- (١) في حالة أن تكون كميات القمح المستوردة كبيرة فإن زيادة الطلب على القمح في الولايات المتحدة سوف يترتب عليه ارتفاع سعر القمح بها ( $P_w^{US}$ ) .
- (۲) كما يترتب على استيراد كميات كبيرة من القمح الأمريكي إلى السوق المصرية زيادة عرض القمح بالداخل ،مما يؤدي إلى انخفاض سعر القمح بالجنيه المصري  $(P_w^E)$ .
- (٣) تستمر عملية المراجحة Arbitrage تلك حتى يتساوى سعر القمح في مصر مع سعر القمح في مصر مع سعر القمح في الولايات المتحدة ، ويتحقق ما يسمى قانون السعر الواحد ، وفي هذه الحالة لا يكون هناك حافز على تحرك القمح بين البلدين .
- (٤) في خضم هذه العملية يزداد طلب المستوردين المصريين على الدولار لشراء القمح من الولايات المتحدة ، فيرتفع سعر صرف الدولار بدلالة الجنيه المصري حتى يصل لوضع التوازن .

ولكن لأن التجارة بين الدول تضم أكثر من سلعة فإن قانون السعر الواحد يمكن تعميمه ليشتمل على أسعار كل السلح التجارية Traded goods، ومن ثم يصبح هذا السعر بين الولايات المتحدة ومصر على النحو التالى:

$$P^E = S.P^{US}....(24-2)$$

حيث

المتوسط المرجح لأسعار السلع التجارية في مصر بالجنيه P<sup>US</sup> = P<sup>US</sup> المتوسط المرجح لأسعار السلع التجارية في الولايات المتحدة بالدولار = P<sup>US</sup> = S

ويقوم فانون السعر الواحد كما هو مصاغ في المعادلة (٢٤-٢) على عدد من الافتراضات أهمها :

- (١) توحد حرية تجارة بين البلدين دون وجود قيود عليها من أي نوع .
  - (٢) تتماثل نوعية السلم التجارية في البلدين .
  - (٣) لتماثل الأوران السبية للسلع التحارية المدرجة في متوسط الأسعار بالبلدين . أي

أن كل سلعة يُحتل نفس الأهمية النسبية في البلدين ، معالى المعالية النسبية على البلدين ، معالى المعالى

ونظراً لأن مثل هذه الافتراضات من الصعب توفرها في الواقع فإن الصيغة

**المطلقة لنظرية تعادل القوى الشرائية إنادراً ما تتحقق من مناه ويوري منا وتعدر بعد معاه بمنافيط** 

(٢٠-١-٢) الصيغة النسبية لتعادل القوى الشرائية:

تنص هذه الصيغة على أن التغير في سعر الصرف الحر في أي بلد ما هو إلا انعكاس لحصيلة التغيرات في أسعار السلع بين الدول . وبصورة أكثر تحديداً تتمثل هذه الصيغة في :

$$\%\Delta S = \%\Delta P^D - \%\Delta P^F$$
.....(24 - 3)

حيث:

التغير النسبي في سعر الصرف مقاساً بوحدات العملة المحلية لكل وحدة من العملة الأجنبية =  $S = 2\Delta$  التغير النسبي في الرقم القياسي للأسعار المحلية (معدل التضخم المحلي)  $P^F = \Delta$  التغير النسبي في الرقم القياسي للأسعار الأجنبية (معدل التضخم الأجنبي )  $P^F = \Delta$  منه في الصيغة السابقة أنه إذا كان معدل التضخم في الولايات المتحدة الأمريكية أعلى منه في مصر في سنة ما ، فإن هذا يترتب عليه انخفاض سعر صرف الدولار في مصر بنسبة الفرق بينهما . أي أنه إذا كان معدل التضخم في الولايات المتحدة T N ، وفي مصر T ، فإن هذا يصاحبه انخفاض في قيمة الدولار بدلالة الجنيه بنسبة T ، ومن ثم مصر T ، فإن هذا يصاحبه انخفاض في قيمة الدولار بدلالة الجنيه بنسبة T ، ومن ثم الدولية تتدهور قيمة عملتها لانخفاض الطلب على سلعها ، وزيادة طلبها على سلع الآخرين وعملاتهم.

وتتصف الصيغة النسبية بكونها أكثر شمولا من الصيغة المطلقة ، حيث تعكس التغيرات في أسعار جميع السلع في المجتمع وليس فئة منها ، كما لا تشترط تماثل نوعيات السلع في البلدين ، وتتطلب بيانات كثيراً ما تكون متوفرة وهي الرقم القياسي لأسعار المستهلكين .

## (٢٠١-١-٣) النموذج الاقتصادي لنظرية تعادل القوى الشرائية:

حتى يمكن اختبار مدى تحقق الصيغة النسبية لنظرية القوى الشرائية في الواقع لابد من بناء نموذج اقتصادي قابل للقياس والاختبار ، ومن الصيغ المستخدمة ف هذا الصدد :

$$S_{1t} = \beta_{01} \left( \frac{P_t^F}{P_t^D} \right)^{\beta_1} e^{\alpha_1} \qquad (24-4)$$

وبأخذ لوغاريتم الطرفين نحصل على:

$$S_t = \beta_0 + \beta_1 \ln \left( \frac{P_t^F}{P_t^D} \right) + \varepsilon_t \dots (24-5)$$

 $S_{1t} = 1$  المحلية المحلية الأجنبية لكل وحدة من العملة المحلية  $S_{1t} = 1$   $S_{1t} = 1$  اللوغاريتم الطبيعي لسعر الصرف  $\beta_1 = 1$   $\beta_$ 

وحتى يتحقق مبدأ تعادل القوى الشرائية بين الدول يتعين أن يكون: 1=1. ويعني هذا الفرض أن سعر الصرف يكون في وضع توازن إذا ترتب على تغير الأسعار النسبية بين بلدين بنسبة معينة تغير في سعر الصرف المحلي بنفس النسبة وفي نفس الاتجاد.

#### المبحث الثاني

## دراسات تطبيقية للصيغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية

يتطلب اختبار الصيغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية مقارنة أسعار توليفة من السلع تتماثل خصائصها في عدد من الدول للتحقق من أن هذه الأسعار متساوية أم لا . ومن المحاولات التي تمت في هذا الصدد ما تقوم به نشرة الاقتصادي Economist منذ ١٩٨٦ من مقارنة أسعار ساندوتش الهامبورجر الكبير والمعروف باسم Big Mac منذ ١٩٨٦ من مقارنة أسعار ساندوتش الهامبورجر الكبير والمعروف باسم حول العالم . فمثل هذا الساندوتش في حد ذاته يعتبر توليفة من السلع المتماثلة التي لا تختلف خصائصها كثيراً من دولة لأخرى ، نظراً لأنه يتم تصنيعه وفقا لمعايير محددة . ومن أهم مكوناته : اللحم البقري (Beef) وصلصة خاصة (Special Sauce) ، والخس (Pickles of cucumber) ، والجبنة (Cheese) ، والمخللات من الخيار (Onions) ، والسمسم (Onions) ، والسمسم (Onions) ،

وتوجد صيغة مبسطة للنظرية في صورتها المطلقة يمكن الحصول عليها بإعادة صياغة المعادلة (٢-٢) على النحو التالي :

$$P^D = S.P^F$$
.....(24-6)

 $P^D =$  حيث : متوسط السعر المحلي للسلعة أو لتوليفة السلع بالعملة المحلية  $P^F =$  متوسط السعر الأجنبي للسلعة أو لتوليفة السلع بالعملة الأجنبية S =

$$\therefore S = \frac{P^D}{P^F}, \qquad \frac{1}{S} = \frac{P^F}{P^D}....(24-7)$$

وبصرب طرفي المعادلة (٢-٢٤) في  $\left[P^D/P^F\right]$ نحصل على:

$$H_t = \left(\frac{1}{S}\right) \left(\frac{P^D}{P^F}\right)_t = 100....(24-8)$$

وتستخدم الصيغة (٢٤-٨) في اختبار الصيغة المطلقة لنظرية تعادل القوى الشرائية . فتحساب هذه الصيغة لسلعة معينة أو توليفة من السلع يوجد هناك ثلاث احتمالات :

- (۱)  $H_t = 100$  وفي هذه الحالة يكون سعر الصرف السائد في البلد المعين هو السعر التوازني ، ومن ثم فإن القوة الشرائية للدولار باعتباره العملة الأجنبية في هذا البلد تكون مساوية للقوة الشرائية للدولار في الولايات المتحدة .
- $H_t > 100$  (۲) وفي هذه الحالة تكون العملة المحلية للبلد محل الاعتبار مقومة بأكبر من قيمتها الحقيقية بدلالة العملة الأجنبية وهي الدولار في هذه الحالة Overvalued . ويعني هذا في نفس الوقت أن القوة الشرائية للدولار في هذا البلد أقل من القوة الشرائية للدولار في الولايات المتحدة في ظل سعر الصرف السائد .
- (٣)  $100 > H_0$  وفي هذه الحالة تكون العملة المحلية للبلد محل الاعتبار مقومة بأقل من قيمتها الحقيقية بدلالة العملة الأجنبية وهي الدولار في هذه الحالة Undervalued. وهذا يعني أن القوة الشرائية للدولار كعملة أجنبية في هذا البلد تكون أعلى من القوة الشرائية له في الولايات المتحدة في ظل سعر الصرف السائد.

ويوضح الجدول (١-٢٤) نتائج دراسة تطبيقية أجريت على أسعار Big Mac . في عدد من الدول عام ١٩٩١ م (Pakko and others) .

جدول (١-٢٤) - مؤشرات الصيغة المطلقة لتعادل القوى الشرائية لـ Big Mac (١٩٩١)

<b>H</b>	البلد	ŕ	H	البلد	٠
May 1. <b>3. 4</b> 1 1 1 1	ايرتنا أيرتنا	1.4	et i je At alges	اعتراليا	. 1
175	إيطاليا	1-	179	بلجيكا	. 7
170	اليابان	- 11	177	بريطانيا	٣
176	lailge	17	1.014	المنا المنا المنا المنا	٤
(a <b></b>	منغافورة	117	140	الدنمارك	٥
10-	أسبانيا	1£	187	فرتسا	1
the constant of the	ألسويد	2 · 10	11£	ألمانيا	٧
			ot	هوتج كوتج	٨

ووفقا لنتائج هذه الدراسة فإن هناك دولة واحدة تحققت فيها الصيغة المطلقة لنظرية تعادل القوى الشرائية وهي أيرلندا ، أما باقي الدول فلم تتحقق فيها . فالدول التي يقل فيها H عن ١٠٠ عملتها مقومة بأقل من قيمتها الحقيقية بدلالة الدولار وهي استراليا وكندا وهونج كونج وسنغافورة ، أما باقي الدول فعملاتها مقومة بأكثر من قيمتها الحقيقية بدلالة الدولار .

ومن أهم الأسباب التي تذكر لعدم انطباق نظرية تعادل القوى الشرائية في

## الواقح :

- (۱) وضع قيود على حرية التجارة من قبل الحكومات المختلفة وبدرجات متفاوتة ، مثال ذلك فرض رسوم جمركية على الواردات ، وفرض حصص استيرادية، وفرض ضرائب على مبيعات السلع المستوردة بالداخل . فكل هذه الممارسات من شأنها أن تؤدي لانجراف الأسعار المحلية عن الأسعار الخارجية لنفس السلع .
- (٢) ارتفاع تكاليف الشحن والتأمين على البضائع المصدرة ، وهو ما يؤدي لاختلاف أسعار نفس السلع بين الدول .
- (٣) احتواء متوسط الأسعار الذي يستخدم في اختبار النظرية ليس فقط على السلم التجارية Traded goods ولكن أيضا على السلم غير التجارية Traded goods وهي السلم غير القابلة للاستيراد أو التصدير مثال ذلك موقع المحل والمباني وخدمات العمالة غير الماهرة. فساندوتش الهامبورجر يدخل ضمن تكلفته إيجار المبنى وأجور العمالة وهي عناصر تختلف من دولة لأخرى ولا يمكن استيرادها من المكان الرخيص إلى المكان الذي ترتفع فيه التكلفة باعتبارها سلم غير تجارية. ويعتبر هذا من بين العوامل التي تؤدي لاختلاف أسعار نفس السلم بين الدول.
- (٤) المنافسة غير الكاملة Imperfect competition: تتبع الشركات متعددة الجنسية أسلوب التمييز السعري Price discrimination في بيع منتجاتها بالدول المختلفة لتعظيم الأرباح. فهي تبيع المنتجات بأسعار أعلى في البلاد التي يكون فيها الطلب غير

مرن ، وتبيع نفس المنتجات بأسعار أقل في البلاد التي يكون الطلب فيها مرناً . ولاشك أن هذا من شأنه أن يؤدي لاختلاف أسعار نفس السلح في الدول المختلفة .

(ه) وجود عدم توازن في الحسابات الجارية السلع والخدمات ورؤوس الأموال فمن المعروف أن الحساب الجاري يرصد تحركات السلع والخدمات ورؤوس الأموال قصيرة الأجل وطويلة الأجل عبر الحدود . ومن ثم فعلى خلاف ما تقول به نظرية تعادل القوى الشرائية فإن تجارة السلع ليست هي العنصر الوحيد الذي يؤثر في سعر الصرف ، وإنما كل تدفقات العملات الأجنبية بكافة صورها . وتشير الدراسات إلى أن الدول التي تعاني من عجز في الحساب الجاري تقترض من الخارج لتسد هذا العجز وغالبا ما تكون عملتها مقومة بأقل من قيمتها الحقيقية بدلالة الدولار Undervalued ، والدول التي يوجد لديها فائض وتقوم بالاستثمار في الخارج فغالبا ما تكون عملتها مقومة بأكثر من عجز تكون قيمة عملتها منخفضة بالرغم من حصولها على تدفقات بعملات أجنبية في عجز تكون قيمة عملتها منخفضة بالرغم من حصولها على تدفقات بعملات أجنبية في صورة قروض ، والدول التي يوجد لديها فائض تكون قيمة عملاتها مرتفعة بالرغم من

#### الميحث الثالث

در اسات تطبيقية لاختبار الصيغة النسبية لتعادل القوى الشرائية من بين الدراسات التي تمت في هذا المجال دراسة قام بها كل من:

Ramirez, M. & Khan, S. وهي تهدف إلى اختبار نظرية تعادل القوى الشرائية في صيغتها النسبية كما هي موضحة بالصيغة (٢٤–٥). وقد تم استخدام بيانات عن سعر الصرف العاجل Spot exchange rate والرقم القياسي لأسعار المستهلكين Price Index (CPI) المستهلكين 1٩٧٣ حتى المرف العاجل عبر ٢٣ سنة امتدت من يناير ١٩٧٣ حتى ديسمبر ١٩٩٦ م. وقد جمعت هذه البيانات عبر ٢٣ سنة امتدت من يناير ١٩٧٣ والمملكة المتحدة وفرنسا وكندا واليابان ، وذلك باعتبارها من أكثر الدول التزاماً بحرية سعر الصرف. كما تم استخدام الدولار الأمريكي كعملة مشتركة بينها جميعا في تقييم سعر الصرف. ويمكن عرض نتائج هذه الدراسة على النحو التالي:

(١-٣-٢٤) اختبار نظرية PPP باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية :

لقد بدأ الباحثان باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير الصيغة (72-0) من خلال البيانات المتاحة عن خمس دول ، وجاءت النتائج كما هي موضحة في الجدول (75-2) .

جدول (٢-٢٤) - الصيغة المقدرة لتعادل القوى الشرائية باستخدام طريقة OLS

In Dependent v.	$\beta_0$	$\beta_{t}$		DW	Adjusted R <sup>2</sup>
US S for Yen SE	3.79 (1.356)	-0.6089 (0.376)	3811.6	1.306	0.992
US \$ for Canadian \$ SE	0.2816 (0.055)	-0.2357 (0.179)	4908.7	1.599	0.978
US \$ for £ pound SE	-9.454 (9.131)	-0.263 (0.241)	6342.7	1.204	0.978
US \$ for Mark SE	0.516 (0.192)	-0.0056 (0.49)	8387,2	1.358	0.983
US S for Franc SE	1.735 (0.172)	0.2156 (0.400)	8574.8	1.408	0.984

ويتضح من نتائج الجدول (٢٤-٢) ما يلي:

(١) تحمل أربعة من القيم المقدرة للمعلمة الانحدارية إشارةسالبة، وتعتبر هذه الإشارة

خطأ ، حيث يتعين أن تكون موجبة . وبالرغم من أن القيمة الوحيدة الموجبة هي تلك الخاصة بفرنسا إلا أنها بعيدة عن قيمة الواحد التي يجب أن تساويه المعلمة .

(٢) توجد هناك مؤشرات أولية توضح أن بيانات أسعار الصرف والأرقام القياسية للأسعار غير ساكنة Non-stationary ، حيث أن قيمة معامل التحديد مرتفعة جداً في جميع الحالات تفوق ٩٧ ٪ ، كما أن إحصائية ٢٠ كبيرة جداً ، غير أن DW منخفضة لحد ما بدرجة تجعل الاختبار يقع في المنطقة غير المحددة ، وهو ما قد يوحي بوجود مشكلة ارتباط سلسلى .

(٣) من النتيجتين السابقتين توجد هناك مؤشرات بأن معادلات الانحدار المقدرة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية تعبر عن حالة انحدار زائف .

(٢٤ - ٣ - ٢) اختبارات جذر الوحدة والتكامل المشترك لمتغيرات PPP:

للتأكد من مدى استقرار بيانات أسعار الصرف والأرقام القياسية لأسعار المستهلكين قام الباحثان بإجراء اختبار (ADF(I) باستخدام النموذج الأول مع إدراج على النحو التالي:

$$\Delta Y_{i} = \lambda Y_{i-1} + \sum_{j=1}^{4} \rho_{i-j} \Delta Y_{i-j} + \varepsilon_{i} \qquad (24-9)$$

وقد اتضح أن: تاو المحسوبة أقل من القيمة الحرجة ADF مما يعني أنه لا يمكن رفض فرض العدم القائل بوجود جذر الوحدة ، ومن ثم فإن سلسلة البيانات تكون غير مستقرة لكلا المتغيرين : سعر الصرف والرقم القياسي للأسعار :

وكإجراء تصحيحي تم الحصول على الفروق الأولى للمتغيرين، وأجري اختبار ADF مرة أخرى على فروق القيم الأصلية وفروق اللوغاريتم الطبيعي للقيم، واتضح أن سلسلة البيانات في صيغة الفروق الأولى مستقرة، وتم استخدام ٤ فجوات زمنية في النموذج المقدر بدون حد ثابت أو حد اتجاه زمني لإجراء الاختبار، ولعل هذا يعني أن سلسلتي البيانات متكاملة من الرتبة الأولى . أي أن :

St. Pt ~ I(1)

ونظراً لأن المتغيرين متكاملين من نفس الرتبة يصبح من الممكن إجراء اختبار التكامل

المشترك لهما ، وقد اتضح من إجراء Granger - Engle test أن سلسلتي البيانات تتمتع بخاصية التكامل المشترك وهو ما يمكن من استخدام نموذج تصحيح الخطأ . وبالطبع لم تعد طريقة المربعات الصغرى العادية صالحة لتقدير صيغة تعادل القوى الشرائية .

(٣-٣-٣٤) تقدير نموذج تصحيح الخطأ ECM لتعادل القوى الشرائية ببيانات شهرية:

نظراً لأن سلسلتي البيانات تتمتعان بصفة التكامل المشترك فإن الـنموذج الملائم لتقدير العلاقة بينهما يصبح هو نموذج تصحيح الخطأ . ومن أبسط الصيغ لهذا النموذج في هذه الحالة الصيغة التالية :

$$\Delta S_t = \beta_0 + \sum \beta_i \Delta \ln \left( \frac{P_{t-i}^F}{P_{t-i}^D} \right) + \theta \left[ S_t - \alpha_1 \ln \left( \frac{P^F}{P^D} \right) - \alpha_0 \right]_{t-j} + \varepsilon_t . (24 - 10)$$

حيث : الفرق الأول للقيمة اللوغاريتمية لسعر الصرف العاجل ΔSt = ΔSt

 $\Delta \ln\!\left(P_{t-i}^F/P_{t-i}^D\right)$  الغرق الأول للقيمة اللوغاريتمية لنسبة السعر الأجنبي للمحلي =  $\left[S_t-lpha_1\ln(P^F/P^D)-lpha_0
ight]$  =

ووفقا للنظرية يتعين أن يكون معدل سرعة التعديل (θ) سائباً ويختلف جوهرياً عن الصفر، وهو ما يعني أنه في حالة انحراف سعر الصرف العاجل عن سعر الصرف طويل الأجل الذي تعكسه نظرية تعادل القوى الشرائية بمقدار وحدة واحدة فسوف يكون هناك تعديل في سعر الصرف العاجل في الفترات المقبلة بمقدار (θ) تجاه سعر الصرف طويل الأجل. ومن المتوقع من ناحية أخرى أن يكون معامل فرق نسبة السعر مختلفاً جوهريا عن الصفر في الاتجاه الموجب.

ومن الواضح أن الفرق الأول لنسبة السعر هو المتغير الوحيد المدرج في الصيغة (٢٤–١٠) كأحد العوامل التي تؤثر في سعر الصرف بالأجل القصير . ولا يوجد ما يمنع من إدراج متغيرات أخرى تؤثر في الأجل القصير بسعر الصرف مثل : سعر الفائدة والناتج الكلي والعرض النقدي . وقد أوضحت الاختبارات أن سلسلة هذه المتغيرات متكاملة من الرتبة الأولى وتتمتع بخاصية التكامل المشترك . ومن ثم قام الباحثان باستخدام الصيغة التالية لاختبار نظرية تعادل القوى الشرائية :

الجزء الرابع : الاقتصاد القياسي التطبيقي الفصل الرابع والعشرون : اختبار نظرية تعادل القوى الشرانية

$$\Delta S_{t} = \beta_{0} + \sum \beta_{1i} \Delta \ln \left( m_{t-i}^{F} / m_{t-i}^{D} \right) + \sum \beta_{2i} \Delta \ln \left( r_{t-i}^{F} / r_{t-i}^{D} \right)$$

$$+ \sum \beta_{3i} \Delta \ln \left( y_{t-i}^{F} / y_{t-i}^{D} \right) + \sum \beta_{4i} \Delta \ln \left( P_{t-i}^{F} / P_{t-i}^{D} \right)$$

$$+ \theta \left[ S_{t} - \alpha_{1} \ln \left( P_{t}^{F} / P_{t}^{D} \right) - \alpha_{0} \right]_{t-j} + \varepsilon_{t} \dots (24-11)$$

حيث: نسبة كمية النقود الأجنبية إلى كمية النقود المحلية = m<sup>F</sup>/m<sup>D</sup>

 $r^{F}/r^{D}$ نسبة سعر الفائدة الأجنبي إلى سعر الفائدة المحلى

 $y^F/y^D$ = نسبة الناتج المحلي الأجنبي إلى الناتج المحلي الداخلي

## وبتقدير الصيغة (22-11) حاءت النتائج على النحو الموضح بالجدول (25-3)

حدول (22-2) - تقدير نموذج تصحيح الخطأ لتعادل القوي ا لشرائية ببيانات شهرية

Communication	(۲۰-۲۶) – تقدیر نموذج تصحیح الحطا تتعادل القوی ا سراتیه بینات سهریه	إجدول	1994
Country	Estimate	R <sup>2</sup>	DW
Canada 1978-96	$\Delta S_t = 0.329 \Delta \ln \left( \frac{P_{t-31}^F}{P_{t-31}} \right) - 0.032 \Delta \ln \left( \frac{F}{r_{t-1}} \right) $	0.159	1.977
4	t (1.974) (-2.956)	1	
Jan 1	$-0.039\Delta \ln \left(r_{t-5}^{F} / r_{t-5}^{D}\right) - 0.232\Delta \ln \left(r_{t-11}^{F} / r_{t-11}^{D}\right) - 0.037EC_{t-12}$		
N 1 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2	(-2.988)		
France 1975-96	$\Delta S_{t} = 1.144 \Delta \ln \left( P_{t-31}^{F} / P_{t-31}^{D} \right) + 1.072 \Delta \ln \left( m_{t-6}^{F} / m_{t-6}^{D} \right) - 0.068 \Delta \ln \left( r_{t}^{F} / r_{t}^{D} \right)$	0.167	1.997
l With the	t (2.745) (1.664) (-3.584)		
74g	$+0.4.2  \mathrm{l}\Delta \ln \left( y_{t-8}^{F} / y_{t-8}^{D} \right) - 0.030 EC_{t-24}$		
	(2.054) (-2.06)		
Germany 1973-96	$\Delta S_{t} = 0.75  \text{Min} \left( P_{t-1}^{F} / P_{t-1}^{D} \right) + 0.29  \text{Min} \left( m_{t-2}^{F} / m_{t-2}^{D} \right) + 0.20  \text{Min} \left( m_{t-3}^{F} / m_{t-3}^{D} \right)$	0.153	1.910
	(1.676) (2.803) (1.99)	2000	
	$-0.05 \ln \ln \left(\frac{F}{r_{t-1}} / \frac{D}{r_{t-1}}\right) - 0.03 \ln \left(\frac{F}{r_{t-5}} / \frac{D}{r_{t-5}}\right) - 0.082 \ln \left(\frac{F}{y_{t-1}} / \frac{D}{y_{t-1}}\right) - 0.02 \pounds C_{t-12}$	A	
	(-2.687) (-1.792) (-1.915) (-1.915)	de,	
7,500			
Japan 1978-96	$\Delta S_{t} = 0.552 \lambda \ln \left( P_{t-21}^{F} / P_{t-21}^{D} \right) + 0.349 \lambda \ln \left( m_{t-2}^{F} / m_{t-2}^{D} \right) + 0.361 \lambda \ln \left( m_{t-4}^{F} / m_{t-4}^{D} \right)$	0.211	1.935
paga 1	(1.77) (2.154) (2.192)		
\$ 14 J	$-0.052 \ln \left( \frac{F}{r_{t-1}} / \frac{D}{r_{t-1}} \right) - 0.038 \ln \left( \frac{F}{r_{t-9}} / F - 9 \right) + 0.466 \ln \left( \frac{F}{r_{t-5}} / \frac{D}{r_{t-5}} \right) - 0.026 E C_{t-28}$		
	(-2.664) (-1.996) (1.867) (-1.779)		
UK. 1973-96	$\Delta S_{t} = 0.461 \Delta \ln \left( \frac{P}{t-17} / \frac{P}{t-17} \right) - 0.036 \Delta \ln \left( \frac{F}{r_{t-8}} / \frac{D}{r_{t-8}} \right)$	0.186	1.896
	(2.129) (-1.999)		

ويلاحظ ما يلي على النتائج المعروضة بالجدول (٢٤-٣) :

- (١) نظراً لأن كل المتغيرات متكاملة من الرتبة الأولى فقد تم إدراج حد واحد لتصحيح الخطأ في النموذج .
- (٢) باستثناء متغير السعر النسبي فإن كل المتغيرات الأخرى قد تم وضع حد أقصى لعدد الفجوات الزمنية فيها ١٢ شهر، أي سنة . ولعل السبب في ذلك هو أن التأثير المراد اختباره هو التأثير قصير الأجل الذي لا يتعدى مداه سنة .
- (٣) نظراً لأن التغير في الأسعار عادة ما يكون بطئ فلم يتم وضع حد أقصى لعدد الفجوات الزمنية التي تمارس فيها تأثيرها .
- (٤) تم رصد أول معلمة لها معنوية إحصائية وذو إشارة موجبة لمتغير السعر النسبي في النموذج المقدر أعلاه، وتم التغاضي عن المعلمات الأخرى لنفس المتغير.
- (٥) لم يتم رصد النتائج إلا للمتغيرات التي لها تأثير جوهري ، أما تلك التي تؤثر تأثير غير جوهري قد استبعدت من النموذج المقدر .
- (۱) من أهم النتائج التي تظهر بالجدول أنه مع كل انحراف لسعر الصرف العاجل (قصير الأجل) عن سعر تعادل القوى الشرائية طويل الأجل بوحدة واحدة يحدث هناك تصحيح في الفترات التالية بنسبة ٣٪ في كل الحالات تقريباً . ولكن يلاحظ أن الفترة التي يحدث فيها التصحيح تختلف من دولة لأخرى . ففي المملكة المتحدة يحدث التصحيح في الشهر التالي ، وفي اليابان يحدث بعد ٢٨ شهر ، وربما يعكس هذا الطبيعة المغلقة للاقتصاد الياباني أمام الواردات بالمقارنة مع الدول الأخرى . وفي حالتي فرنسا وألمانيا يحدث التصحيح بعد سنة (١٢ شهر) . وتعتبر هذه النتيجة دليل على صحة نظرية تعادل القوى الشرائية .

(Y) وفيما يتعلق بمتغير السعر النسبي  $(P_{T-K}^F/P_{t-k}^D)$  فقد اتضح أن له تأثير طردي وجوهري في كل الحالات على سعر الصرف ، وهو ما يتفق مع التوقعات القبلية. ولكن الفترة التي يحدث خلالها التأثير تختلف من عملة لأخرى . فبالنسبة للمارك الألماني

يحدث التأثير بعد شهر واحد ، وبالنسبة للدولار الكندي يحدث التأثير بعد ٣١ شهر ، وهكذا .

(A) يؤثر سعر الفائدة تأثيراً جوهريا وعكسياً على سعر الصرف في الدول الخمس. ولعل هذا يتفق مع التوقعات القبلية ، حيث أن ارتفاع أسعار الفائدة في الدول الأخرى بالمقارنة بسعر الفائدة بدولة ما يشجع على هجرة رؤوس الأموال قصيرة الأجل للخارج وبالطبع يترتب على خروج أرصدة بالعملات الأجنبية للخارج انخفاض عرضها في الداخل ومن ثم زيادة قيمتها بدلالة العملة المحلية ، وهو ما يعني انخفاض سعر صرف العملة المحلية بدلالة العملات الأجنبية . ولكن يلاحظ أن تأثيره في معظم الحالات يتم في الأجل القصير .

(٩) يؤثر الناتج المحلي أيضا في كل الحالات على سعر الصرف، وإن كانت إشارة التأثير تختلف من دولة لأخرى. ويلاحظ بوجه عام أن الإشارة السالبة لمعلمة هذا المتغير تتفق مع النموذج التقليدي لتحديد سعر الصرف. فزيادة الناتج المحلي الأجنبي بالنسبة للناتج المحلي الداخلي يساعد على زيادة نسبة الواردات للدولة المعينة بالنسبة لصادراتها، وهذا من شأنه أن يقلل من عرض العملة الأجنبية ويزيد من الطلب عليها في نفس الوقت بالداخل. ويترتب على ذلك زيادة قيمة العملة الأجنبية بدلالة العملة الأجنبية.

(١٠) يلاحظ أن متغير كمية النقود يؤثر تأثيراً طردياً وجوهرياً على سعر الصرف في ثلاث دول هي اليابان وفرنسا وألمانيا ، غير أن تأثيره غير جوهري في كل من كندا والمملكة المتحدة . ويتفق التأثير الطردي مع التوقعات القبلية ، حيث أن زيادة كمية النقود في الخارج بنسبة أكبر منها في الداخل يساعد على انخفاض سعر الفائدة في الخارج بالنسبة للداخل . ومن المتوقع أن يترتب على ذلك تدفق رؤوس الأموال قصيرة الأجل للداخل ومن ثم زيادة عرض العملات الأجنبية ، الأمر الذي يؤدي لانخفاض قيمتها بدلالة العملة المحلية ، أي ارتفاع سعر صرف العملة المحلية بدلالة العملة الأجنبية .

### (٤-٣-٢٤) تقدير نموذج تصحيح الخطأ ECM لتعادل القوى الشراتية ببيانات سنوية:

تعتبر البيانات الشهرية أكثر ملائمة لتقدير التأثيرات قصيرة الأجل، هذا في حين تعتبر البيانات السنوية أكثر ملائمة لتقدير التأثيرات طويلة الأجل. ولذا ربما يكون من الأفضل تقدير نموذج تصحيح الخطأ لتعادل القوى الشرائية باستخدام بيانات سنوية ، نظراً لأن تعادل القوى الشرائية تعتبر ظاهرة طويلة الأجل. ولقد قام الباحثان بإعادة تقدير نموذج تصحيح الخطأ باستخدام بيانات سنوية ، وجاءت النتائج على النحو الموضح في الجدول (٢٤-٤).

جدول (٢٤-٤) - تقدير نموذج تصحيح الخطأ لتعادل القوى الشرائية ببيانات سنوية

Country	ا = ۱۵ اهای مودج تصحیح انظما تعادل اهوی ا شراییه بییانات ا   Estimate		- DW
Canada 1978-96	$\Delta S_t = 0.996 \Delta \ln \left( P_{t-3}^F / P_{t-3}^D \right) - 0.424 E C_{t-2}$	0.74	1.716
	(2.933) (-2.292)		
France 1975-96	$\Delta S_t = 5.532\Delta \ln \left( P_{t-3}^F / P_{t-3}^D \right)$	0.579	1.715
	$(4.389) -1.09\Delta \ln \left( y_t^F / y_t^D \right) - 0.651EC_{t-1}$		
	(-1.457) (-2.633)		
Germany 1973-96	$\Delta S_t = 1.852 \Delta \ln \left( P_t^F / P_t^D \right)$	0.433	1.842
	(1.750)		÷
	$-1.736\Delta \ln \left( y_t^F / y_t^D \right) - 0.394EC_{t-2}$		
	(-3.108) (-2.404)		
Japan 1978-96	$\Delta S_f = 1.105 \Delta \ln \left( r_l^F / r_l^D \right)$	0.452	1.889
	(1.683)		
	$+1.11\Delta \ln \left(m_t^F / m_t^D\right) - 0.366EC_{t-3}$		
Bert.	(2.308) (-2.155)		
UK 1973-96	$\Delta S_t = 1.850\Delta \ln \left( P_t^F / P_t^D \right)$	0.426	1.84
	(2.396)	-	·
	$-1.374\Delta \ln \left( y_t^F / y_t^D \right) - 0.436EC_{t-2}$		
	(-1.686) (-3.437)		

وبفحص النتائج المعروضة بالجدول (25-2) يتضح أنها أكثر تأييداً لفرضية تعادل القوى الشرائية، وذلك على النحو التالي :

- (١) فمن ناحية يلاحظ أن معامل التحديد زاد بدرجة كبيرة في حالة استخدام البيانات السنوية عنها في حالة استخدام البيانات الشهرية ، وهـو مـا يشير إلى تحسن المقدرة التفسيرية للنموذج .
- (٢) ومن ناحية أخرى يلاحظ أن قيمة معامل التعديل زادت مع احتفاظها بالإشارة الصحيحة ، وهو ما يشير إلى أن معدل تعديل سعر الصرف العاجل نحو السعر طويل الأجل الذي يسود في حالة تعادل القوى الشرائية أصبح أكبر . فهو يبلغ ٤٠ ٪ تقريبا في كل الحالات ، ما عدا فرنسا التي يصل فيها ٦٥ ٪ .
- (٣) يلاحظ أن المتغيرات التي تؤثر في الأجل القصير مثل سعر الفائدة والعرض النقدي أصبح تأثيرها غير معنوي عند استخدام بيانات سنوية في معظم الحالات ، ولذا اختفت من النموذج المقدر ما عدا حالة اليابان .
- (٤) نخلص مما سبق إلى أن استخدام بيانات سنوية لاختبار فرضية تعادل القوى الشرائية أفضل من استخدام بيانات شهرية .

grand films the first constitution is subject to the subject of th

- e for the first production of the following of the first following the f
- and March March 1995, the second of the seco
- And the state of t

# الفصل الخامس والعشرون العلاقة بين المبيعات والإعلان النماذج الآنية وعلاقات التغذية المرتدة Causality and Simultaneity

#### مقدمة

يعتبر الإعلان أحد عناصر المزيج التسويقي . ولقد زادت المبالغ المنفقة عليه في الفترة الأخيرة بدرجة كبيرة . ففي خلال الفترة ١٩٤٠ إلى ١٩٧٠ زاد الإنفاق على الإعلان في الولايات المتحدة الأمريكية من ٢ بليون دولار إلى ٢٠ بليون دولار ، ثم وصل عام ١٩٨٨ إلى ١١٨ بليون دولار بواقع ٤٥٠ دولار للفرد . كما بلغت نسبته ٢٠٥٪ تقريباً من الناتج القومي خلال نفس العام .

ويرى بعض الاقتصاديين أن الإعلان من الممكن استخدامه كأحد العوامل التي تخفف من حدة تقلبات مستوى الأداء الاقتصادي التي تصاحب الدورة التجارية وذلك من خلال التأثير على الطلب الكلي .

ويرى البعض الآخر أن هناك علاقة تبادلية بين المبيعات والإعلان. ونحن نهدف إلى مناقشة بعض النماذج التي تعرضت لمثل هذه العلاقة في هذا الفصل. ويقع هذا الفصل في مبحثين:

المبحث الأول: النماذج القياسية للعلاقة بين المبيعات والإعلان،

المبحث الثاني: نتائج بعض الدراسات التطبيقية عن العلاقة بين الإعلان والمبيعات.

#### المبحث الأول

## نماذج قياسية للعلاقة بين المبيعات والإعلان

#### ( ٢٥-١-١) قياس الإعلان:

من أهم المشاكل التي تواجه البحث القياسي في هذا الصدد كيفية قياس الإعلان كمتغير تابع أو مستقل وتتكلم الكتابات النظرية في مجال الإعلان عادة عن عدد إرساليات الإعلان الإعلان Advertising Messages وسعر أو تكلفة الإرسالية ، بحيث أن الإنفاق الكلي على الإعلان يساوى حاصل ضرب الأول في الثاني ولكن مثل هذا التبسيط غير موجود في الواقع . فالأنشطة الترويجية لأي منتج تحتوى على مزيج من العناصر مثل عرض عينات من السلعة ، وتقديم بعض الهدايا ، وتقديم خصم في السعر ، وتقديم بعض المعونات الاجتماعية للمحتاجين أو لخدمة بعض الأغراض العامة ، بالإضافة إلى الإعلان عن السلعة في أجهزة الاتصال المختلفة المقروءة والمسموعة والمرئية . ويوضح الجدول ( ١-١٥ ) هيكل الإنفاق على الإعلان في الولايات المتحدة الأمريكية عام ١٩٨٨ م ( ١١٨ الميون دولار ).

جدول (20-1)-هيكل الإنفاق على الإعلان في الولايات المتحدة الأمريكية عام 1988

	ma salahani ya <b>di</b> nggalan girenti		
. <b>**</b> ***	مرا المعالم المنافع ال		
Company ZYY	التليفزيون		
The state of the same	البريد المباشر والمباشر		
THE STATE OF THE STATE OF STAT	مع يناهية <b>رالراذيو</b> ه زيم فيفينه		
%.0	المجلات		
7.4	نشرات تجارية أخرى		
2.4.	وسائل إعلام أخرى		
7.1	إجمالي		

والسؤال الآن كيف يمكن تحديد كمية الإعلان وسعر الإعلان ? من المحاولات التي تمت لتحديد كمية الإعلان ، تحديد عدد الأفراد الدين تعرضوا ولو لمرة واحدة للحملة الإعلانية خلال فترة زمنية معينة ، وتحديد عدد المرات التي تعرض خلالها الفرد العادي لحملات إعلانية خلال فترة زمنية معينة (ويسمى التكرار).

ومع تحديد كمية الإعلان بأي طريقة يمكن تحديد متوسط السعر عن طريق قسمة الإنفاق الكلى على الإعلان على كمية الإعلان المحددة ، وذلك تمهيداً للحصول على ما يسمى بالرقم القياسي لسعر الإعلان .

وهناك بعض المتخصصين في مجال الاقتصاد القياسي الذين استخدموا بيانات الإنفاق الجاري على الإعلان كمؤشر للإعلان ، وهناك من قاموا بالحصول على القيمة الحقيقية للإنفاق الإعلاني عن طريق استخدام الرقم القياسي للأسعار.

( ۲-۱-۲۰ ) التحليل الآتي للإعلان والمبيعات واختبار هوسمان: Hausman specification test

يمكن التعبير عن العلاقة التبادلية الآنية بين الإعلان والمبيعات باستخدام النموذج التالي:

$$(1-10) \dots j_1 = +j_1 + j_2 + j_3 + j_4 + j_5 +$$

حبث:

$$(S_t)$$
 ع  $_i$  = كمية المبيعات خلال الفترة "  $_i$  " ع المبيعات خلال الفترة "  $_i$  " عدد إرساليات الإعلان في الفترة "  $_i$  "  $_i$   $(P_{1t})$  الرقم القياسي لسعر السلعة الحقيقي في الفترة "  $_i$  "  $_i$  الرقم القياسي لسعر الإعلان الحقيقي في الفترة "  $_i$  "  $_i$  الرقم القياسي لسعر الإعلان الحقيقي في الفترة "  $_i$  "  $_i$  الرقم القياسي لسعر الإعلان الحقيقي في الفترة "  $_i$  "  $_i$  = حدود عشوائية  $_i$   $_i$   $_i$  = حدود عشوائية

ومن المتوقع أن تكون المعلمتان ب، ب، موجبتين ، بينما من المتوقع أن تكون المعلمتان جر، ، جر سالبتين . ويلاحظ أن وحود " » ، " كأحد العوامل المؤثرة على "ع ز" في المعادلة (٢-١٠) ، وكون "ع ز" يؤثر في "ى ز" وفقا للمعادلة (٢٥-١) ، فإن " » ، " يؤثر على "ى " يؤثر على "ع " " » ، " يؤثر على "ع " يؤثر على "ع " بالمعادلة (٢-٢٠) . ووجود مثل هذه العلاقات التي يفترض عدم وحودها عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ( OLS ) يحعل استخدامها يترتب عليه الحصول على مقدرات متحيزة وغير متسقة

وباختبار النموذج السابق باستخدام شرطي الرتبة والمرتبة يتضح أن كل معادلة من المعادلتين معرفة تعريفاً تاماً Just Identified وباستخدام طريقة الصيع المختصرة Reduced Forms أو ما يسمى بطريقة المربعات الصغرى غير المباشرة Indirect Least Squares (ILS)

بتعديل (٢-٢٥) نحصل على:

وبمساواة (٢٥-٣) مع (٢٥-١) تحصل على :

$$\frac{1 - \psi_1 \psi_2}{\psi_2} = \frac{1, \psi_1 + \frac{1}{2}}{\psi_2} + \frac{4 \psi_2}{\psi_2} + \frac{4 \psi_2}{\psi_$$

ومن ( ۲۵-۱) نجد أن:

### وبمساواة ( ٢٥-٥ ) مع ( ٢٥-٢ ) تحصل على:

$$\frac{1}{\psi_{i}} = \frac{1}{\psi_{i}} + \frac{1}{\psi_{i}} +$$

ومما سَبِق يتضح أن نُمُوذج الصيغ المختصرة يصبح:

الجزء الرابع : الاقتصاد القياسي التطبيقي الفصل الخامس والعشرون : العلاقة بين المبيعات والإعلان

$$(\xi-70)$$
 ......  $j_1 = f_1 + f_1 + f_2 + f_3 + f_4 + f_5 +$ 

$$\frac{-2}{1-\nu_{1}\nu_{2}} = \frac{1}{1-\nu_{1}\nu_{1}} = \frac{1}{1-\nu_{1}\nu_{2}} = \frac{1}{1$$

ويلاحظ أن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير معادلات الصيغ المختصرة يمكن الصيغ المختصرة يمكن الحصول على تقديرات لمعلمات النموذج الهيكلى الأصلى ، حيث:

$$\hat{p}_{2} = \frac{\hat{K}_{1}}{\hat{K}_{2}} , \hat{\beta}_{1} = \frac{\hat{F}_{2}}{\hat{F}_{1}} , \frac{\hat{\beta}_{2}}{\hat{F}_{1}} = \hat{\gamma} , \frac{\hat{\beta}_{1}}{\hat{\beta}_{2}} = \hat{\gamma} , \hat{\beta}_{1} = \hat{\gamma}$$

وبضرب بُ ، ، بُ ، نحصل على:

$$\hat{\varphi}, \hat{\varphi}, -\frac{\hat{\varphi}, \hat{\varphi}}{\hat{\varphi}, \hat{\varphi}}, \dots$$

$$\hat{\varphi}, \hat{\varphi}, \hat{$$

$$(1-70)$$
  $\hat{C}_1 = \hat{K}_2(1-\hat{\beta}_1\hat{\beta}_2)$   $\hat{C}_1 = \hat{K}_2(1-\hat{\beta}_1\hat{\beta}_2)$   $\hat{C}_1 = \hat{K}_2(1-\hat{\beta}_1\hat{\beta}_2)$   $\hat{C}_1 = \hat{K}_2(1-\hat{\beta}_1\hat{\beta}_2)$   $\hat{C}_1 = \hat{C}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{\hat{C}}_1 = \hat{C}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{\hat{C}}_1 = \hat{C}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{\hat{C}}_1 = \hat{C}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{\hat{C}}_1$   $\hat{C}_1\hat{\hat{C}}_1\hat{$ 

وبالتعويض من ( ٢٥\_-١٠ ) في ( ٢٥–٩ ) نحصل على:

$$\frac{\hat{c}_{1}\hat{c}_{2}}{\hat{c}_{1}} = \hat{c}_{1}\hat{c}_{1}\hat{c}_{2}\hat{c}_{3}\hat{c}_{4}\hat{c}_{5}\hat{c}_{5}\hat{c}_{7}\hat{c}$$

$$C_1 = K_2 - \frac{\hat{K}_1 \hat{F}_2}{\hat{F}_1}$$

#### وبنفس الطريقة يمكن إثبات أن:

$$\hat{C}_2 = \hat{F}_1 - \frac{\hat{K}_1 \hat{F}_2}{\hat{K}_2}$$

وبعمل اختصارات أخرى يمكن الحصول على أ ، أ ، ولكن من المشاكل التي تواجهنا بعد الحصول على المعلمات المقدرة للنموذج الهيكلي الأصلي من المعلمات المقدرة لنموذج الصيغ المختصرة أنه يصعب اختبار معنوية هذه المعلمات نظراً لعدم وجود أي بيانات عن الخطأ المعياري لأي منها .

وللتغلب على هذه المشكلة يمكن استخدام طريقة المتغير الوسيط ( IV ) التقدير معلمات النموذج الأصلي . وفي هذه الحالة نستخدم ٨٧١

المتغير الخارجي ث 1 كمتغير وسيط للإعلان ي وفي معادلة المبيعات ، وتستخدم المتغير الخارجي ث 1 كمتغير وسيط للمبيعات في دالة الإعلان . وبهذه الطريقة يمكن الحصول على مقدرات متسقة للنموذج الهيكلي الأصلى باستخدام طريقة المتغير الوسيط .

وتعطى طريقتي ( I L S ) ، ( I V ) ، نفس النتائج في حالة النماذج المعرفة تعريفاً تاماً. وإن كانت تعطى نتائج مختلفة في حالة النماذج زائدة التعرف. وتعتبر طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين ( LS 2 1 2 ) إحدى فصائل طريقة المتغير الوسيط . وتتمثل خطواتها ف :

(۱) نقوم بتقدير دالة انحدار تكون فيها ( $\infty$ ) متغير تابع والمتغيرات الخارجية  $\hat{\Sigma}_{ij}$  ،  $\hat{\Sigma}_{ij}$  متغيرات تفسيرية (المعادلة ( $\Sigma_{ij}$  ) في طريقة الصبغ المختصرة) ، ثم نحصل على القيم المتوقعة للمتغير التابع ( $\Sigma_{ij}$ ) من الدالة المقدرة . ونستخدم ( $\Sigma_{ij}$ ) كمتغير وسيط عن ( $\Sigma_{ij}$ ) في معادلة المبيعات الأصلية بعد إعطاءه اسم جديد وليكن  $\Sigma_{ij}$ ، وذلك بجانب المتغيرات الخارجية الأخرى بالمعادلة .

(٢) نقوم بتقدير دالة انحدار تكون فيها (3) متغير ثابع والمتغيرات الخارجية (3) ث بن متغيرات تفسيرية ( المعادلة ( (3) - (3) ) في طريقة الصيغ المختصرة ) ، ثم نحصل على القيم المتوقعة للمتغير التابع (3) من الدالة المقدرة . ونستخدم (3) م كمتغير وسيط عن (3) في معادلة الإعلان الأصلية بعد إعطاءه اسم جديد وليكن (3) ، وذلك بجانب المتغيرات الخارجية الأخرى بالمعادلة.

وبالطبع إذا لم يكن هناك ارتباط بين ى ن ، ، و في معادلة المبيعات ( ١-١٥ ) ولم يكن هناك ارتباط بين ع ن ، ، و في معادلة الإعلان ( ٢٥-٢) فإن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية ( O L S ) في التقدير تعطى تقديرات متسقة وكفء، في حين أن طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين تعطي نتائج متسقة فقط في حالة العينات الكبيرة أما إذا كان هناك ارتباط فإن استخدام ( OLS ) يعطى نتائج غير متسقة في حين أن طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين تعطى نتائج متسقة .

ويمكن استخدام اختبار هوسمان للتعيين Hausman Specification Test لاختبار مدى وجود هذا الارتباط من عدمه . ولإجراء الاختبار بالنسبة للمعادلة (١-٢٥) نتبع الخطوات التالية:

(1) نقوم بتقدير الصيغة (20-3) ثم نحصل منها على ي ز.

(2) نقوم بإجراء تقدير للصيغة:

. (Y-YO)

$$(17-70)$$
 ......  $(+3)_{i_t} + -2$   $(+3)_{i_t} + -2$   $(+4)_{i_t} + -2$   $(+4)_{i_t}$ 

فإذا كانت م , ( m<sub>i</sub> ) غير معنوية إحصائياً إذن لا يوجد هناك ارتباط بين ى ، ، ، في حالة الصيغة حالة العينة الكبيرة ، والعكس صحيح . ويمكن إتباع نفس الإجراء في حالة الصيغة

مثال (٢٥-١) تقدير نموذج آني للعلاقة بين الإعلان والمبيعات

افترض أن البيانات الموضحة بالجدول (20-2) تعبر عن :

A= قيمة المبيعات بالمليون جنيه S= ، عدد إرساليات الإعلان  $P_2=$  متوسط سعر البيع منفق للغرد  $P_1=$  ، متوسط سعر الإعلان (مبلغ منفق للغرد  $P_2=$  والمطلوب هو تقدير النموذج الآني الموضح بالمعادلتين (  $P_1=$  ) ، (  $P_1=$  )

ولعمل ذلك نتبع الخطوات التالية :

باستخدام هذه البيانات.

( 1 ) نستخدم اختبار هوسمان لاختبار مدى وجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية والحد العشوائي بكل معادلة . فبالنسبة للمعادلة ( 1-2 ) نقوم بتقدير الصيغة ( 20-3 ) فنحصل على النتائج الموضحة بالجدول (20-3) .

#### tyselt, become to (۲-۲۰) بجدول (۲-۲۰) الما المحدول (۲-۲۰)

Year	- S	$\mathbf{A}_{i}$	P1	P2
1980	200	10	5.00	1.00
1981	210	11	4.90	0.96
1982	215	11.5	4.80	0.93
1983	220	12	4.50	0.92
1984	230	13	4.65	0.90
1985	250	15	4.50	0.88
1986	270	16	4.30	0.85
1987	280	16.5	4.10	0.83
1988	300	18	4.00	0.80
1989	310	19	3.75	0.77
1990	315	20	3.73	0.72
1991	330	22	3.70	0.70
1992	350	23	3.67	0.68
1993	360	25	3.60	0.65
1994	370	27	3.55	0.60
1995	400	30	3.40	0.56

#### جدول (٥ ٢-٣)

Dependent Variable: A Method: Least Squares Date: 05/29/04 Time: 19:33

Sample: 1980 1995

Included observations: 16

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	51.72758	1.701924	30.39358	0.0000
and the second	2.073795	1.253512	1.654388	0.1220
P2	-53.00571	4.982940	-10.63744	0.0000
R-squared	0.989492	Mean depend	dent var	18.06250
Adjusted R-squared	0.987876	S.D. depende	ent var	6.063209
S.E. of regression	0.667626	Akaike info	riterion	2.197182
Sum squared resid	5.794412	Schwarz crit	erion	2.342043
Log likelihood	-14.57746	F-statistic		612.0863
Durbin-Watson stat	1.614311	Prob(F-statis	tic)	0.000000

 $\hat{A}_i = 51.727 + 2.074 P_{1i} - 53 P_{2i}$  أي أن الصيغة المقدرة هي  $2.074 P_{1i} - 53 P_{2i}$  (٢) بالحصول على من الصيغة المقدرة تلك واستخدامها في تقدير المعادلة (٢٥–١٣) نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٤-٢٥) .

#### جدول (۲۵–٤)

Dependent Variable: S Method: Least Squares Date: 05/29/04 Time: 19:58 Sample: 1980 1995

Included observations: 16

Variable Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	335.6888	44.12048	7.608457	0.0000
Α	9.339640	2.022332	4.618252	0.0006
A1	-2.443993	2.135344	-1.144543	0.2747
P1	-41.63057	7.775681	-5.353945	0.0002
R-squared	0.995291	Mean depend	dent var	288,1250
Adjusted R-squared	0.994114	S.D. dependent var		63.45274
S.E. of regression	4.868075	Akaike info		6.215592
Sum squared resid	284.3778	Schwarz crite	erion	6.408739
Log likelihood	-45.72474	F-statistic		845.4860
Durbin-Watson stat	2.146523	Prob(F-statis	tic)	0.000000

ومن الواضح بالجدول ( ٢٥-٤ ) أن معلمة ، A1 (أي A1) غير معنوية إحصائياً مما يعني أنه لا يوجد هناك ارتباط بين ،u1، A2 في معادلة المبيعات ( ٢٥-١ ) ، ومن ثم فإن طريقة المربعات الصغرى العادية تصلح في هذه الحالة لتقدير هذه الدالة . وبتقدير دالة المبيعات باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية نحصل على النتائج الموضحة بالجدول ( ٢٥-٥ ) .

جدول (٢٥-٥)

Dependent Variable: S Method: Least Squares Date: 05/29/04 Time: 20:00

Sample: 1980 1995

Included observations: 46

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	319.8875	42.40153	7.544245	0.0000
College A College	7.147495	0.656884	10.88090	0.0000
P1	-38.90895	7.490899	-5.194162	0.0002
R-squared	0.994777	Mean depen	dent var	288.1250
Adjusted R-squared	0.993974	S.D. dependent var		63.45274
S.E. of regression	4.925771	Akaike info	riterion	6.194199
Sum squared resid	315.4219	Schwarz crit	erion	6.339060
Log likelihood	-46.55360	F-statistic		1238.053
<b>Durbin-Watson stat</b>	1.687970	Prob(F-statis	itic)	0.000000

ومن الواضح بالجدول ( ٢٥-٥ ) أن عدد إرساليات الإعلان ( A ) تؤثر تأثيراً طردياً وجوهرياً على المبيعات ، S ، كما أن سعر البيع ، P يؤثر تأثيراً عكسياً وجوهرياً على المبيعات ، وإذا حاولنا تقدير نفس العلاقة باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين وذلك باستخدام برنامج Eviews :

Quick/estimate equation/TSLS
S c A P1
Instrument list P1 P2 A1
. (٦-٢٥) فسوف نحصل على النتائج الموضحة بالجدول

Dependent Variable: S Method: Two-Stage Least Squares Date: 05/29/04 Time: 20:28

Sample: 1980 1995

Included observations: 16

Mad allight named 1 1 1 mg	**		***	
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C A	335.6888 6.895647 -41.63057	44.89508 0.697503 7.912196	7.477184 9.886196 -5.261570	0.0000 0.0000 0.0002
R-squared Adjusted R-squared S.E. of regression F-statistic Prob(F-statistic)	0.994718 0.993906 4.953541 1214.544 0.000000	Mean depend S.D. depende Sum squared Durbin-Wats	ent var d resid	288.1250 63.45274 318.9885 1.759684

وبمقارنة النتائج بالجدولين ( ٢٥-٥ ) ، ( ٢٥-٦ ) نجد أنها نتائج متقاربة سواء من ناحية المدلول الاقتصادي أو المعنوية الإحصائية أو المقدرة التفسيرية . ويلاحظ هنا أن وضع A1 بجانب P1 , P2 كمتغيرات وسيطة يعتبر تحصيل حاصل ولا يؤثر في النتيجة عما إذا لم ندرج A1 ، وذلك لأننا قدرنا A1 بدلالة P1 , P2 .

( ٣) ولإجراء اختبار هوسمان بالنسبة لمعادلة الإعلان ( ٢-٢) نقوم بتقدير الصيغة (٣-٢): فتحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢-٢):

#### جدول (۲۵-۷)

Dependent Variable: S Method: Least Squares Date: 05/29/04 Time: 20:05

Sample: 1980 1995

Included observations: 16

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	692.3839	19.87005	34.84560	0.0000
P1	-27.33042	14.63481	-1.867494	0.0845
P2	-365.5087	58.17608	-6.282800	0.0000
R-squared	0.986922	Mean depend	dent var	288,1250
Adjusted R-squared	0.984910	S.D. depende		63.45274
S.E. of regression	7.794564	Akaike info d		7.112091
Sum squared resid	789.8179	Schwarz crite		7.256951
Log likelihood	-53.89673	F-statistic	The first state of the state of	490.5252
Durbin-Watson stat	1.298014	Prob(F-statis	tic)	0 000000

 $S_{ii} = 692.38 - 27.33 \, P_{ii} - 365.5 \, P_{ii}$  اي أن الصيغة المقدرة هي:  $S_{ii} = 692.38 - 27.33 \, P_{ii} - 365.5 \, P_{ii}$  وبالتعويض عن  $S_{ii} = S_{ii}$  يمكن تقدير الصيغة الموضحة بالجدول (  $S_{ii} = S_{ii}$  ) حدول (  $S_{ii} = S_{ii}$ 

Dependent Variable: A Method: Least Squares Date: 05/29/04 Time: 20:20

Sample: 1980 1995

Included observations: 16

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	104.2647	19.00324	5.486682	0.0001
\$	0.068519	0.014837	4.618252	0.0006
<b>S1</b>	-0.144398	0.032259	-4.476176	0.0008
P2	-80.74001	13.50017	-5.980667	0.0001
R-squared	0.996217	Mean depend	dent var	18.06250
Adjusted R-squared	0.995271	S.D. depende		6.063209
S.E. of regression	0.416964	Akaike info o		1.300684
Sum squared resid	2.086307	Schwarz crite	erion	1.493831
Log likelihood	-6.405470	F-statistic		1053.251
Durbin-Watson stat	2.462820	Prob(F-statis	tic)	0.000000

ويتضح من الجدول (  $\Lambda$ - $\Lambda$ 0 ) أن معلمة  $S_1$  ذات معبوية إحصائية عند 1 % مما يعني أن هناك ارتباطاً بين  $S_1$  بالمعادلة (  $\Lambda$ - $\Lambda$ 0 ) ولذا فإن استخدام طريقة المربعات

الصغرى العادية في تقدير هذه المعادلة قد يعطى تقديرات غير متسقة . ولذا من الأفضل استخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين في تقديرها . وبعمل ذلك نحصل على النتائج الموضحة بالجدول (٢٥-٩) .

#### جدول (۹-۲۵)

Dependent Variable: A

Method: Two-Stage Least Squares

Date: 05/29/04 Time: 20:31 Sample: 1980 1995

Included observations: 16 Instrument list: P1 P2 S1

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
S P2	104.2647 -0.075879 -80.74001	54.44817 0.082074 38.68075	1.914935 -0.924520 -2.087344	0.0778 0.3721 0.0571
R-squared Adjusted R-squared S.E. of regression F-statistic Prob(F-statistic)	0.966352 0.961176 1.194687 191.1483 0.000000	Mean depend S.D. depende Sum squared Durbin-Wats	ent var d resid	18.06250 6.063209 18.55460 1.361136

ووفقاً للجدول ( ٢٥-٩ ) فإن المبيعات لا تؤثر جوهرياً على الإعلان وإن كان سعر الإعلان يؤثر عكسياً على عدد الإرساليات الإعلانية وله معنوية إحصائية وفقاً لاختبار الخطأ المعياري، ويلاحظ هنا أيضا أنه من الممكن الاقتصار على P1,P2 كمتغيرات وسيطة دون S1 ولن تتغير النتيجة ، ذلك لأنه في المرحة تم تقدير S1 بدلالة كل من P1,P2

## Granger causality test اختبار جراتجر للسببية (٣-١-٢٥)

يستخدم اختبار جرانجر في التأكد من مدى وجود علاقة تغذية مرتدة Feedback أو علاقة تبادلية بين متغيرين كالإعلان والمبيعات، وذلك في حالة وجود بيانات سلسلة زمنية . ومن المشاكل التي توجد في هذه الحالة أن بيانات السلسلة الزمنية لمتغير ما كثيراً ما تكون مرتبطة ، أي يوجد ارتباط ذاتي بين قيم المتغير الواحد عبر الزمن .

ولاستبعاد أثر هذا الارتباط الذاتي أو السلسلي إن وجد يتم إدراج قيم نفس المتغير التابع لعدد من الفجوات الزمنية كمتغيرات تفسيرية في علاقة السببية المراد قياسها . يضاف إلى ذلك إدراج قيم المتغير التفسيري الآخر لعدد من الفجوات الزمنية كمتغيرات تفسيرية أيضاً وذلك باعتبار أن السبب يسبق النتيجة في الزمن . وقد تعرضنا لنموذج سببية جرانجر مرتين سابقا : المرة الأولى في صيغة نموذج تصحيح الخطأ و ECM أو VEC والمرة الثانية عند استخدام نموذج VAR التقليدي في التنبؤ . ويعتمد اختبار جرانجر للسببية على نموذج VAR تقليدي ، وهو يستخدم حتى في حالة أن تكون البيانات غير متصفة بخاصية التكامل المشترك ، والتي تعتبر شرطاً ضرورياً لاستخدام تحون البيانات غير متصفة بخاصية التكامل المشترك ، والتي تعتبر شرطاً ضرورياً لاستخدام قبل . وسوف نتبع طريقة حديدة في إجراء اختبار جرانجر للسببية لم نتعرض لها من قبل .

ولتوضيح هذه الطريقة دعنا نرمز إلى متغير المبيعات بالرمز (ع) (S) ولمتغير الإعلان بالرمز (ل ) (Y)، ومن ثم يتطلب اختبار جرانجر للسببية تقدير العلاقتين التاليتين:

$$(1\xi-Y_0) \dots Y_t = \alpha_0 + \sum_{i=1}^{10} \beta_i Y_{t-i} + \sum_{i=1}^{10} C_i S_{t-i} + u_{1t}$$

$$(10-Y_0) \dots y_t = x_0 + \sum_{i=1}^{10} \beta_i Y_{t-i} + \sum_{i=1}^{10} C_i S_{t-i} + u_{1t}$$

$$S_t = H_0 + \sum_{i=1}^{10} K_i S_{t-i} + \sum_{i=1}^{10} m_i Y_{t-i} + u_{2t}$$

ويلاحظ أن ن، ن، ن، ن، ن، هي عدد الفجوات الزمنية لكل متغير تفسيري وهي يمكن أن تكون مختلفة جميعها ويمكن أن تكون متساوية . وتتمثل خطوات اختبار جرانجر للسببية فيما يلي: (١) يتم تقدير الصيغة المقيدة التالية: ١٠٠٠ من الله عند التالية المقيدة التالية التالية

والت تفترض أن حر = صفر ، أي أن المبيعات لا تؤثر على الإعلان . ثم نحصل

 $[E_m = \Sigma \cdot W^2_{it}]$ . على ى م $= \sum_{i} e^{i}$  و مجموع مربعات البواقي

ويتم تقدير الصيغة غير المقيدة التي تتمثل في المعادلة ( ٢٥-١٤ ) ثم نحصل منها على

 $[E_i = \sum u_{it}^2]$  .  $= \sum_i u_{it}^2 = \sum_i u_{it}^2$ ى .

(٣) عندئذ نختبر فرض العدم حر= صفر، في مواجهة الفرض البديل
 حر ≠ صفر باستخدام إحصائية ف(F)، حيث:

ف المحسوبة (ف\*)= 
$$\frac{(3,-3,+5)}{3,+(5-4)}$$
 = (\*ف)

$$F^* = \frac{\left(E_m - E_i\right)/n_2}{E_i/(n-k)}$$

( $n_2$ ) ( $n_2$ ) عدد الفجوات الزمنية في حالة المتغير التفسيري ( $n_2$ )

ك = عدد المعلمات المقدرة في الصيغة غير المقيدة =

ثم نقوم بالحصول على" ف الجدولية " عند مستوى معنوية معين 1  $\times$  أو  $\times$   $\times$   $\times$  أو  $\times$   $\times$  أو  $\times$  رن حرية ن  $\times$  للبسط ، ( ن  $\times$   $\times$  ) للمقام ( $F_{(n-k),\alpha}^{(n-k),\alpha}$ ) المحسوبة خرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ، ونقول أن المبيعات تسبب الإعلان وفقاً لاختيار جرانجر ، والعكس صحيح .

( ٤ ) نقوم بتكرار نفس الخطوات السابقة بالنسبة للمعادلة ( ٢٥-١٥ ) ، ويوجد هناك ٤

احتمالات ممكنة :

(أ) المبيعات تسبب الإعلان، و الإعلان لا يسبب المثيعات: ﴿ ﴿ وَالْإِعْلَانِ لَا يُسْبُ الْمُثْيِعَاتِ

رفض 
$$\Sigma$$
ج  $=$  صفر ، وقبول  $\Xi$  م  $=$  صفر .

( ب ) المبيعات لا تسبب الإعلان ، و الإعلان يسبب المبيعات.

(ح) المبيعات تسبب الإعلان، و الإعلان يسبب المبيعات أي توجد تغذية مرتدة.

( ٤ ) المبيعات لا تسبب الإعلان ، و الإعلان لا يسبب المبيعات .

( ٥ ) يمكن إدراج متغيرات تفسيرية أخرى بالصيغتين ( ٢٥-١٤ ) ، ( ٢٥-١٥ ) إذا كان يعتقد أنها تؤثر على المبيعات أو الإعلان ، كل فيما يخصه .

افترض أن البيانات الموضحة بالجدول ( ٢٥-١٠ ) تشير إلى :

Y = Y الإعلان ، المبيعات S = S اختبر مدى وجود سببية جرانجر بينهما .

#### جدول (۲۵–۱۰)

Year	S	Y	Year	S	Y
1980	200	10	1988	300	18
1981	210	11	1989	310	19
1982	215	11.5	1990	315	20
1983	220	<b>I</b> II	1991	330	22
1984	230	13	1992	350	23
1985	250	15	1993	360	25
1986	270	16	1994	370	27
1987	280	16.5	1995	400	30

وباستخدام برنامج Eviews:

View/Granger Causality Lags # نحصل على النتائج الموضحة بالحدول (١٥-١١) عند تجريب الاختبار لفجوتين زمنيتين، والنتائج الموضحة بالجدول (٢٥-١٢) في حالة فجوة زمنية واحدة . حدول ( ١٥-١٥ )- اختبار السبية لفحوتين زمنيتين

Pairwise Granger Causality Tests Date: 05/29/04 Time: 22:46

Lags: 2

Null Hypothesis:	Obs	F-Statistic	Probability
S does not Granger Cause Y does not Granger Cause	14	2.03274 2.34911	0.18686 0.15104

#### جدول ( ٢٥-١٢ )- اختبار السببية لفحوة زمنية واحدة عليه عليه عليه

Pairwise Granger Causality Tests

Date: 05/29/04 Time: 22:51

Sample: 1980 1995

lane: 1

Lays. I	
Null Hypothesis:	bs F-Statistic Probability
S does not Granger Cause Y	15 2.26470 0.15821
Y does not Granger Cause S	5.66899 0.03470

وبالبحث عن F الجدولية عند درجات الحرية الموضحة بالجدول ( ٢٥-١٣ ) تحصل على النتائج الموضحة بنفس الحدول.

جدول (20-12) - اختبار F عند مستوى معنوية ■ %

F الجدولية	درجات حرية المقام	درجات حرية البسط	عدد الفجوات
	(ن-4)=V	(V <sub>1</sub> )=(رن)	
۲,۹۸			V.1 (1) (1) (2) (3) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4
₹ <b>₽₹,₹¥</b> ₹	g was to a Spe	١	1

وبمقارنة \*F المحسوبة بالجدولين ( ١١-٢٥ ) ، ( ١٢-٢٥ الحدولية بالحدول ( ٢٥-١٣ ) يتضح أن فرض العدم مقبول في الحالتين بالنسبة لأثر المبيعات على الإعلان وهو ما يعني أن المبيعات لا تؤثر جوهرياً على الإعلان. ولكن في حالة الفجوة الواحدة نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل القائل بأن الإعلان يؤثر جوهرياً على المبيعات، حيث أن \*F المحسوبة أكبر من F الجدولية.

( ١-١-٤ ) نماذج الأنصبة السوقية وعدم الانساق:

تعترض بعض النماذج أن النصيب النسبي للمنشأة "ر "من السوق في السنة " ز" (ص رر ) ١١٠ دالة في النصيب النسبي للمنشأة من الإنفاق الإعلاني للمنشآت المنافسة (س رز ) ٢٠٠ ، وفي ولاء عملاء المنشأة مقاساً بالنصيب النسبي للمنشأة في السوق بالسنة الماضية (ص رو ١٠) ، ٢٠٠ ، حيث :

$$y_{it} = \frac{0}{0}$$
 مبيعات المشأة في السنة ز $x_{it} = \frac{0}{0}$  مبيعات السوق في السنة ز $x_{it} = \frac{0}{0}$  الإنفاق الإعلاني للمنشآت المنافسة (ق $x_{it} = \frac{0}{0}$ 

ومما سبق يمكن كتابة النموذج المراد تقديره على النحو التالي :

$$y_{it} = \alpha_i + \beta_i X_{it} + C_i y_{it-1} + u_{it}$$

غير أن المعادلة ( 20-17 ) تعاني من تناقض منطقي . ولتوضيح ذلك افترض أن السوق يوجد به منشأتين فقط ، إذن :

$$1 = \frac{1}{1 - 1} + \frac{1}{1 - 1} = \frac{1}{1 - 1$$

تصبح المعادلة ( 20-17 ) لكل منشأة من المنشأتين على النحو التالي:

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1$$

$$(YY-YO)$$
 .....  $(1-0)$ ,  $(1-0)$ ,  $(1-0)$ ,  $(1-0)$ ,  $(1-0)$ ,  $(1-0)$ 

وبمساواة مجموع المعادلتين ( ٢٥-٢٠ ) ، ( ٢٥-٢٢ ) بالواحد ، حيث مجموع الأنصة النسبية يساوي واحد ، فحصل على :

$$\hat{r} = +, -, \hat{o} +, \hat{f} = 1$$

$$(YY - Yo) \dots \hat{a}_1 + \hat{a}_2 + \hat{\beta}_1 X_{1t} + \frac{\hat{\beta}_2}{X_{1t}} + (\hat{c}_1 - \hat{c}_2) y_{t-1} + \hat{c}_2 = 1$$

وحتى تتحقق المعادلة ( ٢٥ -٢٣ ) فلابد أن يتحقق الشرط التالي:

أ،  $+\hat{1}$ , =1 ،  $\hat{\Box}$ ,  $=\hat{\Box}$ ,

## ( ١-٢٥ ) الأثر التراكمي للإعلان على المبيعات

لا يمارس الإعلال تأثيره بصورة فورية على المبيعات ، وإنما يمتد هذا التأثير عبر الزمن ، ولذا يمكن التفرقة بين الأثر قصير الأجل والأثر طويل الأجل للإعلان .ومن بين النماذج المستخدمة لتقدير الأثر التراكمي للإعلان على المبيعات عبر الزمن نموذج الآثار المتباطئة لكويك Koyck Lingering Effects Model ، وهو يأخذ الصيغة التالية :

$$(\Upsilon\xi-\Upsilon\circ)$$
 ,  $g+\cdot$  ,  $\varepsilon$   $\lambda+$  ,  $t$   $\lambda+1)$   $i=j$   $\varepsilon$   $S_t=\alpha(1-\lambda)+\beta Y_t+\lambda S_{t-1}+W_t$ 

حيث : ع  $_{_{1}}=$  المبيعات في المرة "ر"  $_{_{1}}=$   $_{_{2}}$   $_{_{3}}$   $_{_{4}}=$  الإنفاق الإعلاني في الفترة "ز"  $_{_{1}}=$   $_{_{2}}$   $_{_{3}}=$   $_{4}=$   $_{4}=$   $_{4}=$   $_{4}=$   $_{5}=$   $_{5}=$   $_{6}=$  الحد العشوائي  $_{6}=$   $_{6}=$ 

ومن أهم خصائص هذا النموذج: (أ) أن الحد العشوائي " و ر " (W<sub>t</sub>) على ارتباط مع ع ر.، ، وهو ما يجعل مقدرات طريقة

المربعات الصغرى العادية متحيزة وغير متسقة . ولذا يفضل استخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين في التقدير .

- (ب) لا تصلح إحصائية ديربن واتسون (DW) في الكشف عن الارتباط الداتي في هذه الحالة .

  - (ع) الأثر التراكمي للإعلان على المبيعات بعد فترتين فقط =  $\psi(1+1)$ .

$$\frac{\beta}{1-\lambda} = \frac{\gamma}{\lambda-1}$$
 = الأثر طويل الأجل للإعلان على المبيعات

(و) نسبة الأثر التراكمي طويل الأجل للإعلان بعد فترة معينة (ن) n من الأثر أتكلي  $m=1-\lambda^n$  تتحدد بالصيغة التالية :  $\alpha=1-\lambda^n$ 

( ز) لتحديد الفترة (ن) n اللازمة لتوصيل نسبة الأثر التراكمي للإعلان إلى مستوى معين = م (m) ، نستخدم الصيغة التالية :

$$(70-70)... n = \frac{\ln(1-m)}{\ln \lambda}$$

$$\frac{\ln(1-m)}{\lambda}$$

$$\frac{1}{\lambda}$$

ومن النماذج الأخرى التي تتخلص من مشكلة الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى:

$$lpha=lpha_0(1-
ho)$$
 (غ-۱) أ=أ ،  $ho=$  حيث : خ $c=-eta
ho$  الرتباط الذاتي  $c=-eta
ho$ 

مثال (20-3) تقدير الأثر التراكمي للإعلان على المبيعات

استخدم بيانات الجدول (٢٥-١٠) في تقدير الصيغة (٢٥-٢٤) وفسر النتائج . لما كانت طريقة المربعات الصغرى العادية تعطي نتائج متحيزة وغير متسقة ، نستخدم طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين . وحتى نستخدم هذه الطريقة لابد من البحث عن متغير وسيط Instrument يعتقد أنه يرتبط مع  $S_{i-1}$  وغير مرتبط مع  $S_{i-1}$  وغير مرتبط مع تأثر بما وفي هذه الحالة نجد أنه إذا كان  $S_{i-1}$  يتأثر بالمتغير الخارجي  $S_{i-1}$  ، فإن  $S_{i-1}$  كتأثر بما يقابلها وهو  $S_{i-1}$  ومن هذا المنطلق نستخدم  $S_{i-1}$  كمتغير وسيط في هذه الحالة

بجانب Y<sub>t</sub> حتى يمكن تطبيق طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين . ويمكن استخدام Eviews لعمل ذلك على النحو التالي:

Quick/estimate equation/TSLS

S c Y S1
Instrument list Y Y1

 $S_1 = S_{i+1}$ ,  $Y_1 = Y_{i+1}$ :

حدول (۲۵-۱٤)

Dependent Variable: S

Method: Two-Stage Least Squares

Date: 05/30/04 Time: 21:48
Sample(adjusted): 1981 1995

Included observations: 15 after adjusting endpoints

Instrument list: YY1

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	43.82094	18.69379	2.344144	0.0371
Υ	4.608966	1.773510	2.598783	0.0233
S1	0.585935	0.180763	3.241448	0.0071
R-squared	0.993242	Mean dependent var		294,0000
Adjusted R-squared	0.992116	S.D. depende	61.00937	
S.E. of regression	5.417282	Sum squared		352,1633
F-statistic	876.9611	<b>Durbin-Wats</b>		1.407549
Prob(F-statistic)	0.000000			

وبالتالي يمكن كتابة الصيغة المقدرة على النحو التالي :

$$S_t = 43.82 + 4.6Y_t + 0.586S_{t-1} + u_t$$

ومع الأخذ في الاعتبار أن جميع المعلمات المقدرة ذات معنوية إحصائية يمكن تفسير النتائج على النحو التالي :

(أ) معامل التناقص في تأثير الإعلان على المبيعات عبر الزمن  $\lambda=0.586$  ، وهو ما يعني أن تأثير الإعلان على المبيعات يتناقص سنويا بنسبة ٥٩ ٪ من السنة السابقة تقريباً. (ب) يتمثل الأثر قصير الأجل للإعلان على المبيعات في :  $\beta=4.6$  ، وهو ما يعني أن كل زيادة في الإعلان بوحدة واحدة تؤدي لزيادة المبيعات بمقدار ٤,٦ وحدة .

(ج) يتمثل الأثر طويل الأجل للإعلان على المبيعات في:

$$\frac{\beta}{1-\lambda} = \frac{4.6}{0.414} = 11.1$$

وهـدا يعـني أن كـل زيـادة في الإعـلان بمقـدار وحـدة يصـاحبها زيـادة في المبيعات بالأجل الطويل بمقدار ١١,١ وحدة .

(2) يمثل الأثر التراكمي طويل الأجل للإعَلان على المبيعات من الأثر الكلي بعد خمس سنوات نسبة تساوي : م = ١- (٠,٥٨٦) " = ١٣ ٪.

(هـ) الفترة اللازمة لتوصيل الأثر التراكمي طويل الأجل للإعلان على المبيعات إلى 100 + 100 + 100 الفترة الكلي تساوي = 100 + 100 + 1000 = 1000 + 1000 + 1000 = 1000 + 1000 + 1000 = 1000 + 1000

DESTRUCTION OF THE PROPERTY OF

。 《大学集集》(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年)(1914年

and the figure of the property of the first of the second production of

## المبحث الثاني

## بعض الدراسات التطبيقية عن العلاقة بين المبيعات و الإعلان

( ٢-٧-٢٥ ) مدى تأثير الإتفاق الإعلاني على الاستهلاك الكلي هل تؤدي الزيادة في الإنفاق الإعلاني إلى زيادة الاستهلاك الكلي على مستوى المجتمع وبالتالي تؤدى إلى نقص الادخار ؟ وهل للإنفاق الإعلاني دور في التأثير على تقلبات الدورة التجارية على مستوى المجتمع، بحيث تؤدى زيادته للدخول في موجة رواج، و يؤدي نقصه للدخول في موجة انكماش ؟ أم أن الإنفاق الإعلاني هو الدي يتأثر بالاستهلاك الكلي ؟ من الدراسات التي ظهرت للإجابة على هذه الأسئلة ما يلى:

## : ۱۹۷۲ عام Richard Schmalensee عام ۱۹۷۲

قام سكيملانسي بحساب الرقم القياسي لسعر الإعلان الحقيقي مستخدماً بيانات ربع سنوية ، وذلك عن طريق تحديد الإنفاق الكلي على الإعلان لدى وسائل الإعلام المختلفة ، ثم الحصول على القيمة الحقيقية للإنفاق الإعلاني الكلي، وتحديد عدد الأفراد الدين تعرضوا للإرسائيات الإعلانية بالمليون ، ثم تحديد متوسط تكلفة الإعلان للفرد واتخاذها كمؤشر للسعر ، ثم الحصول على الرقم القياسي لسعر الإعلان الحقيقي منها (  $\hat{\mathbf{u}}_{i}$  ) . وتم الحصول من ناحية أخرى على متوسط نصيب الفرد من الاستهلاك الكلي الحقيقي (  $\mathbf{u}_{i}$  ) ، ومتوسط نصيب الفرد من استهلاك السلع فقط (  $\mathbf{u}_{i}$  ) .  $\mathbf{c}_{i}$  .  $\mathbf{c}_{i}$  الحصول على :

(1) الارتباط بين  $(m_1, \hat{C}_{t+1}, P_{t+1})$  و  $(m_2, \hat{C}_{t+1})$  و  $(m_1, \hat{C}_{t+1})$  و  $(m_2, \hat{C}_{t+1})$  و  $(m_1, \hat{C}_{t+1})$  و  $(m_2, \hat{C}_{t+1})$ 

وبإيجاد الارتباط بين ( س  $_{i_1}$  ، ث  $_{i_{-1}}$  ) و ( س  $_{i_1}$  ، ث  $_{i_1}$  ) و  $_{i_1}$  ،  $_{i_2}$  ،  ،  $_{i_2}$  ،  $_{i_2}$  ،  $_{i_1}$  ،  $_{i_2}$  ،  $_{i_2}$  ،  $_{i_2}$  ،  $_{i_1}$  ،  $_{i_2}$  ،  $_$ 

وبالرغم من أن الارتباط في الحالة الثانية بين الإعلان واستهلاك السلع أقوى بوجه عام منه بين الإعلان و الاستهلاك الكلى ، إلا أن النمط واحد . فمن الواضح أن الارتباط بين الاستهلاك في الربع الحالي والإعلان في الربع المقبل أعلى من الارتباط بين الاستهلاك في الربع الحالي والإعلان في الربع الحالي أو السابق . وهو ما يوحي بأن السبهة تتجه من الاستهلاك إلى الإعلان ، وليس من الإعلان إلى الاستهلاك .

#### (٢) تقدير الصيغ التالية:

$$(YY-YO) \dots (YY-YO) \dots (YY-$$

#### حادثان

 $\mathbf{C}_{i}$  س  $_{i}$  = الاستهلاك الكلى الحقيقي أو الاستهلاك الحقيقي للسلم فقط في الفترة  $_{i}$  (  $_{i}$  ).  $_{i}$   $_{i}$ 

ولقد أوضح سكيملانسي أنه حتى يكون اتجاه السببية من الإعلان إلى الاستهلاك يجب أن يكون معامل الانحدار الخاص بالإعلان ( وكذلك قيمة t المحسوبة المصاحبة له ) موجباً ومرتباً تنازلياً كما يلى:

$$Y_{t-1}, Y_t, Y_{t+1}$$

وبإجراء التقدير باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية لم يتم الحصول على النتائج بهذا الترتيب أبداً ، وإنما كانت معاملات الانحدار الخاصة بالإعلان في

الفترة "ز + 1" أكبر منها دائماً في الفترات الأخرى . وبإجراء التقدير باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين لم يتغير الوضع عنه في الحالة السابقة .

وبالتالي فإن هذه الدراسة التطبيقية توضح أن الإعلان الكلي لا يؤثر على الاستهلاك الكلى، وبالتالي لا يؤثر على الادخار القومي وإن كان يمكن أن يؤثر على تحويل المبيعات بين المنشآت أو حتى الصناعات، كما لا يمكن أن ينسب للإعلان أنه سبب موجات الرواج، أو سبب الانكماش.

( 3 ) ثم حاول سكيملانسي أن يختبر محددات الإعلان الكلي على مستوى المجتمع ، ورشح لذلك الاستهلاك الكلي ، حيث قام بتقدير العلاقة التالية :

ل = الإنفاق الإعلاني الكلي بالأسعار الجارية في السنة ز.

س = الإنفاق الاستهلاكي على السلع المعمرة وغير المعمرة بالأسعار الجارية

**△ س ، « = التغير النسبي في الإنفاق الاستهلاكي.** من يما يما يم إلى النسبي في الإنفاق الاستهلاكي. ( \* )

ومن الصيغة السابقة يتضح أن:

 $\cdot, Y \cdot o \xi = \lambda$ 

نسبة الأثر التراكمي للاستهلاك بعد ٤ فصول على الإعلان من الأثر الكلى =  $\alpha_0 = 1 - 1$   $\alpha_0 = 1 - 1$   $\alpha_1 = 1 - 1$   $\alpha_2 = 1 - 1$   $\alpha_3 = 1 - 1$   $\alpha_4 = 1$   $\alpha_5 = 1$   $\alpha_6 = 1$   $\alpha_6$ 

م = 1 =  $\lambda - 1 = \lambda - 1 = \lambda$ م = ۲۹،۲۹ أي ۹،۲۹ ٪.

وقد خلص سكيملانسي إلى أنه نظراً لأن التأثير يحدث بهذه السرعة من فصل لآخر، فإن كل الدراسات التي تستخدم بيانات سنوية تصل لنتائج مضلله لأنها سوف تتضمن التأثيرات التبادلية التي تحدث بين الاستهلاك و الإعلان وتنسبها لواحدة منها فقط.

## ( ١٩٧٢ ) Lester D . Taylor & Daniel Weiserbs ب) دراسة

لقد استخدم كل من تايلور و ويزاربس بيانات سنوية لتقدير الصيغة التالية خلال الفترة ١٩٢٨ – ١٩٤٥ :

$$\dot{\sigma}_{i} = \gamma_{i} + \gamma_{i} +$$

#### حىث:

خ ; = متوسط الادخار الحقيقي للفرد .

△ ي = التغير في متوسط الدخل الحقيقي.

 $\Delta$  ل  $_{i}$  =التغير في متوسط نصيب الفرد من الإنفاق الإعلاني الحقيقي .

وتعتبر معلمات الصيغة ( ٢٥-٢٩ ) توليفات لعدد من المعلمات الأخرى لصيغة هيكلية مختلفة . وبعد إجراء بعض الحسابات للحصول على معلمات الصيغة الهيكلية اتضح أن :

(1) الأثر قصير الأجل للإعلان على الأدخار يتمثّل في كون أن كل زيادة في الإنفاق الإعلاني بمقدار واحد دولار تؤدى لتخفيض الادخار (زيادة الاستهلاك) بمقدار 5,12 دولار.

( ٢ ) الأثر طويل الأجل يتمثل في أن زيادة الإنفاق الإعلاني بمعدل سنوي ٢,٥٪ يؤدي لانخفاض معدل الادخار من ٩,٣٪ إلى ٧٪.

ومن الواضح أن هذه الدراسة تتعرض لانتقاد أنها استخدمت بيانات سنوية وليس بيانات ربع سنوية .

## ( ٢-٢-٢ ) أثر الإعلان على المبيعات على مستوى الصناعة أو المنتج

## (أ) دراسة Nerlove & Waugh (أ) دراسة

لقد حاول كل من نيرلوف ، ووج أختبار أثر الإعلان على مبيعات البرتقال خلال فترة ٥٠ سنة . ولعمل ذلك قاما بقياس العلاقة بين :

ك و حمتوسط نصيب الفرد من مبيعات البرتقال في السنة ز (كمتغير تابع) ( qt)

ث = السعر الحقيقي للبرتقال في السنة ز $^{(P_i)}$ 

ي = متوسط الدخل الحقيقي المتاح للغرد خلال السنة ز المداد الدخل الحقيقي المتاح للغرد خلال السنة ز

ل و = متوسط نصيب الفرد من الإعلان الحقيقي لترويج مبيعات البرتقال ( Y 1)

ق <sub>:</sub> = متوسط الإنفاق الإعلاني الحقيقي على البرتقال للفرد خلال العشرة سنوات السابقة للسنة :

## ولقد استخدم كليهما الصيغة التالية :

$$(^{\circ}-^{\circ})$$
 .....  $q_t = A_0 P_t^{\alpha T} X_t^{\alpha 2} Y_t^{\alpha 3} K_t^{\alpha 4}$ 

#### حيث

 $(lpha_1)$  مرونة الطلب السعرية للبرتقال = مرونة الطلب السعرية البرتقال

أ , = مرونة الطلب الدخلية للبرتقال ( a 2 )

 $(\alpha_3)$  القصير ( $\alpha_3$ ) الأجل القصير أ $\alpha_3$ 

 $1 + 1_{\parallel} = \alpha_0 e^{i t}$  (  $\alpha_3 + \alpha_4$  )

وبحل الصيغة ( ٣٠٣٠٥) بالنسبة للسعر ث نحصل على:

ثران=أ أنكرى ألرائق القرائة

بضرب طرفي ( ٢٥-٣١) في ك رنجصل على دالة الإيراد الكلى حيث:

$$A_{t} = C_{t} \cdot C_{t} = P_{t} \cdot Q_{t}$$
 و زيد المارية  $C_{t} = C_{t} \cdot Q_{t}$ 

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}$$

$$TR_{t} = A^{*}q^{\frac{1}{|\alpha|}} X_{t}^{\frac{\alpha^{2}}{|\alpha|}} Y_{t}^{\frac{\alpha^{3}}{|\alpha|}} K_{t}^{\alpha^{1}}$$

$$\ln TR_t = A + (1 + \frac{1}{\alpha_1}) \ln q_t - \frac{\alpha_2}{\alpha_1} \ln X_t - \frac{\alpha_3}{\alpha_1} \ln Y_t - \frac{\alpha_4}{\alpha_1} \ln K_t$$

وباستخدام الصيغة ( ٢٥-٣٢ ) من خلال بيانات سنوية للفترة ١٩٠٧ - ١٩٥٨ مع استبعاد سنوات الحرب الثانية 1921 - 1920 ثم الحصول على تقديرات . OLS على النحو التالي:

$$-$$
 او أ\*
 $-$  المراج المراج

$$\hat{\varphi}_{i} = -\frac{1}{i} \cdot \hat{\varphi}_{i}$$

## وتمثلت النتيجة التي تم الحصول عليها فيما يلي :

## ومن هذه الصيغة المقدرة نحصل على:

$$\hat{1}_{,-} = -(-, ...)(...) + ...$$
 مرونة الطلب الدخلية.  $\hat{1}_{,-} = -(-, ...)(...) + ...$  مرونة الطلب الاعلانية قصيرة الأجل.  $\hat{1}_{,-} = -(-, ...)(...) + ...$  مرونة الطلب الإعلانية قصيرة الأجل.  $\hat{1}_{,-} = -(-, ...)(...) + ...$  مرونة الطلب الإعلانية طويلة الأجل.  $\hat{1}_{,-} = -(-, ...)(...)$ 

ولكن إذا قارنا الصيغتين (٢٥-٣٠)، (٢٥-٣٣) فإننا تجد أن هناك احتمالاً أن

تكون " ■ " مرتبطة مع > مما يجعل طريقة OLS غير صالحة للتقدير في هذه الحالة ويتعين تجريب طريقة أخرى .

وعموماً فقد أثبتت هذه الدراسة أن الإعلان يؤثر جوهرياً على المبيعات . (ب) دراسة Stephen J. Arnold وآخرين ( 1987 )

لقد أوضحت هذه الدراسة أن العامل الأساسي الذي يؤثر في المبيعات ليس هو حجم الإنفاق الإعلاني وإنما نوعية الإعلان نفسه . فقد يتم إنفاق مبالغ كبيرة على الإعلان دون أن تكون ذو فاعلية كبيرة في تأثيرها على المبيعات نظراً لأن نوعية الإعلان رديئة .

ولاختبار تأثير نوعية الإعلان على المبيعات تم الاستعانة بالنموذج التالي :

ن; = أول:

 $V_t = A_t Y_t$ 

Quality-Adjusted Advertising ( $V_t$ ) المعدل للنوعية ( $Y_t$ ) المعدل النوعية ( $Y_t$ ) الإعلاني الفعلي ( $Y_t$ )

أ  $_{i}$  = معامل التعديل للنوعية Quality-Adjusted Coefficient في الفترة ز  $(A_{t})$  أ  $_{i}$  يعتمد على خصائص إرسالية الإعلان في الفترة "ز " كما يقيمها الخبراء . حيث تعرض الإرسالية على عدد من الخبراء لإعطائها نسبة وفقاً لمستوى جودتها ثم يؤخذ

متوسط تقديرات الخبراء ويعطى كدرجة معبرة عن النوعية للإرسالية.

ا و ع و الع ع م الع

حيث ع ، تشير إلى خصائص مختلفة للإعلان

ومن لم ن ز = [ع, داع ، دع عر دع ]ل ز (٢٥ -٣٨)

وبأخذ هذه العوامل في الاعتبار يمكن تقدير الصيغة التالية :

لوك ز = أ. + ق لون ز + <u>كب ز</u>لوس ز + <u>ك</u> ح زوز + ع ز .... ( ٢٥- ٣٩)

حيث:

ك و حكمية المبيعات في الفترة ز

ن ر = الإنفاق الإعلاني المعدل للنوعية

س ; = متغيرات مختلفة تؤثر على المبيعات مثل السعر الحقيقي للسلعة البديلة ، والإنفاق الحقيقي للإعلان من قبل المنافسين .

و : = متغير ثنائي يعبر عن الفترات المختلفة أو المناطق الجغرافية المختلفة أو
 النوعيات المختلفة للسلعة .

وبالتعويض من ( ٢٥-٣٧) في ( ٢٥-٣٨) نحصل على :

وذلك على أساس أنه تم التركيز على نوعية واحدة للإعلان هي ع ، . ومع محاولة تقدير نموذج التعديل الجزئي . Partial adj من الصيغة (٢٥-٤٠) تم التوصل للصيغة (٢٥-٤٠) التالية ، باعتبار أن " م " هي نسبة الأثر التراكمي للإعلان في كل فترة في المتوسط .

لوك إ=أ\* با (١ - م) لوك ز-، + م ق [ر، لوع ، + لول ز] + م كب زلوس ز

لوك 
$$_{i}=i^{*}+i$$
 , لوك  $_{i-1}+i$  , لوع  $_{i}+i$  , لول  $_{i}+\sum i$  , لوس  $_{i}$ 

حيث

$$i_{-1} = (1 - a_{-1})$$
 easily  $a_{-1} = (1 - 1)$ 

$$\frac{1}{r} = r$$
,  $\frac{1}{r} = r$ 

وبتقدير الصيغة ( ٢٥-٤٠) نجد أن :

(1) مرونة المبيعات طويلة الأجل بالنسبة للإعلان المعدل للنوعية ن 
$$_i =$$
 مرونة المبيعات طويلة الأجل بالنسبة للإعلان الفعلي =  $\frac{^{\dagger}}{1}$  =  $\frac{1}{1}$ 

مرونة المبيعات لنوعية الإعلان في الأجل الطويل = ٣٢٢١. مرونة المبيعات للإنفاق الإعلاني = ٠,٠١٥٩

أي أن الأولى ضعف الثانية ما يقرب من 20 مرة ، ومن ثم فإن نوعية الإعلان أكثر فاعلية في التأثير على المبيعات من مجرد حجم الإنفاق الإعلاني .

in de la companya de Ny fivondrona

(新教) 医乳 化多元 (新展集) 医含物囊 (最多) 医克克尔氏管 (5) 人名

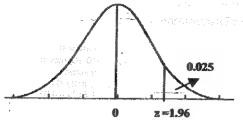
A Committee of the second of t

en de la companya de la co

and make the production of the first production of the production of the second state of the second state

# الجداول الإحصائية

" Z " Distribution "رزیع 'ز' Area under the Normal Curve : (۱) جدول (۱)

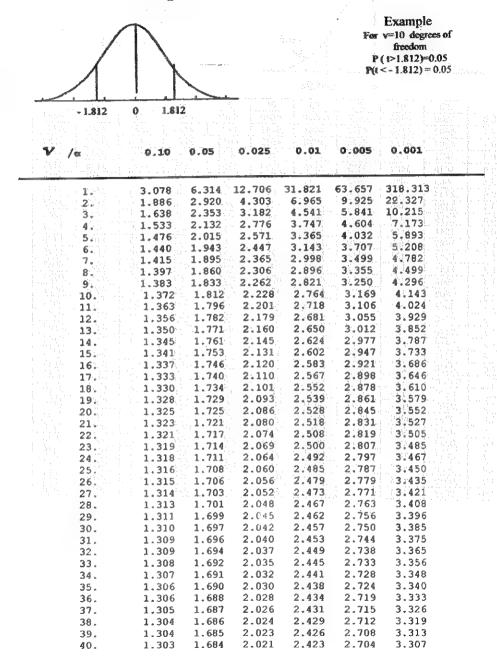


Example  $Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$  P(Z > 1.96) = 0.0250

			U	Z 1.70			1.5		;	
Z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.5000	.4960	.4920	04880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641
0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	3557	.3520	.3483
0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	2776
0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	2514	.2483	2451
0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	2206	2177	2148
0.8	2119	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
0.9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
1.0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	1170
1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0694	.0681
1.5	.0668	.0655	0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
1.8	.0359	.0351	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
2.1	0.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
2.2	.0139	.0136	.0132	.0129	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
2.5	.0062	.0060	.0059	.0057	.0055	.0054	.0052	.0051	.0049	.0048
2.6	.0047	.0045	.0044	.0043	.0041	.0040	.0039	.0038	.0037	.0036
2.7	.0035	.0034	.0033	.0032	.0031	.0030	.0029	.0028	.0027	.0026
2.8	.0026	.0025	.0024	.0023	.0023	.0022	.0022	.0021	.0020	.0019
2.9	.0019	.0018	.0018	.0017	.0016	.0015	.0015	.0014	.0014	.0014
3.0	.0013	.0013	.0013	.0012	.0012	.0011	.0011	.0011	.0010	.0010

#### "T" Distribution "توزيع "ت

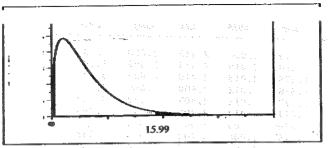
#### Percentage Points of the t Distribution : (٢) جنرل



the Participation of the con-								
<b>v/a</b>	0.19	0.05	0,025	9.01	0.005	0.001		
							- 1	
45.	1.301	1.679		2.412	2.690	3.281		
44.	1.301	1.680		2.414	2.692	3.286		
46.	1.300	1.679		2.410	2.687	3.277		
47.	1.300	1.678		2.408	2.685	3.273.		
48.	1.299	1.677	2.011	2.407	2.682	3.269	11	
49.	1.299	1.677	2.010	2.405	2.680	3.265		
50.	1.299	1.676	2.009	2.403	2.678	3.261		
51.	1.298	1.675	2.008	2.402	2.676	3.258		
52.	1.298	1.675	2.007	2.400	2.674	3.255		
53.	1.298		2.006	2.399	2.672	3.251		
54.	1.297	1674	2.005	2.397	2.670	3.248		
55.	1.297	1.673	2.004	2.396	2.668	3.245		
56.	1.297	1.673	2.003	2.395	2.667	3.242		
57.	1.297	1.672	2.002	2.394	2.665	3.239		
58.	1.296	1.672	2.002	2.392	2.663	3.237		
59.	1 205	1.671	2.001		2.662	3.234		
60.	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.232		
61.	1.296	1.670	2.000		2.659	3.229		
62 -	1.295	1.670	1.999	2.388	2.657	3.227		
63.	1.295	1.669	1.998	2.387	2.656	3.225		
64.	1.295	1.669	1.998	2.386	2.655	3.223		
65.	1.295	1.669	1.997	2.385	2.654	3.220		
66.	1.295	1.668	1.997	2.384	2.652	3.218		
67.	1.294	1.668	1.996	2.383	2.651	3.216		
68.	1.294	1.668	1.995	2.382	2.650	3.214		
69.	1.294	1.667	1.995	2.382	2.649	3.213		
70.	1.294	1.667	1.994	2.381	2.648	3.211		
71.	1.294	1.667	1.994	2.380	2.647	3.209		
72.	1.293	1.666	1.993	2.379	2.646	3.207		
73.	1.293	1.666	1.993	2.379	2.645	3.206		
74.	1.293	1.666	1.993	2.378	2.644	3.204	:	
75.	1.293	1.665	1.992	2.377	2.643	3.202		
76.	1.293	1.665	1.992	2.376	2.642	3.201		
77.	1.293	1.665	1.991	2.376	2.641	3.199		
78.	1.292	1.665	1.991	2.375	2.640	3.198		
79.	1.292	1.664	1.990	2.374	2.640	3.197		
80.	1.292	1.664	1.990	2.374	2.639	3.195		
81.	1.292	1.664	1.990	2.373	2.638	3.194		
82.	1.292	1.664	1.989	2.373	2.637	3.193		
83.	1.292	1.663	1.989	2.372	2.636	3.191		
84.	1.292	1.663	1.989	2.372	2.636	3.190		
85.	1.292	1.663	1.988	2.371	2.635	3.189		
86.	1.291	1.663	1.988	2.370	2.634	3.188		
87.	1.291	1.663	1.988	2.370	2.634	3.187		
88.	1.291	1.662	1.987	2.369	2.633	3.185		
89.	1.291	1.662	1.987	2.369	2.632	3.184		
90.	1.291	1.662	1.987	2.368	2.632	3.183		
91.	1.291	1.662	1.986	2.368	2.631	3.182		
92.	1.291	1.662	1.986	2.368	2.630	3.181		
93.	1.291	1.661	1.986	2.367	2.630	3.180		
94.	1.291	1.661	1.986	2.367	2.629	3.179		
95.	1.291	1.661	1.985	2.366	2.629	3.178		
96.	1.290	1.661	1.985	2.366	2.628	3.177		
97.	1.290	1.661	1.985	2.365	2.627	3.176		
98.	1.290	1.661	1.984	2.365	2.627	3.175		
99.	1.290	1.660	1.984	2.365	2.626	3.175		
100.	1.290	1.660	1.984	2.364	2.626	3.174		
00	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.090		
			A W:					

9.4

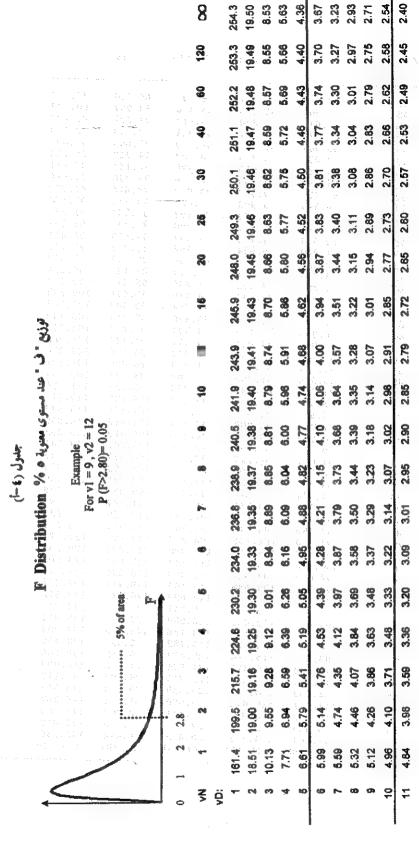
 $^{Y}$  جدول (۳) جدول کا Percentage Points of the  $\chi^2$  Distribution



Example For v = 10 degrees of freedom P( $\chi^2 > 15.99$ )=.10

744		4				
V /a	3.10	0.05	0.025	0.01	0.001	
242	1.74	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5		V		
1 vet. ;	2.706	3.841	5.024	6.635	10.828	
2	4.605	5.991	7.378	9.210	13.816	
3 5 5 5	6.251	7.815	9.348	11.345	16.266	
4 315 7	7.779	9.488	11.143	13.277	18.467	
5	9.236	11.070	12.833	15.086	20.515	
6 \	10.645	12.592	14.449	16.812	22.458	
<b>7</b> (1.50.4)	12.017	14.067	16.013	18.475	24.322	
8 A.A	13.362	15.507	17.535	20.090	26.125	
9 10 10 1	14.684	16.919	19.023 20.483	21.666	27.877	
10	15.987	18.307	20.483	23.209	29.588	
<b>11</b> 955	17.275	19.675	21.920	24.725	31.264	
<b>12</b> (14)	18.549	21.026	23.337	26.217	32.910	
<b>13</b> + 35, 3	19.812	22.362	24.736	21.000	34.528	
14 (1)	21.064	23.685	26.119	29.141	36.123	
15	22.307	24.996		30.578	37.697	
16 10.0		26.296	28.845		39.252	
17	24.769		30.191	33.409	40.790	
18	25.989	28.869	31.526	34.805	42.312	
19	27.204	30.144	32.852	36.191	43.820	
20 114	28.412	31.410	34.170	37.566	45.315	
21	29.615	32.671	35.479	38.932	46.797	
22	30.813	33.924	36.781	40.289	48.268	
23	32.007	35.172	38.076	41.638	49.728	
24	33.196	36.415	39.364	42.980	51.179	
25 % 1.5	34.382	37.652	40.646	44.314	52.620	
26	35.563	38.885	41.923	45.642	54.052	
<b>27</b> (198, 19,	36.741	40.113	43.195	46.963	55.476	
28 : 1	37.916	41.337	44.461		56.892	
29		42.557	45.722	49.588	58.301	
30	40.256	43.773	46.979	50.892	59.703	
31		44.985		52.191	61.098	
<b>32</b> (4) (5)		46.194	49.480	53.486	62.487	
33	43.745	47.400	50.725	54.776	63.870	
34 5 7 4	44.903	48.602	51.966	56.061	65.247	
<b>35</b> (41)	46.059	49.802	53.203	57.342	66.619	
36	47.212	50.998		58.619	67.985	
37 🖽 🛬	48.363	52.192	55.668	59.893	69.347	
38 :::	49.513	53.384	56.896	61.162	70.703	
39	50.660	54.572	58.120	62.428	72.055	
40	51.805	55.758		63.691	73.402	
41	52.949	56.942	60.561	64.950	74.745	
42	54.090	58.124	61.777	66.206	76.084	
43	55.230	59.304	62.990	67.459	77.419	

ν/α 0.10 0.05 0.025 0.01	0.001
44 56.369 60.481 64.201 68.710	78.750
45 57.505 61.656 65.410 69.957	80.077
46 58_641 62.830 66.617 71.201	81.400
47 59.774 64.001 67.821 72.443 48 60.907 65.171 69.023 73.683	82.720 84.037
49 62.038 66.339 70.222 74.919	85.351
50 63.167 67.505 71.420 76.154	86.661
51 64.295 68.669 72.616 77.386	87.968
52 65.422 69.832 73.810 78.616 53 66.548 70.993 75.002 79.843	89.272 90.573
54 67.673 72.153 76.192 81.069	91.872
55 68.796 73.311 77.380 82.292	93.168
56 69.919 74.468 78.567 83.513	94.461
57 71.040 75.624 79.752 84.733 58 72.160 76.778 80.936 85.950	95.751 97.039
58 72.160 76.778 80.936 85.950 59 73.279 77.931 82.117 87.166	98.324
60 74.397 79.082 83.298 88.379	99.607
61 75,514 80.232 84.476 89.591	100.888
62 76.630 81.381 85.654 90.802 63 77.745 82.529 86.830 92.010	102.166 103.442
63 77.745 82.529 86.830 92.010 64 78.860 83.675 88.004 93.217	104.716
65 79.973 84.821 89.177 94.422	105.988
66 81.085 85.965 90.349 95.626	107.258
67 82.197 87.108 91.519 96.828 68 83.308 88.250 92.689 98.028	108.526 109.791
68 83.308 88.250 92.689 98.028 69 84.418 89.391 93.856 99.228	111.055
70 85.527 90.531 95.023 100.425	112.317
71 86.635 91.670 96.189 101.621	113.577
72 87.743 92.808 97.353 102.816 73 88.850 93.945 98.516 104.010	114.835 116.092
73 88.850 93.945 98.516 104.010 74 89.956 95.081 99.678 105.202	117.346
75 91.061 96.217 100.839 106.393	118.599
76 92.166 97.351 101.999 107.583	119.850
93.270 98.484 103.158 108.771	121.100 122.348
78 94.374 99.617 104.316 109.958 79 95.476 100.749 105.473 111.144	123.594
80 96.578 101.879 106.629 112.329	124.839
81 97.680 103.010 107.783 113.512	126.083
82 98.780 104.139 108.937 114.695 83 99.880 105.267 110.090 115.876	127.324
83 99.880 105.267 110.090 115.876 84 100.980 106.395 111.242 117.057	129.804
85 102.079 107.522 112.393 118.236	131.041
86 103.177 108.648 113.544 119.414	132.277
87 104.275 109.773 114.693 120.391	133.512 134.746
88 105.372 110.898 115.841 121.767 89 106.469 112.022 116.989 122.942	135.978
102 665 113 145 118 136 124 116	137.208
91 108.661 114.268 119.282 125.289	139.438
92 109.756 115.390 120.427 126.462	139.666
93 110.850 116.511 121.571 127.633 94 111.944 117.632 122.715 128.803	140.893 142.119
95 113.038 118.752 123.858 129.973	143.344
96 114.131 119.871 125.000 131.141	144.567
115.225 120.550 120.441 132.505	145.789
98 116.315 122.108 127.282 133.476 99 117.407 123.225 128.422 134.642	147.010 148.230
100 118.498 124.342 129.561 135.807	149.449



:	the state of																		
1.00	1.22	132	1.39	1.45	51	1.57	1.67	1.75	  	<u>-</u>	1.94	2.01	2.10	2.21	2.37	2.60	3.00	3 84	3
1.17	1.29	1.37	1.44	1.50	1.55	1.61	1.71	1.79	1.87	1 92	1.98	2.05	2.13	2.25	2.41	2.64	3.03	3.88	250
1.25	1.35	1.43	1.50	1.55	1.60	1.66	1.75	1.83	1.91	-38	2.02	2.09	2.18	2.29	2,45	2.68	3.07	3.92	120
1.39	1.47	1.53	1.59	1.65	1.69	1.75	1.84	1.92	1.96	2.04	2.10	2.17	2.25	2.37	2.53	2.76	3 5	4.00	
1.44	1.51	1.58	1.63	1.69	1.73	1.78	1.87	1.95	2.03	2.07	2.13	2.20	2.29	2.40	2.56	2.79	3.18	4.03	50
-1 -01	1.58	1.64	1.69	1.74	1.78	1.84	1.92	2.00	2.08	2.12	2.18	2.25	2,34	2.45	2.61	2.84	3.23	4.08	40
1.62	1.68	1.74	1.79	1.84	1.88	1.93	2.01	2.09	2.16	2.21	2.27	2.33	2.42	2.53	2.69	2.92	3.32	4.17	30
1.64	1.70	1.75	1.81	1.85	1.89	2.92	2.03	2.10	2.18	2.22	2.28	2.35	2.43	2.55	2.70	2.93	3.33	<u>4</u>	
1.65	1.71	1.77	1.82	1.87	1.91	1.96	2.04	2.12	2.19	2.24	2.29	2.36	2.45	2.56	2.71	2.95	3.34	4.20	28
1.67	1.73	1.79	1.84	1.88	1.92	1.97	2.06	2.13	2.20	2.25	2.31	2.37	2.46	2.57	2.73	2.96	3.35	4.21	=
1.69	1.75	1.80	1.85	1.90	1.94	1.99	2.07	2.15	2.22	2.27	2.32	2.30	2.47	2,59	2.74	2.98	3.37	4.23	26
1.71	1 77	1.82	1.87	1.92	1.96	2.01	209	2.16	2 24	2.28	2.34	2.40	2.49	2.60	2.76	2.99	3.39	4.24	26
1.73	1.79	1.84	1.69	1.94	1.97	2.03	2.11	2.18	2.25	2.30	2.36	2.42	2,51	2.62	2.78	3.01	3.40	4.26	E
1.76	1.81	1.86	1.91	 	2.00	2.05	2.13	2.20	2.27	2.32	2.37	2.44	2.53	2.64	2.80	3.03	3.42	4.28	23
1.78	- 28	1.89	1.94	1.98	2.02	2.07	2.15	2.23	2.30	2.34	2.40	2.46	2,55	2.66	2.82	3.05	3.44	4.30	22
 00 1	1.87	1.92	1.96	2.01	2.05	2.10	2.18	2.25	2,32	2.37	2.42	2.49	2.57	2.68	2.84	3.07	3.47	4.32	
- 28.	1.90	1,95	1.99	2.04	2.07	2.12	2.20	2.28	2.35	2.39	2.45	2.51	2 60	2.71	2.87	3.10	3.49	4.35	
1.86	1.93	1.98	2.03	2.07	2.11	2.16	2.23	2.31	2.38	2.42	2,48	2.54	2.63	2.74	2.90	3.13	3.52	4.38	=
1.92	1.97	2.02	2.06	2.11	2.14	2.19	2.27	2.34	2.41	2.46	2.51	2.58	2.66	2.77	2,93	3 16	3.55	4.41	<b>1</b>
1.96	2.01	2.06	2.10	2.15	2.18	2.23	2.31	2/11	2.45	2.49	2.55	2.61	2.70	2.81	2.96	3.20	3,59	4,45	17
2.01	2.06	2.11	2.15	2.19	2.23	2.28	2.35	2.42	2.49	2.54	2.59	2.66	2.74	2.85	3.01	3,24	3.63	4.49	16
2.07	2.11	2.16	2.20	2.25	2.28	2.33	2.40	2.48	2.54	2.59	2.64	2.71	2.79	2.90	3.06	3.29	3.68	4.54	15
2.13	2.18	2.22	2.27	2.31	2.34	2.39	2.46	2.53	2.60	2.65	2.70	2.76	2.85	2.96	3.11	3.34	3.74	4.60	<b>=</b>
2.21	2.25	2.30	2.34	2.38	2.41	2.46	2.53	2.60	2.67	2.71	2.77	2.83	2.92	3.03	3.18	3.41	3.81	4.67	갋
2.30	2.34	2.38	2.43	2.47	2.50	2.54	2.62	2.69	2.75	2.80	2.85	2.91	3.00	3.11	3.26	3.49	3.89	4.75	=
8	120		\$	<b>36</b>	<b>II</b> ,		ē	á	ô	φ	<b>c</b> o	7	<b>.</b>	O1		ယ	N	_	Vn/vN

3	5	A. Se	3,			à				388	9.50	6.13	3,48	9.02	88	.65	88	<u>ئ</u>	3.91	8	8	4	8	22	75	92	22	6	ç
	٠.	e Vi	4) 3			d		700	2			-		1						1					1				
		- - - - - -		- 1.	÷.			4	3 :	_				9.20			-						1						
17								•	2	328 A				9.29															
								ş	3	_				9.38					4.25					i					
			1.3 2.1					98				ij.,		9,45			1		4.31										:.
										3208.7 623				9,55					4.41										
							\$ (S)	Ť.			:			9.72			4		4.56										
							J 27	2	ļ		-			9.89					4.71					- 1					
. 30					4		" ل" عند مستوى معتوية ١٠٥/ ١	9		,				10.05					4.85					- 1					
					3		3.	00						10.16					4.94					- 1					
							ution							10.29								Sail.				3.79			
							Distribution	1					14.98	- 1			6.18							4.14					
								9					15.21		8.47	7.19	6.37	5.80	-1	5.07				- 1		4.10			
								IO.						10.97	8.75	7.46	8.83	90.9				1		4.56	4.44	¥.	4.25	4.17	A 40
		*.						•		5624.3	99.25	28.71	15.98	11.39	9.15	7.85	7.01	6.42	5.99	5.67	5.41	5.21	20.0	4.89	4.77	4.67	4.58 80	8.50	4.42
								<b>6</b>					16.69	- 1	9.78	8. 10.	7.59	න ග ර	6.55	6.22	2.86	5.74	2.56	5.42	5.29	5.19	2.00	5.01	70 P
								N		1999.3	88	30.82	18.00	13.27	10.82	00 100 100 100 100 100 100 100 100 100	9	8.02	7.58	7.21	80 00 00	6.70	6.51	6.36	8.23	6.11	6.01	5.93	r.
						1								16.26					- 1	9.85		9.07	8.86	8.68	8.53 8.53	9.40	8.29	8.18	8.10
Ş										• •			<b>▼</b>		• · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	<b>~</b> ,		<b>o</b> n :	9	۶ <b>:</b> : د		<b>:</b>		- 1	9	4	- (1) - (1) - (1)	1.5	
														ı					1										

ľ	250	120	60	50	6	36		28	=	26	=	24	23		1	
6.63	6.74	(D) (D) (T)	7.08	7.17	7.31	7.56	7.60	7.64	7.68	7.72	7.77	7.62	7.88	7.95	8.02	
	4,69					١.										
3.78	3.86	3.95	4.13	4.20	4.31	4.51	4.54	4.57	4.60	4.64	4.68	4.72	4.76	4.82	4.87	
3.32	3.40	3.48	ယ (၁)	3.72	3. <b>8</b> 3	4 02	4	4.07		4 14	4	23	4.26	4.31	4.37	4
3.02	3.00	3 17	2	ω <b>4</b>	351	3 70	3.73	3.75	3,78	3.82	ည (၁၈ (၁၈	3.B0	ω <b>2</b>	Ī	4	•
2.80	2.87	2.96	မ ကိ	ယ <b>၁</b>	3.29	3.47	3.50	<b>9</b>	3.56	3.59	3.63	3.67	3.71	3.76	3 60	
2.64	2.71	279	295	8	3.12	330	3.33	336	330	3.43	3 45	3.50	354	3,59	3.04	
2.51	25	2.66	20 1	20 G	298	3 17	320	323	326	329	2	3.36	241	3.45	(a)	
2.41	248	N 1	3 6	278	280	307	300	310	3 15	3 18	۵ و د د	3 C	200	9	μ 10	
232	Vi.															
2.18					-[					i			٠.,		- 1	,
8 204					- 1					-1						
-																
1.86									. 1				4. 3			
7 8	1			1.	1.							٠.				
1.70	88	2.03	210	2.20	2.39	2.41	2.44	2.47	2.50	2.54	2.58	2.62	2.67	2.72	8	
1.67	176	<u>~</u>	2.01	2.11	2.30	2.33	2.35	238	2.42	2.45	2.49	2.54	2.58	2.64	8	
1.56	1.66	1.02	1.91	2.02	2.21	2.23	2.28	2.29	2,33	2.36	2.40	2.45	2.50	2.55		1 1 1 1 1 1
1.43																
	53 1.38															

à

## % جدول (ه $\dot{-}$ ) دیرین واتسون عند مستوی معنویة ه $\dot{-}$ Durbin- Watson Tables $\dot{-}$ عن $\dot{-}$ عن $\dot{-}$ $\dot{-}$ عن $\dot{-}$ عن $\dot{-}$ عن $\dot{-}$ بن $\dot{-}$ بن $\dot{-}$ بن $\dot{-}$ بن $\dot{-}$ بن $\dot{-}$

		Sig		ice Poi						
n	K	=1	K	=2	K	=3	K	=4	K	<b>-5</b>
	dL	$\mathbf{d}_{\mathbf{U}}$	$d_{L}$	du	$d_L$	dυ	dL	du	$\mathbf{d_L}$	d <sub>U</sub>
15	1.08	1.36	0.95	1.54	0.82	1.75	0.69	1.97	0.56	2.21
16	1.10	1.37	0.98	1.54	0.86	1.73	0.74	1.93	0.62	2.15
17	1.13	1.38	1.02	1.54	0.90	1.71	0.78	1.90	0.67	2.10
18	1.16	1.39	1.05	1.53	0.93	1.69	0.82	1.87	0.71	2.06
19	1.18	1.40	1.08	1.53	0.97	1.68	0.86	1.85	0.75	2.02
20	1.20	1.41	1.10	1.54	1.00	1.68	0.90	1.83	0.79	1.99
21	1.22	1.42	1.13	1.54	1.03	1.67	0.93	1.81	0.83	1.96
22	1.24	1.43	1.15	1.54	1.05	1.66	0.96	1.80	0.86	1.94
23	1.26	1.44	1.17	1.54	1.08	1.66	0.99	1.79	0.90	1.92
24	1.27	1.45	1.19	1.55	1.10	1.66	1.01	1.78	0.93	1.90
25	1.29	1.45	1.21	1.55	1.12	1.66	1.04	1.77	0.95	1.89
26	1.30	1.46	1.22	1.55	1.14	1.65	1.06	1.76	0.98	1.88
27	1.32	1.47	1.24	1.56	1.16	1.65	1.08	1.76	1.01	1.86
28	1.33	1.48	1.26	1.56	1.18	1.65	1.10	1.75	1.03	1.85
29	1.34	1.48	1.27	1.56	1.20	1.65	1.12	1.74	1.05	1.84
30	1.35	1.49	1.28	1.57	1.21	1.65	1.14	1.74	1.07	1.83
31	1.36	1.50	1.30	1.57	1.23	1.65	1.16	1.74	1.09	1.83
32	1.37	1.50	1.31	1.57	1.24	1.65	1.18	1.73	1.11	1.82
33	1.38	1.51	1.32	1.58	1.26	1.65	1.19	1.73	1.13	1.81
34	1.39	1.51	1.33	1.58	1.27	1.65	1.21	1.73	1.15	1.81
35	1.40	1.52	1.34	1.58	1.28	1.65	1.22	1.73	1.16	1.80
36	1.41	1.52	1.35	1.59	1.29	1.65	1.24	1.73	1.18	1.80
37	1.42	1.53	1.36	1.59	1.31	1.66	1.25	1.72	1.19	1.80
38	1.43	1.54	1.37	1.59	1.32	1.66	1.26	1.72	1.21	1.79
39	1.43	1.54	1.38	1.60	1.33	1.66	1.27	1.72	1.22	1.79
40	1.44	1.54	1.39	1.60	1.34	1.66	1.29	1,72	1.23	1.79
45	1.48	1.57	1.43	1.62	1.38	1.67	1.34	1.72	1.29	1.78
50	1.50	1.59	1.46	1.63	1.42	1.67	1.38	1.72	1.34	1.77
55	1.53	1.60	1.49	1.64	1.45	1.68	1.41	1.72	1.38	1.77
60	1.55	1.62	1.51	1.65	1.48	1.69	1.44	1.73	1.41	1.77
65	1.57	1.63	1.54	1.66	1.50	1.70	1.47	1.73	1.44	1.77
70	1.58	1.64	1.55	1.67	1.52	1.70	1.49	1.74	1.46	1.77
75	1.60	1.65	1.57	1.68	1.54	1.71	1.51	1.74	1.49	1,77
80	1.61	1.66	1.59	1.69	1.56	1.72	1.53	1.74	1.51	1.77
85	1.62	1.67	1.60	1.70	1.57	1.72	1.55	1.75	1.52	1.77
90	1.63	1.68	1.61	1.70	1.59	1.73	1.57	1.75	1.54	1.78
95	1.64	1.69	1.62	1.71	1.60	1.73	1.58	1.75	1.56	1.78
100	1.65	1.69	1.63	1.72	1.61	1.74	1.59	1.76	1.57	1.78

عدد المتغيرات التفسيرية بدون الحد الثابت = k

% ۱ جدول (٥-ب) ديربن واتسون عند مستوى معنوية  $^{\circ}$  Durbin- Watson Tables  $\mathbf{d_L} = \mathbf{d_U} + \mathbf{d_U} + \mathbf{d_U}$ 

## Significance Points of d<sub>L</sub> and d<sub>U</sub> at 1 %

n	K	=1	K	=2	K	=3	K	<b>-4</b>	K	=5
	$\mathbf{d_L}$	du	$\mathbf{d_L}$	du	$\mathbf{d}_{\mathbf{L}}$	d <sub>U</sub>	dŁ	dι	$d_{L}$	dυ
15	0.81	1.07	0.70	1.25	0.59	1.46	0.49	1.70	0.39	1.96
16	0.84	1.09	0.74	1.25	0.63	1.44	0.53	1.66	0.44	1.90
17	0.87	1.10	0.77	1.25	0.67	1.43	0.57	1.63	0.48	1.85
18	0.90	1.12	0.80	1.26	0.71	1.42	0.61	1.60	0.52	1.80
19	0.93	1.13	0.83	1.26	0.74	1.41	0.65	1.58	0.56	1.77
20	0.95	1.15	0.86	1.27	0.77	1.41	0.68	1.57	0.60	1.74
21	0.97	1.16	0.89	1.27	0.80	1.41	0.72	1.55	0.63	1.71
22	1.00	1.17	0.91	1.28	0.83	1.40	0.75	1.54	0.66	1.69
23	1.02	1.19	0.94	1.29	0.86	1.40	0.77	1.53	0.70	1.67
24	1.04	1.20	0.96	1.30	0.88	1.41	0.80	1.53	0.72	1.66
25	1.05	1.21	0.98	1.30	0.90	1.41	0.83	1.52	0.75	1.65
26	1.07	1.22	1.00	1.31	0.93	1.41	0.85	1.52	0.78	1.64
27	1.09	1.23	1.02	1.32	0.95	1.41	0.88	1.51	0.81	1.63
28	1.10	1.24	1.04	1.32	0.97	1.41	0.90	1.51	0.83	1.62
29	1.12	1.25	1.05	1.33	0.99	1.42	0.92	1.51	0.85	1.61
30	1.13	1.26	1.07	1.34	1.01	1.42	0.94	1.51	0.88	1.61
31	1.15	1.27	1.08	1.34	1.02	1.42	0.96	1.51	0.90	1.60
32	1.16	1.28	1.10	1.35	1.04	1.43	0.98	1.51	0.92	1.60
33	1.17	1.29	1.11	1.36	1.05	1.43	1.00	1.51	0.94	1.59
34	1.18	1.30	1.13	1.36	1.07	1.43	1.01	1.51	0.95	1.59
35	1.19	1.31	1.14	1.37	1.08	1.44	1.03	1.51	0.97	1.59
36	1.21	1.32	1.15	1.38	1.10	1.44	1.04	1.51	0.99	1.59
37	1.22	1.32	1.16	1.38	1.11	1.45	1.06	1.51	1.00	1.59
38	1.23	1.33	1.18	1.39	1.12	1.45	1.07	1.52	1.02	1.58
39	1.24	1.34	1.19	1.39	1.14	1.45	1.09	1.52	1.03	1.58
40	1.25	1.34	1.20	1.40	1.15	1.46	1.10	1.52	1.05	1.58
45	1.29	1.38	1.24	1.42	1.20	1.48	1.16	1.53	1.11	1.58
50	1.32	1.40	1.28	1.45	1.24	1.49	1.20	1.54	1.16	1.59
55	1.36	1.43	1.32	1.47	1.28	1.51	1.25	1.55	1.21	1.59
60	1.38	1.45	1.35	1.48	1.32	1.52	1.28	1.56	1.25	1.60
65	1.41	1.47	1.38	1.50	1.35	1.53	1.31	1.57	1.28	1.61
70	1.43	1.49	1.40	1.52	1.37	1.55	1.34	1.58	1.31	1.61
75	1.45	1.50	1.42	1.53	1.39	1.56	1.37	1.59	1.34	1.62
80	1.47	1.52	1.44	1.54	1.42	1.57	1.39	1.60	1.36	1.62
85	1.48	1.53	1.46	1.55	1.43	1.58	1.41	1.60	1.39	1.63
90	1.50	1.54	1.47	1.56	1.45	1.59	1.43	1.61	1.41	1.64
95	1.51	1.55	1.49	1.57	1.47	1.60	1.45	1.62	1.42	1.64
100	1.52	1.56	1.50	1.58	1.48	1.60	1.46	1.63	1.44	1.65

جدول (٦) : القيم الحرجة لليكي فولار الموسع ، إحصائية : p ، λ

(1) (1)	Critical Valu	es of Augme	ented Dickey	y- Fuller (Dl	F)
Model	Statistic	N	Sig	mificance l	evel
			1%	5 %	10 %
Yan II. Ara	$ADF_{\lambda}$	25	- 2.50	- 1.95	- 1.60
		50	- 2.62	- 1.95	- 1.61
		100	- 2.60	- 1.95	- 1.61
		250	- 2.58	- 1.95	- 1.61
		500	- 2.58	- 1.95	- 1.61
		> 500	- 2.58	- 1.95	- 1.61
<b>II</b>	$ADF_{\lambda}$	25	- 3.75	- 3.00	- 2.62
		50	- 3.58	- 2.93	- 2.60
		100	- 3.51	- 2.89	- 2.58
		250	- 3.46	- 2.88	- 2.57
		500	- 3.44	- 2.87	- 2.57
		> 500	- 3.43	- 2.86	- 2.57
III	$ADF_{\lambda}$	25	- 4.38	- 3.60	- 3.24
		50	- 4.15	- 3.50	- 3.18
		100	- 4.04	- 3.45	- 3.15
		250	- 3.99	- 3.43	- 3.13
		500	- 3.98	- 3.42	- 3.13
[集] [ ] 表	and a little of	> 500	- 3 96	- 3.41	-312

## lpha , eta : القيم الحرجة لديكي فولار الموسع ، إحصائية : eta

P=	1	,	λ	=	0

Model	Statistic	n	Sig	nificance l	evel
, il			1 %	5 %	10 %
4 % d	$ADF_{\alpha}$	25	3.14	2.61	2.20
		50	3.28	2.56	2.18
		100	3.22	2.54	2.17
	EXELECTA	250	3.19	2.53	2.16
		500	3.18	2.52	2.16
		> 500	3.18	2.52	2.16
III	$ADF_{\alpha}$	25	4.05	3.20	2.77
	1.0	50	3.87	3.14	2.78
		100	3.78	3.11	2.73
		250	3.74	3.09	2.73
		500	3.72	3.08	2.72
		> 500	3.71	3.08	2.72
Ш	ADF	25	3.74	2.58	2.39
		50	3.60	2.81	2.38
		100	3.53	2.79	2.38
		250	3.49	2.79	2.38
		500	3.48	2.78	2.38
		> 500	3.46	2.78	2.38

القيم الحرجة لاختبار إنجل – جرانجر للتكامل المشترك : (٨) القيم الحرجة لاختبار إنجل – جرانجر للتكامل المشترك : (١ القيم الحرجة لاختبار إنجل – جرانجر للتكامل المشترك : Critical Values for the Engle-Granger  $\tau$  – Test Statistics Applied to Regression Residuals Model I:  $Y_t = \alpha + \beta X_t + \varepsilon_t$ , Model III:  $Y_t = \alpha + \theta t + \beta X_1 + \varepsilon_t$  K= number of variables in the cointegration test (i.e  $Y_t$ ,  $X_t$ ), t = 1, 2, 3, ...........................500

Model	k	Si	gnificance lev	el
	0.00	1 %	5 %	10 %
II	2	- 3.96	- 3.37	- 3.07
Vital Section 1	3	- 4.31	- 3.77	- 3.45
	4	- 4.73	- 4.11	- 3.83
	5	- 5.07	- 4.45	- 4.16
EV.5	6	- 5.28	- 4.71	- 4.43
Ш	2	- 4.36	- 3.80	- 3.52
	3	- 4.65	- 4.16	- 3.84
- 188. A	37.14	- 5.04	- 4.49	- 4.20
AND E	5	- 5.36	- 4.74	- 4.46
A ELECTRICAL STATE OF THE SECOND SECO	6	- 5.58	- 5.03	- 4.73

Allen, Geofrey, P. & Fildes, Robert, "Econometric Forecasting", Principles of Forecasting: A Handbook for Researchers and Practitioners, Armstrong, J.Scott (ed): Norwell, MA: Kluwer Academic Publishers, 2001.

Antweiler, Werner, Purchasing Power Parity, Vancouver, Canada: PACIVIC Exchange Rate Service, Sauder School of Business, The University of British Columbia, 2003, <a href="http://fx.sauder.ubc.ca/PPP.html">http://fx.sauder.ubc.ca/PPP.html</a>

Banavas, G. N, Integrated Time Series, Computational Intelligence in Finance and Business.

http://www.tech.plym.ac.uk/soc/research/netural/staff/gbanavas/work/5wt hweek/sld001.htm.

Berndt, Ernst R., The Practice of Econometrics: Classic and Contemporary, New York: Addison-Wesley Publishing Company, 1991.

Chow, Gregory, Econometrics, London: McGraw-Hill Book Company, 1988.

Crammer, J.S, Empirical Econometrics, London: North Holland Publishing Company, 1969.

Dutta, M., Econometrics Methods, Cincinnati: South-Western Publishing Co., 1975.

Greene, William, Econometric Analysis, New York: Macmillan Publishing Company, Second Edition, 1993.

Griffiths, William, and Others, Learning and Practicing Econometrics, New York: John Wiley & Sons, Inc. 1993.

Griliches, Zvi & Intriligator, Michael D. (Editors), Handbook of Econometrics Volumes. I, III, & IV, http://www.elsevier.com/hes/books/02/menu02.htm

Gujarati, Damodar, Basic Econometrics, New York: McGraw-Hill Book Inc, Third Edition, 1995.

Harvey, Andrew, The Econometric Analysis of Time Series, New York: Philip Allan, Second Edition, 1990.

Hebden, Julia, Applications of Econometrics, Oxford: Philip Allan Publishers Limited, 1983.

Holden, K. And Others, Economic Forecasting: An Introduction, Cambridge University Press, 1990.

http://www.inv.com/87uva.htm , The Nature of Stock Market Equilibrium.

Intriligator, Michael, Econometric Models, Techniques and

Applications, New Jersey: Prentice-Hall, Inc., 1978.

Johnston, J., Econometric Methods, New York: McGraw-Hill, Third Edition, 1984.

Kautsoyiannis, A., A. Theory of Econometrics, London: The Macmillan Press LTD, Second Edition, 1981.

Kelejian, Harry & Oates, Wallace, Introduction to Econometrics, New York: Harver & Row Publishers, Third Edition, 1989.

Kennedy, Peter, A Guide to Econometrics, London: Cambridge, Massachustts Book Company, 1979.

Kmenta, Jan, Elements of Econometrics, New York: Macmillan Publishing Co. Inc, 1971.

Lilien, D., Hall, D. & Others, MicroTSP User, s Manual, Version 7.0, California: Quantitative Micro Software, 1990.

Lin, Kuan-Pin, Econometrics II, First Edition, Topic 6, 1999, http://www.econ.pdx.edu/staff/KPL/tsinghua/topic6.htm

Maddala, G.S., Econometrics, New York: McGraw-Hill Book Company, 1989.

Malpezzi, Stephen, A Simple Error Correction Model of House Prices, Madison WI: The Center For Urban Land Economics Research School of Business, Sep. 1998.

Mayes, David G., Applications of Econometrics, London: Prentice

Hall International, 1981.

Moffatt, Mike, A Beginner's Guide to Purchasing Power Parity
Theory (PPP Theory),

http://economics.about.com/cs/money/a/purchasingpower.htm

Pakko, Michael R. & Pollard Patricia S., "For Here Or To Go? Purchasing Power Parity and the Big Mac", REVIEW, Federal Reserve Bank of ST. Louis, Jan-Feb. 1996.

Pindych, R. & Rubinfield D., Econometric Models and Economic Forecasts, New York: McGraw-Hill Inc, 1981.

Quantitative Micro Software, Eviews4, User's Guide, 2000.

Ramanathan, Ramu, Introductory Econometrics With Applications, New York: Harcourt Brace Jovanovich College Publishers, Second Edition, 1992. Ramirez, Miguel D. & Khan, Shahryar, "A Cointegration Analysis of Purchasing Power Parity: 1973-96", International Advances in Economic Research, Volume 5, Number 3, August, 1999. <a href="http://www.iaes.org/journal/jaer/aug\_99/ramirez">http://www.iaes.org/journal/jaer/aug\_99/ramirez</a>

Steel ,R. & Torrie,J., Principles and Procedures of Statistics, Tokyo: McGraw-Hill Kogakuha Ltd, Second Edition, 1980.

Zhou, Zhong-guo, "Forecasting Sales and Price for Existing Single-Family Homes: A VAR Model with Error Correction, Journal of Real Estate Research, Volume 14, number 1-2, 1997.

## مراجع بالعربية :

أحمد عباده سرحان ، صلاح الدين طلبه ، أسس الاحصاء ، الأسكندرية : دار الكتب الجامعية ، طبعة أولى ، ١٩٦٨.

دومينيك سالفاتور ، نظريات ومسائل في الاحصاء والاقتصاد القياسي ، سلسلة ملخصات شوم ، ( ترجمة سعدية حافظ ) نيويورك : دار ماكحروهيل للنشر ، ١٩٨٢ .

عباس السيد ، الاقتصاد القياسي ، الأسكندرية : دار الجامعات المصرية ، 1988 .

عبدالعزيز فهمي ، الكمبيوتر والاقتصاد القياسي ، بيروت : دار الراتب الجامعية ، ١٩٨٥.

والتر فاندال، السلاسل الزمنية من الوجهة التطبيقية ونماذج بوكس-جنكنز ، ( تعريب ومراجعة عبدالمرضي حامد عزام & أحمد حسين هارون) الرياض: دار المريخ 1997. on grado arreno goginario de la comerciario de dalle de la filla goginario de la comerciario del comerciario d no comerciario finalizativa del comerciario del comerciario de la comerciario de la comerciario de la comercia Al comerciario del comerciario d

To the first and the even of the first plantagement of the control of the plantagement of the first plantagement of the control of the first plantagement of the control of

\*\*\*Profit (miles) is a set of many figure or first specific transport and appropriate law of the first or a second or the many figure for the first or and the first or an appropriate of the first or the first or the first of the first of the first or the first o

mineral charges in

Approximate the state of the smaller of the same of the state of the state of the state of the same of

and the contract of the second of the second

more than the state of the stat

and the state of t